



Nome: Número:

- 1. Fotografa um edificio convencional com uma objectiva primária (distância focal fixa) de $50~\rm{mm}$ (de distância focal). O edificio está a $50~\rm{m}$ de si.
- a) Qual a distância entre objectiva e o sensor digital na aproximação mais simples de óptica geométrica paraxial & 1 lente delgada equivalente? Descreva a imagem: real ou virtual, localização (pergunta anterior), tamanho relativo e orientação.(1 V)
- b) A ampliação transversal é constante (compare por ex. os pontos $A \ e \ B$)? Comente e diga se de acordo com óptica geométrica paraxial (de 1a. ordem). (1 V)

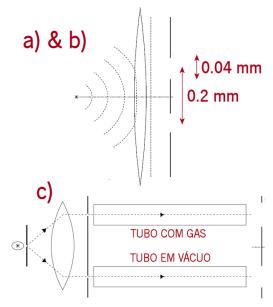


2. O campo eléctrico de uma onda electromgnética monocromática plana a propagar-se no vácuo pode ser descrito por:

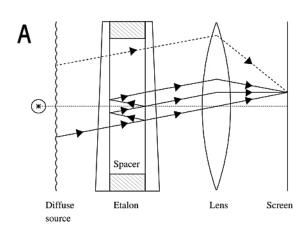
$$\mathbf{E} = \hat{\mathbf{j}} (400 \,\mathrm{V/m}) \cos \left(1.1593 \times 10^7 (\,\mathrm{rad/m}) x - 3.4778 \times 10^{15} (\,\mathrm{rad/s}) t + \frac{\pi}{2}\right) + \\ + \hat{\mathbf{k}} (200 \,\mathrm{V/m}) \cos \left(1.1593 \times 10^7 (\,\mathrm{rad/m}) x - 3.4778 \times 10^{15} (\,\mathrm{rad/s}) t + \frac{\pi}{2}\right)$$

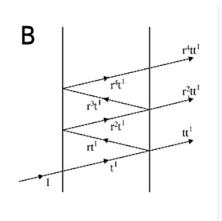
- a) Qual a direcção de propagação, comprimento de onda e frequência (Hz)? (1 V)
- b) Escreva uma expressão para o campo magnético. (1 V)
- c) Qual a irradiância ? (1 V)
- 3. Radiação monocromática não polarizada colimada propaga-se no ar (1000 W/m^2). É reflectida numa face plana de um vidro flint (n = 1.7), colocado na horizontal.
- a) Qual o ângulo de incidência que faz com que a radiação reflectida seja 100 % polarizada ? Qual a polarização da radiação reflectida ? (1 V)
- b) Quais as irradiâncias das componentes vertical e horizontal da radiação reflectida? (1.5 V)

- 4. A motivação é cinema 3D, com óculos passivos RealD. Incide alternadamente luz com polarização circular direita e esquerda num determinado dispositivo óptico. O dispositivo é: (1) lâmina de quarto de onda com eixo rápido na vertical, seguida de (2) polarizador linear com eixo de transmissão rodado de 45º para a direita em relação à vertical e (3) lâmina de quarto de onda com eixo rápido na horizontal (não é isto que existe nas lentes dos óculos RealD).
- a) Indique o que se passa, após cada um dos 3 elementos ópticos, para os dois casos de luz direita e esquerda. Qual a utilidade deste dispositivo óptico ? (2 V)
- b) Considere agora uma situação mais simples: incide luz natural no conjunto polarizador linear + lâmina de quarto de onda, com eixo rápido na **horizontal** (2 últimos elementos da alínea a). Os polarizadores e a lâmina são ideais (quando devem absorver, absorvem com 100 % de eficiência; quando não devem absorver, não absorvem nada; não existem outros processos dissipativos). Irradiância incidente no polarizador: 1000 W/m^2 . Qual a irradiância e polarização da radiação, após o polarizador e após a lâmina de quarto de onda?
- 5. Dupla fenda, com radiação coerente monocromática linearmente polarizada na vertical, separação entre fendas 0.2 mm e largura de cada fenda 0.04 mm. Onda plana incidente. Ecrã para visualização do padrão a 3 m, sem lente. Há vários máximos e mínimos: o 3o. máximo, contado a partir do máximo central mais intenso, está situado a 2.45 cm do centro.
- a) Qual o comprimento de onda? (1.5 V)
- b) Qual a razão entre as irradiâncias do 3
o. máximo e do máximo central ? $\qquad \qquad (1.5~{\rm V})$
- c) Coloca à frente das duas fendas dois tubos de 1 cm, um em vácuo e outro com um gás cujo indice de refracção quer determinar (arranjo tipo refractómetro de Rayleigh). No centro do padrão no alvo passa a ter um mínimo. Qual o menor valor do indice de refracção do gás, compatível com a observação?(1.5 V)

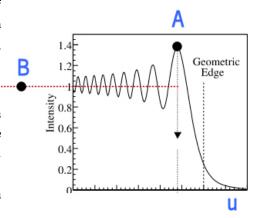


- 6. Relembre interferómetro Fabry-Perot (esquerda), mas para o caso particular de incidência normal. O filme é de um gás de indice de refração n entre 2 placas paralelas. A irradiância global na transmissão é determinada pela seguinte sequência:
- (1) diferença de fase atraso do 20. feixe em relação ao 10.: $\delta = \frac{4\pi dn}{\lambda}$, onde d é a espessura do filme;
- (2) amplitude do campo transmitido (direita): $E_t = tt' + r^2tt' \exp(i\delta) + r^4tt' \exp(2i\delta) + \dots = tt' \left\{ \sum_{n=0}^{+\infty} \left[r^2 \exp(i\delta) \right]^n = \frac{1-r^2}{1-r^2 \exp(i\delta)} \right\}$, onde r e t são os coeficientes de reflexão e transmissão em amplitude e o apóstrofo representa a interface vidro \rightarrow gás;
- (3) finalmente a irradiância é determinada a partir da amplitude e dá $I_t = \frac{1}{1+F\sin^2(\delta/2)}$, com $F \equiv \frac{4R}{(1-R)^2}$ e R é a reflectância, para uma interface.
- a) Diga se o cálculo acima se aplica para sucessivas contribuições para a irradiância coerentes ou incoerentes.
- b) Seja L_C o comprimento de coerência (longitudinal) da radiação. Há dois casos limite: $L_C \gg d$ e $L_C \ll d$. O cálculo descrito em cima aplica-se a que caso ? E se tivesse o outro caso, diga de forma breve quais as mudanças qualitativas para calcular a irradiância transmitida global. (1.5 V)





- 7. Difracção, nas aproximações de teoria escalar de Kirchhoff e de Fresnel, num obstáculo opaco semi-infinito. A figura mostra o padrão previsto, irradiância normalizada à irradiância prevista se não houvesse obstáculo, vs. coordenada normalizada u. No final do teste tem a espiral de Cornu.
- a) Desenhe com uma régua na espiral de Cornu os vectores correspondentes aos pontos A $(1^{\circ}$. máximo) e B (irradiância se não houvesse obstáculo) da figura. Desenhe na espiral no final do teste e entregue o seu desenho. (1 V)
- b) Qual a razão entre as irradiâncias correspondentes aos pontos A e B, $I_{\rm A}/I_{\rm B}$? (1 V)





Nome: Número:

