# Seminar 0 - Aufgaben

## Aufgabe 0.1 (Brüche)

Vereinfache die folgenden Terme weitestgehend.

1) 
$$-1 + \frac{2}{3} + \frac{1}{2}$$

3) 
$$\frac{\frac{a}{1-a} + \frac{a+1}{a}}{\frac{a-1}{a} - \frac{a}{a+1}}$$

2) 
$$\frac{2a+3b}{2ab+b^2} - \frac{4a^2+b^2}{4a^2b+2ab^2} - \frac{5a-b}{4a^2+2ab}$$

$$4) \ \frac{1}{a - \frac{a}{1 - \frac{a}{a - b}}}$$

# Aufgabe 0.2 (Wurzeln & Potenzen)

Vereinfache die folgenden Terme weitestgehend.

1) 
$$\sqrt[3]{45a^3+11a^3-2a^3}$$

3) 
$$\frac{3a^{n+1} \cdot 9x^{n+7} \cdot 4b^{n+1}}{6x^n \cdot b^{n+1} \cdot 18a}$$

2) 
$$(\sqrt{2})^{-1} \cdot (\sqrt{50} + \sqrt{98} - \sqrt{72} - \sqrt{18})$$

4) 
$$(\sqrt{(\sqrt[3]{a})^{2n}})^3$$

## Aufgabe 0.3 (Logarithmen)

Bestimme x in den folgenden Gleichungen.

1) 
$$\log_3 x = 4$$

3) 
$$\log_{x} 3 + \log_{x} 48 = 2$$

2) 
$$\log_{27} x = \frac{4}{3}$$

4) 
$$\ln(x-2) + \ln 7 = \ln(x^2-4)$$

#### Aufgabe 0.4 (Termumformungen)

Stelle die Gleichungen nach der angegebenen Variablen um.

$$1) \ a = \frac{1}{x + e^{-by}} \ \text{nach } x$$

3) 
$$U = \frac{z(3x - y) + 3yh}{y - 2x}$$
 nach x

$$2) \ a = \frac{1}{x + e^{-by}} \ \text{nach } y$$

4) 
$$y = 2x - \ln z^3 + 1$$
 nach z