



# 《人工智能实验》 实验报告

## Lab 9

### 无信息搜索 & 启发式搜索

学 院 名 称 : 数据科学与计算机学院

专业 (班级) : 17 级计算机科学与技术

学 生 姓 名 : 薛伟豪

学 号 : 17341178

联 系 方 式 : 15013041671

# Lab 9: 无信息搜索 & 启发式搜索

## 1. 算法原理

### 1.1. 深度优先搜索 (DFS)

对于一个给定的无向连通图，DFS首先选择一个节点 $v_1$ 作为起始节点，然后从 $v_1$ 出发，访问与 $v_1$ 相邻且未被访问过的任意一个节点 $v_2$ ，再访问与 $v_2$ 相邻且未被访问过的任意一个节点 $v_3$ ，...，以此类推，直到当前访问的节点 $v_k$ 没有与其相邻且未被访问过的节点。此时，DFS会回退到最近被访问过的节点 $v_{k-1}$ ，再次对与 $v_{k-1}$ 相邻的节点进行判断。如果不存在未被访问过的节点，则继续回退；如果存在，则访问该节点，并重复上述过程，直到图中所有的节点都被访问过。

### 1.2. 宽度优先搜索 (BFS)

对于一个给定的无向连通图，BFS首先选择一个节点 $v_1$ 作为起始节点，然后从 $v_1$ 出发，依次访问所有与 $v_1$ 相邻且未被访问过的节点 $v_{11}, v_{12}, \dots, v_{1k}$ ，然后再依次访问所有与 $v_{11}$ 相邻且未被访问过的节点，依次访问所有与 $v_{12}$ 相邻且未被访问过的节点，...，以此类推，直到图中所有的节点都被访问过。

### 1.3. 一致代价搜索

一致代价搜索基于宽度优先搜索。与宽度优先搜索不同的是，一致代价搜索会维持一个优先级队列，访问该节点的成本越低，则该节点优先级越高。这里的成本可以是该节点到起始节点的距离等。在算法运行过程中，每次让优先级最高的节点出队列并对其进行访问。如果所有节点的访问成本均相同，则一致代价搜索会退化成宽度优先搜索。

### 1.4. 迭代加深搜索

迭代加深搜索基于深度优先搜索。与深度优先搜索不同的是，迭代加深搜索对深度优先搜索的递归层数进行了限制。迭代加深搜索的一般步骤如下：

- 1) 首先，设置深度限制 $L=0$ ，迭代地增加深度限制 $L$ ，对于每个深度限制都进行深度受限

搜索。

- 2) 如果在限定的深度限制L内，我们找到了目标节点，则结束搜索。如果没有未访问的节点可以扩展，则提高深度限制L。
- 3) 如果深度限制L不能再提高（即达到最大层数），且仍未找到目标节点，那么说明图中所有节点都被访问过，没有答案，此时结束搜索。

## 1.5. A\*搜索

A\* 搜索算法是启发式搜索算法，它在BFS算法的基础上加入了启发式信息。启发式搜索算法的关键在于，从当前节点选择下一步要搜索的节点时，会通过一个估值函数选择代价最小的节点。相较于BFS的“盲目性”，A\*搜索可以有效地减少搜索时间，得到一个较优解。启发式搜索算法的核心在于估值函数的设计：

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

其中 $g(n)$ 为起点到当前节点的代价， $h(n)$ 为启发式函数，有多种选择。

A\*算法描述如下：从起始节点开始，不断地查询当前节点周围可访问的节点，并计算它们的 $g(n)$ ， $h(n)$ 得到 $f(n)$ 。一直选择估值函数 $f(n)$ 最小的节点进行下一步的扩展，同时更新已经被访问过的节点的 $g(n)$ ，直到找到目标节点。

## 1.6. IDA\*搜索

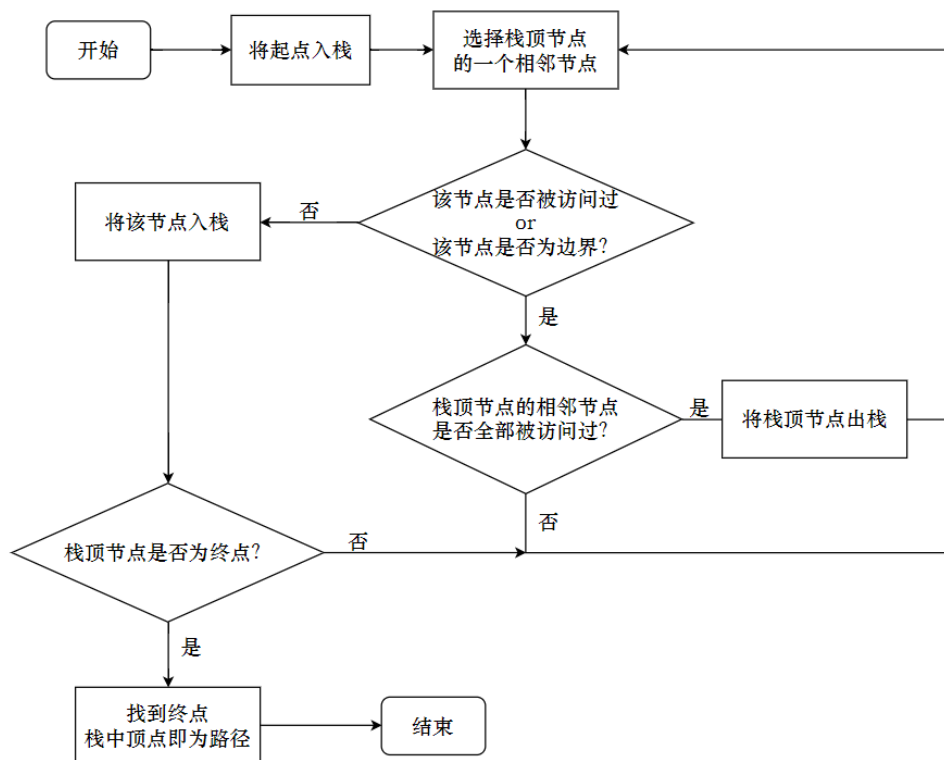
IDA\* 搜索算法是迭代加深深度优先搜索算法（IDS）的一个扩展。由于不用维护列表，所有其空间复杂度远小于A\* 搜索算法，在搜索图为有向图的时候，它的性能会比A\*更好。

具体地，IDA\*算法步骤如下：

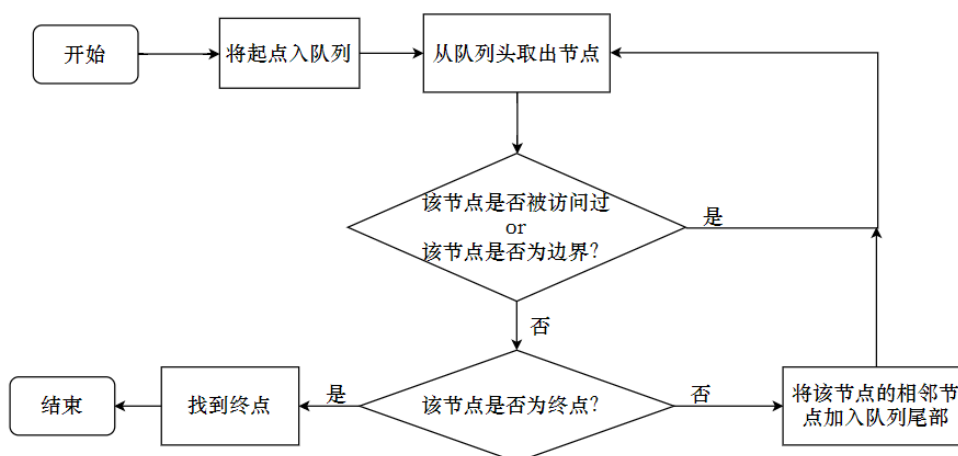
- 1) 将阈值设为起始节点的 $h(n)$ 值。
- 2) 从起始节点开始进行深度受限搜索，搜索的范围为估值函数不超过阈值的节点。
- 3) 如果没有找到目标节点，则将阈值设为步骤2中已经探知的，估值函数超过阈值的所有节点的最小值，再次进行步骤2。如果找到目标节点，则结束搜索。

## 2. 流程图

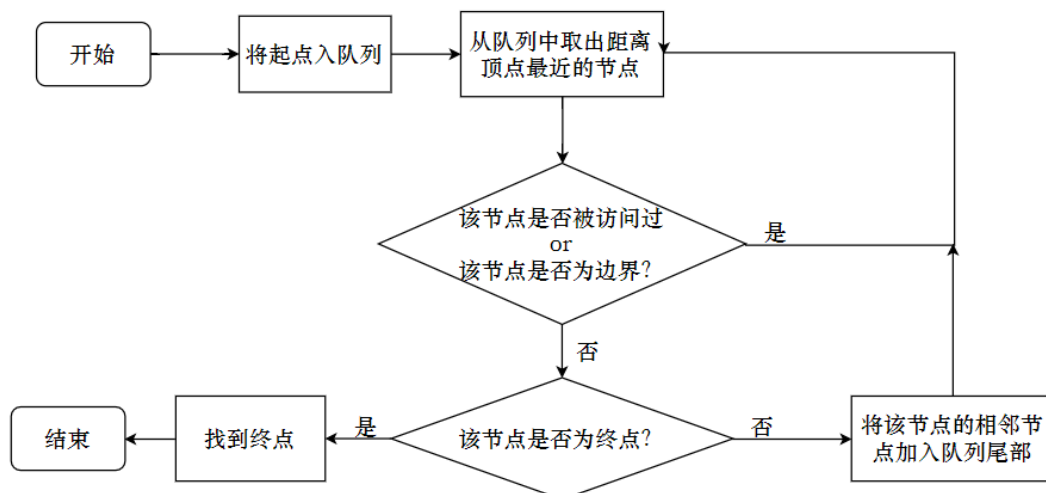
### 2.1. 深度优先搜索 (DFS)



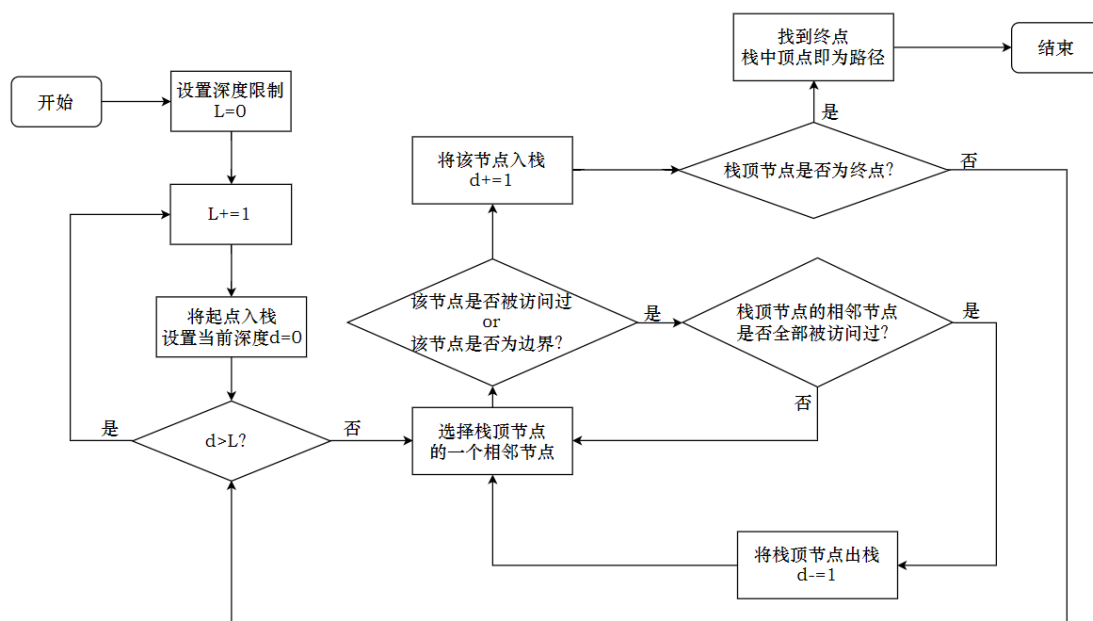
### 2.2. 宽度优先搜索 (BFS)



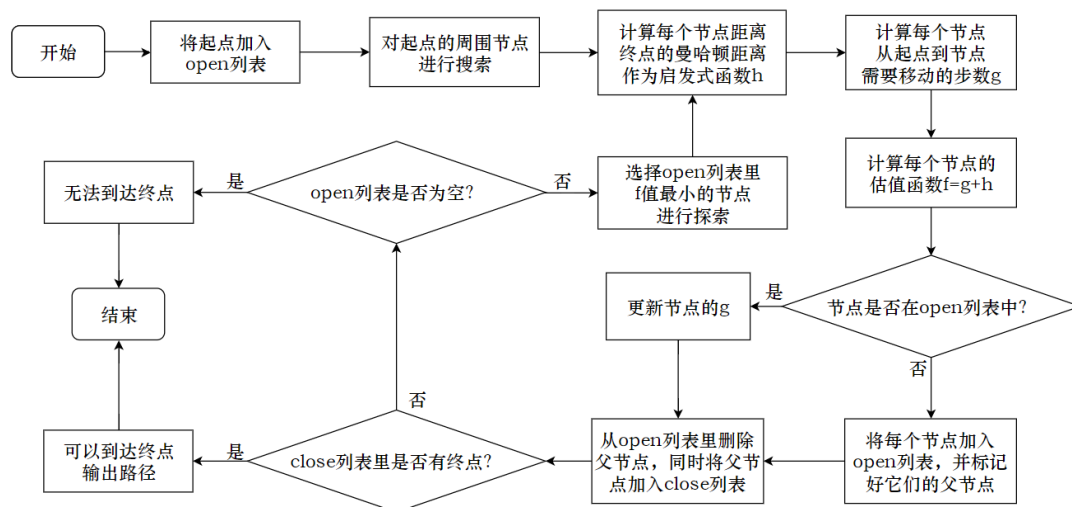
### 2.3. 一致代价搜索



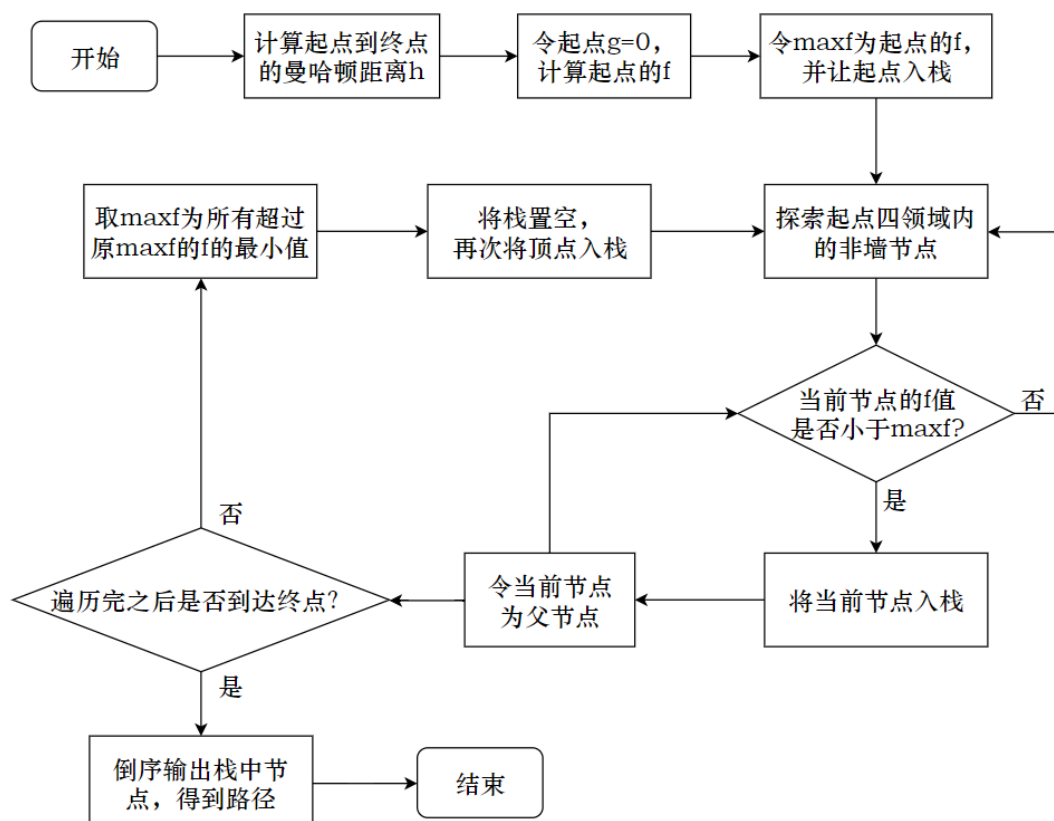
### 2.4. 迭代加深搜索



## 2.5. A\*搜索



## 2.6. IDA\*搜索



### 3. 重要代码展示

- 深度优先搜索

```
class DFS:
    def search(self, pos, pre_pos):
        """
        对位置 pos 进行搜索，pre_pos 为该位置的上一个位置，depth 为当前深度
        参数说明：
        maze: 用于存储迷宫图
        is_visited: 用于记录迷宫的位置是否被访问过
        pre: 用于记录每个位置上一步的位置信息
        reached: 标记是否到达终点
        """
        x = pos[0]
        y = pos[1]
        #如果当前位置是墙壁，则结束搜索
        if maze[x][y] == '1':
            return
        #如果当前位置是终点，则更新对应参数，结束搜索
        if self.maze[x][y] == 'E':
            self.reached = True
            self.pre[x][y] = pre_pos
            return
        #如果当前位置已经被访问过，结束搜索
        if self.is_visited[x][y] == True:
            return
        #将当前位置标记为已被访问，同时更新当前位置的上一步位置信息
        self.is_visited[x][y] = True
        self.pre[x][y] = pre_pos
        #分别沿左、上、右、下进行递归搜索
        if x-1>=0 and self.reached==False:
            self.search((x-1, y), pos)
        if y-1>=0 and self.reached==False:
            self.search((x, y-1), pos)
        if x+1<len(self.maze) and self.reached==False:
            self.search((x+1, y), pos)
        if y+1<len(self.maze[0]) and self.reached==False:
            self.search((x, y+1), pos)
        #回溯时将当前位置重新标记为未被访问
        self.is_visited[x][y] = False
```

- 迭代加深搜索

```
class IDS:
    def search(self, pos, pre_pos, depth):
        '''
        对位置 pos 进行搜索，pre_pos 为该位置的上一个位置，depth 为当前深度
        参数说明：
        maze: 用于存储迷宫图
        is_visited: 用于记录迷宫的位置是否被访问过
        pre: 用于记录每个位置上一步的位置信息
        limit: 当前的深度限制，初始化为 0
        reached: 标记是否到达终点
        '''
        x = pos[0]
        y = pos[1]
        #如果当前的深度超过的最大深度限制，结束搜索
        if depth > self.limit:
            return
        #如果当前位置是墙壁，则结束搜索
        if maze[x][y] == '1':
            return
        #如果当前位置是终点，则更新对应参数，结束搜索
        if self.maze[x][y] == 'E':
            self.reached = True
            self.pre[x][y] = pre_pos
            return
        #如果当前位置已经被访问过，结束搜索
        if self.is_visited[x][y] == True:
            return
        #将当前位置标记为已被访问，同时更新当前位置的上一步位置信息
        self.is_visited[x][y] = True
        self.pre[x][y] = pre_pos
        #分别沿左、上、右、下进行递归搜索
        if x-1>=0 and self.reached==False:
            self.search((x-1, y), pos, depth+1)
        if y-1>=0 and self.reached==False:
            self.search((x, y-1), pos, depth+1)
        if x+1<len(self.maze) and self.reached==False:
            self.search((x+1, y), pos, depth+1)
        if y+1<len(self.maze[0]) and self.reached==False:
            self.search((x, y+1), pos, depth+1)
        #回溯时将当前位置重新标记为未被访问
        self.is_visited[x][y] = False
```



```

def get_path(self, start, end):
    while not self.reached:
        # 未到达目的地，则增加搜索深度
        self.limit += 1
        # 清除上次搜索的记录
        self.pre = np.array([[None for i in range(len(maze[0]))]
for j in range(len(maze))])
        # 进行深度受限搜索
        self.search(start, None, 0)
    .....

```

## ● IDA\*搜索

```

class IDAstar:
    """
    参数说明:
    maze: 用于存储迷宫图    start_node: 起点    end_node: 终点
    visited: 存储已访问过的所有节点
    f: 存储所有下一步可访问的，超过限定的节点的 f 值
    reached: 标记是否到达终点
    last_node: 标记最后一个访问的节点（若有解则为终点）
    """

    def search_node(self, pos, depth):
        # 更新新节点的 g 和 h 值
        node = Node(pos, self.end_node.pos)
        node.g = depth
        return node

    def subsearch(self, node, pre_node, depth, limit):
        # 节点的 f 值大于阈值，结束搜索，将该 f 值加入 f 列表
        if node.g + node.h > limit:
            self.f.append(node.g + node.h)
            return

        # 如果当前位置是墙壁，则结束搜索
        if self.maze[node.pos[0]][node.pos[1]] == '1':
            return

        # 如果当前位置是终点，则更新对应参数，结束搜索
        if node.pos == self.end_node.pos:
            node.father = pre_node
            self.reached = True
            self.last_node = node
            return

        # 记录父节点

```

```

node.father = pre_node
#将节点加入已访问的列表
self.visited.append(node.pos)
x = node.pos[0]
y = node.pos[1]
#递归搜索所有相邻节点
if x+1<len(self.maze) and not self.reached:
    next_pos = (x+1, y)
    #如果节点不在已访问的列表中，更新新节点的 g 和 h 值
    if next_pos not in self.visited:
        next_node = self.search_node(next_pos, depth)
        self.subsearch(next_node, node, depth + 1, limit)
if x-1>=0 and not self.reached:
    next_pos = (x-1, y)
    #如果节点不在已访问的列表中，更新新节点的 g 和 h 值
    if next_pos not in self.visited:
        next_node = self.search_node(next_pos, depth)
        self.subsearch(next_node, node, depth + 1, limit)
if y+1<len(self.maze[0]) and not self.reached:
    next_pos = (x, y+1)
    #如果节点不在已访问的列表中，更新新节点的 g 和 h 值
    if next_pos not in self.visited:
        next_node = self.search_node(next_pos, depth)
        self.subsearch(next_node, node, depth + 1, limit)
if y - 1 >= 0 and not self.reached:
    next_pos = (x, y-1)
    #如果节点不在已访问的列表中，更新新节点的 g 和 h 值
    if next_pos not in self.visited:
        next_node = self.search_node(next_pos, depth)
        self.subsearch(next_node, node, depth + 1, limit)
#回溯时将节点从已访问列表中删除
self.visited.remove(node.pos)

def search(self):
    # 阈值设为初始节点的 h 值
    limit = self.start_node.h
    while not self.reached:
        #如果没有找到目标节点，将阈值设为 f 列表中最小值
        self.subsearch(self.start_node, None, 1, limit)
        limit = min(self.f)
        self.f = []
    .....

```

### 4.1. 实验结果展示

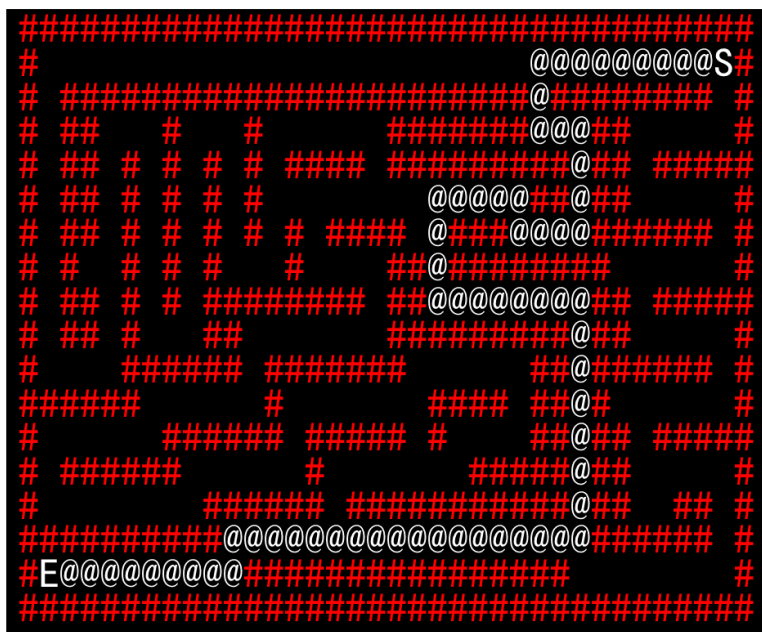
## A 20x20 grid of characters on a black background. The characters are either red '#' or white '@'. The pattern forms a large, stylized 'S' shape. The top row is all red '#'. The second row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#'. The third row has a white '@' at column 1, followed by red '#' from column 2 to 19, and a white '@' at column 20. The fourth row has white '@' from column 1 to 10, followed by red '#' from column 11 to 19, and a white '@' at column 20. The fifth row has white '@' from column 1 to 11, followed by red '#' from column 12 to 19, and a white '@' at column 20. The sixth row has white '@' from column 1 to 12, followed by red '#' from column 13 to 19, and a white '@' at column 20. The seventh row has white '@' from column 1 to 13, followed by red '#' from column 14 to 19, and a white '@' at column 20. The eighth row has white '@' from column 1 to 14, followed by red '#' from column 15 to 19, and a white '@' at column 20. The ninth row has white '@' from column 1 to 15, followed by red '#' from column 16 to 19, and a white '@' at column 20. The tenth row has white '@' from column 1 to 16, followed by red '#' from column 17 to 19, and a white '@' at column 20. The eleventh row has white '@' from column 1 to 17, followed by red '#' from column 18 to 19, and a white '@' at column 20. The twelfth row has white '@' from column 1 to 18, followed by a red '#' at column 19, and a white '@' at column 20. The thirteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The fourteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The fifteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The sixteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The seventeenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The eighteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The nineteenth row has white '@' from column 1 to 19, followed by a red '#' at column 20. The twentieth row is all red '#'.

```

#####
#                                     @@@@@@@@S#
# #####@#####
# ##  #  # #####@##
# ## # # # #####@##
# ## # # # @@@@##
# ## # # # # @###@###
# #  # # #  # ##@#####
# ## #  #####@###
# ## #  ## #####@##
#  ##### ##### ##@#####
#####  #  #####  ##@#
#  ##### ##### #  ##@##
# #####  #  #####@##
#  ##### #####@###
#####@#####@###
#####@#####@#####
#E@@@@@@@@#####
#####

```

## ● IDA\*搜索



可以看到，深度优先搜索、迭代加深搜索、IDA\*搜索均能找到从起点S到终点E的路径。其中深度优先搜索找到的路径不是最短路径，后两者找到的路径为最短路径。

## ● 运行时间

| Search | Round | 耗时        | 三轮平均耗时    |
|--------|-------|-----------|-----------|
| 深度优先搜索 | 1     | 0.0170002 | 0.0183333 |
|        | 2     | 0.0160000 |           |
|        | 3     | 0.0219998 |           |
| 迭代加深搜索 | 1     | 0.5249998 | 0.4766665 |
|        | 2     | 0.4489998 |           |
|        | 3     | 0.4559998 |           |
| IDA*搜索 | 1     | 0.0830002 | 0.0826666 |
|        | 2     | 0.0820000 |           |
|        | 3     | 0.0829997 |           |

可以看到，迭代加深搜索所花时间最长，深度优先搜索所花时间最短。而IDA\*搜索所花时间较稳定，多次运行相差不大。

## 4.2. 评测指标展示

### ● 深度优先搜索 (DFS)

- a) DFS具有完备性。当问题有解时，DFS可以保证找到解。
- b) DFS不具有最优性。当问题存在多个解时，DFS不能保证找到最优解。在本次实验中，我们可以看出，DFS找到的路径并不是最短的路径。
- c) DFS的时间复杂度为 $O(b^m)$ ，即指数级时间复杂度。其中 $m$ 指图中最长路径的长度， $b$ 指每个节点的子节点的最大数目。
- d) DFS的空间复杂度为 $O(bm)$ ，即线性空间复杂度。

### ● 宽度度优先搜索 (BFS)

- a) BFS具有完备性。当问题有解时，BFS可以保证找到解。
- b) BFS具有最优性。当问题存在多个解时，BFS可以保证找到最优解。这是因为BFS按照层次进行遍历，探索出到达目的地的路径就是最短路径。
- c) BFS时间复杂度为 $O(b^{d+1})$ ，即指数级时间复杂度。其中 $b$ 指每个节点的子节点的最大数目， $d$ 指初始位置到目标位置最短路径的长度。由于本次实验是在探索节点时判断该节点是否为目的地，所以叶节点都要被探索。
- d) BFS的空间复杂度为 $O(b^{d+1})$ ，即指数级空间复杂度。

### ● 一致代价搜索

- a) 一致代价搜索具有完备性。当问题有解时，一致代价搜索可以保证找到解。
- b) 一致代价搜索具有最优性。当问题存在多个解时，一致代价搜索可以保证找到最优解。这是因为每次探索的节点都满足从起点到该节点的距离最短。
- c) 一致代价搜索的时间复杂度为 $O(b^{d+1})$ ，与BFS相同。其中 $b$ 指每个节点的子节点的最大数目， $d$ 指初始位置到目标位置最短路径的长度。
- d) 一致代价搜索的空间复杂度为 $O(b^{c/(s+1)})$ 。其中 $c$ 指最短路径的长度， $s$ 指顶点到相邻顶点的最短距离。

## ● 迭代加深搜索

- a) 迭代加深搜索具有完备性。当问题有解时，迭代加深搜索可以保证找到解。
- b) 迭代加深搜索具有最优性（在本次实验中，每个节点到相邻节点的距离均相等）。当问题有多个解时，迭代加深搜索可以保证找到最优解。
- c) 迭代加深搜索的时间复杂度为 $O(b^d)$ 。其中 $b$ 指每个节点的子节点的最大数目， $d$ 指初始位置到目标位置最短路径的长度。这是因为迭代加深搜索不用扩展深度限制上的节点。
- d) 迭代加深搜索的空间复杂度为 $O(bd)$ ，为指数级空间复杂度。

## ● A\*搜索

- a) A\*搜索具有完备性。当问题有解时，A\*搜索可以保证找到解。
- b) A\*搜索是否具备最优性，取决于 $h(n)$ 是否是具有可采纳性。在本次实验中，启发式函数采用曼哈顿距离，一定小于或等于实际的最短路径，因此启发式函数是可采纳的，A\*搜索具有最优性。当存在多条路径时，A\*搜索可以保证找到最短路径。
- c) A\*搜索的时间复杂度至少为 $O(b^{d+1})$ 。其中 $b$ 指每个节点的子节点的最大数目， $d$ 指初始位置到目标位置最短路径的长度。当 $h(n)=0$ 时，A\*搜索会退化成一一致代价搜索。一致代价搜索的时间复杂度的下界也适用于A\*搜索。
- d) A\*搜索的空间复杂度至少为 $O(b^{c/(s+1)})$ 。其中 $c$ 指最短路径的长度， $s$ 指顶点到相邻顶点的最短距离。当 $h(n)=0$ 时，A\*搜索会退化成一一致代价搜索。一致代价搜索的空间复杂度的下界也适用于A\*搜索。

## ● IDA\*搜索

- a) IDA\*搜索具有完备性。当问题有解时，IDA\*搜索可以保证找到解。
- b) IDA\*搜索具备最优性（在本次实验中，每个节点到相邻节点的距离均相等）。当存在多条路径时，A\*搜索可以保证找到最短路径。
- c) IDA\*搜索的时间复杂度至少为 $O(bd)$ 。其中 $b$ 指每个节点的子节点的最大数目， $d$ 指初始位置到目标位置最短路径的长度。当 $h(n)=0$ 时，IDA\*搜索会退化成一迭代加深搜索。迭代搜索的时间复杂度的下界也适用于IDA\*搜索。
- d) IDA\*搜索的空间复杂度至少为 $O(bd)$ 。当 $h(n)=0$ 时，IDA\*搜索会退化成一迭代加深搜索。迭代搜索的空间复杂度的下界也适用于IDA\*搜索。

## 5. 思考题

这些策略的优缺点是什么？它们分别适用于怎样的场景？

| Search | Properties |   |
|--------|------------|---|
| 深度优先搜索 | 优点         | 线性空间复杂度，在一定条件下不必遍历所有分支就可以找到目标节点         |
|        | 缺点         | 不具有最优性，得到的路径不一定是最短路径                    |
|        | 适用场景       | 适用于只需要判断是否能到达目标节点，而不要求得到的路径为最短路径的场景     |
| 宽度优先搜索 | 优点         | 具有最优性，得到的路径一定是最短路径                      |
|        | 缺点         | 空间复杂度为指数级别，十分消耗内存                       |
|        | 适用场景       | 适用于节点的子节点数目不多，图的层次不深                    |
| 一致代价搜索 | 优点         | 可以得到从初始节点到目标节点的最短路径，比宽度优先搜索的空间复杂度低      |
|        | 缺点         | 空间复杂度还是指数级别，十分消耗内存而且时间复杂度比宽度优先搜索高       |
|        | 适用场景       | 适用于需要得到最短路径的场景                          |
| 迭代加深搜索 | 优点         | 可以避免陷入无限的分支<br>可以找到深度最浅的目的节点<br>线性空间复杂度 |
|        | 缺点         | 时间复杂度较高，十分耗时                            |
|        | 适用场景       | 适用于无限深度的图                               |
| A*搜索   | 优点         | 减少了不必要的搜索，运行速度快<br>可以找到成本最低的目的节点        |
|        | 缺点         | 需要保存大量的节点信息                             |
|        | 适用场景       | 适用于需要得到最短路径，同时对搜索时间有限制的场景               |

|        |      |                                     |
|--------|------|-------------------------------------|
| IDA*搜索 | 优点   | 可以避免陷入无限的分支<br>可以找到成本最低的节点<br>运行速度快 |
|        | 缺点   | 需要保存大量的节点信息                         |
|        | 适用场景 | 适用于需要得到最短路径，同时对搜索时间有限制的场景，以及无限深度的图  |