Electromagnetismo

Exame de recurso: 11 Fevereiro de 2021

2h, 20 valores

1. (3v) Um campo eléctrico é dado, em coordenadas cilíndricas, por:

$$\mathbf{E} = \begin{cases} E_0 \frac{r^3}{a} \mathbf{e}_r & \text{para } 0 < r < a \\ 0 & \text{no resto do espaço} \end{cases}$$

- (a) Determine a distribuição de cargas que cria este campo eléctrico, tanto a volúmica como a superficial.
- (b) Porque é que tem de calcular também a distribuição superficial de cargas?
- 2. (3v) Considere duas superfícies esféricas concêntricas, uma de raio a e outra de raio b, a < b. A superfície esférica mais pequena tem uma carga -q e a maior tem uma carga +2q. Usando o teorema de Gauss, determine o campo eléctrico em todo o espaço.
- 3. (3v) Considere uma linha de carga circular de raio R, com densidade de carga linear λ . Determine o campo eléctrico na linha que que passa pelo centro do círculo.
- 4. (3v) Calcule a energia electroestática de um campo eléctrico dado por

$$\boldsymbol{E} = E_0 r^2 \boldsymbol{e}_r$$

dentro de uma esfera de raio R e

$$E = 0$$

fora da esfera.

- 5. (4v) A partir da lei de Ampére, determine o campo magnético gerado por uma corrente I que percorre um fio infinito, em função da distância ao fio.
- 6. (4v) Determine o potencial vector criado por um segmento de recta finito, transportando uma corrente I, em função da distância ao fio. Coloque o fio no eixo dos z, entre z_1 e z_2 .

Dicas:

Divergência em coordenadas cilíndricas:

$$\nabla \cdot \boldsymbol{a} = \frac{1}{r} \frac{\partial (ra_r)}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial a_{\phi}}{\partial \phi} + \frac{\partial a_z}{\partial z}$$

Primitiva:

$$\int \frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} dx = \ln\left(x + \sqrt{a^2 + x^2}\right)$$