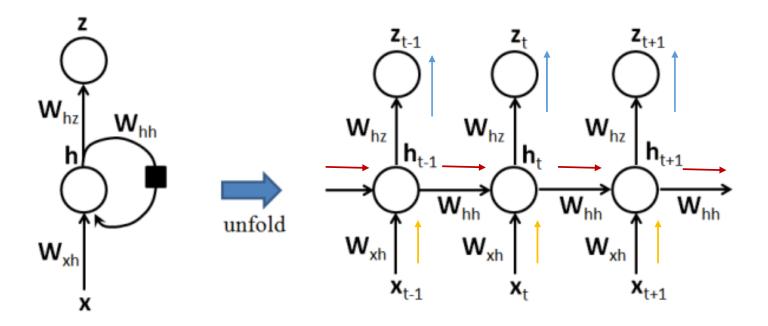
循环神经网络 Recurrent Neural Network

林立晖 2019.10.18

时序扩展



$$\mathbf{h}_t = anh(\mathbf{W}_{xh}\mathbf{x}_t + \mathbf{W}_{hh}\mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_h)$$

 $\mathbf{z}_t = \operatorname{softmax}(\mathbf{W}_{hz}\mathbf{h}_t + \mathbf{b}_z)$

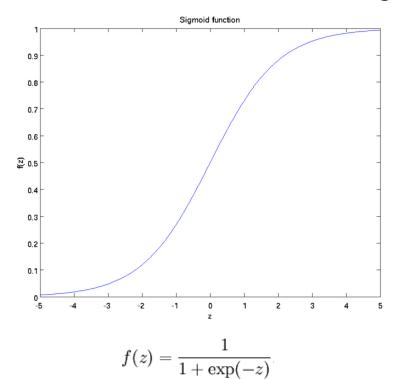
RNN是一类扩展的人工神经网络,它是为了对序列数据进行建模而产生的。

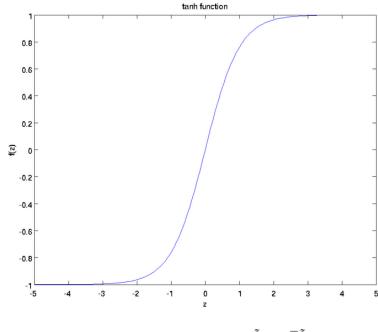
- 针对对象:序列数据。例如文本,是字母和词汇的序列;语音,是音节的序列;视频,是图像的序列;气象观测数据,股票交易数据等等,也都是序列数据。
- 核心思想: 样本间存在顺序关系,每个样本和它之前的样本存在关联。通过神经网络在时序上的展开,我们能够找到样本之间的序列相关性。

$$h_t = \mathcal{H}(W_{ih}x_t + W_{hh}h_{t-1} + b_h)$$

activation

● RNN常用的激活函数是tanh和sigmoid。





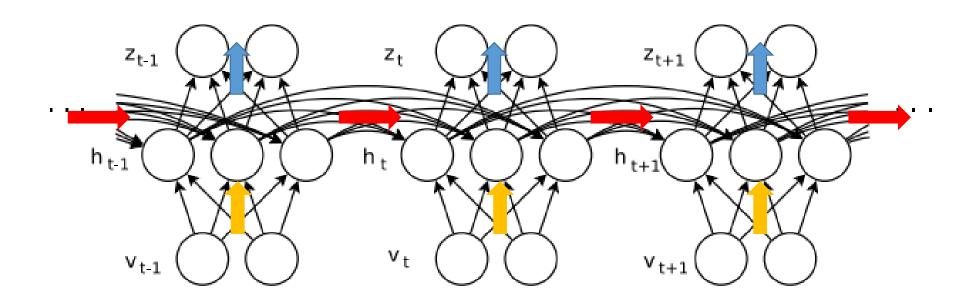
$$f(z) = \tanh(z) = \frac{e^z - e^{-z}}{e^z + e^{-z}}$$

softmax

● Softmax函数是sigmoid函数的一个变种,通常我们将其用在多分类任务的输出层,将输入转化成标签的概率。

$$h_{ heta}\Big(x^{(i)}\Big) = egin{bmatrix} pig(y^{(i)} = 1|x^{(i)}; hetaig) \ pig(y^{(i)} = 2|x^{(i)}; hetaig) \ dots \ pig(y^{(i)} = k|x^{(i)}; hetaig) \end{bmatrix} = rac{1}{\sum_{j=1}^k e^{ heta_j^T x^{(i)}}} egin{bmatrix} e^{ heta_j^T x^{(i)}} \ e^{ heta_j^T x^{(i)}} \ dots \ e^{ heta_k^T x^{(i)}} \end{bmatrix}$$

Basic Structure



神经元在时域上共享权重

使用BP训练RNN Backpropagation through time (BPTT)

BP回顾:通过链式法则求损失函数 E 对网络权重的偏导,沿梯度的反方向更新权重。 RNN使用的BPTT就是BP加入了时序演化过程。定义权重矩阵 U,V,W 每个时间步的网络隐藏状态和输出如下:

$$egin{aligned} h_t &= anh(Ux_t + Wh_{t-1}) \ \hat{y}_t &= ext{softmax}(Vh_t) \end{aligned}$$

时序的总损失函数:

$$egin{aligned} E_t(y_t, \hat{y}_t) &= -y_t \log \hat{y}_t \ E(y, \hat{y}) &= \sum_t E_t(y_t, \hat{y}_t) \ &= -\sum_t y_t \log \hat{y}_t \end{aligned}$$

由于是将整个序列作为一个样本,所以需要对每个时刻的误差进行求和。

时序反向传播

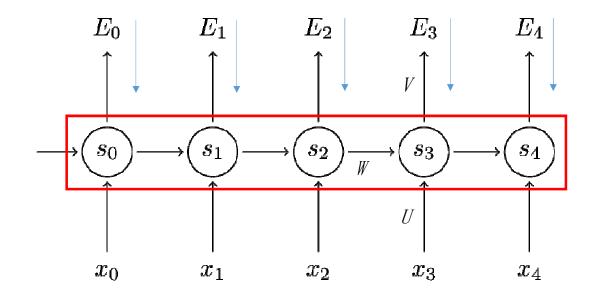
目前的任务是求 E 对 U,V,W 的梯度。 E对W在所有时刻的总梯度(其余同理):

$$\frac{\partial E}{\partial W} = \sum_{t} \frac{\partial E_t}{\partial W}$$

• 求E对V(隐状态到预测值)梯度 E_3 对V的梯度:

$$\frac{\partial E_3}{\partial V} = \frac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} \frac{\partial \hat{y}_3}{\partial V}$$
$$= \frac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} \frac{\partial \hat{y}_3}{\partial z_3} \frac{\partial z_3}{\partial V}$$

其中
$$z_3 = Vs_3$$



对所有时刻重复左式求和可得总梯度 $\dfrac{\partial E}{\partial V}$

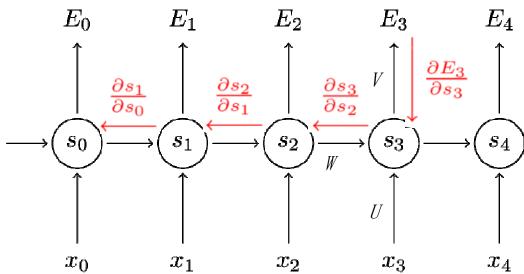
时序反向传播

• 求E对W(上一时刻隐状态的映射权重)的梯度。 E_3 对W的梯度:

$$\frac{\partial E_3}{\partial W} = \frac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} \frac{\partial \hat{y}_3}{\partial s_3} \frac{\partial s_3}{\partial W}$$

注意到: $s_3 = \tanh(Ux_t + Ws_2)$

其中: s_3 依赖于 s_2 , 而 s_2 又依赖于 s_1 和w ,依赖关系一直传递到 t=0 的时刻。因此,当我们计算 s_t 对w 的偏导时,不能把 s_2 看作是常数项



$$\frac{\partial E_3}{\partial W} = \sum_{k=0}^3 \frac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} \frac{\partial \hat{y}_3}{\partial s_3} \Biggl(\prod_{t=k+1}^3 \frac{\partial s_t}{\partial s_{t-1}} \Biggr) \frac{\partial s_k}{\partial W}$$

