



PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE
FACULTAD DE MATEMÁTICAS
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

Ayudante: Nicholas Mc-Donnell

Email: namcdonnell@uc.cl

Ayudantía 15

MAT1106 — Introducción al Cálculo

Fecha: 2020-10-20

Problema 1:

- (a) Demuestre que $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}} = 1$
- (b) Demuestre que $\lim_{n \rightarrow \infty} \cos\left(\frac{1}{n}\right) = 1$
- (c) Demuestre que $\lim_{n \rightarrow \infty} n \sin\left(\frac{1}{n}\right) = 1$

Solución problema 1:

■

Problema 2:

Sea x_n una sucesión, se define c_n de la siguiente forma

$$c_n = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}.$$

Demuestre que si $x_n \rightarrow L$ entonces $c_n \rightarrow L$

Solución problema 2:

■

Problema 3:

Sea x_n una sucesión convergente y $\varepsilon > 0$, demuestre que existe una subsucesión x_{n_k} tal que para todo $k \in \mathbb{N}$ se tiene

$$|x_{n_k} - x_{n_{k+1}}| < \varepsilon.$$

Solución problema 3:



Problema 4:

Sea x_n una sucesión tal que $x_n \rightarrow L$ con $L \neq 0$, demuestre que eventualmente x_n tiene el mismo signo.

Solución problema 4:

