# Korea Income Distribution 2010

20173204 곽명빈 2020-05-23

# Data

자료 입력

⟨표2⟩ 급여규모별 인원과 근로소득 총액 비중(연말정산 신고기준, 2009-10년, 단위:%)

급여규모별	2009년				2010년			
	인원		근로소득 총액		인원		근로소득 총액	
전체	비중	누적비	비중	누적비	비중	누적비	비중	누적비
5백만원 이하	18.6	18.6	1.8	1.8	19.1	19.1	1.7	1.7
5백~1천만원	13.0	31.6	3.9	5.7	12.3	31.4	3.6	5.3
1천~2천만원	23.1	54.6	13.3	19.0	22.8	54.3	12.8	18.1
2천~3천만원	14.7	69.3	14.3	33.3	14.4	68.7	13.6	31.7
3천~4천만원	10.1	79.4	13.9	47.1	9.8	78.5	13.0	44.7
4천~6천만원	12.0	91.4	23.3	70.4	12.0	90.5	22.5	67.2
6천~8천만원	5.3	96.7	14.3	84.7	5.4	95.9	14.1	81.3
8천만~1억원	1.9	98.6	6.6	91.3	2.3	98.2	7.8	89.0
1~2억원 이하	1.2	99.8	5.9	97.2	1.6	99.8	7.7	96.7
2~3억원 이하	0.1	99.9	0.9	98.1	0.1	99.9	1.2	97.9
3~5억원 이하	0.0	100.0	0.7	98.8	0.1	100.0	0.8	98.7
5~10억원 이하	0.0	100.0	0.6	99.4	0.0	100.0	0.6	99.4
10억원 초과	0.0	100.0	0.6	100.0	0.0	100.0	0.6	100.0
상위10%	10.0		32.9		10.0		33.9	

자료: 국세청, 국세통계연보 2010-11년

```
##
            Earners... Income...
## 0-5
                  19.1
                             1.7
## 5-10
                  12.3
                              3.6
## 10-20
                  22.8
                             12.8
## 20-30
                  14.4
                             13.6
                   9.8
## 30-40
                             13.0
## 40-60
                  12.0
                             22.5
## 60-80
                   5.4
                            14.1
## 80-100
                   2.3
                             7.8
## 100-200
                   1.6
                             7.7
                   0.1
                              1.2
## 200-300
## 300-500
                   0.1
                              0.8
## 500-1000
                   0.0
                              0.6
## 1000-
                   0.0
                              0.6
```

```
str(income_kr)
```

```
## 'data.frame': 13 obs. of 2 variables:
## $ Earners...: num 19.1 12.3 22.8 14.4 9.8 12 5.4 2.3 1.6 0.1 ...
## $ Income...: num 1.7 3.6 12.8 13.6 13 22.5 14.1 7.8 7.7 1.2 ...
```

#### 변수명을 조정하고, 다시 확인.

```
names(income_kr) <- c("Earners(%)", "Income(%)")
income_kr</pre>
```

```
Earners(%) Income(%)
##
## 0-5
                  19.1
                              1.7
## 5-10
                  12.3
                              3.6
## 10-20
                  22.8
                             12.8
## 20-30
                  14.4
                            13.6
## 30-40
                   9.8
                            13.0
## 40-60
                  12.0
                            22.5
## 60-80
                   5.4
                            14.1
## 80-100
                   2.3
                             7.8
## 100-200
                   1.6
                             7.7
## 200-300
                   0.1
                             1.2
## 300-500
                   0.1
                              0.8
## 500-1000
                   0.0
                              0.6
## 1000-
                   0.0
                              0.6
```

barplot() 을 그리기 위하여 height 를 설정하려면 width 를 파악하여야 함. 그러기 위해서 소득 구간을 rownames 의 구간으로부터 설정. strsplit() 의 활용방법 확인,

[], [[]] 의 차이와 [] 를 함수로 표현하는 방법에 유의(results = 'hide' 를 지우고 실행).

```
r_names_split[1]
r_names_split[1][[1]]
r_names_split[[1]]
r_names_split[[1]][1]
`[`(r_names_split, 1)
`[[`(r_names_split, 1)
```

anonymous function 과 sapply() 를 이용하여 긴 character list의 앞 원소만 추출하는 방법을 살필 것.

```
## [1] "0" "5" "10" "20" "30" "40" "60" "80" "100" "200"
## [11] "300" "500" "1000"
```

```
(income_breaks <- as.numeric(r_names_split_first))</pre>
```

```
## [1] 0 5 10 20 30 40 60 80 100 200 300 500 1000
```

```
(income_breaks <- c(income_breaks, 2000))
```

```
## [1] 0 5 10 20 30 40 60 80 100 200 300 500 1000 2000
```

width 에 해당하는 각 소득구간의 폭을 계산

```
(income_widths <- diff(income_breaks))
```

```
## [1] 5 5 10 10 10 20 20 20 100 100 200 500 1000
```

각 기둥의 면적이 해당 소득구간의 퍼센티지와 같게 해주려면 각 퍼센티지를 width 로 나눠줘야 함. 다음 각 경우를 비교(results = 'hide' 를 지우고 실행).

```
options(digits = 3)
  (height_earners <- income_kr[, 1]/income_widths)
  (height_earners_2 <- income_kr[, "Earners(%)"]/income_widths)
  (height_earners_3 <- income_kr[[1]]/income_widths)
  (height_earners_4 <- income_kr[1]/income_widths)
  (height_earners_5 <- income_kr["Earners(%)"]/income_widths)</pre>
```

# Probability Historam with barplot()

아무런 argument 도 설정하지 않고 barplot() 을 그리면

```
barplot(height_earners,
    width = income_widths)
```



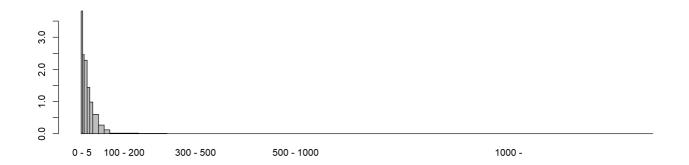
#### 각 막대의 이름을 rownames 에서 가져오면

```
(names_bar <- rownames(income_kr))</pre>
```

```
## [1] "0 - 5" "5 - 10" "10 - 20" "20 - 30" "30 - 40"
## [6] "40 - 60" "60 - 80" "80 - 100" "100 - 200" "200 - 300"
## [11] "300 - 500" "500 - 1000" "1000 - "
```

#### 막대의 이름을 넣어 다시 그리되, 막대 사이의 공간을 없애면

```
barplot(height_earners,
    width = income_widths,
    space = 0,
    names.arg = names_bar)
```



실제 인원은 거의 없는 것처럼 보이는 5억원 이상의 구간을 합쳐야 할 필요. 자료를 재구성하면,

```
Earners(%) Income(%)
## 0 - 5
                   19.1
## 5 - 10
                   12.3
                              3.6
## 10 - 20
                   22.8
                             12.8
## 20 - 30
                   14.4
                             13.6
## 30 - 40
                    9.8
                             13.0
## 40 - 60
                   12.0
                             22.5
## 60 - 80
                    5.4
                             14.1
## 80 - 100
                    2.3
                             7.8
## 100 - 200
                   1.6
                             7.7
## 200 - 300
                    0.1
                              1.2
## 300 - 500
                    0.1
                              2.0
```

```
rownames(income_kr_2)
```

```
rownames(income_kr_2)[11] <- "300 - "
income_kr_2
```

```
Earners(%) Income(%)
##
## 0 - 5
                   19.1
                              1.7
## 5 - 10
                   12.3
                              3.6
## 10 - 20
                   22.8
                             12.8
## 20 - 30
                   14.4
                             13.6
## 30 - 40
                   9.8
                             13.0
## 40 - 60
                   12.0
                             22.5
## 60 - 80
                    5.4
                             14.1
## 80 - 100
                    2.3
                              7.8
## 100 - 200
                    1.6
                              7.7
## 200 - 300
                    0.1
                              1.2
## 300 -
                    0.1
                              2.0
```

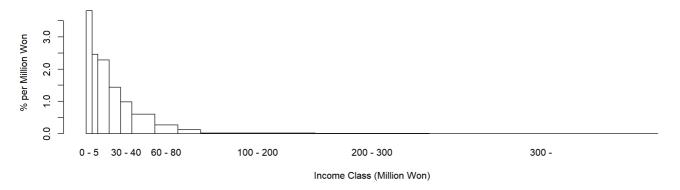
```
(income_breaks_2 <- income_breaks[1:12])
```

```
## [1] 0 5 10 20 30 40 60 80 100 200 300 500
```

```
income_widths_2 <- diff(income_breaks_2)
height_earners_2 <- income_kr_2[, 1]/income_widths_2
names_bar_2 <- rownames(income_kr_2)</pre>
```

