

알고리즘의정석Ⅱ

3장 그래프 알고리즘

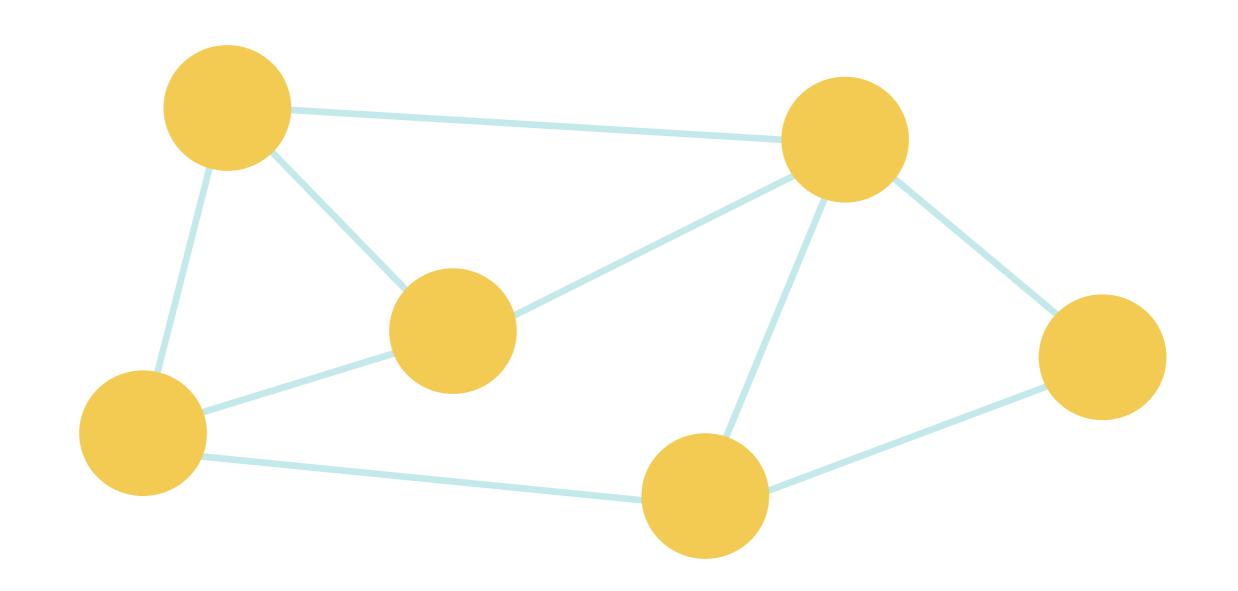


Contents

- 01. 그래프의 개념
- 02. 그래프의 표현
- 03. 너비우선탐색 (BFS)
- 04. 깊이우선탐색 (DFS)
- 05. 문제를 그래프로 표현하기
- 06. 정리

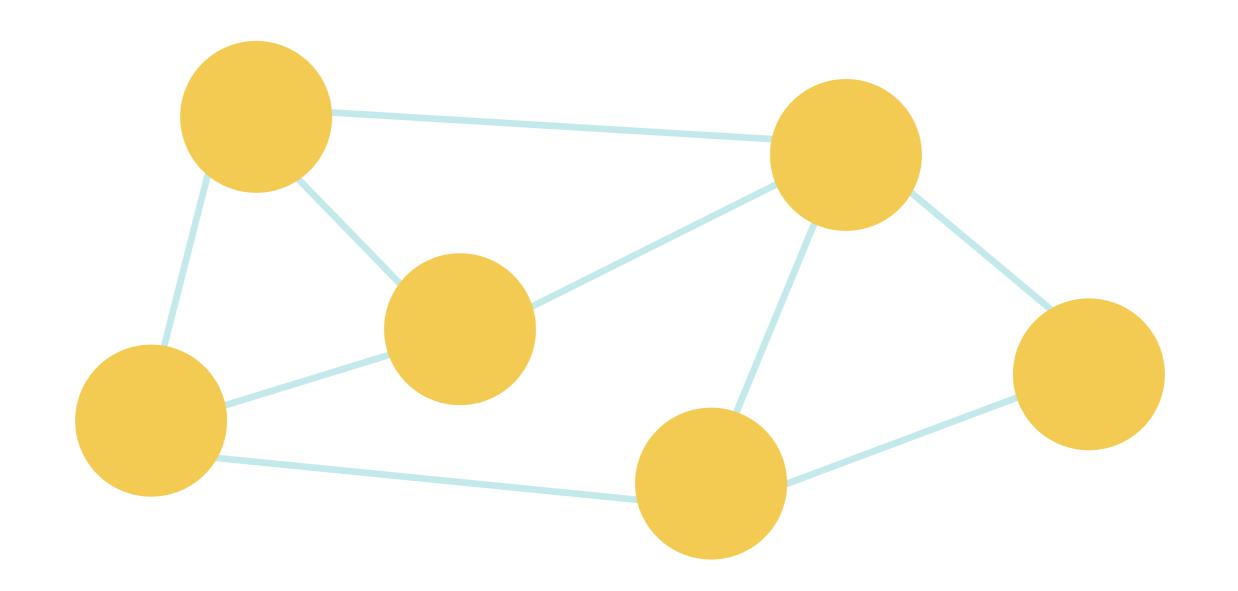
❷ 그래프란?

정점과 간선으로 이루어진 자료구조 정점간의 관계를 조직도로 표현합니다



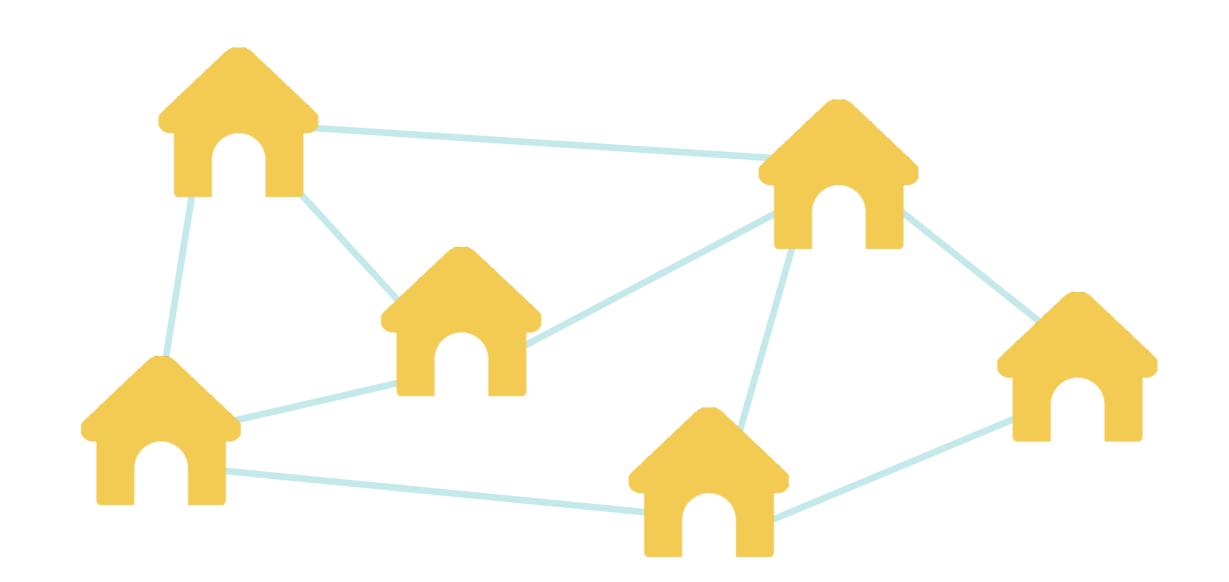
❷ 정점이란?

정점은 여러가지 특성을 가질 수 있는 객체를 의미합니다



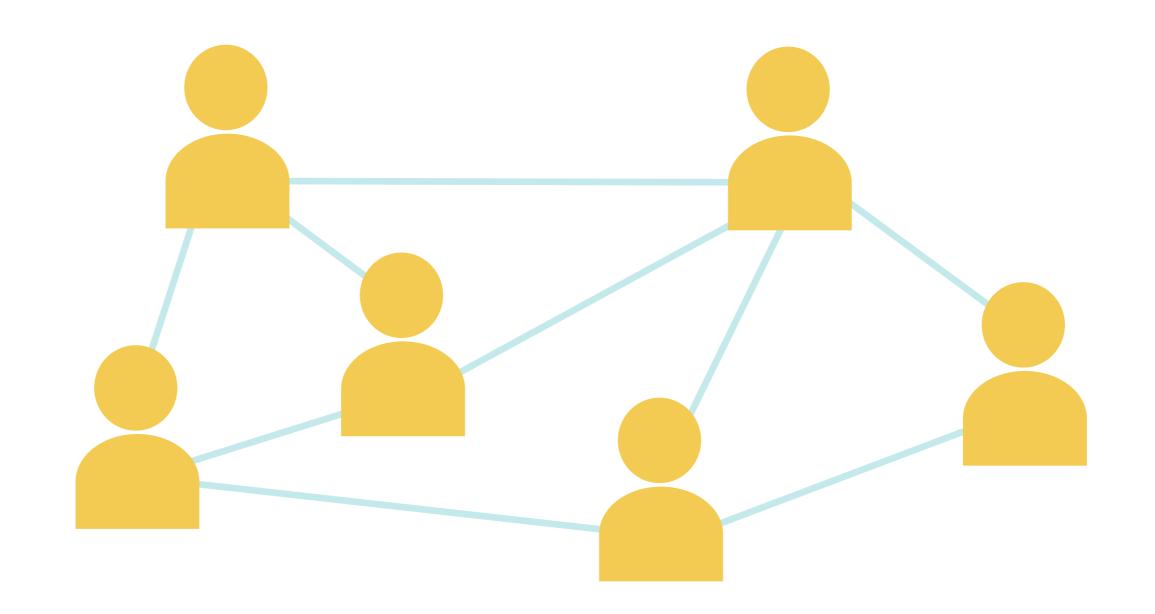
❷ 정점이란?

정점은 여러가지 특성을 가질 수 있는 객체를 의미합니다

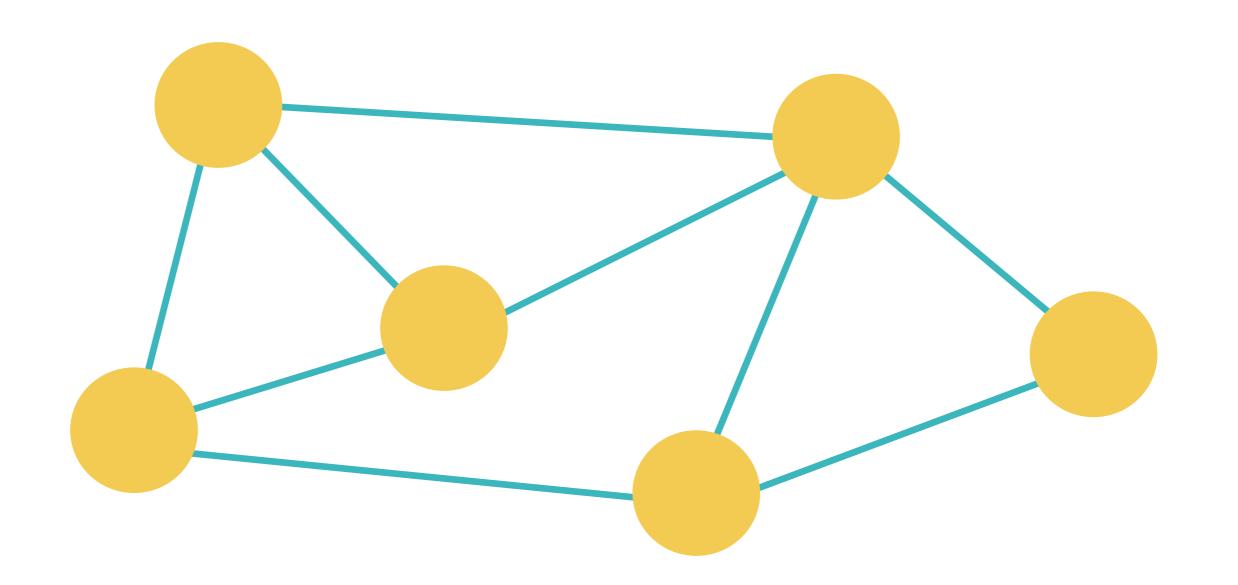


❷ 정점이란?

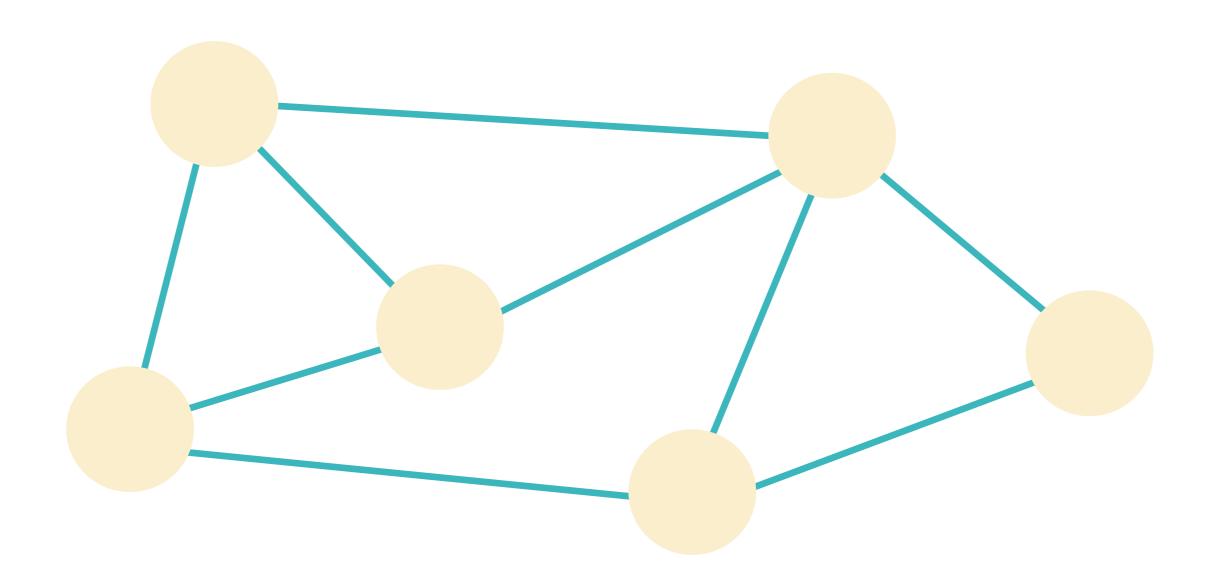
정점은 여러가지 특성을 가질 수 있는 객체를 의미합니다



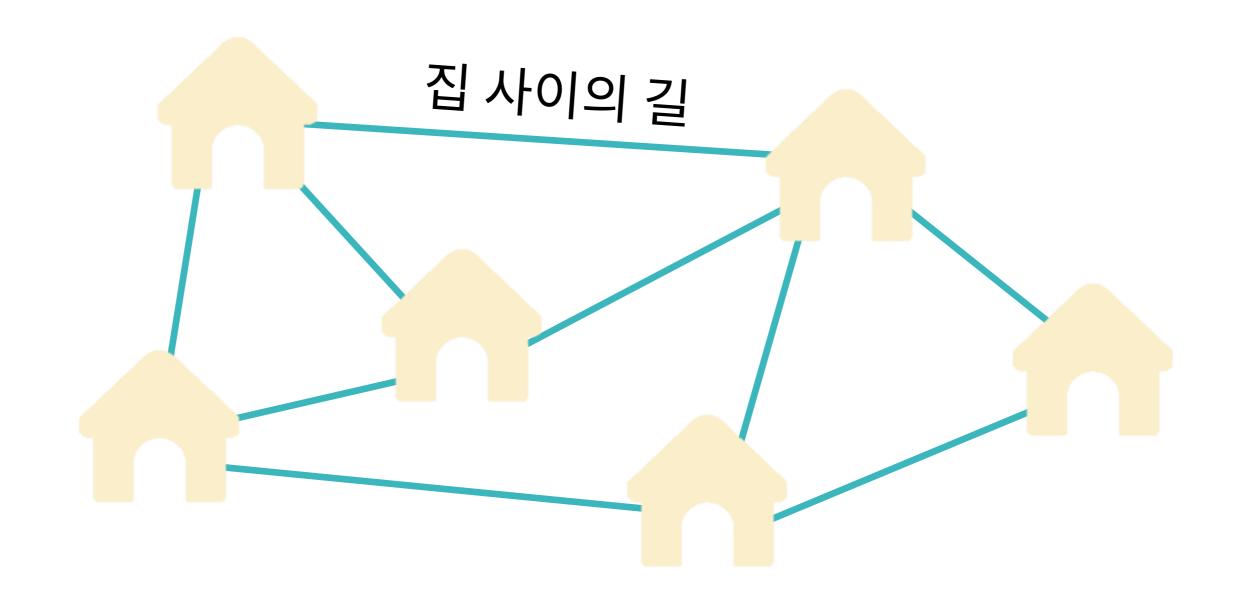
❷ 간선이란?



