## V. VILLAMOSSÁG

## (Elektromosság és mágnesesség)

## 1. Coulomb-törvény

- 929. Mekkora egyenlő töltések hatnak egymásra 10 cm távolságból 4 N erővel? (2,11·10<sup>-6</sup> C)
- **930.** Milyen távol van egymástól az a két pontszerű test, amelyeknek töltése  $10^{-7}$  C és  $2,5\cdot10^{-7}$  C és 0,12 N erővel taszítják egymást? (4,33 cm)
- 931. Mekkora két egyenlő töltés taszítja egymást 94,5 km távolságból 1 N erővel?

 $(0,996 \text{ C} \approx 1 \text{ C})$ 

- 932. Két pozitív pontszerű töltés Q és 4Q egymástól L távolságban van rögzítve. Hol kell elhelyezni egy pontszerű Q töltést, hogy egyensúlyban legyen? (L/3)
- 933. Mekkora a súlya annak az 1 cm sugarú,  $+10^{-10}$  C töltésű gömbnek, amely egy 3 cm sugarú  $+10^{-6}$  C töltésű gömb felett lebeg, ha a két gömb felszínének távolsága 4 cm? (1,41·10<sup>-4</sup> N)
- 934. Egymástól L távolságban van rögzítve egy pontszerű negatív (-2Q) és egy pontszerű pozitív (+Q) töltés. A töltéseket összekötő egyenes mely pontjában lesz egyensúlyban egy harmadik pozitív Q töltés?  $[L(1+\sqrt{2})]$ Milyen jellegű ebben a pontban az egyensúly, ha a harmadik töltés csak a töltéseket összekötő egyenesen mozdulhat el? (Stabil)
- 935. Egy 1,6·10<sup>-6</sup> C és egy -8·10<sup>-7</sup> C pontszerű töltés egymástól 24 cm-re van. E töltések által meghatározott egyenesen hol van egyensúlyban egy 10<sup>-8</sup> C pontszerű töltés? (0,57 m) Milyen egyensúlyi helyzet ez? (Stabil)
- 936.  $2 \cdot 10^{-9}$  C negatív töltéstől balra 10 cm-re  $10^{-9}$  C pozitív töltés, jobbra 20 cm-re  $3 \cdot 10^{-9}$  C pozitív töltés van.

Mekkora és milyen irányú erő hat az egyes töltésekre, ha azok pontszerűek és rögzítettek?
(1,5·10<sup>-6</sup> N; 4,5·10<sup>-7</sup> N; 1,05·10<sup>-6</sup> N)

- 937) Egy vékony szigetelőrúdra felfűzünk egy  $3\cdot 10^{-4}$  C töltésű gyöngyöt, amely szabadon csúszhat a 80 cm hosszú rúd két végére rögzített  $Q_1$ = $2\cdot 10^{-4}$  C és  $Q_2$ = $18\cdot 10^{-4}$  C töltésű gyöngyök között.
- a) Milyen előjelűnek kell lennie az egyes töltéseknek, hogy egyensúlyi helyzetet kapjunk a rúd valamely közbenső pontjában?

  (Q<sub>1</sub> és Q<sub>2</sub> azonos előjelű)
- b) Mikor lesz ez az egyensúly stabil?

(Ha mindhárom töltés előjele egyezik.)

c) Hogyan helyezkednek el ekkor a gyöngyök?

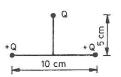
 $(0,2 \text{ m-re } Q_1\text{-től})$ 

#### 132 VILLAMOSSÁG

938. Egy négyzet csúcsaiban egyenlő Q pontszerű töltések helyezkednek el. Mekkora és milyen előjelű töltés van a négyzet átlóinak metszéspontjában, ha az egész rendszer egyensúlyban van?  $[Q^*=\frac{0}{4}\left(1+2\sqrt{2}\right);\;\;Q^*\text{ ellentétes előjelű }Q\text{-val.}]$ 

939. Két azonos előjelű +5·10<sup>-8</sup> C töltésű testet egymástól 10 cm távolságban rögzítünk. Az összekötő szakasz felező merőlegesére a szakasztól 5 cm távolságban mozgathatóan elhelyezünk egy -5·10<sup>-8</sup> C töltéssel ellátott 1 g tömegű testet. A töltések pontszerűek, és a nehézségi erő hatásától eltekinthetünk! Mekkora és milyen irányú gyorsulással indul el az 1 g-os test?

(6.36 m/s², függőlegesen lefelé)



- **940.** Egyenlő oldalú hárömszög csúcsaiban azonos előjetű és nagyságú *Q* töltések vannak. Mekkora és milyen előjelű töltés van a háromszög szimmetria centrumában, ha mind a négy töltés egyensúlyban van?

  (0,577 **Q**; ellentétes előjelű)
- 941. Három egyenlő nagyságú és előjelű pontszerű töltés egyenlő oldalú háromszög csúcspontjaiban helyezkedik el. Mekkora erő hat az egyes töltésekre, ha nagyságuk  $6\cdot 10^{-9}$  C, és a háromszög oldala 6 cm? (1.56· $10^{-4}$  N)
- 942.  $5\cdot10^{-8}$  C töltés vízszintes irányban 15 cm távolságban van egy ismeretlen nagyságú töltéstől. Mekkora ez a töltés, ha az ismert töltés alatt 8 cm-re elhelyezett  $3\cdot10^{-8}$  C töltésre ható erő iránya vízszintes? (4,8·10<sup>-7</sup> C)
- 943. Két azonos tömegű, igen kis méretű fémgolyócskát 5·10<sup>-7</sup> C nagyságú töltéssel látunk el, majd 0,8 m hosszú fonálon közös pontban felfüggesztünk.

  Mekkora a golyók tömege, ha egyensúlyban a golyók 12 cm-re vannak egymástól? (0,207 kg)
- **944.** Két 0,1 g tömegű kis golyó azonos pontban egy-egy 20 cm hosszú fonálon függ. Ha a golyóknak egyenlő nagyságú és előjelű töltést adunk, a golyók úgy távolodnak el egymástól, hogy a fonalak 60°-os szöget zárnak be egymással.

a) Mekkora a golyók töltése?

 $(5,07\cdot10^{-8} \text{ C})$ 

b) Hány darab elektronnak van ennyi töltése?

 $(3,17\cdot10^{11})$ 

**945.** Két egyenlő sugarú kis fémgolyónak, egyenlő nagyságú és előjelű töltése van. A golyókat 1–1 m hosszú fonalon, közös pontban felfüggesztettük. Az elektromos taszítás hatására 20 cm-re távolodnak el egymástól.

Mekkora a golyók töltése, ha tömegük 1-1 gramm?(6,68·10<sup>-8</sup> C)

**946.** Két, egyenként 30 cm hosszú fonalra egy-egy 20 mg tömegű golyócskát erősítünk, és mindegyiknek ugyanakkora pozitív töltést adunk. Ekkora fonalak 60°-os szöget zárnak be.

Mekkora a golyócskák töltése?

(3,397·10<sup>-8</sup> C)



947. Két kis méretű vezetőgömb egy pontban felfüggesztett, két igen hosszú szigetelőfonálon függ. A gömbök egyenlő mennyiségű, azonos előjelű töltéseik hatására egymástól d távolságra eltávolodnak. Az egyik gömbtől a töltést elvezetjük. Mi történik ezután?

 $(\frac{d}{3/4}$  a töltések közötti távolság)

948. Két azonos méretű és tömegű golyó az ábra szerinti helyzetben egyensúlyban van, mivel mindkettőnek azonos nagyságú és előjelű elektromos töltése van. 0,8  $\frac{kg}{dm^3}$ , sűrűségű petróleumba merítve az elrendezést, a két golyót tartó fonal által bezárt szög nem változik meg, és a Coulomb-törvényben szereplő arányossági tényező értéke petróleumban fele akkora értékű mint légüres térben. Milyen sűrűségű anyagból készültek a golvók? (1.6·10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>)



949. Mekkora töltés halad át a vezető keresztmetszetén 8 órás üzem alatt abban az egyenáramú hálózatban, amelyben 15 A erősségű áram folyik? (4.32·10<sup>5</sup> C) Mekkora erővel hatna ez a töltés egy ugyanakkora töltésre, ha azok egymástól 1 m távolságra levő pontszerű testben halmozódnának fel? (1,68·10<sup>21</sup> N)

950. Rögzített helyzetű, -4·10<sup>-8</sup> C nagyságú negatív töltés körül vákuumban, körpályán kering a 9·10<sup>-8</sup> C nagyságú pozitív töltés. A körpálya sugara 6 mm.

a) Mekkora a pozitív töltésre ható erő nagysága?

(0.9 N)

b) Mekkora a pozitív töltés mozgási energiája?

 $(2.7 \cdot 10^{-3} \text{ J})$ 

951. Az ábrán a két kicsiny méretű 0,5 gramm tömegű fémgömb egyike rögzített, másika 20 cm hosszú fonalra van erősítve. A fémgömböknek azonos nagyságú töltést adunk. A fonal ekkor a függőlegessel 30°-os szöget zár be. (5,36·10<sup>-8</sup> C) Mekkora a töltés?



952. Közös pontban felfüggesztünk két fonálingát. Az egyik fonál 3 cm, a másik 4 cm hosszú. A fonalak végén levő kis golyóknak 10<sup>-7</sup> C nagyságú, azonos előjelű töltéseket adunk. Ennek hatására a fonalak úgy ágaznak szét, hogy mindkét golyó ugyanolyan magasra kerül, és a fonalak egymással 90°-os szöget zárnak be.

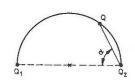
a) Mekkora a fellépő elektrosztatikus taszítóerő?

 $(3.6 \cdot 10^{-2} \text{ N})$ 

b) Mekkora az egyik és mekkora a másik golyó tömege?

(4,8·10<sup>-3</sup> kg; 2,7·10<sup>-3</sup> kg)

953. 10 cm sugarú drótból készült félkör átmérőjének végpontjaiban 2·10<sup>-8</sup> C és 10<sup>-8</sup> C nagyságú pontszerű töltések vannak. A félkörön súrlódásmentesen csúszhat egy pontszerű pozitív töltés. Hol lesz a *Q* töltés egyensúlyi helyzetben?  $(\alpha = 51.56^{\circ})$ Milyen jellegű ez az egyensúlyi helyzet? (Stabil)

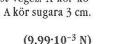


\*954. Egyenlő szárú, derékszögű háromszög befogóinak hossza L. Az egyik befogó mentén súlytalan merev rúd végeire  $m_1$  és  $m_2$  tömegű kis fémgömbök vannak erősítve, melyeknek töltései  $q_1$  és  $q_2$ . A háromszög harmadik csúcsában Q töltés van rögzítve. Mekkora lesz  $q_1$  és  $q_2$  töltésű testek gyorsulása az elektrosztatikus erő hatására abban a pillanatban, amikor a rögzítést feloldjuk?

