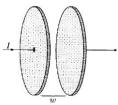
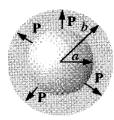
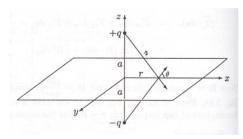
- 1. a) Explique por que razão a lei de Ampére original (correspondente a um regime estacionário: $\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J}$) deve ser corrigida com a inclusão de uma "corrente de deslocamento" ($\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \varepsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$).
 - b) Considere um condensador de armaduras planas com área A e distanciadas de *w* (*w*<<1: ignore os efeitos de bordos), inicialmente <u>carregado</u> (ver figura). A *t*=0 uma corrente constante *I* descarrega o condensador (neste processo, a carga distribui-se sempre uniformemente nas armaduras). Calcule os campos eléctrico e magnético que se estabelecem no espaço entre armaduras <u>durante este processo de descarga</u>. Explique os seus cálculos.



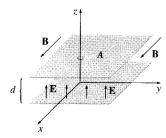
- 2. a) Uma coroa esférica espessa (raio interno a e raio externo b, ver figura) é constituída por um material dieléctrico linear, electricamente neutro, e com uma polarização eléctrica espontânea radial $\vec{P}(\vec{r}) = -\frac{k}{r}\hat{r}$. Calcule o campo eléctrico gerado nas três regiões distintas (r < a, a < r < b, r > b). Justifique convenientemente a resposta.
 - b) As equações de Maxwell impõem que os campos auxiliares \vec{D} e \vec{H} respeitem as equações $\nabla \cdot \vec{D} = \rho_f$ e $\nabla \times \vec{H} = \vec{J}_f + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$. Estas equações são semelhantes às equações que exprimem as leis de Gauss ($\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0}$) e de Maxwell-Ampére ($\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$). Contudo, esta semelhança é, em geral, enganadora. Porquê?



3. Duas cargas pontuais <u>de igual sinal</u> estão separadas por uma distância *2d*. Calcule a força que uma carga exerce sobre a outra integrando o tensor de Maxwell sobre o plano equidistante das cargas (ver figura). Explique convenientemente os seus cálculos.



- 4. Um condensador plano carregado (placas orientadas perpendicularmente ao eixo dos zz´, ver figura) é colocado num campo magnético uniforme $\vec{B} = B\hat{x}$.
 - a) Calcule o momento linear electromagnético existente no espaço entre armaduras (ignore o efeito de bordos).
 - b) Admita que o campo magnético é progressivamente diminuído até se anular. Qual o impulso mecânico que é transmitido ao condensador neste processo?



Observações eventualmente úteis:

Polarização e cargas ligadas: $-\nabla\cdot\vec{P}=\rho_b$; $\sigma_b=\vec{P}\cdot\hat{n}$

Campos auxiliares: $\vec{D}=\varepsilon_0\vec{E}+\vec{P}$; $\vec{B}=\mu_0(\vec{H}+\vec{M})$

Divergência em coordenadas esféricas: $\nabla \cdot \vec{v} = \frac{1}{r^2} \partial_r (r^2 v_r) + \frac{1}{r \sin \theta} \partial_\theta (\sin \theta \ v_\theta) + \frac{1}{r \sin \theta} \partial_\phi (v_\phi)$

Tensor de Maxwell: $T_{ij} = \varepsilon_0 \left(E_i E_j - \frac{1}{2} \delta_{ij} E^2 \right) + \frac{1}{\mu_0} \left(B_i B_j - \frac{1}{2} \delta_{ij} B^2 \right)$

$$\int_0^\infty \frac{r^3 dr}{(r^2 + d^2)^3} = \left(\frac{1}{2d}\right)^2$$

Densidade volúmica de momento linear: $\vec{p}_{em} = \varepsilon_0(\vec{E} \times \vec{B})$