Capítulo 1

Algoritmos de ordenamiento

1.1. Ordenamiento por comparación

1.1.1. Burbuja (Bubble Sort)

El algoritmo de ordenamiento por burbuja (Bubble Sort) es uno de los algoritmos de ordenamiento más simples. Consiste en recorrer repetidamente la lista a ordenar, comparando elementos adyacentes e intercambiándolos si están en el orden incorrecto. Este proceso se repite hasta que no se requieran más intercambios.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: O(n) (cuando la lista ya está ordenada).
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando la lista está ordenada en orden inverso).
- Caso promedio: $O(n^2)$.

```
BubbleSort(A)
  n ← longitud(A)
  repetir
   intercambiado ← falso
  para i ← 0 hasta n-2 hacer
   si A[i] > A[i+1] entonces
   intercambiar A[i] y A[i+1]
  intercambiado ← verdadero
```

```
fin si
  fin para
  hasta que intercambiado = falso
fin
```

```
1 #include <stdio.h>
3 void bubbleSort(int arr[], int n) {
      int temp;
      for (int i = 0; i < n-1; i++) {</pre>
           int swapped = 0;
6
           for (int j = 0; j < n-i-1; j++) {
               if (arr[j] > arr[j+1]) {
8
                    // Intercambiar
9
                    temp = arr[j];
10
                    arr[j] = arr[j+1];
                    arr[j+1] = temp;
12
                    swapped = 1;
13
               }
14
           }
15
           if (!swapped) break;
16
17
18 }
19
  void printArray(int arr[], int n) {
20
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
21
           printf("%du", arr[i]);
22
23
      printf("\n");
24
25 }
26
27 int main() {
      int arr[] = {64, 34, 25, 12, 22, 11, 90};
28
      int n = sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
29
      bubbleSort(arr, n);
      printf("Array_ordenado:__\n");
31
      printArray(arr, n);
32
      return 0;
33
34 }
```

```
def bubble_sort(arr):
      n = len(arr)
      for i in range(n-1):
3
          swapped = False
          for j in range(n-i-1):
               if arr[j] > arr[j+1]:
                   # Intercambiar
                   arr[j], arr[j+1] = arr[j+1], arr[j]
                   swapped = True
          if not swapped:
10
               break
11
13 # Ejemplo de uso
_{14} | arr = [64, 34, 25, 12, 22, 11, 90]
15 bubble_sort(arr)
16 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.2. Inserción (Insertion Sort)

El algoritmo de ordenamiento por inserción (Insertion Sort) ordena una lista construyendo gradualmente una porción ordenada. En cada iteración, un elemento se extrae de la parte desordenada y se inserta en la posición correcta dentro de la parte ordenada.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: O(n) (cuando la lista ya está ordenada).
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando la lista está ordenada en orden inverso).
- Caso promedio: $O(n^2)$.

```
InsertionSort(A)
  n ← longitud(A)
  para i ← 1 hasta n-1 hacer
    clave ← A[i]
    j ← i - 1
    mientras j >= 0 y A[j] > clave hacer
    A[j+1] ← A[j]
```

```
j \leftarrow j - 1
fin mientras
A[j+1] \leftarrow clave
fin para
fin
```

```
1 #include <stdio.h>
  void insertionSort(int arr[], int n) {
      for (int i = 1; i < n; i++) {</pre>
           int key = arr[i];
5
           int j = i - 1;
6
           // Mover elementos mayores que la clave hacia la
7
              derecha
           while (j >= 0 && arr[j] > key) {
8
               arr[j + 1] = arr[j];
9
               j--;
10
11
           arr[j + 1] = key;
12
13
14 }
15
void printArray(int arr[], int n) {
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
17
           printf("%du", arr[i]);
18
19
      printf("\n");
20
21 }
22
23 int main() {
      int arr[] = {12, 11, 13, 5, 6};
24
      int n = sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
^{25}
      insertionSort(arr, n);
26
      printf("Array_ordenado:_\n");
27
      printArray(arr, n);
28
      return 0;
29
30 }
```

```
def insertion_sort(arr):
      for i in range(1, len(arr)):
2
          key = arr[i]
          j = i - 1
4
          # Mover elementos mayores que la clave hacia la
          while j >= 0 and arr[j] > key:
              arr[j + 1] = arr[j]
              j -= 1
          arr[j + 1] = key
10
 # Ejemplo de uso
_{12} arr = [12, 11, 13, 5, 6]
insertion_sort(arr)
14 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.3. Selección (Selection Sort)

El algoritmo de ordenamiento por selección (Selection Sort) divide la lista en dos partes: una parte ordenada y otra desordenada. En cada iteración, encuentra el elemento más pequeño (o más grande, según el orden deseado) de la parte desordenada y lo intercambia con el primer elemento de esta parte.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n^2)$.
- Peor caso: $O(n^2)$.
- Caso promedio: $O(n^2)$.

```
SelectionSort(A)
  n ← longitud(A)
  para i ← 0 hasta n-2 hacer
    min_idx ← i
    para j ← i+1 hasta n-1 hacer
       si A[j] < A[min_idx] entonces
       min_idx ← j
    fin si</pre>
```

```
fin para
  intercambiar A[i] y A[min_idx]
  fin para
fin
```

```
#include <stdio.h>
3 void selectionSort(int arr[], int n) {
      for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
4
           int min_idx = i;
5
           for (int j = i + 1; j < n; j++) {
               if (arr[j] < arr[min_idx]) {</pre>
                    min_idx = j;
8
               }
9
           }
10
           // Intercambiar el minimo con el primer elemento
11
               desordenado
           int temp = arr[min_idx];
12
           arr[min_idx] = arr[i];
13
           arr[i] = temp;
14
15
16 }
17
  void printArray(int arr[], int n) {
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
19
           printf("%du", arr[i]);
20
21
      printf("\n");
22
23 }
24
25 int main() {
      int arr[] = {64, 25, 12, 22, 11};
26
      int n = sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
27
      selectionSort(arr, n);
28
      printf("Array ordenado: \n");
29
      printArray(arr, n);
30
      return 0;
31
32 }
```

```
def selection_sort(arr):
      n = len(arr)
2
      for i in range(n):
          min_idx = i
4
          for j in range(i + 1, n):
               if arr[j] < arr[min_idx]:</pre>
                   min_idx = j
          # Intercambiar el minimo con el primer elemento
              desordenado
          arr[i], arr[min_idx] = arr[min_idx], arr[i]
9
10
 # Ejemplo de uso
_{12} arr = [64, 25, 12, 22, 11]
13 selection_sort(arr)
 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.4. Shell Sort

El algoritmo Shell Sort es una mejora del algoritmo de inserción. Se basa en comparar y mover elementos que están separados por un cierto gap (o intervalo). A medida que el algoritmo avanza, el gap se reduce gradualmente hasta que se convierte en 1, momento en el cual el algoritmo actúa como un ordenamiento por inserción.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n \log n)$ (dependiendo de la secuencia de incrementos).
- Peor caso: $O(n^2)$ (con una mala elección del gap).
- Caso promedio: Depende de la secuencia de incrementos, pero generalmente mejor que $O(n^2)$.

```
ShellSort(A)
  n ← longitud(A)
  gap ← n // 2
  mientras gap > 0 hacer
    para i ← gap hasta n-1 hacer
    temp ← A[i]
    j ← i
```

```
mientras j >= gap y A[j-gap] > temp hacer
    A[j] ← A[j-gap]
    j ← j - gap
    fin mientras
    A[j] ← temp
    fin para
    gap ← gap // 2
    fin mientras
fin
```

```
#include <stdio.h>
  void shellSort(int arr[], int n) {
      for (int gap = n / 2; gap > 0; gap /= 2) {
           for (int i = gap; i < n; i++) {</pre>
               int temp = arr[i];
6
               int j;
               for (j = i; j >= gap && arr[j - gap] > temp;
8
                   j -= gap) {
                    arr[j] = arr[j - gap];
9
10
               arr[j] = temp;
11
           }
12
      }
13
  }
14
15
  void printArray(int arr[], int n) {
16
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
^{17}
           printf("%du", arr[i]);
18
19
      printf("\n");
20
21 }
22
23 int main() {
      int arr[] = {12, 34, 54, 2, 3};
24
      int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
25
      shellSort(arr, n);
26
      printf("Array ordenado: \n");
27
28
      printArray(arr, n);
      return 0;
29
30 }
```

```
def shell_sort(arr):
      n = len(arr)
      gap = n // 2
3
      while gap > 0:
          for i in range(gap, n):
              temp = arr[i]
              j = i
              while j >= gap and arr[j - gap] > temp:
                   arr[j] = arr[j - gap]
10
                   j -= gap
               arr[j] = temp
11
          gap //= 2
12
13
 # Ejemplo de uso
arr = [12, 34, 54, 2, 3]
16 shell_sort(arr)
  print("Array_ordenado:", arr)
```

1.1.5. Merge Sort

El algoritmo Merge Sort es un algoritmo de ordenamiento basado en el paradigma divide y vencerás. Divide repetidamente la lista en mitades más pequeñas hasta que cada sublista tiene un solo elemento y luego combina estas sublistas de forma ordenada para formar la lista completa.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n \log n)$.
- Peor caso: $O(n \log n)$.
- Caso promedio: $O(n \log n)$.

```
MergeSort(A, inicio, fin)
si inicio < fin entonces
medio ← (inicio + fin) // 2
MergeSort(A, inicio, medio)
MergeSort(A, medio+1, fin)
Mezclar(A, inicio, medio, fin)</pre>
```

```
fin si
Mezclar(A, inicio, medio, fin)
  n1 \leftarrow medio - inicio + 1
  n2 ← fin - medio
  L ← subarray(A, inicio, medio)
  R ← subarray(A, medio+1, fin)
  i \leftarrow 0, j \leftarrow 0, k \leftarrow inicio
  mientras i < n1 y j < n2 hacer
     si L[i] <= R[j] entonces
       A[k] \leftarrow L[i]
       i \leftarrow i + 1
     si no
       A[k] \leftarrow R[j]
       j \leftarrow j + 1
     fin si
     k \leftarrow k + 1
  fin mientras
  copiar elementos restantes de L y R en A
fin
```

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
 void merge(int arr[], int left, int mid, int right) {
      int n1 = mid - left + 1;
5
      int n2 = right - mid;
      int L[n1], R[n2];
8
      for (int i = 0; i < n1; i++)</pre>
9
          L[i] = arr[left + i];
10
      for (int j = 0; j < n2; j++)
11
          R[j] = arr[mid + 1 + j];
12
13
      int i = 0, j = 0, k = left;
14
      while (i < n1 && j < n2) {
15
           if (L[i] <= R[j]) {</pre>
16
               arr[k] = L[i];
17
               i++;
18
           } else {
```

```
arr[k] = R[j];
20
21
                j++;
           }
^{22}
23
           k++;
       }
24
25
       while (i < n1) {</pre>
26
           arr[k] = L[i];
27
           i++;
28
           k++;
29
       }
30
31
       while (j < n2) {
32
           arr[k] = R[j];
33
           j++;
34
           k++;
35
       }
36
37
38
  void mergeSort(int arr[], int left, int right) {
39
       if (left < right) {</pre>
40
           int mid = left + (right - left) / 2;
41
           mergeSort(arr, left, mid);
42
           mergeSort(arr, mid + 1, right);
43
           merge(arr, left, mid, right);
44
       }
45
  }
46
47
  void printArray(int arr[], int size) {
48
       for (int i = 0; i < size; i++)</pre>
           printf("%du", arr[i]);
50
       printf("\n");
51
52
53
  int main() {
54
       int arr[] = {12, 11, 13, 5, 6, 7};
55
       int arr_size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
56
57
       printf("Array_original:_\n");
58
       printArray(arr, arr_size);
59
60
       mergeSort(arr, 0, arr_size - 1);
61
62
       printf("Array_ordenado:_\n");
63
       printArray(arr, arr_size);
```

```
65 return 0;
66 }
```

```
def merge_sort(arr):
      if len(arr) > 1:
2
           mid = len(arr) // 2
3
           L = arr[:mid]
           R = arr[mid:]
5
6
           merge_sort(L)
7
           merge_sort(R)
9
           i = j = k = 0
10
11
           while i < len(L) and j < len(R):
12
               if L[i] <= R[j]:</pre>
13
                    arr[k] = L[i]
14
                    i += 1
15
16
                else:
                    arr[k] = R[j]
17
                    j += 1
18
               k += 1
19
20
           while i < len(L):
21
               arr[k] = L[i]
22
               i += 1
23
               k += 1
24
25
           while j < len(R):
26
                arr[k] = R[j]
^{27}
                j += 1
28
               k += 1
29
30
31 # Ejemplo de uso
_{32} arr = [12, 11, 13, 5, 6, 7]
print("Array original:", arr)
34 merge_sort(arr)
print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.6. Quick Sort

Quick Sort es un algoritmo de ordenamiento basado en el paradigma divide y vencerás. Selecciona un elemento como *pivote* y particiona el array en dos subarrays: uno con elementos menores al pivote y otro con elementos mayores. Luego, aplica Quick Sort recursivamente a ambos subarrays.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n \log n)$ (cuando el pivote divide el array en partes iguales).
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando el pivote es el elemento más grande o más pequeño).
- Caso promedio: $O(n \log n)$.

Pseudocódigo

```
QuickSort(A, inicio, fin)
  si inicio < fin entonces
    pivote ← Particionar(A, inicio, fin)
    QuickSort(A, inicio, pivote-1)
    QuickSort(A, pivote+1, fin)
  fin si
Particionar(A, inicio, fin)
  pivote ← A[fin]
  i \leftarrow inicio - 1
  para j ← inicio hasta fin-1 hacer
    si A[j] <= pivote entonces
      i \leftarrow i + 1
      intercambiar A[i] y A[j]
    fin si
  fin para
  intercambiar A[i+1] y A[fin]
  retornar i+1
fin
```

```
1 #include <stdio.h>
  void swap(int* a, int* b) {
       int temp = *a;
4
      *a = *b;
       *b = temp;
6
  }
7
8
  int partition(int arr[], int low, int high) {
       int pivot = arr[high];
10
       int i = low - 1;
11
^{12}
       for (int j = low; j < high; j++) {</pre>
13
           if (arr[j] <= pivot) {</pre>
14
                i++;
15
                swap(&arr[i], &arr[j]);
16
           }
17
      }
18
       swap(&arr[i + 1], &arr[high]);
19
       return i + 1;
20
21 }
22
  void quickSort(int arr[], int low, int high) {
23
       if (low < high) {</pre>
           int pi = partition(arr, low, high);
25
           quickSort(arr, low, pi - 1);
26
           quickSort(arr, pi + 1, high);
27
      }
28
29 }
30
  void printArray(int arr[], int size) {
31
      for (int i = 0; i < size; i++)</pre>
32
           printf("%du", arr[i]);
33
      printf("\n");
34
35 }
36
  int main() {
37
       int arr[] = {10, 7, 8, 9, 1, 5};
38
       int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
39
       quickSort(arr, 0, n - 1);
40
       printf("Array ordenado: \n");
41
      printArray(arr, n);
42
      return 0;
43
44 }
```

```
def partition(arr, low, high):
      pivot = arr[high]
2
      i = low - 1
3
      for j in range(low, high):
           if arr[j] <= pivot:</pre>
               i += 1
               arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i]
      arr[i + 1], arr[high] = arr[high], arr[i + 1]
      return i + 1
10
11
  def quick_sort(arr, low, high):
12
      if low < high:</pre>
13
          pi = partition(arr, low, high)
14
           quick_sort(arr, low, pi - 1)
15
           quick_sort(arr, pi + 1, high)
16
18 # Ejemplo de uso
 arr = [10, 7, 8, 9, 1, 5]
20 quick_sort(arr, 0, len(arr) - 1)
 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.7. Heap Sort

Heap Sort es un algoritmo de ordenamiento basado en una estructura de datos llamada heap binario. Utiliza un max-heap (para ordenar de manera ascendente) o un min-heap (para ordenar de manera descendente) para construir un árbol binario completo en el que cada nodo padre es mayor (o menor) que sus hijos. Una vez construido el heap, el elemento más grande (la raíz) se coloca en su posición correcta y se reorganiza el heap para los elementos restantes.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n \log n)$.
- Peor caso: $O(n \log n)$.
- Caso promedio: $O(n \log n)$.

Pseudocódigo

```
HeapSort(A)
  construirMaxHeap(A)
  para i ← longitud(A)-1 hasta 1 hacer
    intercambiar A[0] y A[i]
    maxHeapify(A, 0, i)
  fin para
fin
construirMaxHeap(A)
  para i ← longitud(A)//2-1 hasta 0 hacer
    maxHeapify(A, i, longitud(A))
  fin para
fin
maxHeapify(A, i, n)
  izquierda ← 2*i + 1
  derecha ← 2*i + 2
  mayor ← i
  si izquierda < n y A[izquierda] > A[mayor] entonces
    mayor ← izquierda
  fin si
  si derecha < n y A[derecha] > A[mayor] entonces
    mayor ← derecha
  fin si
  si mayor != i entonces
    intercambiar A[i] y A[mayor]
    maxHeapify(A, mayor, n)
  fin si
fin
```

1.1.8. Implementaciones

```
#include <stdio.h>

void swap(int* a, int* b) {
   int temp = *a;
   *a = *b;
```

```
6
       *b = temp;
  }
7
  void heapify(int arr[], int n, int i) {
9
       int largest = i;
10
       int left = 2 * i + 1;
11
       int right = 2 * i + 2;
12
13
       if (left < n && arr[left] > arr[largest])
14
           largest = left;
15
16
       if (right < n && arr[right] > arr[largest])
17
           largest = right;
18
19
       if (largest != i) {
20
           swap(&arr[i], &arr[largest]);
21
           heapify(arr, n, largest);
22
       }
23
24
^{25}
  void heapSort(int arr[], int n) {
26
       for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)
27
           heapify(arr, n, i);
28
29
       for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
30
           swap(&arr[0], &arr[i]);
31
           heapify(arr, i, 0);
32
       }
33
  }
34
  void printArray(int arr[], int n) {
36
       for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
37
           printf("%du", arr[i]);
38
       printf("\n");
39
40
  }
41
  int main() {
^{42}
       int arr[] = {12, 11, 13, 5, 6, 7};
43
       int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
44
45
      heapSort(arr, n);
46
47
       printf("Array ordenado: \n");
48
       printArray(arr, n);
49
       return 0;
50
```

```
51 }
```

```
def heapify(arr, n, i):
      largest = i
2
      left = 2 * i + 1
3
      right = 2 * i + 2
4
5
      if left < n and arr[left] > arr[largest]:
6
           largest = left
8
      if right < n and arr[right] > arr[largest]:
9
           largest = right
10
11
      if largest != i:
^{12}
           arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
13
           heapify(arr, n, largest)
14
15
  def heap_sort(arr):
16
      n = len(arr)
17
18
      for i in range(n // 2 - 1, -1, -1):
19
           heapify(arr, n, i)
20
21
      for i in range(n - 1, 0, -1):
           arr[0], arr[i] = arr[i], arr[0]
23
           heapify(arr, i, 0)
24
25
26 # Ejemplo de uso
|27| arr = [12, 11, 13, 5, 6, 7]
28 heap_sort(arr)
29 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.9. TimSort

Tim
Sort es un algoritmo híbrido que combina Insertion Sort y Merge Sort. Divide el array en pequeñas corridas (runs), las ordena con Insertion Sort y luego combina estas corridas usando Merge Sort. Está diseñado para ser eficiente en datos reales.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: O(n) (cuando los datos ya están ordenados).
- Peor caso: $O(n \log n)$.
- Caso promedio: $O(n \log n)$.

Pseudocódigo

```
TimSort(A)
  MIN_RUN ← calcularMinRun(longitud(A))
  para cada subarray en A de tamanio MIN_RUN hacer
      usarInsertionSort(subarray)
  fin para
  tamanio ← MIN_RUN
  mientras tamanio < longitud(A) hacer
    para cada par de subarrays de tamanio "tamanio" en A hacer
      mezclar(subarray1, subarray2)
    fin para
    tamanio ← 2 * tamanio
  fin mientras
fin</pre>
```

1.1.10. Implementaciones

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
5 #define MIN_RUN 32
 void insertionSort(int arr[], int left, int right) {
      for (int i = left + 1; i <= right; i++) {
          int temp = arr[i];
9
          int j = i - 1;
10
          while (j \ge left \&\& arr[j] > temp) {
11
               arr[j + 1] = arr[j];
12
13
               j--;
14
          arr[j + 1] = temp;
```

```
}
16
17 }
18
19 void merge(int arr[], int left, int mid, int right) {
      int len1 = mid - left + 1, len2 = right - mid;
20
      int *leftArr = (int *)malloc(len1 * sizeof(int));
21
      int *rightArr = (int *)malloc(len2 * sizeof(int));
22
23
      for (int i = 0; i < len1; i++)
           leftArr[i] = arr[left + i];
25
      for (int i = 0; i < len2; i++)
26
          rightArr[i] = arr[mid + 1 + i];
27
28
      int i = 0, j = 0, k = left;
29
      while (i < len1 && j < len2) {
30
           if (leftArr[i] <= rightArr[j])</pre>
31
               arr[k++] = leftArr[i++];
32
           else
33
               arr[k++] = rightArr[j++];
34
      }
35
36
      while (i < len1)
37
           arr[k++] = leftArr[i++];
38
      while (j < len2)
39
          arr[k++] = rightArr[j++];
40
      free(leftArr);
42
      free(rightArr);
43
44 }
  void timSort(int arr[], int n) {
46
      for (int i = 0; i < n; i += MIN_RUN) {
47
           int end = (i + MIN_RUN - 1 < n) ? i + MIN_RUN - 1
48
               : n - 1;
           insertionSort(arr, i, end);
49
50
      }
51
      for (int size = MIN_RUN; size < n; size = 2 * size) {</pre>
52
           for (int left = 0; left < n; left += 2 * size) {</pre>
53
               int mid = (left + size - 1 < n) ? left + size</pre>
54
                    -1:n-1;
               int right = (left + 2 * size - 1 < n) ? left
55
                   + 2 * size - 1 : n - 1;
56
               if (mid < right)
57
```

```
merge(arr, left, mid, right);
58
           }
59
       }
60
61
62
  void printArray(int arr[], int n) {
63
       for (int i = 0; i < n; i++)
           printf("%du", arr[i]);
65
       printf("\n");
66
67
68
  int main() {
69
       int arr[] = {5, 21, 7, 23, 19, 4, 2, 8};
70
       int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
71
72
      printf("Array_original:\n");
73
       printArray(arr, n);
74
75
       timSort(arr, n);
76
77
       printf("Array ordenado: \n");
78
       printArray(arr, n);
79
80
       return 0;
81
82
```

```
_{1} MIN_RUN = 32
def insertion_sort(arr, left, right):
      for i in range(left + 1, right + 1):
4
          key = arr[i]
          j = i - 1
6
          while j >= left and arr[j] > key:
               arr[j + 1] = arr[j]
9
          arr[j + 1] = key
10
11
 def merge(arr, left, mid, right):
12
      left_part = arr[left:mid + 1]
13
      right_part = arr[mid + 1:right + 1]
14
15
      i = j = 0
16
```

```
k = left
17
18
       while i < len(left_part) and j < len(right_part):
19
           if left_part[i] <= right_part[j]:</pre>
20
                arr[k] = left_part[i]
21
                i += 1
22
           else:
23
                arr[k] = right_part[j]
24
25
                j += 1
           k += 1
26
27
       while i < len(left_part):</pre>
28
           arr[k] = left_part[i]
           i += 1
30
           k += 1
31
32
       while j < len(right_part):</pre>
33
           arr[k] = right_part[j]
34
           j += 1
35
           k += 1
36
37
  def tim_sort(arr):
38
      n = len(arr)
39
       for start in range(0, n, MIN_RUN):
40
           end = min(start + MIN_RUN - 1, n - 1)
41
           insertion_sort(arr, start, end)
42
43
       size = MIN_RUN
44
       while size < n:
45
           for left in range(0, n, size * 2):
46
                mid = min(n - 1, left + size - 1)
47
                right = min((left + 2 * size - 1), n - 1)
48
49
                if mid < right:
50
                    merge(arr, left, mid, right)
51
52
           size *= 2
53
54
55 # Ejemplo de uso
_{56} arr = [5, 21, 7, 23, 19, 4, 2, 8]
57 tim_sort(arr)
58 print("Array ordenado:", arr)
```

1.1.11. Tree Sort

Tree Sort es un algoritmo de ordenamiento basado en un árbol binario de búsqueda (BST). Consiste en insertar todos los elementos en un árbol binario y luego realizar un recorrido *in-order* del árbol para recuperar los elementos en orden ascendente.

Análisis de Complejidad

- Mejor caso: $O(n \log n)$ (cuando el árbol está equilibrado).
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando el árbol es completamente desbalanceado, como una lista enlazada).
- Caso promedio: $O(n \log n)$.

Pseudocódigo

```
TreeSort(A)
Crear un arbol binario vacio
para cada elemento en A hacer
Insertar el elemento en el arbol
fin para
Realizar un recorrido in-order del arbol
Guardar los elementos en A
fin
```

1.1.12. Implementaciones

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

// Definicion del nodo del arbol binario

struct Node {
   int data;
   struct Node* left;
   struct Node* right;

};

// Crear un nuevo nodo

struct Node* newNode(int data) {
```

```
struct Node* node = (struct Node*)malloc(sizeof(
13
          struct Node));
      node->data = data;
14
      node -> left = node -> right = NULL;
15
      return node;
16
17 }
18
19 // Insertar un nodo en el arbol
20 struct Node* insert(struct Node* node, int data) {
      if (node == NULL)
21
          return newNode(data);
22
      if (data < node->data)
23
          node->left = insert(node->left, data);
      else if (data > node->data)
25
          node->right = insert(node->right, data);
26
      return node;
27
28 }
29
30 // Recorrido in-order del arbol
31 void inorder(struct Node* root, int arr[], int* index) {
      if (root != NULL) {
32
          inorder(root->left, arr, index);
33
          arr[(*index)++] = root->data;
34
          inorder(root->right, arr, index);
35
      }
36
37 }
38
39 // Tree Sort
40 void treeSort(int arr[], int n) {
      struct Node* root = NULL;
42
      // Insertar elementos en el arbol
43
      for (int i = 0; i < n; i++) {
44
          root = insert(root, arr[i]);
45
      }
46
47
      // Recorrido in-order para ordenar
48
      int index = 0;
49
      inorder(root, arr, &index);
50
51 }
52
53 // Imprimir un array
54 void printArray(int arr[], int size) {
      for (int i = 0; i < size; i++) {
55
          printf("%du", arr[i]);
56
```

```
57
       printf("\n");
58
59
60
  int main() {
61
       int arr[] = \{5, 3, 7, 1, 9, 4, 6\};
62
       int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
63
64
       printf("Array original: \n");
65
       printArray(arr, n);
66
67
       treeSort(arr, n);
68
69
       printf("Array_ordenado:\n");
70
       printArray(arr, n);
71
72
       return 0;
73
74
```

```
class Node:
      def __init__(self, key):
          self.key = key
          self.left = None
          self.right = None
  # Insertar un nodo en el arbol
  def insert(root, key):
      if root is None:
          return Node(key)
      if key < root.key:
11
          root.left = insert(root.left, key)
12
      elif key > root.key:
13
          root.right = insert(root.right, key)
14
      return root
15
16
  # Recorrido in-order del arbol
17
  def inorder(root, sorted_list):
18
      if root is not None:
19
          inorder(root.left, sorted_list)
20
          sorted_list.append(root.key)
^{21}
          inorder(root.right, sorted_list)
22
```

```
24 # Tree Sort
25 def tree_sort(arr):
      if not arr:
26
          return []
27
28
      root = None
29
      for key in arr:
30
          root = insert(root, key)
31
      sorted_list = []
33
      inorder(root, sorted_list)
      return sorted_list
35
36
37 # Ejemplo de uso
_{38} arr = [5, 3, 7, 1, 9, 4, 6]
39 print("Array⊔original:", arr)
40 sorted_arr = tree_sort(arr)
41 print("Array ordenado:", sorted_arr)
```

1.2. Ordenamiento no comparativo

- 1.2.1. Counting Sort
- 1.2.2. Radix Sort
- 1.2.3. Bucket Sort
- 1.3. Ordenamiento adaptativo
- 1.3.1. TimSort
- 1.4. Algoritmos notables
- 1.4.1. Pancake Sort
- 1.4.2. Gnome Sort
- 1.4.3. Cocktail Shaker Sort
- 1.4.4. Comb Sort
- 1.4.5. Bogo Sort

End Notes

Capítulo 2

Busqueda

End Notes

Capítulo 3

Estructuras de datos

End Notes