

# Formale Systeme

Prof. Dr. Bernhard Beckert, WS 2018/2019

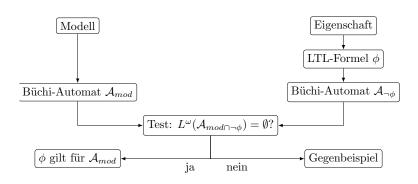
LTL und Model Checking



# Modellprüfung für LTL



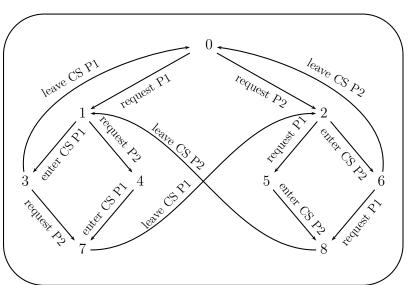
Übersicht



# **Exklusive Zugriffskontrolle**



Ereignisbasiertes Automatenmodell



### Aussagenlogische Signatur $\Sigma$



Für  $i \in \{1, 2\}$ :

*N<sub>i</sub>* Prozeß *i* befindet sich in einer nichtkritischen Region

 $T_i$  Prozeß i befindet sich in der Anmeldephase

*C<sub>i</sub>* Prozeß *i* befindet sich in einer kritischen Region

# Aussagenlogische Signatur $\Sigma$



Für  $i \in \{1, 2\}$ :

 $N_i$  Prozeß *i* befindet sich in einer nichtkritischen Region

 $T_i$  Prozeß *i* befindet sich in der Anmeldephase

*C<sub>i</sub>* Prozeß *i* befindet sich in einer kritischen Region

Automatenvokabular  $V = 2^{\Sigma}$ .

# Aussagenlogische Signatur ∑



Für  $i \in \{1, 2\}$ :

*N<sub>i</sub>* Prozeß *i* befindet sich in einer nichtkritischen Region

 $T_i$  Prozeß *i* befindet sich in der Anmeldephase

*C<sub>i</sub>* Prozeß *i* befindet sich in einer kritischen Region

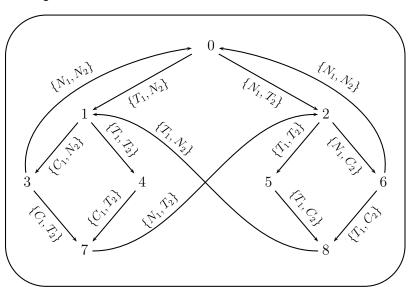
Automatenvokabular  $V = 2^{\Sigma}$ .

Ersetze die Ereignismarkierung einer Kante durch die Menge der Atome aus  $\Sigma$ , die im Zielzustand wahr werden.

# **Exklusive Zugriffskontrolle**

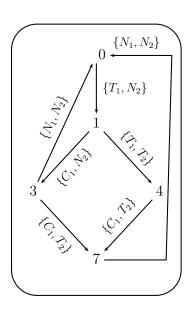


Aussagenbasiertes Automatenmodell



### Reduzierter Automat $A_{me}$







Wenn Prozeß 1 sich zur exklusiven Nutzung der Ressource anmeldet, dann wird er schließlich auch den Zugang erhalten.



Wenn Prozeß 1 sich zur exklusiven Nutzung der Ressource anmeldet, dann wird er schließlich auch den Zugang erhalten.

Als LTL-Formel:  $\Box(T_1 \rightarrow \Diamond C_1)$ 



Wenn Prozeß 1 sich zur exklusiven Nutzung der Ressource anmeldet, dann wird er schließlich auch den Zugang erhalten.

Als LTL-Formel:  $\Box (T_1 \rightarrow \Diamond C_1)$ 

Negierte Formel:  $\Diamond (T_1 \wedge \Box \neg C_1)$ 



Wenn Prozeß 1 sich zur exklusiven Nutzung der Ressource anmeldet, dann wird er schließlich auch den Zugang erhalten.

Als LTL-Formel:  $\Box(T_1 \rightarrow \Diamond C_1)$ 

Negierte Formel:  $\Diamond (T_1 \wedge \Box \neg C_1)$ 

Büchi-Automat  $\mathcal{B}_{me}$  dazu:

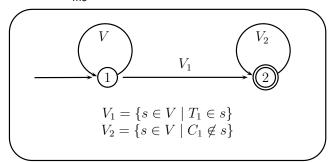


Wenn Prozeß 1 sich zur exklusiven Nutzung der Ressource anmeldet, dann wird er schließlich auch den Zugang erhalten.

Als LTL-Formel:  $\Box (T_1 \rightarrow \Diamond C_1)$ 

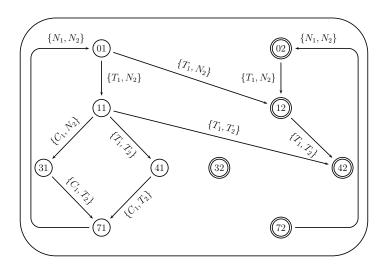
Negierte Formel:  $\Diamond (T_1 \wedge \Box \neg C_1)$ 

Büchi-Automat  $\mathcal{B}_{me}$  dazu:



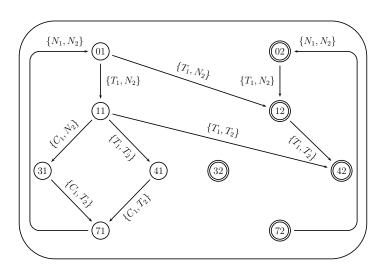
### Produktautomat $A_{me} \times B_{me}$





### Produktautomat $A_{me} \times B_{me}$





Offensichtlich gilt:  $L^{\omega}(\mathcal{A}_{me} \times \mathcal{B}_{me}) = \emptyset$