ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI TRƯỜNG CƠ KHÍ KHOA CƠ ĐIỆN TỬ



ĐỒ ÁN THIẾT KẾ CƠ KHÍ Đề tài: Tính toán thiết kế robot Scara 4 bậc tự do

Mã học phần: ME4503 Ngành Kỹ thuật Cơ điện tử Giảng viên hướng dẫn: TS. Nguyễn Hồng Thái

Sinh viên thực hiện: Vương Trung Kiên MSSV 20195063

HÀ NỘI, 02/2023

LÒI CẨM ƠN

Dưới sự hướng dẫn nhiệt tình của **TS.Nguyễn Hồng Thái** em đã vận dụng những kiến thức đã được học trong chương trình đào tạo đại học tại trường ĐH Bách Khoa Hà Nội để hoàn thành đề tài đồ án "**Tính toán thiết kế robot Scara 4 bậc tự do**" này, nhờ đó em có thể trang bị cho mình nhiều kiến thức và kinh nghiệm hơn để hoàn thành những đồ án sau này

Tuy nhiên với kiến thức chuyên môn còn hạn chế nên đề tài không thể tránh khỏi những thiếu sót và chưa thể hoàn thiện một cách hoàn hảo như ý muốn mong đợi. Mong được sự giúp đỡ và góp ý của các thầy để em có thể hoàn thiện hơn.

Để hoàn thành đồ án môn học này em xin trân trọng cảm ơn tất cả các thầy cô giáo trong trường Đại Học Bách Khoa Hà Nội, nhất là các quý thầy cô trong Trường Cơ Khí, nhóm chuyên môn thiết kế hệ thống cơ khí, Khoa cơ điện tử đã hướng dẫn em trong suốt kì học vừa qua. Em xin bày tỏ lòng biết ơn sâu sắc tới thầy giáo hướng dẫn **TS. Nguyễn Hồng Thái**, người đã tận tình hướng dẫn và tạo mọi điều kiện thuận lợi để em hoàn thành đồ án này.

Em xin trân trọng cảm ơn!

Hà Nội, ngày	tháng	năm
	Sinh viên	

MỤC LỤC

DANH MỤC CÁC KÝ HIỆU VÀ CÁC TỪ VIẾT TẮT	1
DANH MỤC CÁC HÌNH VỄ VÀ ĐÔ THỊ	5
DANH MỤC CÁC BẢNG	6
MỞ ĐẦU	7
CHƯƠNG 1 BÀI T <u>OÁN ĐỘNG H</u> ỌC	8
1.1 CÁC THÔNG SỐ KĨ THUẬT CỦA ROBOT TURBO SCARA SR4/6/8	8
1.2 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH ĐỘNG HỌC CỦA ROBOT	12
1.3 BÀI TOÁN MIỀN LÀM VIỆC	19
1.4 THIẾT LẬP BIỂU THỨC TÍNH VẬN TỐC TRỌNG TÂM CÁC KHÂU	20
1.5 THIẾT LẬP BIỂU THỨC TÍNH GIA TỐC TRỌNG TÂM CÁC KHÂU	23
1.6 KÉT LUẬN	24
CHƯƠNG 2 PHÂN TÍCH TĨNH HỌC	25
2.1 PHÂN TÍCH LỰC ROBOT	25
2.2 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH TRUY HỔI THEO PHƯƠNG PHÁP NEWTON-Đ	EULER 26
2.3 TÍNH LỰC VÀ MOMEN TẠI CÁC KHỚP	27
2.3 KÉT QUẢ TÍNH TOÁN	31
2.5 LỰA CHỌN KÉT CẦU SƠ BỘ	34
2.5.1 Giới thiệu các loại hộp giảm tốc dùng trong robot	34
2.5.2 Bản vẽ sơ bộ các khâu của robot	36
2.5.3 Xác định khối lượng, trọng tâm các khâu trên solidworks	372
2.5.3 Xác định khối lượng, trọng tâm các khâu trên solidworks	
CHƯƠNG 3 BÀI TOÁN ĐỘNG LỰC HỌC	41
3.1 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH ĐỘNG LỰC HỌC BẰNG PHƯƠNG PHÁP NEW EULER	
3.1.1 Cơ sở lý thuyết	41
3.1.2 Xây dựng phương trình động lực học Newton-Euler cho robot	41
3.2 TÍNH TOÁN LỰC VÀ MOMEN TẠI CÁC KHỚP	43
3.3 TÍNH TOÁN CHỌN HỘP GIẢM TỐC TẠI CÁC KHỚP	48
3.3.1 Đặt nhiệm vụ cho robot	48
3.3.2 Tính chon hộp giảm tốc	49
KÉT LUẬN	55
TÀI I IÊU THAM KHẢO	56

DANH MỤC CÁC KÝ HIỆU VÀ CÁC TỪ VIẾT TẮT

Ký hiệu	Nội dung, ý nghĩa
S ₁	$: \sin \theta_1$
S ₂	$:\sin\theta_2$
C ₁	$\cos \theta_1$
c_2	$:\cos\theta_2$
S ₁₂	$: Sin (\theta_1 + \theta_2)$
C ₁₂	$: \cos(\theta_1 + \theta_2)$
S ₁₂₋₄	$: \sin(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4)$
C ₁₂₋₄	$: \cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4)$
θ_{12}	$:\theta_1\!+\!\theta_2$
θ ₁₂₋₄	$: \theta_1 + \theta_2 - \theta_4$
$i^{-1}\underline{C}_i$: Ma trận biến đổi tọa độ từ hệ quy chiếu i về i-1
$^{0}\underline{C}_{i}$: Ma trận biến đổi tọa độ từ hệ quy chiếu i về hệ quy chiếu cố định 0
$^{0}\underline{R}_{i}$: Ma trận cosin chỉ hướng của khâu i đối với hệ quy chiếu cố định
ⁱ⁻¹ <u>r</u> _i	: Vecto thuần nhất vị trí trọng tâm khâu i đối với hệ quy chiếu cố định
\underline{v}_{Ci}	:Vận tốc dài tại trọng tâm của khâu thứ i
\underline{a}_{Ci}	: Gia tốc tịnh tiến tại trọng tâm của khâu thứ i so với khâu gốc cố định
°€1	: Gia tốc quay tại trọng tâm của khâu thứ i so với khâu gốc cố định

$\underline{\omega}_{i}$: Vận tốc góc của khâu thứ i so với khâu thứ i-1
$^{0}\underline{\omega}_{i}$: Vận tốc góc của khâu thứ i so với khâu gốc cố định
$i^{-1} \underline{\widetilde{o}}_i$: Ma trận đối xứng lệch của ma trận vận tốc của khâu thứ i so với khâu thứ i-1
K	: Điểm cuối của khâu thao tác

DANH MỤC CÁC HÌNH VỄ VÀ ĐỒ THỊ

	Nội dung	Trang
Hình 1.1	Một số loại Robot Scara hiện nay	7
Hình 1.2	Mô hình solidworks robot tubo scara SR8	8
Hình 1.3	Cấu hình robot Tubo Scara SR8	9
Hình 1.4	Hệ trục tọa độ Denavit-Hatenbeg	11
Hình 1.5	Tọa độ điểm cuối khâu thao tác	13
Hình 1.6	Đồ thị quỹ đạo chuyển động của điểm tác động cuối	16
Hình 1.7	Đồ thị chuyển động của khớp 1	16
Hình 1.8	Đồ thị chuyển động của khớp 2	17
Hình 1.9	Đồ thị chuyển động khớp 3	17
Hình 1.10	Đồ thị chuyển động khớp 4	17
Hình 1.11	Các bước xây dựng miền làm việc	19
Hình 1.12	Miền làm việc thực tế theo X,Y	19
Hình 1.13	Miền làm việc 3D	19
Hình 1.14	Miền làm việc nhìn từ trên xuống	20
Hình 1.15	Miền làm việc nhìn trực diện	20
Hình 1.16	Miền làm việc nhìn tổng thể	20
Hình 2.1	Mô hình động học robot	29
Hình 2.2	Sơ đồ lựa chọn hộp giảm tốc bánh răng sóng	38
Hình 2.3	cấu tạo hộp giảm tốc bánh răng sóng loại 2UH	39
Hình 2.4	cấu tạo bộ truyền động tại khớp 3 và khớp 4	39
Hình 2.5	Kết cấu sơ bộ khâu đế	40
Hình 2.6	Kết cấu sơ bộ khâu 1	40
Hình 2.7	Kết cấu sơ bộ khâu 2	41
Hình 2.8	Kết cấu sơ bộ khâu 3-4	41
Hình 2.9	Kết cấu sơ bộ của Robot	42
Hình 2.10	Khối lượng, trọng tâm khâu đế	42
Hình 2.11	Khối lượng, trọng tâm khâu 1	43
Hình 2.12	Khối lượng, trọng tâm khâu 2	43
Hình 2.13	Khối lượng, trọng tâm khâu 3-4	44
Hình 2.14	Khối lượng tổng robot	44
Hình 3.1	Mô hình động lực học robot	45

Hình 3.2	Sơ đồ tính động lực học Newton-Euler	46
Hình 3.3	Quỹ đạo đặt cho robot	53
Hình 3.4	Đồ thị giá trị các biến khớp theo thời gian	54
Hình 3.5	Đồ thị biến thiên vận tốc các khớp theo thời gian	54
Hình 3.6	Đồ thị biến thiên gia tốc theo thời gian	55
Hình 3.7	Đồ thị biến thiên lực và momen theo thời gian	55
Hình 3.8	Biểu đồ vận tốc và momen khớp 1	56
Hình 3.9	Biểu đồ vận tốc và momen khớp 2	57
Hình 3.10	Thông số kích thước hộp giảm tốc con lăn	59
Hình 4.1	Bản vẽ lấp tổng lấp	61

DANH MỤC CÁC BẢNG

STT	Nội dung	Trang
Bång 1.1	Bảng các thông số kích thước Tubo Scara SR8	9
Bång 1.2	Bång D-H robot scara	11
Bång 3.1	Bảng thông số động lực rôbốt Scara 4 bậc tự do	47
Bảng 3.2	Các thông số kích thước hộp giảm tốc khớp 3	60
Bảng 3.3	Các thông số kĩ thuật hộp giảm tốc khớp 3	60
Bảng 3.4	Các thông số kích thước hộp giảm tốc khớp 4	60
Bảng 3.5	Các thông số kĩ thuật giảm tốc khớp 4	60

MỞ ĐẦU

I. Đặt vấn đề

Robot Scara ra đời vào năm 1979 bởi giáo sư Hiroshi Makino tại Đại học Yamanashi, Nhật Bản chúng được thiết kế cho các ứng dụng lắp ráp và sử dụng trong các dây chuyền lắp ráp công nghiệp. Các loại robot scara mang tính ứng dụng cao có khả năng gắp vật liệu một cách hoàn hảo và chính xác được rất nhiều doanh nghiệp quan tâm và mang tới hiệu quả công việc tối ưu thay thế cho con người ở nhiều lĩnh vực . Tuy nhiên, ở Việt Nam việc nghiên cứu và phát triển vẫn còn hạn chế cả ở các viện nghiên cứu và các trường đại học. Do nhu cầu thực tế và niềm say mê nghiên cứu dưới sự hướng tận tình của **T.S Nguyễn Hồng Thái**, Khoa Cơ điện tử - Trường Cơ khí - Đại học Bách khoa Hà Nội chúng em đã được lựa chọn đề tài " **Tính toán thiết kế robot Scara 4 bậc tự do** ".

II. Mục đích nghiên cứu của đề tài

Mục đích của đề tài trước hết là tìm hiểu làm quen với việc nghiên cứu khoa học và áp dụng các kiến thức đã học vào thực tế. Trong quá trình nghiên cứu thực tế đề tài đã giúp chúng em nâng cao kiến, tiếp cận những vấn đề mới của thực tế cũng như làm nền tảng vững chắc cho kỹ sư cơ điện tử sau khi tốt nghiệp.

III. Phạm vi nghiên cứu của đề tài

- > Tính toán động học, tĩnh học và động lực học, đưa mô hình robot vào phần mềm lập trình mô phỏng để kiểm chứng kết quả tính toán
- Thiết kế kết cấu robot dựa trên kết cấu của Robot Scara SR8

IV. Nội dung của đồ án

Nội dung của đồ án được chia làm 4 chương như sau:

Chương 1 : Bài toán động học.

Chương này trình bày bài toán động học thuận động học ngược, trình bày bài toán miền làm việc, tính toán vận tốc và gia tốc các khâu, mô phỏng động học của robot bằng matlab với dao diện Guide.

Chương 2 : Bài toán tĩnh học.

Chương này tình bày về bài toán tĩnh học, tính toán tĩnh học robot băng phương pháp Newton-Euler, chọn được hộp giảm tốc tại các khóp, đưa ra bản vẽ sơ bộ các khâu của robot, và xác định trong tâm các khâu bằng Solidworks.

Chương 3 : Bài toán động lực học.

Chương này trình bày bài toán động lực học, thiết lập phương trình truy hồi Newton-Euler cho robot, tính lực và momen tại các khớp, tính chọn hộp giảm tốc tại các khớp, tính toán kết cấu các trục.

Chương 4: Tính toán thiết kế cơ khí.

Chương này trình bày các bản vẽ thiết kế của robot.

Chương 1

BÀI TOÁN ĐỘNG HỌC

1.1 CÁC THÔNG SỐ KĨ THUẬT CỦA ROBOT TURBO SCARA SR4/6/8

a) Giới thiệu về robot

Robot Scara là một trong những robot công nghiệp được sử dụng phổ biến nhất hiện nay. Chuyển động của robot này rất đơn giản nhưng lại phù hợp với các dây chuyền và ứng dụng hữu hiệu trong nhiệm vụ nhặt và đặt sản phẩm. Robot Scara (Selectively Compliant Articulated Robot Arm) có nghĩa là 'Cánh tay robot lắp ráp có chọn lọc'.

Robot Scara được chế tạo theo mô hình một chiếc tay máy, về nguyên lý hoạt động nó cũng giống như cánh tay của con người, Cánh tay máy sẽ tạo nên các chuyển động cơ bản, cổ tay có chức năng tạo nên sự khéo léo linh hoạt và bàn tay sẽ trực tiếp hoàn thành các thao tác trên đối tượng cần tác động và các cơ cấu này sẽ được truyền động thông qua các động cơ như điện, khí nén, thủy lực ... và sự kết hợp giữa chúng

Một số loại robot scara của các hãng sản xuất



a)Robot Scara hãng Fanuc [nguồn internet]



b) Robot Scara hãng KuKa [nguồn internet]



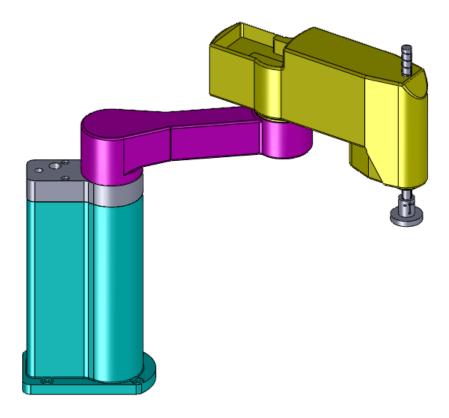
c) Robot Scara hãng MITSUBISHI [nguồn internet]

Hình 1.1. Một số loại robot scara hiện nay

Trong phạm vi đồ án này chúng em đã sử dụng đối tượng Robot Turbo Scara SR8 Plus để nghiên cứu tính toán và thiết kế mô hình robot scara 4 bậc tự do với 3 bậc tự do quay với 1 bậc tự do tịnh tiến.

Robot Turbo Scara SR8 Plus là một loại Robot công nghiệp của hãng Rexroth thuộc tập đoàn Bosch Group, được trang bị những tính năng ưu việt trong đó phải kể đến như tính linh hoạt cao khi vận hành, phạm vi hoạt động rộng, khả năng ứng dụng rộng rãi vào quá trình dạy học và dây chuyền sản xuất, không gian làm việc lớn, độ chính xác cao, kết nối được các thiết bị ngoại vi như máy tính, PLC ..., các cơ cấu được thiết kế khoa học tuân theo các tiêu chuẩn quốc tế và có tính thẩm mĩ cao.

b) Cấu hình robot Turbo Scara SR8 plus

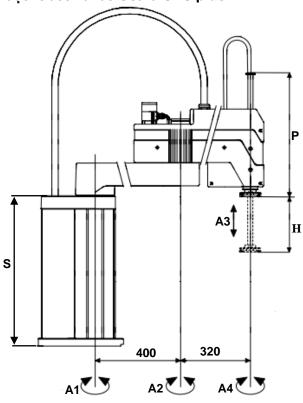


Hình 1.2 Mô hình solidworks robot tubo scara SR8

Robot Turbo Scara SR8 gồm 3 chuyển động quay và 1 khớp chuyển động tịnh tiến gắn cho mỗi khâu 1 hệ trục tọa độ như hình vẽ ta có.

