

1. Получение элемента, $s[i]$: сложность $O(1)$

Алгоритм выполняется за константное время, т.е. доступ к элементу по индексу в списке происходит за постоянное время. В данном случае нам неважно сколько всего элементов, т.к. элементы списка хранятся последовательно. И тут у нас получается, что доступ к каждому элементу по индексу происходит на прямую, перебирать что-то и выполнять другие операции не надо.

Например, у нас есть строка $s = teow$, получается $s[3] = w$ и операция совершится за $O(1)$

Размер списка, $len(s)$: сложность $O(1)$

Эта функция не производит итерацию по структуре данных. Операция не зависит от размера структуры данных, поэтому опять же время у нас константа.

Например, у нас есть строка $s = teow$, получается $len(s) = 4$ и операция совершится за $O(1)$

Получение среза, $s[a:b]$: сложность $O(N)$ / $O(b-a)$

У нас создаётся новый объект, в который копируются элементы из исходного объекта, и он не изменяется. Эта операция занимает время, пропорциональное количеству копируемых элементов. Т.е. если длина среза равна N , то сложность как раз будет $O(N)$. В худшем случае будет равно размеру исходного списка

Например у нас есть строка $s = teooow$, тогда вызов $s[1:4]$ вернет 'eoo', что требует копирования 3 символов, и, следовательно, будет $O(3) = O(N)$.

2. Размер множества, $len(s)$: сложность $O(1)$

Информация о размере множества (количество элементов) хранится в структуре данных множества. Т.е. итерации по структуре данных нет. Доступ к этой информации осуществляется за постоянное время.

Например, для множества $s = \{7,8,9,10\}$ вызов $len(s) = 4$ за $O(1)$.

Добавление элемента, $s.add(x)$: сложность $O(1)$ в среднем

Множества у нас реализованы с использованием хэш-таблиц. В результате просматривается есть ли переменная x в хэш-таблице, если нет, то добавляется в неё. Но в худшем случае сложность может увеличиться. Например, при коллизиях, когда два различных ключа хэшируются в один и тот же индекс массива. Это приводит к тому, что более одного элемента пытаются занять одну и ту же ячейку в хэш-таблице.

Например, для множества $s = \{7, 8, 9, 10\}$ вызов $s.add(6)$ добавит элемент 6 за $O(1)$ в среднем.

Проверка наличия значения, x in/not in s: сложность $O(1)$ в среднем

Проверка наличия элемента в множестве также выполняется за $O(1)$ в среднем благодаря хешированию. Опять же чекаем хэш-таблицу. В худшем случае, как и при добавлении, сложность может быть выше.

Например, для множества $s = \{7, 8, 9, 10\}$ вызов $7 \text{ in } s$ вернет True за $O(1)$ в среднем.

Перебор множества, $\text{for } v \text{ in } s$: Сложность $O(N)$

В этом цикле нас происходит итерирование, т.е. перебор всех элементов множества. Выполняется за $O(N)$, где N - количество элементов в множестве.

Например, для множества $s = \{7, 8, 9, 10\}$ перебор элементов с помощью $\text{for } v \text{ in } s$: займет $O(4)$.

Объединение (union), $s \cup t$: Сложность $O(\text{len}(s) + \text{len}(t))$ или $O(N+M)$

У нас происходит объединение двух множеств, поэтому необходимо создание нового множества, в которое будут добавлены элементы из этих существующих. Поэтому у нас происходит итерация по всем элементам множества s , а затем добавление их в новое множество. То же самое у нас проделывается со вторым множеством t . Получается, что множество s у нас имеет длину в N элементов, а множество t содержит длину в M элементов. В результате сложность получается $O(N + M)$, ну и типа $O(\text{len}(s) + \text{len}(t))$

Например, есть множества $s = \{1, 2, 3\}$ и $t = \{4, 5, 6, 7\}$, затем с помощью функции $s \cup t$ у нас создаётся новое множество $p = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, которое создалось за счёт того, что пробежались по всем элементам обоих множеств. $\text{len}(s) = 3$, а $\text{len}(t) = 4$, получается что $O(3 + 4)$, а значит $O(7)$.

Ой свою фотку вставила случайно

