

2.a) $\int \underbrace{(2x)}_{u'} \underbrace{\arctg(x^2)}_v = x^2 \arctg(x^2) - \int x^2 \frac{2x}{1+x^4} dx$

C.A.
 $u' = 2x \quad v = \arctg(x^2)$
 $u = x^2 \quad v' = \frac{2x}{1+x^4}$
 $Pu'v = uv - Puv'$

$$= x^2 \arctg(x^2) - 2 \frac{1}{4} \int \frac{3x^4}{1+x^4} dx$$

$$= x^2 \arctg(x^2) - \frac{1}{2} \ln(1+x^4) + C,$$

CER em intervalos.

2.b) $\int \frac{1}{1 + \cosh x} dx = \int \frac{1}{1 + \frac{e^x + e^{-x}}{2}} dx$

Uma possível substituição:

C.A.
 Subst.: $e^x = t$
 $x = \varphi(t) = \ln t, t \in \mathbb{R}^+$
 $\varphi'(t) = \frac{1}{t} > 0, \forall t \in \mathbb{R}^+$
 φ é diferenciável e
 invertível em \mathbb{R}^+
 $dx = \frac{1}{t} dt$

$$= \int \frac{2}{2 + e^x + e^{-x}} dx$$

$$= \int \frac{2e^x}{2e^x + e^{2x} + 1} dx$$

$$= \int \frac{2 \cancel{t}}{2t + t^2 + 1} \frac{1}{\cancel{t}} dt$$

$$= 2 \int \frac{1}{t^2 + 2t + 1} dt$$

$$= 2 \int \frac{1}{(t+1)^2} dt = 2 \int (t+1)^{-2} dt$$

$$= 2 \frac{(t+1)^{-2+1}}{-2+1} + C$$

$$= -\frac{2}{t+1} + C = -\frac{2}{e^x + 1} + C,$$

CER em intervalos.

C.A.
 $t^2 + 2t + 1 = 0$
 $t = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - 4(1)}}{2}$
 $t = -1 \vee t = -1$
 $t^2 + 2t + 1 = (t+1)(t+1)$