

Universidade do Minho

## DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA E APLICAÇÕES

## CÁLCULO

FICHA 14 Janeiro

## Séries numéricas

1. Estude a natureza das seguintes séries numéricas:

(a) 
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{n^3 + 5}$$

(b) 
$$\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n$$

(c) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{3^n n^2}$$

(d) 
$$\sum_{n>1} \frac{n \sin n}{e^n};$$

(e) 
$$\sum_{n>1} \frac{n^2 \cos(n\pi)}{1+n^3}$$
;

(e) 
$$\sum_{n\geq 1} \frac{n^2 \cos(n\pi)}{1+n^3}$$
; (f)  $\sum_{n\geq 1} (-1)^n \frac{4+\cos n}{n^3}$ .

2. Em cada uma das alíneas seguintes, apresente um exemplo nas condições indicadas:

(a) uma série alternada divergente;

(b) uma sucessão  $(u_n)_n$  tal que  $u_n > 0$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $\lim_n u_n = 0$  e  $\sum_{n > 1} u_n^3$  seja divergente;

(c) uma sucessão  $(u_n)_n$  tal que  $u_n < 0$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $\lim_n u_n = 0$  e  $\sum_{n > 1} u_n^2$  seja divergente;

(d) uma sucessão  $(u_n)_n$  tal que  $\sum_{n\geq 1}u_n$  seja convergente e  $\sum_{n\geq 1}u_n^2$  seja divergente;

(e) uma sucessão  $(u_n)_n$  tal que  $\sum_{n\geq 1}u_n$  seja divergente e  $\sum_{n\geq 1}u_n^2$  seja convergente.