다시 barplot() 을 작동시키되 회색 대신 흰색을 넣고, 막대 사이의 공간을 없애고 제목과 축이름을 붙이면

#### Korea Income Wage Earners' Distribution



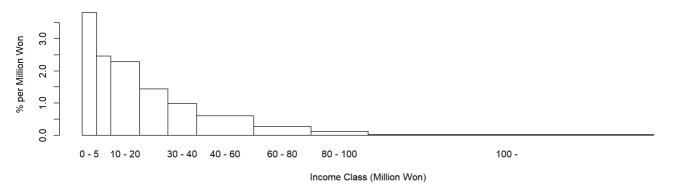
#### 1억 이상의 구간을 합치기 위하여 자료를 다시 손보면,

```
income_kr_3 <- income_kr_2[1:9, ]
income_kr_3[9, ] <- apply(income_kr_2[9:11, ], 2, sum)
rownames(income_kr_3)[9] <- "100 - "
income_breaks_3 <- income_breaks_2[-(11:12)]
income_widths_3 <- diff(income_breaks_3)
height_earners_3 <- income_kr_3[, 1]/income_widths_3
names_bar_3 <- rownames(income_kr_3)</pre>
```

#### 1억 이상의 구간을 합쳐 barplot을 그리면,

```
barplot(height_earners_3,
    width = income_widths_3,
    names.arg = names_bar_3,
    space = 0,
    col = "white")
title(main = title_1,
    xlab = xlab_1,
    ylab = ylab_1)
```

#### Korea Income Wage Earners' Distribution

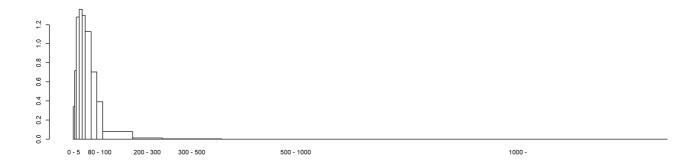


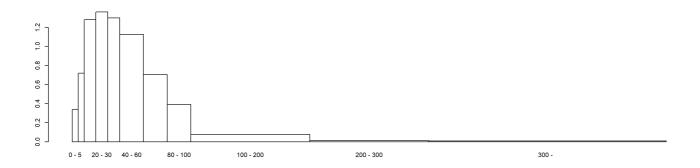
### 같은 방법으로 소득규모에 대하여 세 개의 barplot 을 그리려면, 우선 자료를 정리하고.

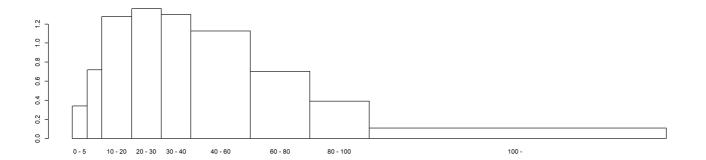
```
height_income <- income_kr[, 2]/income_widths
height_income_2 <- income_kr_2[, 2]/income_widths_2
height_income_3 <- income_kr_3[, 2]/income_widths_3
```

### 세 개의 barplot을 한 화면에 연속적으로 그리기 위하여 par(mfrow = c(3, 1)) 설정

```
par(mfrow = c(3, 1))
barplot(height_income,
        width = income_widths,
        names.arg = names_bar,
        space = 0,
        col = "white")
barplot(height_income_2,
        width = income_widths_2,
        names.arg = names_bar_2,
        space = 0,
        col = "white")
barplot(height_income_3,
        width = income_widths_3,
        names.arg = names_bar_3,
        space = 0,
        col = "white")
```







# Cumulative distribution

barplot 보다 누적도표가 분포의 윤곽을 살피는 데 더 낫다는 점을 상기하면, 누적분포를 구하는 일부터 시작하여야함. 자료로부터 이미 아는 사실이지만, cumsum()함수의 활용겸 확인차 계산해보면

누적도표를 그리려면 첫 좌표는 (0, 0) 이어야 함에 유의. 마침 income\_breaks 와 맞춰보면 income\_kr\_cum 의 첫 행을 0으로만 추가해 주면 되는 일임.

```
income_kr_cum <- rbind(rep(0, 2), income_kr_cum)</pre>
```

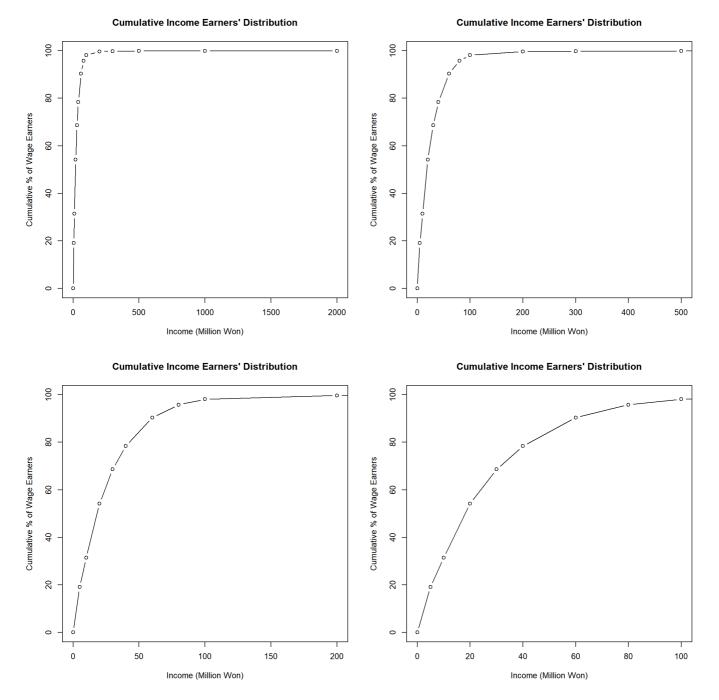
누적분포의 각 계급은 10 - 20 의 열리고 닫힌 구간이 아니라 한 쪽으로 열린 구간이어야 하고, 누적백분률임을 명시하려면

```
Cumulated Wage Earners (%) Cumulated Income (%)
##
## ~ 0
                                     0.0
                                                           0.0
## 0 ~ 5
                                    19.1
                                                            1.7
## 0 ~ 10
                                    31.4
                                                           5.3
## 0 ~ 20
                                    54.2
                                                           18.1
## 0 ~ 30
                                    68.6
                                                          31.7
## 0 ~ 40
                                    78.4
                                                          44.7
## 0 ~ 60
                                    90.4
                                                          67.2
## 0 ~ 80
                                    95.8
                                                          81.3
## 0 ~ 100
                                    98.1
                                                          89.1
## 0 ~ 200
                                    99.7
                                                          96.8
## 0 ~ 300
                                    99.8
                                                          98.0
## 0 ~ 500
                                    99.9
                                                          98.8
## 0 ~ 1000
                                    99.9
                                                          99.4
## 0 ~ 2000
                                    99.9
                                                         100.0
```

```
earners_kor_cum_df <- data.frame(x = income_breaks, y = income_kr_cum[, 1])
income_kr_cum_df <- data.frame(x = income_breaks, y = income_kr_cum[, 2])</pre>
```

xlim 을 좁혀가면서 분포 윤곽 파악.

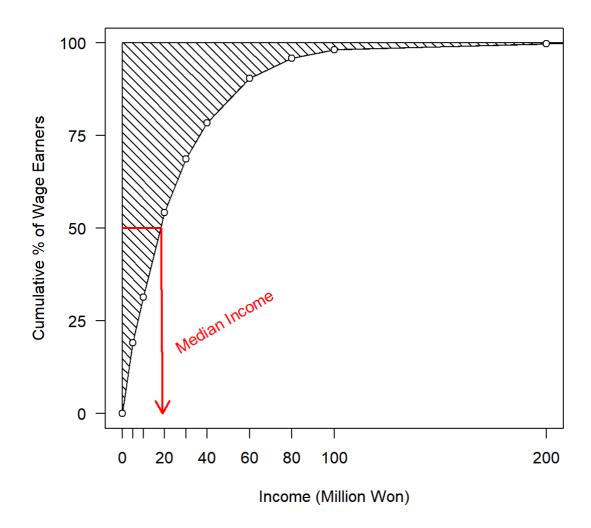
```
par(mfrow = c(2, 2))
title_2 <- "Cumulative Income Earners' Distribution"
xlab_2 <- "Income (Million Won)"</pre>
ylab_2 <- "Cumulative % of Wage Earners"</pre>
plot(earners_kor_cum_df,
     type = b,
    ann = FALSE)
title(main = title_2,
     xlab = xlab_2,
     ylab = ylab_2
plot(earners_kor_cum_df,
    type = b,
    x = c(0, 500),
     ann = FALSE
title(main = title_2,
     xlab = xlab_2,
     ylab = ylab_2
plot(earners_kor_cum_df,
     type = b,
     x = c(0, 200),
     ann = FALSE
title(main = title_2,
     xlab = xlab_2,
     ylab = ylab_2
plot(earners_kor_cum_df,
     type = "b",
    x = c(0, 100),
    ann = FALSE)
title(main = title_2,
     xlab = xlab_2,
     ylab = ylab_2
```



한가지 기억해 둘 사실은 누적분포의 윗 부분 면적이 바로 평균이라는 점. 누적분포가 히스토그램보다 나은 점중의 하나가 분위를 찾기 쉬울 뿐 아니라 평균을 비교하는 것도 용이하다는 것임. 중위소득은 바로 y축에서 50%에 해당하는 값을 수평으로 그은 후 누적도표와 만나는 점의 x좌표이다. 여기서 계산해 보면  $\frac{x-10}{50-31.4} = \frac{54.2-31.4}{20-10}$ 로부터 x=18.2가 계산된다.

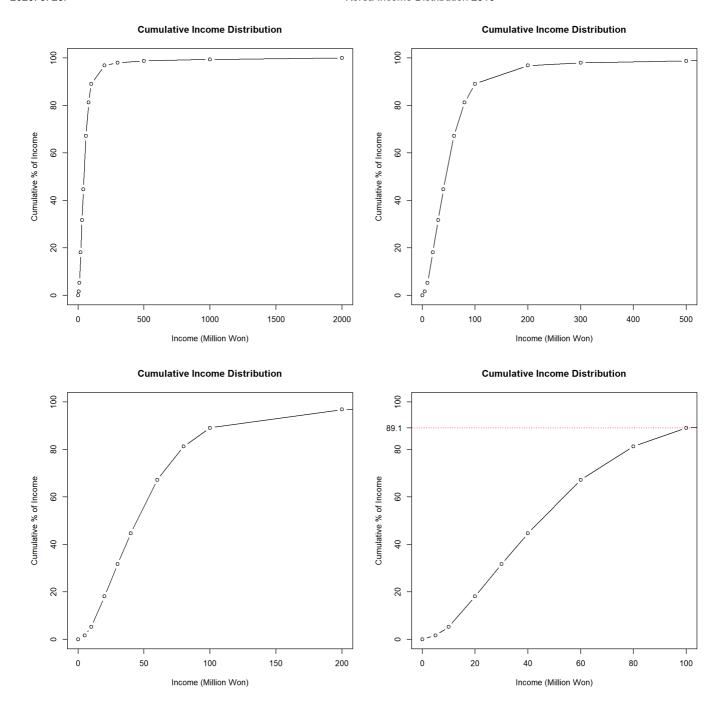
```
plot(earners_kor_cum_df,
    type = b,
    x = c(0, 200),
     ann = FALSE,
    xaxt = "n",
    yaxt = "n")
axis(side = 1,
    at = income_breaks,
     labels = income_breaks)
axis(side = 2,
    at = seq(0, 100, by = 25),
    labels = seq(0, 100, by = 25),
    las = 1)
poly_df <- rbind(earners_kor_cum_df, c(0, 100))</pre>
polygon(poly_df,
        density = 15,
        angle = 135)
points(earners_kor_cum_df,
       pch = 21, col = "black", bg = "white")
lines(x = c(0, 18.2), y = rep(50, 2),
      col = "red", lwd = 2)
arrows(x0 = 18.2, y0 = 50, x1 = 19, y1 = 0,
       length = 0.15, col = "red", lwd = 2)
text(x = 48, y = 25,
     labels = "Median Income", srt = 30, col = "red")
title(main = title_2,
     xlab = xlab_2,
     ylab = ylab_2
```

### **Cumulative Income Earners' Distribution**



소득 자체의 누적분포에 대해서도 같은 방법으로 그려보면

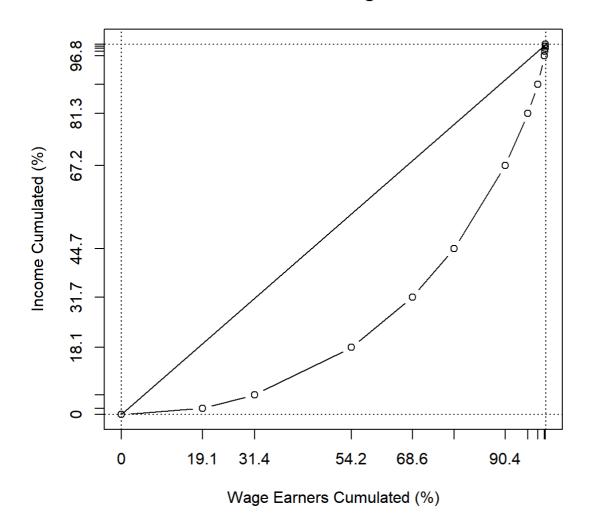
```
par(mfrow = c(2, 2))
title_3 <- "Cumulative Income Distribution"
ylab_3 <- "Cumulative % of Income"</pre>
plot(income_kr_cum_df,
     type = "b",
     ann = FALSE)
title(main = title_3,
     xlab = xlab_2,
      ylab = ylab_3
plot(income_kr_cum_df,
     type = b,
     ann = FALSE,
     x = c(0, 500)
title(main = title_3,
     xlab = xlab_2,
      ylab = ylab_3
plot(income_kr_cum_df,
     type = b,
     ann = FALSE,
     x \lim = c(0, 200)
title(main = title_3,
     xlab = xlab_2,
      ylab = ylab_3)
plot(income_kr_cum_df,
     type = "b",
     ann = FALSE,
     x | im = c(0, 100)
abline(h = 89.1,
       Ity = 3, col = "red")
axis(side = 2,
     at = 89.1,
     label = 89.1,
     las = 1)
title(main = title_3,
     xlab = xlab_2,
      ylab = ylab_3
```



# Lorenz Curve

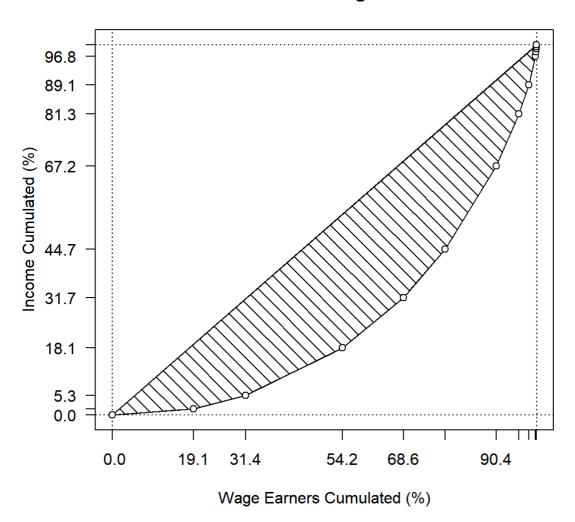
이제 두 누적분포를 한 장의 도표로 살피는 방법을 생각해보자. x 축을 사람, y 축을 소득으로 하여 두 점을 이어 주면 어떤 결과가 나오는 지 살펴 보자.

```
earners <- income_kr_cum[, 1]</pre>
income <- income_kr_cum[, 2]</pre>
earners_income_df <- data.frame(Earners = earners, Income = income)</pre>
plot(earners_income_df,
     type = b,
     ann = FALSE,
     xaxt = "n",
     yaxt = "n")
# abline(a = 0, b = 1, xlim = c(0, 100), ylim = c(0, 100))
lines(x = c(0, 100), y = c(0, 100), type = "|")
axis(side = 1,
     at = earners,
     labels = earners)
axis(side = 2,
     at = income,
     labels = income)
abline(h = c(0, 100), Ity = 3)
abline(v = c(0, 100), lty = 3)
title_4 <- "Lorenz Curve of Korea Wage Earners' Income"
xlab_4 <- "Wage Earners Cumulated (%)"</pre>
ylab_4 <- "Income Cumulated (%)"</pre>
title(main = title_4,
      xlab = xlab_4,
      ylab = ylab_4
```



초승달 부분에 빗금을 치고, 각 축의 눈금을 가능한 많이 표시하려면 polygon() 과 axis(..., las = )을 이용하게 되는 데 이 때 다각형을 구성하는데 필요한 좌표들은 이미 earners\_income\_df 에 모두 나와 있음.

```
plot(earners_income_df,
     type = b,
     ann = FALSE,
     xaxt = "n",
     yaxt = "n")
# abline(a = 0, b = 1, xlim = c(0, 100), ylim = c(0, 100))
lines(x = c(0, 100), y = c(0, 100), type = "|")
axis(side = 1,
     at = earners,
     labels = format(earners, nsmall = 1))
axis(side = 2,
     at = income[c(1:10, 14)],
     labels = format(income[c(1:10, 14)], nsmall = 1),
abline(h = c(0, 100), Ity = 3)
abline(v = c(0, 100), lty = 3)
title(main = title_4,
     xlab = xlab_4,
      ylab = ylab_4)
polygon(earners_income_df,
        density = 10,
        angle = 135)
points(earners_income_df,
       pch = 21, col = "black", bg = "white")
```



이 곡선의 이름은 무엇인가요? Lorenz Curve (https://en.wikipedia.org/wiki/Lorenz\_curve) 참조.

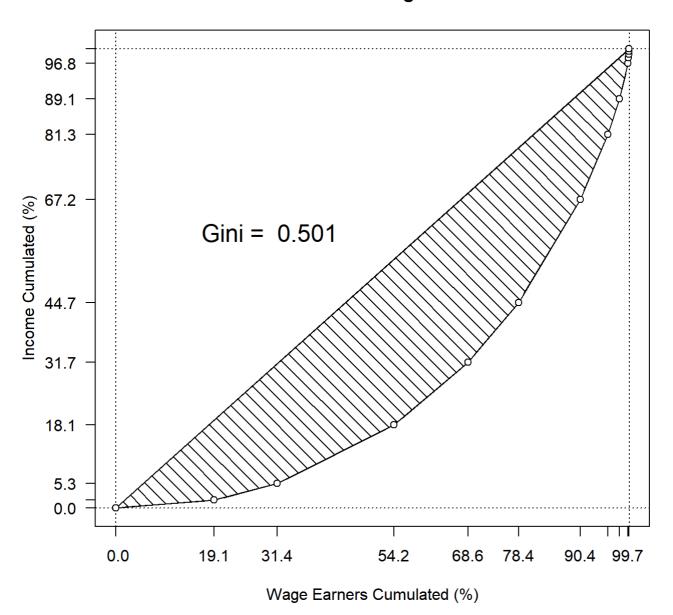
### Gini coefficient

지니계수는 완전평등선과 로렌츠 곡선 사이의 면적을 완전불평등 상황에서의 면적, 즉 1/2로 나눠 준 값이다. 이 값이 클수록 불평등이 심한 것으로 간주할 수 있다. 이 초승달 모양 면적은 삼각형 면적에서 로렌츠 곡선 아래 면적을 뺀 것과 같아지므로 이전에 작성한 arae\_R 함수를 이용할 수 있다.

```
source("area.R")
gini <- 2 * (1/2 - area_R(x = earners, y = income)/10000)</pre>
```

계산된 지니계수를 그림 안에 텍스트로 넣어주려면 paste()를 이용하여 입력토록한다.

```
plot(earners_income_df,
    type = b,
     ann = FALSE,
    xaxt = "n",
    yaxt = "n")
lines(x = c(0, 100), y = c(0, 100), type = "|")
axis(side = 1,
     at = earners,
     labels = format(earners, nsmall = 1))
axis(side = 2,
     at = income[c(1:10, 14)],
     labels = format(income[c(1:10, 14)], nsmall = 1),
     las = 1)
abline(h = c(0, 100), lty = 3)
abline(v = c(0, 100), Ity = 3)
title(main = title_4,
     xlab = xlab_4,
      ylab = ylab_4
polygon(earners_income_df,
        density = 10,
        angle = 135)
points(earners_income_df,
      pch = 21, col = "black", bg = "white")
text(x = 30, y = 60,
     labels = paste("Gini = ", round(gini, digits = 3)), cex = 1.5)
```



# ggplot

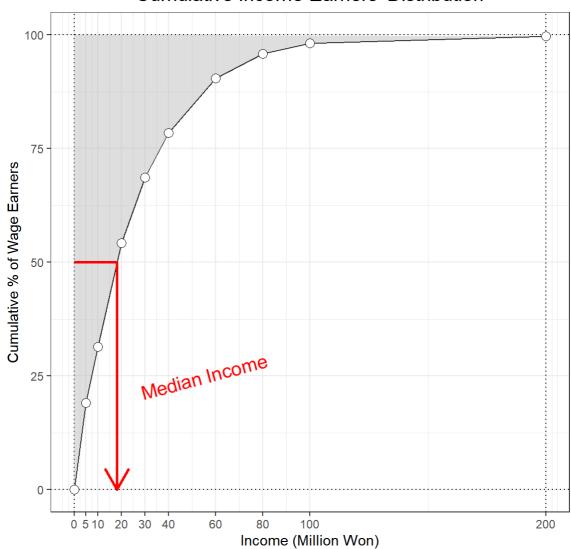
단계별로 결과물을 저장하면서 작업할 수 있도록 구성하였으니 fig.keep = 'none' 를 fig.keep = 'all' 로 바꿔서 실행시켜보면 각 단계에서 어떤 점이 추가되는 지 살필 수 있다.

### **Cumulative Distribution**

```
library(ggplot2)
(c1 \leftarrow ggplot() +
  geom_line(data = earners_kor_cum_df,
            mapping = aes(x = x, y = y), na.rm = TRUE))
(c2 < -c1 +
  scale_x_continuous(breaks = earners_kor_cum_df$x,
                      labels = earners_kor_cum_df$x,
                      limits = c(0, 200))
(c3 < - c2 +
  geom_hline(yintercept = c(0, 100), linetype = "dotted"))
(c4 < - c3 +
  geom_vline(xintercept = c(0, 200), linetype = "dotted"))
(c5 < - c4 +
  geom_polygon(data = poly_df[-(11:14), ],
               mapping = aes(x = x, y = y),
               alpha = 0.5, fill = "grey"))
(c6 < -c5 +
  geom_point(data = earners_kor_cum_df,
             mapping = aes(x = x, y = y),
             shape = 21, fill = "white", size = 3,
             na.rm = TRUE))
(c7 < -c6 +
 ggtitle(title_2) + xlab(xlab_2) + ylab(ylab_2))
(c8 < -c7 +
  scale_y\_continuous(breaks = seq(0, 100, by = 25), labels = seq(0, 100, by = 25)))
(c9 < -c8 +
    annotate ("segment", x = 0, xend = 18.2, y = 50, yend = 50, colour = "red", size = 1))
(c10 < -c9 +
    geom\_segment(data = data.frame(x1 = 18.2, x2 = 18.2, y1 = 50, y2 = 0),
                 aes(x = x1, y = y1, xend = x2, yend = y2),
                 arrow = arrow(),
                 colour = "red".
                 size = 1))
(c11 \leftarrow c10 +
  annotate("text", x = 55, y = 25,
           label = "Median Income", size = 5, color = "red", srt = 15))
(c12 \leftarrow c11 +
  theme_bw() +
    theme(plot.title = element_text(hjust = 0.5, size = 15)))
```

c12

# Cumulative Income Earners' Distribution

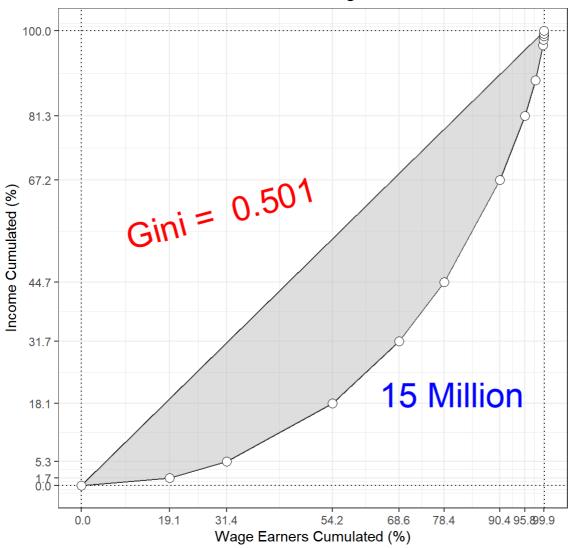


ggsave("../pics/cumulative\_plot\_wage\_kr.png", width = 9, height = 9)

### Lorenz Curve

```
(g1 \leftarrow ggplot() +
  geom_line(data = earners_income_df,
            mapping = aes(x = earners, y = income)))
(g2 \leftarrow g1 +
  geom_line(data = data.frame(x = c(0, 100), y = c(0, 100)),
            mapping = aes(x = x, y = y))
(a3 < -a2 +
 geom_hline(yintercept = c(0, 100), linetype = "dotted"))
(g4 < -g3 +
  geom_vline(xintercept = c(0, 100), linetype = "dotted"))
(g5 < - g4 +
  geom_polygon(data = earners_income_df,
               mapping = aes(x = earners, y = income),
               alpha = 0.5, fill = "grey"))
(g6 < -g5 +
 geom_point(data = earners_income_df,
             mapping = aes(x = earners, y = income),
             shape = 21, fill = "white", size = 3)
(a7 < -a6 +
  labs(title = title_4, x = xlab_4, y = ylab_4))
(g8 \leftarrow g7 +
  scale_x_continuous(breaks = earners[c(1:8, 14)],
                      labels = format(earners[c(1:8, 14)], nsmall = 1)))
(g9 \leftarrow g8 +
  scale_y\_continuous(breaks = income[c(1:8, 14)],
                      labels = format(income[c(1:8, 14)], nsmall = 1)))
\# scale_y_continuous(breaks = seg(0, 100, by = 25)))
(g10 \leftarrow g9 +
  annotate("text", x = 30, y = 60,
           label = paste("Gini = ", format(gini, digits = 3, nsmall = 2)),
           size = 9, color = "red", srt = 15))
(g11 \leftarrow g10 +
  annotate("text", x = 80, y = 20,
           label = "15 Million",
           size = 9, color = "blue"))
(g12 \leftarrow g11 +
  theme_bw() +
    theme(plot.title = element_text(hjust = 0.5, size = 15)))
```

g12



ggsave("../pics/lorenz\_curve\_wage\_kr.png", width = 9, height = 9)

# Comments

우리나라 소득상위 9.6%가 32.8%를 차지하는데 우리나라 평균소득은 2643만원이나, 3000만원이하가 차지하는 비율은 31.7%로 반도 되지 않습니다. 또한 상위 10%가 33.9%를 차지하기 때문에 차이를 놓고보면 노동소득은 상당히 불평등하다고 추론할수있습니다. 또한 지니계수가 0.5인데 0.4보다 크면, 격차 가 심한것이라 하기때문에 우리나라 노동소득은 상당한 불평등 하다고 볼수있습니다. 로렌츠 곡선을 통하여 근로소득 규모별 인원과 비중을 한눈에 알아 볼수 있고, 가운데 1/2 지점과 비교하여 얼마나 차이가 있는지를 알수 있기 때문에 불평등한 정도를 굉장히 잘 표현했다고 할 수 있습니다. 표로 보는 것보다, 시각적 자료로 나타내는게 알아보기 쉽기 때문에 잘 표현했다고 볼 수 있습니다.