

Cálculo II

Nicholas Mc-Donnell

1er semestre 2018

Programa

Profesor: Godofredo Iommi

Email: giommi@mat.uc.cl

1. La Integral de Riemann
2. Técnicas de integración
3. Aplicaciones
4. Integrales impropias
5. Sucesiones y Series de funciones

Bibliografía

- Calculus, 4 edición, Kitchens
- www.mat.uc.cl/~igiommi

Adicional

- Análise Real Vol. I, Lima
- Introduction to Calculus and Analysis, Courant y John

Evaluaciones

I1: Jueves 5 Abril 7-8

I2: Jueves 3 Mayo 7-8

I3: Miércoles 6 Junio 7-8

Examen: Martes 26 Junio 3-4

$$NF = 0,7 \cdot \frac{(I1 + I2 + I3)}{3} + 0,3 \cdot EX$$

No hay eximición

Índice general

I	La Integral de Riemann	3
1.	Axioma del Supremo	5

Parte I

La Integral de Riemann

Capítulo 1

Axioma del Supremo

Estructura algebraica: \mathbb{R} es un cuerpo

Estructura de orden: \mathbb{R} esta ordenado

\mathbb{R} es completo (\mathbb{Q} no es completo)

Definición 1.0.1 (Cota Superior). Sea $A \subseteq \mathbb{R}$ un conjunto no vacío, diremos que $a \in \mathbb{R}$ es cota superior de A si para todos $x \in A$ se tiene que $x \leq a$

Definición 1.0.2 (Cota Inferior). Análogamente se define cota inferior

Observación 1.0.1. Las cotas superiores e inferiores no son unicas.

Ejemplo: 1.0.1.

$$A = \left\{ \frac{1}{n} : n \in \mathbb{N} \right\}$$

es tal que 0 es cota inferior y 2 es cota superior.

Ejemplo: 1.0.2.

$$A = [0, +\infty]$$

Posee cota inferior, pero no superior

Definición 1.0.3. Diremos que $A \subset \mathbb{R}, A \neq \emptyset$ es acotado superiormente (resp. inferiormente) si posee cotas superiores (resp. inferiores).

Diremos que A es acotado si lo es inferior y superiormente.

Definición 1.0.4. Sea $A \subset \mathbb{R}, A \neq \emptyset$ si $a \in A$ es cota superior (resp. inferior) de A diremos que " a ."es el maximo (resp. minimo) de A

Definición 1.0.5 (Supremo). Sea $A \subset \mathbb{R}$ un conjunto no vacío, diremos que $a \in \mathbb{R}$ es el supremo de A y anotaremos $a = \sup A$ si satisface:

1. El numero a es cota superior de A

2. Si $b \in \mathbb{R}$ es cota superior de A entonces $a \leq b$

Observación 1.0.2. El supremo es la menor de las cotas superiores de A

Observación 1.0.3. Es posible reformular la definición de supremo. En efecto, $a = \sup A$ si:

1. a es cota superior de A
2. $\forall \epsilon > 0 \exists x \in A : a - \epsilon < x \leq a$

Definición 1.0.6 (Ínfimo). Análogamente el ínfimo se define con cotas inferiores y con notación \inf

Definición 1.0.7 (Axioma del Supremo). Todo conjunto $A \subset \mathbb{R}$ acotado superiormente posee supremo.

Observación 1.0.4. Todo conjunto $A \subset \mathbb{R}$ acotado inferiormente posee ínfimo.