

Lineaire data structuren

Tabellen, vectors en gelinkte lijsten

beOI Training



OLYMPIADE BELGE D'INFORMATIQUE
BELGISCHE INFORMATICA-OLYMPIADE

8 mars 2016

Inhoudstafel

Tabellen en varianten

Gelinkte lijsten

De rij en de stapel

De goede data structuur kiezen

Tabel

```
#define MAXN 10000
int tab[MAXN];

int main()
{
    tab[1234] = 100;
    tab[1234]; // 100
    tab[5678]; // 0
}
```

- ▶ Grootte van de tabel vooraf bepaald bij de compilatie
- ▶ Toegang tot een willekeurig element : $O(1)$
- ▶ Elementen worden op 0 geïnitieerd

Bitset

```
bitset<MAXN> tab; // bool tab[MAXN];  
tab[1234] = true;  
  
bitset<4> b1(string("1100")),  
          b2(string("0101"));  
b1 | b2; // 1101  
b1 & b2; // 0100  
b1 >> 1; // 0110
```

- ▶ Zoals een tabel van booleans
- ▶ 8 keer compacter
- ▶ Bit operaties tot 64 keer sneller
- ▶ Zie internet voor een volledige lijst van operaties

Dynamische tabel : werking

Als er onvoldoende plaats is, wordt de lengte verdubbeld

1	
---	--

Capaciteit = 2

1	2
---	---

1	2	3	
---	---	---	--

Capaciteit = 4

1	2	3	4
---	---	---	---

1	2	3	4	5			
---	---	---	---	---	--	--	--

Capaciteit = 8

Dynamische tabel : in de praktijk

```
vector<int> vec(8, -1); // initialize to -1
vec[5] += vec[2];      // -2
vec.push_back(5);
vec.push_back(19);
vec.pop_back();
vec.back();            // 5
```

- ▶ Omvang kan toenemen en afnemen
- ▶ Toegang tot een willekeurig element : $O(1)$
- ▶ Toevoegen/verwijderen van een element **op het einde** : $O(1)$
- ▶ Ergens anders toevoegen/verwijderen : $O(n)$

Inhoudstafel

Tabellen en varianten

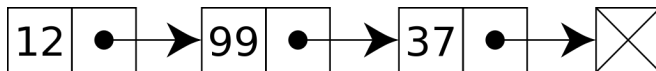
Gelinkte lijsten

De rij en de stapel

De goede data structuur kiezen

Gelinkte lijst : concept

Knopen worden gelinkt met wijzers (pointers)

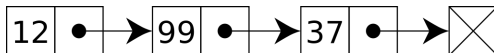


- Elke knoop weet waar de volgende is

```
struct Node
{
    int value;
    Node *next; // link (pointer)
};
```


Gelinkte lijst : doorlopen

Beginnen bij de eerste knoop en de wijzers volgen

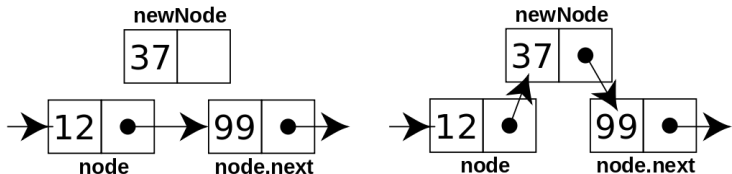


In de laatste knoop heeft de wijzer de waarde NULL :

```
Node *cur = start;    // always keep the first node!  
while (cur != NULL)  
{  
    cur->value;        // access value  
    cur = cur->next;   // switch pointer to next  
}
```

Gelinkte lijst : toevoegen

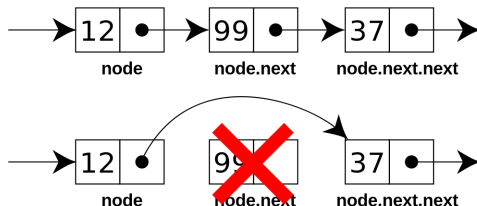
Je moet maar twee wijzers veranderen



```
void insertAfter(Node *node, Node *new_node)
{
    new_node->next = node->next;
    node->next = new_node;
}
```

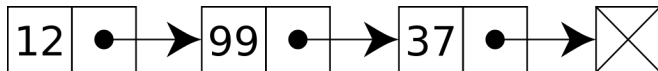
Gelinkte lijst : verwijderen

Verander de wijzer en geef geheugen vrij van de verwijderde knoop



```
void removeAfter(Node *node)
{
    Node *toRemove = node->next;
    node->next = node->next->next; // bypass
    free(toRemove);
}
```

Gelinkte lijst : beperkingen



Met een enkel gelinkte lijst :

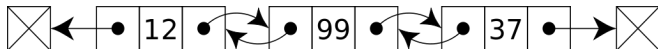
- ▶ Toevoegen/verwijderen in het begin van de lijst : $O(1)$
- ▶ Toevoegen/verwijderen op een **gegeven** positie : $O(1)$

Als we ook het einde onthouden :

- ▶ Toevoegen op het einde : $O(1)$
- ▶ Verwijderen op het einde : $O(n)$

Dubbel gelinkte lijsten

Wijzers in de twee richtingen !



- ▶ Doorlopen in de twee richtingen
- ▶ Verwijderen op het einde van de lijst in $O(1)$
- ▶ iets meer geheugengebruik

```
struct Node
{
    int value;
    Node *prev, *next; // two pointers
};
```

Gelinkte lijst : in de praktijk

```
list<int> l;  
list<int>::iterator it;  
  
l.push_back(3);    // 3  
it = l.begin();   // ^ points to 3  
l.push_back(4);    // 3 4  
l.push_front(1);   // 1 3 4  
l.insert(it, 2);   // 1 2 3 4 (inserts before 3)  
l.pop_front();     // 2 3 4  
l.pop_back();      // 2 3
```

- ▶ De data structuur `list<>` is een dubbel gelinkte lijst
- ▶ Posities onthouden met iterators
- ▶ Allemaal in $O(1)$

Inhoudstafel

Tabellen en varianten

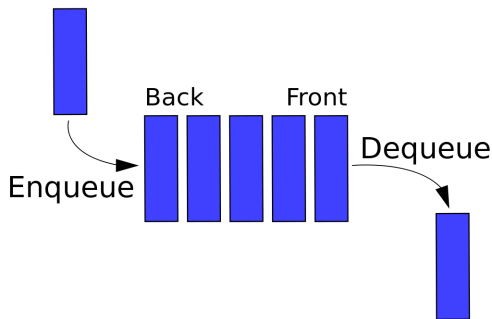
Gelinkte lijsten

De rij en de stapel

De goede data structuur kiezen

Rij : concept

- ▶ Zoals een rij in een winkel
- ▶ We voegen aan het einde dingen toe en halen bij het begin dingen weg
- ▶ First In First Out



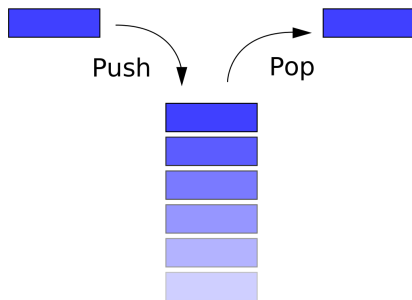
Rij : in de praktijk

- ▶ Toevoegen aan het einde, weghalen bij het begin \Rightarrow gelinkte lijst
- ▶ Allemaal in $O(1)$
- ▶ We gebruiken hiervoor `queue<>`

```
queue<int> q;  
q.push(1);  
q.push(2);  
q.front(); // 1  
q.pop();  
q.front(); // 2
```

Stapel : concept

- ▶ Zoals een stapel pannenkoeken
- ▶ We voegen bovenaan toe en halen bovenaan weg
- ▶ Laatst gebakken wordt eerst opgegeten (Last In First Out)



Stapel : in de praktijk

- ▶ Toevoegen en verwijderen op het einde \Rightarrow gelinkte lijst *of* *vector*
- ▶ Allemaal in $O(1)$
- ▶ We gebruiken hiervoor `stack<>`

```
stack<int> q;  
q.push(1);  
q.push(2);  
q.top(); // 2  
q.pop();  
q.top(); // 1
```

Inhoudstafel

Tabellen en varianten

Gelinkte lijsten

De rij en de stapel

De goede data structuur kiezen

Keuze : speciale data structuren

Data structuren voor specifieke noden :

- ▶ Aan de ene kant toevoegen en aan de andere kant weghalen \Rightarrow **rij**
- ▶ Toevoegen en weghalen aan dezelfde kant \Rightarrow **stapel**
- ▶ Booleans, speciale operaties (en, of, shift...) \Rightarrow **bitset**

In het andere geval, zie volgende slide !

Keuze : tabellen, vectors en gelinkte lijsten

“Toevoegen” = toevoegen of verwijderen

Data structuur	Indexatie	Toevoegen einde	Toevoegen midden
Tabel	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$
Vector	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$
Gelinkte lijst	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$

- ▶ Toevoegen in het midden nodig (zeldzaam) \Rightarrow **gelinkte lijst**
- ▶ Maximale grootte onbekend \Rightarrow **vector**
- ▶ Alle andere gevallen \Rightarrow **tabel** (sneller)

Bronnen van de figuren

- ▶ <https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Singly-linked-list.svg>
- ▶ <https://commons.wikimedia.org/wiki/File:CPT-LinkedLists-addingnode.svg>
- ▶ <https://en.wikipedia.org/wiki/File:CPT-LinkedLists-deletingnode.svg>
- ▶ <https://en.wikipedia.org/wiki/File:Doubly-linked-list.svg>
- ▶ https://en.wikipedia.org/wiki/File:Data_Queue.svg
- ▶ https://en.wikipedia.org/wiki/File:Data_stack.svg