

承诺书

我们授权全国大学生数学建模竞赛组委会,可将我们的论文以任何形式进行公开展示(包括进行网上公示,在书籍、期刊和其他媒体进行正式或非正式发表等)。

日期: 2017 年 8 月 07 日

赛区评阅编号(由赛区组委会评阅前进行编号):

2017 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

编 号 专 用 页

赛区评阅编号(由赛区组委会评阅前进行编号):

赛区评阅记录(可供赛区评阅时使用):

评 阅 人										
评 分										
备 注										

全国统一编号(由赛区组委会送交全国前编号):

全国评阅编号(由全国组委会评阅前进行编号):

Title

摘 要

关键词：符号秩检验, 方差检验因子分析, 聚类分析,

一 问题重述

确定葡萄酒质量时一般是通过聘请一批有资质的评酒员进行品评。每个评酒员在对葡萄酒进行品尝后对其分类指标打分,然后求和得到其总分,从而确定葡萄酒的质量。酿酒葡萄的好坏与所酿葡萄酒的质量有直接的关系,葡萄酒和酿酒葡萄检测的理化指标会在一定程度上反映葡萄酒和葡萄的质量。解决以下问题:

1. 分析两组评酒员的评价结果有无显著性差异,如果有则需要确定哪一组评酒员的结果更可信;
2. 根据酿酒葡萄的理化指标和葡萄酒的质量,对这些酿酒葡萄进行分级;
3. 酿酒葡萄与葡萄酒的理化指标,寻找其中的联系;
4. 分析酿酒葡萄和葡萄酒的理化指标对葡萄酒质量的影响,并论证能否用葡萄和葡萄酒的理化指标来评价葡萄酒的质量。

二 建模分析

2.1 模型假设

对于葡萄和葡萄酒的理化指标与葡萄和葡萄酒的质量所建立的模型模型,我们提出了如下的合理假设:

1. 未考虑到的酿酒葡萄理化指标不会影响葡萄酒的质量;
2. 各位评酒员打分彼此之间没有影响;
3. 抽出葡萄样品能代替一种葡萄;
4. 评酒结果采取加分制;
5. 附件 2 中给出的葡萄和葡萄酒理化指标都准确可靠;
- 6.

2.2 记号说明

模型记号说明

表 1: 模型记号说明

2.3 问题分析

2.3.1 可靠性分析

因为两组品酒员对酒样的评分是成对比较,且对评分并不要求成对数据之差服从正态分布,只要求对称分布,再有葡萄酒质量评判的分布的不确定性,故我们采用统计学中 Wilcoxon 符号秩检验来解释两组评酒员对葡萄酒的评价有无显著性差异。

如果两组评酒员对葡萄酒的评价有显著性差异,就需要确定哪一组的评价更可信,因此我们两组的方差,对两组评酒员的评价数据进行置信度分析。利用 MATLAB 的置信度分析功能,分别对第一组和第二组评分进行可信度分析,最后通过图形直观的反映结果。

2.3.2 因子分析、聚类分析

由于酿酒葡萄的理化指标繁杂,彼此之间相互联系,

2.4 建立模型

2.4.1 符号秩和检验模型的建立

将两组评酒员分别看作两个整体 P_1, P_2 , 对每个红葡萄酒样品 $J_i^{(1)}$ 每个白葡萄酒样品 $J_i^{(2)}$ 进行评价, P_1 对每个红葡萄酒的样品 $J_i^{(1)}$ 的评价结果通过组内每一位品酒员的评分 $x_{ij}^{(1)}$ 的均值 $\bar{x}_i^{(1)} = \frac{1}{10} \sum_{j=1}^{10} x_{ij}^{(1)}$ 来刻画, 对每个白葡萄酒的样品 $J_i^{(2)}$ 的评价结果通过组内每一位品酒员的评分 $x_{ij}^{(2)}$ 的均值 $\bar{x}_i^{(2)} = \frac{1}{10} \sum_{j=1}^{10} x_{ij}^{(2)}$ 来刻画, 同样 P_2 对每个红葡萄酒的样品 $J_i^{(1)}$ 的评价结果用均值 $\bar{y}_i^{(1)} = \frac{1}{10} \sum_{j=1}^{10} y_{ij}^{(1)}$, 对每个白葡萄酒的样品 $J_i^{(2)}$ 的评价结果用均值 $\bar{y}_i^{(2)} = \frac{1}{10} \sum_{j=1}^{10} y_{ij}^{(2)}$ 来刻画, 从而得到两组评酒员对每种样品酒的评价结果, 建立两组评酒员对红葡萄酒和白葡萄酒的评价。