 $\left(a = \frac{kQ}{L^2(m_1 + m_2)} \sqrt{q_1^2 + 0.25 q_2^2 + 0.7q_1 q_2}\right)$ 

955. 2•10<sup>-8</sup> C és -3•10<sup>-8</sup> C pontszerű töltések egymástól mért távolsága 0,1 m.

- a) Mekkora erő hat a 6•10<sup>-8</sup> C pontszerű töltésre, ha az előbbi töltések távolságának felezőpontjában helvezzük el? (1.08 • 10<sup>-2</sup> N)
- b) Mekkora az erő, ha a töltést a 2•10<sup>-8</sup> C töltéstől és az őket összekötő egyenestől is  $(3.9 \cdot 10^{-3} \text{ N})$ 5 cm-re helvezzük el. a két töltést összekötő egyenesre merőlegesen?
- 956. Egy 5 cm hosszú fonálra függesztett 0,8 g tömegű,  $q=10^{-8}$  C töltésű kisméretű golyó egyenletes körmozgást végez. A kör középpontjában Q=-10<sup>-7</sup> C nagyságú töltés van. A kör sugara 3 cm. A rendszer vákuumban van.





a) Mekkora erő feszíti a fonalat? b) Mennyi a keringési idő?

(0,24 s)

\*957. Két azonos hosszúságú fonálra egyenlő súlyú kicsiny golyókat függesztünk fel. Ha a rendszer elektromos töltést kap, a golyók eltávolodnak egymástól és így a fonalak 60°-os szöget zárnak be egymással. A golyókat petróleumba merítve a szálak szöge 54°-os lesz. A petróleum sűrűsége

0,8 dm<sup>3</sup>, dielektromos állandója 2. Határozzuk meg a golyók sűrűségét!  $(2,54 \text{ kg/dm}^3)$ 

\*958. Egy R = 10 cm hosszú fonál végére m = 1 g tömegű, Q töltésű kis golyót erősítünk. Az inga felfüggesztési pontjának magasságában, attól R = 10 cm távolságban az ingáéval megegyező O töltésű kis testet rögzítünk. Ha az ingát a vízszintestől lefelé α =60°-os helyzetben elengedjük, éppen félkör megtétele után lazul meg a fonál.



Határozzuk meg a Q töltés nagyságát!

 $(2.13 \cdot 10^{-7} \text{ C})$ 

- 959. Mekkora erővel vonzza a H atommag az elektront és mekkora az elektron pályamenti sebessége, ha a hidrogénatom átmérője 2·10<sup>-10</sup> m?  $(2.3\cdot10^{-8} \text{ N}; 1.59\cdot10^6 \text{ m/s})$
- \*960. Két pontszerű test egymástól rögzített távolságra van, együttes töltésük állandó. Hogyan kell megoszlania a töltéseknek a két test között, hogy a közöttük ható elektromos taszítóerő a maximális legven? (Egyenlő töltésűek legyenek)
- 961. Két 10 kg tömegű ólomgolyó 0,5 m-re van egymástól. Mindkét golyótól azonos számú elektront veszünk el. A bennük levő elektronok hány százalékát kell elvennünk a golyóktól, hogy a közöttük ható gravitációs vonzást éppen ellensúlyozzuk ezáltal?

 $(2.26 \cdot 10^{-16})$ 

# 2. Elektromos térerősség, potenciál, feszültség, munka

**962.** Mekkora erő hat  $1,6\cdot10^{-19}$  C töltésű részecskére, abban a homogén elektromos mezőben, amelyben a feszültség a térerősség irányában centiméterenként 1 V?  $(1,6\cdot10^{-17} \text{ N})$ 

963. Mekkora a térerősség a kondenzátor lemezei között, ha a lemez 25 cm² felületű és töltése 2,21·10<sup>-14</sup> C? (0,997 N/C)

964. Mekkora a térerősség 10<sup>-3</sup> C pontszerű töltéstől 20 m-re? (22 500 N/C) Mekkora erő hat az ide helyezett 10<sup>-7</sup> C töltésre? (2,25·10<sup>-3</sup> N)

965. Homogén elektromos mezőben a térerősség irányában mérve cm-enként 90 V a feszültség. Ebben a mezőben elhelyezett töltésre  $F=2\cdot 10^{-2}$  N erő hat.

Mekkora ez a töltés? (2,2·10<sup>-6</sup> C)

\*966. Egy l=5 cm hosszú acéllövedék v=1200  $\frac{m}{s}$  sebességgel vastag fába csapódik és abban egyenletesen lassulva d=20 cm mély lyukat fúr. (Az elektron tömegét és töltését l. a könyv végén!) Határozzuk meg a lövedék eleje és vége között keletkező feszültséget! (1,02  $\mu$ V)

967. A Földet 1  $\frac{V}{cm}$  erősségű elektromos mező veszi körül, amelynek iránya a Föld középpontja felé mutat. Hogyan módosul ennek következtében a 0,1 g tömegű golyó szabadesésének gyorsulása, ha a golyó töltése  $10^{-7}$  C? (0,1 m/s²)

968. A Földet 6000 km sugarú gömbnek tekintve határozzuk meg a Föld töltését, ha az elektromos térerősség a Föld felületén  $100 \, \frac{V}{m}$ , és lefelé irányul. (-4· $10^5$  C) Határozzuk meg a Föld felületének potenciálját! (6· $10^8$  V)

969. Mekkora eredő erő hat a nehézségi erőre merőleges  $10\,\frac{N}{C}$  erősségű mezőben a 0,1 g tömegű  $10^{-4}$  C töltésű testre, és mekkora a test gyorsulása? (1,41·10<sup>-3</sup> N; 14,1 m/s²)

970. Egy mozgásban levő elektronra, sebességével egyező irányban, 3000  $\frac{N}{C}$  homogén elektromos mező hat. Ha az elektron kezdeti sebessége  $3\cdot10^6$   $\frac{m}{s}$ , mekkora utat tesz meg a megállásig? (8,53 mm)

971. Két egynemű ponttöltés 25 cm távol van egymástól. Van-e olyan pont, ahol a térerősség zérus, ha  $Q_1$ =10<sup>-8</sup> C,  $Q_2$ =1,5·10<sup>-8</sup> C? ( $Q_1$ -től 11,23 cm)

#### 136 VILLAMOSSÁG

**972.** 10 cm oldalhosszúságú egyenlő oldalú háromszög csúcsaiban 5·10<sup>-7</sup> C pontszerű pozitív töltések vannak.

Mekkora a térerősség a háromszög oldalainak felezőpontjában és a háromszög súlypontjában?

(6·10<sup>5</sup> N/C; zérus)

973. Derékszögű háromszög csúcsaiban  $+10^{-9}$  C nagyságú pontszerű töltések vannak. A háromszög befogói 40 cm és 30 cm.

Mekkora az elektromos térerősség az átfogóhoz tartozó magasságvonal és az átfogó metszéspontjában?  $(245,06\ N/C)$ 

974. Súlytalannak tekinthető fonálon 20 g tömegű fémgolyó függ, töltése 9·10<sup>-8</sup> C. A töltés pozitív és az erővonalak függőlegesen lefelé mutató irányúak.

Mekkora a 15 cm hosszú fonálinga lengésideje  $9\cdot10^6$   $\frac{N}{C}$  erősségű homogén mezőben? (0,342 s)

975. Egy 0,3 m sugarú tömör fémgömbre 1,6·10<sup>-9</sup> C töltést viszünk. Határozzuk meg az elektromos térerősség nagyságát és a potenciált:

a) a gömb középpontjától 0,4 m távolságban levő pontban;

(90 N/C; 36 V)

b) a gömb középpontjától 0,2 m távolságban levő pontban!

(0; 48 V)

**976.** Vízszintes irányú, homogén elektromos térben súlytalan fonálra függesztünk egy  $3\cdot 10^{-2}$  g tömegű,  $10^{-9}$  C töltésű testet. Azt tapasztaljuk, hogy a fonál a függőlegestől  $30^{\circ}$ -ra tér ki.

a) Mekkora az elektromos térerősség?

 $(1.73 \cdot 10^5 \text{ N/C})$ 

b) Mekkora feszültségre kellett a homogén teret létrehozó, két, egymással szemben álló, párhuzamos, igen nagy kiterjedésű sík fémlemezt kapcsolni, hogy közöttük az a)-ban kapott térerősség létrejöjjön, ha a lemezek távolsága 15 cm? (25 980 V)

977. Egy közepes villám energiája akkora, mint amekkora egy olyan feltételezett kondenzátorban halmozódna fel, amelyet 3,3 C töltés  $3\cdot10^8$  V feszültségre töltene fel.

a) Mennyi 0 °C-os jeget olvasztana meg a villám energiája, ha erre a célra fel lehetne használni,

és 330 kJ a jég olvadáshője?

(1500 kg)

b) Mekkora lenne az áramerősség, ha a 30  $\mu$ s ideig tartó villámban egyenletesen áramlana a fenti töltés? (1,1·10<sup>5</sup> A)

978. Két párhuzamos, vízszintes síklemezt akkumulátor U feszültségű kapcsaihoz kapcsolunk. A lemezek között kialakuló d térben egy porszemet látunk lebegni (m,Q).

Mi történik a porszemmel, ha a lemezeket – anélkül, hogy az akkumulátorról lekapcsolnánk – egymástól egy kissé eltávolítjuk, de csak annyira, hogy a szórt mező még elhanyagolható marad?

(Egyenletesen gyorsul lefelé. 
$$a = \frac{mg - \frac{U}{d}Q}{m}$$
)

979. Egy 100 V feszültségre kapcsolt kondenzátor vízszintes lemezei 2 cm távolságra vannak egymástól.

Mekkora töltése van egy, a kondenzátor lemezei közötti homogén elektromotoros erőtérben levő  $10^{-15}$  kg tömegű olajcseppnek, ha az éppen lebeg? (2· $10^{-18}$  C)

980. Két egymástól 1 cm távolságban levő síklemez között olajcsepp lebeg. A lemezek között 1000 V a feszültség. Az olaj sűrűsége  $0.9\cdot10^3\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}$ , töltése  $1.6\cdot10^{-19}$  C.

Mekkora az olaj gömbsugara?

(7.52·10<sup>-7</sup> m.)

\*981. Síkkondenzátor lemezeivel párhuzamos sebességgel érkezik egy elektron a lemezek közé, mindkét lemeztől egyenlő távolságban. A lemezek távolsága 2 cm, hossza 4 cm és 300 V feszültséget kapcsoltunk rá.

Mekkora legyen az elektron legnagyobb sebessége, hogy még ki tudjon repülni?

 $(1,45\cdot10^7 \text{ m/s})$ 

**982.** Az ábra szerinti kondenzátor belsejében a térerősség  $10^4 \, \frac{V}{m}$ 

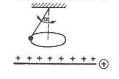
A 20 cm hosszú fonálra függesztett +10<sup>-6</sup> C töltésű 10 g tömegű gömb egyenletes körmozgást végez. A fonal a függőlegessel 30°-os szöget zár be.

a) Mekkora erő feszíti a fonalat?

(0.104 N)

b) Mekkora a golyó mozgási energiája?

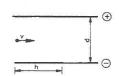
 $(2,59\cdot10^{-3} \text{ J})$ 



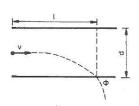
- **983.** Egy henger alap és fedőlapját egyaránt 350 és a palástját 750 erővonal hagyja el. Mennyi töltést zár magába a henger?  $(1,28\cdot10^{-8}\ \text{C})$
- 984. Mekkora a töltéssűrűség azon a fémgömbfelületen, amelynek sugara 15 cm, és a középponttól 20 cm távolságban a térerősség 3000  $\frac{V}{m}$ ? (4,71·10<sup>-8</sup> C/m²)
- \*985. L=2 m hosszú függőleges egyenes vezetőszálnak Q=2·10<sup>-6</sup> C töltést adunk. A vezetőszál közepétől a vezetőre merőleges irányban, 2 cm távolságra elhelyezett q=8·10<sup>-8</sup> C töltésű, m=5 g tömegű testet magára hagyjuk. Mekkora a test gyorsulása a kezdőpillanatban? (17,53 m/s²)
- 986. Ha egy 10 cm sugarú vasgolyó minden  $10^{18}$ -ik elektronját eltávolítanánk, az erővonalfluxus értelmezése alapján hány erővonal "hagyná el" a vasgolyó felületét? (165,7 N·m²/C) Mekkora erő vonzaná az utolsóként elvett elektront a felület közvetlen közelében? (2,1· $10^{-16}$  N)
- 987. Mekkora a potenciálkülönbség egy  $3\cdot 10^{-8}$  C töltéstől 6 cm távol levő és egy 3 cm távol levő pont között? (4500 V) Hogyan változik egy  $1,5\cdot 10^{-8}$  C töltésű test helyzeti energiája, ha a távolabbi pontból a közelebbi pontba mozdul el? (6,75 $\cdot 10^{-5}$  J)
- 988. Két párhuzamos fémlemez egymástól 5 cm-re van, a feszültség 75 V. Mekkora a felületegységre jutó töltés? (1,33 $\cdot$ 10<sup>-8</sup> C/m²)

#### 138 VILLAMOSSÁG

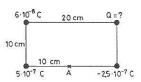
- 989. Mekkora a mező potenciálja abban a pontban, amelybe helyezett 4,2·10<sup>-4</sup> C töltés helyzeti energiája 1,26 J? (3000 V)
- 990. Mekkora a töltéssűrűség azon a fémgömbfelületen, amelynek sugara 15 cm, és a középponttól 20 cm távolságban a potenciál 150 V? (1,18·10<sup>-8</sup> C/m²)
- **991.** Mekkora a kondenzátorlemezek közötti feszültség, ha közöttük a távolság 2 cm, és a térerősség 10  $\frac{N}{C}$ ? (0,2 V)
- **992.** 10 cm oldalhosszúságú, egyenlő oldalú háromszög csúcsaiban  $Q=10^{-8}$  C töltésű pontszerű testek vannak rögzítve. Mekkora a potenciál a háromszög középpontjában? (4676 V)
- **993.** Egy kondenzátor nagyfelületű lemezeinek távolsága 3 cm. A lemezek közötti feszültségkülönbség 60 000 V. Mekkora v sebességgel kell egy  $4\cdot10^{-3}$  C töltésű,  $5\cdot10^{-6}$  kg tömegű apró testet vízszintesen a lemeztávolság fele magasságában a homogén térbe belőni, hogy az egyik kondenzátorlemezt 12 cm távolságban érje el? (27 713 m/s)



\*994. Síkkondenzátor lemezei vákuumban vannak. A lemezek közé a lapokkal párhuzamosan  $1.8\cdot10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  sebességgel lép be egy proton. Határozzuk meg a kondenzátor feszültségét, ha lemezeinek távolsága egymástól 2 cm, a lemezek hossza 20 cm és a lemezek közül eredeti irányához képest  $\Phi$  =10°-os szögben lép ki a proton! (596.2 V)



**995.** Négy pontszerű töltés az ábra szerint van elrendezve. Mekkora az ismeretlen Q töltés, ha A pontban a potenciál – 6000 V, a végtelenben pedig zérus?  $(-5,07\cdot10^{-7}\text{ C})$ 



- **996.** Mekkora sebességre gyorsul fel vákuumban 500 V feszültség hatására a 10<sup>-5</sup> g tömegű 10<sup>-8</sup> C töltésű eredetileg nyugvó részecske? (31,6 m/s)
- 997. 9 V-os száraz elem egyik kapcsáról a másikba 5000 C töltés jut a telep kimerüléséig. Hányadik emeletre lehetne felvinni a telepben tárolt energia árán 200 kg tömegű testet, ha egy emelet 3,5 m magas? (6. emelet)
- 998. Mekkora sebességre gyorsul fel vákuumban, homogén elektrosztatikus térben 10 cm úton  $10^{-7}$  C töltésű test, melynek tömege  $10^{-6}$  g, ha a térerősség  $10^4$   $\frac{\text{V}}{\text{m}}$ ? (447,2 m/s)



(A két munka egyenlő, W<sub>AC</sub>=100 J)

1000. Mennyi elektromos töltés jut 100 J munkával 7,5 V potenciálú helyről 6 V potenciálú helyre? (66,66 C)

**1001.** Mekkora a munkavégzés, ha két 10 V potenciálkülönbségű pont között  $9,6\cdot10^2$  C töltés mozdul el. Ha ez a töltésátvitel vízben történik, hány gramm 17 °C-os víz kell ahhoz, hogy a hőmérséklet ne haladja meg a 40 °C-ot? (0,0993 kg  $\approx$  0,1 kg)

1003. Homogén mezőben 0,01 C töltés mozog. A térerősség  $10^6 \, \frac{N}{C}$  · Mekkora utat tett meg a töltés a térerősség irányában, ha a munka 10 J? (1 mm)

1004. Mekkora munkát végez a 160  $\frac{N}{C}$  homogén elektromos mező, ha az erővonalakkal párhuzamosan 25 m-re mozdít el egy 5·10<sup>-4</sup> C töltést? (2 J) Mekkora a munkavégzés, ha a töltés az erővonalakkal 30°-os szöget bezárva mozdul el 25 m-t? (1,732 J)

**1005.** Mekkora energiát kell egy protonnal közölni ahhoz, hogy 10<sup>-12</sup> m-re megközelítse a nitrogén atommagját? (1,6•10<sup>-15</sup> J)

**1006.** 5,5· $10^{-6}$  C pontszerű töltés erőterének A pontjából kezdősebesség nélkül az elektromos mező hatására mozog egy 20 g tömegű test, amelynek töltése 2,4· $10^{-8}$  C. Mekkora sebességre gyorsul fel 1,2 m út megtétele után, ha az A pont beli helyzeti (potenciális) energiája 4 J volt? (19,99 m/s  $\approx$  20 m/s)

**1007.** A Q= $2 \cdot 10^{-6}$  C pontszerű töltésre illeszkedő egyenesen levő A és B pont között d=0,8 m a távolság. Ezen az úton q= $4,0 \cdot 10^{-6}$  C pontszerű töltést mozgatunk miközben  $6 \cdot 10^{-2}$  J munkát végeztünk.

Milyen távol van a Q töltéstől a d szakasz?

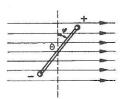
(65,8 cm)

1008. Két, egymással párhuzamos, szemben álló, nagy kiterjedésű lemez közül az egyiket leföldeljük, a másiknak 150 V potenciált adunk a földhöz képest. A lemezeken egymással szemben egy-egy kis lyuk van. A lyukakon 200  $\frac{m}{s}$  nagyságú kezdősebességgel átlövünk egy elektront.

Mekkora sebességgel hagyja el az elektron a lemezek közötti térrészt? (7,26·10<sup>6</sup> m/s)

#### 140 VILLAMOSSÁG

**1009.** Súlytalannak tekinthető, merev szigetelő anyagból készült 0,2 m hosszú rúddal összekötött  $Q_1$ = +3·10<sup>-9</sup> C és  $Q_2$ = -3·10<sup>-9</sup> C töltéssel ellátott két fémgömböt  $10^6 \frac{\rm N}{\rm C}$  erősségű homogén elektromos térbe viszünk, úgy, hogy az O felezőponton átmenő, a papír vízszintesnek tekinthető síkjára merőleges tengely körül elfordulhat.



a) Mekkora  $\varphi$  szögnél hat a rendszerre a legnagyobb forgatónyomaték, és mekkora ez a forgatónyomaték?  $(\varphi=0; 6\cdot 10^{-4} \text{ Nm})$ 

b) Mekkora φ szögnél nem hat forgatónyomaték a rendszerre?

 $(\phi = 90^{\circ})$ 

c) Mekkora munkával lehet a rendszert a legkisebb energiájú helyzetből a legnagyobb energiájú helyzetbe átvinni? (12·10<sup>-4</sup> J)

### 3. Kondenzátorok

**1010.** Egy síkkondenzátor lemezei 25 cm² területüek, távolságuk 8 cm. A lemezen 36,1 kV feszültség van. Mennyi töltés van mindegyik lemezen? (9,98·10<sup>-9</sup> C)

**1011.** Síkkondenzátor lemezei között a potenciálkülönbség 90 V. A lemezek felülete 60 cm², töltése 10<sup>-9</sup> C.

Mekkora a lemezek közötti távolság?

(4,77 mm)

**1012.** Két azonos kapacitású kondenzátor egyikét feltöltjük 100 V-ra a másikat 220 V-ra. Ezután párhuzamosan kötjük őket, először azonos, másodszor ellentétes pólusaikkal.

a) Mekkora lesz a kondenzátorok kapacitása?

(2 C)

b) Mekkora lesz a kondenzátorok feszültsége?

(160 V; 60 V)

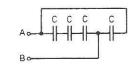
1013. Mekkora a rendszer eredő kapacitása?

(7/19 C)



1014. Milyen kapacitásokat állíthatunk elő 1  $\mu$ F, 2  $\mu$ F, 3  $\mu$ F kapacitású kondenzátorok különböző kapcsolásával? (6/11  $\mu$ F; 6  $\mu$ F; 11/3 $\mu$ F; 11/5 $\mu$ F; 11/4  $\mu$ F; 5/6  $\mu$ F; 8/6 $\mu$ F; 9/6 $\mu$ F)

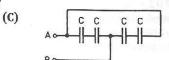
1015. Mekkora az ábrán látható rendszer eredő kapacitása?



(4/3 C)

#### Kondenzátorok 141

1016. Mekkora az ábrán látható rendszer eredő kapacitása?



\*1017. Mennyi a kapacitása az A és B között a C kapacitású kondenzátorokból álló végtelen hosszúságú láncnak?  $(C\frac{1+\sqrt{3}}{2})^{B}$ 

1018. Síkkondenzátor kapacitása 600 pF. Hogyan változik meg ez, ha a lemezek közé párhuzamosan egy rézlemezt helyezünk, amelynek vastagsága a fegyverzetek távolságának negyede?

(800 pF)

**1019.** Egy ionizációs kamra térfogata 2 cm³, a benne levő levegő sűrűsége 1,3  $\frac{kg}{m^3}$  · A kamrában

levő levegőt akkora röntgensugárdózis éri, amely a levegőben kilogrammonként 0,012 C pozitív iont képes létrehozni.

Mekkora feszültségre töltheti fel a 120 nF kapacitású kondenzátort a keletkezett pozitív ionok töltése? (0,26 V)

1020. 0,1 μF kapacitású kondenzátort 20 V-ra töltünk fel. Ezután párhuzamosan kötjük egy feltöltetlen kondenzátorral és azt találjuk, hogy a feszültség 2 V-ra csökken.

Mekkora a kapacitása az eredtileg feltöltetlen kondenzátornak? (0,9 μF)

**1021.** Két kondenzátor egyikét 200 V-ra a másikat 100 V-ra töltjük fel. Ezután párhuzamosan kötjük őket, és 120 V feszültséget mérünk.

Mekkora a kondenzátorok kapacitásának aránya?

(1/4)

1022. Az 5 μF-os kondenzátor átütési feszültsége 200 V, a 20 μF-os kondenzátoré 100 V. Mekkora feszültséget kapcsolhatunk a kondenzátorokra, ha azokat párhuzamosan, ill. sorba kapcsoljuk?

(Párhuzamosan: 100 V; sorosan: 250 V)

1023. 3,5 μF és 2,8 μF kapacitású kondenzátorokat sorba kapcsoljuk. Az egyik szabad véget leföldeljük, a másikra 4·10<sup>-6</sup> C töltést viszünk.

Mekkora a szabad vég és a föld közötti feszültség?

(2,57 V)

 $1024.~0,1~\mu\text{F}$ és 0,5  $\mu\text{F}$  kapacitású kondenzátorokat sorosan kapcsolunk 500 V feszültségre. Mekkora az eredő kapacitás, az egyes kondenzátorok töltése és feszültsége?

 $(0.083 \mu F; 4.17 \cdot 10^{-5} C; 417 V; 83.3 V)$ 

#### 142 VILLAMOSSÁG

**1025.** Két egyforma, párhuzamosan kapcsolt síkkondenzátort 200 V-ra feltöltünk. Ezután az egyik kondenzátor lemeztávolságát megkétszerezzük, a másikét megfelezzük.

a) Hányszorosára változik az eredő kapacitás?

(1,25-szörösére nőtt)

b) Mennyi lesz a feszültség?

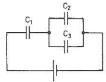
(160 V)

**1026.** Egy 3 μF-os kondenzátort, amelynek feszültsége 220 V párhuzamosan kötünk egy 110 V, feszültségű 4 μF-os kondenzátorral.

Mekkora lesz a közös feszültség? (157,1 V)

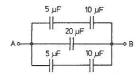
**1027.** Három kondenzátort C<sub>1</sub>=1 μF, C<sub>2</sub>=2 μF, C<sub>3</sub>=3 μF, az ábra szerint rákapcsolunk egy 12 V feszültségű telepre. Mekkora az egyes kondenzátorokon levő töltés?

 $(10^{-5} \text{ C}; 4.10^{-6} \text{ C}; 6.10^{-6} \text{ C})$ 



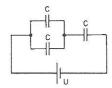
**1028.** Mekkora az ábrán látható rendszer eredő kapacitása?

 $(80/3 \mu$ 



**1029.** Mekkora az ábrán látható kondenzátorok töltése, feszültsége és energiája, ha C=20 μF, *U*=40 V?

$$\begin{pmatrix} 2,66 \cdot 10^{-4} \text{ C}; & 5,33 \cdot 10^{-4} \text{ C} \\ 13,33 \text{ V}; & 26,66 \text{ V} \\ 1,7 \cdot 10^{-3} \text{ J}; & 7,1 \cdot 10^{-3} \text{ J} \end{pmatrix}$$



**1030.** Síkkondenzátor lemezeinek felszíne A, a lemezeken +Q és -Q töltés van. Mekkora munkát végeznek a fegyverzetek, ha  $d_1$  távolságról  $d_2$  távolságra közelednek egymáshoz?

$$[W = \frac{1}{2} Q^2 \frac{k4\pi}{A} (d_1 - d_2)]$$

Milyen energia rovására végzik a munkát? (Az elektromos mező energiájának rovására)

**1031.** Síkkondenzátor levegőben levő lemezei közötti távolság 4 cm. A lemezekre 100 V feszültségű telepet kapcsolunk. A fegyverzetek közé velük párhuzamosan az egyiktől 3 cm távolságban elhelyezünk egy vékony, töltés nélküli fémlemezt.

Határozzuk meg a középső lemez és a fegyverzetek közötti feszültséget, valamint a térerősséget a lemezek mindkét oldalán!  $(U_1=75 \text{ V}; U_2=25 \text{ V}; E_1=2500 \text{ V/m}; E_2=2500 \text{ V/m})$  Megváltozik-e a kondenzátor kapacitása a fémlemez betolásakor? (Nem)

**1032.** Síkkondenzátor lemezei 12 cm sugarú körlapok. A lemezek távolsága 20 mm. A kondenzátorra kapcsolunk egy 24 V feszültségű telepet, majd a lemezek közé betolunk egy töltetlen, és ugyancsak 12 cm sugarú, vastag fémlemezt, amelyet az egyik oldalon 10 mm, a másik oldalon 6 mm vastag levegőréteg választ el a kondenzátor lemezeitől.

- a) Mennyivel változik meg a kondenzátor töltése a lemez betolása következtében? (1,2·10<sup>-10</sup> C)
   b) Mekkora lesz a térerősség a betolt lemez egyik és másik oldalán? (1500 V/m)
- c) Mekkora feszültség alakul ki a betolt lemez és a kondenzátor egyik, ill. másik lemeze között?  $(U_1=15 \text{ V}; U_2=9 \text{ V})$
- $1033.\ \text{Egy 0,2}\ \mu\text{F}$  kapacitású kondenzátort 0,5 mA-es, az időben állandó árammal töltünk 0,2 s ideig.
- a) Írjuk fel a kondenzátor feszültségének időbeli változását!

$$\left(U(t) = 2.5 \cdot 10^3 \, \frac{\Lambda}{F} \cdot t\right)$$

b) Írjuk fel a kondenzátor által felvett teljesítmény időfüggvényét!

$$(P(t) = 1,25 \frac{W}{s} \cdot t)$$

c) Mennyi energiát vett fel a kondenzátor?

$$(2,5\cdot10^{-2} \text{ J})$$

- 1034. A 100 pF kapacitású síkkondenzátort 12 V feszültségű akkumulátorról töltöttük fel. Ezután a kondenzátor lemezeinek távolságát háromszorosára növeljük.
- a) Mennyi munkát végeztünk, ha a lemezek széthúzása előtt a kondenzátort az akkumlátorról lekapcsoljuk? (1,44·10·8 J)
- b) Mennyivel nő az akkumulátor energiája, ha a lemezek széthúzása közben végig az akkumlátorravan kapcsolva? (9,6·10·9 J)
- 1035. Két, egymástól 12 cm távolságra levő, párhuzamos fémlemez között a feszültség 200 V. A lemezek között vákuum van.
- a) Mekkora a lemezek közötti homogén elektromos mező energiasűrűsége? (1,228·10<sup>-5</sup> J/m³)
- b) Mekkora a lemezeken az egységnyi felületre jutó töltés?

 $(1.47 \cdot 10^{-8} \text{ C})$ 

- \*1036. 4 db 0,3 m sugarú, kör alakú fémlemez áll egymástól 1 cm távolságban. A két szélső lemezt földeljük (vegyük a földpotenciált nullának). A lemezekre az ábra szerint, egy 50 V-os és egy 100 V-os telepet kapcsolunk. A lemezek között vákuum van.
- a) Ábrázoljuk a lemezek középpontján átmenő egyenes mentén az elektromos térerősséget és a potenciált!

$$(E_1 = 50 \text{ V/cm}; E_2 = -150 \text{ V/cm}; E_3 = 100 \text{ V/cm}; U_{12} = 50 \text{ V}; U_{23} = 150 \text{ V}; U_{34} = -100 \text{ V})$$

b) Határozzuk meg a lemezeken levő töltéseket!

$$(Q_1 = -1,25 \cdot 10^{-8} \text{ C}; Q_2 = +5,00 \cdot 10^{-8} \text{ C}; Q_3 = -6,25 \cdot 10^{-8} \text{ C}; Q_4 = +2,50 \cdot 10^{-8} \text{ C})$$

- \*1037. Két rögzített, párhuzamos fémlemezt (síkkondenzátort) feszültség forrásra kapcsolunk. A lemezek között 600  $\frac{V}{m}$  térerősségű tér alakul ki.
- a) Egyik esetben párhuzamosan a lemezek közé, felül vezetékkel összekötött, kezdetben semleges lemezpárt függesztünk. A lemezek közötti távolságok egyenlőek.

Mekkora térerősségek alakulnak ki?

(900 V/m)

b) Egy másik esetben a lemezeket a mellékelt rajz szerint helyezzük el. A lemezek közötti távolságok egyenlőek.

Mekkora térerősségek alakulnak ki most a lemezek között?

(400 V/m; 800 V/m)