- Khớp 1 quay xung quanh trục Z $_0$ một góc θ $_1$
- Khớp 2 quay xung quanh trục Z $_1$ một góc $\,\theta_{\,\,2}$
- Khớp 3 chuyển động tịnh tiến dọc theo trục Z $_2\,$ một đoạn d $_3\,$
- Khóp 4 quay xung quanh trục Z $_3\,$ một góc $\,\theta_{\,\,4}\,$

c) Các thông số kĩ thuật robot Turbo Scara SR8 plus



Hình 1.3 Cấu hình robot Tubo Scara SR8[10]

Bảng 1.1 Các thông số kích thước Tubo Scara SR8

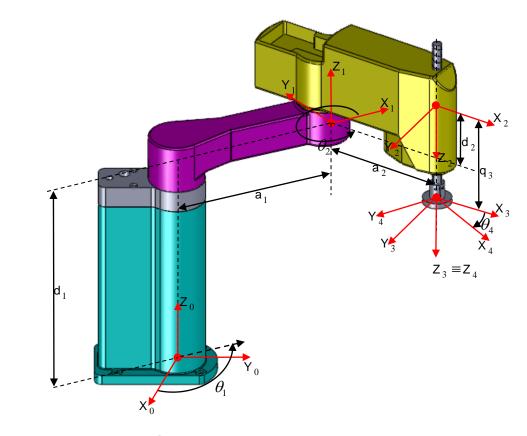
Tùy chọn	Thông số	Kí hiệu	Kích thước		
	Chiều cao khâu đế	S	Tiêu chuẩn 500 tùy chọn 250-700		
	Hành trình trục 3	Н	300	300	300
Tiêu chuẩn	Chiều dài trục vít	P	450	450	450
	Chiều dày bích	F	60	60	60
	Chiều dài khâu 2	\mathbf{a}_{l}	400	400	400
	Chiều dài khâu 3	a 2	320	320	320

Số bậc tự do	4	
Số khớp quay độc lập	4	
Tải trọng chuẩn	2	kg
Tải trọng tối đa	10	kg
Momen quán tính lớn nhất trục 4.	1100	Kg.cm ²
Momen xoắn (cho phép/lớn nhất) trục 4.	5/10	Nm
Lực dọc trục (liên tục/ tối đa) trục 4.	250/400	N
Lực ngang (liên tục/ tối đa) trục 4.	60/140	N
Góc quay giới hạn khâu 1	+/- 155	0
Góc quay giới hạn khau 2	+/- 165	0
Giới hạn hành trình khau 3	300	mm
Góc quay giới hạn khau 4	+/- 180	0

1.2 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH ĐỘNG HỌC CỦA ROBOT

a) Thiết lập hệ quy chiều và bảng thông số động học D-H

Xây dựng hên trục tọa độ Denavit-Hartenberg.



Hình 1.4 Hệ trục tọa độ Denavit-Hatenbeg

Với cách đặt hệ trục như hình 1.2 và quy tắc xác định các thông số động học theo D-H ta lập được bảng D-H.

Bảng 1.2 Bảng D-H robot scara

Trục	d_{i}	$ heta_{i}$	$a_{\rm i}$	$lpha_{ m i}$
1	d_1	θ_1	a_1	0
2	d ₂	θ_2	\mathbf{a}_2	π
3	d ₃	0	0	0
4	0 .	θ_4	0	0

Trong đó: q_3 , θ_1 , θ_2 , θ_4 là các biến khớp

b) Các ma trận biến đổi thuần nhất

Ma trận dạng tổng quát D-H của phép chuyển hệ tọa độ R_{i-1} sang R_i , là $^{i-1}A_i$ có dạng như sau:

$$\underline{C}_{i} = \begin{bmatrix}
\cos \theta_{i} & -\sin \theta_{i} \cos \alpha_{i} & \sin \theta_{1} \sin \alpha_{i} & a_{i} \cos \theta_{i} \\
\sin \theta_{i} & \cos \theta_{i} \cos \alpha_{i} & -\cos \theta_{i} \sin \alpha_{i} & a_{i} \sin \theta_{i} \\
0 & \sin \alpha_{i} & \cos \alpha_{i} & d_{i} \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

Thay thông số của từng khâu trên bảng D-H ta tìm được các ma trận chuyển tọa độ như sau.

$${}^{0}\underline{C}_{1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0 & a_{1}\cos\theta_{1} \\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0 & a_{1}\sin\theta_{1} \\ 0 & 0 & 1 & d_{1} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{C}_{1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0 & a_{1}\cos\theta_{1} \\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0 & a_{1}\sin\theta_{1} \\ 0 & 0 & 1 & d_{1} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad {}^{1}\underline{C}_{2} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{2} & \sin\theta_{2} & 0 & a_{2}\cos\theta_{2} \\ \sin\theta_{2} & -\cos\theta_{2} & 0 & a_{2}\sin\theta_{2} \\ 0 & 0 & -1 & d_{2} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$${}^{2}\underline{C}_{3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & d_{3} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix};$$

$${}^{3}\underline{C}_{4} = \begin{vmatrix} \cos\theta_{4} & -\sin\theta_{4} & 0 & 0\\ \sin\theta_{4} & \cos\theta_{4} & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

Các phép biến đổi thuần nhất

0
 $\underline{C}_{2} = ^{0}$ \underline{C}_{1}^{1} \underline{C}_{2}

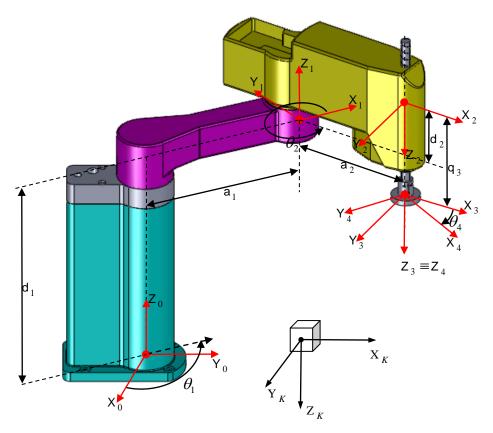
$$= \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \cos(\theta_1) + a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) \\ \sin(\theta_1 + \theta_2) & -\cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \sin(\theta_1) + a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ 0 & 0 & -1 & d_1 + d_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

0
 $\underline{C}_{3} = ^{0}$ \underline{C}_{2}^{2} \underline{C}_{3}

$$=\begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \cos(\theta_1) + a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) \\ \sin(\theta_1 + \theta_2) & -\cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \sin(\theta_1) + a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ 0 & 0 & -1 & d_1 + d_2 - d_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

0
 $\underline{C}_{4} = ^{0}$ \underline{C}_{3} 3 \underline{C}_{4}

$$= \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & \sin(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & 0 & a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \cos \theta_1 \\ \sin(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & -\cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & 0 & a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \sin \theta_1 \\ 0 & 0 & -1 & d_1 + d_2 - d_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Hình 1.5 Tọa độ điểm cuối khâu thao tác

c) Phương trình đông học

Với giả thiết K, φ lần lượt là vị trí và hướng của khâu thao tác cuối. Ta có ma trận thao tác cuối có dạng.

$$\underline{T}_{K} = \begin{bmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi & 0 & x_{K} \\ \sin \varphi & \cos \varphi & 0 & y_{K} \\ 0 & 0 & -1 & z_{K} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(1.1)

Ta có cho $\underline{T}_k = {}^0 \underline{C}_4$ ta được.

$$\begin{bmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi & 0 & x_K \\ \sin \varphi & \cos \varphi & 0 & y_K \\ 0 & 0 & -1 & z_K \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & \sin(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & 0 & a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \cos \theta_1 \\ \sin(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & -\cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) & 0 & a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \sin \theta_1 \\ 0 & 0 & -1 & d_1 + d_2 - d_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(1.2)

So sánh các phần tử tương ứng của các ma trận ở 2 vế, ta được hệ phương trình động học:

$$\begin{cases}
\cos \varphi = \cos(\theta_1 + \theta_2 - \theta_4) \\
x_K = a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \cos \theta_1 \\
y_K = a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + a_1 \sin \theta_1 \\
z_K = d_1 + d_2 - q_3
\end{cases}$$
(1.3)

Nếu cho trước các giá trị biến khóp thay đổi theo thời gian, thì vị trí và hướng của khâu công tác (bàn kẹp) của robot SCARA trong mọi thời điểm sẽ hoàn toàn được xác định từ hệ phương trình (1.3).

• Đối với bài toán thuận ta cần tìm x_K, y_K, z_K và φ

Từ hệ phương trình động học ta có:

$$\begin{cases} x_{K} = a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\cos\theta_{1} \\ y_{K} = a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\sin\theta_{1} \\ z_{K} = d_{1} + d_{2} - q_{3} \\ \varphi = \theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4} \end{cases}$$
(1.4)

Đối với bài toán ngược ta cần tìm θ₁, θ₂, θ₄, d₃ với x_K,y_K,z_K, φ đã biết
 Từ (1.4) ta có:

$$\begin{cases} x_{K} = a_{2} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1} \cos \theta_{1} \\ y_{K} = a_{2} \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1} \sin \theta_{1} \end{cases}$$

$$\Rightarrow x_{K}^{2} + y_{K}^{2} = a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} [(\cos(\theta_{1} + \theta_{2})\cos\theta_{1} + \sin(\theta_{1} + \theta_{2})\sin\theta_{1}]$$

$$x_{K}^{2} + y_{K}^{2} = a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2}\cos\theta_{2}$$

$$\Rightarrow \cos\theta_{2} = \frac{x_{K}^{2} + y_{K}^{2} - a_{1}^{2} - a_{2}^{2}}{2a_{1}a_{2}}$$

$$\sin\theta_{2} = \pm\sqrt{1 - \cos^{2}\theta_{2}}$$

$$(1.5)$$

Vậy $\theta 2 = a \tan 2(\sin \theta_2; \cos \theta_2)$

Khi biết θ_2 ta viết lại (4) :

$$\begin{cases} x_{K} = a_{2}(c_{1}c_{2} - s_{1}s_{2}) + a_{1}c_{1} \\ y_{K} = a_{2}(s_{1}c_{2} + s_{2}c_{1}) + a_{1}s_{1} \end{cases}$$

$$v\acute{o}i \begin{cases} s_{1} = \sin\theta_{1}, s_{2} = \sin\theta_{2} \\ c_{1} = \cos\theta_{1}, c_{2} = \cos\theta_{2} \end{cases}; \begin{cases} (a_{2}c_{2} + a_{1})c_{1} - a_{2}s_{2}s_{1} = x_{K} \\ a_{2}s_{2}c_{1} + (a_{2}c_{2} + a_{1})s_{1} = y_{K} \end{cases}$$

$$(1.6)$$

Từ hệ phương trình (1.6) giải ra ta được

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_2c_2 + a_1 & -a_2s_2 \\ a_2s_2 & a_2c_2 + a_1 \end{vmatrix} = (a_2c_2 + a_1)^2 + (a_2s_2)^2$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} x_K & -a_2s_2 \\ y_K & a_2c_2 + a_1 \end{vmatrix} = x_K(a_2c_2 + a_1) + y_Ka_2s_2$$

$$\Rightarrow c_1 = \frac{x_K(a_2c_2 + a_1) + y_Ka_2s_2}{(a_2c_2 + a_1)^2 + a_2^2s_2^2}$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} a_2c_2 + a_1 & x_K \\ a_2s_2 & y_K \end{vmatrix} = (a_2c_2 + a_1)y_K - a_2s_2x_K$$

$$\Rightarrow s_1 = \frac{(a_2c_2 + a_1)y_K - a_2s_2x_K}{(a_2c_2 + a_1)^2 + a_2^2s_2^2}$$

Suy ra:
$$\theta_1 = a \tan 2(s_1; c_1)$$

Từ đó có
$$\theta_4 = \theta_1 + \theta_2 - \varphi$$

$$q_3 = d_1 + d_2 - z_K$$

Vậy nghiệm của bài toán ngược là:

$$\begin{cases} \theta_1 = a \tan 2(\sin \theta_1; \cos \theta_1) \\ \theta_2 = a \tan 2(\sin \theta_2; \cos \theta_2) \\ \theta_4 = \theta_1 + \theta_2 - \varphi \\ q_3 = d_1 + d_2 - z_K \end{cases}$$

$$(1.7)$$

với
$$\cos \theta_2 = \frac{{x_K}^2 + {y_K}^2 - {a_1}^2 - {a_2}^2}{2a_1a_2}$$
, $\sin \theta_2 = \pm \sqrt{1 - \cos^2 \theta_2}$

d) Ví dụ áp dụng.

Với các thông số kích thước của robot scara SR8

$$a_1 = 0.400; a_2 = 0.320; d_1 = 0.500; d_2 = 0.200$$

• Bài toán thuân:

Giả sử ta cho giá trị của các biến khớp lần lượt như sau

$$\theta_1 = \frac{\pi}{3}$$
; $\theta_2 = \frac{\pi}{2}$; $q_3 = d_3 = 0.200$; $\theta_4 = \frac{2\pi}{3}$

Từ phương trình động học thuận

$$\begin{cases} x_{K} = a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\cos\theta_{1} \\ y_{K} = a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\sin\theta_{1} \\ z_{K} = d_{1} + d_{2} - q_{3} \\ \varphi = \theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4} \end{cases}$$
(1.8)

Ta tính được vị trí và hướng của điểm tác động cuối của robot

harmong cua diem tac dong cuoi cua robot
$$\begin{cases} x_{\rm E} = -0.160\sqrt{3} + 0.200 = -0.077 \\ y_{\rm K} = 0.160 + 0.200\sqrt{3} = 0.506 \\ z_{\rm K} = 0.400 \\ \varphi = -\frac{\pi}{6} \end{cases} \tag{1.9}$$

• Bài toán ngược:

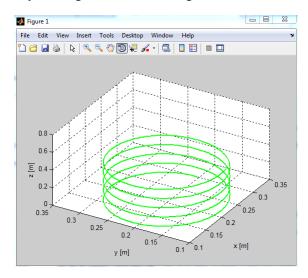
Giả sử quỹ đạo chuyển động của điểm tác động cuối robot là một đường tròn có phương trình

$$\begin{cases} x_K = 0.2 + 0.1.\cos(3t) \\ y_K = 0.2 + 0.1.\sin(3t) \\ z_K = 0.1.t \end{cases}$$
 (1.10)

Và góc của khâu thao tác cuối có giá trị cố định là

$$\varphi_K = \frac{\pi}{6}$$

Ta có đồ thị quỹ đạo chuyển động của điểm tác động cuối



Hình 1.6 Đồ thị quỹ đạo chuyển động của điểm tác động cuối

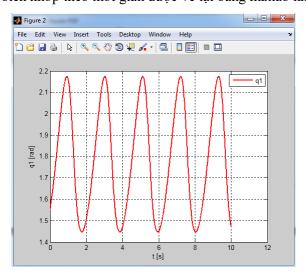
Từ hệ phương trình động học ngược của robot ta có giá trị của các biến khớp là hàm theo thời gian như sau.

$$\begin{cases} \theta_{1} = a \tan 2(\sin \theta_{1}; \cos \theta_{1}) \\ \theta_{2} = a \tan 2(\sin \theta_{2}; \cos \theta_{2}) \\ \theta_{4} = \theta_{1} + \theta_{2} - \varphi \\ q_{3} = d_{1} + d_{2} - z_{K} \end{cases}$$

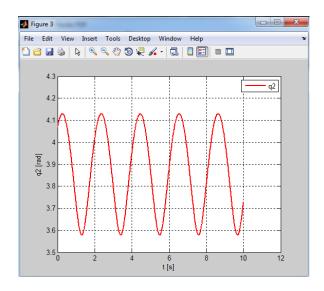
$$V \acute{o} i \cos \theta_{2} = \frac{x_{K}^{2} + y_{K}^{2} - a_{1}^{2} - a_{2}^{2}}{2a_{1}a_{2}} \sin \theta_{2} = \pm \sqrt{1 - \cos^{2} \theta_{2}}$$

$$c_{1} = \frac{x_{K} (a_{2}c_{2} + a_{1}) + y_{K}a_{2}s_{2}}{(a_{2}c_{2} + a_{1})^{2} + a_{2}^{2}s_{2}^{2}} s_{1} = \frac{(a_{2}c_{2} + a_{1})y_{K} - a_{2}s_{2}x_{K}}{(a_{2}c_{2} + a_{1})^{2} + a_{2}^{2}s_{2}^{2}}$$

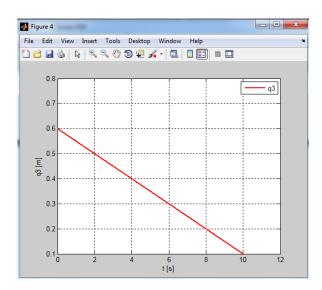
Đồ thị của các biến khớp theo thời gian được vẽ lại bằng matlab như sau.