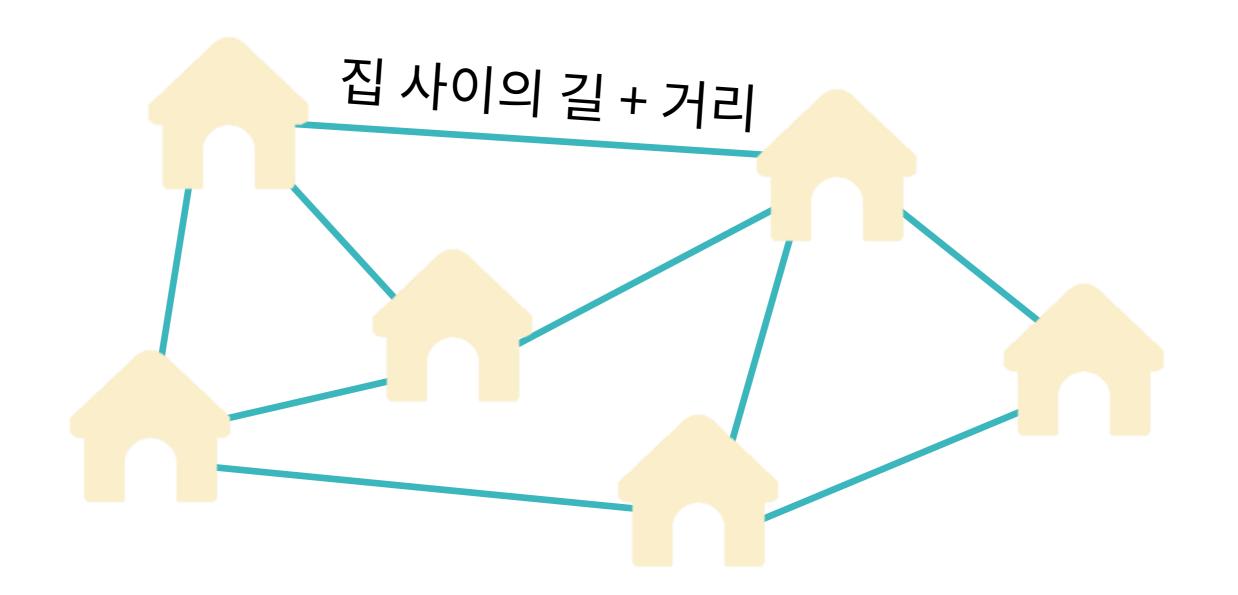
⊘ 간선이란?



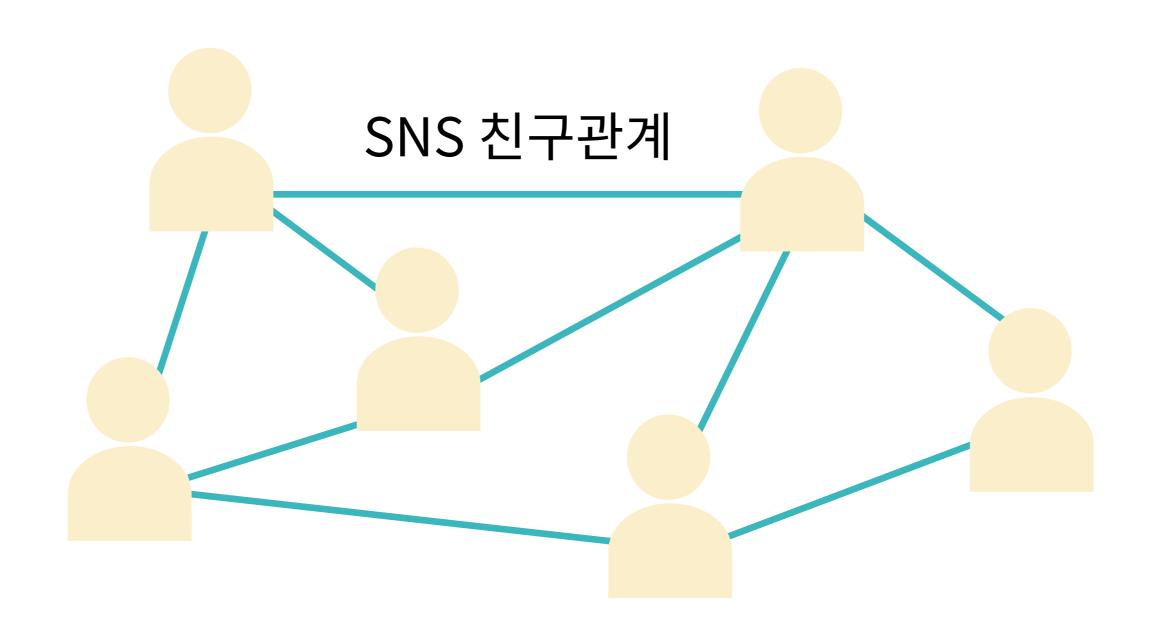
❷ 간선이란?



♥ 간선이란?

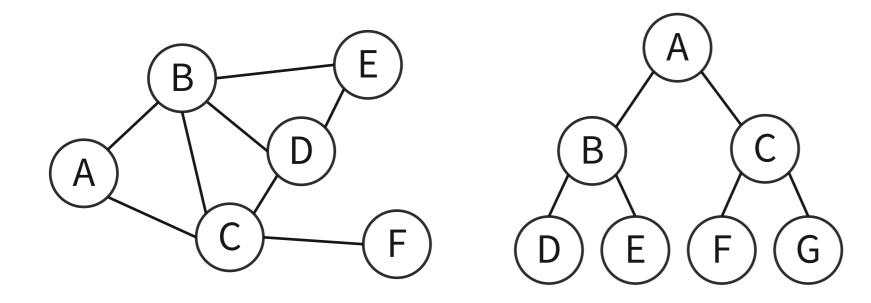


❷ 간선이란?

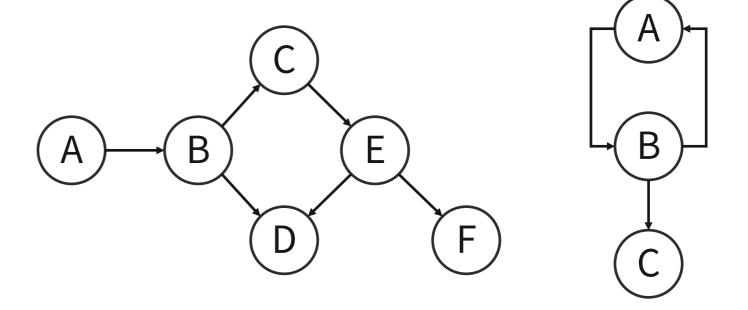


❷ 그래프의 종류

• 무방향그래프



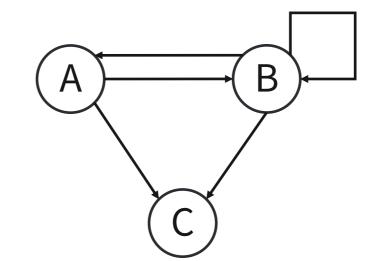
• 방향그래프



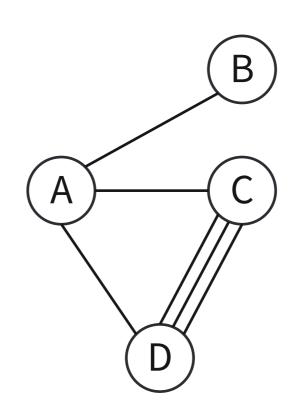
정점간 간선에 **방향이** 없는 그래프 정점간 간선에 **방향이** 있는 그래프

❷ 그래프의 특징

1) 자기 자신을 향하는 간선은 없다.

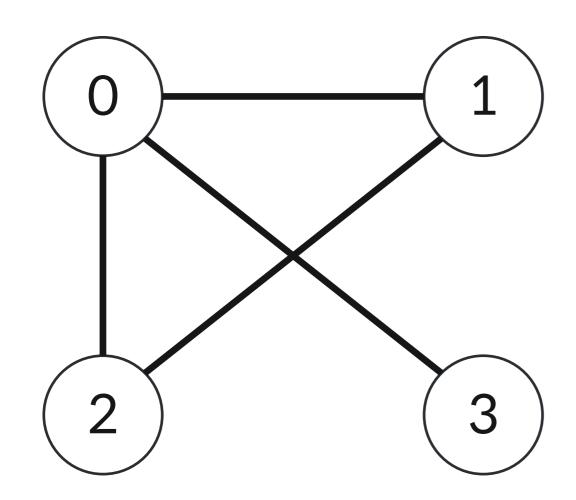


2) 중복된 간선을 허용하지 않는다.



◎ 그래프를 표현하는 방식

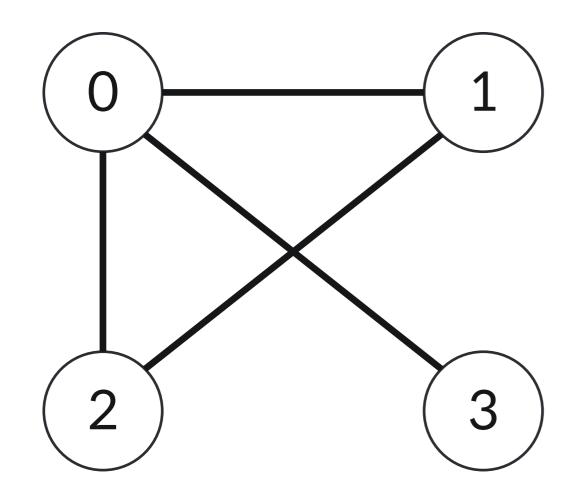
• 인접행렬 – 무방향 그래프



	0	1	2	3
0				
1				
2				
3				

❷ 그래프를 표현하는 방식

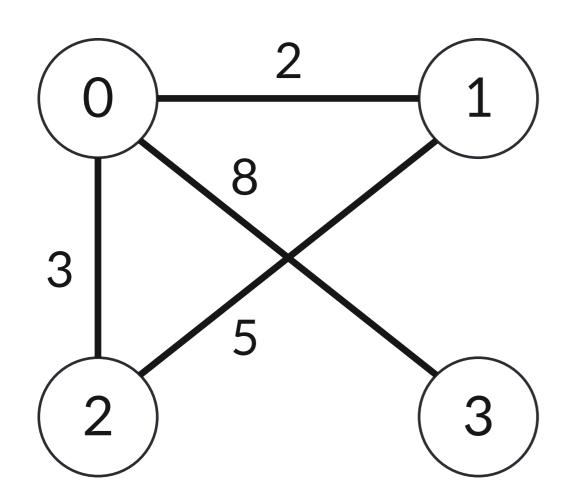
• 인접행렬 – 무방향 그래프



	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	1	0	1	0
2	1	1	0	0
3	1	0	0	0

☑ 그래프를 표현하는 방식

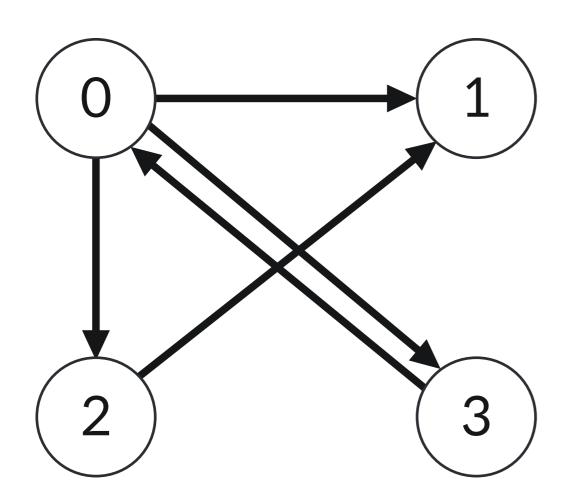
• 인접행렬 – 무방향 그래프 with 가중치



	0	1	2	3
0	0	2	3	8
1	2	0	5	0
2	3	5	0	0
3	8	0	0	0

❷ 그래프를 표현하는 방식

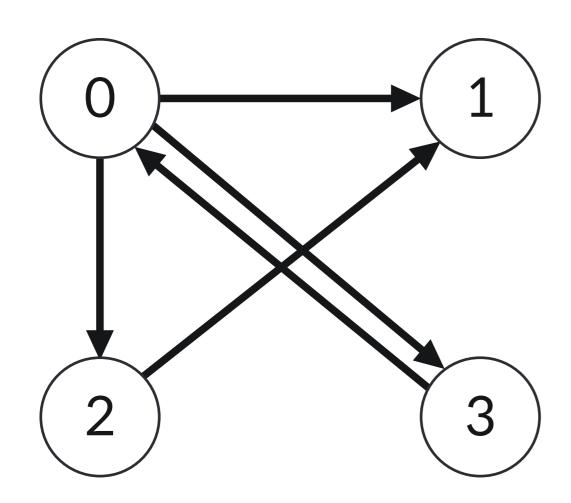
• 인접행렬 – 방향 그래프



	0	1	2	3
0				
1				
2				
3				

❷ 그래프를 표현하는 방식

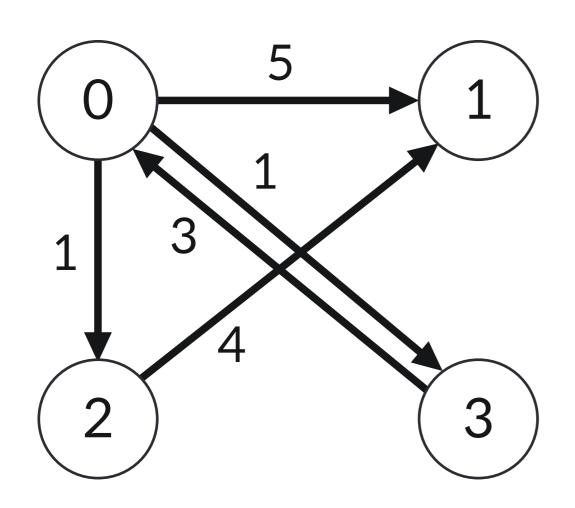
• 인접행렬 – 방향 그래프



	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	0	0	0	0
2	0	1	0	0
3	1	0	0	0

☑ 그래프를 표현하는 방식

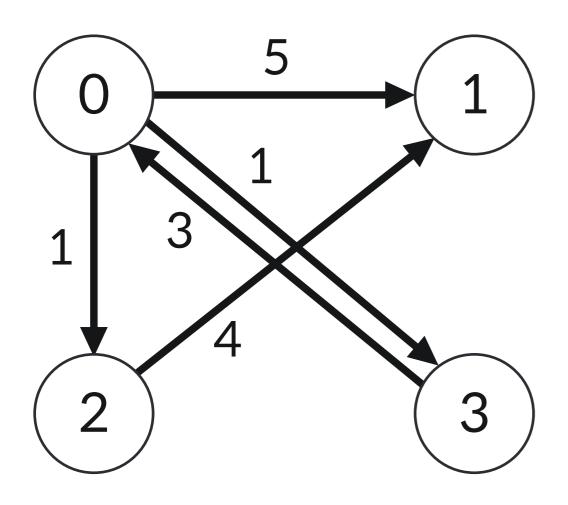
• 인접행렬 – 방향 그래프 with 가중치



	0	1	2	3
0	0	5	1	1
1	0	0	0	0
2	0	4	0	0
3	3	0	0	0

◎ 그래프를 표현하는 방식

• 인접행렬

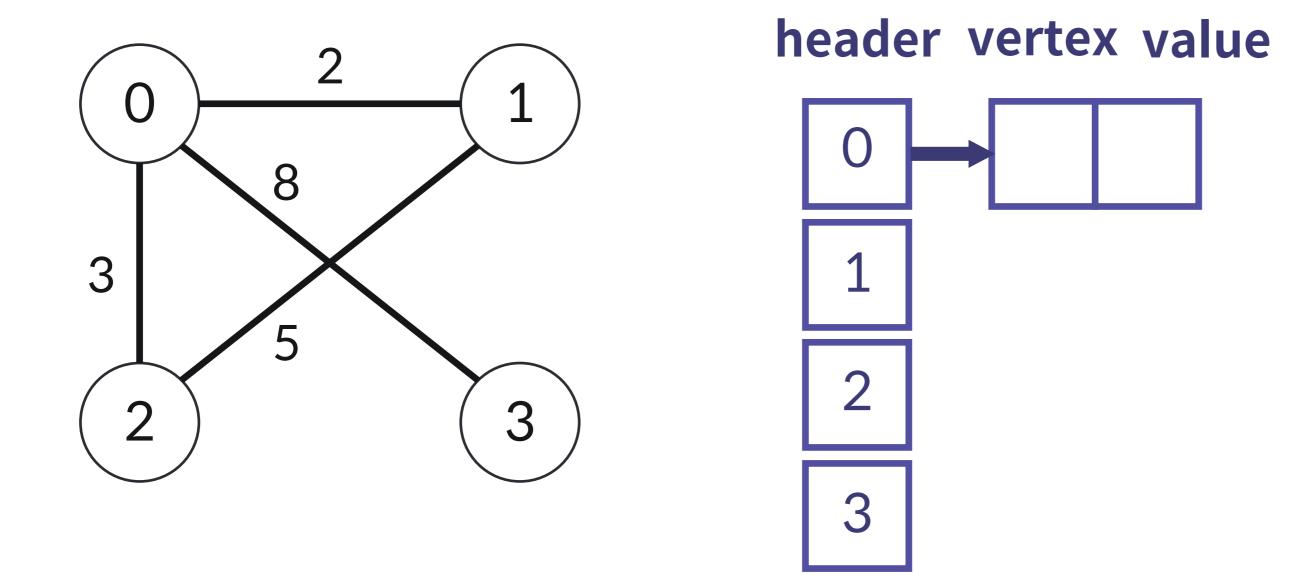


```
graph = {0: {1:5, 2:1, 3:1}, 2: {1: 4}, 3: {0: 3}}
```

graph = [[0,5,1,1],[0,0,0,0],[0,4,0,0],[3,0,0,0]]

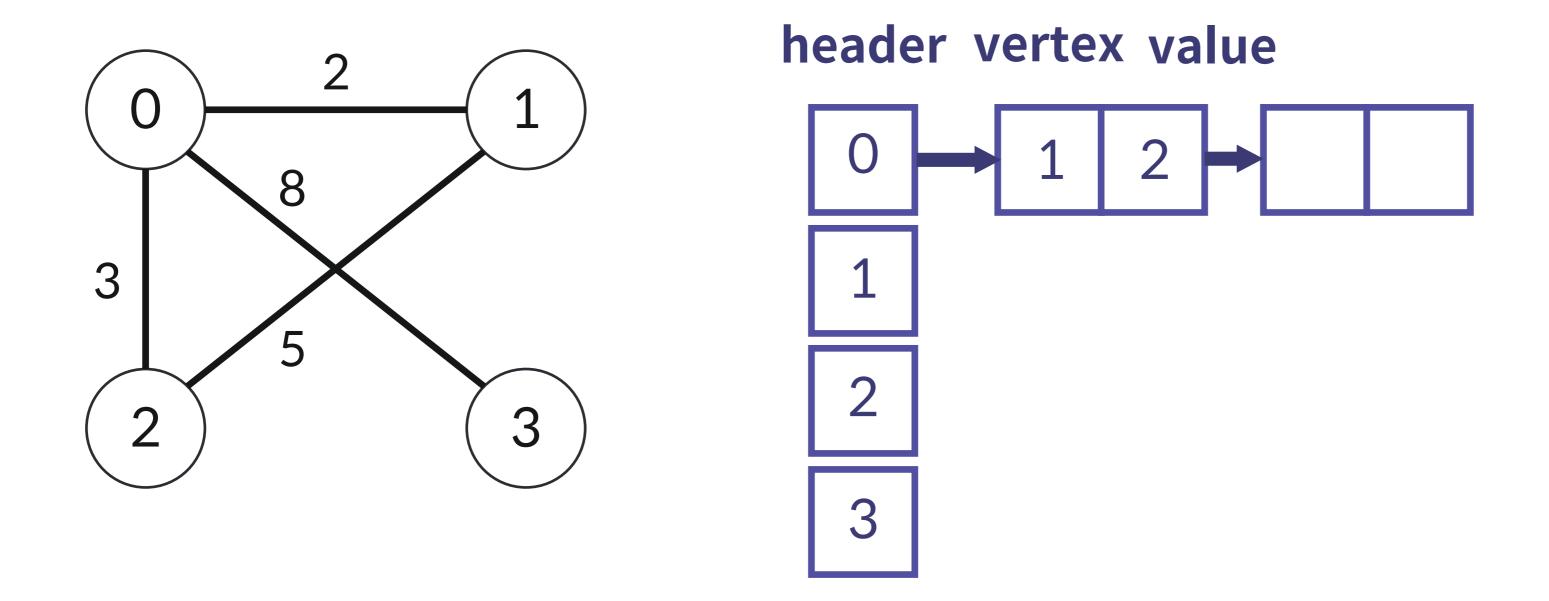
❷ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트



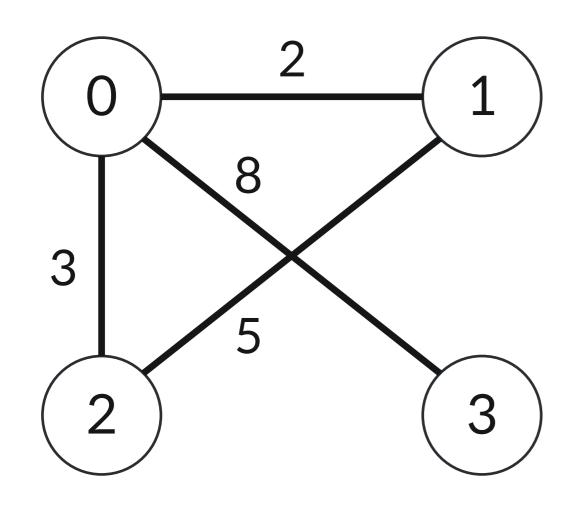
❷ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트

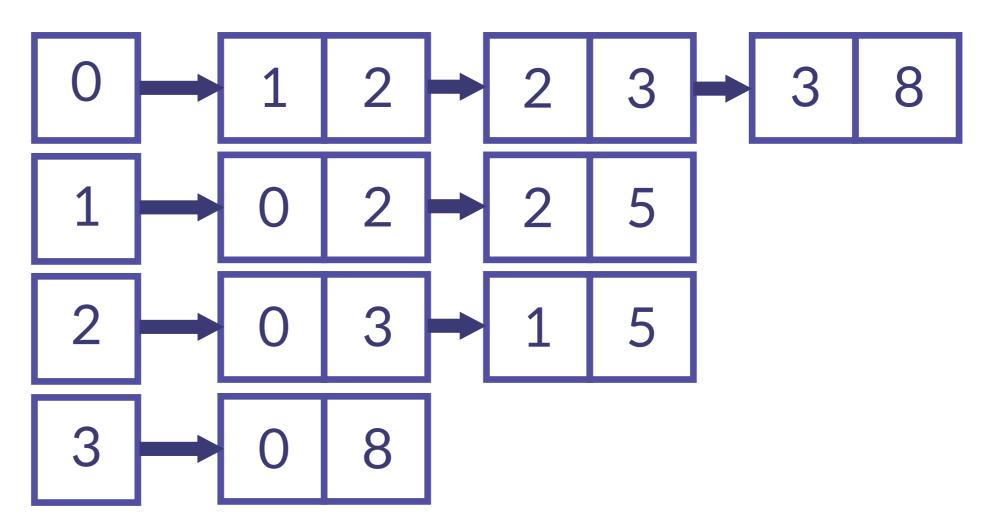


☑ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트

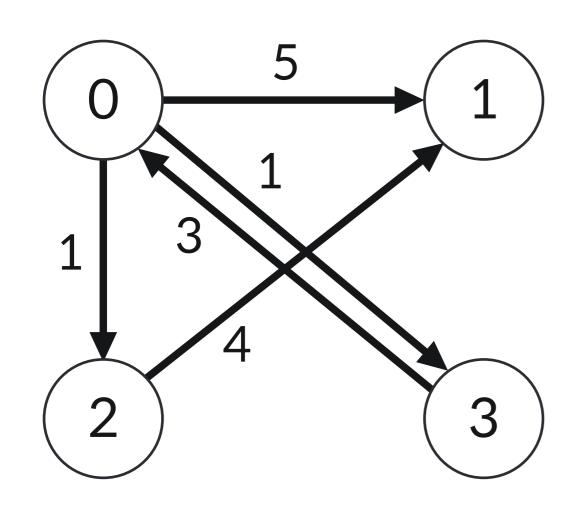


header vertex value

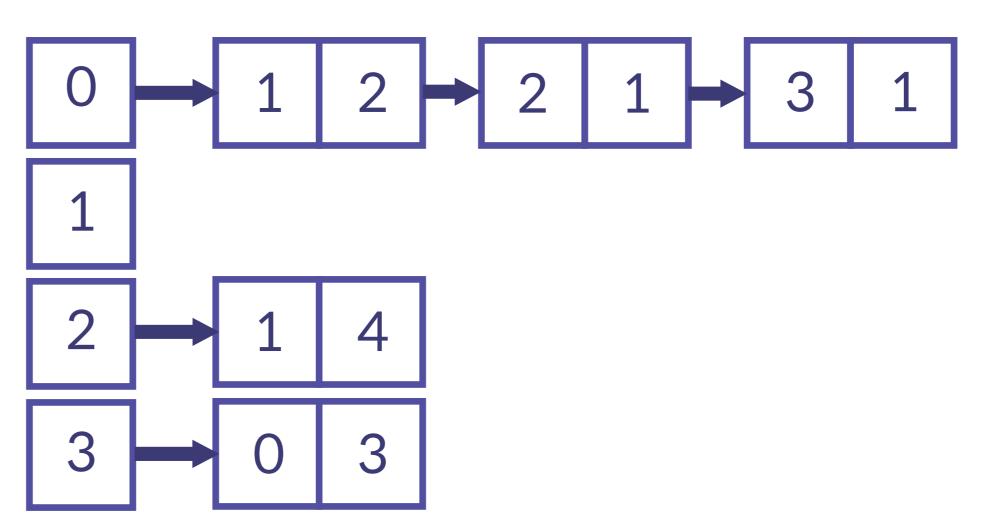


☑ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트



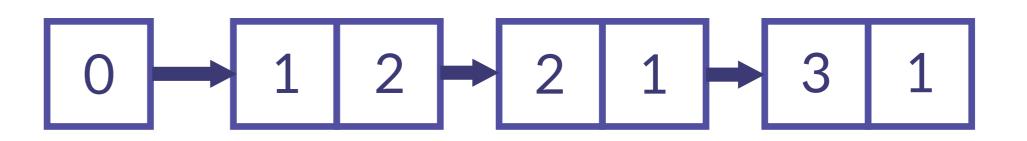
header vertex value



☑ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트

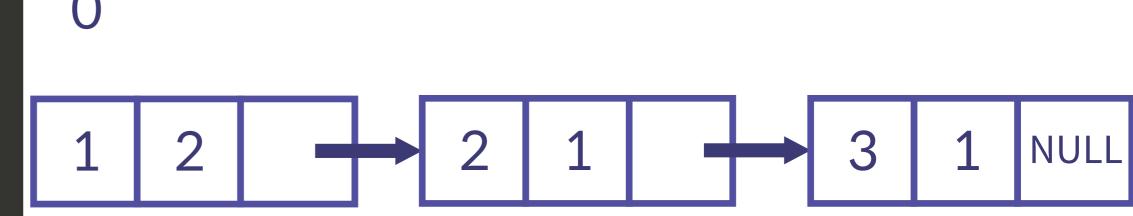
```
class AdjNode:
    def __init__(self, vertex, value):
        self.vertex = vertex
        self.value = value
        self.next = None
```



☑ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트

```
class AdjNode:
    def __init__(self, vertex, value):
        self.vertex = vertex
        self.value = value
        self.next = None
```



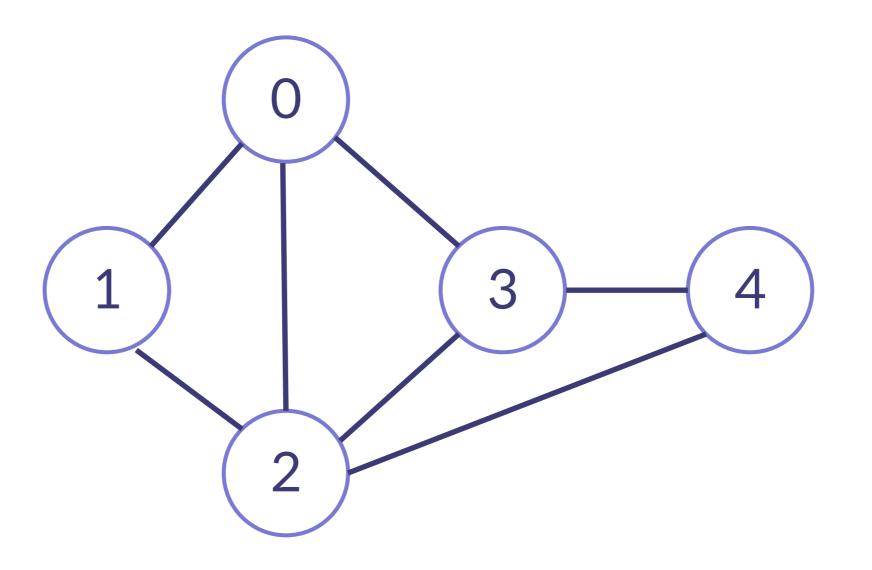
◎ 그래프를 표현하는 방식

• 인접리스트

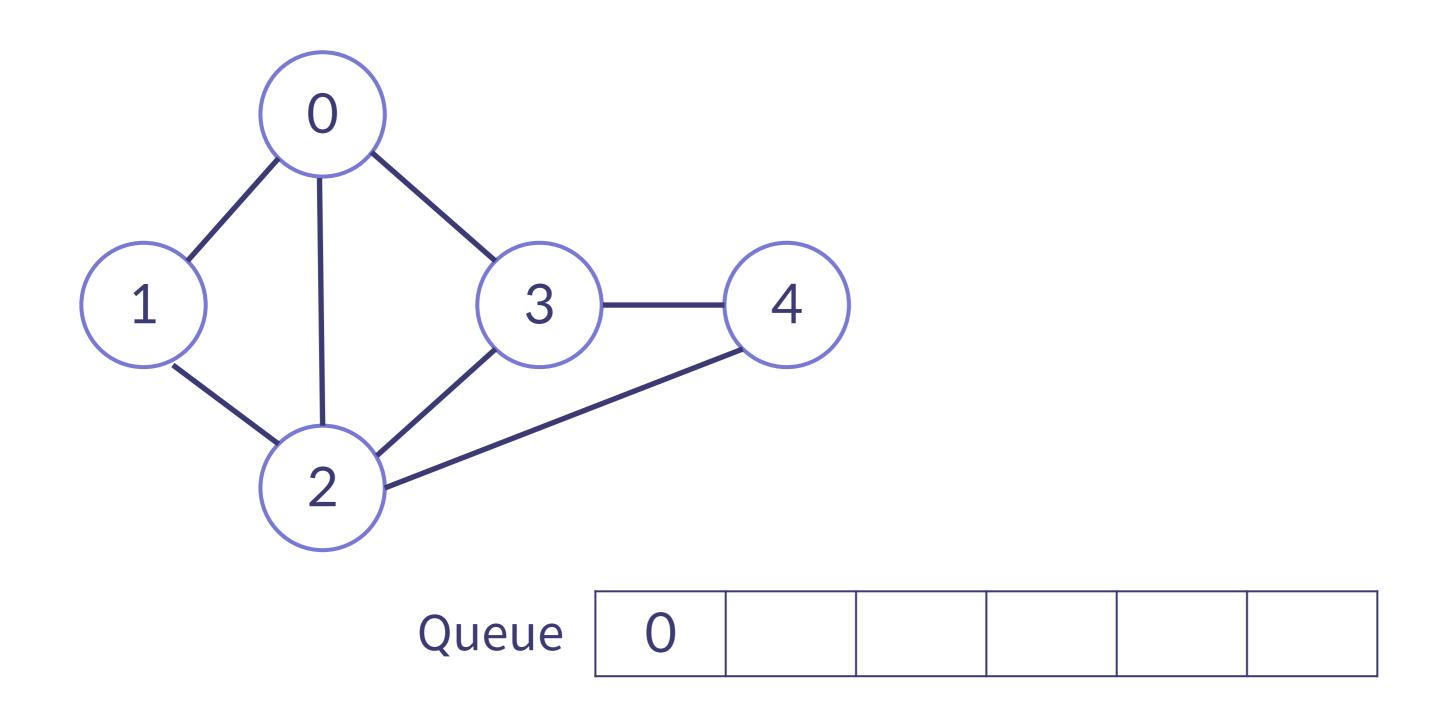
```
class Graph:
    def __init__(self, num):
        self.V = num
        self.graph = [None] * self.V
```

```
def add_edge(self, s, d, w):
    node = AdjNode(d)
    node.next = self.graph[s]
    node.value = w
    self.graph[s] = node
```

● 너비우선탐색 (Breadth-First Search)

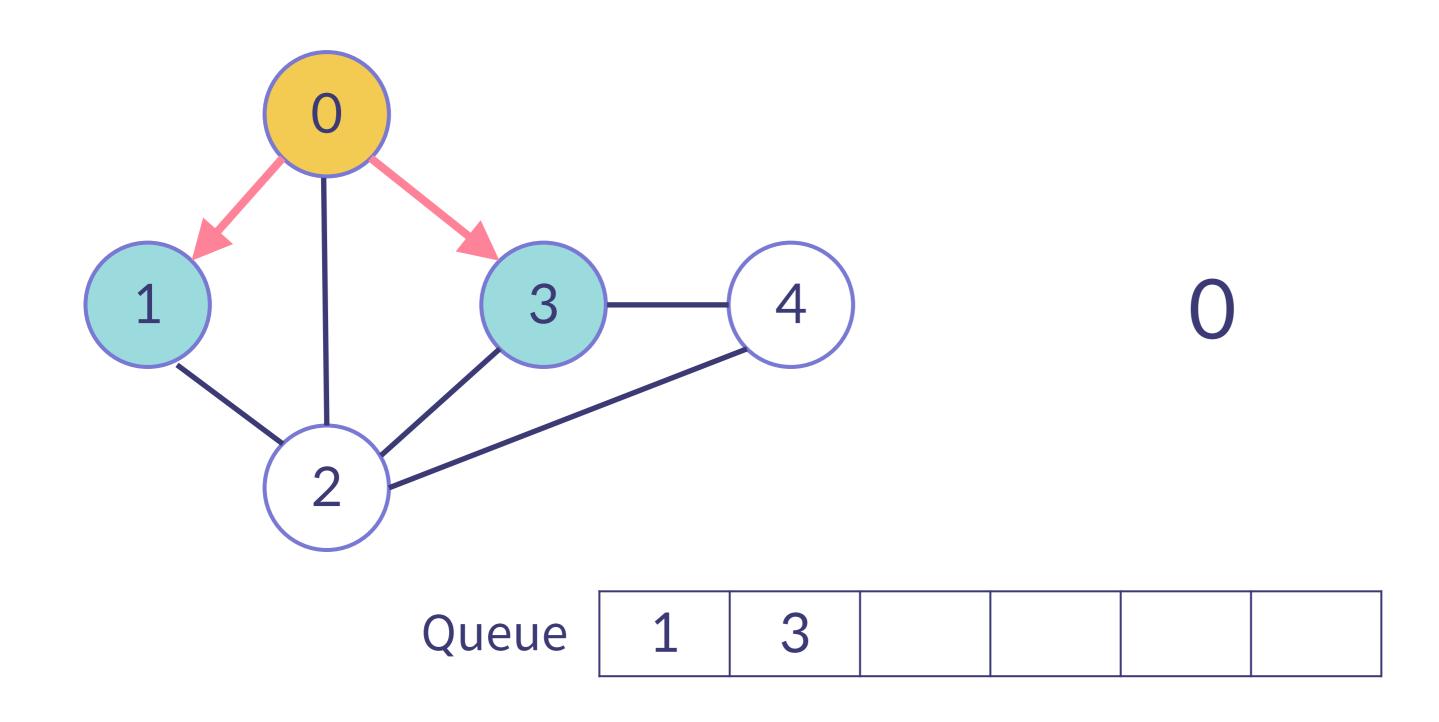


● 너비우선탐색 (Breadth-First Search)



○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)

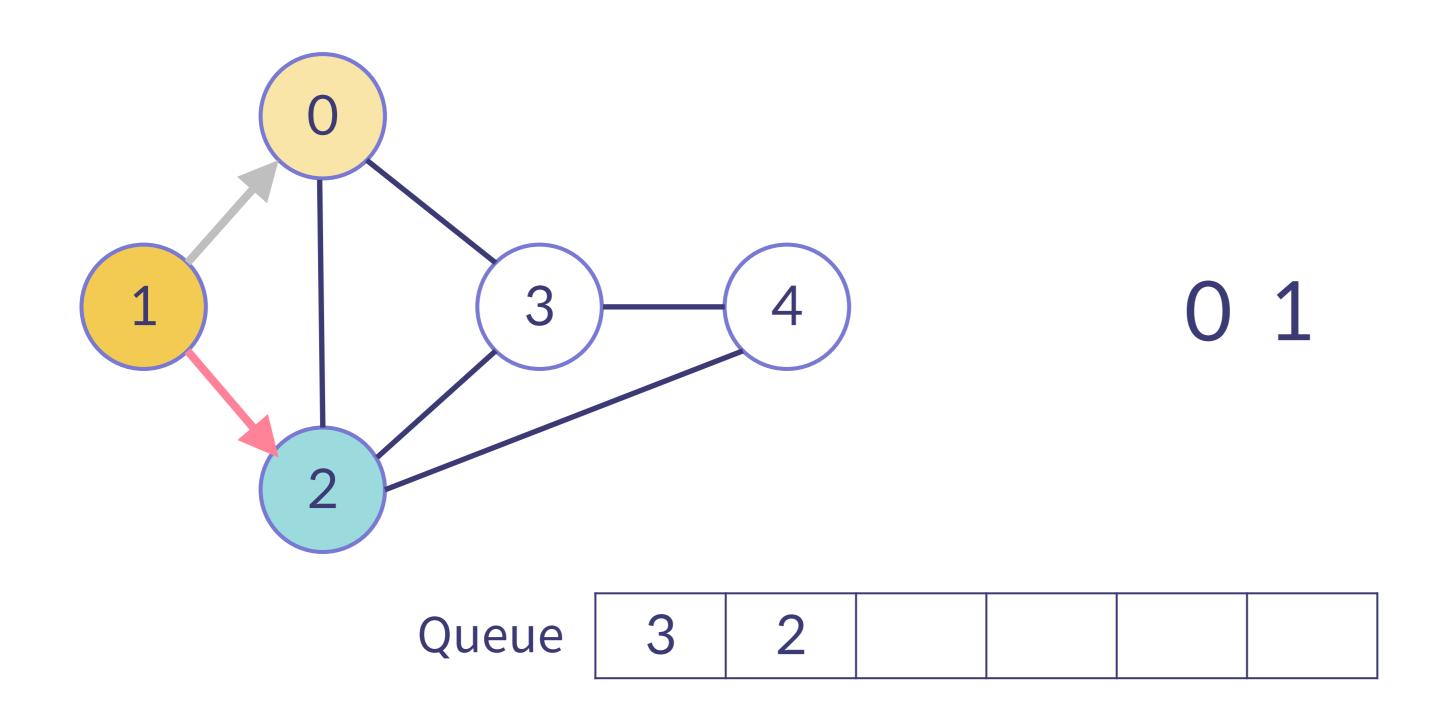
그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 부모를 공유하는 인접 노드들을 우선적으로 탐색합니다.



/* elice */

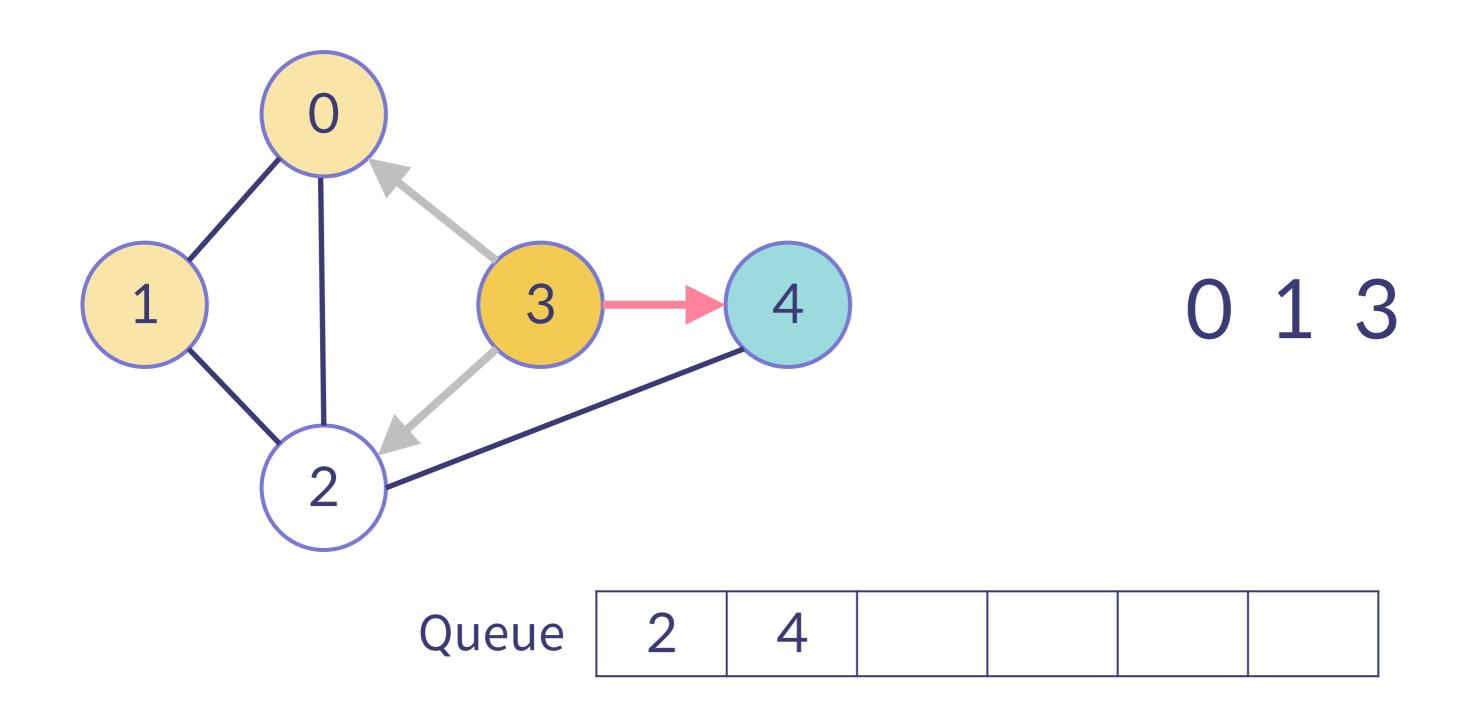
○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)

그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 부모를 공유하는 인접 노드들을 우선적으로 탐색합니다.

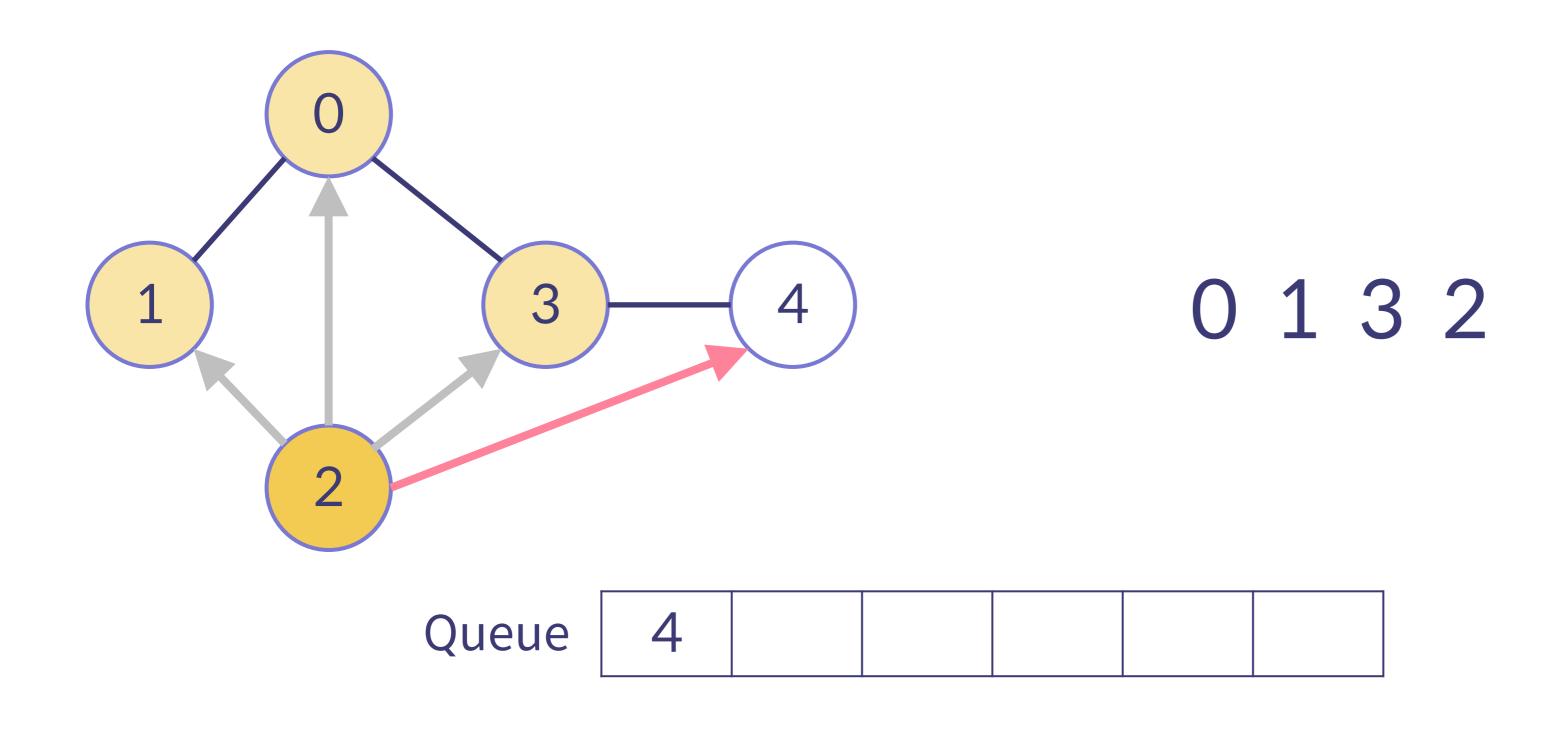


/* elice */

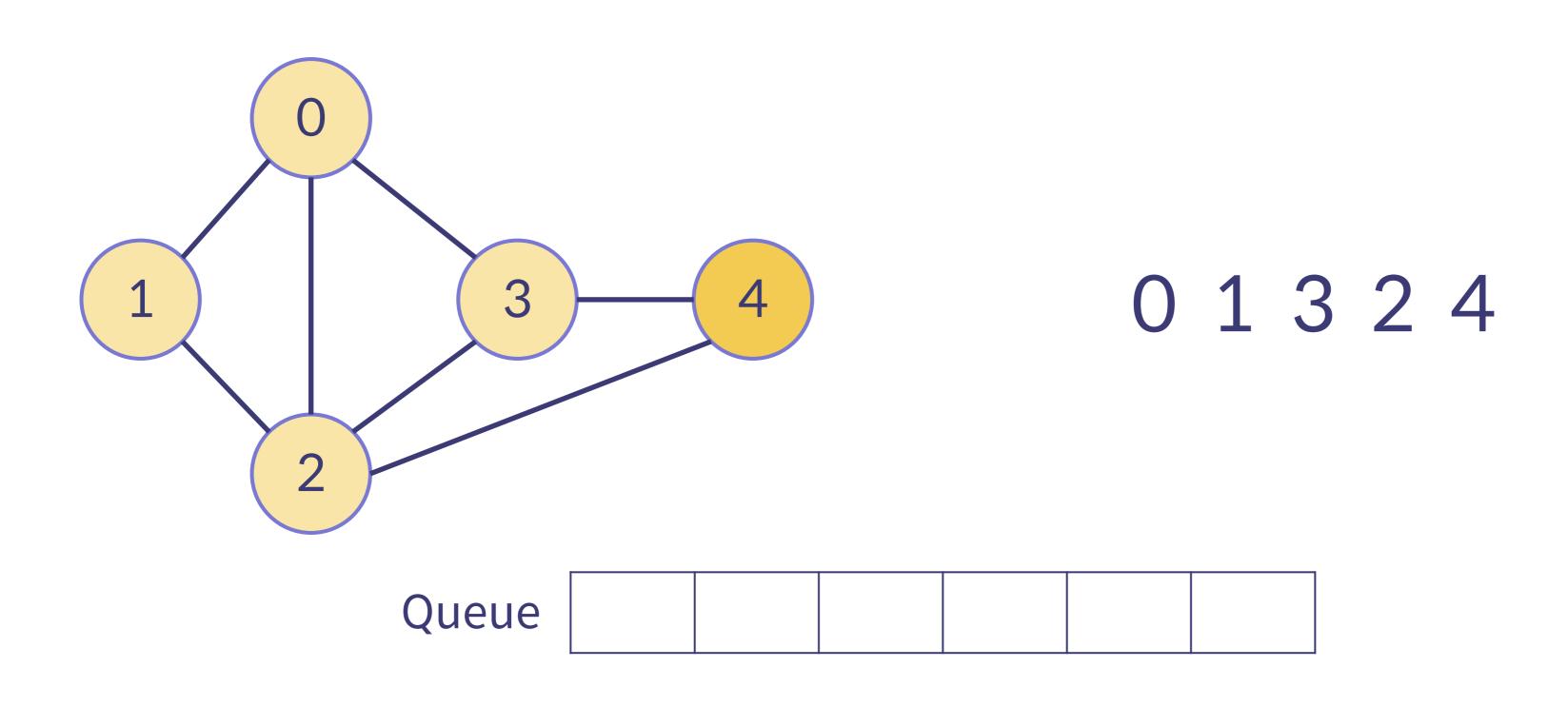
○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)



○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)



○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)



○ 너비우선탐색 (Breadth-First Search)

그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 부모를 공유하는 인접 노드들을 우선적으로 탐색합니다.

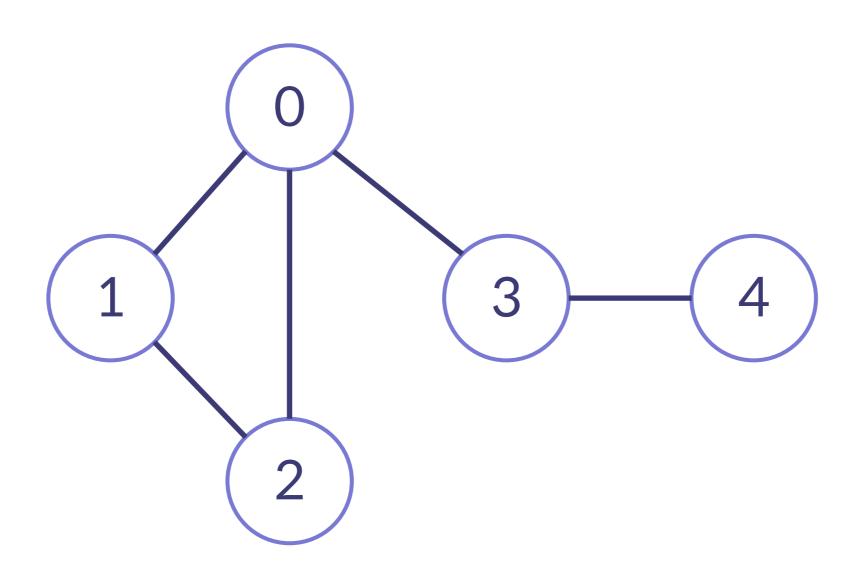
```
def BFS (graph, root):
    visited = set([root])
    search = []
    queue = deque([root])
```

```
while queue:
    cur = queue.popleft()
    search.append(cur)
    for node in graph[cur]:
        if node not in visited:
            queue.append(node)
            visited.add(node)
    return search
```

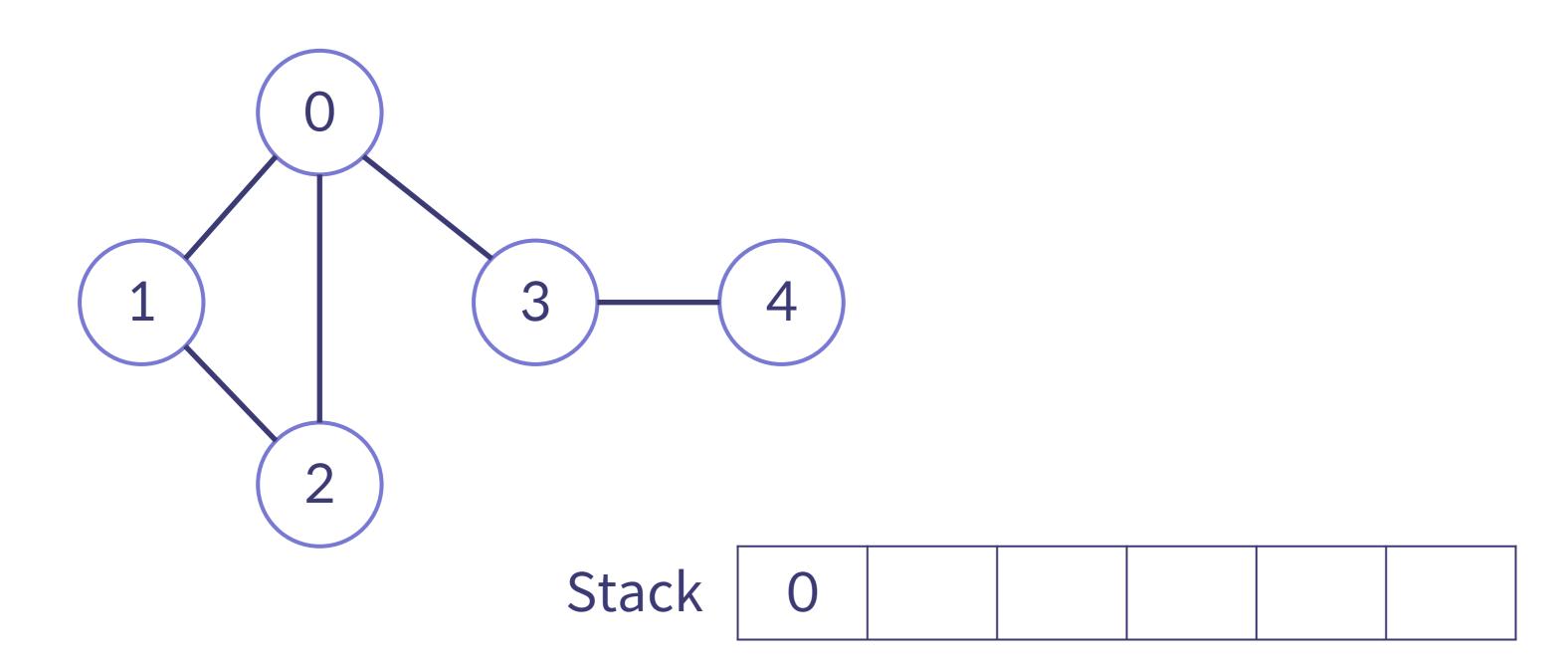
04 깊이우선탐색 (DFS)

☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

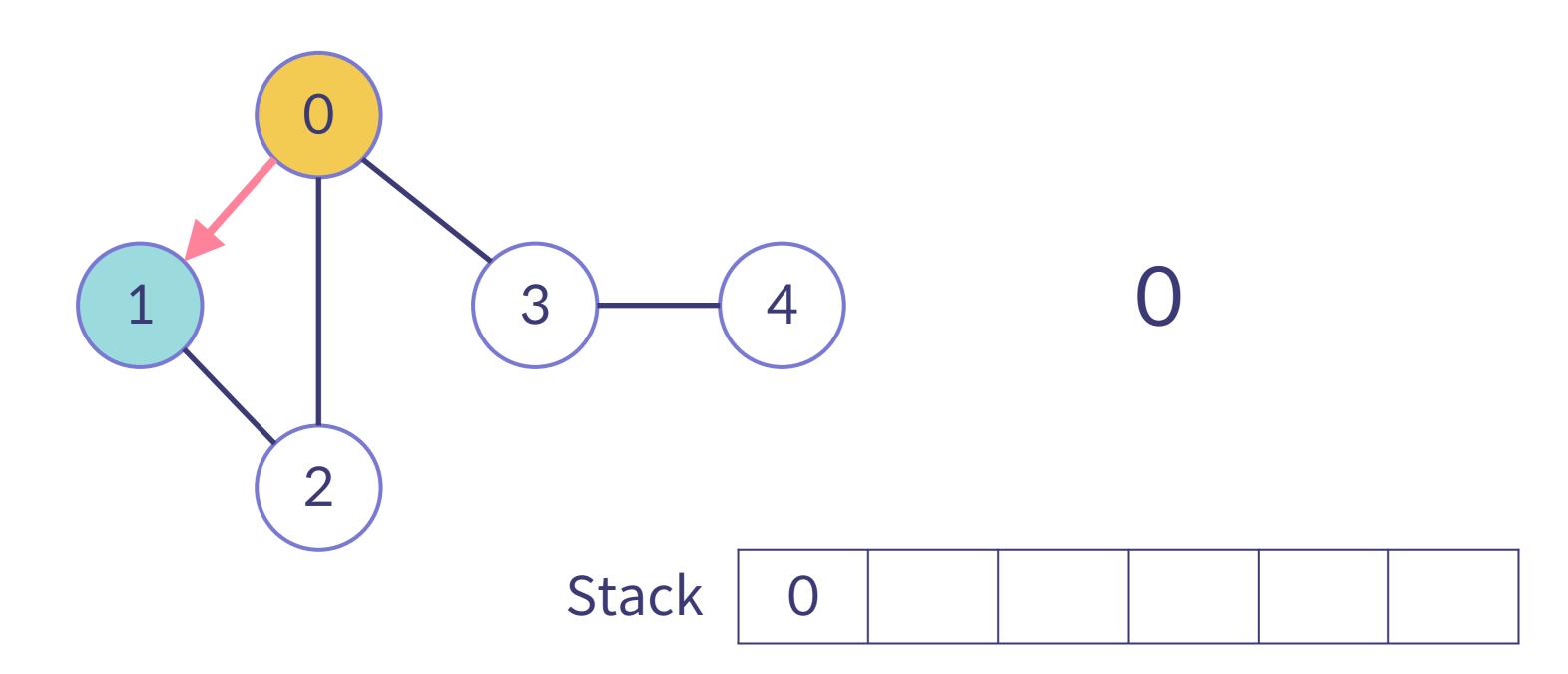
그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 다음 분기로 넘어가기 전에 해당 분기를 우선적으로 탐색하는 방법.



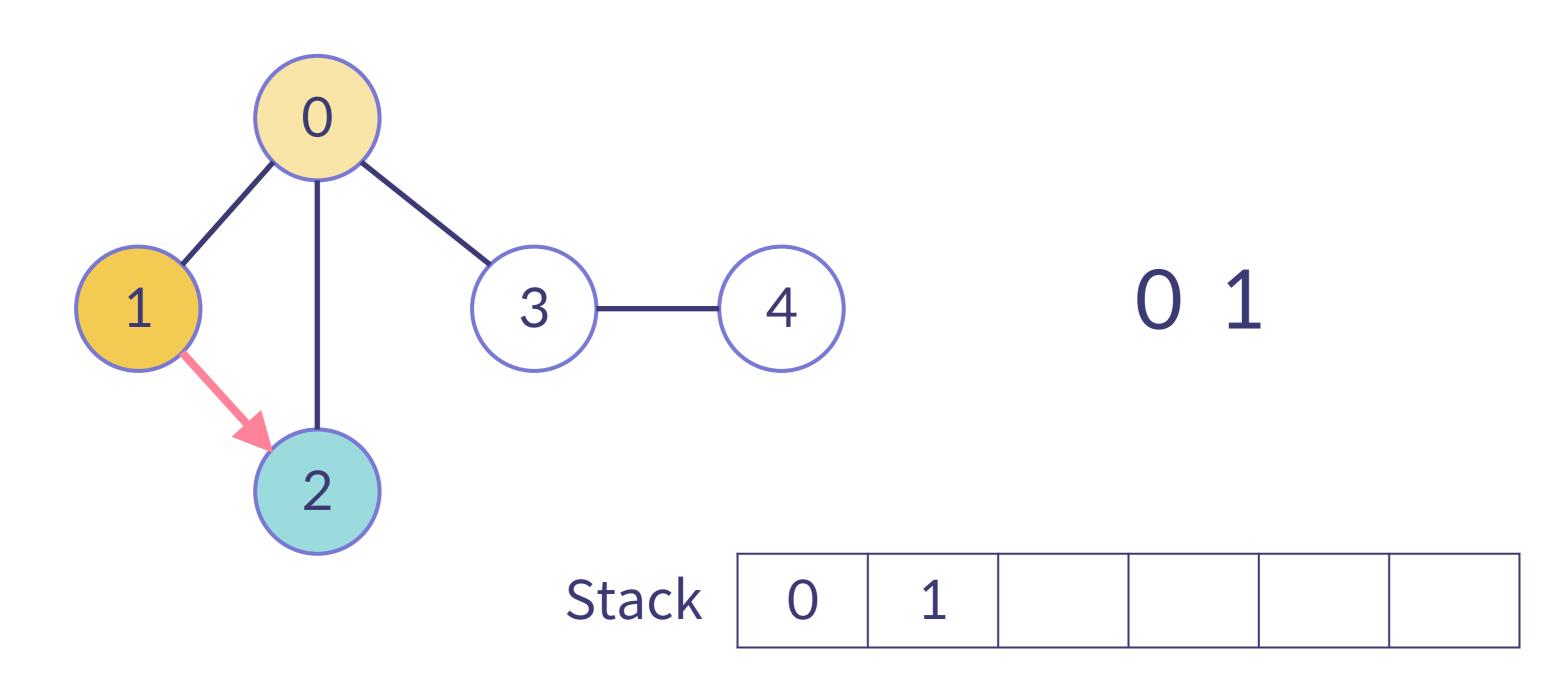
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



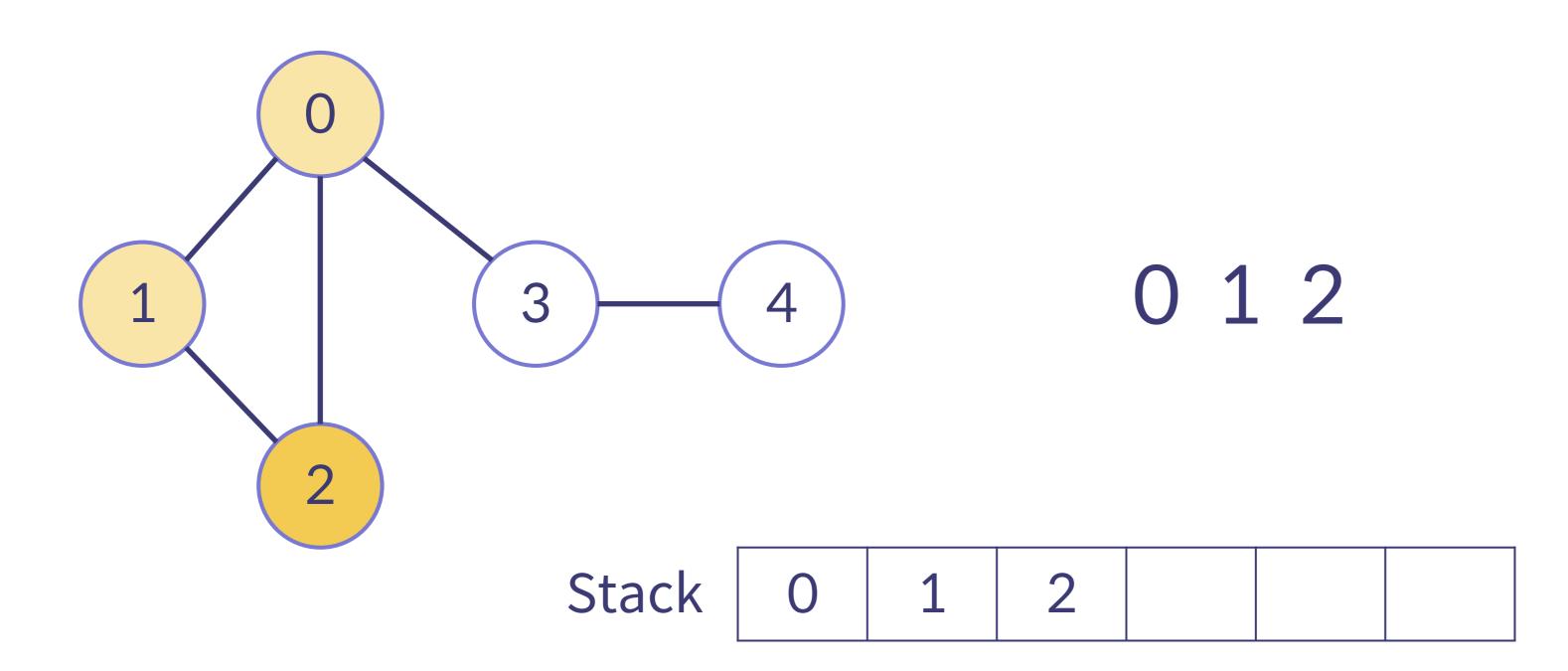
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

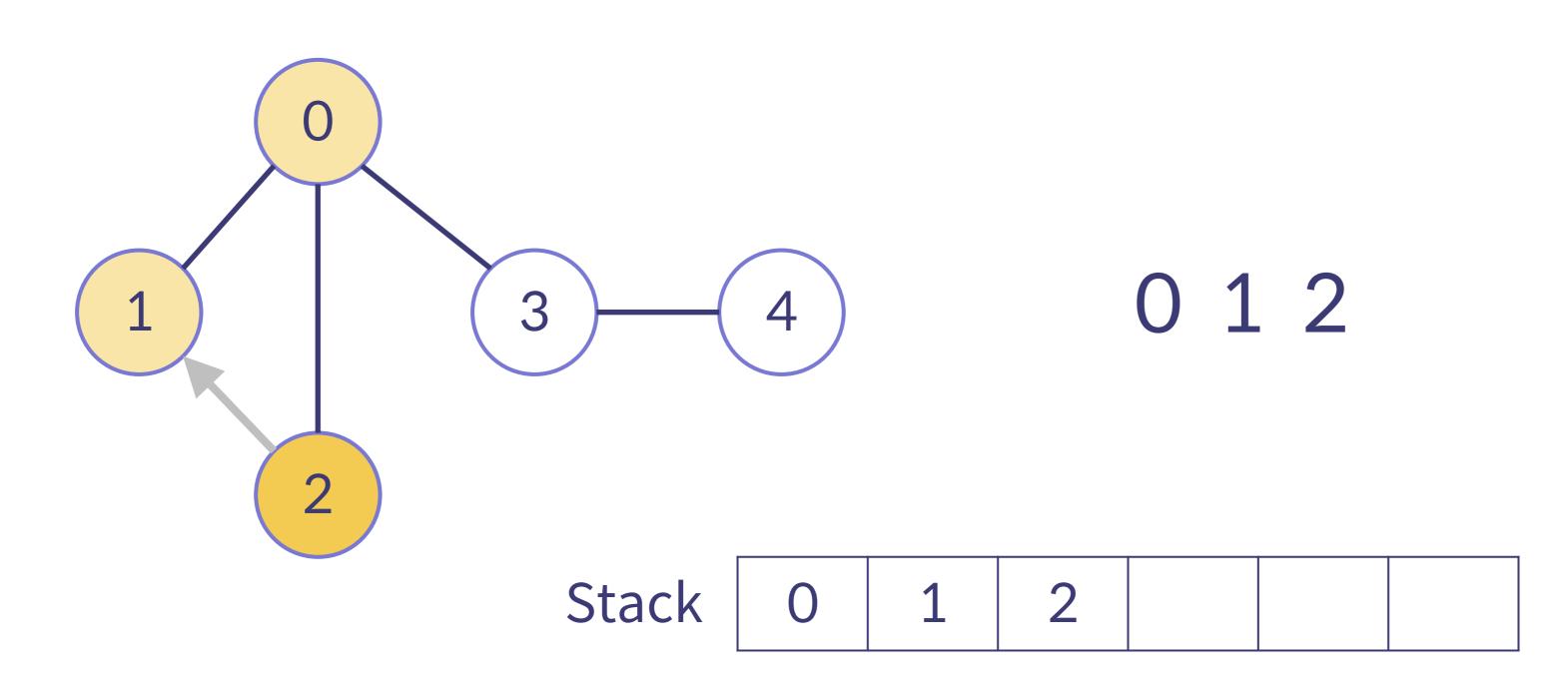


☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



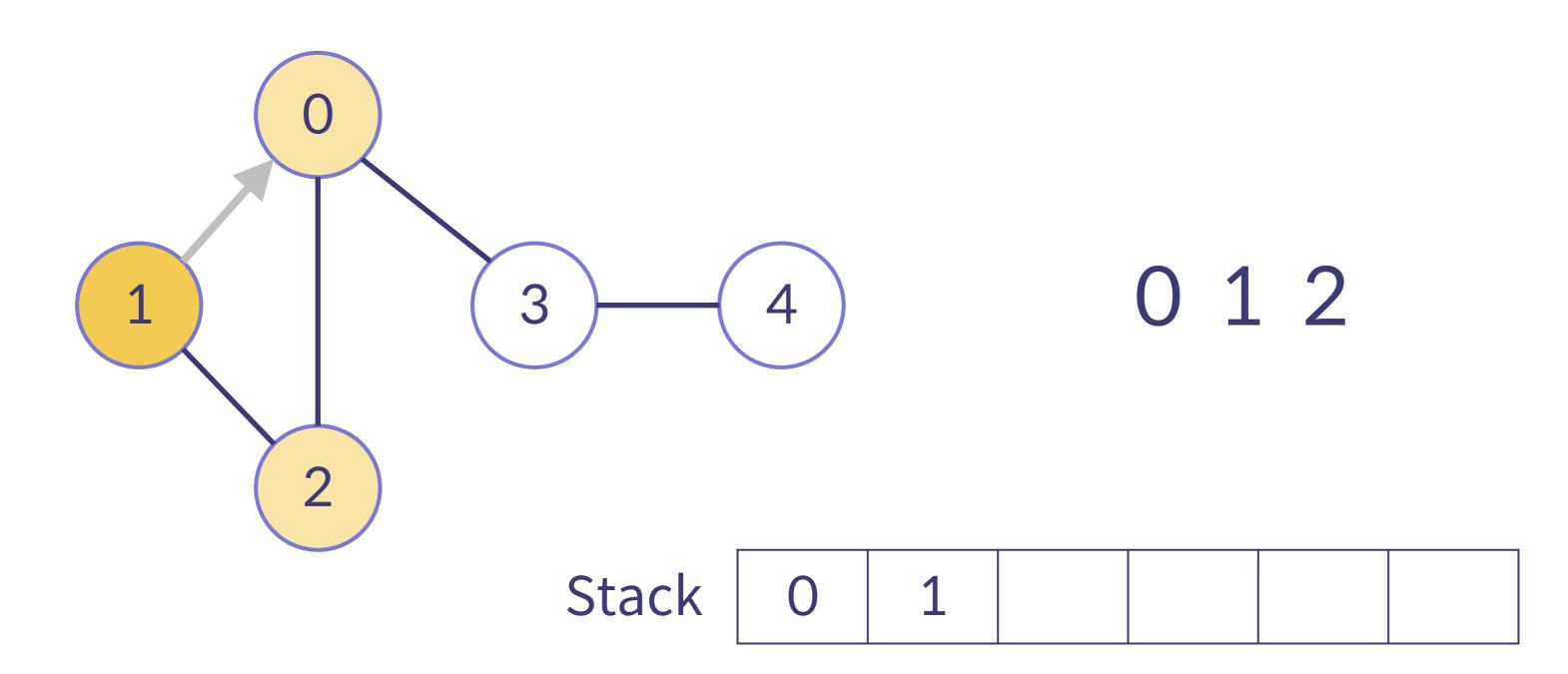
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 다음 분기로 넘어가기 전에 해당 분기를 우선적으로 탐색하는 방법.

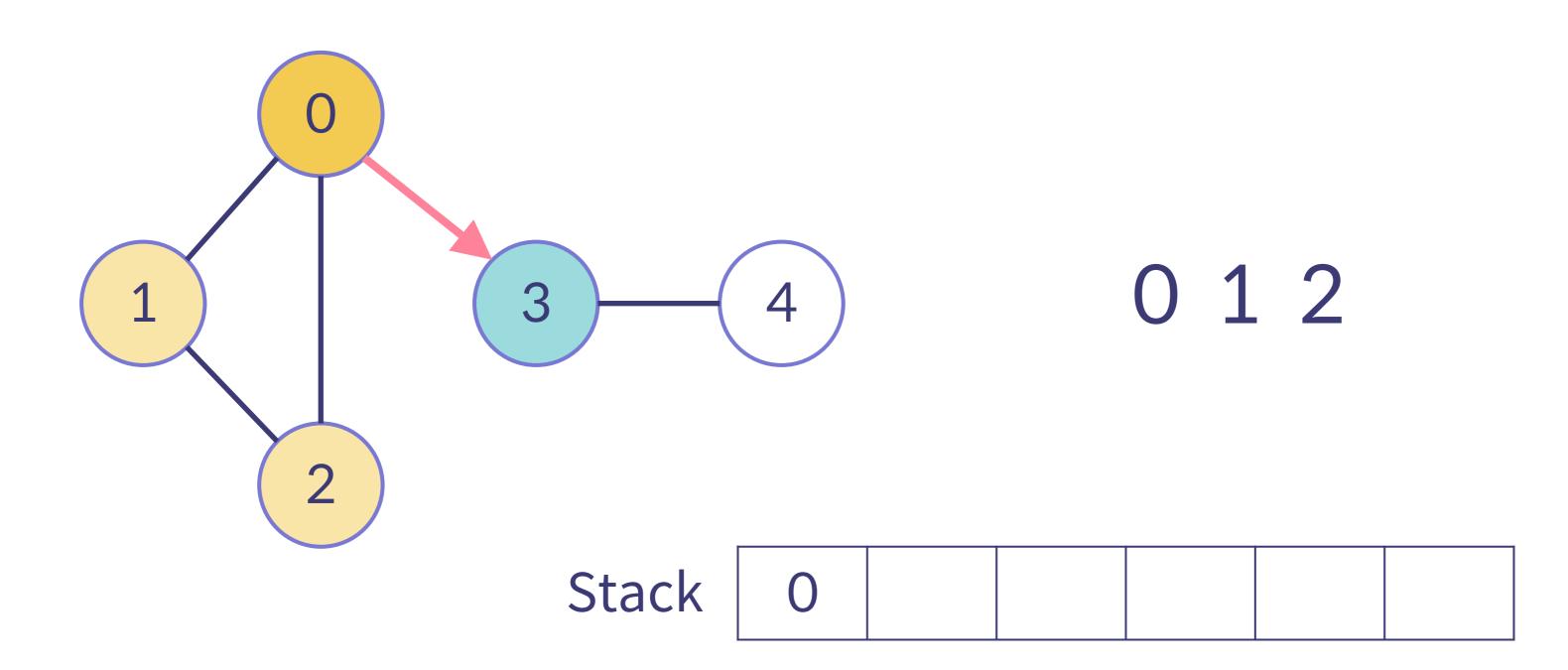


/* elice */

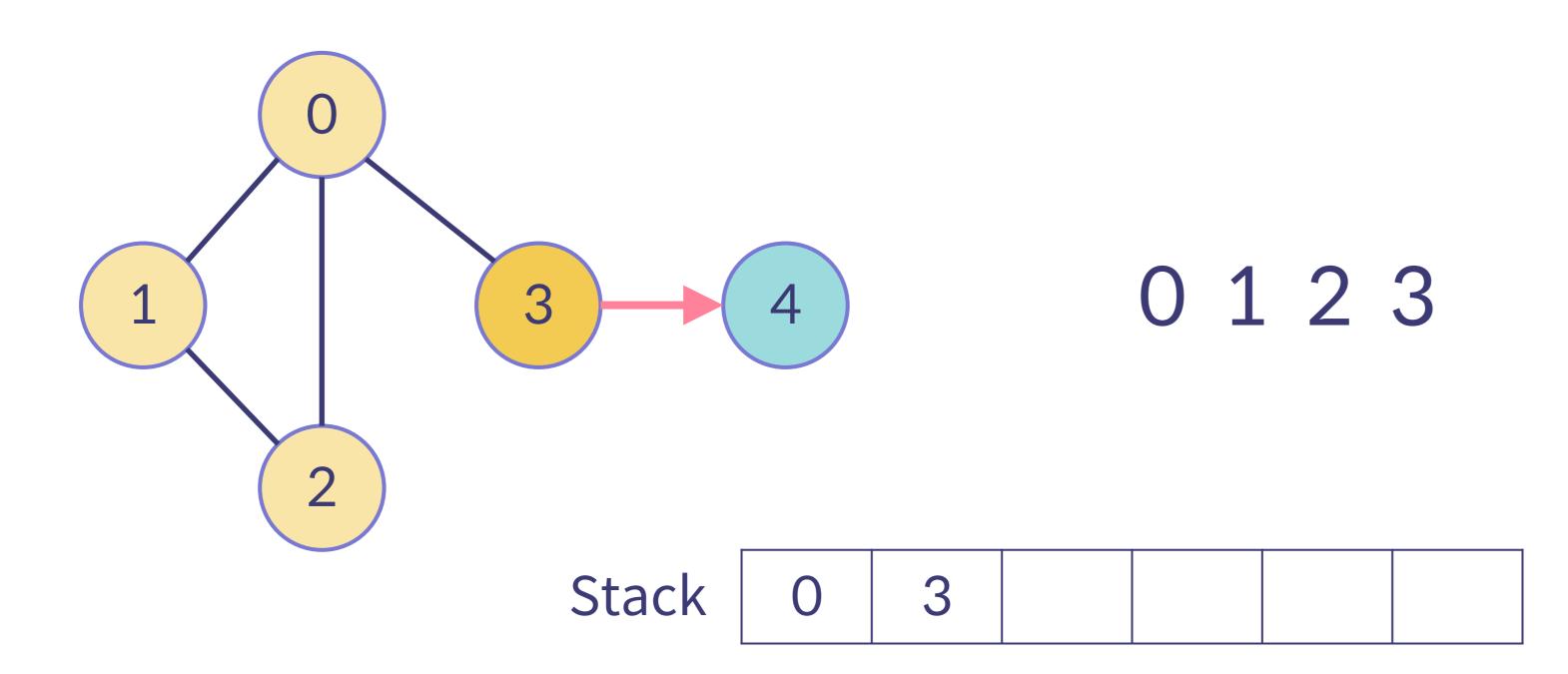
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

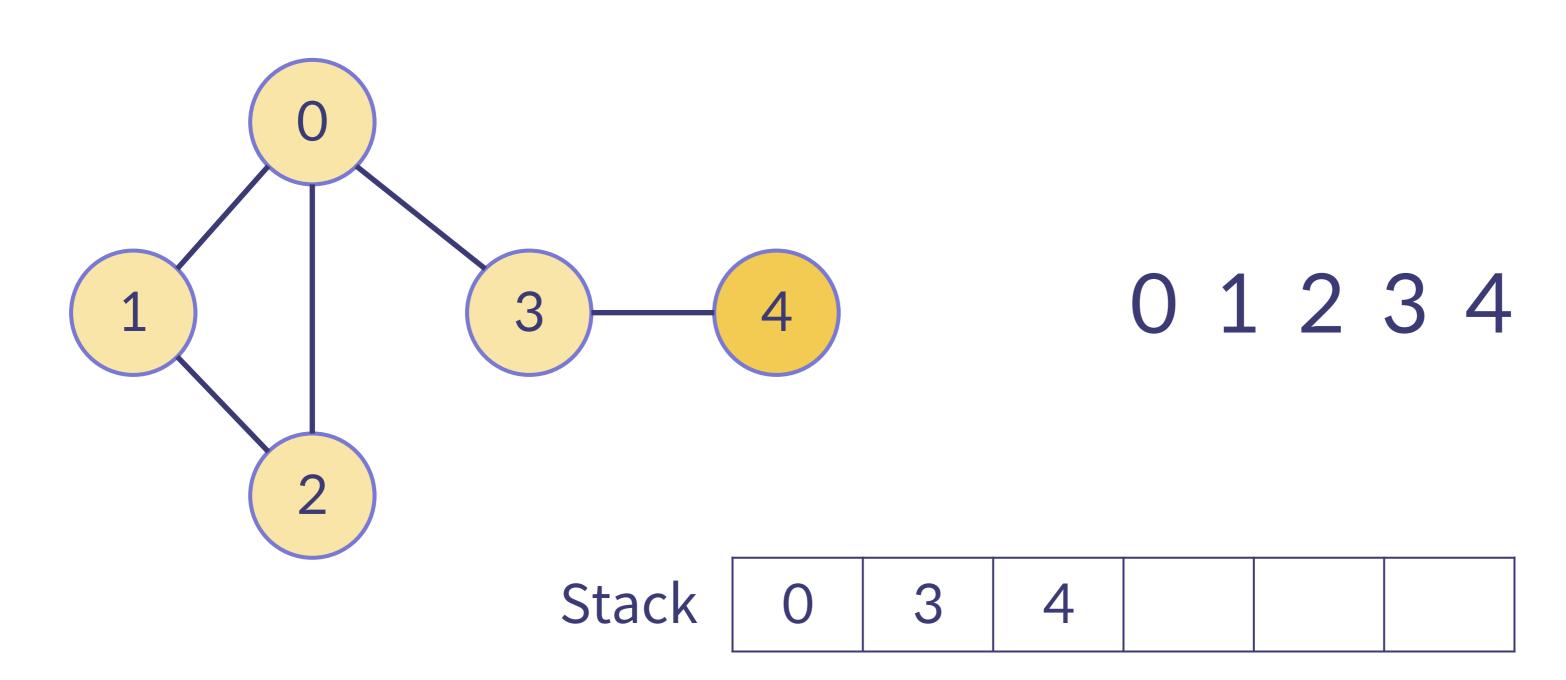


☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

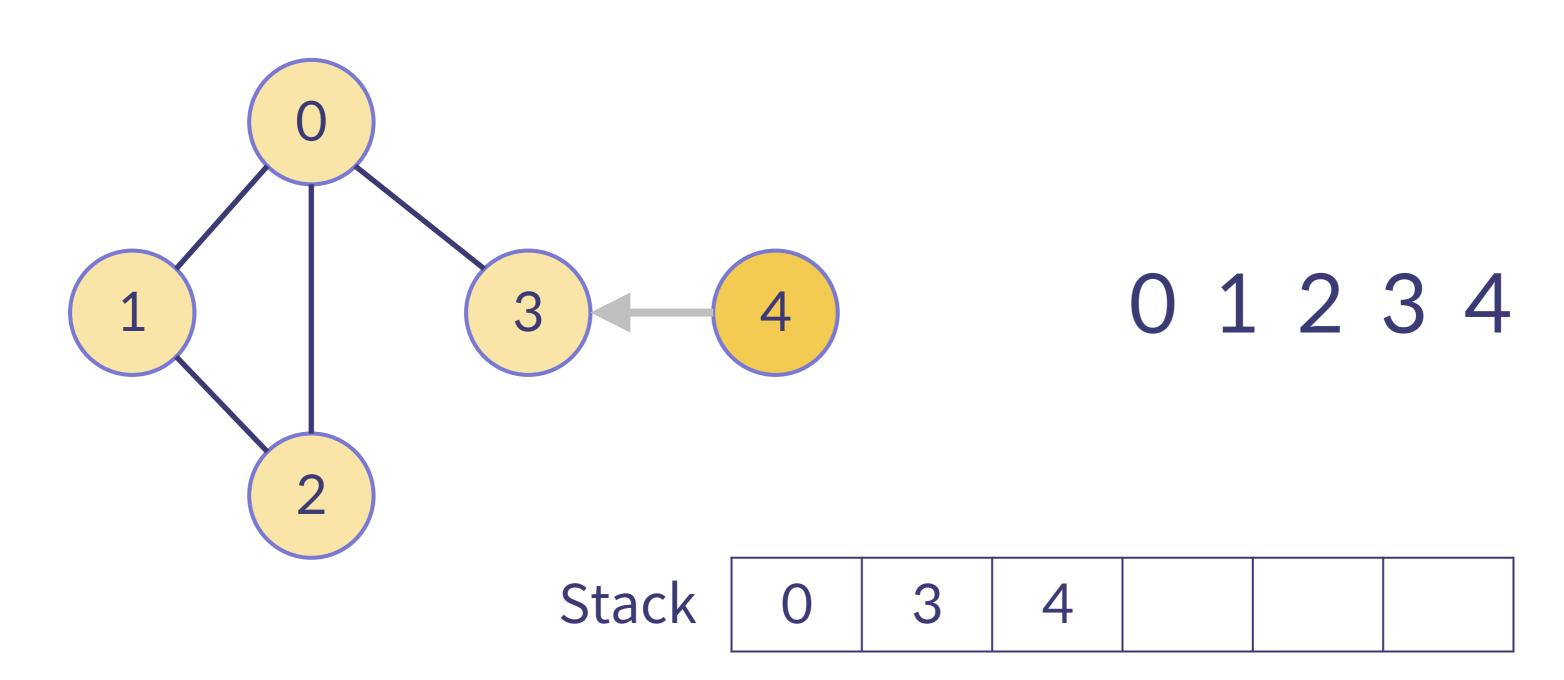
그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 다음 분기로 넘어가기 전에 해당 분기를 우선적으로 탐색하는 방법.



/* elice */

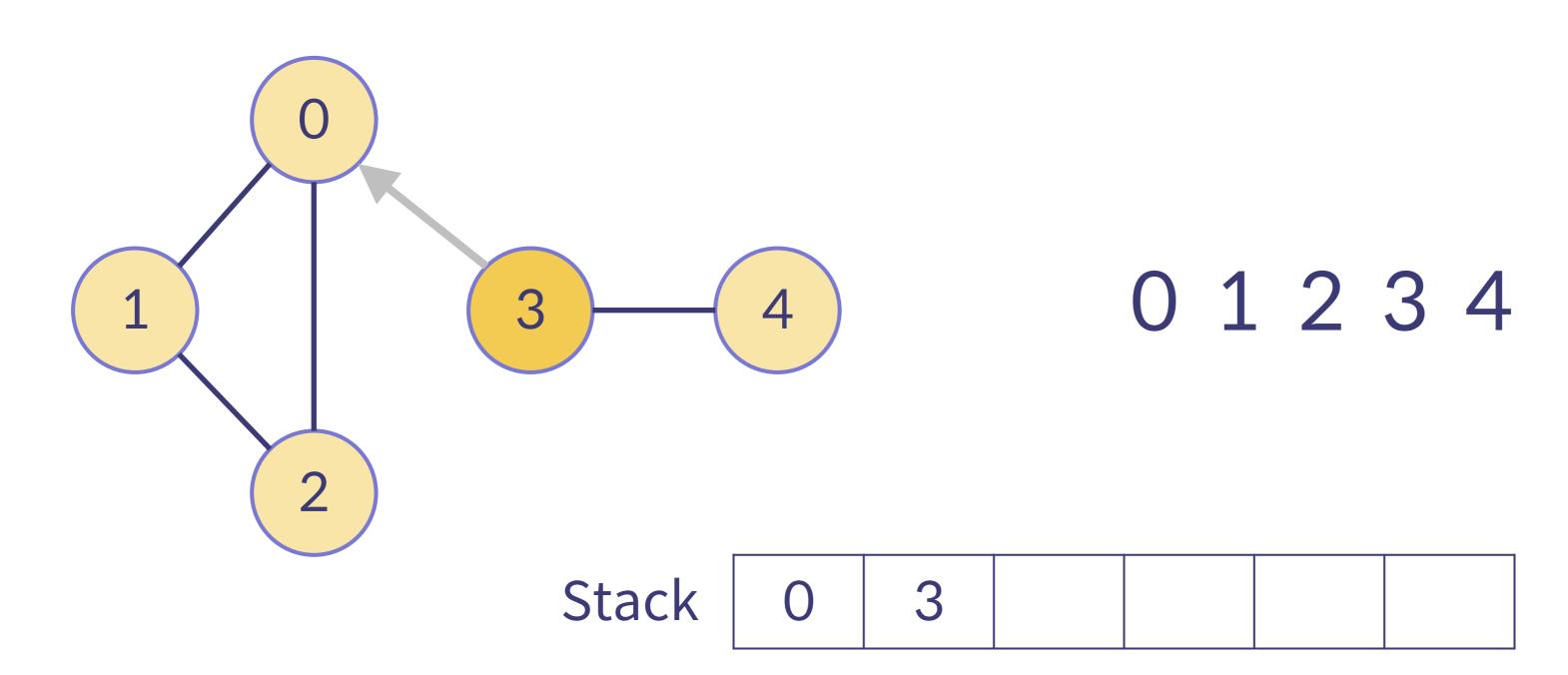
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 다음 분기로 넘어가기 전에 해당 분기를 우선적으로 탐색하는 방법.

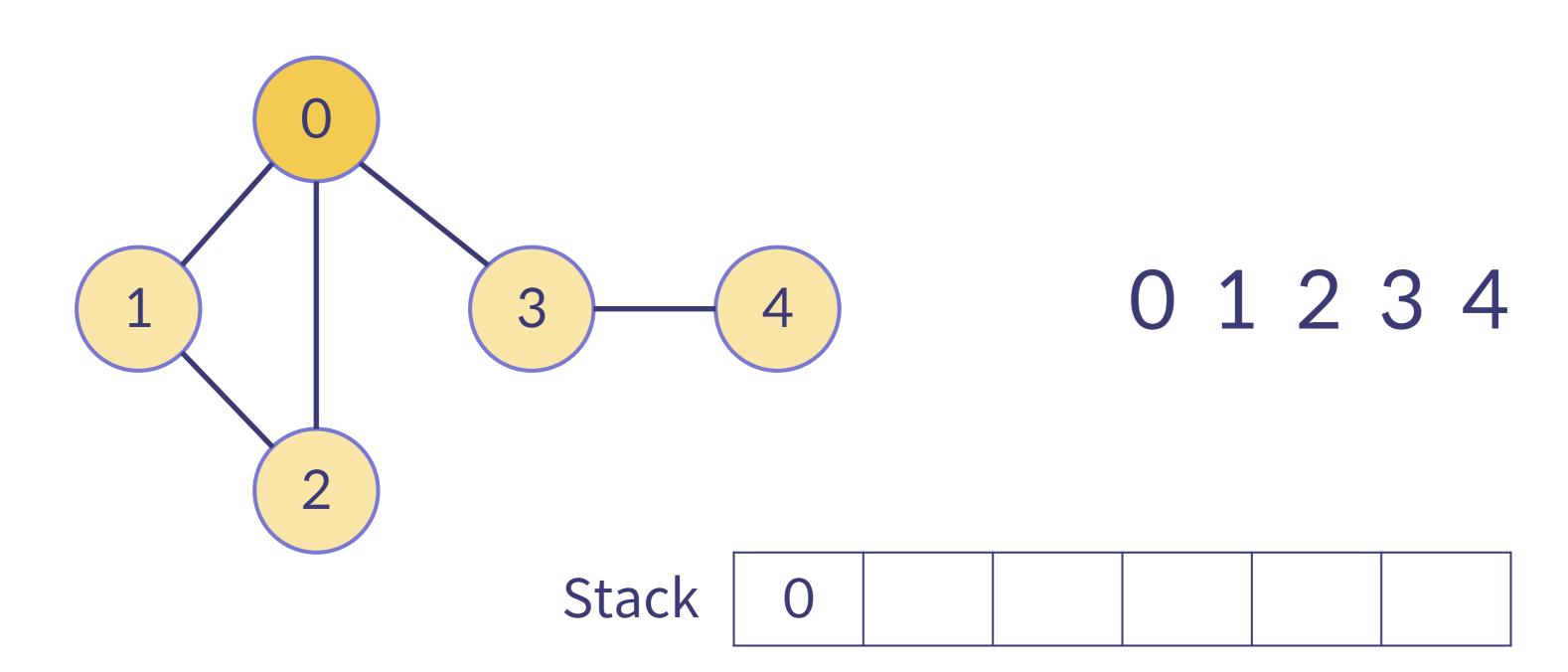


/* elice */

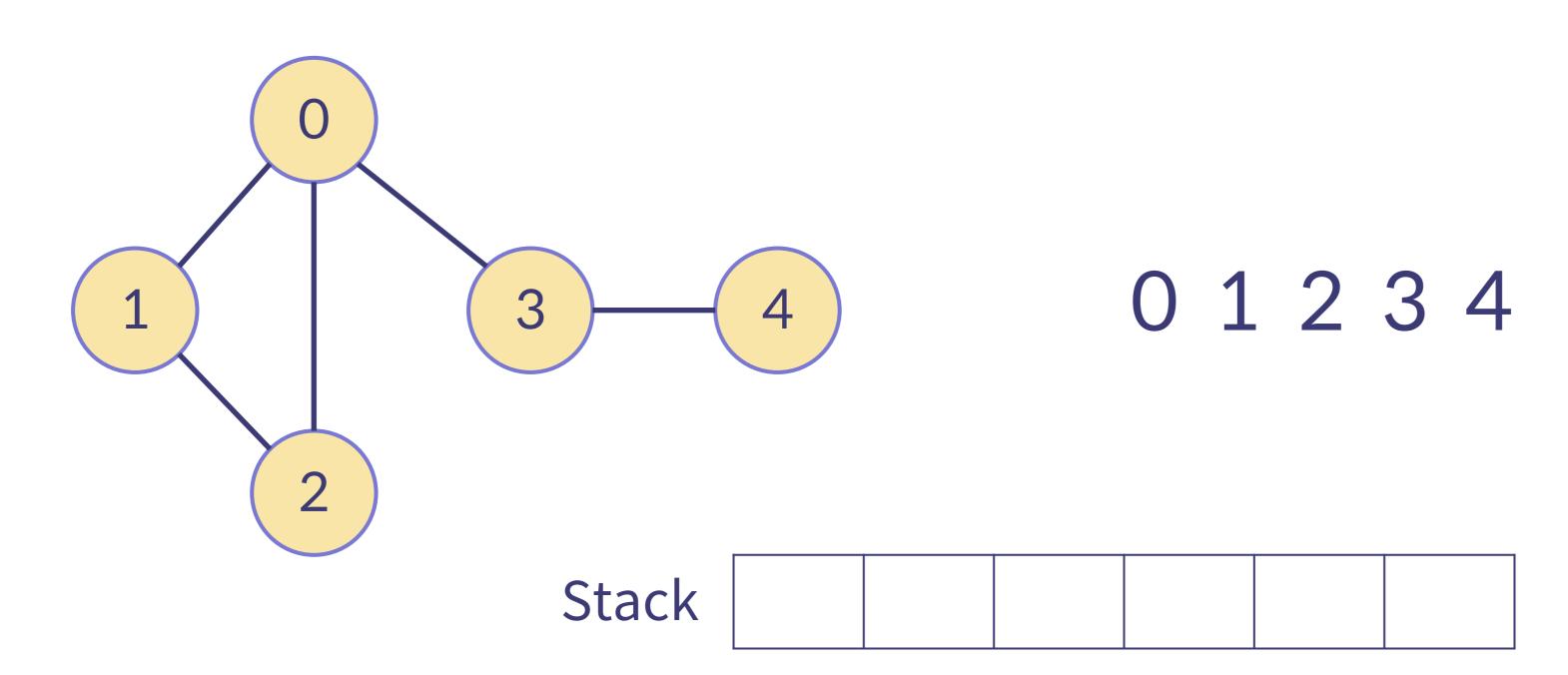
☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)



☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

Example

```
def DFS(graph, start_node):
    visit = [start_node]
    stack = []
    stack.append(start_node)
    cur = start_node
```

```
while stack:
    for node in graph[cur]:
        if node not in visited:
            stack.append(node)
            visited.append(node)
            cur = node
            break
    else:
        stack.pop()
        if stack : cur = stack[-1]
return visited
```

☑ 깊이우선탐색 (Depth-Frist Search)

그래프를 탐색하는 기법 중 하나로, 다음 분기로 넘어가기 전에 해당 분기를 우선적으로 탐색하는 방법.

Example

```
visited = []
def DFS (graph, cur):
    global visited
    if cur not in visited:
        visited.append(cur)
        for node in graph[cur]:
            DFS(graph, node)
```

☑ 디지털 세계 토지조사

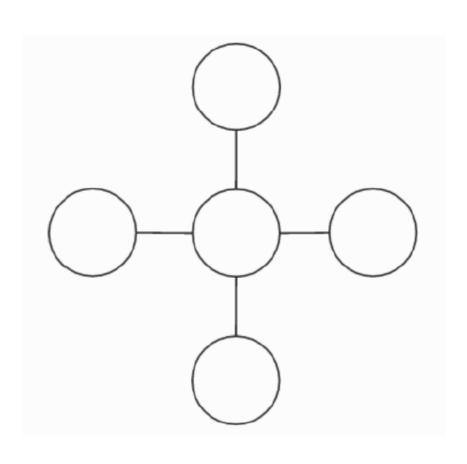
문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

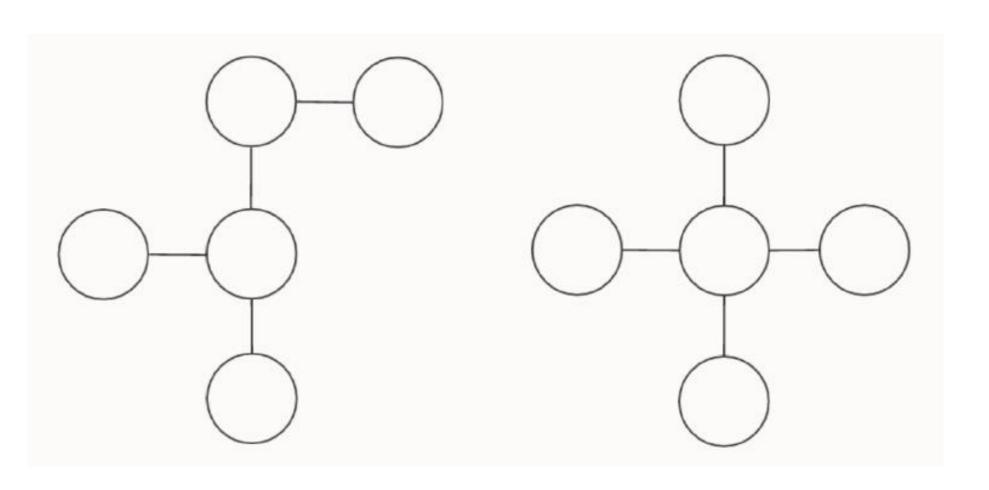
0	1	1	0	0	1	0			
1	1	0	0	1	1	1	0	1	0
0	1	0	1	0	1	0			
0	0	0	1	0	0	0	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0		1	
0	0	0	0	0	1	1	0		U
0	0	0	0	0	1	1			



☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1



☑ 디지털 세계 토지조사

문제

	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0		1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0		1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	
1	1	0	0	1	1	1
0	1		1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	
0	0	0	1	0	0	
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	
0	0	0	0		1	1
0	0	0	0	0	1	1

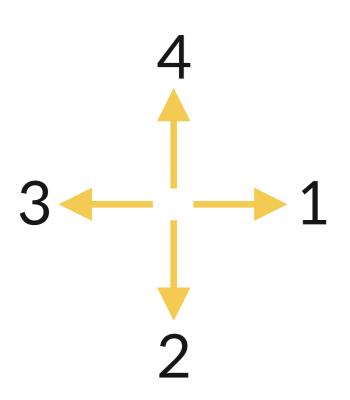
☑ 디지털 세계 토지조사

문제

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

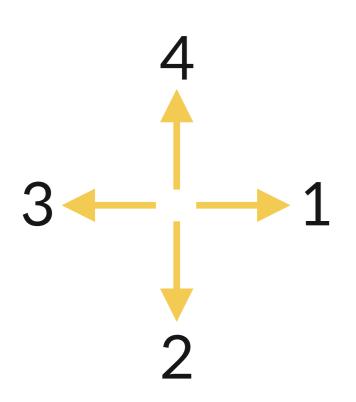
문제



	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

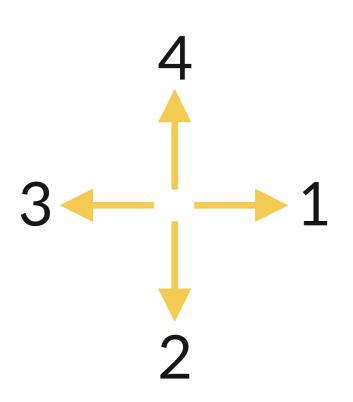
문제



0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

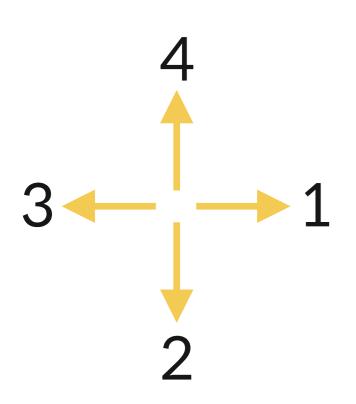
문제



0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

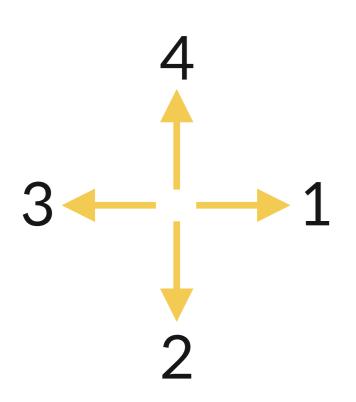


0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

네모 모양 행성에 1로 되어있는 육지와 0으로 되어있는 바다가 있습니다. 육지의 좌,우,상,하가 모두 바다라면 섬이라고 합니다. 섬의 개수를 구하세요.

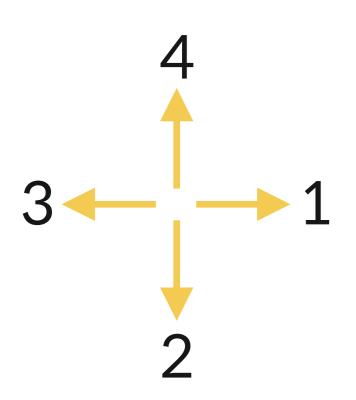


0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

네모 모양 행성에 1로 되어있는 육지와 0으로 되어있는 바다가 있습니다. 육지의 좌,우,상,하가 모두 바다라면 섬이라고 합니다. 섬의 개수를 구하세요.

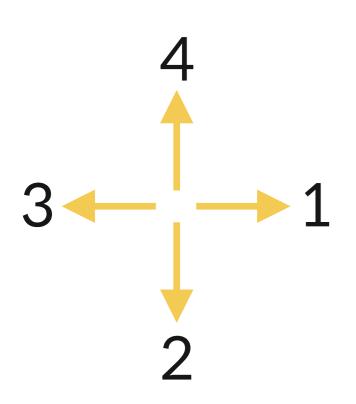


0	1	1	0		1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

문제

네모 모양 행성에 1로 되어있는 육지와 0으로 되어있는 바다가 있습니다. 육지의 좌,우,상,하가 모두 바다라면 섬이라고 합니다. 섬의 개수를 구하세요.



C)	1	1	0	0	1	0
1	•	1	0	0	1	1	1
C)	1	0	1	0	1	0
C)	0	0	1	0	0	0
1	•	1	0	1	0	0	0
C)	0	0	0	0	1	1
C)	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

Example

```
def count_island(h, w, maps):
    cnt = 0
    isize = []
    for i in range(h):
        for j in range(w):
            if maps[i][j] != 0:
                cnt += 1
                size = 1
                size = dfs(i, j)
           isize.append(size)
    return cnt, isize
```

0	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
0	1	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	1

☑ 디지털 세계 토지조사

Example

```
dir = [(0,1),(1,0),(0,-1),(-1,0)]
def dfs(x,y):
   global maps
   global size
   maps[x][y] = 0
```

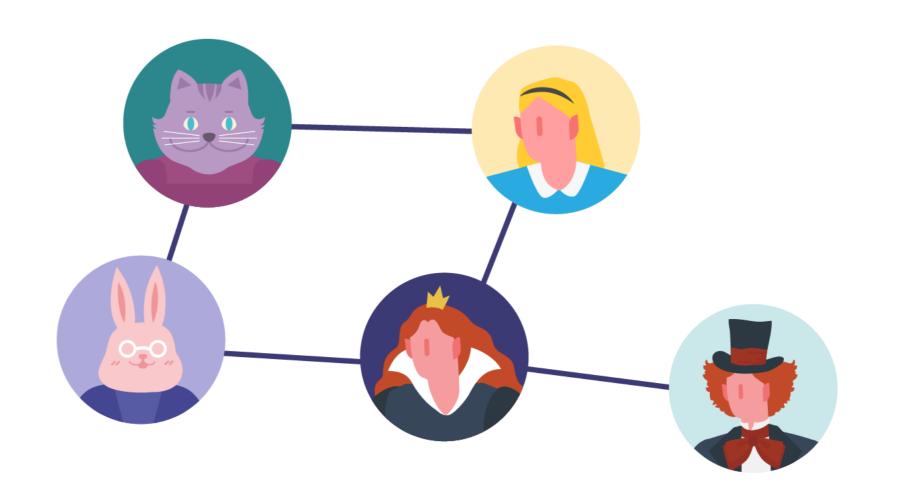
```
for i in range(4):
    nx = x + dir[i][0]
    ny = y + dir[i][1]
    if 0 <= nx < h and 0 <= ny < w and maps[nx][ny] == 1:</pre>
        size += 1
        maps[nx][ny] = 0
        dfs(nx,ny)
    return size
```

◎ 촌수 계산하기

문제

새로운 SNS 서비스 **엘리스친구**는 두 명의 사용자 간의 거리를 촌수로 표시합니다. **직접연결**이 되어있는 친구라면 **1촌**, **N명의 친구를 거쳐** 연결되어있다면 **N+1촌**입니다. **두 사용자 간의 촌수**를 구하세요.

엘리스 – 체셔 체셔 – 토끼 엘리스 – 하트여왕 모자장수 – 하트여왕 토끼 – 하트여왕

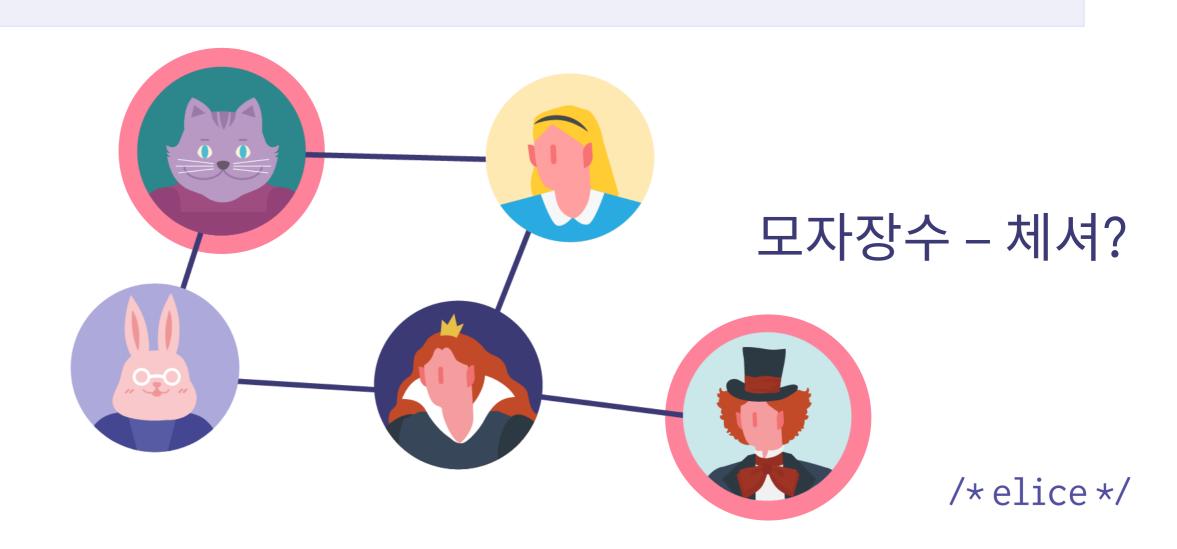


◎ 촌수 계산하기

문제

새로운 SNS 서비스 **엘리스친구**는 두 명의 사용자 간의 거리를 촌수로 표시합니다. **직접연결**이 되어있는 친구라면 **1촌**, **N명의 친구를 거쳐** 연결되어있다면 **N+1촌**입니다. **두 사용자 간의 촌수**를 구하세요.

엘리스 – 체셔 체셔 – 토끼 엘리스 – 하트여왕 모자장수 – 하트여왕 토끼 – 하트여왕

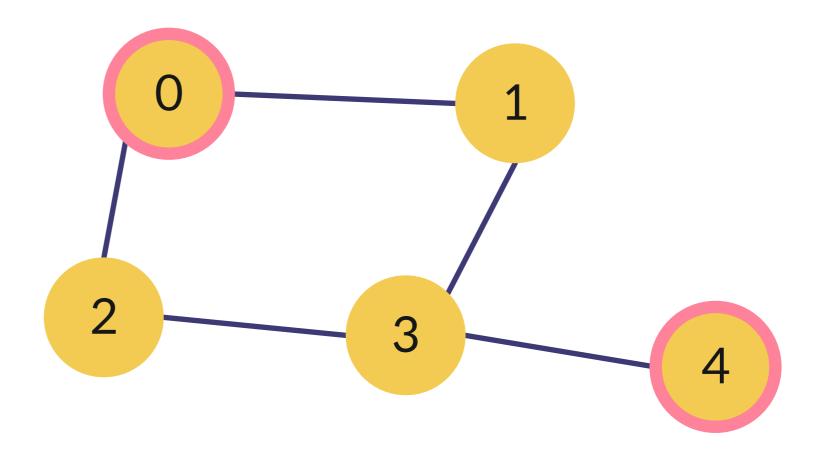


◎ 촌수 계산하기

문제

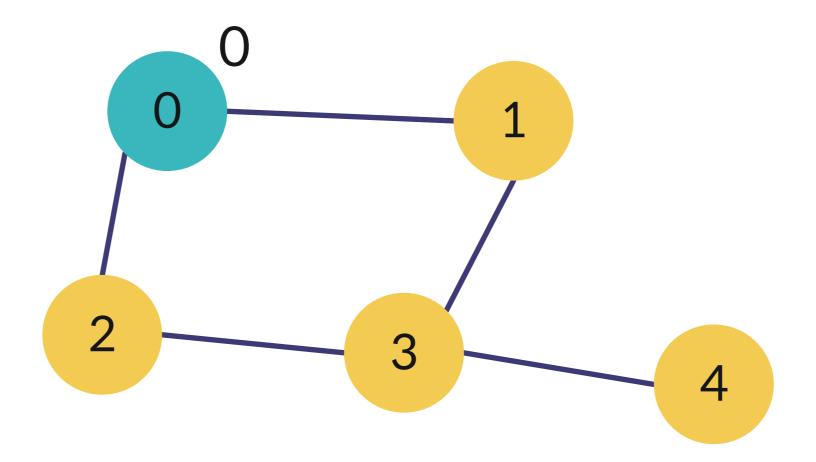
새로운 SNS 서비스 **엘리스친구**는 두 명의 사용자 간의 거리를 촌수로 표시합니다. **직접연결**이 되어있는 친구라면 **1촌**, **N명의 친구를 거쳐** 연결되어있다면 **N+1촌**입니다. **두 사용자 간의 촌수**를 구하세요.

엘리스 – 체셔 체셔 – 토끼 엘리스 – 하트여왕 모자장수 – 하트여왕 토끼 – 하트여왕



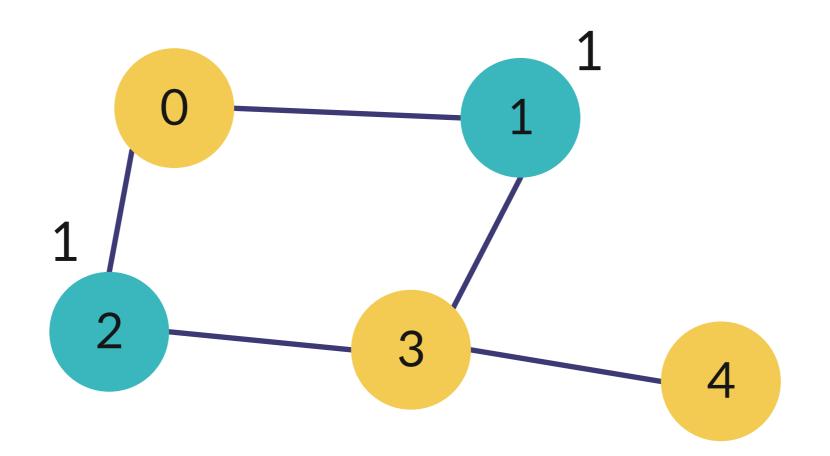
◎ 촌수 계산하기

문제



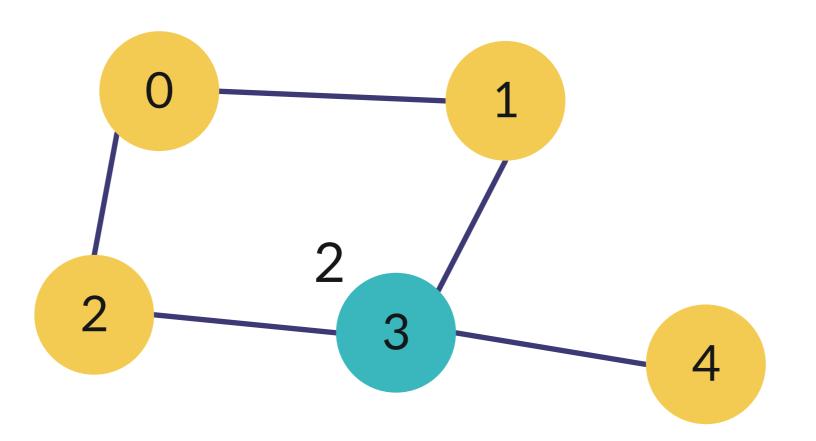
◎ 촌수 계산하기

문제



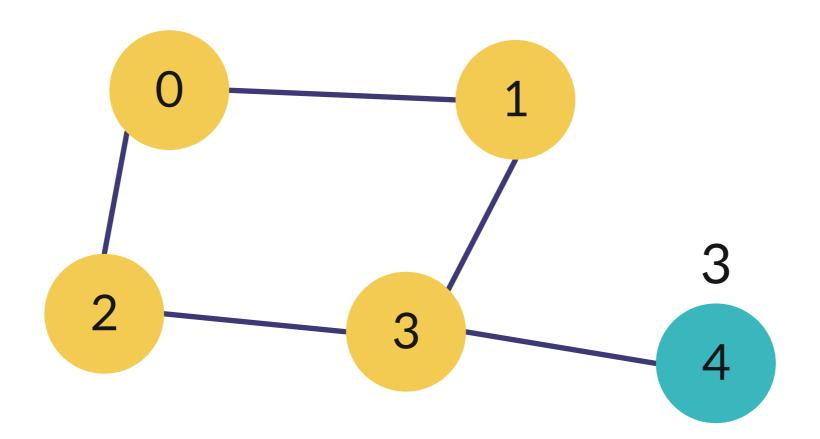
◎ 촌수 계산하기

문제



◎ 촌수 계산하기

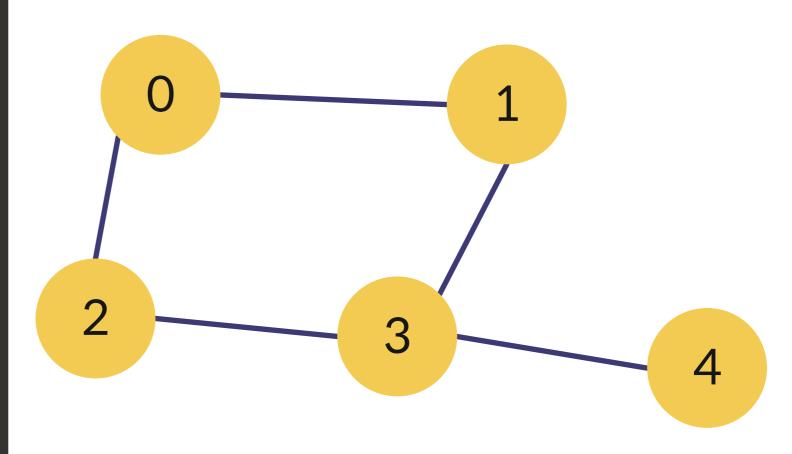
문제



◎ 촌수 계산하기

Example

```
def bfs(x) :
    queue = deque([x])
   visit = [-1] * n
   visit[x] = 0;
   while queue :
       cur = queue.popleft()
        for I in range(n) :
            if friends[cur][i] == 1 and visit[i] == -1 :
                visit[i] = visit[cur] + 1
                queue.append(i)
```



07 정리

❷ 그래프 알고리즘에서는 …

- 그래프는 정점과 간선으로 이루어져 있습니다.
- 인접행렬, 인접리스트 등의 방법으로 그래프를 구현할 수 있습니다.
- 그래프 탐색방법으로는 BFS와 DFS가 있습니다.
 - BFS는 너비우선탐색으로 같은 루트를 공유하는 노드를 우선적으로 탐색합니다.
 - DFS는 특정 분기를 모두 탐색을 마친 후 다음 분기로 넘어가 탐색합니다.

Contact

TEL

070-4633-2015

WEB

https://elice.io

E-MAIL

contact@elice.io