对酒样品 J_1, J_2 分别得到一对数据。葡萄酒质量是其外观、香气、口味、典型性的综合表现 [1], 可知两对数据之间的差异由多种因素引起, 由于不仅酒样品 J_i^1, J_i^2 的特性有广泛的差异, 而且评酒员存在感官评价的异质性 [2], 就不能将一组评酒员对 27 种红葡萄酒或者 28 种白葡萄酒的评价结果看成是同分布随机变量。为鉴定他们的评价结果有无显著性差异, 可使用基于成对数据的逐对比较法, 以红葡萄酒样品为例, 有 27 对相互独立的评价结果: $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_{27}, Y_{27})$, 令 $D_1 = X_1 - Y_1, D_2 = X_2 - Y_2, \dots, D_{27} = X_{27} - Y_{27}$, 则 D_1, D_2, \dots, D_{27} 相互独立, 我们对 D_1, D_2, \dots, D_{27} 进行符号秩和检验。

2.4.2 暂定

2.4.3 多元逐步回归分析模型

2.5 模型求解和分析

2.5.1 符号秩检验模型的求解

将附件一中的数据使用 MATLAB 整合、分析、处理,可得两组的葡萄酒品尝评分的均值和方差的总表。

利用 MATLAB 的 `signrank` 符号秩检验函数,就可以得到

```
>> [p,h] = signrank(red1aver,red2aver)
```

```
>> p = 0.0105
```

```
>> h = 1
```

```
>> [p,h] = signrank(write1aver,write2aver)
```

```
>> p = 0.0372
```

```
>> h = 1
```

2.6 模型评价

2.6.1 模型优点

- 1)
- 2)
- 3)

2.6.2 模型缺点

- 1)
- 2)

参考文献

- [1] 李云. 统计分析在葡萄酒质量评价中的应用. 酿酒科技, 2009.
- [2] 李华. 葡萄酒感官评价结果的统计分析方法研究. 中国食品学报, 2006.

第一组评酒员			第二组评酒员			酒	第一组评酒员			第二组评酒员		
总分	均值	方差	方差	均值	总分	号	总分	均值	方差	方差	均值	总分
627	62.70	92.90	81.87	68.10	681	1	820	82.00	92.222	25.88	77.90	779
803	80.30	39.78	16.22	74.00	740	2	742	74.20	201.06	49.07	75.80	758
804	80.40	45.82	30.71	74.60	746	3	853	85.30	365.12	142.48	75.60	756
686	68.60	108.04	41.28	71.20	712	4	794	79.40	44.711	42.10	76.90	769
733	73.30	62.01	13.65	72.10	721	5	710	71.00	126.44	26.28	81.50	815
722	72.20	59.73	21.12	66.30	663	6	684	68.40	162.71	22.72	75.50	755
715	71.50	103.61	62.67	65.30	653	7	775	77.50	39.166	42.18	74.20	742
723	72.30	44.01	65.11	66.00	660	8	714	71.40	183.60	31.12	72.30	723
815	81.50	32.94	25.73	78.20	782	9	729	72.90	92.766	106.26	80.40	804
742	74.20	30.40	36.17	68.80	688	10	743	74.30	212.67	70.40	79.80	798
701	70.10	70.76	38.04	61.60	616	11	723	72.30	177.12	87.82	71.40	714
539	53.90	79.65	25.12	68.30	683	12	633	63.30	115.78	140.04	72.40	724
746	74.60	44.93	15.28	68.80	688	13	659	65.90	170.76	46.77	73.90	739
730	73.00	36.00	23.15	72.60	726	14	720	72.00	114.22	15.88	77.10	771
587	58.70	85.56	41.34	65.70	657	15	724	72.40	131.60	54.04	78.40	784
749	74.90	18.10	20.10	69.90	699	16	740	74.00	178.00	82.23	67.30	673
793	79.30	88.01	9.16	74.50	745	17	788	78.80	144.17	38.46	80.30	803
601	60.10	42.76	50.26	65.40	654	18	731	73.10	156.54	30.23	76.70	767
786	78.60	47.37	55.15	72.60	726	19	722	72.20	46.40	26.04	76.40	764
792	79.22	15.25	39.06	75.80	758	20	778	77.80	64.40	50.04	76.60	766
771	77.10	116.10	35.51	72.20	722	21	764	76.40	172.71	64.40	79.20	792
772	77.20	50.62	24.26	71.60	716	22	710	71.00	138.66	53.60	79.40	794
856	85.60	32.48	24.76	77.10	771	23	759	75.90	43.65	11.60	77.40	774
780	78.00	74.88	10.72	71.50	715	24	733	73.30	111.12	38.54	76.10	761
692	69.20	64.62	43.73	68.20	682	25	771	77.10	33.87	106.50	79.50	795
738	73.80	31.28	41.55	72.00	720	26	813	81.30	72.90	102.90	74.30	743
730	73.00	49.77	20.50	71.50	715	27	648	64.80	144.40	35.56	77.00	770
						28	813	81.30	80.46	25.38	79.60	796
1567.49			912.34				3617.30			1568.54		

表 2: 两组葡萄酒品尝评分的均值和方差

附 录