

1. Calcule os seguintes integrais iterados e represente graficamente o domínio de integração:

$$a) \int_0^1 \int_{x^2}^x y \, dy dx, \quad b) \int_0^1 \int_0^{\sqrt{1-x^2}} y \, dy dx, \quad c) \int_{-2}^1 \int_0^{\sqrt{4-y^2}} y \, dx dy$$

2. Represente graficamente o conjunto B e calcule a sua área:

- (a) $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid 1 \leq x \leq 2, x \leq y \leq x^2\};$
(b) $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid -y^2 \leq x \leq y^2, 0 \leq y \leq 1\}.$

3. Calcule o volume dos sólidos limitados

- (a) pelos planos $x = 0$, $x = 1$, $y = 0$, $y = 1$ e $z = 0$ e pela superfície $z = x^2 + y^4$;
(b) pela superfície $z = \sin y$ e pelos planos $x = 0$, $x = 1$, $y = 0$, $y = \frac{\pi}{2}$ e $z = 0$.

4. Determine o domínio de integração e calcule os integrais seguintes recorrendo a uma inversão da ordem de integração:

$$a) \int_0^1 \int_x^1 e^{-y^2} \, dy dx, \quad b) \int_0^2 \int_{\frac{y}{2}}^1 \sin\left(\frac{\pi}{2} x^2\right) \, dx dy; \quad c) \int_0^1 \int_{\sqrt{y}}^1 \sin(x^3) \, dx dy.$$

5. Calcule os integrais seguintes utilizando uma mudança de variáveis:

- (a) $\iint_B x^2 - y^2 \, dx dy, \quad B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid -1 \leq x - y \leq 0, -1 \leq x + y \leq 0\}$
(b) $\iint_B x - y \, dx dy, \quad B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid -x \leq y \leq 3 - x, 2x - 2 \leq y \leq 2x\}$
(c) $\iint_B \frac{1}{x^2 + y^2} \, dx dy, \quad B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid 1 \leq x^2 + y^2 \leq 9, y \geq 0\}$
(d) $\iint_B e^{-x^2 - y^2} \, dx dy, \quad B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 \leq \alpha^2\} (\alpha > 0)$

6. Use as coordenadas polares para determinar os pontos $(x, y) \in \mathbb{R}^2$ para os quais $\sqrt{x^2 + y^2} \leq 2 - x^2 - y^2$. Determine o volume do conjunto de \mathbb{R}^3 limitado inferiormente pelo cone $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ e superiormente pelo parabolóide $z = 2 - x^2 - y^2$.