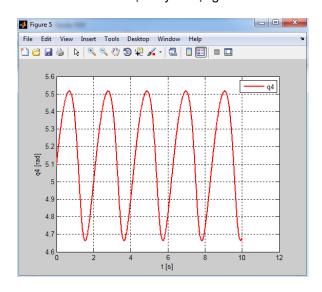
Hình 1.7 Đồ thị chuyển động của khâu 1



Hình 1.8 Đồ thị chuyển động của khâu 2



Hình 1.9 Đồ thị chuyển động khâu 3

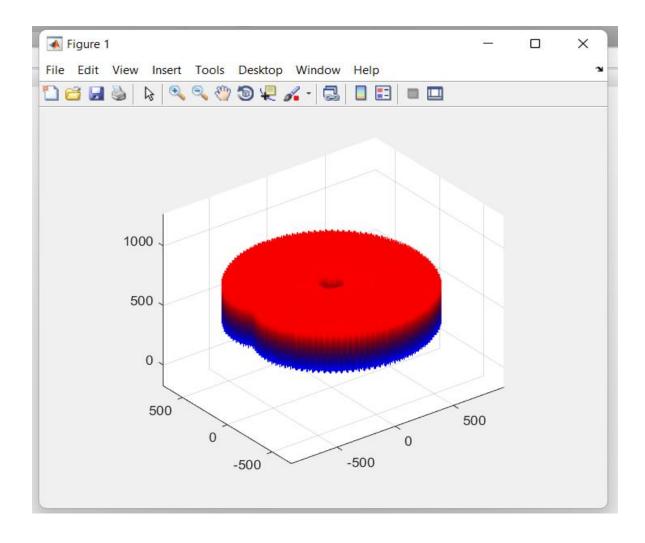


Hình 1.10 Đồ thị chuyển động khâu 4

1.3 BÀI TOÁN MIỀN LÀM VIỆC

a) Cơ sở lí thuyết

Miền làm việc của robot là vùng không gian hoạt động của robot mà tại mỗi vị trí trong không gian đó robot vẫn hoạt động bình thường với đầy đủ tất cả các bậc tự do.Có rất nhiều phương pháp tính miền làm việc khác nhau như phương pháp hình học, phương pháp giải tích, phương pháp số. Ở đây chúng em sử dụng phương pháp trên phần mềm Matlab để dựng miền làm việc của cánh tay robot scara



1.4 THIẾT LẬP BIỀU THỰC TÍNH VẬN TỐC TRONG TÂM CÁC KHÂU

a) Vận tốc dài các khâu

Ta có tọa độ trọng tâm của các khâu được tính theo công thức sau.

$${}^{0}\underline{r}_{Ci} = {}^{0}\underline{C}_{i} \cdot {}^{i}\underline{r}_{Ci} \tag{1.9}$$

 $\mbox{-}^0 \ \underline{r}_{\it Ci} \,$ là vectơ thuần nhất tọa độ trọng tâm của các khâu.

 $-^{i}$ \underline{r} $_{Ci}$ là vectơ thuần nhất tọa độ trọng tâm của khâu i trên hệ tọa độ gắn liền với khau i.

$$i \underline{r}_{Ci} = \begin{bmatrix} i X_{Ci} & i Y_{Ci} & i Z_{Ci} & 1 \end{bmatrix}^T$$

• Vận tốc trọng tâm khâu 1.

Ta có

0
 $\underline{r}_{C1} = ^{0}$ \underline{C}_{1} . 1 \underline{r}_{C1}

$$= \begin{bmatrix} \cos \theta_1 & -\sin \theta_1 & 0 & a_1 \cos \theta_1 \\ \sin \theta_1 & \cos \theta_1 & 0 & a_1 \sin \theta_1 \\ 0 & 0 & 1 & d_1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -(a_1 - l_1) \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} l_1 \cos \theta_1 \\ l_1 \sin \theta_1 \\ d_1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Đạo hàm theo thời gian biểu thức trên trong hệ quy chiếu cố định ta được.

$${}^{0}\underline{\dot{r}}_{C1} = \begin{bmatrix} -l_{1}\dot{\theta}\sin\theta_{1} \\ l_{1}\dot{\theta}\cos\theta_{1} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Lấy 3 hàng trong một cột trên ta được vận tốc trọng tâm khâu thứ nhất.

$${}^{0}\underline{v}_{C1} = \begin{bmatrix} -l_{1}\dot{\theta}\sin\theta_{1} \\ l_{1}\dot{\theta}\cos\theta_{1} \\ 0 \end{bmatrix}$$

Vận tốc trọng tâm khâu 2.

Ta có

$$\frac{0}{r} \underline{r}_{C2} = \frac{0}{r} \underline{C}_{2} \cdot \frac{2}{r} \underline{r}_{C2}$$

$$= \begin{bmatrix}
\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1} \cos(\theta_{1}) + a_{2} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\
\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1} \sin(\theta_{1}) + a_{2} \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\
0 & 0 & -1 & d_{1} + d_{2} \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
-(a_{2} - l_{2}) \\
0 \\
0 \\
1
\end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} a_1 \cos \theta_1 + l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) \\ a_1 \sin \theta_1 + l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ d_1 + d_2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Đạo hàm theo thời gian biểu thức trên trong hệ quy chiếu cố định ta được.

$${}^{0}\dot{\underline{r}}_{C2} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Lấy 3 hàng trong một cột trên ta được vận tốc trọng tâm khâu thứ hai.

$${}^{0}\underline{v}_{C2} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 \end{bmatrix}$$

• Vân tốc trong tâm khâu 3 và khâu 4.

Do trọng tâm khâu $3 \equiv \text{khâu 4 nên ta chỉ xét vận tốc trọng tâm khâu 3.}$

Ta có

$$\frac{1}{2} \sum_{C3} e^{-0} \underline{C}_{3} \cdot \frac{3}{2} \underline{r}_{C3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1}\cos(\theta_{1}) + a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1}\sin(\theta_{1}) + a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 & 0 & -1 & d_{1} + d_{2} - q_{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -l_{4} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{1}\cos\theta_{1} + a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\sin\theta_{1} + a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ d_{1} + d_{2} + l_{4} - q_{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

Đạo hàm theo thời gian biểu thức trên trong hệ quy chiếu cố định ta được.

$${}^{0}\dot{\underline{r}}_{C3} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ \dot{q}_{3} \\ 0 \end{bmatrix}$$

Lấy 3 hàng trong một cột trên ta được vận tốc trọng tâm khâu thứ ba vả khâu thứ tư.

$${}^{0} \underline{v}_{C3} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ \dot{q}_{3} \end{bmatrix}$$

b) Vận tốc góc các khâu

• Cơ sở lý thuyết.

Từ ma trận Denavit-Hatenberg ta suy ra ma trận cosin chỉ hướng của các khâu bằng cách lấy ma trận vuông cấp 3 từ trên bên trái của ma trận \underline{C}_i ta được ma trận cosin chỉ hướng của các khâu .

Ta có công thức
$$\underline{\tilde{\omega}}_i = \underline{R}_i^T \underline{R}$$

Với
$$\underline{\widetilde{\omega}}_i = \begin{bmatrix} 0 & -c & b \\ c & 0 & -a \\ -b & a & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \underline{\omega} = \begin{bmatrix} a & b & c \end{bmatrix}^T$$

Xét khâu thứ nhất.

Ta có

$$\underline{R}_{1} = \begin{bmatrix} \cos \theta_{1} & -\sin \theta_{1} & 0 \\ \sin \theta_{1} & \cos \theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \underline{\widetilde{\omega}}_{1} = \underline{R}_{1}^{T} \underline{R}_{1} = \begin{bmatrix} \cos \theta_{1} & \sin \theta_{1} & 0 \\ -\sin \theta_{1} & \cos \theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\dot{\theta}_{1} \sin \theta_{1} & -\dot{\theta}_{1} \cos \theta_{1} & 0 \\ \dot{\theta}_{1} \cos \theta_{1} & -\dot{\theta}_{1} \sin \theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\dot{\theta}_{1} & 0 \\ \dot{\theta}_{1} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Vậy ta có vận tốc góc của khâu thứ nhất là.

$$\omega_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 \end{bmatrix}^T$$

• Xét khâu thứ hai và khâu thứ ba

Do khâu ba là khâu tịnh tiến nên vận tốc góc của khâu 3= vận tốc góc khâu 2.

$$\underline{R}_{2} = \underline{R}_{3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\underline{\tilde{\omega}}_2 = \underline{R}_2^T \underline{R}_2$$

$$= \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ -\sin(\theta_1 + \theta_2) & \cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -(\dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2)\sin(\theta_1 + \theta_2) & -(\dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2)\cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ (\dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2)\cos(\theta_1 + \theta_2) & -(\dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2)\sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0 & -(\dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2) & 0 \\ \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Vây ta có vân tốc góc của khâu thứ hai và khâu thứ ba là.

$$\underline{\omega}_2 = \underline{\omega}_3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 \end{bmatrix}^T$$

Xét khâu thứ tư

$$\begin{split} \underline{R}_{4} = & \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \underline{\tilde{\omega}}_{4} = & \underline{R}_{4}^{T} \underline{R}_{4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{12-4}) & \sin(\theta_{12-4}) & 0 \\ -\sin(\theta_{12-4}) & -\cos(\theta_{12-4}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\dot{\theta}_{12-4} \sin(\theta_{12-4}) & -\dot{\theta}_{12-4} \cos(\theta_{12-4}) & 0 \\ \dot{\theta}_{12-4} \cos(\theta_{12-4}) & -\dot{\theta}_{12-4} \sin(\theta_{12-4}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \\ = & \begin{bmatrix} 0 & -(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2} - \dot{\theta}_{4}) & 0 \\ \dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2} - \dot{\theta}_{4} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{split}$$

Vậy ta có vận tốc góc của khâu thứ tư là.

$$\underline{\omega}_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 - \dot{\theta}_4 \end{bmatrix}^T$$

1.5 THIẾT LẬP BIỂU THỨC TÍNH GIA TỐC TRỌNG TÂM CÁC KHÂU

a) Gia tốc tịnh tiến.

Đạo hàm vận tốc dài trọng tâm các khâu theo thời gian ta được gia tốc trọng tâm các khâu lần lượt là.

Khâu 1

$${}^{0} \underline{v}_{C1} = \begin{bmatrix} -l_{1}\dot{\theta}\sin\theta_{1} \\ l_{1}\dot{\theta}\cos\theta_{1} \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \underline{a}_{C1} = \begin{bmatrix} -l_{1}s_{1}\ddot{\theta}_{1} - l_{1}c_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ l_{1}c_{1}\ddot{\theta}_{1} - l_{1}s_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ 0 \end{bmatrix}$$

Khâu 2

$${}^{0}\underline{v}_{C2} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + l_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{a}_{C2} = \begin{bmatrix} -l_{2}s_{12}\ddot{\theta}_{12} - a_{1}s_{1}\ddot{\theta}_{1} - l_{2}c_{12}\dot{\theta}_{12}^{2} - a_{1}c_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ l_{2}c_{12}\ddot{\theta}_{12} + a_{1}c_{1}\ddot{\theta}_{1} - l_{2}s_{12}\dot{\theta}_{12}^{2} - a_{1}s_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ 0 \end{bmatrix}$$

• Khâu 3 và khâu 4

$${}^{0} \underline{v}_{C3} = \begin{bmatrix} -a_{1}\dot{\theta}_{1}\sin\theta_{1} - a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ a_{1}\dot{\theta}_{1}\cos\theta_{1} + a_{2}(\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ \dot{q}_{3} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{a}_{C3} = \begin{bmatrix} -a_{2}s_{12}\ddot{\theta}_{12} - a_{1}s_{1}\ddot{\theta}_{1} - a_{2}c_{12}\dot{\theta}_{12}^{2} - a_{1}c_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ a_{2}c_{12}\ddot{\theta}_{12} + a_{1}c_{1}\ddot{\theta}_{1} - a_{2}s_{12}\dot{\theta}_{12}^{2} - a_{1}s_{1}\dot{\theta}_{1}^{2} \\ \ddot{q}_{3} \end{bmatrix}$$

b) Gia tốc góc

Đạo hàm vận tốc góc các khâu theo thời gian ta được gia tốc góc các khâu lần lượt là.

• Khâu 1

$$\underline{\omega}_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 \end{bmatrix}^T \rightarrow \underline{\varepsilon}_1 = \underline{\dot{\omega}}_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 \end{bmatrix}^T$$

• Khâu 2 và khâu 3

$$\underline{\omega}_2 = \underline{\omega}_3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 \end{bmatrix}^T \longrightarrow \underline{\varepsilon}_2 = \underline{\varepsilon}_3 = \underline{\dot{\omega}}_2 = \underline{\dot{\omega}}_3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 + \ddot{\theta}_2 \end{bmatrix}^T$$

• Khâu 4

$$\underline{\omega}_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 - \dot{\theta}_4 \end{bmatrix}^T \longrightarrow \underline{\varepsilon}_4 = \underline{\dot{\omega}}_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 + \ddot{\theta}_2 - \ddot{\theta}_4 \end{bmatrix}^T$$

1.6 KẾT LUẬN

Như vậy sau chương 1 bọn em đã trình bày được cách tìm tọa độ điểm cuối bằng bài toán động học thuận.

động học ngược,

Trình bày và tính toán được không gian làm việc của robot

Tính toán vận tốc và gia tốc các khâu của robot

Mô phỏng động học của robot bằng matlab.

Chương 2 PHÂN TÍCH TĨNH HỌC

Hình 2.1 Mô hình phân tích tĩnh học robot

Khi robot cấu trúc hở thực hiện một nhiệm vụ khâu thao tác cuối cần pải có lực và mômen để thực hiện nhiệm vụ. Lực và mômen này được hình thành từ các lực liên kết tại các khóp. Trong robot chuỗi động học hở lực được truyền các khâu đến cơ cấu chấp hành. Như vậy bài toán tĩnh học là rất quan trọng cho biết khả năng tải của robot.

Bài toán này cho phép xác định phản lực tại các khóp nhằm xác định kích thước của khóp và khâu đồng thời chọn bộ truyền động thích hợp khi thiết kế.

Trong robot chuỗi động học hở mỗi khâu được nối với hai khâu khác bởi khớp quay hoặc khớp tịnh tiến trừ khâu thao tác cuối hoặc khâu cố định. Lực và momen tác dụng từ khâu i nên khâu i-1 và khâu i+1 thông qua khớp i và khớp i+1 đồng thời các khâu này cũng tác động nên khâu i một phản lực tương ứng.

