INSTITUTO TECNOLÓGICO DE AERONÁUTICA

VESTIBULAR 2023



FORMULÁRIO DE QUESTÃO

PROVA DE QUÍMICA

2ª FASE

Questão 1. Considere dois líquidos voláteis, A e B, que são completamente miscíveis entre si e que formam uma solução ideal em toda a amplitude de concentrações. Esses líquidos são adicionados a um tanque fechado, inicialmente sob vácuo, e mantido em temperatura constante (T), na proporção molar 1:1. Considere que a mistura causa um abaixamento na pressão de vapor do líquido A igual a 40 Torr e que a pressão de vapor do líquido B puro é igual a 20 Torr.

Determine os valores numéricos:

- a) da pressão de vapor do líquido A puro na temperatura T;
- b) da pressão de vapor da solução, depois de atingido o equilíbrio do sistema;
- c) da composição molar da fase vapor em equilíbrio com a fase líquida presente no tanque.

Resolução:

a) O valor numérico da pressão de vapor do líquido A puro na temperatura T (4 pontos)

A pressão de vapor do líquido A é abaixada 40 Torr devido à presença do líquido B na solução.

$$\Delta P = P_A^0 - P_A$$

$$X_B = \frac{n_B}{n_A + n_B}$$

$$X_B = \frac{1}{1+1} = 0,5$$

$$\Delta P = P_A^0 - X_A \cdot P_A^0$$

$$\Delta P = P_A^0 \cdot (1 - X_A)$$

$$\Delta P = P_A^0 \cdot X_B$$

$$P_A^0 = 80 \text{ Torr}$$

b) O valor numérico da pressão de vapor da solução após atingido o equilíbrio do sistema (2 pontos).

$$P_{t} = P_{A} + P_{B}$$
 $P_{t} = 0.5.80 + 0.5.20$ $P_{t} = X_{A}P_{A}^{0} + X_{B}P_{B}^{0}$ $P_{t} = 50 \text{ Torr}$

 c) Os valores numéricos da composição molar da fase vapor em equilíbrio com a fase líquida presente no tanque (4 pontos)

A composição do vapor, em unidades de fração molar, pode ser obtida utilizando-se a Lei de Dalton.

$$P_{A} = y_{A} . P_{t} \qquad \qquad \vdots \qquad \qquad P_{B} = y_{B} . P_{t}$$

$$y_A = \frac{P_A}{P_t} = \frac{40}{50} = 0.8$$

$$y_{B} = \frac{P_{B}}{P_{t}} = \frac{10}{50} = 0.2$$

Composição molar do vapor

Questão 2. O ácido fórmico pode ser obtido por meio de uma reação de duas etapas. Na primeira etapa, em temperatura de 200 °C e pressão de 10 atm, monóxido de carbono e hidróxido de sódio reagem. Na segunda, o produto dessa primeira etapa reage com ácido sulfúrico, formando-se o ácido fórmico. Sobre esse processo, apresente:

- a) a fórmula estrutural do produto gerado na primeira etapa;
- b) a equação química balanceada da primeira etapa;
- c) a equação química balanceada da segunda etapa.

Resolução:

c)
$$(4 \text{ pontos})$$

$$2\text{HCOONa} + \text{H}_2\text{SO}_4 \longrightarrow 2\text{HCOOH} + \text{Na}_2\text{SO}_4 \quad \text{ou}$$

$$\text{HCOONa} + \text{H}_2\text{SO}_4 \longrightarrow \text{HCOOH} + \text{NaHSO}_4$$

Questão 3. Um determinado sistema consiste em dois sólidos, A e B, cada qual com uma quantidade igual a 1 mol. Considere que os sólidos estão fisicamente separados, mas em contato térmico por meio de uma parede condutora de calor, a qual garante que estejam em equilíbrio térmico em todos os instantes. A temperatura inicial desse sistema é igual a -10 °C. O sistema é aquecido até atingir a temperatura de 20 °C. A temperatura de fusão de A é igual a 0 °C e a de B é igual a 10 °C. Considere ainda os dados a seguir.

