

به نام خدا



نظریه زبانها و ماشینها- بهار 1403

تمرین شماره 1

دستیار آموزشی این مجموعه: فاطمه محمدی

f24moh@gmail.com

تاریخ تحویل: 20 اسفند ماه

1. زبانهای توصیف شده زیر را به صورت ریاضی نشان دهید. (10 نمره)

* توجه شود انتظار می رود زبان ها را به فرم مشابهی مانند $\{(ab)^i|i\geq 1\}$ توصیف کنید.

الف) زبان L شامل رشته هایی است که در آن باقی مانده تقسیم تعداد L بر L بر تقسیم تعداد L است. ($\Sigma = \{a,b\}$)

ba فرد b و تعداد زوج b میباشند، همچنین این رشته ها شامل که دار ای تعدادی فرد a و تعداد زوج b میباشند. ($\sum = \{a,b\}$)

2. برای زبانهای زیر DFA رسم کنید. (20 نمره)

الف) زبان L را به صورت زیر در نظر بگیرید.

(حداكثر 6 استيت)

$$L_{1} = \{ (ab)^{i} | i \geq 1 \}$$

$$L_{2} = \{(b)^{2j} | j \ge 1\}$$

$$L = \{ w_0 \ w_1 | \ w_0 \in L_1, \ w_1 \in L_2 \}$$

* توجه شود تنها برای طرح DFA زبان L نمره داده می شود و نه زبان های L_2 و نیازی به رسم DFA برای این دو زبان نمی باشد.

ب) زبان eta شامل رشته هایی است که یا شامل کمتر از دو حرف eta میباشند و یا اگر بیشتر از دو حرف a داشته باشند بین هر جفت از آنها تعداد زوج حرف (شامل صفر حرف) قرار دارد. ($\Sigma = \{a,b,c,...,z\}$) حداکثر a استیت)

3. برای زبانهای زیر NFA رسم کنید. (25 نمره)

الف) زبان L شامل رشته هایی است که حرف آخر آن ها حداقل دوبار در رشته ظاهر شده است و میان حرف آخر و اولین حرف مشابه آن تنها حروف با ارزش کمتر میتواند قرار بگیرد .مثلا رشته های aa, abcaac, baab توسط این زبان پذیرفته می شوند.

فرض كنيد ارزش حرف a برابر 1 و ارزش حرف b برابر با 2 و ارزش حرف c برابر با 3 ميباشد. (

 $(\Sigma = \{a, b, c\})$

(حداكثر 5 استيت)

ب) زبان L را به صورت زیر در نظر بگیرید.

(حداكثر 4 استيت)

$$L = \{ w \in \{a, b\}^* | w \in L_1 \cup L_2 \}$$

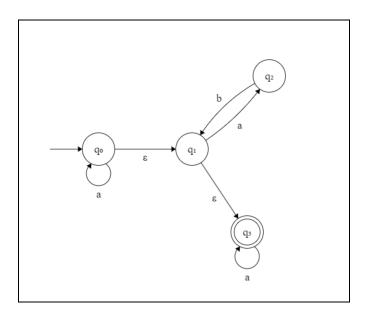
ربان L_1 شامل رشته هایی است بر روی الفبای $\sum = \{a,b,c,...,z\}$ که زیر رشته هایی است بر روی الفبای الفبای $\sum = \{a,b,c,...,z\}$

است. همچنین زبان L_2 شامل رشته هایی است بر روی الفبای $\sum = \{a,b,c,...,z\}$ که زیر رشته bb حداقل یکبار در آن امده است.

* توجه شود تنها برای طرح DFA زبان L نمره داده می شود و نه زبان های L_2 و نیازی به رسم DFA برای این دو زبان نمی باشد.

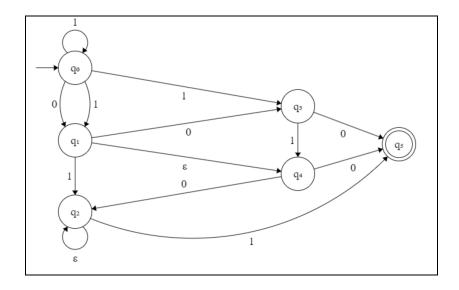
4. NFA های زیر را به DFA تبدیل کنید. (25 نمره) الف)

 $\Sigma = \{a, b\}$



ب)

 $\Sigma = \{0, 1\}$



5. با توجه به 5تایی داده شده به سوالات زیر پاسخ بدهید. (10 نمره)

$$M_{L} = \{Q, \sum, q_{0}, F, \delta\}$$

$$Q = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$\sum = \{0, 1\}$$

$$F = \{q_0\}$$

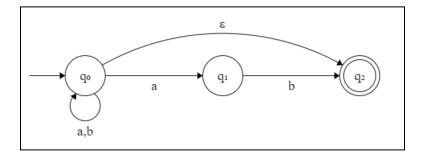
δ:

Present State	Next State for Input 0	Next State for Input 1
$q_{_{0}}$	$q_{_{0}}$	$q_{_{1}}$
$q_{_1}$	$q_{_{2}}$	$q_{_{\scriptsize 0}}$
$q_{2}^{}$	$q_{_1}$	$q_{_{2}}$

الف) DFA مربوط به 5 تایی داده شده را رسم کنید.

ب) زبان توصیف شده توسط DFA داده شده را مشخص کنید. (نیازی به توصیف ریاضی نیست)

6. با توجه به NFA داده شده به پرسش های زیر پاسخ دهید. (10 نمره)



الف) برای DFA داده شده 5 تایی زبان را مشخص کنید.

ب) زبان توصیف شده توسط NFA داده شده را مشخص کنید.

- 7. (امتیازی) برای ورودی پارکینگ یک مرکز تجاری نیاز داریم سیستمی بنویسیم که سکه هایی به ارزش 1 واحد و 0.25 واحد می پذیرد و پس از دریافت حداقل 1.25 واحد به راننده اجازه ورود می دهد و راننده می تواند پس از آن محل پارک ماشین خود را از محل های موجود انتخاب کند. (10 نمره)
 - فرض 1: افراد مى توانند بيشتر يك ماشين داشته باشند.
 - فرض 2: سیستم حافظه ندارد و اگر راننده ای بیشتر از 1.25 واحد برای پارک یک ماشین بپردازد و بخواهد ماشین دیگری نیز در پارکینگ پارک کند باید مجدد 1.25 واحد بپردازد.
- فرض 3: افراد می توانند قبل از ورود پس از پرداخت 1.25 مجددا برای حمایت از تیم تولید کننده سیستم، مجددا مبلغی را به سیستم بدهد.
 - فرض 4: استیت پذیرنده استیتی است که راننده اجازه و رود دارد و نه استیتی که راننده و ارد شده است.

برای سیستم توصیف شده یک DFA رسم کنید. ($\{5.0, 1\}=\{1, 0.25\}$