



東北大學 秦皇島分校
Northeastern University at Qinhuangdao

第十章：代码优化



提 綱

10.1 基本块和流图

10.2 常用的代码优化方法

10.3 基本块的优化

10.4 数据流分析

基本块(*Basic Block*)

- **基本块**是满足下列条件的最大的连续三地址指令序列
 - 控制流只能从基本块的第一个指令进入该块。也就是说，没有跳转到基本块中间或末尾指令的转移指令
 - 除了基本块的最后一个指令，控制流在离开基本块之前不会跳转或者停止

如何划分基本块？

基本块划分算法

➤ 输入:

- 三地址指令序列

➤ 输出:

- 输入序列对应的**基本块列表**，其中每个指令恰好被分配给一个基本块

➤ 方法:

- 首先，确定指令序列中哪些指令是**首指令**(*leaders*)，即某个基本块的第一个指令
 1. 指令序列的**第一个三地址指令**是一个首指令
 2. 任意一个条件或无条件**转移指令的目标指令**是一个首指令
 3. 紧跟在一个条件或无条件**转移指令之后的指令**是一个首指令
- 然后，每个首指令对应的基本块包括了从它自己开始，直到**下一个首指令**(不含)或者**指令序列结尾**之间的所有指令

例

```
 $i = m - 1; j = n; v = a[n];$   
while (1) {  
    do  $i = i + 1$ ; while ( $a[i] < v$ );  
    do  $j = j - 1$ ; while ( $a[j] > v$ );  
    if ( $i \geq j$ ) break;  
     $x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;$   
}  
 $x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;$ 
```

1. 指令序列的**第一个三地址指令**是一个首指令
2. 任意一个条件或无条件**转移指令的目标指令**是一个首指令
3. 紧跟在一个条件或无条件**转移指令之后的指令**是一个首指令

```
(1)  $i = m - 1$   
(2)  $j = n$   
B1 (3)  $t_1 = 4 * n$   
(4)  $v = a[t_1]$   
(5)  $i = i + 1$  ---  
B2 (6)  $t_2 = 4 * i$   
(7)  $t_3 = a[t_2]$   
(8) if  $t_3 > v$  goto (5) ---  
(9)  $j = j - 1$   
(10)  $t_4 = 4 * j$   
B3 (11)  $t_5 = a[t_4]$   
(12) if  $t_5 > v$  goto (9) ---  
B4 (13) if  $i \geq j$  goto (23) ---  
(14)  $t_6 = 4 * i$   
(15)  $x = a[t_6]$ 
```

```
(16)  $t_7 = 4 * i$   
(17)  $t_8 = 4 * j$   
(18)  $t_9 = a[t_8]$   
B5 (19)  $a[t_7] = t_9$   
(20)  $t_{10} = 4 * j$   
(21)  $a[t_{10}] = x$   
(22) goto (5) ---  
(23)  $t_{11} = 4 * i$   
(24)  $x = a[t_{11}]$   
(25)  $t_{12} = 4 * i$   
(26)  $t_{13} = 4 * n$   
B6 (27)  $t_{14} = a[t_{13}]$   
(28)  $a[t_{12}] = t_{14}$   
(29)  $t_{15} = 4 * n$   
(30)  $a[t_{15}] = x$ 
```

流图(*Flow Graphs*)

- 流图的结点是一些基本块
- 从基本块 B 到基本块 C 之间有一条边当且仅当基本块 C 的第一个指令可能紧跟在 B 的最后一条指令之后执行

此时称 B 是 C 的前驱(*predecessor*) ,
 C 是 B 的后继(*successor*)

流图(Flow Graphs)

- 流图的结点是一些基本块
- 从基本块 B 到基本块 C 之间有一条边当且仅当基本块 C 的第一个指令可能紧跟在 B 的最后一条指令之后执行
- 有两种方式可以确认这样的边：
 - 有一个从 B 的结尾跳转到 C 的开头的条件或无条件跳转语句
 - 按照原来的三地址语句序列中的顺序， C 紧跟在 B 后，且 B 的结尾不存在无条件跳转语句

例

(1) $i = m - 1$

(2) $j = n$

B_1 (3) $t_1 = 4 * n$

(4) $v = a[t_1]$

(5) $i = i + 1$

B_2 (6) $t_2 = 4 * i$

(7) $t_3 = a[t_2]$

(8) $if\ t_3 > v\ goto(5)$

(9) $j = j - 1$

B_3 (10) $t_4 = 4 * j$

(11) $t_5 = a[t_4]$

(12) $if\ t_5 > v\ goto(9)$

B_4 (13) $if\ i \geq j\ goto(23)$

(14) $t_6 = 4 * i$

(15) $x = a[t_6]$

(16) $t_7 = 4 * i$

(17) $t_8 = 4 * j$

(18) $t_9 = a[t_8]$

B_5 (19) $a[t_7] = t_9$

(20) $t_{10} = 4 * j$

(21) $a[t_{10}] = x$

(22) $goto\ (5)$

(23) $t_{11} = 4 * i$

(24) $x = a[t_{11}]$

(25) $t_{12} = 4 * i$

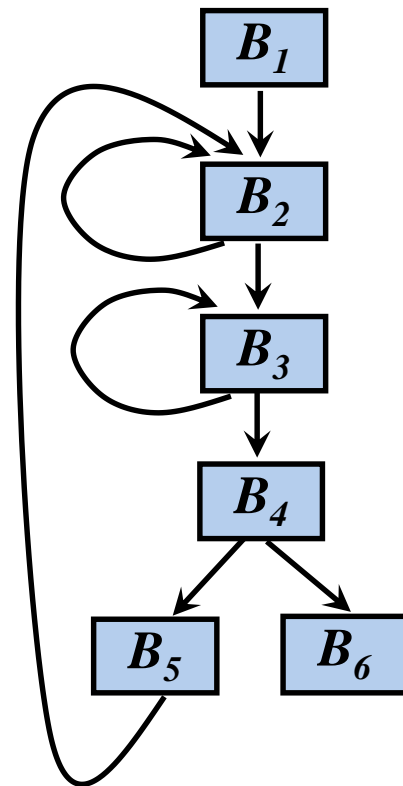
(26) $t_{13} = 4 * n$

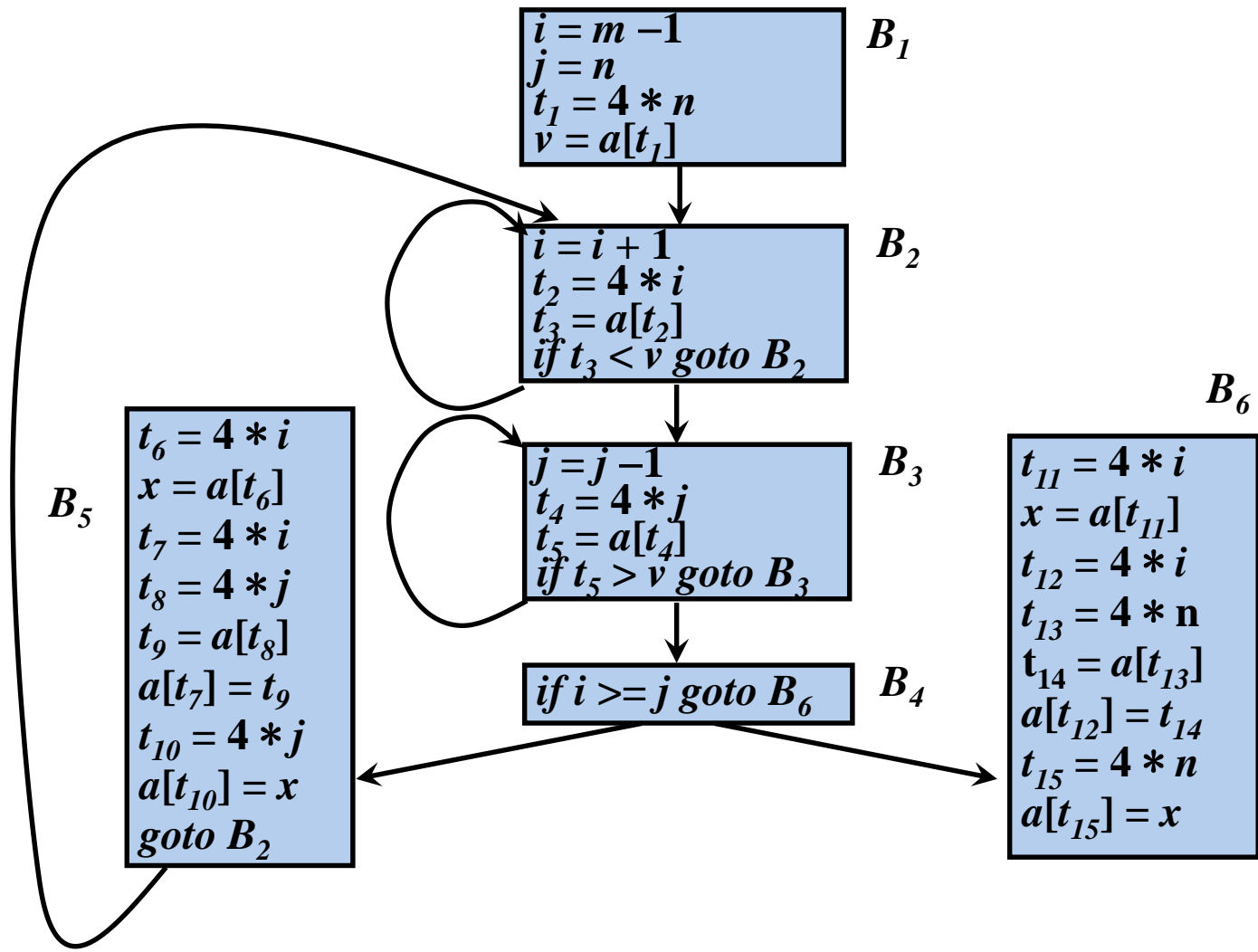
B_6 (27) $t_{14} = a[t_{13}]$

(28) $a[t_{12}] = t_{14}$

(29) $t_{15} = 4 * n$

(30) $a[t_{15}] = x$







提 綱

10.1 基本块和流图

10.2 常用的代码优化方法

10.3 基本块的优化

10.4 数据流分析

优化的分类

- 机器无关优化

 - 针对中间代码

- 机器相关优化

 - 针对目标代码

- 局部代码优化

 - 单个基本块范围内的优化

- 全局代码优化

 - 面向多个基本块的优化

常用的优化方法

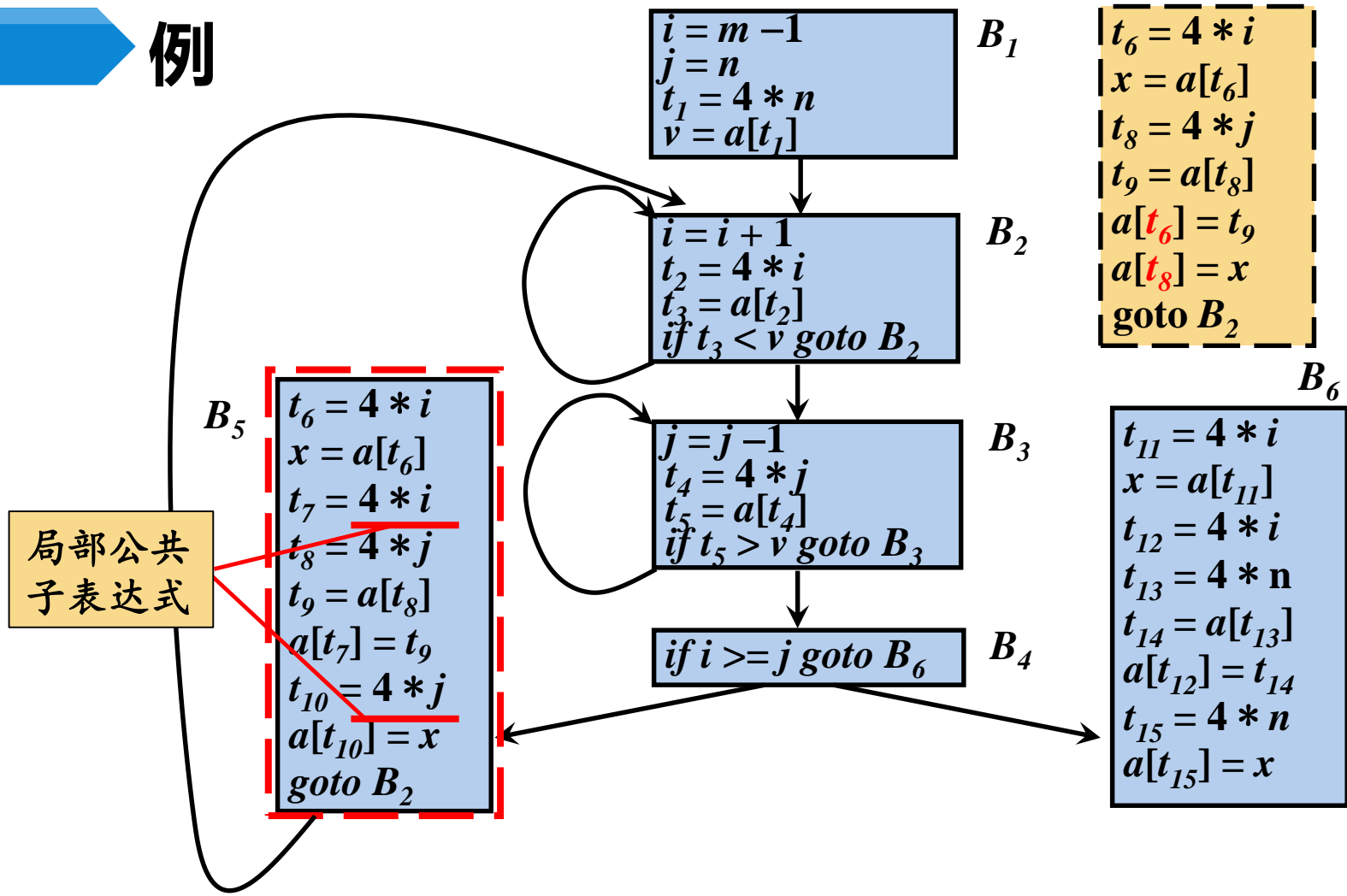
- 删除公共子表达式
- 删除无用代码
- 常量合并
- 代码移动
- 强度削弱
- 删除归纳变量

① 删除公共子表达式

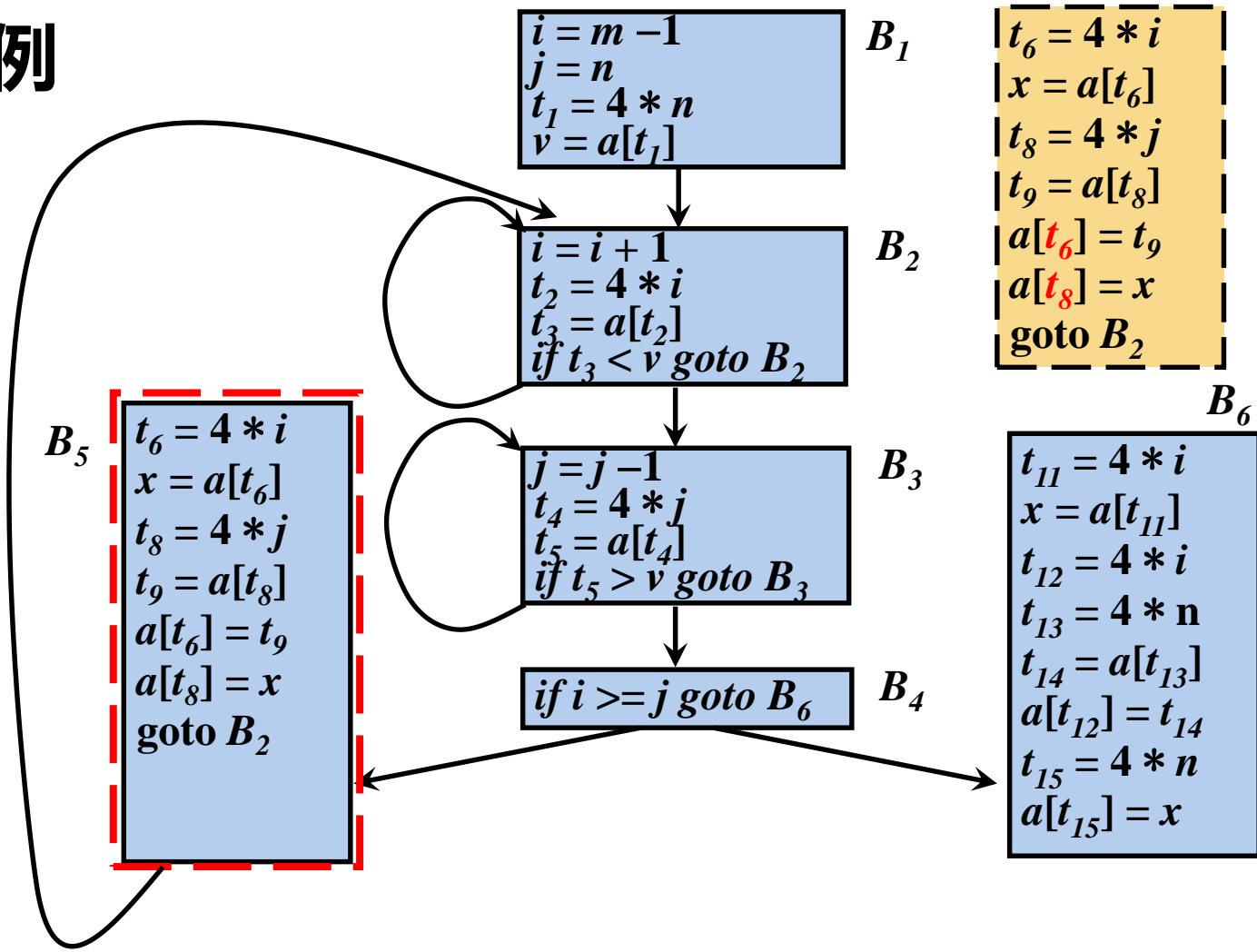
➤ 公共子表达式

- 如果表达式 $x \text{ op } y$ 之前已被计算过，并且从之前的计算到现在， $x \text{ op } y$ 中变量的值没有改变，那么 $x \text{ op } y$ 的这次出现就称为 **公共子表达式** (*common subexpression*)

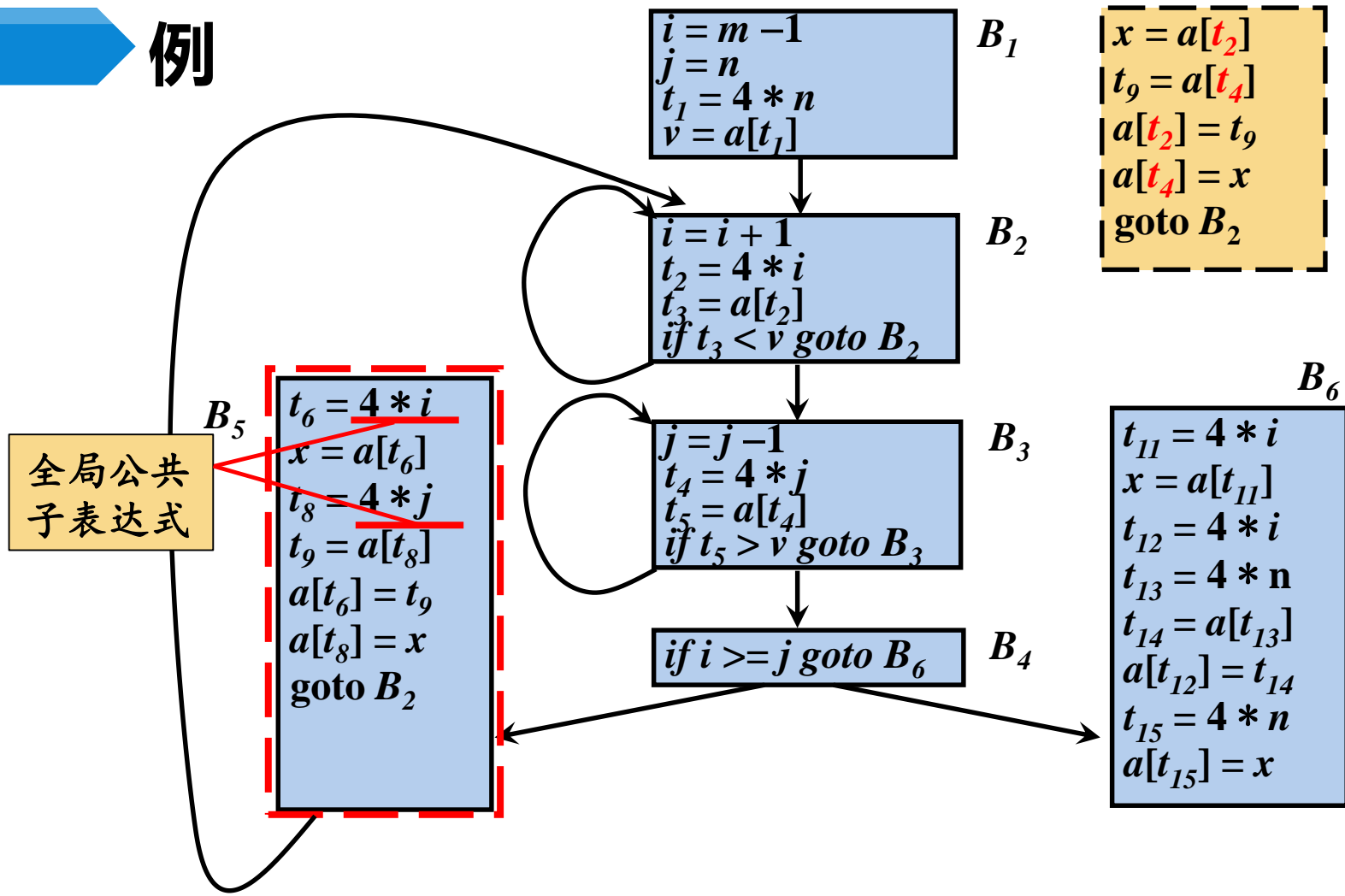
例



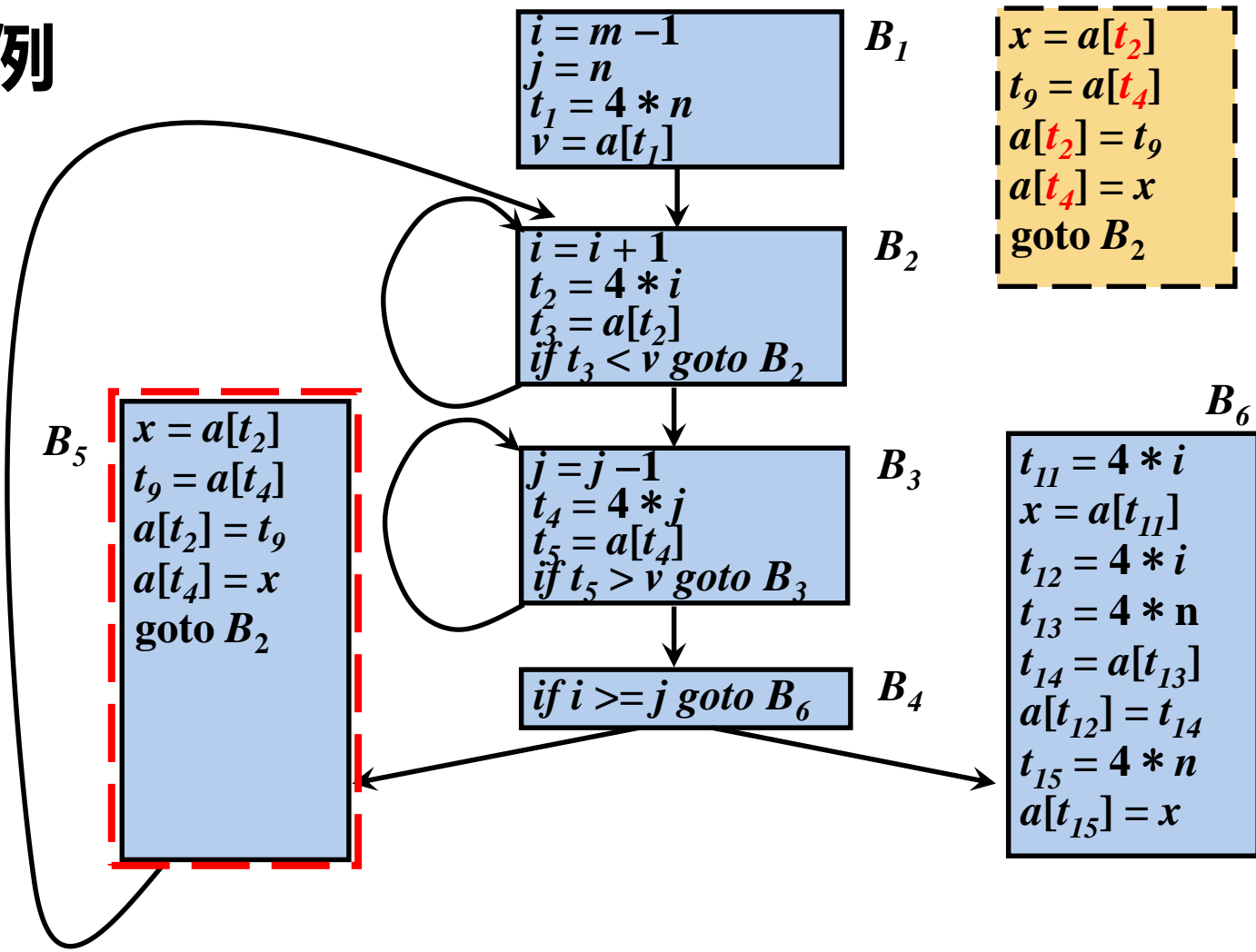
例



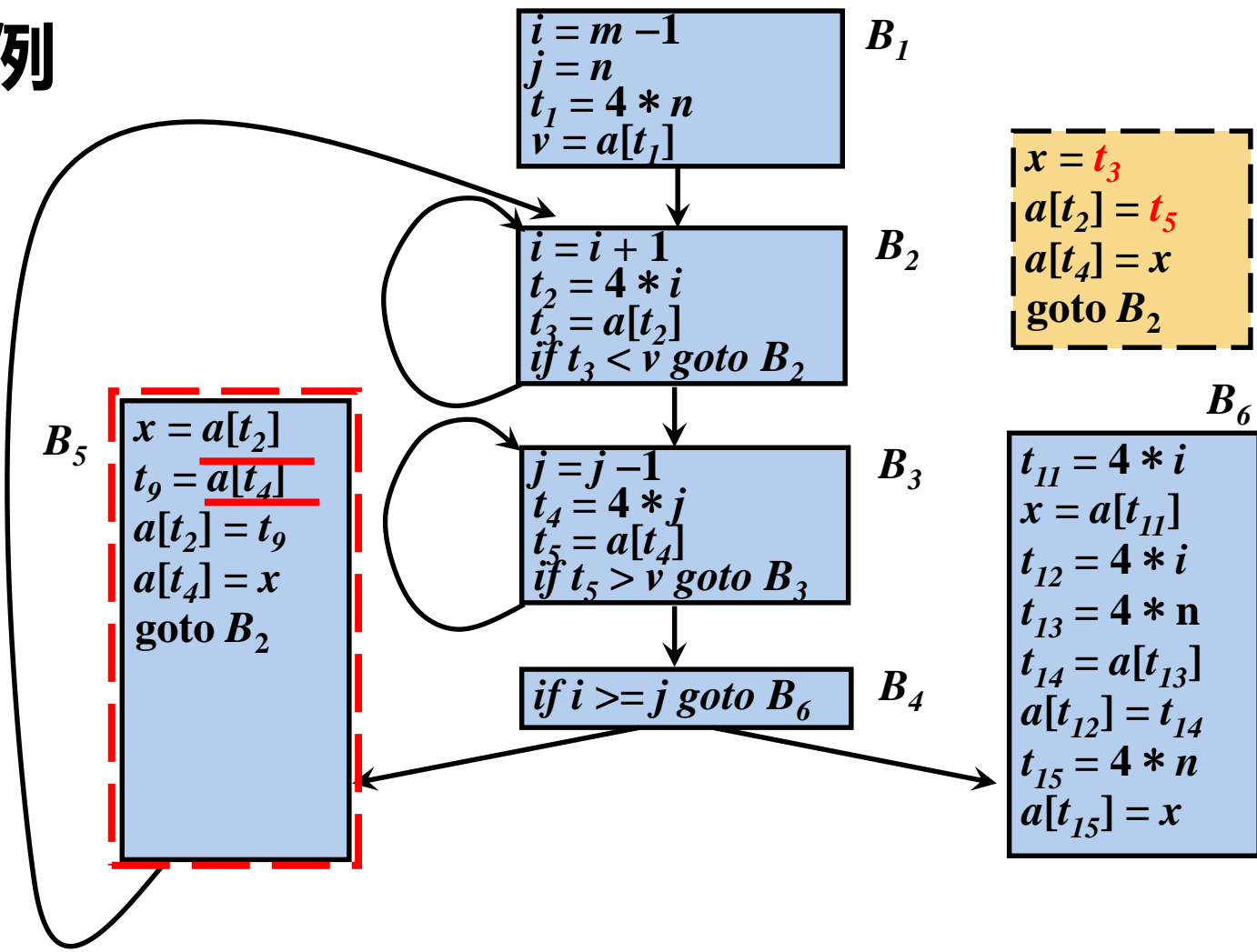
例



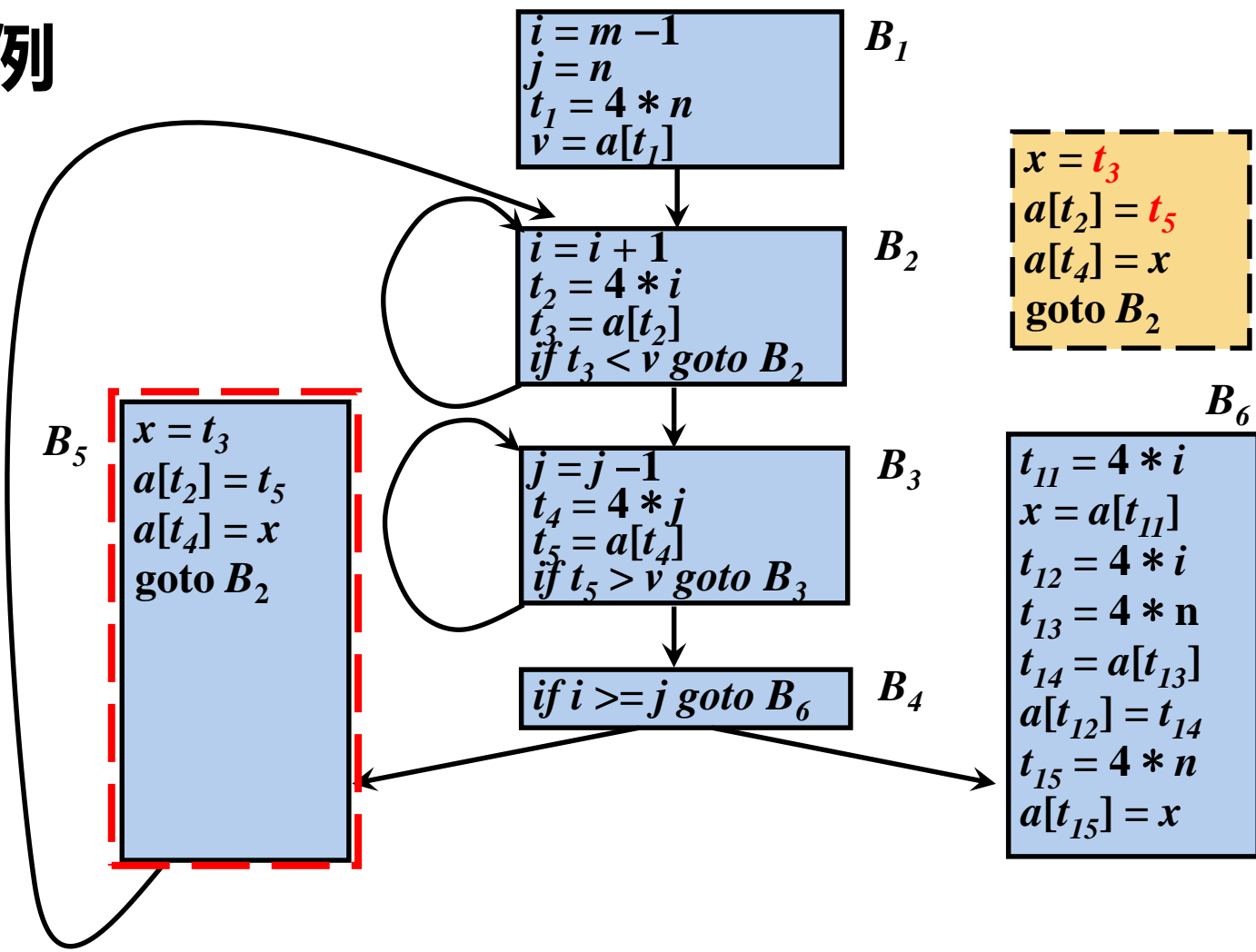
例



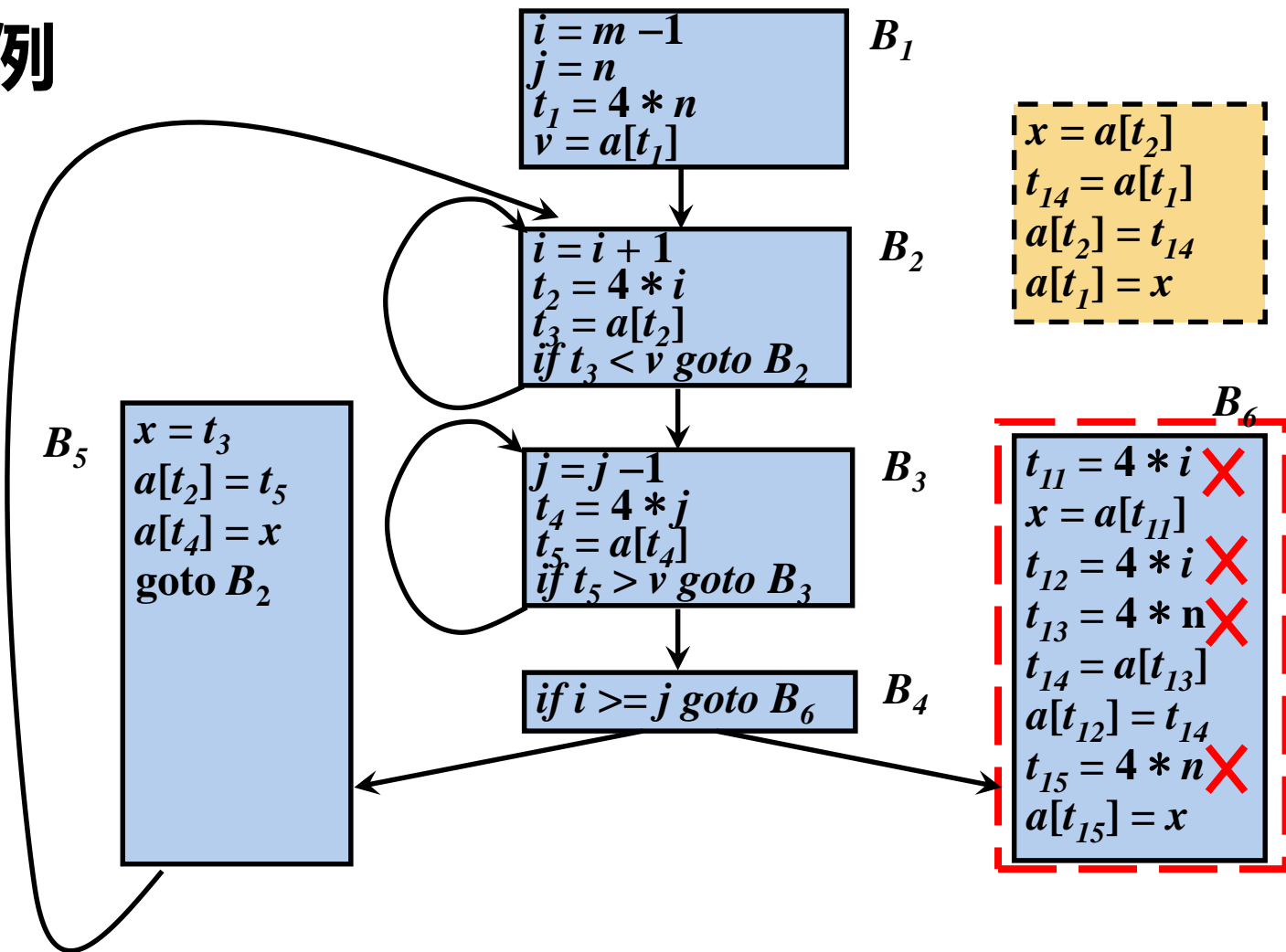
例



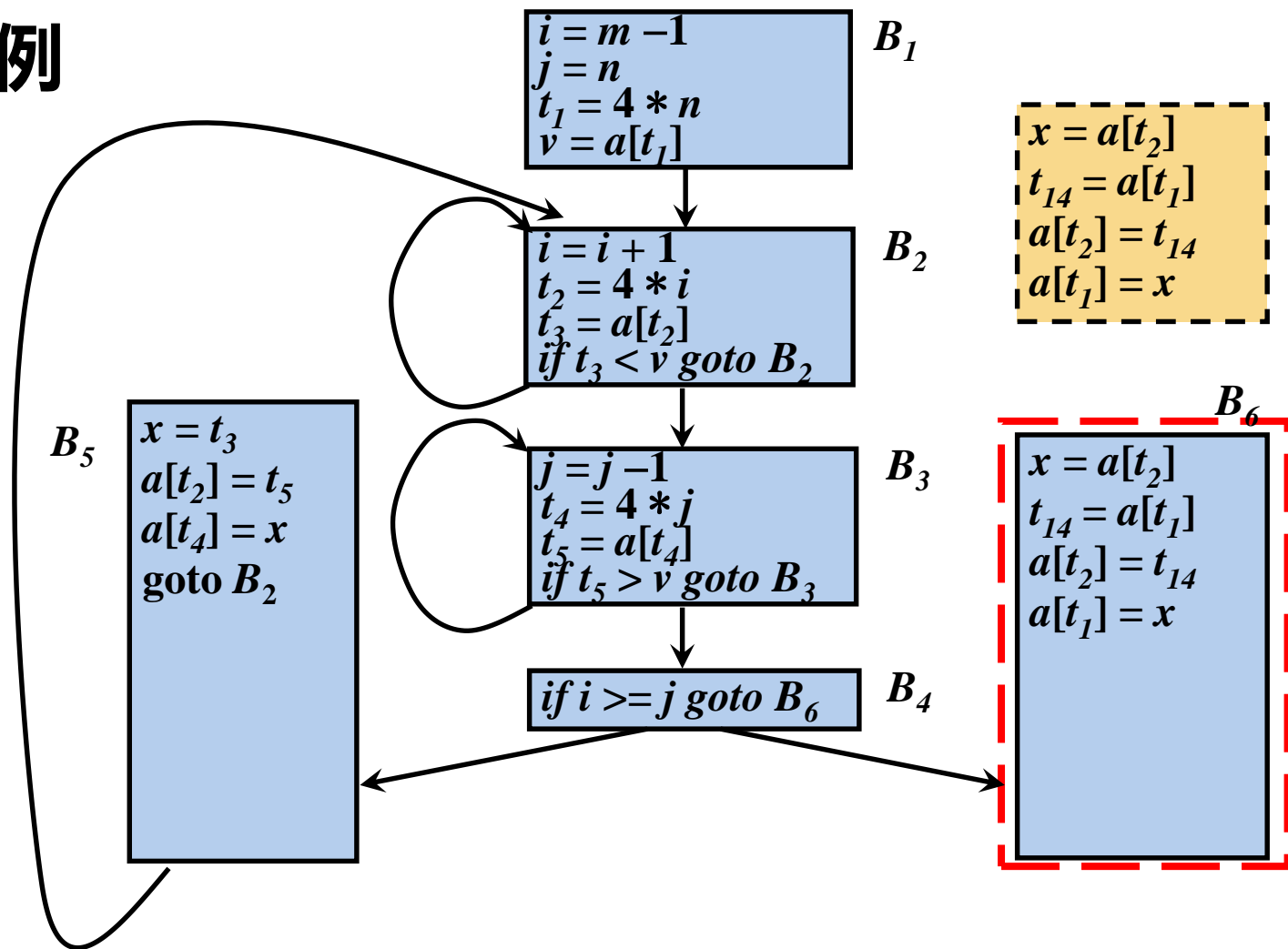
例



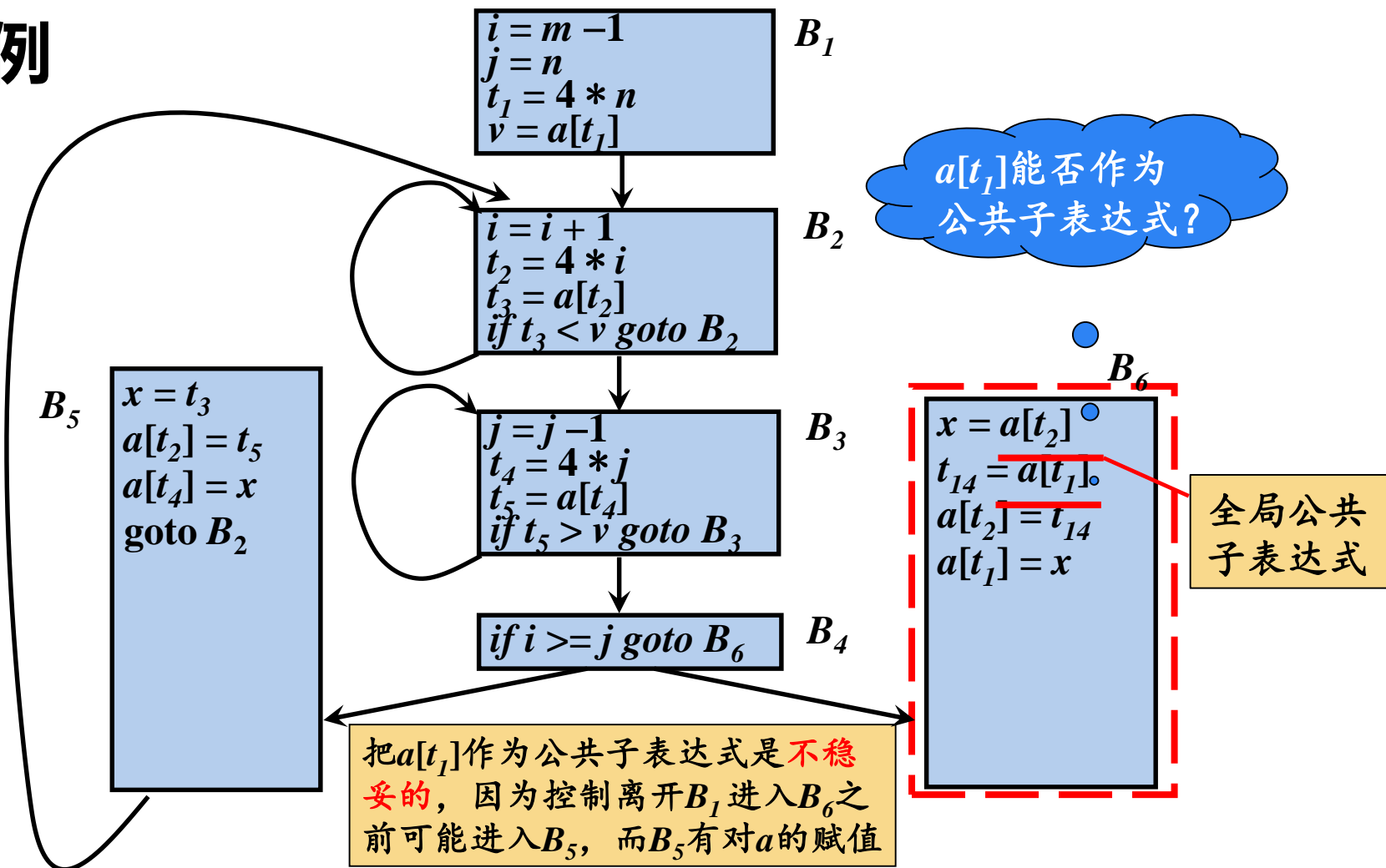
例



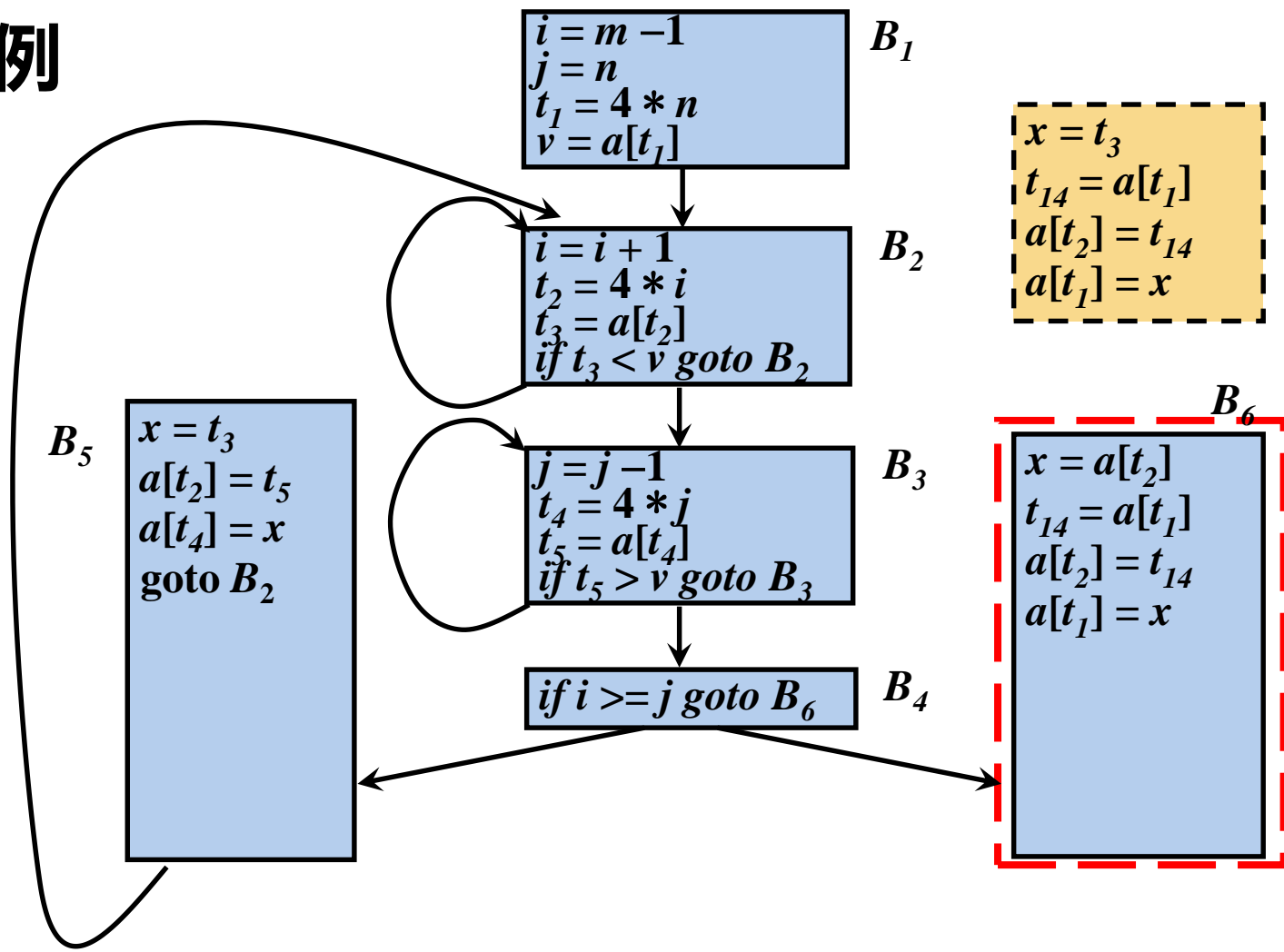
例



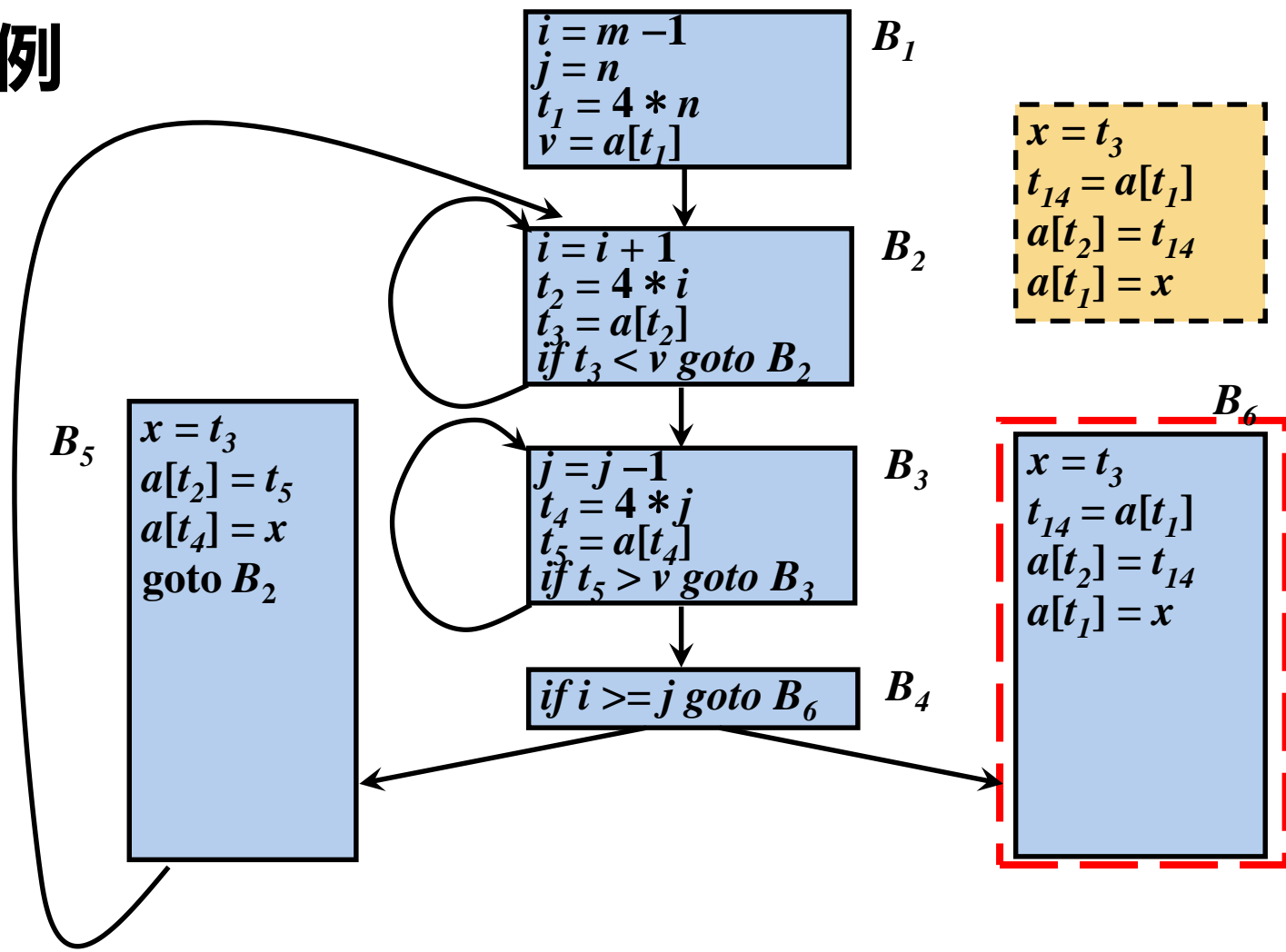
例



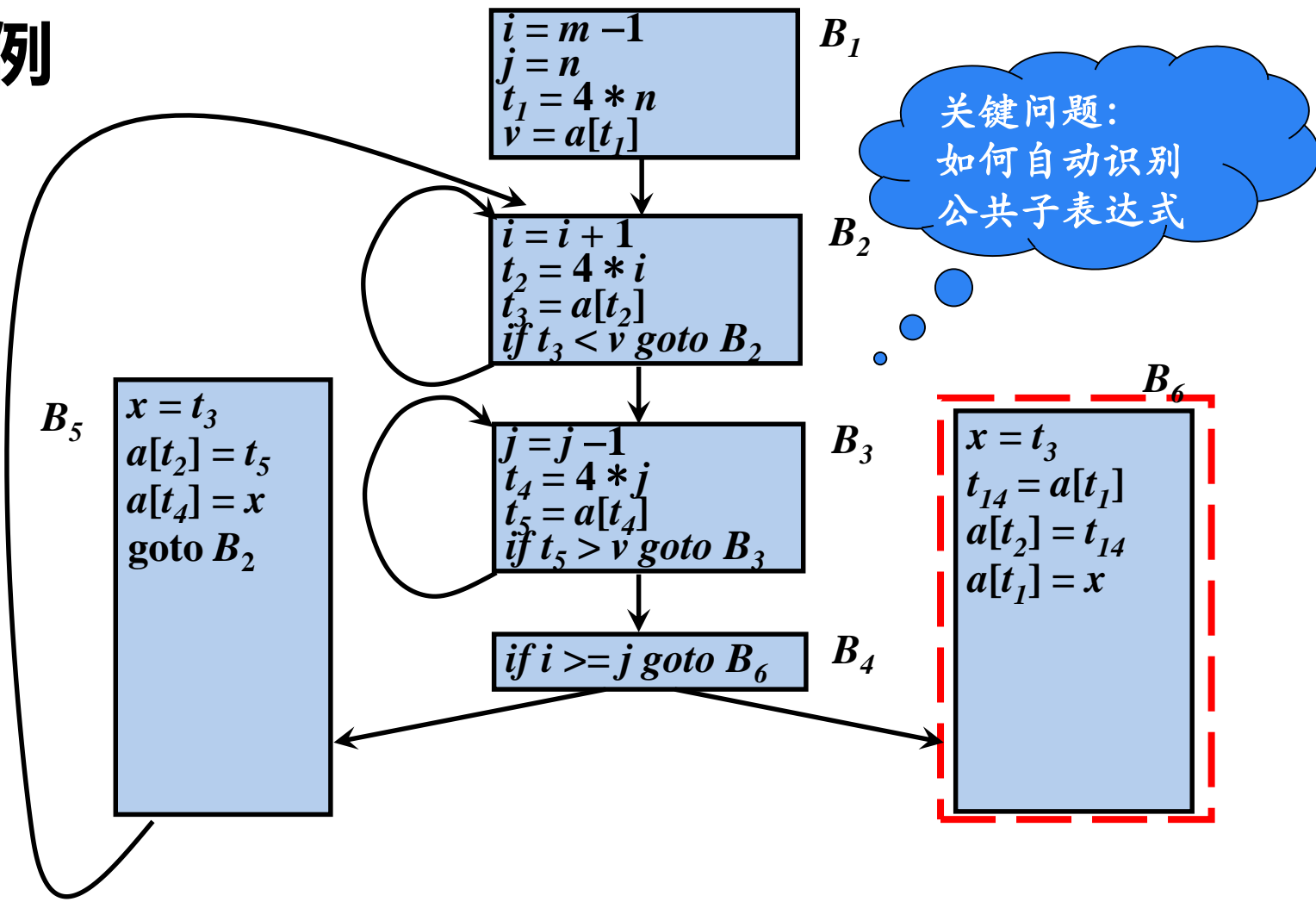
例



例



例



常用的优化方法

➤ 删除公共子表达式

➤ 删除无用代码

➤ 常量合并

➤ 代码移动

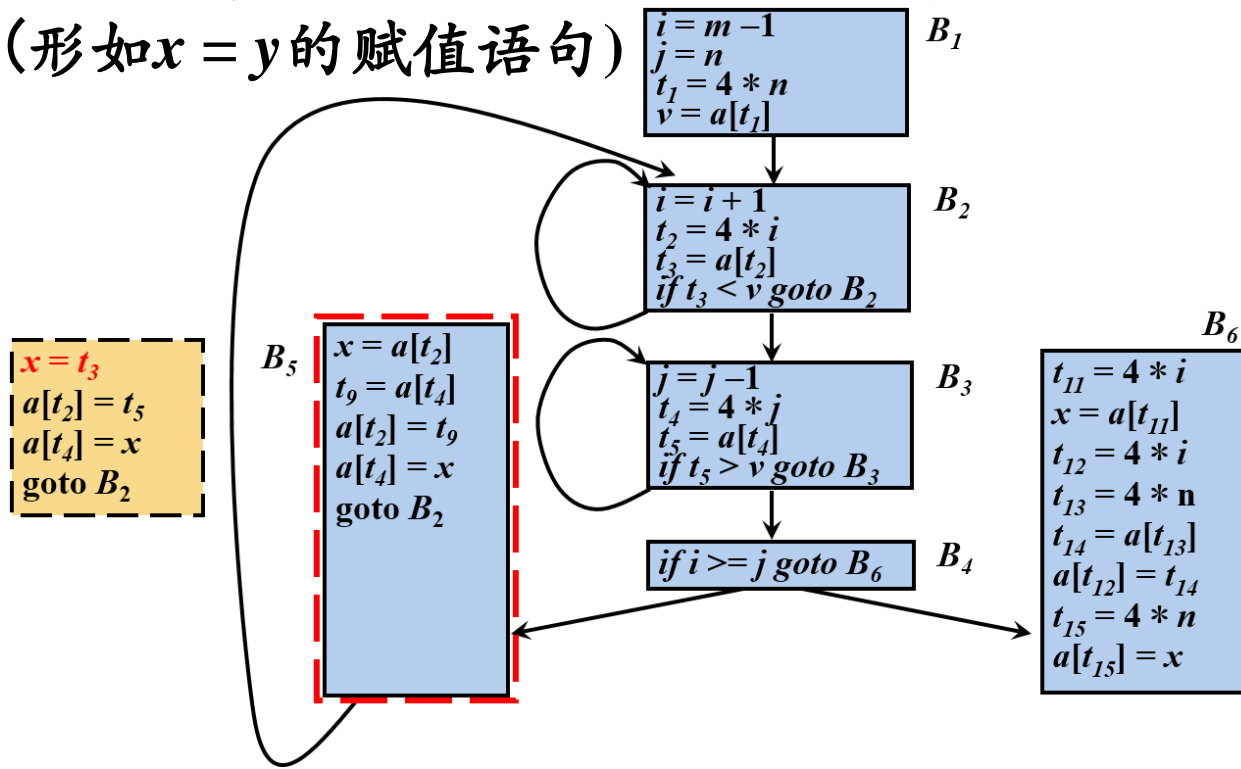
➤ 强度削弱

➤ 删除归纳变量

② 删除无用代码

➤ 复制传播

➤ 常用的公共子表达式消除算法和其它一些优化算法会引入一些复制语句(形如 $x = y$ 的赋值语句)



② 删除无用代码

➤ 复制传播

➤ 常用的公共子表达式消除算法和其它一些优化算法会引入一些复制语句(形如 $x = y$ 的赋值语句)

➤ **复制传播**: 在复制语句 $x = y$ 之后尽可能地用 y 代替 x

➤ 例

B_5

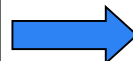
```
x = t3
a[t2] = t5
a[t4] = x
goto B2
```



```
x = t3
a[t2] = t5
a[t4] = t3
goto B2
```

B_6

```
x = t3
t14 = a[t1]
a[t2] = t14
a[t1] = x
```



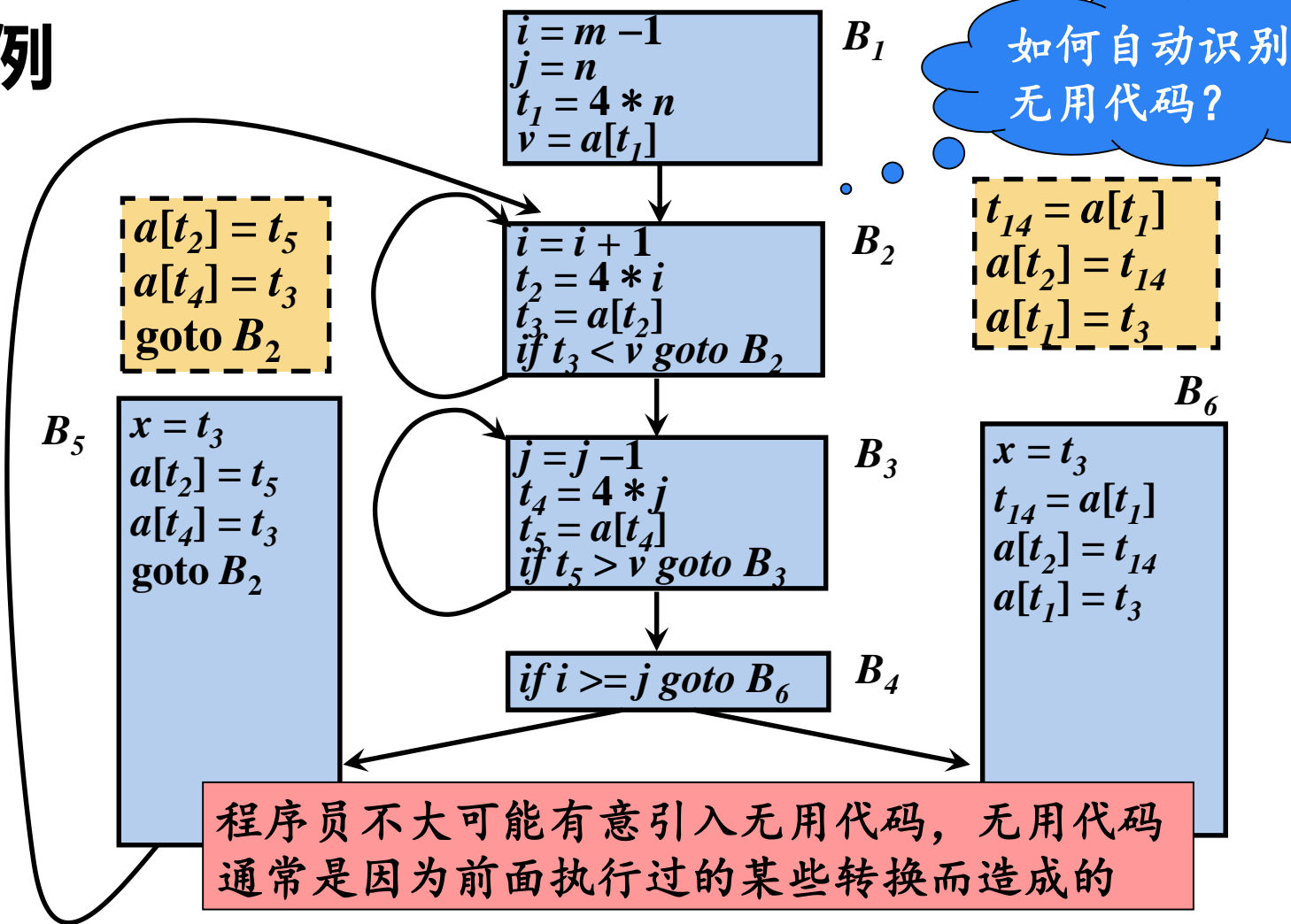
```
x = t3
t14 = a[t1]
a[t2] = t14
a[t1] = t3
```

② 删除无用代码

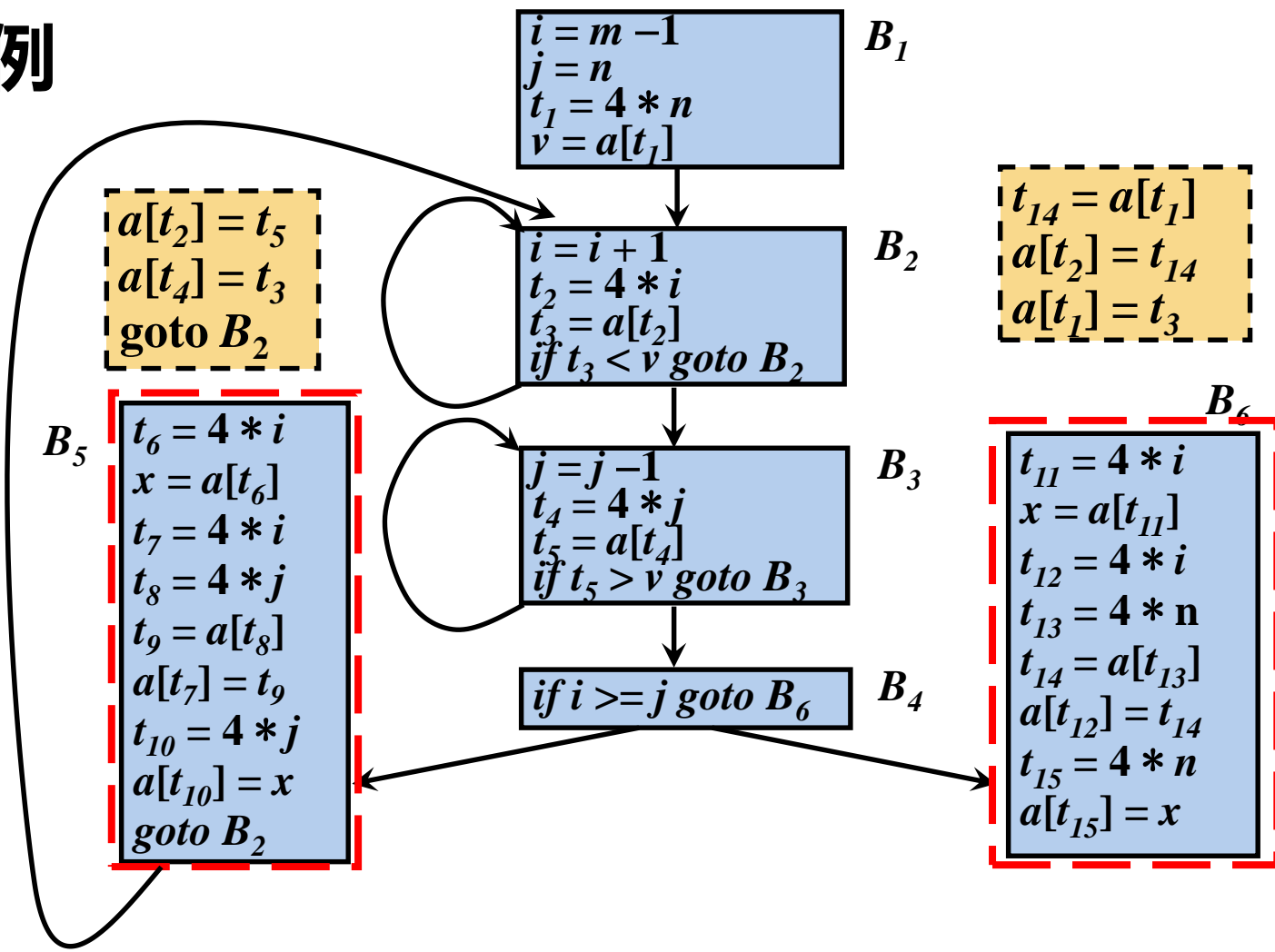
➤ 复制传播

- 常用的公共子表达式消除算法和其它一些优化算法会引入一些复制语句(形如 $x = y$ 的赋值语句)
- **复制传播**: 在复制语句 $x = y$ 之后尽可能地用 y 代替 x
 - 复制传播给删除无用代码带来机会
- **无用代码**(死代码`Dead-Code`): 其计算结果永远不会被使用的语句

例



例



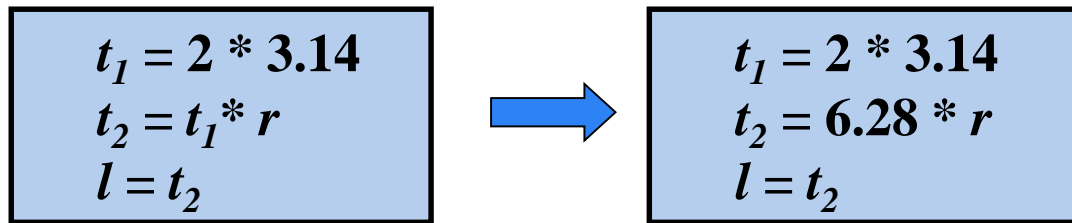
常用的优化方法

- 删除公共子表达式
- 删除无用代码
- 常量合并
- 代码移动
- 强度削弱
- 删除归纳变量

③ 常量合并(*Constant Folding*)

➤ 如果在编译时刻推导出一个表达式的值是常量，就可以使用该常量来替代这个表达式。该技术被称为常量合并

➤ 例： $l = 2 * 3.14 * r$



常用的优化方法

- 删除公共子表达式
- 删除无用代码
- 常量合并
- 代码移动
- 强度削弱
- 删除归纳变量

④ 代码移动(*Code Motion*)

➤ 代码移动

- 这个转换处理的是那些不管循环执行多少次都得到相同结果的表达式(即循环不变计算, *loop-invariant computation*) , 在进入循环之前就对它们求值

例

➤ 原始程序

```
for(  $n=10$ ;  $n<360$ ;  $n++$  )  
{  $S=1/360*pi*r*r*n$ ;  
  printf( “Area is %f”,  $S$  );  
}
```

循环不变计算

(1) $n = 1$	(8) $t_5 = t_4 * n$
(2) if $n>360$ goto(21)	(9) $S = t_5$
(3) goto (4)
(4) $t_1 = 1 / 360$	(18) $t_9 = n + 1$
(5) $t_2 = t_1 * pi$	(19) $n = t_9$
(6) $t_3 = t_2 * r$	(20) goto (4)
(7) $t_4 = t_3 * r$	(21)

➤ 优化后程序

```
 $C = 1/360*pi*r*r$ ;  
for(  $n=10$ ;  $n<360$ ;  $n++$  )  
{  $S=C*n$ ;  
  printf( “Area is %f”,  $S$  );  
}
```

如何自动识别
循环不变计算？

循环不变计算的相对性

➤ 对于多重嵌套的循环，循环不变计算是相对于某个循环而言的。可能对于更加外层的循环，它就不是循环不变计算

➤ 例：

```
for( $i = 1; i < 10; i++$ )
```

```
    for(  $n=1; n < 360/(5*i); n++$  )
```

```
        {  $S=(5*i)/360*pi*r*r*n$ ; ... }
```

常用的优化方法

- 删除公共子表达式
- 删除无用代码
- 常量合并
- 代码移动
- 强度削弱
- 删除归纳变量

⑤ 强度削弱(*Strength Reduction*)

➤ 强度削弱

➤ 用较快的操作代替较慢的操作，如用加代替乘

➤ 例

$$\text{➤ } 2*x \text{ 或 } 2.0*x \quad \Rightarrow \quad x+x$$

$$\text{➤ } x/2 \quad \Rightarrow \quad x*0.5$$

$$\text{➤ } x^2 \quad \Rightarrow \quad x*x$$

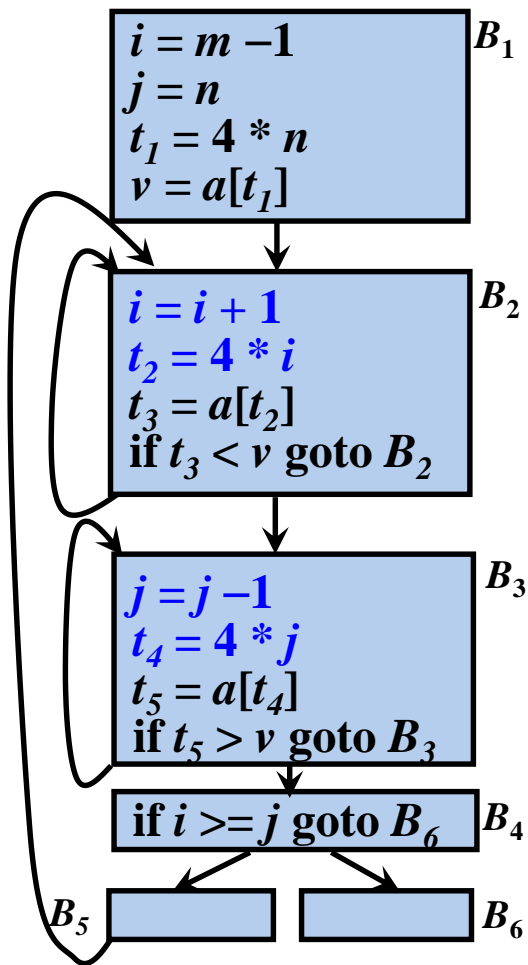
$$\text{➤ } a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0 \quad \Rightarrow \quad (((\dots(a_n x + a_{n-1})x + a_{n-2})\dots)x + a_1)x + a_0$$

循环中的强度削弱

➤ 归纳变量

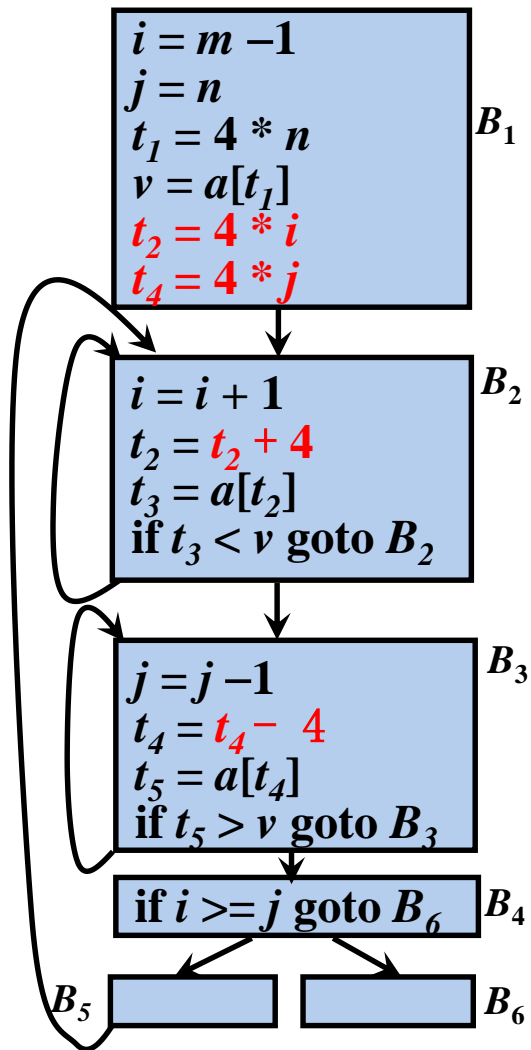
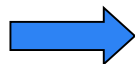
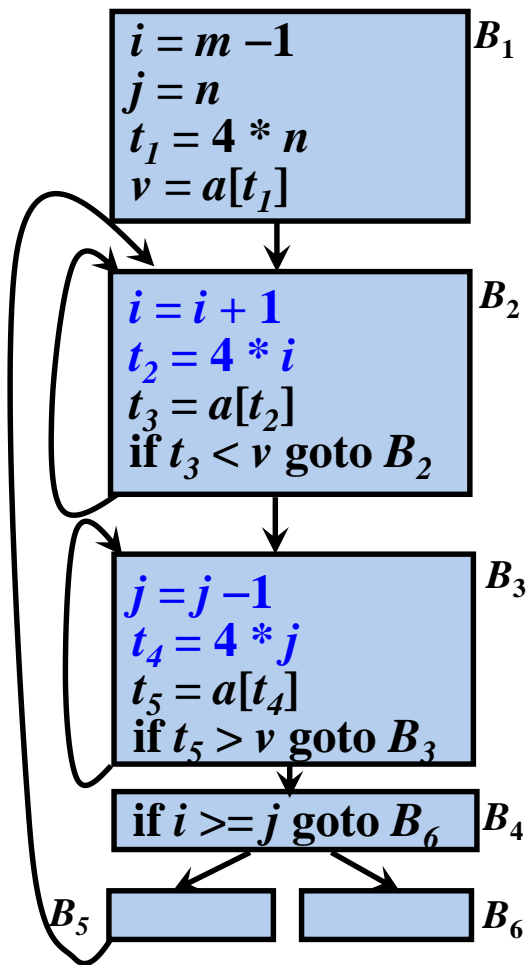
- 对于一个变量 x ，如果存在一个正的或负的常数 c 使得每次 x 被赋值时它的值总增加 c ，那么 x 就称为归纳变量(Induction Variable)

例



归纳变量可以通过在每次循环迭代中进行一次简单的增量运算(加法或减法)来计算

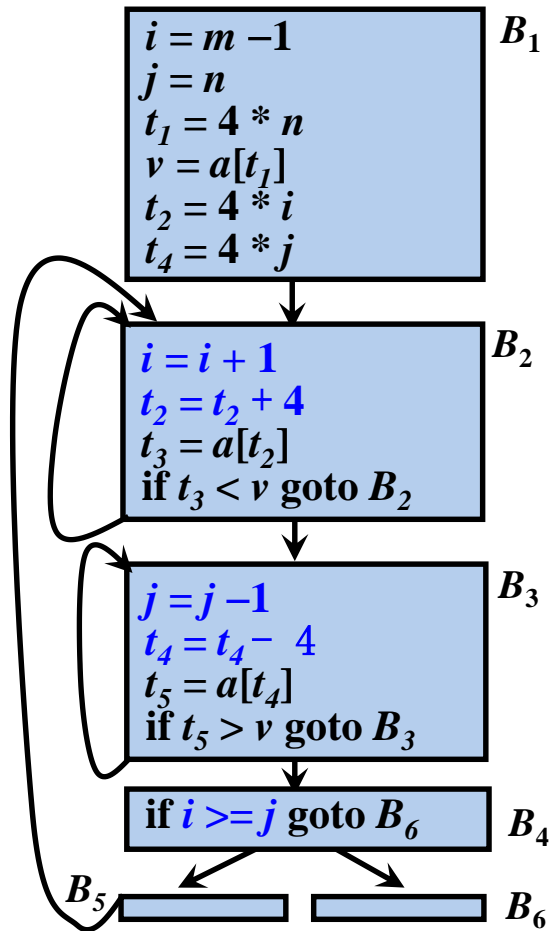
例



常用的优化方法

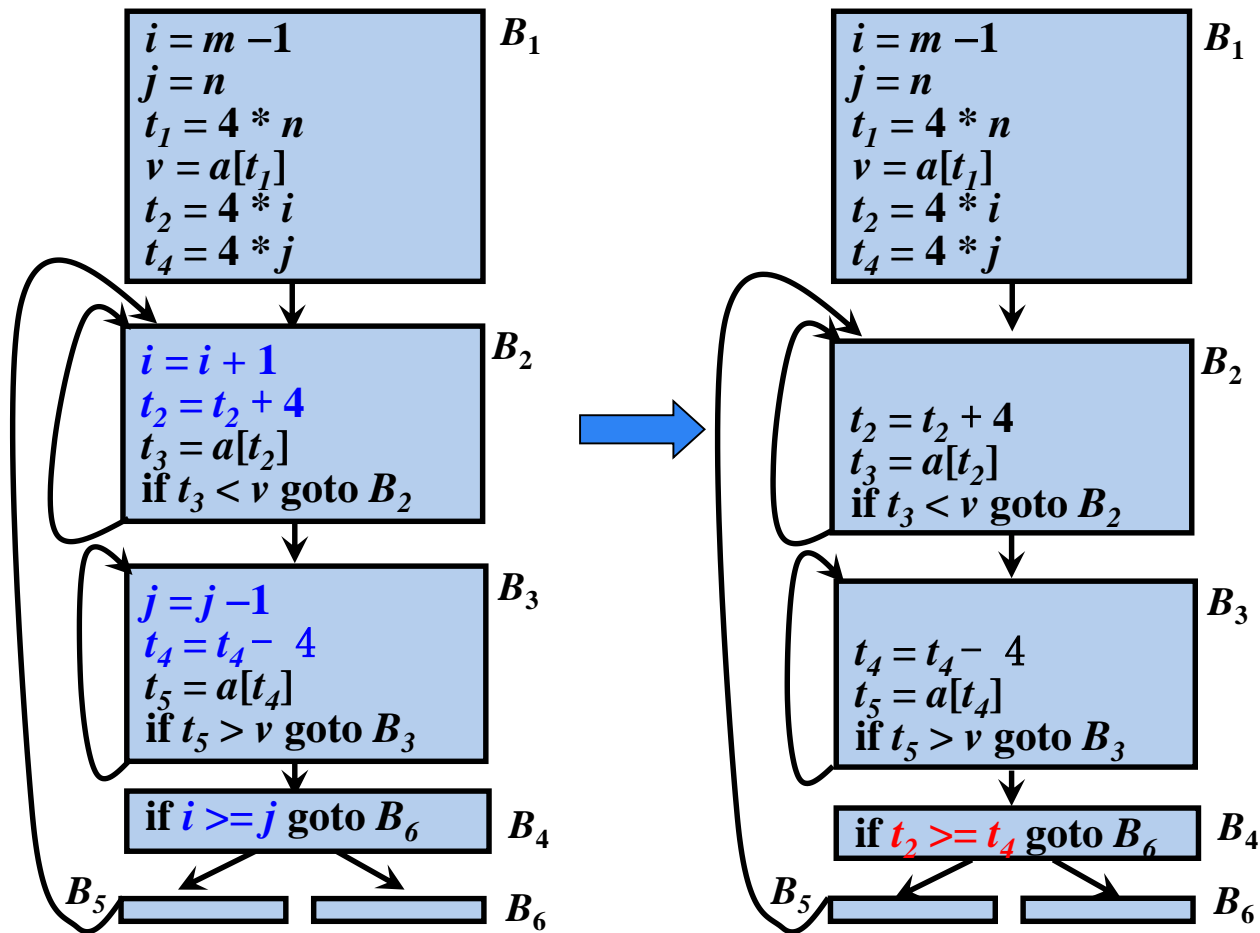
- 删除公共子表达式
- 删除无用代码
- 常量合并
- 代码移动
- 强度削弱
- 删除归纳变量

⑥ 删除归纳变量



在沿着循环运行时，如果有一组归纳变量的值的变化保持步调一致，常常可以将这组变量删除为只剩一个

⑥ 删除归纳变量



提 綱

10.1 基本块和流图

10.2 常用的代码优化方法

10.3 基本块的优化

10.4 数据流分析

基本块的优化

- 很多重要的局部优化技术首先把一个基本块转换为一个无环有向图(*directed acyclic graph, DAG*)

基本块的 DAG 表示



例

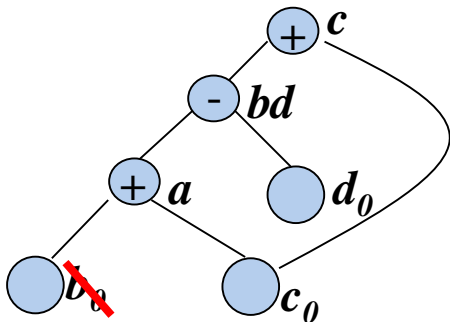
$$a = b + c$$

$$b = a - d$$

$$c = b + c$$

$$d = a - d$$

对于形如 $x=y+z$ 的三地址指令，如果已经有一个结点表示 $y+z$ ，就不往DAG中增加新的结点，而是给已经存在的结点附加**定值变量** x



基本块中的每个**语句** s 都对应一个**内部结点** N

➤ 结点 N 的**标号**是 s 中的**运算符**；同时还有一个**定值变量表**被关联到 N ，表示 s 是在此基本块内最晚对表中变量进行定值的语句

➤ N 的**子结点**是基本块中在 s 之前、最后一个对 s 所使用的**运算分量**进行定值的**语句对应的结点**。如果 s 的某个运算分量在基本块内没有在 s 之前被定值，则这个运算分量对应的子结点就是代表该运算分量初始值的**叶结点**(为区别起见，叶节点的定值变量表中的变量加上下脚标0)

➤ 在为语句 $x=y+z$ 构造结点 N 的时候，如果 x 已经在某结点 M 的定值变量表中，则从 M 的定值变量表中删除变量 x

基本块的 DAG 表示

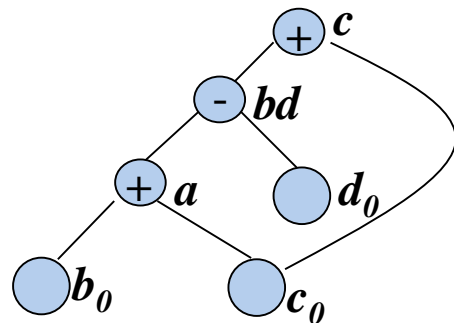
➤ 例

$$a = b + c$$

$$b = a - d$$

$$c = b + c$$

$$d = a - d$$



➤ 基本块中的某些结点被指明为**输出结点** (output node)，这些结点的变量在基本块的**出口处活跃**。也就是说，这些变量的值可能以后会在流图的另一个基本块中被使用到。计算得到这些**活跃变量**是全局数据流分析的问题。

基本块的 DAG 表示可以改进代码质量

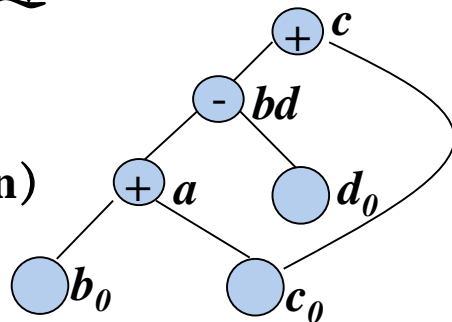
➤ 基本块的DAG表示使我们可以对基本块所代表的代码进行一些转换，以改进代码质量。

➤ 可以消除局部公共子表达式 (local common subexpression)

➤ 可以消除死代码 (dead code)

➤ 可以对相互独立的语句进行重新排序，从而降低一个临时值需要保持在寄存器中的时间

➤ 可以使用代数规则重排三地址指令的运算分量，有时可以简化计算过程。



$$\begin{aligned} a &= b + c \\ b &= a - d \\ c &= b + c \\ d &= a - d \end{aligned}$$

基于基本块的 DAG 删除无用代码

- 从一个 DAG 上删除所有没有附加活跃变量的根结点(即没有父结点的结点)。重复应用这样的处理过程就可以从 DAG 中消除所有对应于死代码的结点

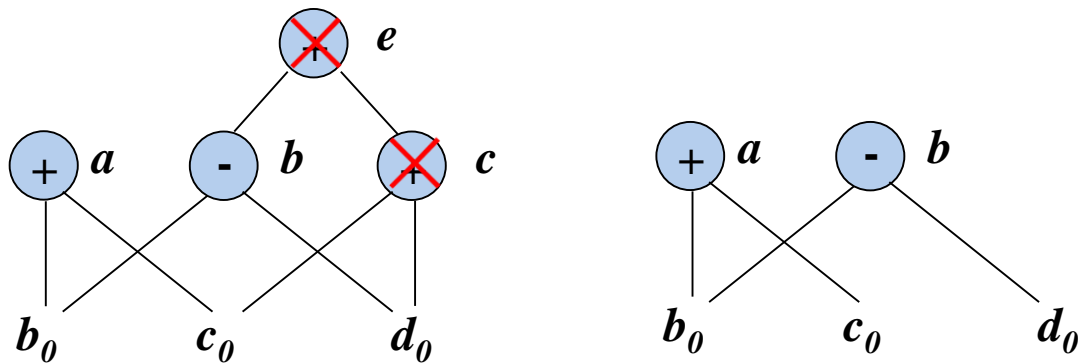
➤ 例

$$a = b + c$$

$$b = b - d$$

$$c = c + d$$

$$e = b + c$$



假设 a 和 b 是活跃变量，但 c 和 e 不是

利用代数规则对基本块优化

➤ 例

$$x + 0 = 0 + x = x \quad x - 0 = x \quad (\text{恒等式消除计算步骤})$$

$$x \times 1 = 1 \times x = x \quad x/1 = x$$

$$2 \times x = x + x \quad (\text{强度消减})$$

$$a = b + c$$

$$e = c + d + b$$

应用加法交换律和结合律，改为：

$$a = b + c$$

$$t = c + d$$

$$e = t + b$$

如果 t 没有在基本块之外使用，可改为：

$$a = b + c$$

$$e = a + d$$

数组元素赋值指令的表示

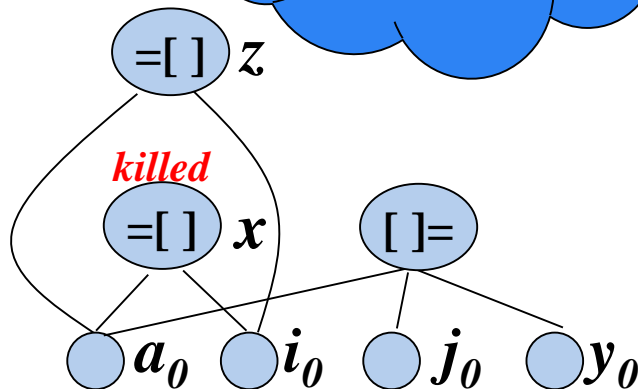
➤ 例

$x = a[i]$

$a[j] = y$

$z = a[i]$

在构造DAG时，
如何防止系统
将 $a[i]$ 误判为
公共子表达式？



- 对于形如 $a[j] = y$ 的三地址指令，创建一个运算符为“ $[] =$ ”的结点，这个结点有3个子结点，分别表示 a 、 j 和 y
- 该结点没有定值变量表
- 该结点的创建将杀死所有已经建立的、其值依赖于 a 的结点
- 一个被杀死的结点不能再获得任何定值变量，也就是说，它不可能成为一个公共子表达式

根据基本块的DAG可以获得一些非常有用的信息

- 确定哪些变量的值在该基本块中赋值前被引用过
 - 在DAG中创建了叶结点的那些变量
- 确定哪些语句计算的值可以在基本块外被引用
 - 在DAG构造过程中为语句 s （该语句为变量 x 定值）创建的节点 N ，在DAG构造结束时 x 仍然是 N 的定值变量

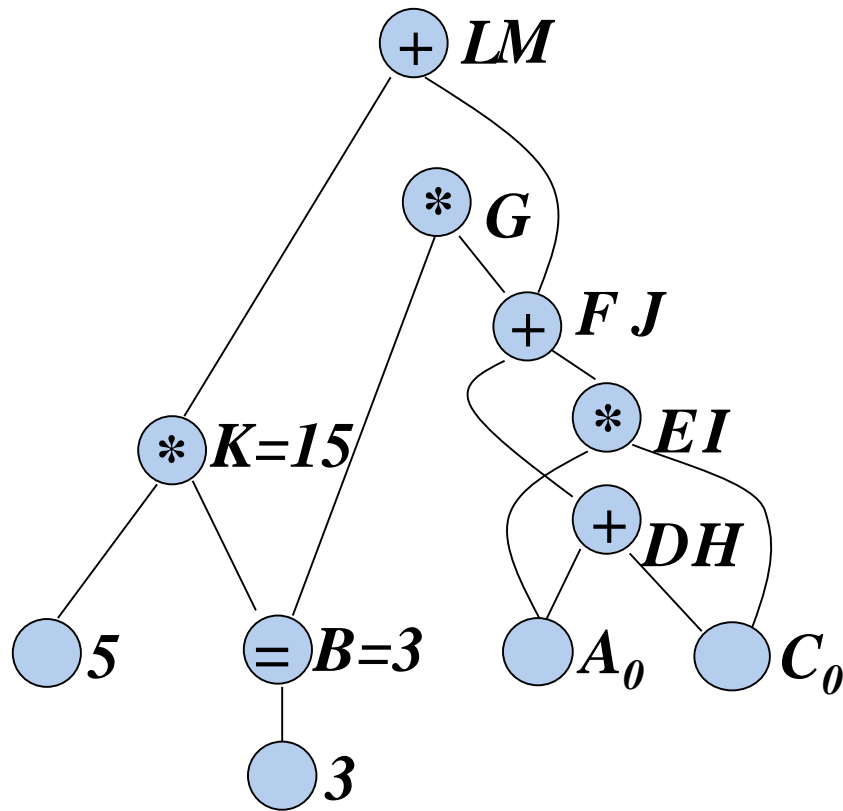
从 DAG 到基本块的重组

- 对每个具有若干定值变量的节点，构造一个三地址语句来计算其中某个变量的值
- 倾向于把计算得到的结果赋给一个在基本块出口处活跃的变量(如果没有全局活跃变量的信息作为依据，就要假设所有变量都在基本块出口处活跃，但是不包含编译器为处理表达式而生成的临时变量)
- 如果结点有多个附加的活跃变量，就必须引入复制语句，以便给每一个变量都赋予正确的值

例

➤ 给定一个基本块

- ① $B = 3$
- ② $D = A + C$
- ③ $E = A * C$
- ④ $F = E + D$
- ⑤ $G = B * F$
- ⑥ $H = A + C$
- ⑦ $I = A * C$
- ⑧ $J = H + I$
- ⑨ $K = B * 5$
- ⑩ $L = K + J$
- ⑪ $M = L$

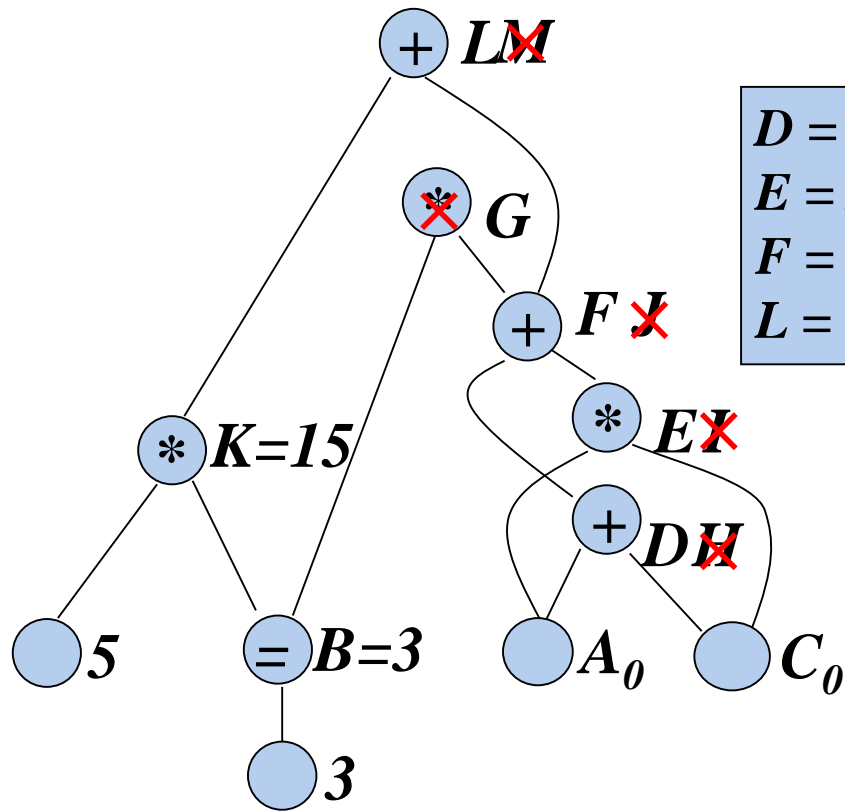


假设：仅变量 L 在基本块出口之后活跃

例

➤ 给定一个基本块

- ① $B = 3$
- ② $D = A + C$
- ③ $E = A * C$
- ④ $F = E + D$
- ⑤ $G = B * F$
- ⑥ $H = A + C$
- ⑦ $I = A * C$
- ⑧ $J = H + I$
- ⑨ $K = B * 5$
- ⑩ $L = K + J$
- ⑪ $M = L$



假设：仅变量 L 在基本块出口之后活跃

例

- * for i from 1 to 10 do
- * for j from 1 to 10 do
- * a[i, j]=0;
- * for i from 1 to 10 do
- * a[i, j]= 1.0

```
1 : i = 1
2 : j = 1
3 : t1 = 10 * i
4 : t2 = t1 + j
5 : t3 = 8 * t2
6 : t4 = t3 - 88
7 : a[t4] = 0.0
8 : j = j + 1
9: if j <= 10 goto 3
10: i = i + 1
11: if i <= 10 goto 2
12: i = 1
13: t5 = i - 1
14: t6 = 88 * t5
15: a[t6] = 1.0
16: i = i + 1
17: if i <= 10 goto 13
```



提 綱

10.1 基本块和流图

10.2 常用的代码优化方法

10.3 基本块的优化

10.4 数据流分析

8.4 数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析

➤ 一组用以收集程序相关信息的算法

➤ 在每一种数据流分析应用中，都会把每个程序点和一个数据流值关联起来

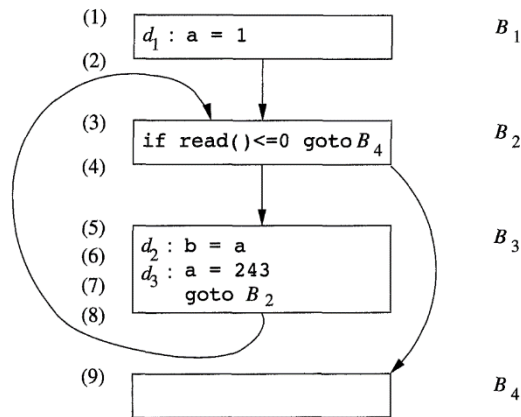
➤ 程序点：流图基本块中的位置，包括

➤ 第一个语句之前

➤ 两个相邻语句之间

➤ 最后一个语句之后

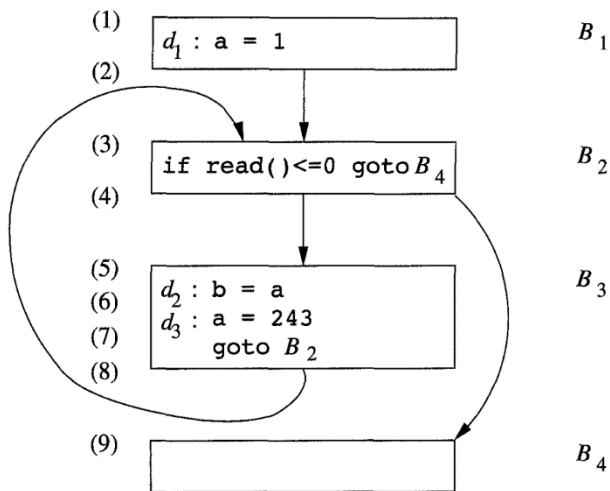
➤ 如果有一个从基本块 B_1 到基本块 B_2 的边，那么 B_2 的第一个语句之前的程序点可能紧跟在 B_1 的最后一个语句的程序点之后



8.4 数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析

- 一组用来获取有关数据如何沿着程序执行路径流动的相关信息的技术
- 在每一种数据流分析应用中，都会把每个程序点和一个数据流值关联起来



假设所关心的数据流值为：在每个程序点，变量a可能有哪些值

- 程序点(6): { 1, 243 }
- 程序点(7): { 243 }

数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析应用

➤ 到达-定值分析 (*Reaching-Definition Analysis*)

➤ 活跃变量分析 (*Live-Variable Analysis*)

➤ 可用表达式分析 (*Available-Expression Analysis*)

数据流分析模式

➤ 语句的数据流模式

➤ $IN[s]$: 语句 s 之前的数据流值

$OUT[s]$: 语句 s 之后的数据流值

➤ f_s : 语句 s 的**传递函数**(transfer function)

➤ 定义: 一个赋值语句 s 之前和之后的数据流值的关系

➤ 传递函数的两种风格

➤ 信息沿执行路径**前向**传播(前向数据流问题)

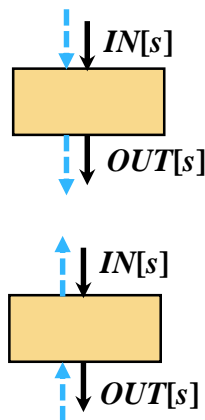
$$OUT[s] = f_s(IN[s])$$

➤ 信息沿执行路径**逆向**传播(逆向数据流问题)

$$IN[s] = f_s(OUT[s])$$

数据流问题就是要对一组约束求解, 约束分为两种:

- 基于语句语义(传递函数)的约束
- 基于控制流的约束



数据流分析模式

数据流问题就是要对一组约束求解，约束分为两种：

- 基于语句语义（传递函数）的约束
- 基于控制流的约束

➤ 语句的数据流模式

➤ $IN[s]$: 语句 s 之前的数据流值

$OUT[s]$: 语句 s 之后的数据流值

➤ f_s : 语句 s 的传递函数(transfer function)

➤ 一个赋值语句 s 之前和之后的数据流值的关系

➤ 基本块中相邻两个语句之间的数据流值的关系

➤ 设基本块 B 由语句 s_1, s_2, \dots, s_n 顺序组成，则

$$IN[s_{i+1}] = OUT[s_i] \quad i=1, 2, \dots, n-1$$

基本块上的数据流模式

- $IN[B]$: 紧靠基本块 B 之前的数据流值
- $OUT[B]$: 紧随基本块 B 之后的数据流值
- 设基本块 B 由语句 s_1, s_2, \dots, s_n 顺序组成, 则

- $IN[B] = IN[s_1]$

- $OUT[B] = OUT[s_n]$

- f_B : 基本块 B 的传递函数

- 前向数据流问题: $OUT[B] = \underline{f_B(IN[B])}$

$$f_B = f_{s_n} \cdots f_{s_2} f_{s_1}$$

$$\begin{aligned} & OUT[B] \\ &= OUT[s_n] \\ &= f_{s_n}(IN[s_n]) \\ &= f_{s_n}(OUT[s_{n-1}]) \\ &= f_{s_n} f_{s_{n-1}}(IN[s_{n-1}]) \\ &= f_{s_n} f_{s_{n-1}}(OUT[s_{n-2}]) \\ &\dots \\ &= f_{s_n} f_{s_{n-1}} \cdots f_{s_2}(OUT[s_1]) \\ &= f_{s_n} f_{s_{n-1}} \cdots f_{s_2} f_{s_1}(IN[s_1]) \\ &= \underline{f_{s_n} f_{s_{n-1}} \cdots f_{s_2} f_{s_1}(IN[B])} \end{aligned}$$

基本块上的数据流模式

- $IN[B]$: 紧靠基本块 B 之前的数据流值
- $OUT[B]$: 紧随基本块 B 之后的数据流值
- 设基本块 B 由语句 s_1, s_2, \dots, s_n 顺序组成, 则

- $IN[B] = IN[s_1]$

- $OUT[B] = OUT[s_n]$

- f_B : 基本块 B 的传递函数

- 前向数据流问题: $OUT[B] = f_B(IN[B])$

$$f_B = f_{s_n} \cdots f_{s_2} f_{s_1}$$

- 逆向数据流问题: $IN[B] = f_B(OUT[B])$

$$f_B = f_{s_1} f_{s_2} \cdots f_{s_n}$$

$$IN[B]$$

$$= IN[s_1]$$

$$= f_{s_1}(OUT[s_1])$$

$$= f_{s_1}(IN[s_2])$$

$$= f_{s_1} f_{s_2}(OUT[s_2])$$

$$= f_{s_1} f_{s_2}(IN[s_3])$$

...

$$= f_{s_1} f_{s_2} \cdots f_{s_{(n-1)}}(IN[s_n])$$

$$= f_{s_1} f_{s_2} \cdots f_{s_{(n-1)}} f_{s_n}(OUT[s_n])$$

$$= \underline{f_{s_1} f_{s_2} \cdots f_{s_{(n-1)}} f_{s_n}}(OUT[B])$$

数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析应用

➤ 到达-定值分析 (*Reaching-Definition Analysis*)

➤ 活跃变量分析 (*Live-Variable Analysis*)

➤ 可用表达式分析 (*Available-Expression Analysis*)

8.4.1 到达定值分析-最常见且有用

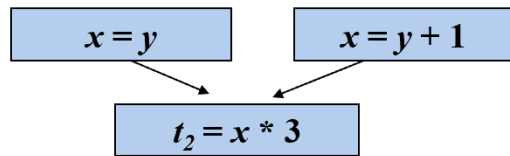
➤ 定值 (Definition)

➤ 变量 x 的**定值**是(可能)将一个值赋给 x 的**语句**

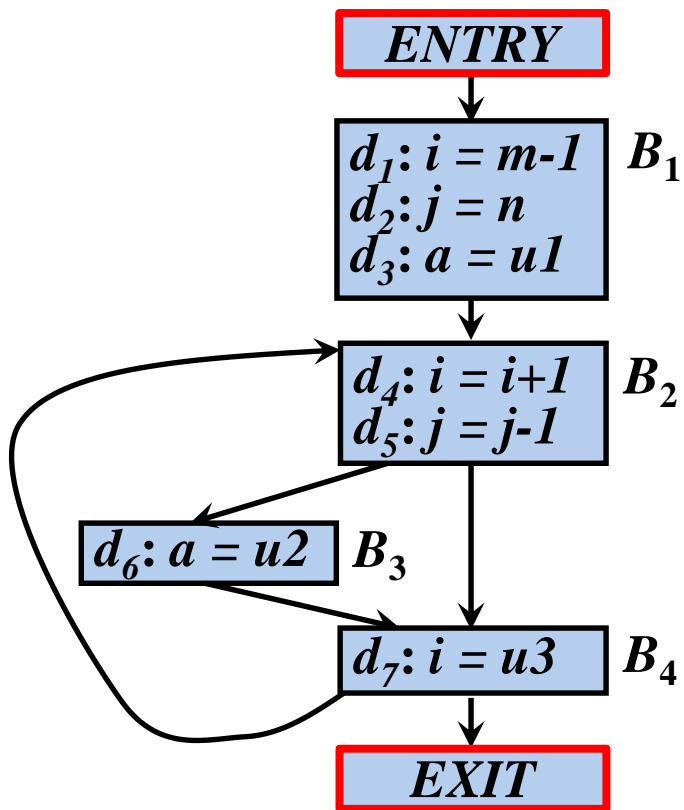
➤ 到达定值 (Reaching Definition)

➤ 如果**存在一条**从紧跟在 x 的**定值 d 后面的点**到达某一**程序点 p** 的**路径**，而且在此路径上 d 没有被“杀死”（如果在此路径上有对变量 x 的其它定值 d' ，则称定值 d 被定值 d' “**杀死**”了），则称**定值 d 到达**程序点 p

➤ 直观地讲，如果某个变量 x 的一个定值 d 到达点 p ，在点 p 处使用的 x 的值**可能**就是由 d **最后**赋予的



例：可以到达各基本块的入口处的定值



假设每个控制流图都有两个空基本块，分别是表示流图的开始点的 $ENTRY$ 结点和结束点的 $EXIT$ 结点（所有离开该图的控制流都流向它）

$IN[B]$	B_2	B_3	B_4
d_1	✓	✗	✗
d_2	✓	✗	✗
d_3	✓	✓	✓
d_4	✗	✓	✓
d_5	✓	✓	✓
d_6	✓	✓	✓
d_7	✓	✗	✗

如果存在一条从紧跟在定值 d 后面的点到达某程序点 p 的路径，而且在此路径上 d 没有被“杀死”（如果在此路径上有对变量 x 的其它定值 d' ，则称变量 x 被这个定值 d' “杀死”了），则称定值 d 到达程序点 p

到达定值分析的主要用途

➤ 循环不变计算的检测

- 如果循环中含有赋值 $x=y+z$ ，而 y 和 z 所有可能的定值都在循环外面(包括 y 或 z 是常数的特殊情况)，那么 $y+z$ 就是循环不变计算

到达定值分析的主要用途

- 循环不变计算的检测
- 常量传播
 - 如果对变量 x 的某次使用只有一个定值可以到达，并且该定值把一个常量赋给 x ，那么可以简单地把 x 替换为该常量

到达定值分析的主要用途

- 循环不变计算的检测
- 常量合并
- 判定变量 x 在 p 点上是否 **未经定值就被引用**

“生成”与“杀死”定值

这里，“+”代表一个一般性的二元运算符

➤ 定值 d : $u = v + w$

➤ 该语句“生成”了一个对变量 u 的定值 d ，并“杀死”了程序中其它对 u 的定值

到达定值的传递函数

➤ f_d : 定值 d : $u = v + w$ 的传递函数

➤ $f_d(x) = gen_d \cup (x - kill_d)$ —— 生成-杀死形式

➤ gen_d : 由语句 d 生成的定值的集合 $gen_d = \{d\}$

➤ $kill_d$: 由语句 d 杀死的定值的集合 (程序中所有其它对 u 的定值)

到达定值的传递函数

➤ f_d : 定值 $d: u = v + w$ 的传递函数

$$\text{➤ } f_d(x) = \text{gen}_d \cup (x - \text{kill}_d)$$

➤ f_B : 基本块 B 的传递函数

$$\text{➤ } f_B(x) = \text{gen}_B \cup (x - \text{kill}_B)$$

$$\text{➤ } \text{kill}_B = \text{kill}_1 \cup \text{kill}_2 \cup \dots \cup \text{kill}_n$$

➤ 被基本块 B 中各个语句杀死的定值的集合

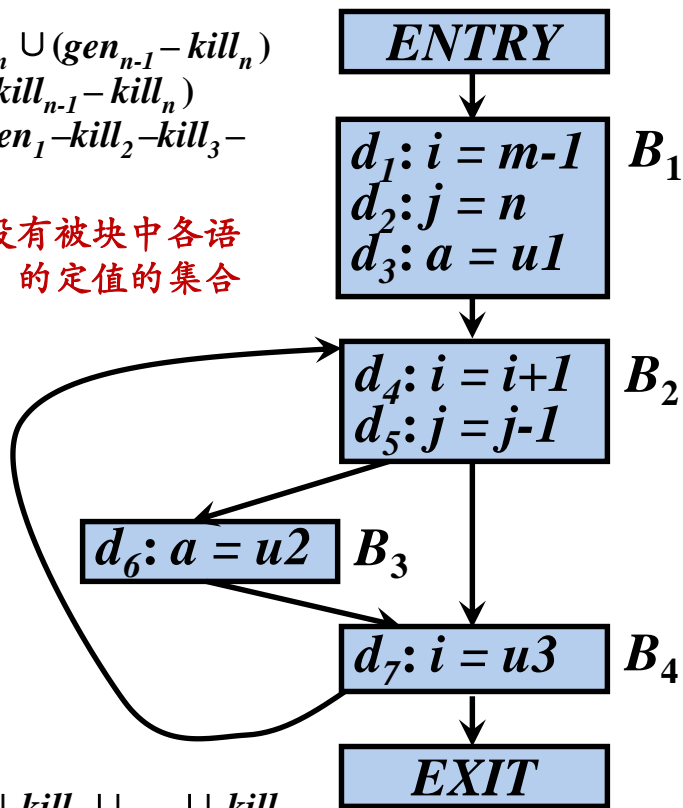
$$\text{➤ } \text{gen}_B = \text{gen}_n \cup (\text{gen}_{n-1} - \text{kill}_n) \cup (\text{gen}_{n-2} - \text{kill}_{n-1} - \text{kill}_n) \cup \dots \cup (\text{gen}_1 - \text{kill}_2 - \text{kill}_3 - \dots - \text{kill}_n)$$

➤ 基本块中没有被块中各语句“杀死”的定值的集合

例：各基本块 B 的 gen_B 和 $kill_B$

$$gen_B = gen_n \cup (gen_{n-1} - kill_n) \\ \cup (gen_{n-2} - kill_{n-1} - kill_n) \\ \cup \dots \cup (gen_1 - kill_2 - kill_3 - \dots - kill_n)$$

基本块中没有被块中各语句“杀死”的定值的集合



$$kill_B = kill_1 \cup kill_2 \cup \dots \cup kill_n$$

被基本块 B 中各个语句杀死的定值的集合 $kill_d$: 由语句 d 杀死的定值的集合 (程序中所有其它对 u 的定值)

$$\triangleright gen_{B1} = \{ d_1, d_2, d_3 \}$$

$$\triangleright kill_{B1} = \{ d_4, d_5, d_6, d_7 \}$$

$$\triangleright gen_{B2} = \{ d_4, d_5 \}$$

$$\triangleright kill_{B2} = \{ d_1, d_2, d_7 \}$$

$$\triangleright gen_{B3} = \{ d_6 \}$$

$$\triangleright kill_{B3} = \{ d_3 \}$$

$$\triangleright gen_{B4} = \{ d_7 \}$$

$$\triangleright kill_{B4} = \{ d_1, d_4 \}$$

到达定值的数据流方程

➤ $IN[B]$: 到达流图中基本块 B 的入口处的定值的集合

$OUT[B]$: 到达流图中基本块 B 的出口处的定值的集合

➤ 方程

➤ $OUT[ENTRY] = \Phi$

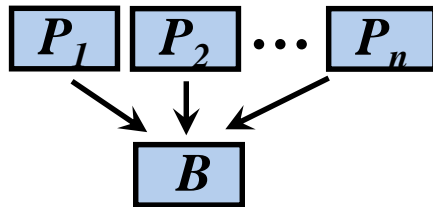
➤ $OUT[B] = f_B(IN[B]) \quad (B \neq ENTRY)$

$f_B(x) = gen_B \cup (x - kill_B)$

$OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

➤ $IN[B] = \bigcup_{P \text{ 是 } B \text{ 的一个前驱}} OUT[P] \quad (B \neq ENTRY)$

gen_B 和 $kill_B$ 的值可以直接从流图计算出来，因此在方程中作为已知量



计算到达定值的迭代算法

➤ 输入:

➤ 流图 G , 其中每个基本块 B 的 gen_B 和 $kill_B$ 都已计算出来

➤ 输出:

➤ $IN[B]$ 和 $OUT[B]$

➤ 方法:

$OUT[ENTRY] = \Phi;$

for (除 $ENTRY$ 之外的每个基本块 B) $OUT[B] = \Phi;$

while (某个 OUT 值发生了改变)

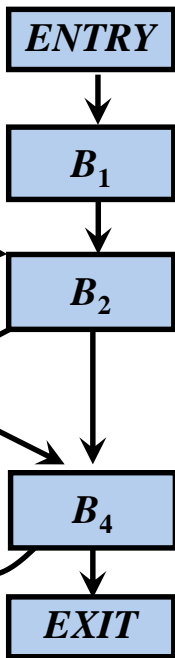
for (除 $ENTRY$ 之外的每个基本块 B) {

$IN[B] = \bigcup_{P \text{ 是 } B \text{ 的一个前驱}} OUT[P];$

$OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

}

例



$gen_{B1} = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill_{B1} = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$
 $gen_{B2} = \{d_4, d_5\}$
 $kill_{B2} = \{d_1, d_2, d_7\}$
 $gen_{B3} = \{d_6\}$
 $kill_{B3} = \{d_3\}$
 $gen_{B4} = \{d_7\}$
 $kill_{B4} = \{d_1, d_4\}$

$OUT[ENTRY] = \Phi;$
 for (除ENTRY之外的每个基本块B) $OUT[B] = \Phi;$
 while (某个OUT值发生了改变)
 for (除ENTRY之外的每个基本块B) {
 $IN[B] = \bigcup_{P \text{ 是 } B \text{ 的一个前驱}} OUT[P];$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$
 }

B	$OUT[B]^0$	$IN[B]^1$	$OUT[B]^1$	$IN[B]^2$	$OUT[B]^2$	$IN[B]^3$	$OUT[B]^3$
B_1	000 0000	000 0000	111 0000	000 0000	111 0000	000 0000	111 0000
B_2	000 0000	111 0000	001 1100	111 0111	001 1110	111 0111	001 1110
B_3	000 0000	001 1100	000 1110	001 1110	000 1110	001 1110	000 1110
B_4	000 0000	001 1110	001 0111	001 1110	001 0111	001 1110	001 0111
EXIT	000 0000	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111

例

ENTRY

B_1

B_2

B_3

B_4

EXIT

$gen_{B_1} = \{d_1, d_2, d_3\}$

$kill_{B_1} = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen_{B_2} = \{d_4, d_5\}$

$kill_{B_2} = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen_{B_3} = \{d_6\}$

$kill_{B_3} = \{d_3\}$

$gen_{B_4} = \{d_7\}$

$kill_{B_4} = \{d_1, d_4\}$

$IN[B]$	B_2	B_3	B_4
d_1	✓	✗	✗
d_2	✓	✗	✗
d_3	✓	✓	✓
d_4	✗	✓	✓
d_5	✓	✓	✓
d_6	✓	✓	✓
d_7	✓	✗	✗

B	$OUT[B]^0$	$IN[B]^1$	$OUT[B]^1$	$IN[B]^2$	$OUT[B]^2$	$IN[B]^3$	$OUT[B]^3$
B_1	000 0000	000 0000	111 0000	000 0000	111 0000	000 0000	111 0000
B_2	000 0000	111 0000	001 1100	111 0111	001 1110	111 0111	001 1110
B_3	000 0000	001 1100	000 1110	001 1110	000 1110	001 1110	000 1110
B_4	000 0000	001 1110	001 0111	001 1110	001 0111	001 1110	001 0111
EXIT	000 0000	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111	001 0111

数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析应用

➤ 到达-定值分析 (*Reaching-Definition Analysis*)

➤ 活跃变量分析 (*Live-Variable Analysis*)

➤ 可用表达式分析 (*Available-Expression Analysis*)

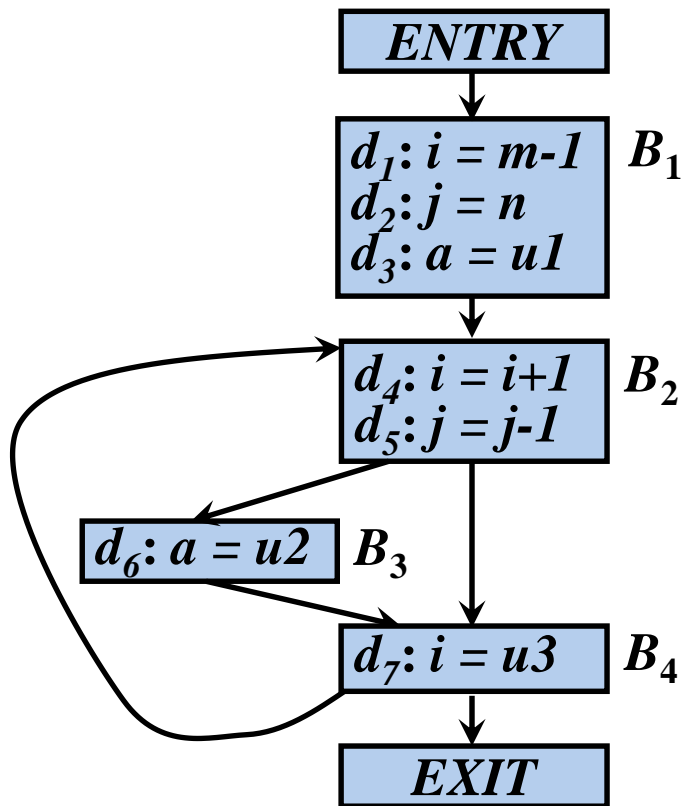
②活跃变量分析

➤活跃变量

- 对于变量 x 和程序点 p ，如果在流图中沿着从 p 开始的某条路径会引用变量 x 在 p 点的值，则称变量 x 在点 p 是活跃(*live*)的，否则称变量 x 在点 p 不活跃(*dead*)

例：各基本块的出口处的活跃变量

对于变量 x 和程序点 p ，如果在流图中沿着从 p 开始的某条路径会引用变量 x 在 p 点的值，则称变量 x 在点 p 是活跃的，否则称变量 x 在点 p 不活跃



<i>OUT[B]</i>	<i>B₁</i>	<i>B₂</i>	<i>B₃</i>	<i>B₄</i>
<i>a</i>	×	×	×	×
<i>i</i>	√	×	×	√
<i>j</i>	√	√	√	√
<i>m</i>	×	×	×	×
<i>n</i>	×	×	×	×
<i>u1</i>	×	×	×	×
<i>u2</i>	√	√	√	√
<i>u3</i>	√	√	√	√

活跃变量信息的主要用途

➤ 删除无用赋值

- **无用赋值**：如果 x 在点 p 的定值在基本块内所有后继点都不被引用，且 x 在基本块出口之后又是**不活跃**的，那么 x 在点 p 的定值就是无用的

➤ 为基本块分配寄存器

- 如果**所有寄存器都被占用**，并且还需要申请一个寄存器，则应该考虑使用已经存放了死亡值的寄存器，因为这个值不需要保存到内存
- 如果一个值**在基本块结尾处是死的就不必在结尾处保存这个值**

活跃变量的传递函数

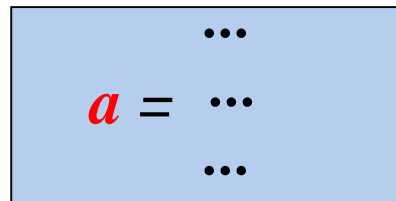
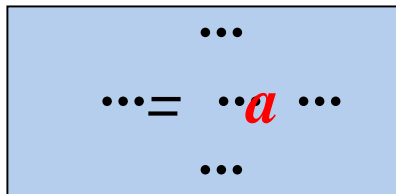
➤ 逆向数据流问题

➤ $IN[B] = f_B(OUT[B])$

➤ $f_B(x) = use_B \cup (x - def_B)$

➤ use_B : 在基本块 B 中引用, 但是引用前在 B 中没有被定值的变量集合

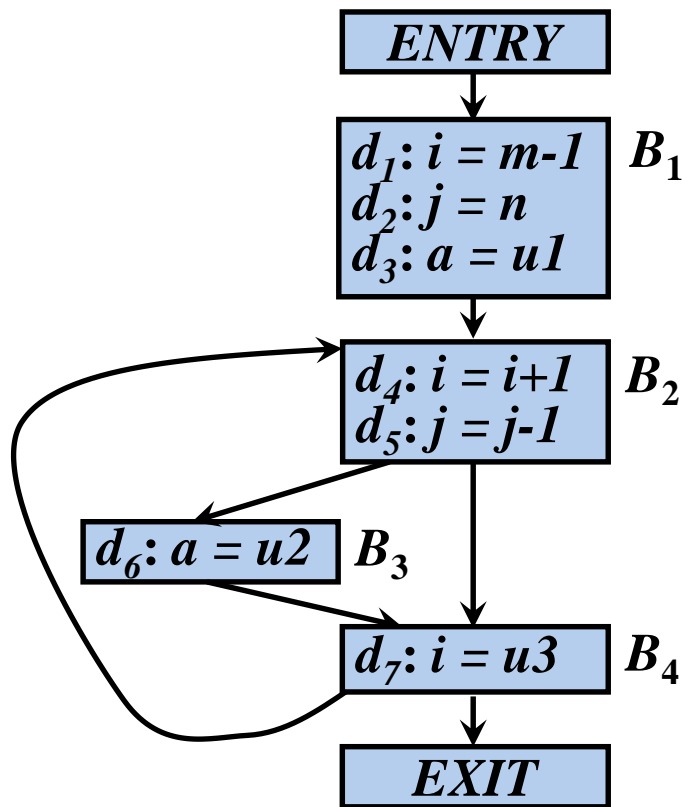
➤ def_B : 在基本块 B 中定值, 但是定值前在 B 中没有被引用的变量的集合



例：各基本块 B 的 use_B 和 def_B

def_B ：在基本块 B 中定值，但是定值前在 B 中没有被引用的变量的集合

use_B ：在基本块 B 中引用，但是引用前在 B 中没有被定值的变量集合



➤ $use_{B1} = \{ m, n, u1 \}$

➤ $def_{B1} = \{ i, j, a \}$

➤ $use_{B2} = \{ i, j \}$

➤ $def_{B2} = \Phi$

➤ $use_{B3} = \{ u2 \}$

➤ $def_{B3} = \{ a \}$

➤ $use_{B4} = \{ u3 \}$

➤ $def_{B4} = \{ i \}$

活跃变量数据流方程

➤ $IN[B]$: 在基本块 B 的入口处的活跃变量集合

$OUT[B]$: 在基本块 B 的出口处的活跃变量集合

➤ 方程

➤ $IN[EXIT] = \Phi$

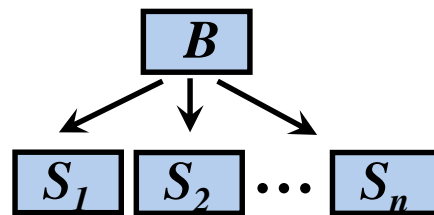
➤ $IN[B] = f_B(OUT[B]) \quad (B \neq EXIT)$

➤ $f_B(x) = use_B \cup (x - def_B)$

$$IN[B] = use_B \cup (OUT[B] - def_B)$$

➤ $OUT[B] = \bigcup_{S \text{ 是 } B \text{ 的一个后继}} IN[S] \quad (B \neq EXIT)$

use_B 和 def_B 的值可以直接从流图计算出来, 因此在方程中作为已知量

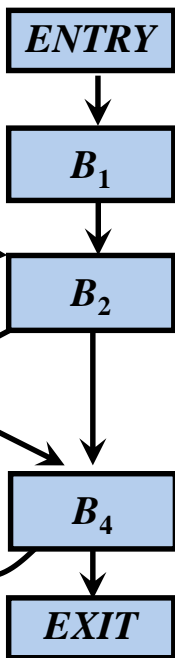


计算活跃变量的迭代算法

- 输入：流图 G ，其中每个基本块 B 的 use_B 和 def_B 都已计算出来
- 输出： $IN[B]$ 和 $OUT[B]$
- 方法：

```
 $IN[EXIT] = \Phi;$   
for (除 $EXIT$ 之外的每个基本块 $B$ )  $IN[B] = \Phi;$   
while (某个 $IN$ 值发生了改变)  
    for (除 $EXIT$ 之外的每个基本块 $B$ ) {  
         $OUT[B] = \bigcup_{S \text{ 是 } B \text{ 的一个后继}} IN[S];$   
         $IN[B] = use_B \cup (OUT[B] - def_B);$   
    }
```


例

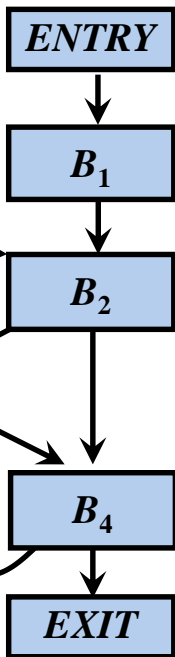


$use_{B1} = \{ m, n, u1 \}$
 $def_{B1} = \{ i, j, a \}$
 $use_{B2} = \{ i, j \}$
 $def_{B2} = \Phi$
 $use_{B3} = \{ u2 \}$
 $def_{B3} = \{ a \}$
 $use_{B4} = \{ u3 \}$
 $def_{B4} = \{ i \}$

$IN[EXIT] = \Phi;$
for (除EXIT之外的每个基本块B) $IN[B] = \Phi;$
while (某个IN值发生了改变)
 for (除EXIT之外的每个基本块B) {
 $OUT[B] = \bigcup_{S \text{ 是 } B \text{ 的一个后继}} IN[S];$
 $IN[B] = use_B \cup (OUT[B] - def_B);$
 }

	$OUT[B]^1$	$IN[B]^1$	$OUT[B]^2$	$IN[B]^2$	$OUT[B]^3$	$IN[B]^3$
B_4		$u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$
B_3	$u3$	$u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$
B_2	$u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$
B_1	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$

例



$use_{B1} = \{ m, n, u1 \}$
 $def_{B1} = \{ i, j, a \}$
 $use_{B2} = \{ i, j \}$
 $def_{B2} = \Phi$
 $use_{B3} = \{ u2 \}$
 $def_{B3} = \{ a \}$
 $use_{B4} = \{ u3 \}$
 $def_{B4} = \{ i \}$

$OUT[B]$	B_1	B_2	B_3	B_4
a	×	×	×	×
i	√	×	×	√
j	√	√	√	√
m	×	×	×	×
n	×	×	×	×
u_1	×	×	×	×
u_2	√	√	√	√
u_3	√	√	√	√

	$OUT[B]^1$	$IN[B]^1$	$OUT[B]^2$	$IN[B]^2$	$OUT[B]^2$	$IN[B]^2$
B_4		$u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$
B_3	$u3$	$u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$j, u2, u3$
B_2	$u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$j, u2, u3$	$i, j, u2, u3$
B_1	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$	$i, j, u2, u3$	$m, n, u1, u2, u3$

数据流分析(data-flow analysis)

➤ 数据流分析应用

➤ 到达-定值分析 (*Reaching-Definition Analysis*)

➤ 活跃变量分析 (*Live-Variable Analysis*)

➤ 可用表达式分析 (*Available-Expression Analysis*)

③可用表达式分析

➤可用表达式

➤如果从流图的首节点到达程序点 p 的每条路径都对表达式 $x \text{ op } y$ 进行计算，并且从最后一个这样的计算到点 p 之间没有再次对 x 或 y 定值，那么表达式 $x \text{ op } y$ 在点 p 是可用的(*available*)

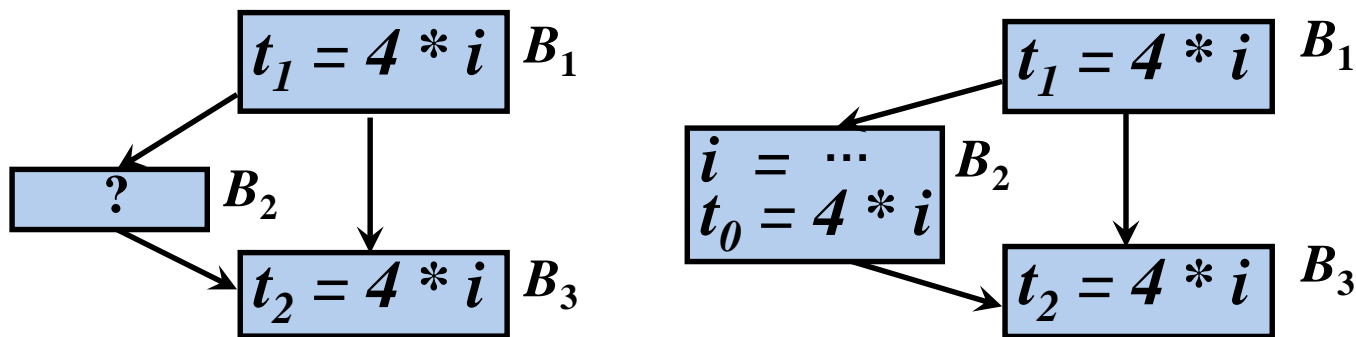
➤表达式可用的直观意义

➤在点 p 上， $x \text{ op } y$ 已经在之前被计算过，不需要重新计算

可用表达式信息的主要用途

➤ 消除全局公共子表达式

➤ 例



如果 i 在 B_2 中没有被赋予新值，或者在 B_2 中，对 i 赋值后又重新计算了 $4*i$

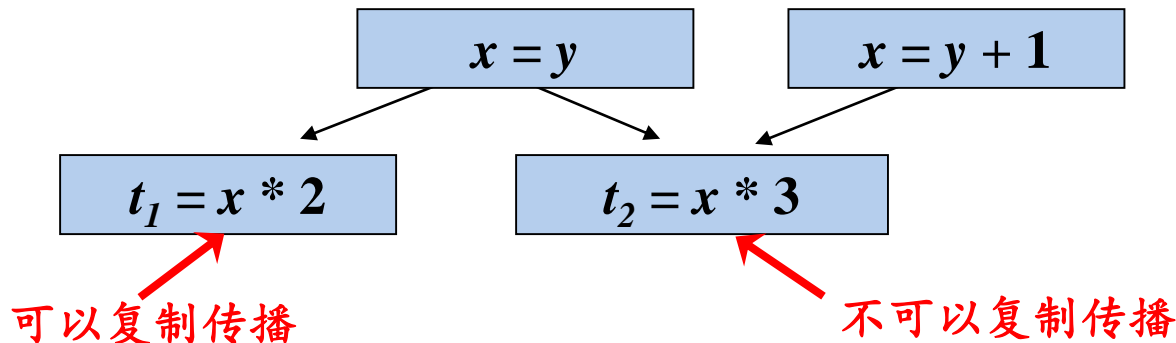
如果从流图的首节点到达程序点 p 的每条路径都对表达式 $x \text{ op } y$ 进行计算，并且从最后一个这样的计算到点 p 之间没有再次对 x 或 y 定值，那么表达式 $x \text{ op } y$ 在点 p 是**可用**的

可用表达式信息的主要用途

➤ 消除全局公共子表达式

➤ 进行复制传播

➤ 例



在 x 的引用点 u 可以用 y 代替 x 的条件：复制语句 $x = y$ 在引用点 u 处可用

从流图的首节点到达 u 的每条路径都存在复制语句 $x = y$ ，并且从最后一条复制语句 $x = y$ 到点 u 之间没有再次对 x 或 y 定值

可用表达式的传递函数

- 对于可用表达式数据流模式而言，如果基本块 B 对 $x \text{ op } y$ 进行计算，并且之后没有重新定值 x 或 y ，则称 B 生成表达式 $x \text{ op } y$ ；如果基本块 B 对 x 或者 y 进行了(或可能进行)定值，且以后没有重新计算 $x \text{ op } y$ ，则称 B 杀死表达式 $x \text{ op } y$ 。
- $f_B(x) = e_gen_B \cup (x - e_kill_B)$
 - e_gen_B ：基本块 B 所生成的可用表达式的集合
 - e_kill_B ：基本块 B 所杀死的 U 中的可用表达式的集合
 - U ：所有出现在程序中一个或多个语句的右部的表达式的全集

e_gen_B 的计算

- 初始化: $e_gen_B = \Phi$
- 顺序扫描基本块的每个语句: $z = x \text{ op } y$
 - 把 $x \text{ op } y$ 加入 e_gen_B
 - 从 e_gen_B 中删除和 z 相关的表达式

顺序不能颠倒

语句	可用表达式
..... $a := b+c$	\emptyset
..... $b := a-d$	$\{ b+c \}$
..... $c := b+c$	$\{ a-d \}$
..... $d := a-d$	$\{ a-d \}$
.....	\emptyset

e_kill_B 的计算

- 初始化: $e_kill_B = \Phi$
- 顺序扫描基本块的每个语句: $z = x \text{ op } y$
 - 从 e_kill_B 中删除表达式 $x \text{ op } y$
 - 把所有和 z 相关的表达式加入到 e_kill_B 中

可用表达式的数据流方程

➤ $IN[B]$: 在 B 的入口处可用的 U 中的表达式集合

$OUT[B]$: 在 B 的出口处可用的 U 中的表达式集合

➤ 方程

➤ $OUT[ENTRY] = \Phi$

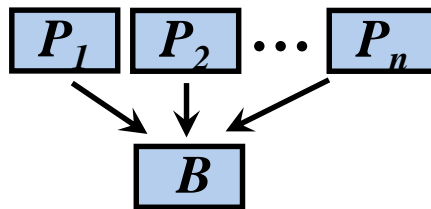
➤ $OUT[B] = f_B(IN[B]) \quad (B \neq ENTRY)$

➤ $f_B(x) = e_gen_B \cup (x - e_kill_B)$

$$OUT[B] = e_gen_B \cup (IN[B] - e_kill_B)$$

➤ $IN[B] = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的一个前驱}} OUT[P] \quad (B \neq ENTRY)$

e_gen_B 和 e_kill_B 的值可以直接从流图计算出来，因此在方程中作为已知量



计算可用表达式的迭代算法

- 输入：流图G，其中每个基本块B的 e_gen_B 和 e_kill_B 都已计算出来
- 输出： $IN[B]$ 和 $OUT[B]$
- 方法：

$OUT[ENTRY] = \Phi;$

for (除 $ENTRY$ 之外的每个基本块B) $OUT[B] = U;$

while (某个 OUT 值发生了改变)

for (除 $ENTRY$ 之外的每个基本块B) {

$IN[B] = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的一个前驱}} OUT[P]$

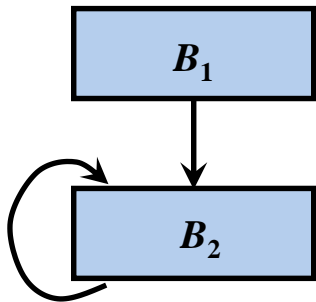
$OUT[B] = e_gen_B \cup (IN[B] - e_kill_B);$

}

为什么将 $OUT[B]$ 集合初始化为 U ?

➤ 将 OUT 集合初始化为 Φ 局限性太大

➤ 例



➤ 如果 $OUT[B_2]^0 = \Phi$

那么 $IN[B_2]^1 = OUT[B_1]^1 \cap OUT[B_2]^0 = \Phi$

➤ 如果 $OUT[B_2]^0 = U$

那么 $IN[B_2]^1 = OUT[B_1]^1 \cap OUT[B_2]^0 = OUT[B_1]$