- I. Variação de entalpia de fusão, de A, $\Delta H_{fusão}(A) = 1 \text{ kJ mol}^{-1}$, e de B, $\Delta H_{fusão}(B) = 2 \text{ kJ mol}^{-1}$;
- II. Capacidade calorífica molar sob pressão constante, de A sólido, $C_{p,sólido}(A) = 30 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$, e de B sólido, $C_{p,sólido}(B) = 20 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$;
- III. Capacidade calorífica molar sob pressão constante, de A líquido, $C_{p,líquido}(A) = 50 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$, e de B líquido, $C_{p,líquido}(B) = 100 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$.

Desenhe um gráfico da temperatura do sistema, em °C, em função da quantidade de calor fornecida, em kJ, indicando o fenômeno físico e o valor numérico da quantidade de calor fornecida em cada etapa do processo de aquecimento, até a temperatura final ser atingida.

Resolução:

1,0 (um) ponto para o cálculo de cada etapa

Etapa 1: aquecimento de A e B sólidos de -10 °C a 0 °C

$$Q_A = C_p(s\'olido, A) \times \Delta T = 30 \times 10 = 300 J$$

$$Q_B = C_p(s\'{o}lido, B) \times \Delta T = 20 \times 10 = 200 J$$

Total = 500 J = 0.5 kJ

Etapa 2: fusão de A a 0 °C

$$Q_A = \Delta H(fus\tilde{a}o de A) = 1000 J = 1 kJ$$

Etapa 3: aquecimento de A líquido e B sólido de 0 °C a 10 °C

$$Q_A = C_p(líquido, A) \times \Delta T = 50 \times 10 = 500 J$$

$$Q_B = C_p(s\'olido, B) \times \Delta T = 20 \times 10 = 200 J$$

$$Total = 700 J = 0.7 kJ$$

Etapa 4: fusão de B a 10 °C

$$Q_B = \Delta H(fus\tilde{a}o de B) = 2000 J = 2 kJ$$

Etapa 5: aquecimento de A e B líquidos de 10 °C a 20 °C

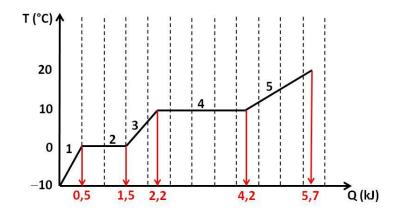
$$Q_A = C_p(liquido, A) \times \Delta T = 50 \times 10 = 500 J$$

$$Q_B = C_p(liquido, B) \times \Delta T = 100 \times 10 = 1000 J$$

Total: 1500 J = 1.5 kJ

Calor total nas 5 etapas: 500 + 1000 + 700 + 2000 + 1500 = 5700 J = 5,7 kJ

5,0 (cinco) pontos para o gráfico



Questão 4. Duas soluções aquosas, contendo os cátions genéricos, A^+ e B^+ , são preparadas com as concentrações iniciais descritas a seguir.

Solução 1:
$$[A^+] = 2 \times 10^{-2} \text{ mol } L^{-1} \text{ e } [B^+] = 1 \times 10^{-4} \text{ mol } L^{-1}$$
.

Solução 2:
$$[A^+] = 5 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1} \text{ e } [B^+] = 1 \times 10^{-3} \text{ mol L}^{-1}$$
.

A cada uma dessas soluções são adicionadas quantidades progressivas de um ânion C⁺, sem variação significativa do volume das soluções. Considere que os produtos de solubilidade dos sólidos AC(s) e BC(s) são iguais a 1×10^{-7} e 1×10^{-9} , respectivamente.

Com base nessas informações, determine o que se pede para a solução 1 e para a solução 2.

- a) Qual sólido será formado primeiro com a adição progressiva de C⁻ a cada uma das soluções? Justifique a sua resposta.
- b) Conforme C⁻ é progressivamente adicionado, o segundo sólido começa a se formar. Nesse momento, qual é a concentração em solução do cátion desse primeiro sólido precipitado em cada solução?

Resolução:

$$AC_{(s)} \longleftrightarrow A^+ + C^-$$

$$K = [A^+][C^-] = 1 \times 10^{-7}$$

$$BC_{(s)} \leftrightarrow B^+ + C^-$$

$$K = [B^+][C^-] = 1 \times 10^{-9}$$

a) Solução 1: 2,5 pontos

Para que ocorra a precipitação do sólido AC(s) a concentração do íon C⁻ deve ser:

$$[A^+][C^-] = 1 \times 10^{-7}$$

$$(2 \times 10^{-2})[C^{-}] = 1 \times 10^{-7}$$

$$[C^{-}] = 5 \times 10^{-6} \,\text{mol L}^{-1}$$

Para que ocorra a precipitação do sólido BC_(s) a concentração do íon C⁻ deve ser:

$$[B^+][C^-] = 1 \times 10^{-9}$$

$$(1 \times 10^{-4})[C^{-}] = 1 \times 10^{-9}$$

$$[C^{-}] = 1 \times 10^{-5} \,\text{mol } L^{-1}$$

Portanto o sólido AC_(s) deve precipitar primeiro.

Solução 2: 2,5 pontos

Para que ocorra a precipitação do sólido AC_(s) a concentração do íon C⁻ deve ser:

$$[A^+][C^-] = 1 \times 10^{-7}$$

$$(5 \times 10^{-2})[C^{-}] = 1 \times 10^{-7}$$

$$[C^{-}] = 2 \times 10^{-6} \,\text{mol L}^{-1}$$

Para que ocorra a precipitação do sólido BC(s) a concentração do íon C- deve ser:

$$[B^+][C^-] = 1 \times 10^{-9}$$

$$(1 \times 10^{-3})[C^{-}] = 1 \times 10^{-9}$$

$$[C^{-}] = 1 \times 10^{-6} \,\text{mol } L^{-1}$$

Portanto o sólido BC(s) deve precipitar primeiro.

b) Solução 1: 2,5 pontos

Quando começa a ocorrer a precipitação do sólido BC(s), temos que $[C^-] = 1 \times 10^{-5} \text{ mol } L^{-1}$. Dessa forma, a concentração do íon A^+ deve ser:

$$\begin{split} [A^+][C^-] &= 1\times 10^{-7}\\ [A^+] &(1\times 10^{-5}) = 1\times 10^{-7}\\ [A^+] &= 1\times 10^{-2}\,\text{mol}\;L^{-1}\\ \text{Solução 2: 2,5 pontos} \end{split}$$

Quando começa a ocorrer a precipitação do sólido AC(s), temos que $[C^-] = 2 \times 10^{-6} \, \text{mol L}^{-1}$. Dessa forma, a concentração do íon B^+ deve ser:

$$\begin{split} [B^+][C^-] &= 1 \times 10^{\text{-}9} \\ [B^+] &\; (2 \times 10^{\text{-}6}) = 1 \times 10^{\text{-}9} \\ [B^+] &= 5 \times 10^{\text{-}4} \, \text{mol L}^{\text{-}1} \end{split}$$

Questão 5. Uma amostra de 5,480 g de uma mistura de óxido e carbonato de um mesmo metal (com um estado de oxidação igual a +2 nesses compostos) é completamente dissolvida em excesso de ácido clorídrico. Nesse processo, 0,448 L (condições normais) de gás são liberados.

Com base nessas informações, determine os valores numéricos

- a) da composição da mistura, em frações mássicas, se a quantidade em mol de carbonato na mistura é duas vezes maior do que a quantidade do óxido;
- b) da concentração molar do sal formado na solução resultante, se o volume final da dissolução é igual a $200~\mathrm{mL}$.

Resolução:

Seja o metal desconhecido como M. Assim,

$$MO + 2HCl = MCl_2 + H_2O$$

$$MCO_3 + 2HCl = MCl_2 + CO_2 + H_2O.$$

(a) (Pontuação: 8 pontos)

Encontre a quantidade de gás, CO₂, liberado:

Moles de CO₂ na mostra

$$n(CO_2) = V(CO_2)/V(condições normais) = 0.448/22.4 = 0.02 moles$$

por tanto,

$$n(MCO_3) = 0.02 \text{ mol};$$

$$n(MO) = 0.01 \text{ mol.}$$

Seja M_M a massa atômica do metal M,

Então:

$$0.01 (M_M + 16) + 0.02 (M_M + 60.01) = 5.480;$$

$$M_M = 137,33.$$

Massa de oxido, MO = 1.53 g;

fração mássica de MO = 28%;

fração mássica de $MCO_3 = 72\%$

(b) (Pontuação: 2 pontos)

Concentração molar do sal formado na solução resultante;

$$MCl_2 = 0.03 \text{ mol};$$

Volume final da dissolução: 200 mL = 0.2 L

Concentração molar $MCl_2 = 0.15 \text{ mol/L}$.

Questão 6. Suponha que, em medições experimentais realizadas no espaço sideral, foi descoberto um sistema formado de gás hidrogênio atômico excitado. A energia desse hidrogênio excitado é igual a -0.34 meV, fazendo com que o sistema emita um espectro de ondas eletromagnéticas de forma aparentemente contínua. Considere o modelo do átomo proposto por Bohr para descrever esse sistema. Considere, ainda, que a energia do átomo de hidrogênio no estado fundamental é -13.6 eV e que o raio do átomo de hidrogênio no estado fundamental é igual a 53 pm.

Acerca desse sistema, determine o que se pede a seguir.

- a) Qual é o nível de energia no qual os átomos de hidrogênio excitados se encontram?
- b) Qual é o raio da órbita do elétron ao redor do próton nesses átomos de hidrogênio?
- c) Qual é a razão entre a velocidade do elétron do átomo de hidrogênio no estado fundamental e no estado excitado?

Resolução:

a) (4 pontos) Considerando o modelo de Bohr e a informação sobre a energia de ligação:

$$\Delta E = -13.6 * \left(\frac{1}{n_{superior}^{2}} - \frac{1}{n_{inferior}^{2}}\right)$$
$$3.4 * 10^{-4} = -13.6 * \left(\frac{1}{\infty^{2}} - \frac{1}{n^{2}}\right)$$
$$n^{2} = \frac{13.6}{3.4 * 10^{-4}} = 4 * 10^{4}$$
$$n = 200$$

b) (3 pontos) O raio da órbita nesse estado previsto pelo modelo de Bohr é dado por:

$$r_n = n^2 * r_1$$

Onde r_1 é o raio do átomo de hidrogênio no estado fundamental.

$$r_{200} = 4 * 10^4 * 53 * 10^{-12}$$

 $r_{200} = 212 * 10^{-8}m = 2,12\mu m$

c) (3 pontos) Usando a relação de quantização do momento angular proveniente do modelo de Bohr:

$$mv_n r_n = n \frac{h}{2\pi}, n = 1, 2, ...$$

 $\frac{v_n r_n}{n} = \frac{h}{2\pi m}, n = 1, 2, ...$

Logo:

$$\frac{v_{200}r_{200}}{200} = \frac{v_1r_1}{1}$$
$$\frac{v_{200}}{v_1} = \frac{200}{1} \frac{r_1}{r_{200}}$$

Substituindo os raios:

$$\frac{v_{200}}{v_1} = \frac{200}{1} \frac{r_1}{200^2 * r_1}$$
$$\frac{v_{200}}{v_1} = \frac{1}{200}$$

Questão 7. A primeira determinação experimental do tamanho de um núcleo foi feita a partir dos resultados do espalhamento de Rutherford de partículas α . Os resultados evidenciaram uma dependência entre o raio nuclear (R) e o número de massa (A), através da relação:

$$R = R_0 A^{1/3}$$
,

em que R₀ é uma constante.

Com base nessas informações, calcule o valor numérico:

- a) da densidade nuclear para o $_{29}\mathrm{Cu}^{63}$, considerando que o raio para $_{30}\mathrm{Zn}^{64}$ é $_{4.8}\times10^{-15}$ m;
- b) da razão entre os raios nucleares do isótopo de magnésio 12Mg²⁴ e do isótopo de ósmio 76Os¹⁹²;
- c) da densidade nuclear para o seabórgio ₁₀₆Sg²⁷¹, comparando-a com o valor da densidade nuclear do ₂₉Cu⁶³ obtida no item (a) acima.

Resolução:

$$R_{Zn}=R_0A_{Zn}^{1/3}$$

$$R_0 = R_{Zn} / A_{Zn}^{1/3}$$

$$R_0 = 4.8{\times}10^{\text{-}15}~\text{m}~/64^{1/3}$$

$$R_0 = 4.8 \times 10^{-15} \text{ m/4}$$

$$R_0 = 1.2 \times 10^{-15} \text{ m}$$

Cálculo da densidade do núcleo

 $ho_N = Massa do núcleo (M_N) / Volume Nuclear (V_N)$

a) (4 pontos) Massa do núcleo $M_N = A \times 1,67 \times 10^{-27}~kg$ onde A é o número de massa do núcleo. Unidade de massa atômica, $u = 1,67 \times 10^{-27}~kg$.

Volume nuclear,
$$V = 4/3\pi R^3 = 4/3(R_0A^{1/3})^3$$

$$V = 4/3\pi R_0^3 \times A$$

para o núcleo 29Cu⁶³

$$\begin{split} \rho_N &= \frac{A \times 1,67 \times 10^{-27} kg}{4/3 \, \pi R_o^3 \times A} \\ \rho_N &= \frac{3 \times 1,67 \times 10^{-27} kg}{4 \pi \times (1,2 \times 10^{-15} m)^3} \\ \rho_N &= \frac{5 \times 10^{-27} kg}{4 \pi \times 1,7 \times 10^{-45} m^3} \\ \rho_N &= \frac{5 \times 10^{-27} kg}{2,2 \times 10^{-44} m^3} \\ \rho_N &= 2,3 \times 10^{17} \frac{kg}{m^3} \end{split}$$

b) (3 pontos)Cálculo;

Número de massa do magnésio, $A_1 = 24$

Raio nuclear do magnésio, $R_1 = R_0 A_1^{1/3}$

Número de massa do ósmio, $A_2 = 192$

Raio nuclear do ósmio, $R_2 = R_0 A_2^{1/3}$

$$R_1/R_2 = (A_1/A_2)^{1/3}$$

$$\begin{split} R_1/R_2 &= (24/192)^{1/3} \\ R_1/R_2 &= (1/8)^{1/3} \\ R_1/R_2 &= 0.5 \end{split}$$

c) (3 pontos) Cálculo da densidade nuclear;

Densidade Nuclear = M/V

Densidade Nuclear = 3 × A (1.67×10⁻²⁷) kg/ 4 × 3.14(1.2 × 10⁻¹⁵ m)³ × A

Os núcleos mais pesados são maiores em tamanho do que os núcleos mais leves. Nesse modelo, a densidade nuclear é independente do número de massa de um átomo.

Densidade Nuclear = $2.31 \times 10^{17} \text{ kg/m}^3$

Questão 8. O método de obtenção de magnésio metálico consiste nas seguintes etapas:

- I. Uma amostra de carbonato de cálcio sólido é aquecida a altas temperaturas, formando um produto sólido A e um gasoso B.
- II. Em seguida, o sólido A é tratado com água do mar, formando-se um hidróxido pouco solúvel que se ioniza formando os produtos C e D.
- III. Os ânions D reagem com cátions Mg²⁺ da água do mar. O resultado é um precipitado E.
- IV. O composto E é separado por filtração e dissolvido por meio da adição de uma solução aquosa de ácido clorídrico.
- V. A seguir, o solvente da solução é evaporado, obtendo-se o sal iônico F seco.
- VI. Finalmente, o sal F é submetido a uma eletrólise ígnea.

Determine o que se pede.

- a) Apresente as equações químicas balanceadas que representam as reações, identificando os produtos A, B, C, D, E e F formados.
- b) Em relação à eletrólise ígnea, mostre as semi-equações que representam as semi-reações que ocorreram no anodo e no catodo, assim como a reação global.

Resolução:

I-
$$CaCO_3(s) = CaO(s) + CO_2(g)$$
, $A = CaO(s)$, $B = CO_2(g)$

II-
$$CaO(s) + H_2O(l) = Ca (OH)_2(s) = Ca^{2+}(aq) + 2 OH^{-}(aq), \quad C = Ca^{2+}(aq), D = OH^{-}(aq)$$

III-
$$Mg^{2+}(aq) + 2OH^{-}(aq) = Mg (OH)_{2}(s)$$
. $E = Mg(OH)_{2}(s)$.

IV- Mg
$$(OH)_2(s) + 2H^+(aq) + 2Cl^-(aq) = Mg^{2+}(aq) + 2Cl^-(aq) + 2H_2O(l)$$
.

V- Evaporação do sobrenadante:
$$Mg^{2+}(aq) + 2Cl^{*}(aq) = MgCl_{2}(s)$$
 $F = MgCl_{2}(s)$ seco

VI- Eletrólise ígnea:

$$Fus\~{a}o~do~MgCl_2(s):~~MgCl_2(s)~=~Mg^{2+}(l)~+~2Cl^{\text{-}}(l)$$

$$Anodo - 2Cl(1) = Cl_2(g) + 2e^{-g}$$

$$Catodo - Mg^{2+}(1) + 2e^{-} = Mg(s)$$

Reação global:
$$Mg^{2+}(l) + 2Cl^{-}(l) = Mg(l) + Cl_2(g)$$

Pontuação:

Item a. 6 pontos.

Item b. 4 pontos.

Questão 9. Apresente os compostos orgânicos formados a partir das reações do etanoato de metila com os seguintes reagentes:

- I. solução aquosa de ácido clorídrico.
- ${f II.}$ solução aquosa de hidróxido de sódio.
- III. amônia gasosa.
- IV. Li(AlH₄) dissolvido em dietil éter, seguido da adição de uma solução aquosa ácida.

Resolução:

- I. $H_3CCOOH + H_3COH$.
- II. $H_3CCOONa + H_3COH.$
- III. $H_3CCONH_2 + H_3COH$
- IV. $H_3CCH_2OH + H_3COH$

Pontuação:

I-2 pontos

II-2 pontos

III-2 pontos

IV - 4 pontos

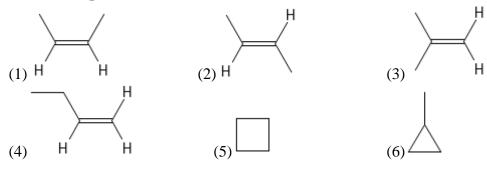
Questão 10. Considere o composto de fórmula C₄H₈.

Apresente:

- a) os seis isômeros estruturais e geométricos;
- b) a fórmula estrutural dos produtos dibromados formados nas reações de cada um desses seis isômeros com Br₂. Considere que as condições das reações são adequadas para que ocorram de forma completa e produtos dibromados sejam gerados.

Resolução:

a) 3,0 (três) pontos



b) 7,0 (sete) pontos

Reações com Br₂: