

第二章 线性表

本章目录

- 2.1 线性表的类型定义
 - 2.1.1 线性表的概念
 - 2.1.2 线性表的抽象数据类型
- 2.2 线性表的顺序表示和实现
 - 2.2.1 线性表的顺序表示
 - 2.2.2 顺序表上基本运算的实现
- 2.3 线性表的链式表示和实现
 - 2.3.1 单链表的表示
 - 2.3.2 单链表操作的实现
- 2.4 线性表实现方法的比较
- 2.5 循环链表
- 2.6 双链表
- 2.7 算法设计举例

主要内容

知识点

- 线性表的定义
- 顺序表
- 单链表
- 循环链表
- 双链表

重点难点

- 顺序表操作的实现
- 单链表操作的实现
- 顺序表和链表操作时间复杂度的分析

线性结构

线性结构特点：在数据元素的非空有限集中

- 存在唯一的一个被称作“第一个”的数据元素
- 存在唯一的一个被称作“最后一个”的数据元素
- 除第一个外，集合中的每个数据元素均只有一个前驱
- 除最后一个外，集合中的每个数据元素均只有一个后继

2.1 线性表 (Linear List) 定义

- 定义： n个具有相同特性的数据元素组成的有限序列；
 - 表示： $\{a_1, \dots, a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, \dots, a_n\}$
 - a_i 必须具有相同特性，即属于同一数据对象
 - a_{i-1} 是 a_i 的直接前驱元素， a_{i+1} 是 a_i 的直接后继元素
 - 数据元素 a_i 在线性表中有确定的位置 i ， i 称为位序
 - 线性表中数据元素的个数 n 称为线性表的长度， $n=0$ 时， 线性表称为空表

如 $(a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$

例 英文字母表 (A,B,C,.....Z)是一个线性表

例

学号	姓名	年龄
001	张三	18
002	李四	19
.....

数据元素

- 元素个数 n —表长度, $n=0$ 空表
- $1 < i < n$ 时
 - a_i 的直接前驱是 a_{i-1} , a_1 无直接前驱
 - a_i 的直接后继是 a_{i+1} , a_n 无直接后继
- 元素同构, 且不能出现缺项

线性表的抽象数据类型:

ADT List

{

数据对象: $D=\{a_i | a_i \in \text{ElemSet}, i=1,2,\dots,n, n \geq 0\}$

数据关系: $R=\{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle | a_i, a_{i-1} \in D, i=2,\dots,n \}$

基本操作:

ListInit (&L); //线性表初始化

int ListLength(L); //求线性表长度

ElemType ListGet(L,i) ; //取表元

int ListLocate(L,x) ; //按值查找

ListClear(&L) ; //清空线性表

int ListEmpty(L) ; //判空线性表

ListInsert(&L,i,e) ; //插入

ListDelete(&L,i) ; //删除

ElemType Listprior(L,e) ; //前驱

ElemType ListNext(L,e) ; //后继

ListPrint(L); //遍历

}ADT List

2.2 线性表的顺序存储结构

● 顺序表：

- 定义：把线性表的结点（元素）按其逻辑次序依次存入一组地址连续的存储单元里，用这种方法存储的线性表称为顺序表。
- 特点：
 - 以元素在计算机内存中的“物理位置相邻”来表示线性表中数据元素之间的逻辑关系。
 - 只要确定了首地址，线性表中任意数据元素都可以随机存取。

● 元素地址计算方法：

- $LOC(a_i) = LOC(a_1) + (i-1) * L$
- $LOC(a_{i+1}) = LOC(a_i) + L$
- 其中：
 - L——一个元素占用的存储单元个数
 - $LOC(a_i)$ ——线性表第i个元素的地址

● 优点：

- 实现逻辑上相邻——物理地址相邻
- 实现随机存取

● 实现：可用C语言的一维数组实现

顺序表的类型定义

```
#define LIST_INIT_SIZE 100  
#define LISTINCREMENT 10  
typedef int ElemType;  
typedef struct  
{  
ElemType *elem;  
int length;  
int listsize;  
}SqList;
```

顺序表基本运算的实现

1 顺序表的初始化

构造一个空的顺序表，设置length域为0。

- **Status InitList(SqList &L) //初始化**
- **{L.elem=(ElemType*)malloc(LIST_INIT_SIZE*
sizeof(ElemType));**
- **if(!L.elem) printf("no succeed!");**
- **L.length=0;**
- **L.listsize=LIST_INIT_SIZE;**
- **return 1;**
- **}**

● 2 插入操作

- 定义：线性表的插入是指在第*i*个位置上插入一个新的数据元素*x*，使长度为*n*的线性表

$$(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, \dots, a_n)$$

变成长度为*n*+1的线性表

$$(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, x, a_i, \dots, a_n)$$

需将第*i*至第*n*共 (*n*-*i*+1)个元素后移

顺序表上基本运算的实现

- **插入运算**: 在第 i 个位置, 插入元素 e
- **思想**: 把从第 i 个位置开始的元素, 依次后移
- **步骤**:
 - 1. 当前表是否已经满?
 - 2. 输入是否有效?
 - 3. 依次后移, 插入元素
 - 4. 长度加1。

```
Status ListInsert_Sq(SqList &L, int i, ElemType e) //插入  
{  
ElemType *newbase; int j;  
if(i<1||i>L.length+1) printf("i is error");  
if(L.length>=L.listsize)  
{ newbase=(ElemType *)realloc(L.elem,(L.listsize+  
LISTINCREMENT)*sizeof(ElemType));  
if(!newbase) printf("no realloc");  
L.elem=newbase;  
L.listsize+=LISTINCREMENT;  
}  
for(j=L.length-1;j>=i-1;j--)  
L.elem[j+1]=L.elem[j];  
L.elem[i-1]=e;  
L.length++;  
return 1;  
}
```

● 算法时间复杂度T(n)

- 设 P_i 是在第 i 个位置插入一个元素的概率，则在长度为 n 的线性表中插入一个元素时，所需移动的元素次数的平均次数为：

$$Eis = \sum_{i=1}^{n+1} P_i (n - i + 1)$$

$$\text{若认为 } P_i = \frac{1}{n+1}$$

$$\text{则 } Eis = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n - i + 1) = \frac{n}{2}$$

$$\therefore T(n) = O(n)$$

3 删除操作

- 定义：线性表的删除是指将第 i ($1 \leq i \leq n$) 个元素删除，使长度为 n 的线性表

$$(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, \dots, a_n)$$

变成长度为 $n-1$ 的线性表

$$(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_{i+1}, \dots, a_n)$$

需将第 $i+1$ 至第 n 共 $(n-i)$ 个元素前移

顺序表上基本运算的实现(3)

- **删除运算**:删除第 i 个元素, 用 e 返回删除元素值
- **思想**: 把第 $i+1$ 个位置开始的元素, 依次前移
- **步骤**:
 - 1.要检查删除位置的有效性;
 - 2.用 e 返回删除元素, 依次移动元素;
 - 3.长度减1。

```
void ListDelete_Sq(SqList &L, int i, ElemType &e)  
{ int j;  
    if(i<1||i>L.length) printf("i is error");  
  
    e=L.elem[i-1];  
  
    for(j=i;j<=L.length-1;j++)  
        L.elem[j-1]=L.elem[j];  
  
    L.length--;  
}
```

● 删除操作的时间复杂度

- 设 Q_i 是删除第 i 个元素的概率，则在长度为 n 的线性表中删除一个元素所需移动的元素次数的平均次数为：

$$E_{de} = \sum_{i=1}^n Q_i (n - i)$$

若认为 $Q_i = \frac{1}{n}$

$$\text{则 } E_{de} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (n - i) = \frac{n - 1}{2}$$

$$\therefore T(n) = O(n)$$

- 故在顺序表中插入或删除一个元素时，平均移动表的一半元素，当 n 很大时，效率很低

4 按值查找

- 在L中查找值为x的元素，若有则返回该元素下标，否则返回0。
- `int SeqListLocate(SqList L, ElemType x)`
- ```
{
 int i;
 i = 1;
 while(i<=L.length&&L.data[i-1]!=x)
 i++;
 if(i<=L.length) return i;
 else return 0;
}
```

# 5 输出

```
• void disp(SqList L) //显示或遍历
• { int i;
• if(L.length==0) printf("no element\n");
• for(i=0;i<=L.length-1;i++)
• printf("%d\n",L.elem[i]);
• }
```

## 6 实现顺序表的就地逆置

```
void reverse(SqList &L)
```

```
{
```

```
 ElemType t; int i;
```

```
 for(i=0; i<L.length/2; i++)
```

```
 {
```

```
 t=L.elem[i];
```

```
 L.elem[i]=L.elem[L.length-1-i];
```

```
 L.elem[L.length-1-i]=t;
```

```
 }
```

```
}
```

# 7 有序顺序表的合并

● 已知两个非递减的有序表La和Lb，求La和Lb合并后的有序表Lc。

● 例如：

已知：

$L_a = \{ 1, 4, 5, 7, 19 \}$

$L_b = \{ 2, 4, 6, 7, 15, 16 \}$

则La和Lb的合并结果Lc为：

$L_c = \{ 1, 2, 4, 4, 5, 6, 7, 7, 15, 16, 19 \}$

```
void MergeList(SqList La, SqList Lb, SqList & Lc)
{ int i=0,j=0,k=0;
 InitList(Lc);

 while((i<La.length)&&(j<Lb.length))
 if(La.elem[i]<Lb.elem[j])
 Lc.elem[k++]=La.elem[i++];
 else
 Lc.elem[k++]=Lb.elem[j++];

 while(i<La.length)
 Lc.elem[k++]=La.elem[i++];
 while(j<Lb.length)
 Lc.elem[k++]=Lb.elem[j++];

 Lc.length=k;
} 时间复杂度： O(La.length+Lb.length)
```



## 8 有序顺序表表示集合，关于集合的操作---集合并

- 已知两个非递减的有序表La和Lb，La和Lb分别表示两个集合，求La和Lb的并集Lc。

例如：

已知：

$La = \{ 1, 4, 5, 7, 19 \}$

$Lb = \{ 2, 4, 6, 7, 15, 16 \}$

则La和Lb的并集结果Lc为：

$Lc = \{ 1, 2, 4, 5, 6, 7, 15, 16, 19 \}$

```

void Union(SqList La, SqList Lb, SqList & Lc)
{
 int i=0,j=0,k=0;
 InitList(Lc);
 while((i<La.length)&&(j<Lb.length))
 {
 if(La.elem[i]==Lb.elem[j])
 { Lc.elem[k++]=La.elem[i++]; j++; }
 else if(La.elem[i]<Lb.elem[j])
 Lc.elem[k++]=La.elem[i++];
 else
 Lc.elem[k++]=Lb.elem[j++];
 }
 while(i<La.length)
 Lc.elem[k++]=La.elem[i++];
 while(j<Lb.length)
 Lc.elem[k++]=Lb.elem[j++];
 Lc.length=k;
}

```

## 9 有序顺序表表示集合，关于集合的操作---集合交

- 已知两个非递减的有序表La和Lb，La和Lb分别表示两个集合，求La和Lb的并集Lc。

- 例如：

已知：

$La = \{ 1, 4, 5, 7, 19 \}$

$Lb = \{ 2, 4, 6, 7, 15, 16 \}$

则La和Lb的交集结果Lc为：

$Lc = \{ 4, 7 \}$

```
void jiao(SqList La, SqList Lb, SqList & Lc)
{ int i=0,j=0,k=0;
 InitList(Lc);
 while((i<La.length)&&(j<Lb.length))
 { if(La.elem[i]==Lb.elem[j])
 {
 Lc.elem[k++]=La.elem[i++];
 j++;
 }
 else if(La.elem[i]<Lb.elem[j])
 i++;
 else
 j++;
 }
 Lc.length=k;
}
```

# 顺序存储结构的优缺点

- 优点

- 逻辑相邻，物理相邻
- 可随机存取任一元素
- 存储空间使用紧凑

- 缺点

- 插入、删除操作需要移动大量的元素

# 思考题

- 1、判断顺序表中元素是否对称，对称返回1，否则返回0。
- 2、实现把顺序表中所有奇数排在偶数之前，即表的前面为奇数，后面为偶数。
- 3、输入整型元素序列利用有序表插入算法建立一个有序表。

## 2.3 线性表的链式表示和实现

以链式结构存储的线性表称之为线性链表。线性表中的数据元素可以用任意的存储单元来存储，逻辑相邻的两元素的存储空间可以是不连续的。为表示逻辑上的顺序关系，对表的每个数据元素除存储本身的信息之外，还需存储其后继的地址（即用指针表示逻辑关系）。这两部分信息组成数据元素的存储映象，称为结点。

# 单链表结构图示

- 结点 $a_i$



- 链表





# 例 线性表 (ZHAO,QIAN,SUN,LI,ZHOU,WU,ZHENG,WANG)



## ● 单链表结点的类型定义

```
typedef int ElemType;
typedef struct node {
 ElemType data;
 struct node *next;
} LNode, *LinkList;
```

```
LinkList h,p;
```



结点 (\*p)

(\*p)表示p所指向的结点

(\*p).data $\Leftrightarrow$ p->data表示p指向结点的数据域

(\*p).next $\Leftrightarrow$ p->next表示p指向结点的指针域

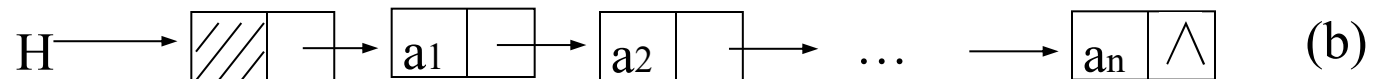
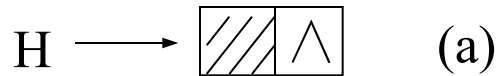
指针变量使用前需要分配内存空间

```
p=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));
```

h=NULL;表示h是空指针。

# 带头结点的单链表

- 通常情况下，为了运算的统一，常在第一个结点前附设一个结点，称为“**头结点**”，头指针具有标识作用，因而，常用作链表的名字

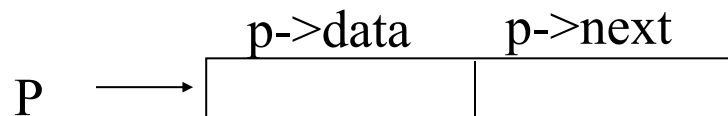


**LinkedList p;**

**p=(LinkedList) malloc(sizeof(LNode));**

则完成了申请一块LNode类型的存储单元的操作，并将其地址赋值给变量p。

释放结点：free(p)



# 单链表操作的实现(1)

## ● 带头结点的单链表的初始化:

- `int LinkedListInit(LinkList &L)`
- `{//建立一个空的单链表`
- `L=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));`
- `if (L==NULL)`
- `{printf(“无内存空间可分配” );return 0;}`
- `L->next=NULL;`
- `return 1;`
- `}`

# 单链表操作的实现(2)

求表长:

- `int LinkedListLength(LinkList L)`
- `{//求带头结点的单链表的长度`
- `LinkList p; int j;`
- `p=L->next;     //p指向第一结点`
- `j=0;`
- `while(p!=NULL)`
- `{j++;p=p->next; } //移动p指向下一结点`
- `return j;`
- `}`

# 单链表操作的实现(3)

## ● 取第i个元素:

- `int LinkListGet(LinkList L, int i, ElemType &e)`
- `{//在单链表L中查找第i个元素结点, 用e返回`
- `LinkList p; int j;`
- `p=L->next; j=1;`
- `while (p!=NULL && j<i )`
- `{j++; p=p->next;}`
- `if(!p||j>i) return 0; //第i个元素不存在`
- `e=p->data;`
- `return 1;`
- `}`

# 单链表操作的实现(4)

## ● 按值查找:

- `LinkList LinkedListLocate(LinkList L, ElemType x)`
- `{//在带头结点的单链表L中查找值为x的结点, 找到后返回其指针, 否则返回空`
- `LinkList p;`
- `p=L->next;`
- `while(p!=NULL && p->data!=x)`
- `p=p->next;`
- `if(!p) {printf("无值为X的结点" );return NULL;}`
- `else return p;`
- `}`

# 单链表操作的实现(5)

## ● 查找p结点的前驱:

- `LinkList LinkedListLocate(LinkList L, LinkList p)`
- `{//在单链表L中求p指向的结点的前驱`
- `LinkList pre;`
- `if(L->next==p)`
- `{printf("p指向第一元素结点, 无前驱" );return NULL;}`
- `pre=L->next;`
- `while(pre!=NULL && pre->next!=p)`
- `pre=pre->next;`
- `return pre;`
- `}`



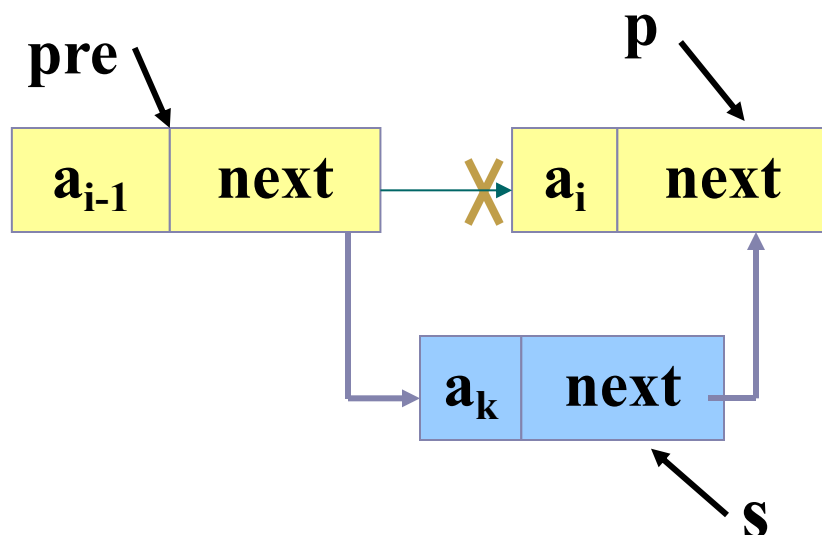
# 单链表操作的实现(6)

## ● 查找值为e的结点的后继:

- `LinkList LinkedListLocate(LinkList L, ElemType e)`
- `{//在单链表L中求元素值为e的结点的后继`
- `LNode *p;`
- `p=L->next;`
- `while(p!=NULL && p->data!=e)`
- `p=p->next;`
- `if(p==NULL)`
- `{printf(“不存在值为e的结点” );return NULL;}`
- `else if(p->next==NULL)`
  - `{printf(“值为e的结点是最后一个结点, 无后继” );return`
  - `NULL;}`
- `else return p->next;`
- `}`

# 单链表操作的实现(7)

插入元素：



$p$ 表示当前结点， $pre$ 表示前一个结点(的指针)。  
在 $p$ 前插入元素 $s$

**$s \rightarrow next = pre \rightarrow next;$**

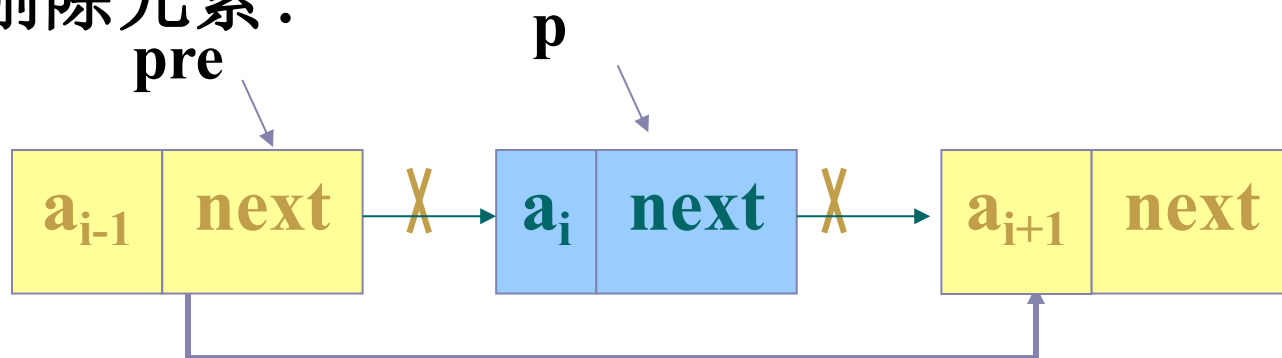
**$pre \rightarrow next = s;$**

# 单链表操作的实现(7)—插入

```
int ListInsert_L(LinkList &L, int i, ElemType e)
{ //在带头结点的单链表L中第i个位置之前插入元素e
 int j; LinkList p, s; j=0; p=L;
 while(j<i-1&& p)
 {j++;p=p->next;}
 if(j>i-1||!p) //不存在第i-1个元素
 return 0;
 s=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));
 s->data=e;
 s->next=p->next;
 p->next=s;
 return 1;
}
```

# 单链表操作的实现(8)

删除元素：



$p$ 表示当前结点， $pre$ 表示前一个结点。

删除 $p$ 结点的语句

```
pre->next = p->next;
```

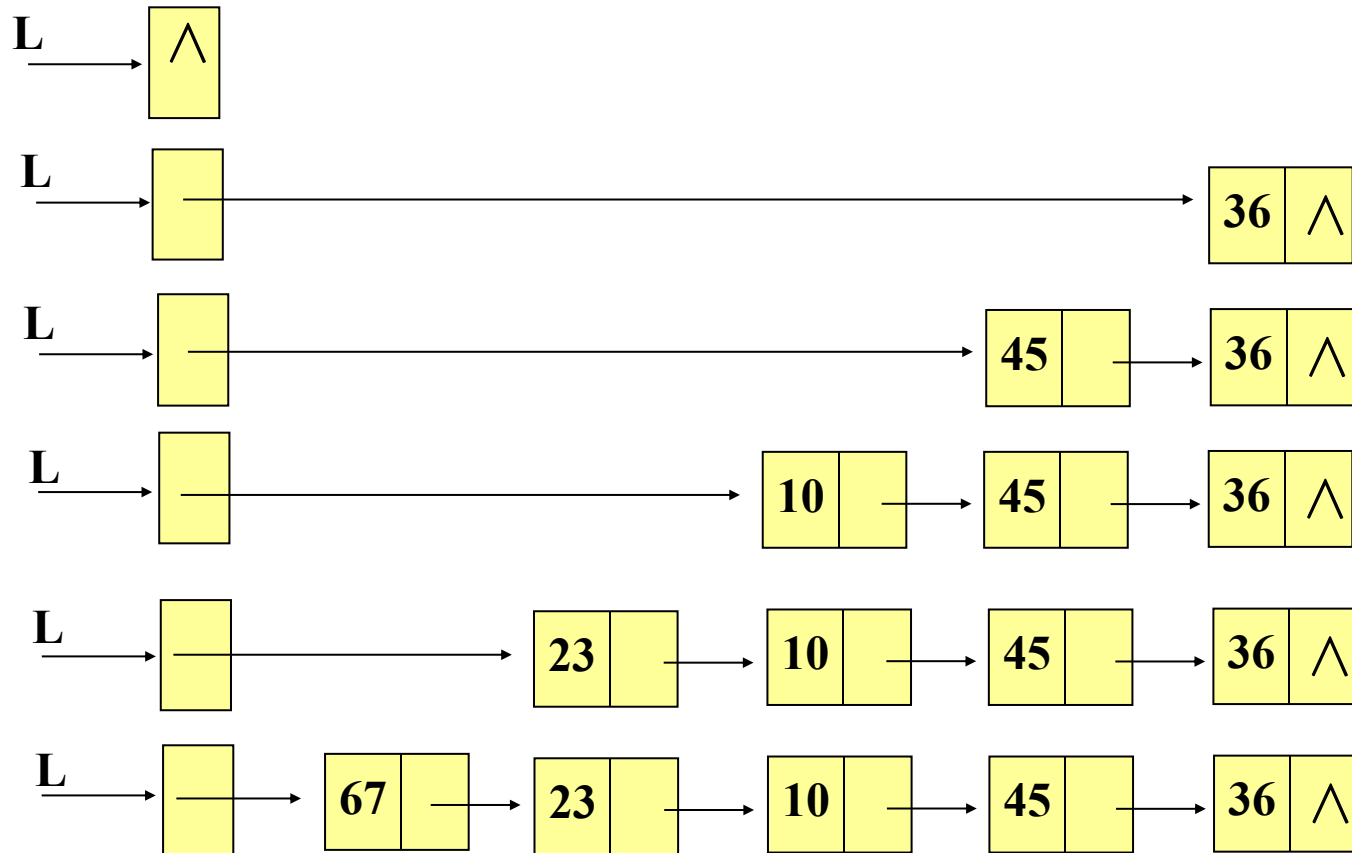
```
free(p);
```

# 单链表操作的实现(8)—删除

```
int ListDelete_L(LinkList &L,int i, ElemType &e)
{ int j; LinkList p, q;
 j=0; p=L;
 while(j<i-1&& p)
 { j++;p=p->next; }
 if(j>i-1||!(p->next))
 return 0;
 q=p->next;
 e=q->data;
 p->next=q->next;
 free(q);
 return 1;
}
```

# 单链表操作的实现(9)

**建立单链表——头插法:** 从一个空表开始, 读入一个数据, 生成新结点, 将新结点插入到单链表的表头上, 直到读入n个数据为止。



# 单链表操作的实现(9)

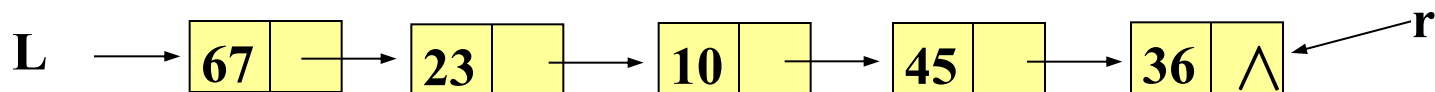
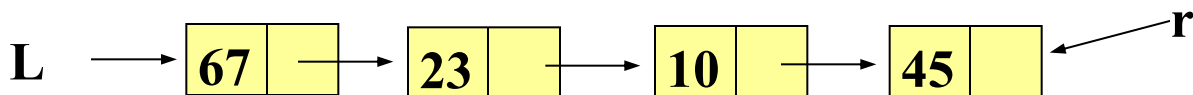
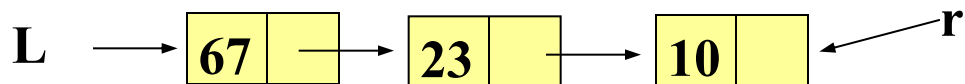
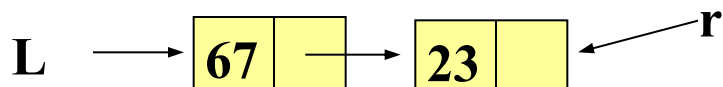
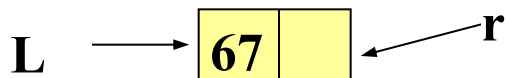
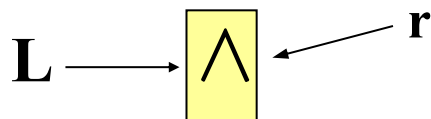
头插法建立单链表算法

```
void CreateList_L(LinkList &L, int n) //创建单链表， 逆序
{
 LinkList p; int i;
 L=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));
 L->next=NULL;

 for(i=n;i>=1;i--)
 { p=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));
 scanf("%d",&(p->data));
 p->next=L->next;
 L->next=p;
 }
}
```

# 单链表操作的实现(10)

建立单链表——**尾插法**: 从一个空表开始, 读入一个数据, 生成新结点, 将新结点插入到单链表的表尾上, 直到读入结束标识符为止。





# 单链表操作的实现(10)

尾插法建立单链表算法

```
void LinkedListCreat2(LinkList &L)
{//用尾插法建立带头结点的单链表
 LinkList r;
 L=(LNode*)malloc(sizeof(LNode));
 L->next=NULL; r=L;
 scanf("%d",&x);
 while (x!=flag) //设置结束标志
 {p=(LNode*)malloc(sizeof(LNode));
 p->data=x; //赋值元素值
 r->next=p; //在尾部插入新结点
 r=p; //r 指向新的尾结点
 scanf("%d",&x);}
 r->next=NULL; //最后结点的指针域放空指针
}
```

# 带头结点的单链表的就地逆置

```
void reverse(LinkList &L)
{
 LinkList p, q;
 p=L->next; L->next=NULL;
 while(p!=NULL)
 {
 q=p->next;
 p->next=L->next;
 L->next=p;
 p=q;
 }
}
```

# 单链表的遍历

```
void print(LinkedList L)
{
 LinkedList p=L->next;

 while (p)
 {
 printf("%d",p->data);
 p=p->next;
 }
}
```

# 链表算法举例----合并单链表

- Union(LinkList la, LinkList lb, LinkList lc)
- {|| 将非递减有序的单链表la和lb合并成新的非递减有序单链表lc，并要求利用原表空间
- lc=(LNode\*)malloc(sizeof(LNode); || 申请结点
- lc->next=NULL;                     || 初始化链表lc
- pa=la->next;                     || pa是链表la的工作指针
- pb=lb->next;                     || pb是链表lb的工作指针
- pc=lc;                             || pc是链表lc的工作指针
- while(pa && pb)                   || la和lb均非空
- if(pa->data<=pb->data)
- {pc->next=pa; pc=pa; pa=pa->next; }
- || la中元素插入lc(接下页)

# 链表算法举例

- (接上页)
- else
- {pc->next=pb; pc=pb; pb=pb->next; } // lb中元素插入lc
- if(pa) pc->next=pa;
  - // 若pa未到尾, 将pc指向pa
- else pc->next=pb;
  - // 若pb未到尾, 将pc指向pb
  - free(la);
  - free(lb);
- }

# 思考题

- 上页的合并单链表如果保留1a和1b不变，应该如何操作呢？

思路：再定义一个Linklist变量s，为s分配存储空间，给s赋值后加入1c链表中。

- 将**非递减**有序的单链表1a和1b合并成新的**非递增**有序单链表1c，并要求利用原表空间。

思路：往1c中插入元素时，采用头插法，而不是尾插法。

删除递增有序的带头结点单链表L中值大于min小于max的元素

```
void delminmax(LinkList &L, int min, int max)
{
 LinkList p,q,t;
 q=L; p=L->next;
 while(p!=NULL&&p->data<=min)
 {
 q=p;p=p->next; }//从p开始删除

 while(p!=NULL&&p->data<max)
 {
 t=p;
 q->next=p->next;
 p=p->next;
 free(t);
 }
}
```

# 链式结构的特点

- 非随机存贮结构，所以取表元素要慢于顺序表。
  - 节约了内存(结点现用现申请，不会浪费)
- 适合于插入和删除操作
  - 实际上用空间换取了时间，结点中加入了指针，使得这两种操作转换为指针操作；



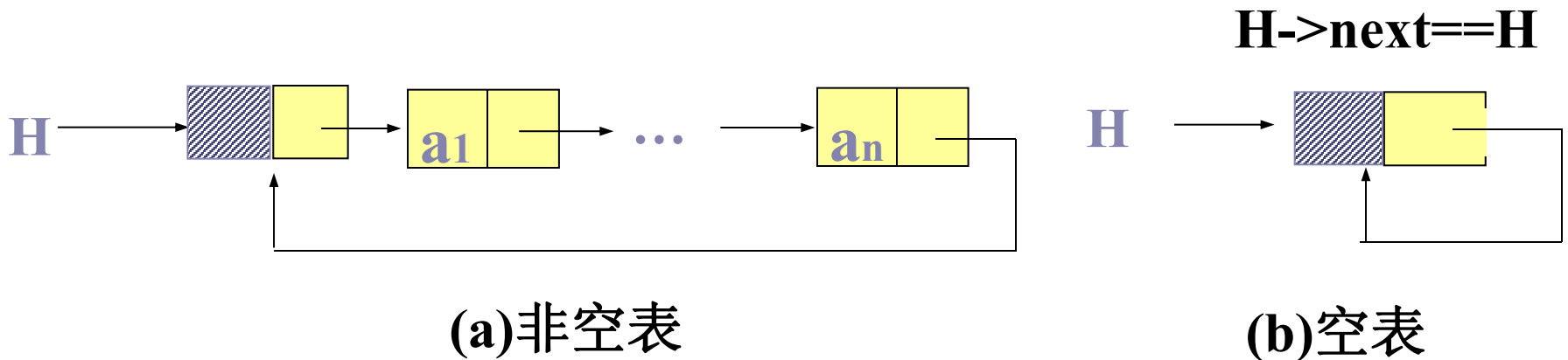
# 线性表实现方法的比较

- 顺序存储可以随机存取，插入删除操作需要移动元素，要求存储单元连续。
- 链式存储不能随机存取，适用于插入删除操作比较频繁的情况，不需要移动元素，存储单元可以不连续。

# 循环链表

循环链表：链表尾结点的指针域指向头结点。  
这样形成的链表我们叫做循环链表。

单循环链表：

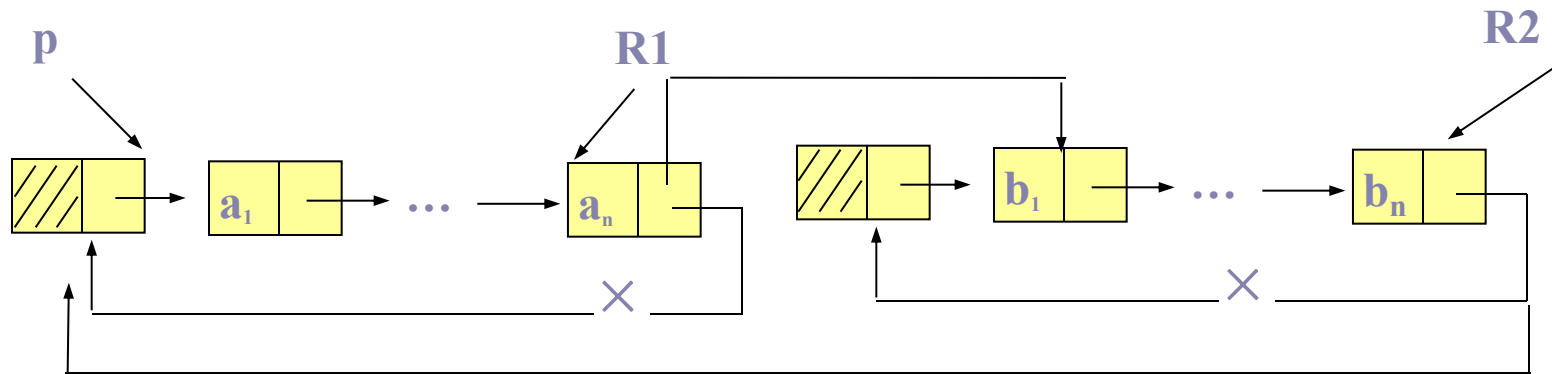


循环链表有时只设尾指针

# 连接两个只设尾指针的单循环链表L1和L2

语句段如下：

```
p= R1->next; //保存L1 的头结点指针
R1->next=R2->next->next; //头尾连接
free (R2->next) ; //释放第二个表的头结点
R2->next=p;
```



# 双链表

如果希望查找前驱的时间复杂度达到 $O(1)$ , 我们可以用空间换时间, 每个结点再加一个指向前驱的指针域, 使链表可以进行双方向查找。用这种结点结构组成的链表称为双向链表。

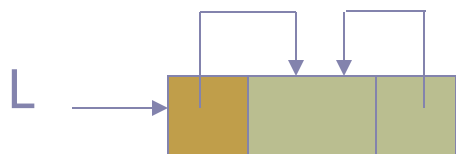
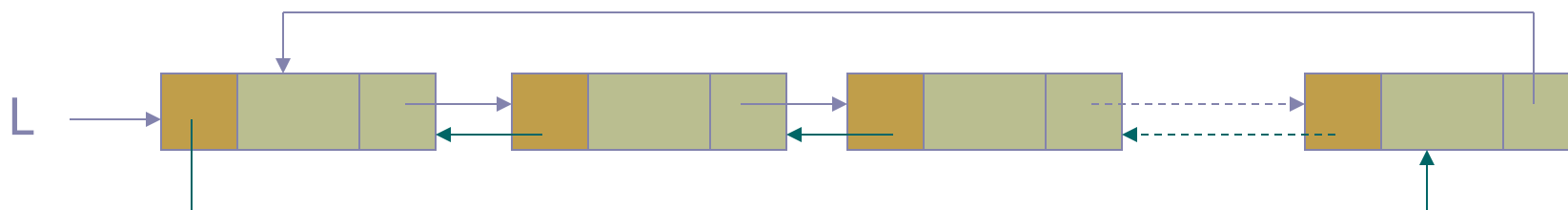
结点的结构图:



# 双向链表的逻辑表示



双向循环链表

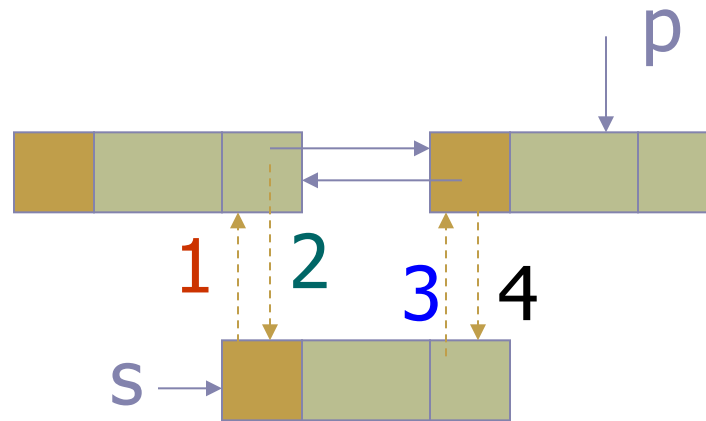


# 双向链表的类型定义

双向链表结点的类型定义如下：

```
typedef int ElemType;
typedef struct DLNode
{ElemType data;
 struct DLNode *prior,*next;
}DLNode,*DLinkList;
```

# 双向链表的插入



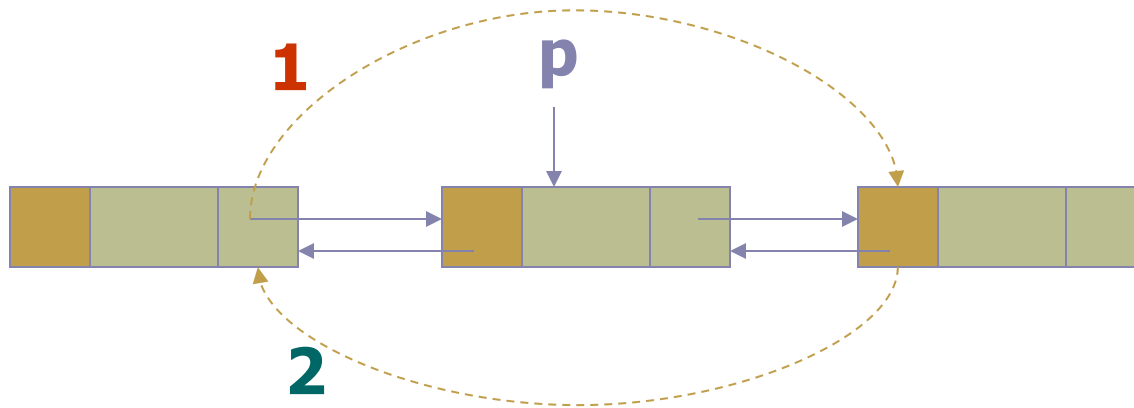
`s->prior = p->prior;`

`p->prior->next = s;`

`s->next = p;`

`p->prior = s;`

# 双向链表的删除



```
p->prior->next = p->next;
P->next->prior = p->prior;
free(p);
```



# 单循环链表算法举例(1)

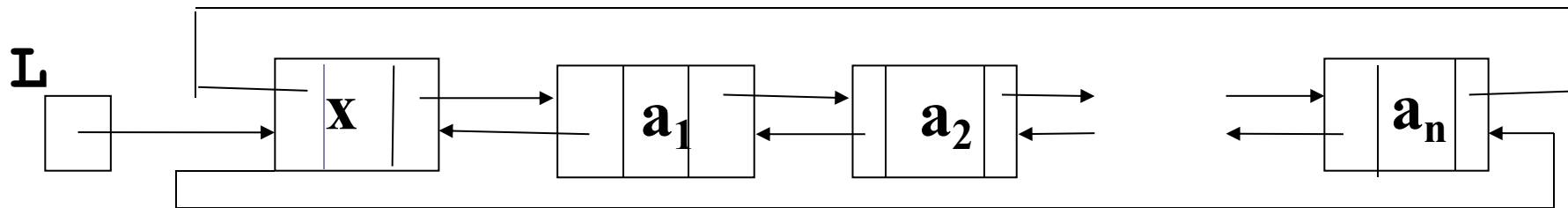
已知一个带头结点的单循环链表，元素按从大到小排序，试写一个算法，插入一个元素x至循环链表的适当位置，使之保持链表的有序性。

```
void insertsort(LinkList L, ElemType x)
```

```
{ LinkList p, q, s;
 p=L; q=L->next;
 s=(ElemType *) malloc (sizeof(ElemType));
 s->data=x;
 while(q!=L&&q->data>x)
 { p=q; q=q->next; }
 p->next=s;
 s->next=q;
}
```

## 循环链表算法举例 (2)

已知一带头结点的双向循环链表，从第二个结点至表尾递增有序，（设 $a_1 < x < a_n$ ）如下图。试编写程序，将第一个结点删除并插入表中适当位置，使整个链表递增有序（带头结点）



## 循环链表算法举例 (2)

```
void DInsert (DLinkList &L)
```

```
{s=L->next; x=s->data; // s暂存第一结点的指针
```

```
 p=s->next; // 将第一结点从链表上摘下
```

```
 p->prior=L; L->next=p;
```

```
 while (p->data<x&& p!=L)
```

```
 p=p->next; // 查插入位置, 插入在p的前面
```

```
 s->next=p; s->prior=p->prior; // 插入s
```

```
 p->prior->next=s; p->prior=s;
```

```
} // 算法结束
```

## ● 一元多项式的表示及相加

### ● 一元多项式的表示：

$$P_n(x) = P_0 + P_1x + P_2x^2 + \dots \dots + P_nx^n$$

可用线性表P表示  $P = (P_0, P_1, P_2, \dots \dots, P_n)$

但对S(x)这样的多项式浪费空间  $S(x) = 1 + 3x^{1000} + 2x^{20000}$

一般  $P_n(x) = P_1x^{e_1} + P_2x^{e_2} + \dots \dots + P_mx^{e_m}$

其中  $0 \leq e_1 \leq e_2 \dots \dots \leq e_m$  ( $P_i$ 为非零系数)

用数据域含两个数据项的线性表表示

$((P_1, e_1), (P_2, e_2), \dots \dots (P_m, e_m))$

其存储结构可以用顺序存储结构，也可以用单链表

- 单链表的结点定义

```
typedef struct node
{
 int coef,exp;
 struct node *next;
}JD;
```

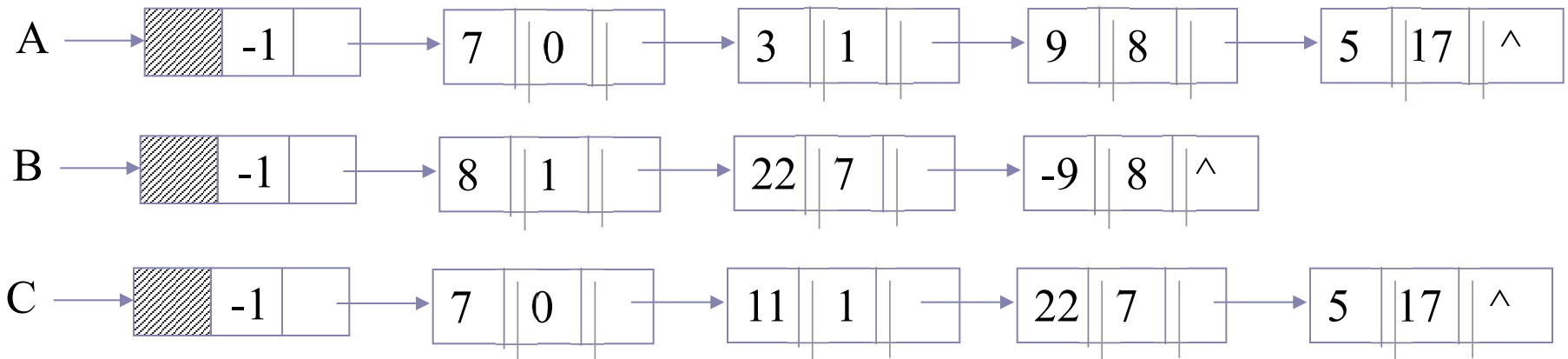


- 一元多项式相加

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17}$$

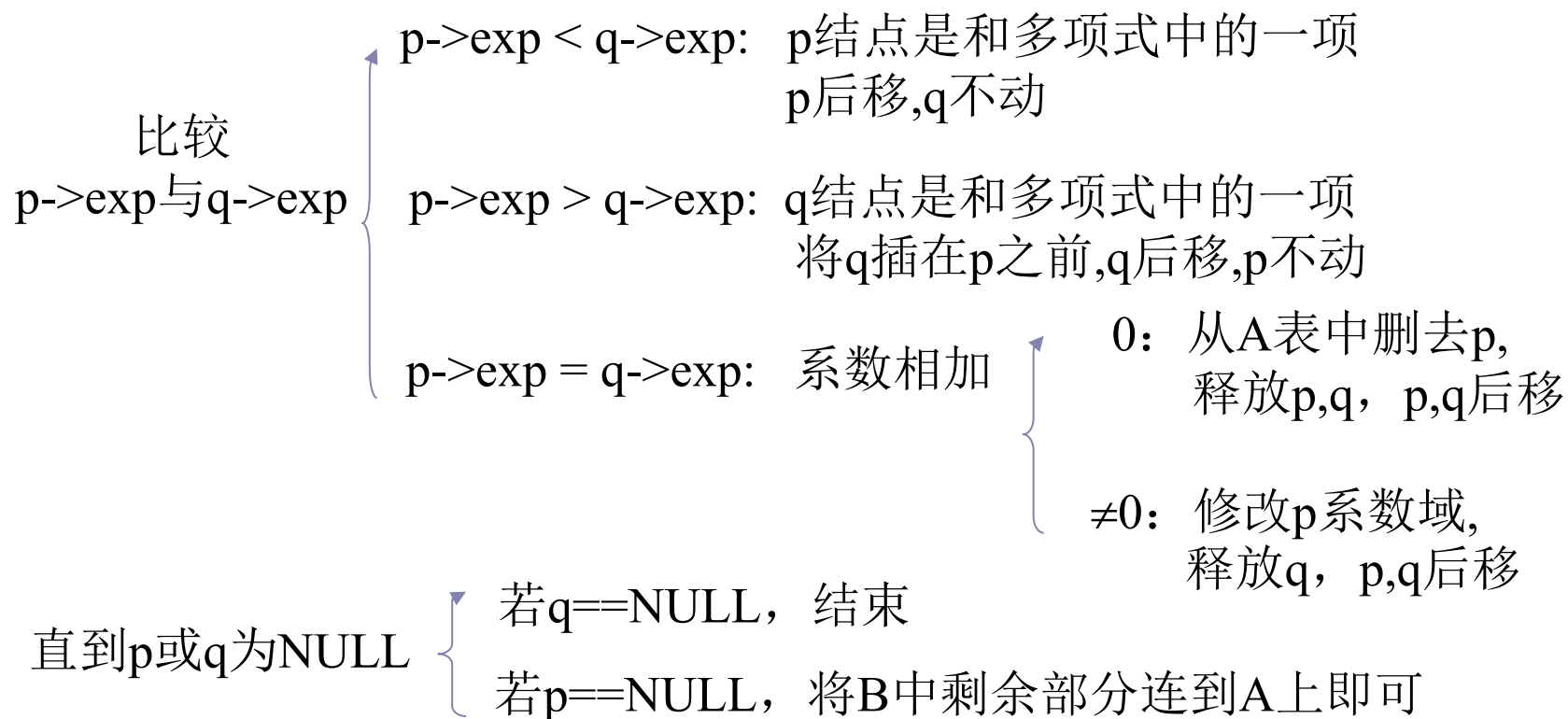
$$B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$

$$C(x) = A(x) + B(x) = 7 + 11x + 22x^7 + 5x^{17}$$



## ● 运算规则 $A=A+B$

设 $p, q$ 分别指向 $A, B$ 中某一结点,  $p, q$ 初值是第一结点,



# 算法描述

```
void add_poly(JD * &pa, JD *pb)
{
 JD *p, *q, *u, *pre;
 int x;
 p=pa->next; q=pb->next; pre=pa;
 while((p!=NULL) && ((q!=NULL)))
 {
 if(p->exp<q->exp) //p后移
 {
 pre=p; p=p->next;
 }
 else if(p->exp==q->exp)
 {
 x=p->coef+q->coef; //计算系数和
 if(x!=0){ p->coef=x; pre=p;}
 else { pre->next=p->next; free(p); //删除并释放p}
 p=pre->next; //p后移
 u=q; q=q->next; //q后移, 并释放原来的q
 free(u);
 }
 }
}
```

接下页

## 接上页

```
else // p->exp>q->exp的情况
{
 u=q->next;
 q->next=p;pre->next=q; //将q插入在p前面
 pre=q; q=u;
}
} //while
if(q!=NULL)
 pre->next=q;
free(pb);
}
```