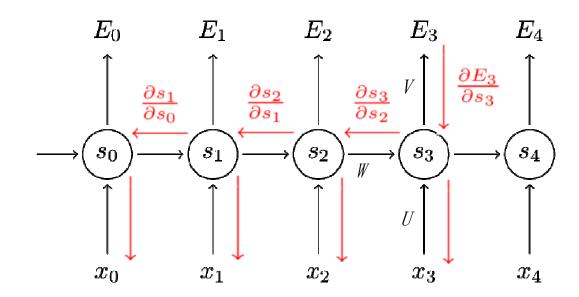
时序反向传播

• 求E对U(输入的映射权重)的梯度。

 E_3 对U的梯度:

$$\frac{\partial E_3}{\partial U} = \frac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} \frac{\partial \hat{y}_3}{\partial s_3} \frac{\partial s_3}{\partial U}$$

同样: $s_3 = \tanh(Ux_t + Ws_2)$



$$rac{\partial E_3}{\partial U} = \sum_{k=0}^3 rac{\partial E_3}{\partial \hat{y}_3} rac{\partial \hat{y}_3}{\partial s_3} \Biggl(\prod_{t=k+1}^3 rac{\partial s_t}{\partial s_{t-1}}\Biggr) rac{\partial s_k}{\partial U}$$

时序反向传播

1: for t from T downto 1 do

2:
$$do_t \leftarrow g'(o_t) \cdot dL(z_t; y_t)/dz_t$$

3:
$$db_o \leftarrow db_o + do_t$$

4:
$$dW_{oh} \leftarrow dW_{oh} + do_t h_t^{\mathsf{T}}$$

5:
$$dh_t \leftarrow dh_t + W_{oh}^{\top} do_t$$

6:
$$dz_t \leftarrow e'(z_t) \cdot dh_t$$

7:
$$dW_{hv} \leftarrow dW_{hv} + dz_t v_t^{\mathsf{T}}$$

8:
$$db_h \leftarrow db_h + dz_t$$

9:
$$dW_{hh} \leftarrow dW_{hh} + dz_t h_{t-1}^{\top}$$

10:
$$dh_{t-1} \leftarrow W_{hh}^{\top} dz_t$$

11: end for

12: **Return**
$$d\theta = [dW_{hv}, dW_{hh}, dW_{oh}, db_h, db_o, dh_0].$$

W_{hv}:输入层到当前隐藏层的权重参数

W_{hh}: 上一时刻隐藏层到当前隐藏层的权重参数

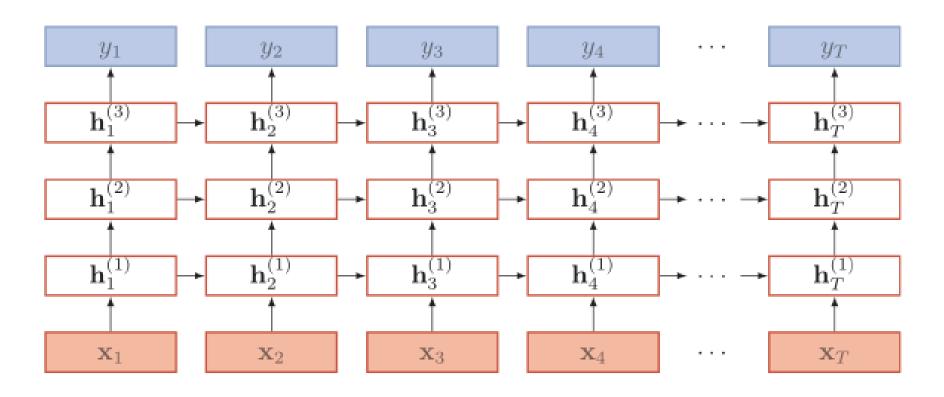
Woh: 当前隐藏层到输出层的权重参数

b_h : 当前隐藏层的偏置项

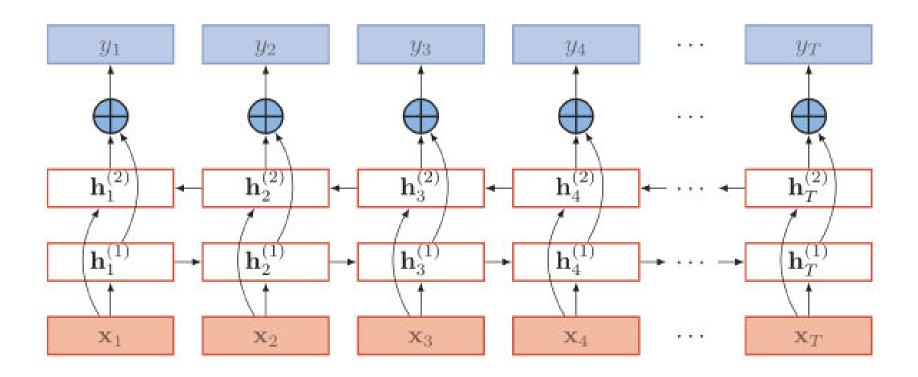
b。: 输出层的偏置项

H₀:零时刻隐藏层的输出

堆叠RNN (Stacked RNN)



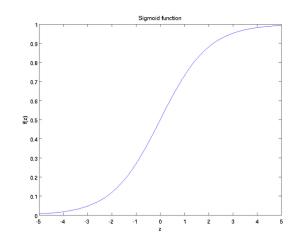
双向RNN (Bidirectional RNN)

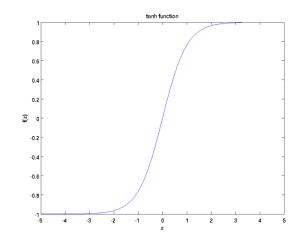


时序反向传播

存在的问题:

- 梯度消失
- 梯度爆炸





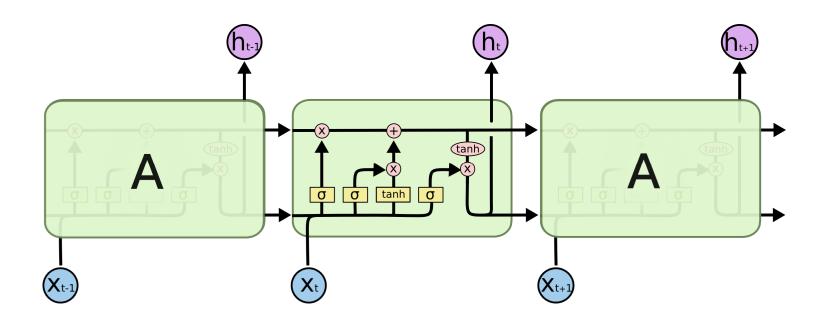
思考:这两个问题分别对应什么现象?可以从BPTT公式中的哪个地方看出来?

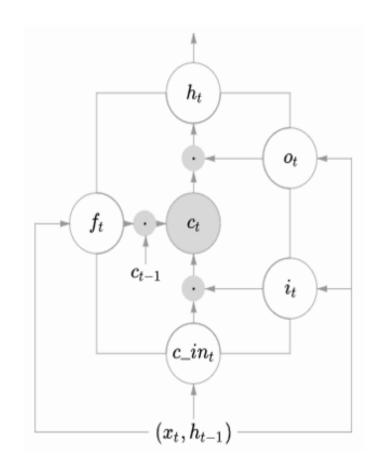
解决方案:

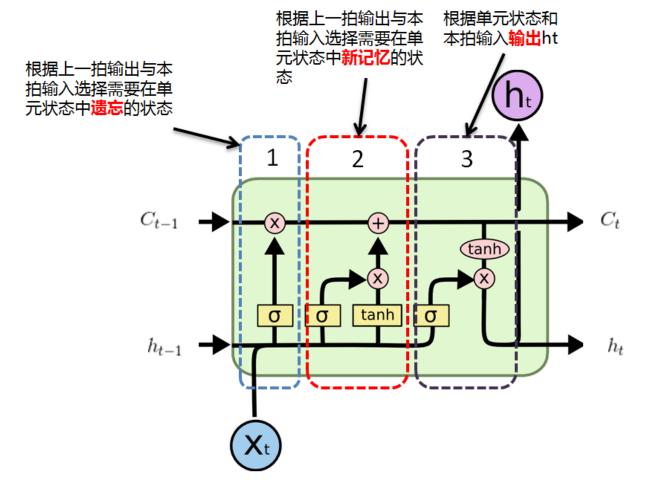
- 选择其他的激活函数。例如使用ReLU缓解梯度消失。
- 引入改进网络结构的机制,例如LSTM, GRU。

LSTM

长短期记忆网络,即Long Short-Term Memory Network,核心思想是引入"门"机制,没有像RNN一样直接使用多层感知机作为基本单元,并在一定程度上解决了梯度问题。





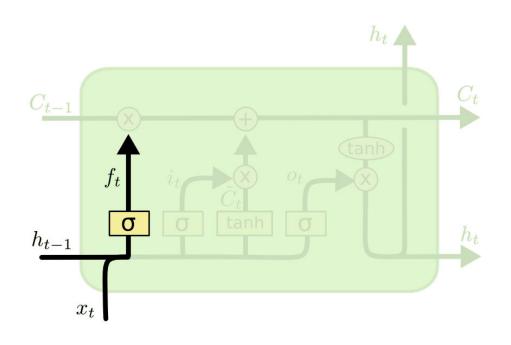


 C_{t-1} C_t 单元状态 CellState x_t 单元输入

 h_{t-1} h_t 单元输出

Forget Gate

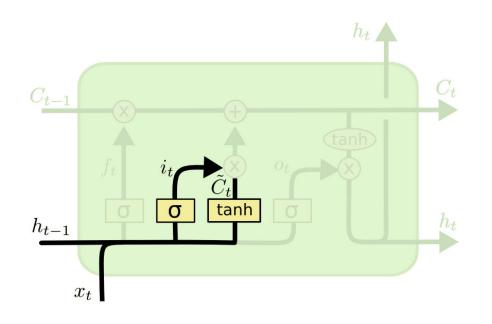
遗忘门的做法简单来说就是将当前时刻的输入通过激活函数,在每个位置映射成一个0到1的数,然后和LSTM用于保存历史信息的"细胞状态/cell state"做点乘,控制每个位置的保留程度。



$$f_t = \sigma\left(W_f \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_f\right)$$

Input Gate

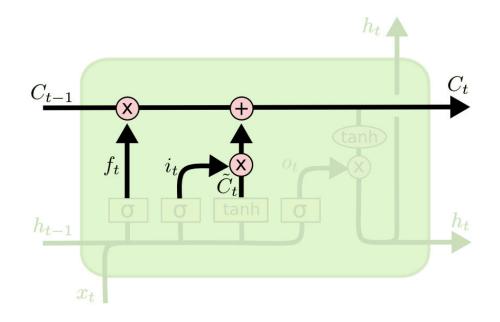
输入门同理,先将当前输入经过两个激活函数,然后点乘,表示当前产生的隐状态有多少需要被保留并加入到历史信息中。



$$i_t = \sigma \left(W_i \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_i \right)$$

$$\tilde{C}_t = \tanh(W_C \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_C)$$

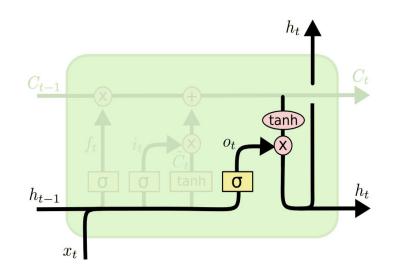
Cell State Update



$$C_t = f_t * C_{t-1} + i_t * \tilde{C}_t$$

Output Gate

输出门原理依旧相同,当前输入经过激活函数,和更新后的cell state点乘得到最终输出。



$$o_t = \sigma(W_o [h_{t-1}, x_t] + b_o)$$
$$h_t = o_t * \tanh(C_t)$$

LSTM Overview

LSTM的训练方法依旧是BPTT, 但是参数比一般的RNN要多。

$$f_t = \sigma \left(W_f \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_f \right)$$

$$i_t = \sigma \left(W_i \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_i \right)$$

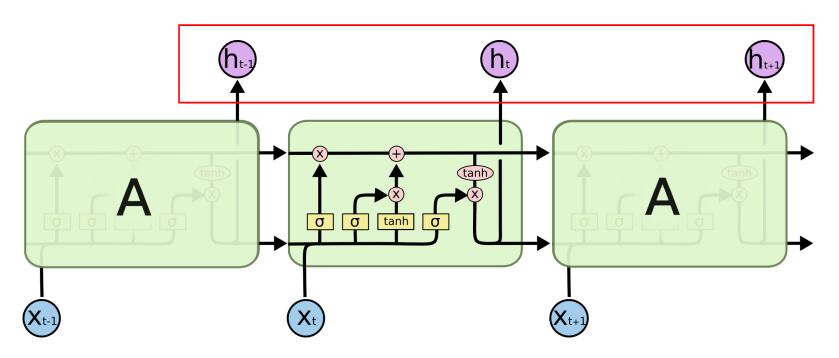
$$\tilde{C}_t = \tanh(W_C \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_C)$$

$$C_t = f_t * C_{t-1} + i_t * \tilde{C}_t$$

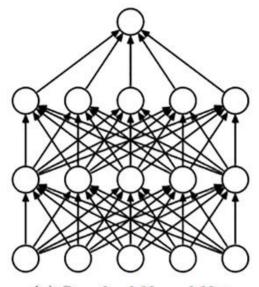
$$o_t = \sigma \left(W_o \left[h_{t-1}, x_t \right] + b_o \right)$$

$$h_t = o_t * \tanh(C_t)$$

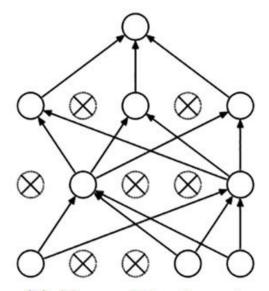
在tensorflow的RNN结构中,最终可访问的输出包括两部分,一是最后一个时刻的隐状态,二是每个时刻的隐状态。而LSTM则多了一个cell state。在实际中需要根据任务来选择使用RNN的最终隐状态(序列分类)或是所有时刻隐状态(序列生成)。



RNN (和其他深度学习模型)参数众多,非常容易过拟合,需要有效的正则化方法。其中一种简单且有效的技术就是Dropout。



(a) Standard Neural Net

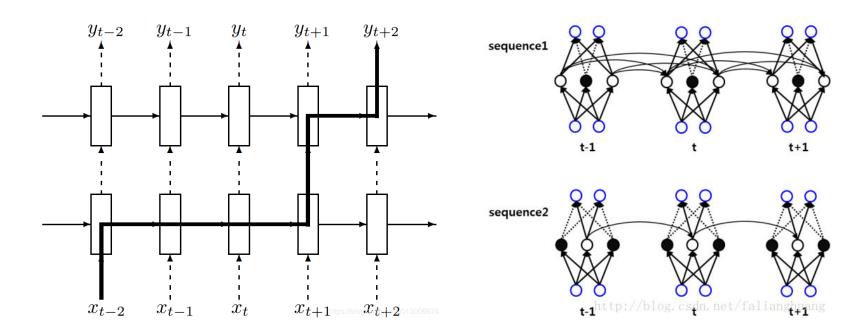


(b) After applying dropout.

$$\begin{aligned} r_j^{(l)} &\sim & \text{Bernoulli}(p), \\ \widetilde{\mathbf{y}}^{(l)} &= & \mathbf{r}^{(l)} * \mathbf{y}^{(l)}, \\ z_i^{(l+1)} &= & \mathbf{w}_i^{(l+1)} \widetilde{\mathbf{y}}^l + b_i^{(l+1)}, \\ y_i^{(l+1)} &= & f(z_i^{(l+1)}). \end{aligned}$$

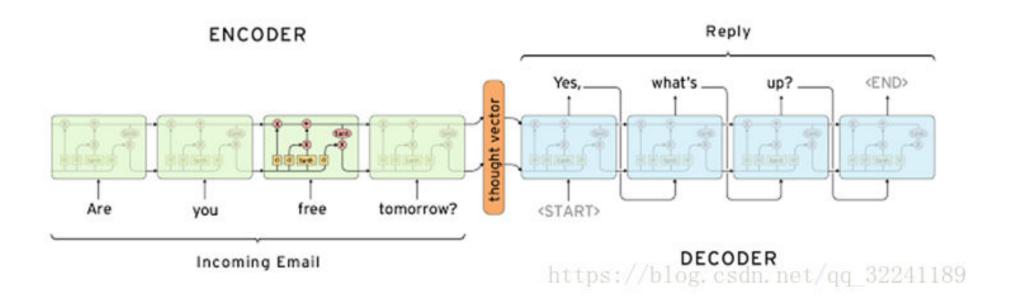
RNN中的Dropout不直接对网络结构进行更改,因为RNN属于自回归模型,会放大噪声,干扰自己的学习,而Dropout等正则化方法实际上等价于引入大量噪声。

Dropout一定要设置在网络的非循环部分,否则信息将会因循环步的进行而逐渐丢失。如果将Dropout设置在隐状态上(下图实线位置),那么每经过一次循环,信息就被做随机丢弃一部分。对于长序列,循环到最后时信息已经所剩无几;反之,我们把Dropout设置在输入神经元上(下图虚线位置),那么因Dropout造成的信息损失则与循环的次数(时间步)无关,仅仅与RNN单元的网络层数相关。



RNN在编码器-解码器 (Encoder-Decoder) 结构中的典型应用:序列到序列 (seq2seq)模型

应用场景: 机器翻译, 文本摘要, 对话生成, 关键词/短语生成



RNN做情感分类

带着愉悦的心情 看了这部电影

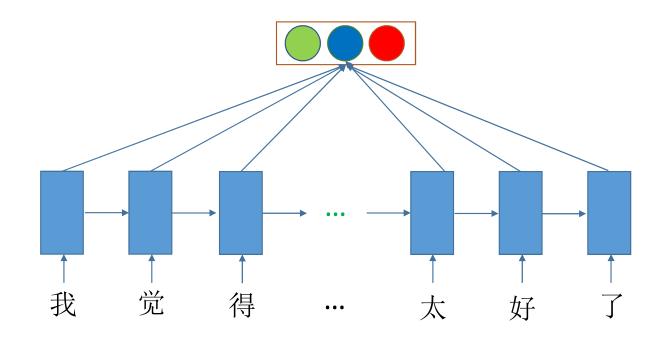
Positive (正面)

这部电影太糟了

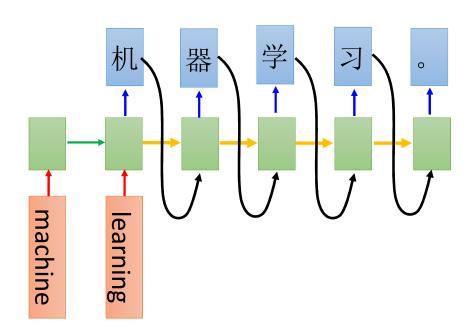
Negative (负面)

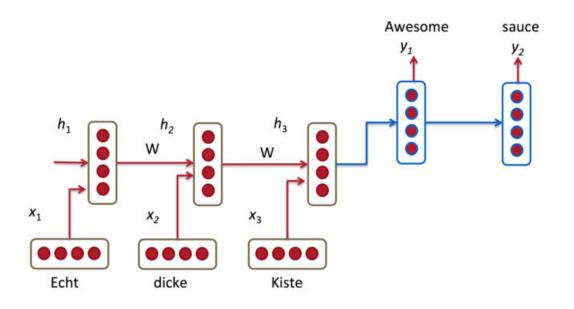
这部电影很棒

Positive (正面)



RNN做机器翻译





RNN做语音识别