Nếu gọi $\vec{F}_{i,i+1}$ là hợp lực tác động của khâu i
 nên khâu i+1 xét tại o_i khi đó ta có

$$\underline{F}_{i,i+1} = -\underline{F}_{i+1,i}$$
 (lực tác động của khâu i+1 nên khâu i)

 $\underline{M}_{i,i+1}$ là momen tổng tác động từ khâu i nên khâu i+1 xét tại o_i khi đó ta có

$$\underline{\boldsymbol{M}}_{i,i+1} = -\underline{\boldsymbol{M}}_{i+1,i}$$
 (momen tác động của khâu i+1 nên khâu i)

Với cách đặt như trên ta có

 $\underline{F}_{1,0}$ và $\underline{F}_{1,0}$ lần lượt là lực và momen từ khâu đầu tiên tác dụng lên khâu đế cố định

Và

 $\underline{F}_{n,n-1}$ và $\underline{F}_{n,n-1}$ lần lượt là lực và momen từ khâu tác động cuối khâu kế tiếp phía trước Như vậy ta có phương trình cân bằng lực của khâu i có dạng

$$\underline{F}_{i-1,i} - \underline{F}_{i+1,i} + m_i g = 0 (2.1)$$

Và phương trình cân bằng momen xét tại o, có dạng

$$\underline{M}_{i-1,i} - \underline{M}_{i+1,i} - \underline{\widetilde{r}}_i \underline{F}_{i-1,i} + \underline{\widetilde{r}}_{Pi} m_i g = 0$$
(2.2)

Với

g là gia tốc trọng trường

m, là khối lượng khâu i

 $\underline{\tilde{r}}_i$ là ma trận sóng của véc tơ định vị vị trí gốc o_i trong hệ quy chiếu $(oxyz_{i-1})$

 \underline{r}_{P_i} là ma trận sóng của véc tơ định vị vị trí trọng tâm khâu i trong hệ quy chiếu $(oxyz_i)$

Với robot chuỗi động học hở từ (1) và (2) ta sẽ viết được 2n phương trình nhưng lai có 2(n+1) phản lực và momen.

Mặt khác khi khâu thao tác thực hiện một nhiệm vụ nó sẽ phải sinh ra một lực hoặc momen để tác động đến đối tượng do đó hoàn toàn xác định được $\underline{F}_{n+1,n}$ và $\underline{M}_{n+1,n}$ từ đó viết phương trình (1) và (2) cho khâu cuối từ đó giải ngược về khâu cố định đây được gọi là phương pháp đệ quy.

Ta gọi $\underline{F}_{i,i-1}$ là tổ hợp lực và momen tại gốc o_{i-1}

$$\underline{F}_{i,i-1} = \begin{bmatrix} \underline{F}_{i,i-1} \\ \underline{M}_{i,i-1} \end{bmatrix} \tag{2.3}$$

2.2 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH TRUY HỒI THEO PHƯƠNG PHÁP NEWTON-EULER

Như đã nói ở trên phương pháp này xác định phản lực và momen tại các khớp một cách tuần tự từ khâu tác động cuối về đến khâu cố định do đó phương trình (1) và (2) được viết lai dưới dạng đệ quy.

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{F}_{i,i-1} = {}^{0}\underline{F}_{i+1,i} - m_{i}\underline{g} \\ {}^{0}\underline{M}_{i,i-1} = {}^{0}\underline{M}_{i+1,i} + {}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{i} {}^{0}\underline{F}_{i,i-1} - {}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{Pi} {}^{0}\underline{m}\underline{g}_{i}. \end{cases}$$
(2.4)

Hệ phương trình (2.4),(2.5) được viết trong hệ quy chiếu cố định còn phương trình (2.1) và (2) được viết trong hệ quy chiếu động gắn trực tiếp với khâu i. Với r_i là vecto có gốc o_{i-1} nối với o_i được xác định theo phương pháp D-H.

$$\underline{r}_{i} = \begin{bmatrix} a_{i} & d_{i} \sin \alpha_{i} & d_{i} \cos \alpha_{i} \end{bmatrix}^{T}$$
(2.5)

Và với r_{P_i} là vécto tọa độ trọng tâm của khâu i trên hệ quy chiếu gốc o_i

Với ${}^{0}\underline{r}_{i}$ và ${}^{0}\underline{r}_{Pi}$ là véc tơ định vị của khớp i và véc tơ định vị trọng tâm khâu i tính theo hệ quy chiếu cố định. Và ${}^{0}\underline{r}_{i}$, ${}^{0}\underline{r}_{Pi}$ được tính theo công thức

$${}^{0}\underline{r}_{i} = {}^{0}\underline{R}_{i}.\underline{r}_{i} \tag{2.6}$$

$${}^{0}\underline{r}_{p_{i}} = {}^{0}\underline{R}_{i}.\underline{r}_{p_{i}} \tag{2.7}$$

Với \underline{R} là ma trận quay biến đổi từ hệ tọa độ 0 đến hệ tọa độ thứ i được lấy từ ma trân C của bài toán động học.

Như vậy hệ (2.4) được viết lần lượt cho từng khâu, từng khóp bắt đầu từ khâu thao tác tới khâu cố định ta sẽ xác định được các phản lực là các lực và momen tại các khóp của robot.

Ngoài ra cũng có thể tính phản lực liên kết ngay trong hệ quy chiếu gắn với khâu. Khi đó (2.4) được viết lại dưới dạng.

$$\begin{cases} {}^{i}\underline{F}_{i,i-1} = {}^{i}\underline{F}_{i+1,i} - m_{i}\underline{g} \\ \underline{M}_{i,i-1} = \underline{M}_{i+1,i} + {}^{i}\underline{\widetilde{r}}_{i}.{}^{i}\underline{F}_{i,i-1} - {}^{i}\underline{\widetilde{r}}_{Pi}.{}^{i}\underline{m}\underline{g}_{i,i} \end{cases}$$

2.3 TÍNH LỰC VÀ MOMEN TẠI CÁC KHỚP

• Tính lưc và momen tai khớp 4

Ta có:

$$\begin{split} & \underline{F}_{\text{K},4} = \begin{bmatrix} F_{x} & F_{y} & F_{z} \end{bmatrix}^{T} ; \qquad \underline{F}_{\text{K},4} = \begin{bmatrix} M_{x} & M_{y} & M_{z} \end{bmatrix}^{T} \\ {}^{3}\underline{F}_{4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T} ; \qquad {}^{4}\underline{F}_{c4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{4} \end{bmatrix}^{T} \\ {}^{3}\underline{F}_{4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 & a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\cos\theta_{1} \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 & a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + a_{1}\sin\theta_{1} \\ 0 & 0 & -1 & d_{1} + d_{2} - q_{3} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\ \Rightarrow {}^{0}\underline{R}_{4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \\ \Rightarrow {}^{0}\underline{F}_{4} = {}^{0}\underline{R}_{4} \cdot {}^{3}\underline{F}_{4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \\ \Rightarrow {}^{0}\underline{F}_{4} = {}^{0}\underline{R}_{P4} \cdot {}^{3}\underline{F}_{P4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -l_{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ l_{4} \end{bmatrix} \\ \Rightarrow {}^{0}\underline{F}_{P4} = \begin{bmatrix} 0 & -l_{4} & 0 \\ l_{4} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

Hê phương trình cân bằng tai khớp 4:

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{F}_{4,3} = {}^{0}\underline{F}_{K,4} - m_{4}\underline{g} \\ {}^{0}\underline{M}_{4,3} = {}^{0}\underline{M}_{K,4} + {}^{0}\underline{r}_{4} \cdot {}^{0}\underline{F}_{4,3} - {}^{0}\underline{r}_{P4} \cdot {}^{0}m_{4}\underline{g}, \\ {}^{0}\underline{F}_{4,3} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{4}g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - m_{4}g \end{bmatrix} \\ {}^{0}\underline{M}_{4,3} = \begin{bmatrix} M_{x} \\ M_{y} \\ M_{z} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} + m_{4}g \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & -l_{4} & 0 \\ l_{4} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ m_{4}g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} M_{x} \\ M_{y} \\ M_{z} \end{bmatrix} \\ \bullet \quad \text{T\'{i}} \text{nh lực và momen tại kh\'{o}p 3} \\ \text{Ta c\'{o}} : \\ {}^{0}\underline{F}_{4,3} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \end{bmatrix} ; \qquad {}^{0}\underline{M}_{4,3} = \begin{bmatrix} M_{x} \\ M_{y} \end{bmatrix} \end{cases}$$

$${}^{0}\underline{F}_{4,3} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - m_{4}g \end{bmatrix}; \qquad {}^{0}\underline{M}_{4,3} = \begin{bmatrix} M_{x} \\ M_{y} \\ M_{z} \end{bmatrix}$$

$${}^{2}\underline{r}_{3} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & d_{3} \end{bmatrix}^{T}; \qquad {}^{2}\underline{r}_{P3} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{4} \end{bmatrix}^{T}$$

$${}^{0}\underline{C}_{3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1}\cos(\theta_{1}) + a_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 & a_{1}\sin(\theta_{1}) + a_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 & 0 & -1 & d_{1} + d_{2} - d_{3} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{R}_{3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{3} = {}^{0}\underline{R}_{3}.{}^{2}\underline{r}_{3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0\\0\\d_{3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\0\\-d_{3} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{3} = \begin{bmatrix} 0 & d_{3} & 0 \\ -d_{3} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{P3} = {}^{0}\underline{C}_{P3}.{}^{2}\underline{r}_{P3} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0\\0\\-l_{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\0\\l_{4} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{P3} = \begin{bmatrix} 0 & -l_{3} & 0 \\ l_{3} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Hệ phương trình cân bằng lực tại khớp 3:

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{F}_{3,2} = {}^{0}\underline{F}_{4,3} - m_{3}\underline{g} \\ {}^{0}\underline{M}_{3,2} = {}^{0}\underline{M}_{4,3} + {}^{0}\underline{r}_{3}.{}^{0}\underline{F}_{3,2} - {}^{0}\underline{r}_{P3}.{}^{0}m_{3}\underline{g} , \\ {}^{0}\underline{F}_{3,2} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - m_{4}g \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{3}g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3})g \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} M_y \\ M_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_z - (m_4 + m_3)g \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_4 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_4 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m_4 g \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m_y \\ M_z \end{bmatrix}$$
• Tính lực và momen tại khớp 2

Ta có:
$$\begin{bmatrix} 0 \underline{F}_{3,2} = \begin{bmatrix} F_x \\ F_y \\ F_z - (m_4 + m_3)g \end{bmatrix} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \underline{M}_{3,2} = \begin{bmatrix} M_x - d_3.F_y \\ M_y + d_3.F_x \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \underline{M}_{3,2} = \begin{bmatrix} M_x - d_3.F_y \\ M_y + d_3.F_x \end{bmatrix} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \underline{M}_{3,2} = \begin{bmatrix} M_x - d_3.F_y \\ M_y + d_3.F_x \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \underline{C}_{2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \cos(\theta_1) + a_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) \\ \sin(\theta_1 + \theta_2) & -\cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 & a_1 \sin(\theta_1) + a_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ 0 & 0 & -1 & d_1 + d_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \underline{C}_{2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ \sin(\theta_1 + \theta_2) & -\cos(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_2 \\ d_2 \sin(180) \\ d_2 \cos(180) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_2 c_{12} \\ a_2 s_{12} \\ d_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \underline{C}_{2} = \begin{bmatrix} 0 & -d_2 & a_2 s_{12} \\ -a_2 s_{12} & a_2 c_{12} \\ -a_2 s_{12} & a_2 c_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_1 + \theta_2) & \sin(\theta_1 + \theta_2) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_2 \\ d_2 \cos(180) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_2 c_{12} \\ a_2 s_{12} \\ -a_2 s_{12} & a_2 c_{12} \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_2 \\ 0 \\ 0 & -l_2 s_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_2 c_{12} \\ 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_2 \\ 0 \\ 0 & -l_2 s_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_2 c_{12} \\ 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_2 \\ 0 \\ 0 & -l_2 s_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_2 c_{12} \\ 0 \\ 0 & 0 & -l_2 s_{12} \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\tilde{r}}_{P2} = {}^{0}\underline{R}_{P2}.{}^{2}\underline{\tilde{r}}_{P2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_{2}\\ 0\\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_{2}c_{12}\\ -l_{2}s_{12}\\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{P2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{2}s_{12} \\ 0 & 0 & l_{2}c_{12} \\ l_{2}s_{12} & -l_{2}c_{12} & 0 \end{bmatrix}$$

Hệ phương trình cân bằng lực tại khớp 2:

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{F}_{2,1} = & {}^{0}\underline{F}_{3,2} - m_{2}\underline{g} \\ {}^{0}\underline{M}_{2,1} = & {}^{0}\underline{M}_{3,2} + {}^{0}\underline{r}_{2} \cdot {}^{0}\underline{F}_{2,1} - {}^{0}\underline{r}_{P2} \cdot {}^{0}m_{2}\underline{g} \end{cases}$$

$${}^{0}\underline{F}_{2,1} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3})g \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{2}g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{M}_{2,1} = \begin{bmatrix} M_{x} - d_{3}.F_{y} \\ M_{y} + d_{3}.F_{x} \\ M_{z} \end{bmatrix}$$

$$+ \begin{bmatrix} 0 & -d_{2} & a_{2}s_{12} \\ d_{2} & 0 & -a_{2}c_{12} \\ -a_{2}s_{12} & a_{2}c_{12} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{2}s_{12} \\ 0 & 0 & l_{2}c_{12} \\ l_{2}s_{12} & -l_{2}c_{12} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{2}g \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} M_{x} + (-d_{4} + d_{3} - d_{2})F_{y} - a_{2}s_{12}(m_{4}g - F_{z} + m_{3}g + m_{2}g) + s_{12}l_{2}m_{2}g \\ M_{y} + (d_{4} - d_{3} + d_{2})F_{x} + a_{2}c_{12}(m_{4}g - F_{z} + m_{3}g + m_{2}g) - m_{2}l_{2}gc_{12} \\ M_{z} - a_{2}s_{12}F_{x} + a_{2}c_{12}F_{y} \end{bmatrix}$$

• Tính lực và momen tại khớp 1

Ta có ·

Ta co:
$${}^{0}\underline{F}_{2,1} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{M}_{2,1} = \begin{bmatrix} M_{x} - d_{3}.F_{y} + d_{2}c_{2}F_{y} + (a_{2}s_{12} + d_{2}s_{2}.c_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) - m_{2}l_{2}gs_{12} \\ M_{y} + d_{3}.F_{x} - d_{2}c_{2}F_{x} + (-a_{2}c_{12} + d_{2}s_{2}.s_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) + m_{2}l_{2}gs_{12} \\ M_{z} - (a_{2}s_{12} + d_{2}s_{2}.s_{12})F_{x} + (a_{2}c_{12} - d_{2}s_{2}.s_{12})F_{y} \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{F}_{1} = \begin{bmatrix} a_{1} & d_{1}\sin\alpha_{1} & d_{1}\cos\alpha_{1} \end{bmatrix}^{T}; \qquad {}^{0}\underline{F}_{p1} = \begin{bmatrix} -l_{1} & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T}$$

$${}^{0}\underline{C}_{1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0 & a_{1}\cos\theta_{1} \\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0 & a_{1}\sin\theta_{1} \\ 0 & 0 & 1 & d_{1} \end{bmatrix} \Rightarrow {}^{0}R_{2} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0 \\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{F}_{1} = {}^{0}\underline{R}_{1}. {}^{0}\underline{F}_{1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0 \\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{1} \\ d_{1}\sin0 \\ d_{1}\cos0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{1}c_{1} \\ a_{1}s_{1} \\ d_{1} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{F}_{1} = \begin{bmatrix} 0 & -d_{1} & a_{1}s_{1} \\ d_{1} & 0 & -a_{1}c_{1} \\ 0 & 0 & -a_{1}c_{1} \end{bmatrix}$$

$${}^{0} \underbrace{\widetilde{r}}_{P1} = {}^{0} \underbrace{R}_{P1} \cdot {}^{1} \underbrace{r}_{P1} = \begin{bmatrix} \cos \theta_{1} & -\sin \theta_{1} & 0 \\ \sin \theta_{1} & \cos \theta_{1} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_{1} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_{1}c_{1} \\ -l_{1}s_{1} \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0} \underbrace{\widetilde{r}}_{P1} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{1}s_{1} \\ 0 & 0 & l_{1}c_{1} \\ l_{1}s_{1} & -l_{1}c_{1} & 0 \end{bmatrix}$$

Hệ phương trình cân bằng tại khóp 1 là

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{F}_{1,0} = & {}^{0}\underline{F}_{2,1} - m_{1}\underline{g} \\ {}^{0}\underline{M}_{1,0} = & {}^{0}\underline{M}_{2,1} + {}^{0}\underline{r}_{1}. {}^{0}\underline{F}_{1,0} - {}^{0}\underline{r}_{P1}. {}^{0}m_{1}\underline{g} \\ \\ {}^{0}\underline{F}_{1,0} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{1}g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2} + m_{1})g \end{bmatrix} \\ {}^{0}\underline{M}_{1,0} = \begin{bmatrix} M_{x} - d_{3}.F_{y} + d_{2}c_{2}F_{y} + (a_{2}s_{12} + d_{2}s_{2}.c_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) - m_{2}l_{2}gs_{12} \\ M_{y} + d_{3}.F_{x} - d_{2}c_{2}F_{x} + (-a_{2}c_{12} + d_{2}s_{2}.s_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) + m_{2}l_{2}gs_{12} \\ M_{z} - (a_{2}s_{12} + d_{2}s_{2}.c_{12})F_{x} + (a_{2}c_{12} - d_{2}s_{2}.s_{12})F_{y} \end{bmatrix} \\ + \begin{bmatrix} 0 & -d_{1} & a_{1}s_{1} \\ d_{1} & 0 & -a_{1}c_{1} \\ -a_{1}s_{1} & a_{1}c_{1} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_{x} \\ F_{y} \\ F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2} + m_{1})g \end{bmatrix} \\ - \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{1}s_{1} \\ 0 & 0 & l_{1}c_{1} \\ l_{1}s_{1} - l_{1}c_{1} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ m_{1}g \end{bmatrix} \\ - a_{1}s_{1}(m_{4}g - F_{z} + (m_{3} + m_{2} + m_{1})g) + m_{1}l_{1}gs_{1}; \\ M_{y} - (d_{4} + d_{3} - d_{2}C_{2})F_{x} + a_{2}c_{12}((m_{4} + m_{3} + m_{2})g - F_{z}) + m_{2}l_{2}gc_{12} + d_{1}F_{x} \\ + a_{1}c_{1}((m_{4} + m_{3} + m_{2} + m_{1})g - F_{z}) - m_{1}l_{1}gc_{1}; \\ M_{z} - a_{2}s_{12}F_{x} + a_{2}c_{12}F_{y} - a_{1}s_{1}F_{x} + a_{1}c_{1}F_{y} \end{bmatrix}$$

2.3 KÉT QUẢ TÍNH TOÁN

Theo các thông số đầu vào của yêu cầu thiết kế cùng tải trọng yêu cầu của Robot kết hợp với việc tham khảo tài liệu của hãng ta xác định sơ bộ toàn khối lượng của toàn cánh tay robot như sau: M=42kg

Để phục vụ cho việc tính toán động lực học và chọn động cơ, hộp giảm tốc cho robot theo kinh nghiệm thiết kế ta định sơ bộ khối lượng của mỗi khâu gần đúng như sau:

Khâu đế
$$m_d = 22kg$$

$$m_1 = 10kg$$
; $m_2 = 8.5kg$; $m_3 + m_4 = 1.5kg$

Tải trọng của sản phẩm yêu cầu $m_{K \text{max}} = 10 kg$

Coi các khâu như thanh thẳng tọa độ trọng tâm các khâu là trung điểm các thanh ta có.

$${}^{1}\underline{r}_{c1} = \begin{bmatrix} -0.2 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}; {}^{2}\underline{r}_{c2} = \begin{bmatrix} -0.16 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}; {}^{3}\underline{r}_{c3} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -0.225 \end{bmatrix}; {}^{4}\underline{r}_{c4} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -0.225 \end{bmatrix}$$

Với các thông số đầu bài và các thông số kĩ thuật của robot Scara SR8 ta xác định được các giá trị hằng số được liệt kê dưới đây.

$$\begin{split} &m_1 = 10kg; m_2 = 8.5kg; m_3 = 1.5kg; m_4 = 0; m_{K\,\text{max}} = 10kg, d_1 = 0.5; d_2 = 0.2; a_1 = 0.4; \\ &l_1 = 0.2; l_2 = 0.16; l_3 = 0.225.; l_4 = 0.225.; F_x = 0; F_y = 0; F_z = 0; M_x = 0; M_y = 0; M_z = 0; \end{split}$$

Thay các giá trị hằng số vào phương trình lực và momen của từng khớp đã được tính toán ở trên, sử dụng phần mềm tính toán maple ta tính được giá trị lực và momen tại các khớp làn lượt như sau.

Khóp 4

$$\underline{F}_{4} = \begin{bmatrix} F_{y} \\ F_{x} \\ -(m_{k} + m_{4})g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -98.1 \end{bmatrix}
|F_{4}| = \sqrt{F_{4x}^{2} + F_{4y}^{2} + F_{4z}^{2}} = 98.10$$
(N)

$$\underline{M}_{4} = \begin{bmatrix} M_{x} \\ M_{y} \\ M_{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}
|M_{4}| = \sqrt{M_{4x}^{2} + M_{4y}^{2} + M_{4z}^{2}} = 0$$
(N.m)

Khóp 3

$$\underline{F}_{3} = \begin{bmatrix} F_{y} \\ F_{x} \\ -(m_{k} + m_{3} + m_{4})g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -107,91 \end{bmatrix} \\
|F_{3}| = \sqrt{F_{3x}^{2} + F_{3y}^{2} + F_{3z}^{2}} = 112.82$$
(N)

$$\underline{M}_{3} = \begin{bmatrix} M_{x} - d_{3}.F_{y} \\ M_{y} + d_{3}.F_{x} \\ M_{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$|M_3| = \sqrt{M_{1x}^2 + M_{1y}^2 + M_{1z}^2} = 0$$
 (N.m)

Khóp 2

$$\underline{F}_{2} = \begin{bmatrix} F_{y} \\ F_{x} \\ -(m_{k} + m_{2} + m_{3} + m_{4})g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -196.2 \end{bmatrix}$$

$$|F_{2}| = \sqrt{F_{2x}^{2} + F_{2y}^{2} + F_{2z}^{2}} = 196.2$$

$$|M_{2}| = \begin{bmatrix} M_{x} - d_{3}F_{y} + d_{2}C_{2}F_{y} + (a_{2}S_{12} + d_{2}S_{2}C_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) + m_{2}l_{2}gS_{12} \\ M_{y} + d_{3}F_{x} - d_{2}C_{2}F_{x} + (-a_{2}C_{12} + d_{2}S_{2}S_{12})(F_{z} - (m_{4} + m_{3} + m_{2})g) - m_{2}l_{2}gS_{12} \\ M_{z} - (a_{2}S_{12} + d_{2}S_{2}C_{12})F_{x} + (a_{2}C_{12} - d_{2}S_{2}S_{12})F_{y} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -49.4445\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 49.4445\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$|M_{2}| = \sqrt{M_{1x}^{2} + M_{1y}^{2} + M_{1z}^{2}} = 49.4445$$
(N.m)

• Khớp 1

$$\underline{F}_{1} = \begin{bmatrix} F_{y} \\ F_{x} \\ -(m_{k} + m_{1} + m_{2} + m_{3} + m_{4})g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -294.3 \end{bmatrix}
|F_{1}| = \sqrt{F_{1x}^{2} + F_{1y}^{2} + F_{1z}^{2}} = 294.3$$
(N)
$$\begin{bmatrix} M_{x} + (d_{4} + d_{3} - d_{2})F_{y} - a_{2}S_{12}(m_{4}g - F_{z} + m_{3}g + m_{2}g) + m_{2}l_{2}gS_{12} - d_{1}F_{y} \\ -a_{1}S_{1}(m_{4}g - F_{z} + (m_{3} + m_{2} + m_{1})g) + m_{1}l_{1}gS_{1} \end{bmatrix}$$

$$\underline{M}_{1} = \begin{bmatrix} M_{y} - (d_{4} + d_{3} - d_{2}C_{2})F_{x} + a_{2}C_{12}((m_{4} + m_{3} + m_{2})g - F_{z}) + m_{2}l_{2}gC_{12} + d_{1}F_{x} \\ +a_{1}C_{1}((m_{4} + m_{3} + m_{2} + m_{1})g - F_{z}) - m_{1}l_{1}gC_{1} \\ M_{z} - a_{2}S_{12}F_{x} + a_{2}C_{12}F_{y} - a_{1}S_{1}F_{x} + a_{1}C_{1}F_{y} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -49.4445\sin(\theta_1 + \theta_2) - 98.5738\sin(\theta_1) \\ 49.4445\cos(\theta_1 + \theta_2) + 98.5738\cos(\theta_1) \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$|M_1| = \sqrt{M_{1x}^2 + M_{1y}^2 + M_{1z}^2} = \sqrt{49.4445^2 + 98.5738^2 + 2 \times 49.4445 \times 98.5738 \cos(q_2)}$$

Nhận thấy giá trị của momen tại khớp 1 là một hàm số theo biến khớp q_2 . Dễ dàng thấy được giá trị lớn nhất của hàm số trên đạt được khi $q_2=0$. Hay nói cách khác, cấu hình của robot lúc đó góc giữa khâu 1 và khâu 2 đang bằng 180° , cánh tay đang vươn ra xa nhất. Giá trị momen lúc đó sẽ là :

$$|M_1|_{\text{max}} = 148.014$$
 (N)

2.5 LỰA CHON KẾT CẦU SƠ BỘ

2.5.1 Giới thiệu các loại hộp giảm tốc dùng trong robot

Các loại hộp giảm tốc sử dụng trong robot công nghiệp ngày nay ngoài các yêu cầu chung về đảm bảo tỷ số truyền,độ ổn định khi làm việc còn phải đảm bảo các tiêu chí về kích thước, khối lượng nhỏ gọn để dễ dàng gắn lên các khâu,các khớp trong robot.

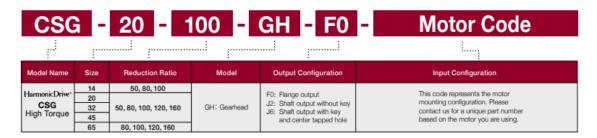
Các loại hộp giảm tốc cycloid và hộp giảm tốc bánh răng sóng hiện nay là những loại hộp giảm tốc được sử dụng tương đối nhiều trong lĩnh vực robot do chúng đáp ứng được các yêu cầu đặt ra trong tính toán,thiết kế và chế tạo robot. Do đó trong các sản phẩm Robot trên thế giới thường xuyên sử dụng hai loại hộp giảm tốc này.

Trong phạm vi đồ án này tác giả lựa chọn hộp giảm tốc bánh răng sóng cho khớp một và khớp hai của robot, và bộ chuyền đai kết hợp với bộ chuyền con lăn cho hai khớp của hai khâu cuối của robot.

a) Bộ truyền động cho khớp 1 và khớp 2

Việc lựa chọn hộp giảm tốc cho các khớp chủ yếu dựa vào momen xoắn và tốc độ đầu ra ngoài ra các yếu tố bất thường của momen cũng được xem xét đến. Trong chương này tác giả chỉ lựa chọn kết cấu sơ bộ của hộp giảm tốc sao cho phù hợp với kích thước và kết cấu của các khâu. Việc lựa chon chính xác và đảm bảo các yêu cầu kĩ thuật sẽ được tác giả trình bày ở chương 3.

Qua kham khảo các tài liệu và catalog bánh răng sóng lựa chọn hộp giảm tốc cho các khớp như sau.



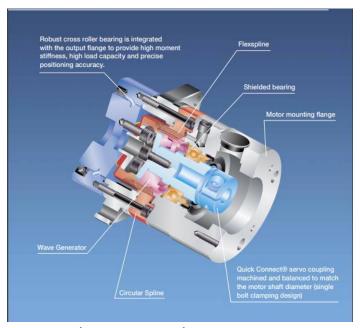
Hình 2.2 Sơ đồ lựa chọn hộp giảm tốc bánh răng sóng [8]

Khớp 1

Do momen xoắn theo trực Z ở trạng thái tĩnh của khớp 1 $M_{1z}=0$ và các momen thành phần $M_{1x}\neq 0$ $M_{1y}\neq 0$ ta chọn sơ bộ loại hộp giảm tốc là loại CSG, size~32 loại J6 cho bộ chuyền động bánh răng sóng tại khớp 1

• Khớp 2

Do momen xoắn theo trực Z ở trạng thái tĩnh của khớp 2 $M_{2z} = 0$ và các momen thành phần $M_{2x} \neq 0$ $M_{2y} \neq 0$ ta chọn sơ bộ loại hộp giảm tốc là loại CSF, size~32 loại J6 cho bộ chuyền động bánh rằng sóng tại khớp 2

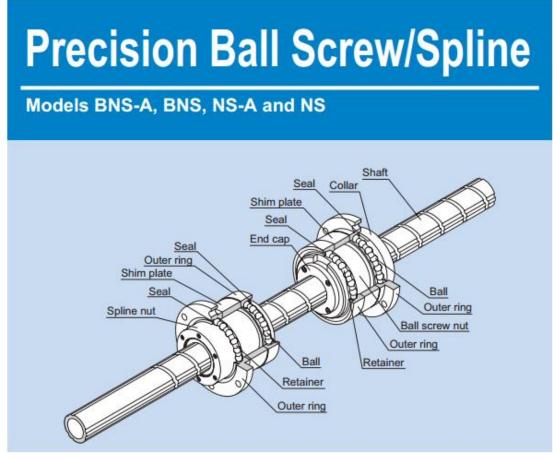


Hình 2.3 Cấu tạo hộp giảm tốc bánh răng sóng loại J6 [8]

b) Chọn bộ chuyền động cho khớp 3 và khớp 4

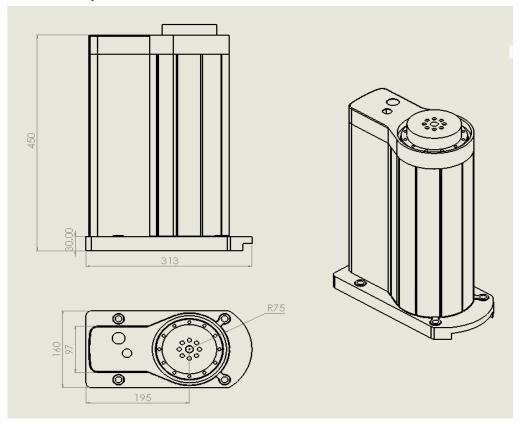
Do khớp 3 là khớp tịnh tiến và khớp 4 là khớp quay, để đảm bảo các chuyển động đảm bảo kết cấu đơn giản và kích thước gọn nhẹ tác giả chọn bộ truyền động cho khớp 3 và khớp 4 như sau:

Khớp 3 chọn ổ vitbi dạng xoắn ốc kết hợp với ổ trục 4 có dạng các dãy bi song song giúp định hướng cho chuyển động tịnh tiến đồng thời truyền động quay cho trục vitbi.

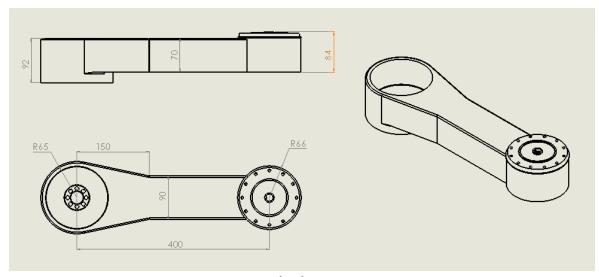


Hình 2.4 Cấu tạo bộ truyền động tại khớp 3 và khớp 4 [9]

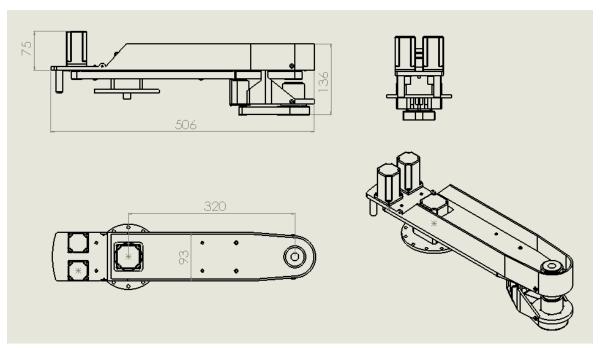
2.5.2 Bản vẽ sơ bộ các khâu của robot



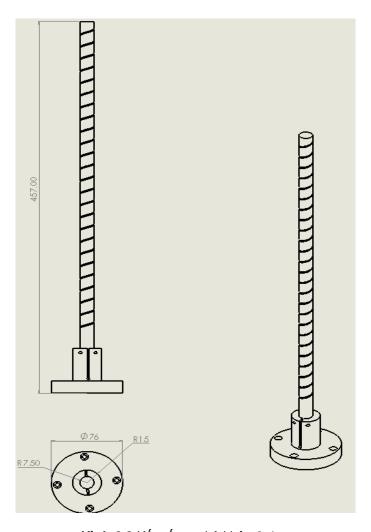
Hình 2.5 Kết cấu sơ bộ khâu đế



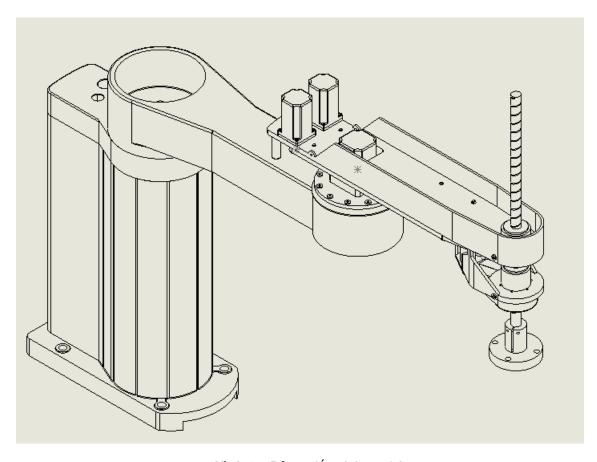
Hình 2.6 Kết cấu sơ bộ khâu 1



Hình 2.7 Kết cấu sơ bộ khâu 2

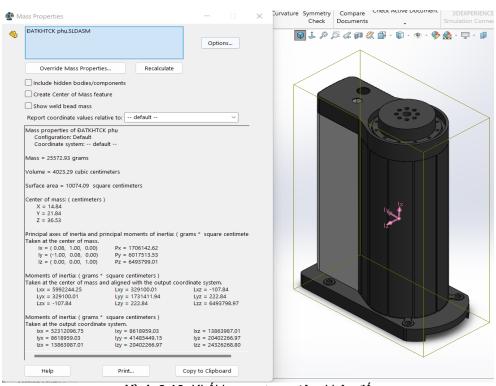


Hình 2.8 Kết cấu sơ bộ khâu 3-4



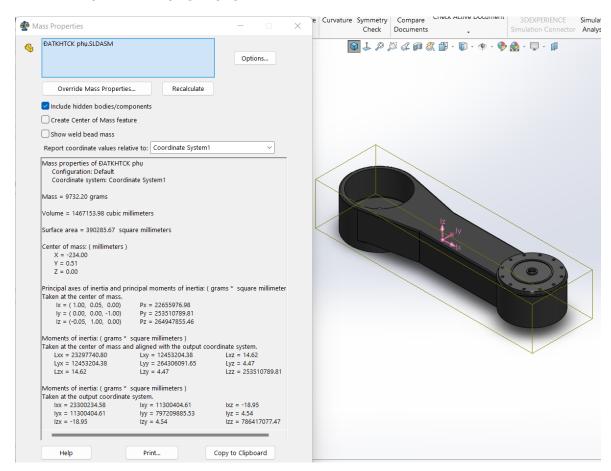
Hình 2.9 Bản vẽ lắp ghép sơ bộ

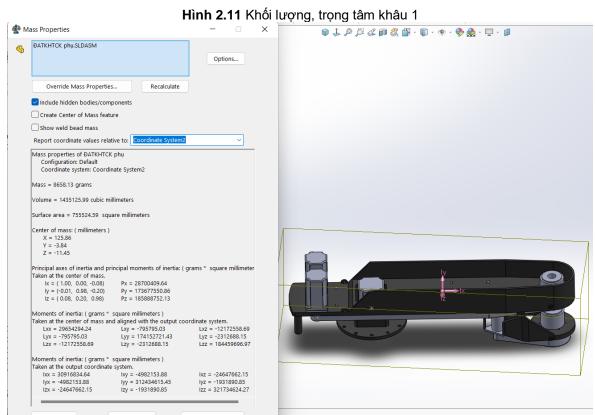
2.5.3 Xác định khối lượng, trọng tâm các khâu trên solidworks



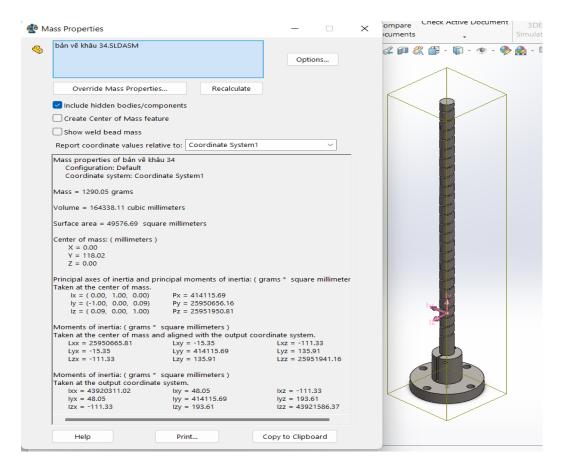
Hình 2.10 Khối lượng, trọng tâm khâu đế

2.5.3 Xác định khối lượng, trọng tâm các khâu trên solidworks

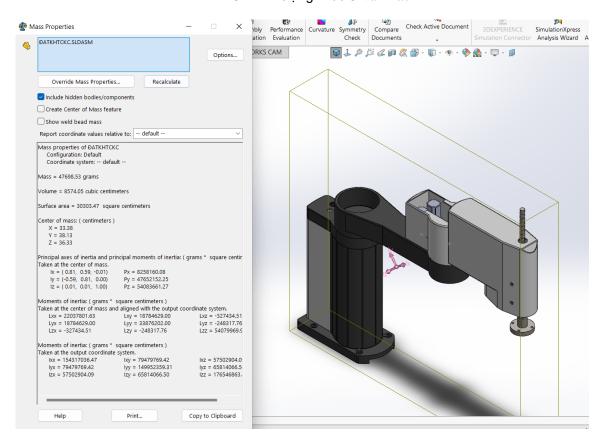




Hình 2.12 Khối lượng, trọng tâm khâu 2



Hình 2.13 Khối lượng khâu 3 và khâu 4



Hình 2.14 Khối lượng tổng robot

Chương 3

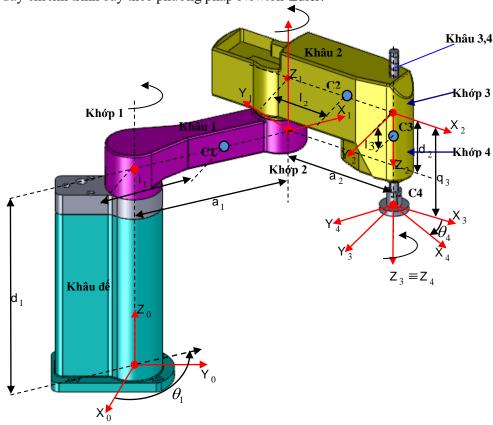
BÀI TOÁN ĐỘNG LỰC HỌC

3.1 THIẾT LẬP PHƯƠNG TRÌNH ĐỘNG LỰC HỌC BẰNG PHƯƠNG PHÁP NEWTON-EULER

3.1.1 Cơ sở lý thuyết

Để giải bài toán động lực học cho robot đầu tiên ta phải thiết lập phương trình vi phân chuyển động và tiến hành giải phương trình vi phân đó để tìm ra các thông số cần thiết.Có nhiều phương pháp thiết lập phương trình vi phân chuyển động của robot như phương pháp Newton-Euler, phương pháp của Lagrange. . .

Dưới đây em xin trình bày theo phương pháp Newton-Euler.

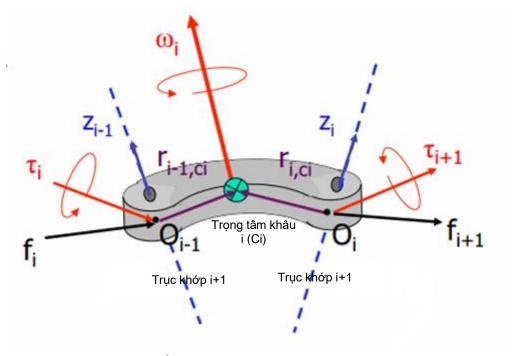


Hình 3.1 Mô hình động lực học robot

Xét mô hình robot scara bốn bậc tự do như hình 1.8

3.1.2 Xây dựng phương trình đông lực học Newton-Euler cho robot

Với phương pháp Lagrange mô hình động lực học của robot xuất phát từ tổng năng lượng của hệ thống. Phương pháp Newton-Euler xây dựng mô hình động lực học dựa vào sự cân bằng lực của hệ lực tác động nên hệ thống. Từ đó hình thành nên các hệ phương trình động lực học, và sẽ giải bằng phương pháp đệ quy.



Hinh 3.2 Sơ đồ tính động lực học Newton-Euler [10]

Giả sử khâu thứ i của robot chịu tác dụng bởi momen do động cơ tại khớp thứ i gây nên chuyển động cho khâu đó. Lực và momen tác đụng nên khâu được phân tích như hình 3.2

Gọi \underline{f}_i , \underline{f}_{i+1} lần lượt là lực của khâu i tác dụng nên khâu i-1 và lực của khâu i+1 tác dụng nên khâu i.

và $\underline{\tau}_i$, $\underline{\tau}_{i+1}$: lần lượt là momen của khâu I tác dụng nên khâu i-1 và momen của khâu i+1 tác dụng nên khâu i.

Khi đó ta có phương trình chuyển động của trọng tâm khâu i theo Newton như sau

$$\underline{f}_{i} - \underline{f}_{i+1} + m_{i} \underline{g} = m_{i} \underline{a}_{Ci}$$

Phương trình chuyển động quay được mô tả bởi công thức Euler như sau

$$\underline{\tau}_{i} - \underline{\tau}_{i+1} + \underline{\widetilde{r}}_{i,ci} \underline{f}_{i} - \underline{\widetilde{r}}_{i,ci} \underline{f}_{i+1} = \underline{I}_{i} \underline{\dot{\omega}}_{i} + \underline{\widetilde{\omega}}_{i} \underline{I}_{i} \underline{\omega}$$

Chuyển động của khâu thứ i được mô tả bằng hệ phương trình động lực học theo Newton-Euler như sau

$$\begin{cases}
\underline{f}_{i} - \underline{f}_{i+1} + m_{i} \underline{g} = m_{i} \underline{a}_{Ci} \\
\underline{\tau}_{i} - \underline{\tau}_{i+1} + \underline{\widetilde{r}}_{i,ci} \underline{\overline{f}}_{i} - \underline{\widetilde{r}}_{i,ci} \underline{f}_{i+1} = \underline{I}_{i} \underline{\omega}_{i} + \underline{\widetilde{\omega}}_{i} \underline{I}_{i} \underline{\omega}_{i}
\end{cases}$$
(3.1)

Trong đó

 $+m_i$: là khối lượng của khâu i.

 $+\underline{I}_{i}$: là tenxo quán tính của khâu I đối với trọng tâm của nó.

+g: là vecto gia tôc trọng trường.

 $+\underline{a}_{Ci}$: là vecto gia tốc trọng tâm của khâu i.

 $+\dot{\omega}$: là vecto gia tốc góc của khâu i.

- $+\omega$: là vecto vận tốc góc của khâu i.
- $+\frac{\widetilde{r}}{\widetilde{r}_{i-1,ci}}$ là vecto định vị vị trí của khớp I đối với trọng tâm của nó viết trong hệ quy chiếu gắn với khâu i
- $+\frac{\widetilde{r}}{i,c^i}$ là vecto định vị vị trí của kh
ớp i+1 đối với trọng tâm của nó viết trong hệ quy chiếu gắn với khâu i

Để tính lực và momen tại các khóp của robot ta viết phương trình động lực học Newton-Euler cho các khâu của robot và giải ngược từ khâu thao tác cuối đến khâu đầu tiên của robot. Để thuận tiện cho việc tính toán ta viết phương trình Newton-Euler dưới dạng phương trình truy hồi như sau.

$$\begin{cases}
{}^{0} \underline{f}_{i} = {}^{0} \underline{f}_{i+1} + m_{i} {}^{0} \underline{a}_{Ci} - {}^{0} \underline{g} \\
{}^{0} \underline{\tau}_{i} = {}^{0} \underline{\tau}_{i+1} - {}^{0} \underline{\widetilde{r}}_{i-1,ci} {}^{0} \underline{f}_{i} + {}^{0} \underline{\widetilde{r}}_{i,ci} {}^{0} \underline{r}_{i+1} + \underline{I}_{i} \underline{\dot{\omega}}_{i} + \underline{\widetilde{\omega}}_{i} \underline{I}_{i} \underline{\omega}_{i}
\end{cases}$$
(3.2)

Trong 3.1 hệ phương trình Newton-Euler được viết trong hệ quy chiếu động Còn hệ phương trình 3.2 được viết trong hệ quy chiếu cố định. Ta có ${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{i-1,ci}v\dot{a}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{i,ci}$ được tính theo công thức sau.

$${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{i-1,ci} = {}^{0}\underline{R}_{i}.\underline{\widetilde{r}}_{i-1,ci}$$

$${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{i,ci} = {}^{0}\underline{R}_{i}.\underline{\widetilde{r}}_{i,ci}$$
(3.3)

3.2 TÍNH TOÁN LỰC VÀ MOMEN TẠI CÁC KHỚP

Bảng 3.1 Bảng thông số động lực rôbốt Scara 4 bậc tự do

Khâu	gốc to		m so với ắn trên ớp	Khối lượng (kg)	Momen quán tính từng khâu đối với trọng tâm mỗi khâu trọng hệ tọa độ gắn liền với khớp $(kg.m^2)$							
	X_{C}	Y_C	Z_{C}		I_{XX}	I_{yy}	$I_{Z\!Z}$	I_{XY}	$I_{Y\!Z}$	I_{ZX}		
1	$-l_1$	0	0	m_1	I_{1X}	$I_{_{1Y}}$	I_{1Z}	I_{1XY}	I_{1YZ}	I_{1ZX}		
2	$-l_2$	0	0	m_2	I_{2X}	I_{2Y}	I_{2Z}	I_{2XY}	$I_{2 m YZ}$	I_{2ZX}		
3-4	0	0	$-l_4$	m_{34}	I_{34X}	I_{3Y}	I_{3Z}	I_{3XY}	I_{3YZ}	I_{3ZX}		

• Lưc và momen trên khâu 3 và khâu 4

Ta có do khâu 3 và khâu 4 là một khâu nên coi chuyển động của khâu chung này là chuyển động 2 bậc tự do trên cùng một khâu

$${}^{0}\underline{f}_{k,4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & m_{K}g \end{bmatrix}^{T} \qquad {}^{0}\underline{\tau}_{k,4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T}$$

$${}^{0}\underline{a}_{C4} = \begin{bmatrix} -a_{2}s_{12}\ddot{\theta}_{12} - a_{1}s_{1}\ddot{\theta}_{1} - a_{2}c_{12}\dot{\theta}_{12} - a_{1}c_{1}\dot{\theta}_{1} \\ a_{2}c_{12}\ddot{\theta}_{12} + a_{1}c_{1}\ddot{\theta}_{1} + a_{2}s_{12}\dot{\theta}_{12} - a_{1}s_{1}\dot{\theta}_{1} \\ \ddot{q}_{3} \end{bmatrix}$$

$$\underline{\omega}_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 - \dot{\theta}_4 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{\dot{\omega}}_4 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 + \ddot{\theta}_2 - \ddot{\theta}_4 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{I}_{4} = \begin{bmatrix} I_{4x} & I_{4xy} & I_{4xz} \\ I_{4yx} & I_{4y} & I_{4yz} \\ I_{4xz} & I_{4yz} & I_{4z} \end{bmatrix}$$

$$\underline{r}_{2,C34} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & q_3 - l_4 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{r}_{34,C34} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_4 \end{bmatrix}^T$$

$${}^{0}\underline{R}_{4} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}r_{2,C34} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0\\0\\q_{3} - l4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\0\\l_{4} - q_{3} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{2,C34} = \begin{bmatrix} 0 & q_{3} - l_{4} & 0 \\ -q_{3} + l_{4} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{34,C34} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2} - \theta_{4}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0\\0\\l_{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\0\\l_{4} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{34,C34} = \begin{bmatrix} 0 & -l_{4} & 0 \\ l_{4} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Phương trình động lực học cho khâu 3,4

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{f}_{34} = {}^{0}\underline{f}_{K} + m_{34} ({}^{0}\underline{a}_{C34} - \underline{g}) \\ {}^{0}\underline{\tau}_{34} = {}^{0}\underline{\tau}_{K} - {}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{2,C34} {}^{0}\underline{f}_{34} + {}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{4,C34} {}^{0}\underline{f}_{K} + \underline{I}_{34}\underline{\dot{\omega}}_{4} + \underline{\widetilde{\omega}}_{4}\underline{I}_{34}\underline{\omega}_{4} \end{cases}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{f}_{34} = \begin{bmatrix} m_{34}a_{3x} \\ m_{34}a_{3y} \\ m_{34}(a_{3z} - g) - m_{K}g \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{\tau}_{34} = \begin{bmatrix} -I_{4yz}\omega_{4z}^{2} + I_{4yz}\dot{\omega}_{4z} - m_{34}a_{34y}q_{3} + m_{34}a_{34y}l_{4} \\ I_{4xz}\omega_{4z}^{2} + I_{4xz}\dot{\omega}_{4z} + m_{34}a_{34x}q_{3} - m_{34}a_{34x}l_{4} \\ I_{4z}\dot{\omega}_{4z} \end{bmatrix}$$

• Lưc và momen trên khâu 2

Ta có

$${}^{0}\underline{f}_{34} = \begin{bmatrix} m_{34}a_{3x} \\ m_{34}a_{3y} \\ m_{34}(a_{3z} - g) - m_{K}g \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\tau}_{34} = \begin{bmatrix} -I_{4yz}\omega_{4z}^{2} + I_{4yz}\dot{\omega}_{4z} - m_{34}a_{34y}q_{3} + m_{34}a_{34y}l_{4} \\ I_{4xz}\omega_{4z}^{2} + I_{4xz}\dot{\omega}_{4z} + m_{34}a_{34x}q_{3} - m_{34}a_{34x}l_{4} \\ I_{4z}\dot{\omega}_{4z} \end{bmatrix}$$

$$\underline{\omega}_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 + \dot{\theta}_2 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{\dot{\omega}}_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 + \ddot{\theta}_2 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{I}_{2} = \begin{bmatrix} I_{2x} & I_{2xy} & I_{2xz} \\ I_{2yx} & I_{2y} & I_{2yz} \\ I_{2xz} & I_{2yz} & I_{2z} \end{bmatrix}$$

$$r_{1,C2} = \begin{bmatrix} a_2 - l_2 & 0 & -d_2 \end{bmatrix}$$

$$\underline{r}_{2,C2} = \begin{bmatrix} -l_2 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{R}_{2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{1,C2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 \\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{2} - l_{2} \\ 0 \\ -d_{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (a_{2} - l_{2})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ (a_{2} - l_{2})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ d_{2} \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{1,C2} = \begin{bmatrix} 0 & -d_{2} & (a_{2}-l_{2})\sin(\theta_{1}+\theta_{2}) \\ d_{2} & 0 & -(a_{2}-l_{2})\cos(\theta_{1}+\theta_{2}) \\ -(a_{2}-l_{2})\sin(\theta_{1}+\theta_{2}) & (a_{2}-l_{2})\cos(\theta_{1}+\theta_{2}) & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{2,C2} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ \sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_{2}\\ 0\\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2})\\ -l_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2})\\ 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{2,C2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ 0 & 0 & l_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ l_{2}\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) & -l_{2}\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) & 0 \end{bmatrix}$$

Phương trình động lực học cho khâu 2

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{f}_{2} = {}^{0}\underline{f}_{34} + m_{2} ({}^{0}\underline{a}_{C2} - \underline{g}) \\ {}^{0}\underline{\tau}_{2} = {}^{0}\tau_{34} - {}^{0}\underline{\tilde{r}}_{1,C2} {}^{0}\underline{f}_{2} + {}^{0}\underline{\tilde{r}}_{2,C2} {}^{0}\underline{f}_{34} + \underline{I}_{2}\underline{\dot{\omega}}_{2} + \underline{\dot{\omega}}_{2}\underline{I}_{2}\underline{\omega}_{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{f}_{2} = \begin{bmatrix} m_{34}a_{34x} + m_{2}a_{2x} \\ m_{34}a_{34y} + m_{2}a_{2y} \\ m_{34}a_{34z} + m_{2}a_{2z} - (m_{2} + m_{K} + m_{34})g \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{\tau}_{2} = \begin{bmatrix} {}^{0}\tau_{2x} \\ {}^{0}\tau_{2y} \\ {}^{0}\tau_{2z} \end{bmatrix}$$

Trong đó

$$^{0}\tau_{2_{x}} = (l_{2}m_{2}(a_{2z} - g) + a_{2}m_{34}(g - a_{34z}) + a_{2}(m_{2} + m_{K})g - a_{2}m_{2}a_{2z})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) + m_{2}d_{2}a_{2y}$$

$$-I_{2yz}\omega_{2z}^{2} + I_{2xz}\dot{\omega}_{2z} - I_{34yz}\omega_{4z}^{2} + I_{34xz}\dot{\omega}_{4z} + m_{34}a_{34y}(d_{2} + l_{4} - q_{3})$$

$$^{0}\tau_{2y} = (m_{2}l_{2}(g - a_{2z}) + m_{34}a_{2}(a_{34z} - g) - (m_{2} + m_{K})a_{2}g + a_{2}m_{2}a_{2z})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) - m_{2}d_{2}a_{2x}$$

$$+ m_{34}a_{34x}(q_{3} - l_{4} - d_{2}) + I_{34xz}\omega_{4z}^{2} + I_{34yz}\dot{\omega}_{4z} + I_{2xz}\omega_{2z}^{2} + I_{2yz}\dot{\omega}_{2z}$$

$$^{0}\tau_{2z} = (m_{2}(a_{2} - l_{2})a_{2x} + m_{34}a_{2}a_{34x})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) - (m_{2}(a_{2} - l_{2})a_{2y} + m_{34}a_{2}a_{34y})\cos(\theta_{1} + \theta_{2})$$

$$+ I_{34z}\dot{\omega}_{34z} + I_{2z}\dot{\omega}_{2z}$$

• Lực và momen trên khâu 1

Ta có

$${}^{0}\underline{\tau}_{2} = \begin{bmatrix} m_{34}a_{34x} + m_{2}a_{2x} \\ m_{34}a_{34y} + m_{2}a_{2y} \\ m_{34}a_{34z} + m_{2}a_{2z} - (m_{2} + m_{K} + m_{34})g \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\tau}_{2} = \begin{bmatrix} {}^{0}\tau_{2x} \\ {}^{0}\tau_{2y} \\ {}^{0}\tau_{2z} \end{bmatrix}$$

$$\omega_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dot{\theta}_1 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{\dot{\omega}}_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \ddot{\theta}_1 \end{bmatrix}^T$$

$$\underline{I}_{1} = \begin{bmatrix} I_{1x} & I_{1xy} & I_{1xz} \\ I_{1yx} & I_{1y} & I_{1yz} \\ I_{1xz} & I_{1yz} & I_{1z} \end{bmatrix}$$

$$\underline{r}_{0,C1} = \begin{bmatrix} a_1 - l_1 & 0 & d_1 \end{bmatrix}$$

$$\underline{r}_{1,C1} = \begin{bmatrix} -l_1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{R}_{2} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0\\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{0,C1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0\\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{1} - l_{1}\\ 0\\ d_{1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (a_{1} - l_{1})\cos\theta_{1}\\ (a_{1} - l_{1})\sin\theta_{1}\\ -d_{1} \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{0,C1} = \begin{bmatrix} 0 & -d_{1} & (a_{1} - l_{1})\sin\theta_{1} \\ d_{1} & 0 & -(a_{1} - l_{1})\cos\theta_{1} \\ -(a_{1} - l_{1})\sin\theta_{1} & (a_{1} - l_{1})\cos\theta_{1} & 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\underline{r}_{1,C1} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{1} & -\sin\theta_{1} & 0\\ \sin\theta_{1} & \cos\theta_{1} & 0\\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -l_{1}\\ 0\\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_{1}\cos\theta_{1}\\ -l_{1}\sin\theta_{1}\\ 0 \end{bmatrix}$$

$${}^{0}\widetilde{\underline{r}}_{1,C1} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -l_{1}\sin\theta_{1} \\ 0 & 0 & l_{1}\cos\theta_{1} \\ l_{1}\sin\theta_{1} & -l_{1}\cos\theta_{1} & 0 \end{bmatrix}$$

Phương trình động lực học cho khâu 1

$$\begin{cases} {}^{0}\underline{f}_{1} = {}^{0}\underline{f}_{2} + m_{1} ({}^{0}\underline{a}_{C1} - \underline{g}) \\ {}^{0}\underline{\tau}_{1} = {}^{0}\underline{\tau}_{2} - {}^{0}\underline{\tau}_{0,C1} {}^{0}\underline{f}_{1} + {}^{0}\underline{\widetilde{r}}_{1,C1} {}^{0}\underline{f}_{2} + \underline{I}_{1}\underline{\dot{\omega}}_{1} + \underline{\widetilde{\omega}}_{1}\underline{I}_{1}\underline{\omega}_{1} \end{cases}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{f}_{1} = \begin{bmatrix} m_{34}a_{34x} + m_{2}a_{2x} + m_{1}a_{1x} \\ m_{34}a_{34y} + m_{2}a_{2y} + m_{1}a_{1y} \\ m_{34}a_{34z} + m_{2}a_{2z} + m_{1}a_{1z} - (m_{1} + m_{2} + m_{K} + m_{34})g \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow {}^{0}\underline{\tau}_{1} = \begin{bmatrix} {}^{0}\tau_{1x} \\ {}^{0}\tau_{1y} \\ {}^{0}\tau_{1z} \end{bmatrix}$$

Trong đó

$$^{0}\tau_{1x} = (m_{2}l_{2}(a_{2z} - g) + m_{34}a_{2}(g - a_{34z}) + m_{2}a_{2}(g - a_{2z}) + m_{K}a_{2}g)\sin(\theta_{1} + \theta_{2})$$

$$+ (m_{1}l_{1}(a_{1z} - g) + m_{34}a_{1}(g - a_{34z}) + m_{2}a_{1}(g - a_{2z}) + m_{1}a_{1}(g - a_{1z}) + m_{K}a_{1}g)\sin(\theta_{1})$$

$$+ I_{34xz}\dot{\omega}_{4z} - I_{34yz}\omega_{4z}^{2} + I_{2xz}\dot{\omega}_{2z} - I_{2yz}\omega_{2z}^{2} + I_{1xz}\dot{\omega}_{1z} - I_{1yz}\omega_{1z}^{2}$$

$$+ m_{34}a_{34y}(l_{4} - q_{3} + d_{2} + d_{1}) + m_{2}a_{y}(d_{1} + d_{2}) + m_{1}d_{1}a_{1y}$$

$$^{0}\tau_{1y} = (m_{2}l_{2}(g - a_{2z}) + m_{34}a_{2}(a_{34z} - g) + m_{2}a_{2}(a_{2z} - g) + m_{K}a_{2}g)\cos(\theta_{1} + \theta_{2})$$

$$+ (m_{1}l_{1}(g - a_{1z}) + m_{34}a_{1}(a_{34z} - g) + m_{2}a_{1}(a_{2z} - g) + m_{1}a_{1}(a_{1z} - g) - m_{K}a_{1}g)\cos(\theta_{1})$$

$$+ I_{34yz}\dot{\omega}_{4z} + I_{34xz}\omega_{4z}^{2} + I_{2yz}\dot{\omega}_{2z} + I_{2xz}\omega_{2z}^{2} + I_{1yz}\dot{\omega}_{1z} + I_{1xz}\omega_{1z}^{2}$$

$$+ m_{34}a_{34x}(q_{3} - l_{4} - d_{2} - d_{1}) - m_{2}a_{x}(d_{1} + d_{2}) + m_{1}d_{1}a_{1x}$$

$$^{0}\tau_{1z} = I_{34z}\dot{\omega}_{4z} + I_{2z}\dot{\omega}_{2z} + I_{1z}\dot{\omega}_{1z} + (m_{34}a_{2}a_{34x} - m_{2}l_{2}a_{2x} + m_{2}a_{2}a_{2x})\sin(\theta_{1} + \theta_{2})$$

$$+ (-m_{34}a_{2}a_{34y} + m_{2}l_{2}a_{2y} - m_{2}a_{2}a_{2y})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + (m_{34}a_{1}a_{34x} + m_{2}a_{1}a_{2x} + m_{1}(a_{1} - l_{1})a_{1x})\sin\theta_{1}$$

$$- (m_{34}a_{1}a_{34y} + m_{2}a_{1}a_{2y} + m_{1}a_{1}a_{1y} + m_{1}l_{1}a_{1y})\cos\theta_{1}$$

Nhận xét : Để xác định lực và momen động cơ dẫn động các khóp ta chiếu lực f_i (đối với khóp trượt) hoặc momen τ_i (đối với khóp quay) lên trục khóp ta được lực động tổng quát của các khóp. Trong đồ án tác giả tính toán chuyển động của robot scara với (khới 1, khóp 2, khóp 4) là khóp quay, khóp 3 là khóp tịnh tiến. Ta có

• Momen động cơ 1

$$\begin{split} M_{dc1} &= {}^{0}\tau_{1z} = I_{34z}\dot{\omega}_{4z} + I_{2z}\dot{\omega}_{2z} + I_{1z}\dot{\omega}_{1z} + (m_{34}a_{2}a_{34x} - m_{2}l_{2}a_{2x} + m_{2}a_{2}a_{2x})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ &+ (-m_{34}a_{2}a_{34y} + m_{2}l_{2}a_{2y} - m_{2}a_{2}a_{2y})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) + (m_{34}a_{1}a_{34x} + m_{2}a_{1}a_{2x} + m_{1}(a_{1} - l_{1})a_{1x})\sin\theta_{1} \\ &- (m_{34}a_{1}a_{34y} + m_{2}a_{1}a_{2y} + m_{1}a_{1}a_{1y} + m_{1}l_{1}a_{1y})\cos\theta_{1} \end{split}$$

• Momen đông cơ 2

$$\begin{split} M_{dc2} &= {}^{0}\tau_{2z} = (m_{2}(a_{2} - l_{2})a_{2x} + m_{34}a_{2}a_{34x})\sin(\theta_{1} + \theta_{2}) - (m_{2}(a_{2} - l_{2})a_{2y} + m_{34}a_{2}a_{34y})\cos(\theta_{1} + \theta_{2}) \\ &+ I_{34z}\dot{\omega}_{34z} + I_{2z}\dot{\omega}_{2z} \end{split}$$

• Lực động cơ 3

$$F_{dc3} = {}^{0}f_{34z} = m_{34}(a_{3z} - g) - m_{K}g$$

• Momen đông cơ 4

$$M_{dc4} = {}^{0}\tau_{4z} = I_{4z}\dot{\omega}_{4z}$$

3.3 TÍNH TOÁN CHON HỘP GIẢM TỐC TAI CÁC KHỚP

3.3.1 Đặt nhiệm vụ cho robot

Để tính chọn hộp giảm tốc được chính xác ta cần có một giá trị momen (đối với khóp quay) và lực (đối với khóp tịnh tiến) phát động tại các khóp. Với các thông số kĩ thuật cùng với tham khảo tài liệu các hãng chuyên sản xuất robot Scara. Giả sử phương trình chuyển động khâu thao tác của robot có phương trình dang.

$$X_K = 0.4 + 0.2\cos\omega(t), Y_K = 0.2\sin\omega(t), Z_K = 0.15\cos\omega(t), \varphi = \frac{\pi}{6}$$

Đặt bài toán cho robot thực hiện chuyển động chạy không tải theo quỹ đạo là đường tròn có phương trình (3.5) trong thời gian thực hiện là T (thời gian thao tác) giây. Kham khảo tài liệu các hãng chuyên sản xuất robot scara với robot hiện nay thời gian thao tác nhanh nhất của robot có thể đạt bằng 0.5 giây. Trong thiết kế em đặt thời gian thao tác nhanh nhất cho robot scara SR8 là 0.6 giây để tính toán lực và momen cần thiết để tính toán và chon hộp giảm tốc .

Với T=0.6 giây
$$\rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.5} = 10.4 \text{ (rad/s)} : \text{chọn } \omega = 10 \text{ (rad/s)}$$

Thế vào phương trình chuyển động (3.5) như trên ta có phương trình chuyển động theo thời gian của bàn kẹp là.

$$X_K = 0.4 + 0.2\cos(10t), Y_K = 0.2\sin(10t), Z_K = 0.15\cos(10t), \varphi = \frac{\pi}{6}$$

Các giá trị tham số động lực học của robot Scara SR8 được lấy ra từ việc xuất ra khối lượng và trọng tâm trong Solidworks ở chương 2

$$\begin{split} & m_1 = 9.8kg; m_2 = 8.66kg; m_{34} = 1.3kg; m_{K\,\text{max}} = 10kg, d_1 = 0.5; d_2 = 0.2; a_1 = 0.4; l_1 = 0.234; \\ & l_2 = 0.1256; l_4 = 0.118; F_x = 0; F_y = 0; F_z = 0; M_x = 0; M_y = 0; M_z = 0; I_{1z} = 0.786; \\ & I_{2z} = 0.321; I_{3z} = 0.044; \end{split}$$

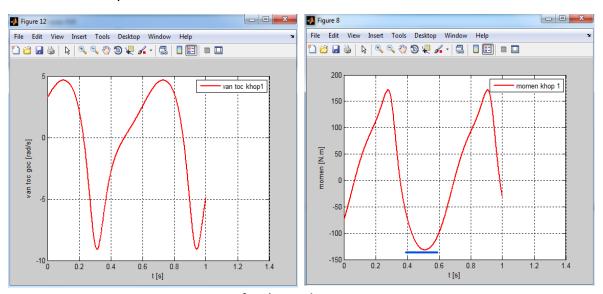
3.3.2 Tính chọn hộp giảm tốc

• Chọn hộp giảm tốc cho khớp 1

Với khớp 1 trong chương 2 em đã lựa chọn bộ truyền động là hộp giảm tốc bánh răng sóng

Theo tài liệu của hãng việc lựa chọn hộp giảm tốc dựa trên momen xoắn trung bình trên trục đầu ra của hôp giảm tốc

Từ biểu đồ vân tốc và biểu đồ momen của khâu 1



Hình 3.8 Biểu đồ vận tốc và momen khớp 1

Bước 1 Lựa chọn sơ bộ

Áp dụng công thức

$$Tav = \sqrt[3]{\frac{|n_1| \times t_1 \times |T_1|^3 + |n_2| \times t_2 \times |T_2|^3 + \dots + |n_i| \times t_i \times |T_i|^3}{|n_1| \times t_1 + |n_2| \times t_2 + \dots + |n_i| \times t_i}}$$

Ta có

$$Tav_1 = 145 < 217$$
 (N.m)

Tra bảng trang 87 catalog của hãng LLC ta chọn sơ bộ hộp giảm tốc loại

$$CSG - 32 - 80 - GH - J6$$

Bước 2 Tính kiểm nghiệm tốc độ đầu vào

Áp dụng công thức

$$Noav = \frac{n_1 t_1 + n_1 t_2 + \dots + n_i t_i}{t_1 + t_2 + \dots + t_i}$$

Ta có

Noav = 2.9 (rad/s) = 27.7 (vong/phút)

$$\rightarrow Niav = Noav \times R = 27.7 \times 80 = 2216 \text{ (vong/phút)}$$
(3.9)

 $No_{MAX} = 6.2(rad/s) = 59.2(vong/phút)$

$$\rightarrow Ni_{MAX} = No_{MAX} \times R = 59.2 \times 80 = 4736(vong/phút)$$
(3.10)

Từ (3.9) và (3.10) ta có

$$\begin{cases} \textit{Niav} = 2216 < 3500 (\textit{vòng / phút}) \\ \textit{Ni}_{\textit{MAX}} = 4736 < 4800 (\textit{vòng / phút}) \end{cases} \rightarrow \textit{CSG} - 32 - 80 - \textit{GH} - \textit{J}6 \text{ thỏa mãn điều kiện}$$

Bước 3 Tính kiểm nghiệm momen

Từ biểu đồ momen khớp 1 ta thấy giá trị momen lớn nhất của khớp 1 là

$$M_{\rm 1MAX} = 170 < 395 \rightarrow CSG - 32 - 80 - GH - J6$$
 thỏa mãn điều kiện

Bước 4 Tính kiểm nghiệm tuổi thọ làm việc

Áp dụng công thức :
$$L_h = L_n \times (\frac{Tr}{Tav}) \times (\frac{Nr}{Niav})$$
 ta có:

$$L_{h1} = 7000 \times \left(\frac{150}{105}\right)^3 \times \left(\frac{3000}{1575}\right) = 10491 > 10000(L_{B10})$$

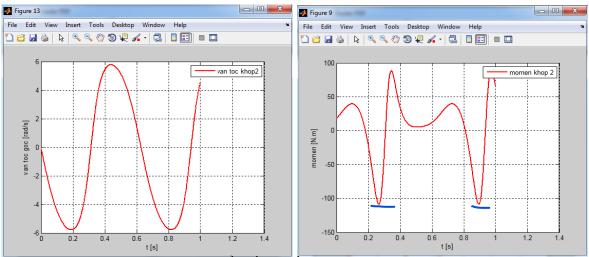
Vậy chọn hộp giảm tốc cho khớp 1 là loại CSG-32-80-GH-J6

• Chọn hộp giảm tộc cho khớp 2

Với khớp 2 trong chương 2 em đã lựa chọn bộ truyền động là hộp giảm tốc bánh răng sóng

Theo tài liệu của hang việc lựa chọn hộp giảm tốc dựa trên momen xoắn trung bình trên trục đầu ra của hộp giảm tốc

Từ biểu đồ vân tốc và biểu dồ momen của khâu 1



Hình 3.9 Biểu đồ vận tốc và momen khớp 2

Bước 1 Tính chọn sơ bộ

Áp dụng công thức

$$Tav = \sqrt[3]{\frac{|n_1| \times t_1 \times |T_1|^3 + |n_2| \times t_2 \times |T_2|^3 + \dots + |n_i| \times t_i \times |T_i|^3}{|n_1| \times t_1 + |n_2| \times t_2 + \dots + |n_i| \times t_i}}$$

Ta có

$$Tav_1 = 32 < 34$$
 (N.m)

Tra bảng trang 97 catalog của hãng LLC ta chọn sơ bộ hộp giảm tốc loại

$$CSF - 20 - 50 - GH - J6$$

Bước 2 Tính kiểm nghiệm tốc độ đầu vào

Áp dụng công thức:

$$Nav = \frac{n_1 t_1 + n_1 t_2 + \dots + n_i t_i}{t_1 + t_2 + \dots + t_i}$$

Ta có

Noav = 3.8 (red/s) = 36.3 (vong/phút)

$$\rightarrow Niav = Noav \times R = 36 \times 50 = 1815 \text{ (vong/ phút)}$$
(3.11)

 $No_{MAX} = 6(red/s) = 57.3(vong/phút)$

$$\rightarrow Ni_{MAX} = No_{MAX} \times R = 57.3 \times 50 = 2865(vong/phút)$$
(3.12)

Từ (3.11) và (3.12) ta có

$$\begin{cases} Niav = 1815 < 3500(v \grave{o}ng / ph\acute{u}t) \\ Ni_{MAX} = 2865 < 6500(v \grave{o}ng / ph\acute{u}t) \end{cases} \rightarrow CSF - 20 - 50 - GH - J6 \text{ thỏa mãn điều kiện}$$

Bước 3 Tính kiểm nghiệm momen

Từ biểu đồ momen khóp 2 ta thấy giá trị momen lớn nhất của khóp 2 là:

$$M_{2MAX} = 110 > 56 \rightarrow CSF - 20 - 50 - GH - J6$$
 không thỏa mãn điều kiện

Bước 4 Chọn lại hộp giảm tốc khớp 2

Do giá trị momen lớn nhất vượt quá giá trị momen lớn nhất cho phép ta chọn lại hộp giảm tốc lại có giá trị momen trung bình là $\overline{Tav} = 108(N.m)$ là loại CSF - 32 - 50 - GH - J6

Bước 4.1 Tính kiểm nghiệm lại tốc độ đầu vào



Ta có

Noav = 3.8 (rad/s) = 36.3 (vong/phút)

$$\rightarrow Niav = Noav \times R = 36 \times 50 = 1815 \text{ (vong/phút)}$$
(3.13)

$$No_{MAX} = 6(rad/s) = 57.3(vong/phút)$$

$$\rightarrow Ni_{MAX} = No_{MAX} \times R = 57.3 \times 50 = 2865(v \dot{o}ng/ph \acute{u}t)$$
 (3.114)

Từ (3.13) và (3.14) ta có

$$\begin{cases} Niav = 1815 < 3500(v \grave{o}ng / ph\acute{u}t) \\ Ni_{MAX} = 2865 < 4800(v \grave{o}ng / ph\acute{u}t) \end{cases} \rightarrow CSF - 32 - 50 - GH - J6 \text{ thỏa mãn điều kiện}$$

Bước 4.2 Tính kiểm lại nghiệm momen

Từ biểu đồ momen khớp 2 ta thấy giá trị momen lớn nhất của khớp 2 là

$$M_{\scriptscriptstyle 2MAX} = 110 < 216 \rightarrow \mathit{CSF} - 32 - 50 - \mathit{GH} - \mathit{J}6$$
 thỏa mãn điều kiện

Bước 5 Tính kiểm nghiệm tuổi thọ làm việc

Áp dụng công thức :
$$L_h = L_n \times (\frac{Tr}{Tav}) \times (\frac{Nr}{Niav})$$
 ta có:

$$L_{h1} = 7000 \times \left(\frac{50}{32}\right)^3 \times \left(\frac{2000}{1815}\right) = 29451 > 7000(L_{B10})$$

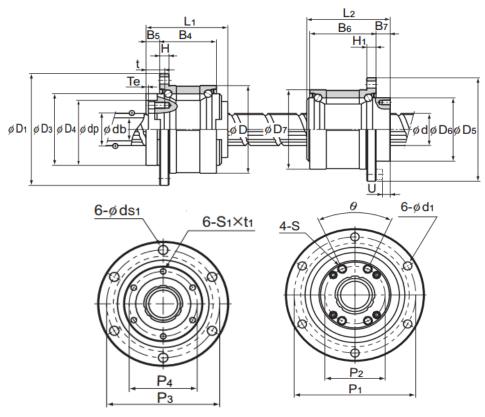
Vậy chọn hộp giảm tốc cho khớp 2 là loại CSF-32-50-GH-J6

Chọn hộp giảm tốc cho khóp 3 và khóp 4

Như chương 2 em đã trình bày. Bộ chuyền động sử dụng cho khớp 3 và khớp 4 là bộ truyền động bánh răng con lăn.

Với việc sử dụng kết cấu khâu 3-4 là trục vít bi có đường kính trục là 15 mm ta chọn bộ truyền động cho khớp 3 và khớp 4 như sau.

Tra catalog của hãng LHK chon model BNS với đường kính 15 mm chon size BNS1616



Hình 3.10 Thông số kích thước hộp giảm tốc con lăn [9] **Bảng 3.2** Thông số kích thước ổ vit bi khớp

Model No	Screw	Screw	Lead			Ball screw dimensions								
	shaft outer diameter	shaft inner diameter			c load ting	Ball center- to-center	Thread minor	Outer diameter	Flange diamet	Overall length	D3			
	diameter			Ca	C ₀ a	diameter	diameter		er					
	d	db	Ph	kN	kN	dp	dc	D	D_1	L_1	h7			
BNS 1616	15	11	16	3.9	7.2	16.65	13.7	42 0-0.007	50	50.6	35.6			

Bảng 3.3 Thông số kĩ thuật ổ vit bi khớp 3

										Support bearing		Nut	Srew shaft	Nut	Shaft
											ic load ating	inertial movement	inertial movment/m	mass	mass
D_4										17	ımg	movement	m		
H7	Н	\mathbf{B}_4	\mathbf{B}_1	Т	P_1	P_2	S	t	D_1	Ca	C ₀ a	J.kg.cm ²		kg	kg/m
				e						- Cu	000		J.kg.cm ² /mm		
										kN	kN				
34	3.5	41	7	2	44	22	M3	8	4.5	26.8	29.3	1.44x10 ⁻⁴	9.37x10 ⁻⁴	0.68	1.21

Bảng 3.4 Thông số kích thước ổ vit bi khớp 4

	Ball dimension										
	Basic lo	ad rating	Static Basic torque rating			Outer	Flange	Overall			
	Ca	C_0	permissible	C_T	Cor	diameter	diameter	length			
	kN	kN	$\begin{array}{c} \text{movement} \\ M_{\text{a}} \\ \text{N-m} \end{array}$	N-m	N-m	\mathbf{D}_7	D_5	\mathbf{L}_2			
BNS 1616	7.1	12.6	67.6	31.4	34.3	42 0-0.007	48	52			

Bảng 3.5 Thông số kĩ thuật ổ vit bi khớp 4

					Suppor Basic 1	rt bearing oad rating	Nut inertial	Nut mass				
D ₄ H7	Н	В4	\mathbf{B}_1	P ₁	P ₂	S_1xt_1	$ m d_{s1}$	U	Ca kN	C ₀ a kN	movement	
117	11	D 4	D ₁	1 1	1 2	SIAU	usl	U			J.kg.cm ²	kg
34	3	40	6	44	22	M3x8	2.5	4.4	12.7	11.8	0.52	0.51

Kiểm nghiệm ổ trục vit bi cho khóp 3 và khóp 4

Từ lực tĩnh tác động nên trục lấy từ kết quả bài toán tĩnh học ta có lực dọc trục tác động nên trục là F_{34} =113 (N) ta xác định khả năng tải tĩnh của ổ:

$$f_s = \frac{C_0 a}{Fa} = \frac{7.2}{0.113} = 63.71 > f_s = 3$$
 Vậy khả năng tải tĩnh được thỏa mãn

Từ biểu đồ vận tốc trục vít bị ta thấy vận tốc lớn nhất của trục vít là 1,5 (m/s) tra catalog ta có $f_w=2$ ta xác định tuổi thọ của ô:

$$L = \left(\frac{Ca}{f_w.F_a}\right)^3 \times 10^6 = \left(\frac{8.9}{2.0,113}\right)^3 \times 10^6 = 3.288 \times 10^8 (h)$$

KÉT LUẬN

Trong thời gian làm đồ án dưới sự hướng dẫn tận tình của **TS. Nguyễn Hồng Thái** em đã hoàn thành đồ án và đạt được những kết quả sau đây:

Các kết quả đạt được

- 1. Tìm hiểu về cấu trúc robot Scara.
- 2. Tính toán động học, tĩnh học, động lực học, miền làm việc của robot Scara.
- 3. Hoàn thiện kỹ năng thiết kế và trình bày bản vẽ trên Solidworks.

TÀI LIỆU THAM KHẢO

- 1. Nguyễn Văn Khang, "Động lực học hệ nhiều vật", Nhà xuất bản Khoa học và Kỹ thuật, Hà nội 2007.
- 2. GS.TSKH. Nguyễn Văn Khang, TS. Chu Anh Mỳ, "Cơ sở robot công nghiệp", Nhà xuất bản giáo dục Việt Nam, Hà Nội 2011.
- 3. Đào Văn Hiệp, "Kỹ thuật robot", Nhà xuất bản khoa học và kỹ thuật, Hà nội, 2004.
- 4. Nguyễn Hồng Thái, "Úng dụng Solidworks trong thiết kế cơ khí", Nhà xuất bản Khoa học và kỹ thuật, Hà Nội, 2006
- 5. Karl Mathia, "Robotics for Electronics Manuafacturing", Cambridge University, 2010.
- 6. Reza N. Jazar, "Theory of Applied Robotics", Springer, 2010.
- 7. Prof. Alessandro De Luca, Lecture " *Dynamic model of robots: Newton-Euler approach*", Università Di Roma.
- 8. Catalog bánh răng sóng của hãng LLC "https://www.harmonicdrivegearhead.com"
- 9. Catalog bánh răng con lăn của hãng THK " Gerenal catalog THK"
- 10. Tài liệu của hãng Rexroth "Turboscara SR4/6/8plus Mechanical manual"
- 11. *Matlab tutorial*, website: http://www.mathworks.com/help/matlab/code-to-run-the-gui.html