

Università degli Studi di Cagliari

DIEE

DIPARTIMENTO DI INGEGNERIA ELETTRICA ED ELETTRONICA

CORSO DI LAUREA TRIENNALE IN INGEGNERIA ELETTRICA INDUSTRIALE

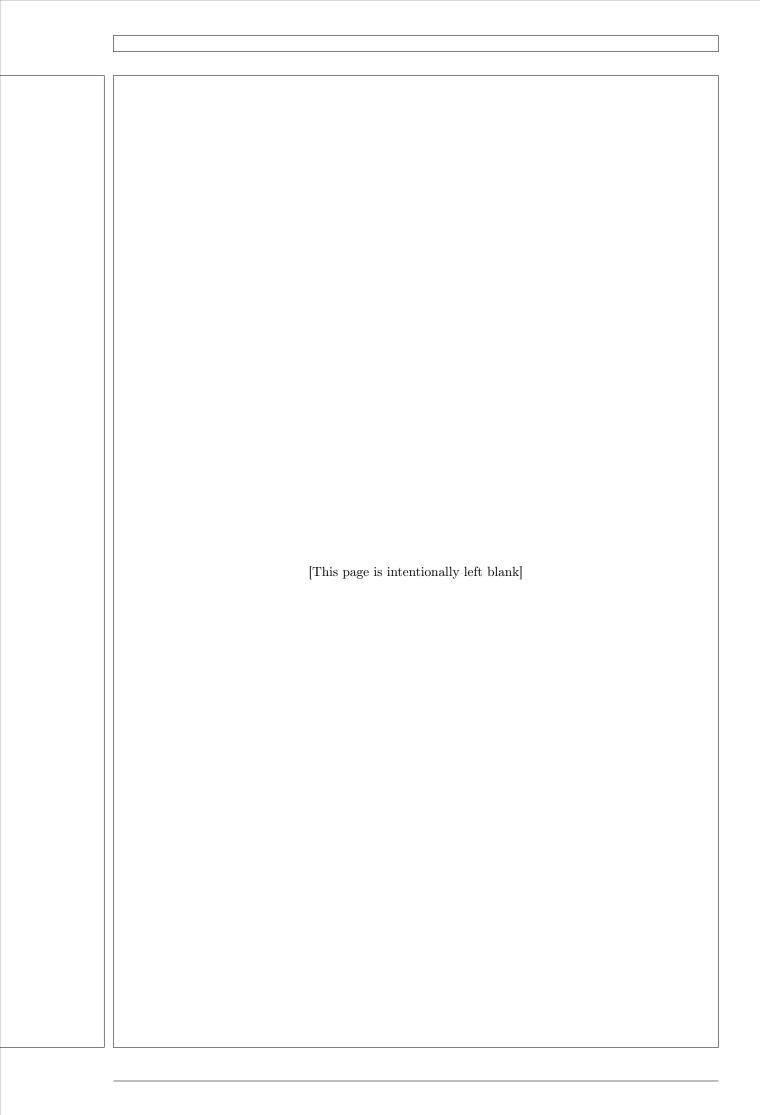
RETI DI TELECOMUNICAZIONI

edited by

NICOLA FERRU

 $Unofficial\ Version$

2022 - 2023



Indice

Introduzione 5			
1.1	Somm	nario	
	1.1.1	Informazione e segnali	
	1.1.2	Informazioni analogiche e digitali	
	1.1.3	Alcune osservazioni	
		ali	
	1.2.1	Rappresentazione dell'informazione	
	1.2.2	Classificazione di segnali	
		azione sui segnali	
	1.3.1	Segnali analogici	
	1.3.2	Segnali digitali	
	1.3.3	Pregi e difetti	
1.4	Il siste	ema numerico binario	
	1.4.1	La rappresentazione	
	1.4.2	Rappresentazione del modulo e del segno	
	1.4.3	Rappresentazione di complemento a 1	
	1.4.4	Rappresentazione di complemento a 2	
	1.4.5	Confronto	
1.5	Sisten	ni di comunicazione	
	1.5.1	Trasmissione e recezione	
	1.5.2	Classificazione di sistemi	
	1.5.3	Rete di telecomunicazione	
	1.5.4	Classificazione per servizi	
	1.5.5	Classificazione per mobilità	
	1.5.6	Classificazione per estensione	
	1.5.7	Interconnessione di reti	
	1.5.8	Classificazione per posizione	
	1.5.9	Soggetti implicati	
1.6	Rami	e nodi	
	1.6.1	Definizione di grafo	
	1.6.2	Topologie	
	1.6.3	Topologia Elementari	



Capitolo 1

Introduzione

1.1 Sommario

Qui di seguito sono riportati i concetti fondamentali trattati all'interno del documento

1.1.1 Informazione e segnali

L'informazione sussiste solo se il ricevente della trasmissione non conosce il contenuto della suddetta. Per esistere una trasmissione devono esserci:

- 1. Comunicazione:
- 2. Mezzo di trasmissione;
- 3. Informazione.

1.1.2 Informazioni analogiche e digitali

Visto che è un argomento riccorrente all'interno del programma è giusto dare quanto meno, una definizione anche se stringata, quindi:

Definizione 1.1.1. si dicono grandezze analogiche quelle che possono assumere tutti i valori intermedi all'interno di un dato intervallo; Si dicono grandezze digitali quelle che vengono espresse in modo numerico, senza possibilità di discriminare valori intermedi tra due cifre consecutive. Ulteriori approfondimenti presenti in (1.3.1) ¹

Definizione 1.1.2. Con digitale o numerico, in informatica ed elettronica, ci si riferisce a tutto ciò che viene rappresentato con numeri o che opera manipolando numeri, contrapposto all'analogico. Ulteriori approfondimenti presenti in (1.3.2) ²

Osservazione 1.1.1. Tipicamente quando si tratta di strumenti di misurazione entrambi i tipi di informazione entrano in gioco per poter funzionare. Ad esempio una sonda per un formo prende in ingresso in informazione analogica "la temperature" e poi la converte tramite l'apposito ADC a un informazione digitale per poterla campianare ed elaborare tarmite una centralina di gestione.

Oggi ormai utilizziamo il digitale perché effettivamente i calcolatori elettronici gestiscono meglio una codifica rispetto a dei numeri reali. Per di più costa meno produrre un dispositivo che gestisca segnali digitali rispetto ad un dispositivo che gestisce mezzi analogici. Ad esempio la differenza tra lo standard VHS e lo standard CD/DVD/Blue Ray, infatti, il VHS era uno standard basato su un nastro magnetico, cosa che negli ultimi suoi anni di vita si mescolò anche con il digitale ma uno dei limiti veri restava proprio il supporto fisico, infatti, il nastro magnetico è molto fragile e incline ad avere tantissimi problemi anche di prestazioni in utilizzi di archiviazione dati.

¹https://it.wikipedia.org/wiki/Analogico

²https://it.wikipedia.org/wiki/Digitale_(informatica)

1.1.3 Alcune osservazioni

- Non tutte le informazioni costituiscono un vero e proprio contenuto inforamtivo
 - 1. La notizia comunicata deve per noi essere eclatante;
 - 2. una persona noiosa non apporta informazione perché ripete continuamente gli stessi argomenti
- Problema di misurazione del contenuto informativo
 - Claude E. Shannon (1916-2001), fondatore della *Teoria Matematica dell'Informazione*, è stato il primo ad introdurre la distinzione tra forma e significato nel processo comunicativo.

I risultati di Shannon

- Non è possibile definire la quantità di informazione associata ad un messaggio già ricevuto, ma piuttosto la quantità di informazione associata ad un papabile messaggio
 - "information is that which reduces uncertainty"
- La quantità di informazione associata ad un massaggio è tanto più altra quanto più esso è inatteso
 - il messaggio "domani sorgerà il sole" ha un bassissimo contenuto informativo perché è assolutamente scontato e banale
 - il messaggio "**Domani scoppierà la guerra**" ha un alto contenuto informativo.

1.2 I segnali

- Grandezze fisiche variabili nel tempo a cui è associata un'informazione;
- L'informazione è associata ad una variazione (aleatorio e non deterministica) della grandezza fisica:
- Aleatorio (dal latino "alea", gioco di dati) è sinonimo di non predicibile a priori (in contrapposizione con deterministico).

1.2.1 Rappresentazione dell'informazione

- Associazione tra caratteristiche (di valore e temporali) dei segnali e le informazioni che essi rappresentano;
- Le caratteristiche sono impresse dal dispositivo generatore del segnale;
- Quali caratteristiche?
 - valore, andamento temporale ed eventi del segnale (es. superare una soglia), etc.

1.2.2 Classificazione di segnali

I segnali vengono classificati in base alla loro natura e alle loro caratteristiche. Tipicamente per il campionamento avviene il seguente processo:

Grandezza fisica \rightarrow trasduttore \rightarrow segnale elettrico

Quindi prendendo come base questa affermazione, possiamo dire che un segnale che sia di natura elettrica, acustica o qualunque altra natura fisica, può essere campionato da uno strumento che tramite il suo trasduttore converdirà in un istruzione "tipicamente definita pacchetto di istruzioni o di informazioni" che a sua volta verrà convertito in un segnale elettrico che seguendo lo standard di comunicazione del modello³ di rifimento potrà essere trasmesso o elaborato da un computer o da una centralina dedicata a scopo di analisi oppure per inviarlo altrove. Ad esempio, se noi campioniamo una chitarra elettrica sfruttando un pickup magnetico, il processo sarà il seguente:

Vibrazione della corda $[pickup] \rightarrow$ scheda audio \rightarrow segnale elettrico che il computer può leggere

Ed ecco come associare un caso di quotidiano all'argomento, infatti, la pratica qui illustrata è un aspetto molto presente nella nostra vita, molti degli oggetti che circondano la vita dell'individuo seguono questa logica.

³una variazione della corrente elettrica o di tensione all'interno di un conduttore oppure in un punto di un circuito elettrico o elettronico.

1.3Spiegazione sui segnali

1.3.1Segnali analogici

- il valore dell'informazione rappresentata è una funzione continua della grandezza significativa;
- rappresentazione attraverso un numero reale (con precisione teoricamente infinita)
- generati da sensori o trasduttori che creano una corrispondenza tra la grandezza fisica che è oggetto di informazione (esempio temperatura) e il segnale (esempio tensione elettrica)

Esempi

- Temperatura: altezza in mm del mercurio nel termometro;
- Acustico: variazione di pressione ad un microfono;
- Elettrico: tensione ai capi di un conduttore.

1.3.2Segnali digitali

- rappresentazione come sequenza di numeri presi da un insieme di valori discreti, ovvero appartenenti a uno stesso insieme ben definito e circoscritto;
- rappresentazione "a fasce"

Osservazione 1.3.1. L'attributo "analogico" o "digitale" non si riferisce a caratteristiche intrinseche del segnale ma a caratteristiche dell'informazione da esso rappresentato: I segnali digitali nascono comeanalogici

Pregi e difetti 1.3.3

Analogico

Pregi

- operano tipicamente nel "continuo";
- a) Sono più "naturali", le leggi della fisica classica b) Il rumore deforma ma non stravolge il segnale (errori proporzionali all'entità del disturbo "in onde media la radio analogica la senti, anche se con un forte rumore bianco di fondo.")

Difetti

- a) Dispositivi di elaborazione relativamente poco precisi, poco stabili nel tempo "maggiormente predisposti ai guasti, alle intemperie e anche a potenziali variazioni atmosferiche" e poco immuni alle perturbazioni;
 - (esempio: il video registratore VHS "M-matic" o sony U-matic, sono apparecchi estremamente complessi, soprattutto gli ultimi per metà digitali con tante funzionalità e tasti programmabili per fasce orarie, perfetti per registrale le trasmissioni in modo autonomo.)
- b) Le elaborazioni su di essi sono poco flessibili e producono degrado.

1.4 Il sistema numerico binario

Definizione 1.4.1. il sistema numeri Binario è un sistema di numerazione utilizzato per i calcolatori elettronici e sviluppato per soperire a lato prestazionale di calcolo per i suddetti⁴. Infatti, nel segnale digitale esite il seguente caso:

- 1 sta al Vero logico, in gergo "TRUE" oppure livello alto, in gergo "HIGH".
- 0 sta al Falso logico, in gero "FALSE" oppure livello basso, in gergo "LOW".

Il vantaggio di questo sistema è che con la logica positiva o negativa, risolve molti casi, tra cui il fatto che il singolo termine "bit" non sia segnato⁵, questo lo si vedrà nel dettaglio nei dettaglio in (??)

1.4.1 La rappresentazione

La cosa comoda del sistema binario è il fattore di conversione, infatti, questa codifica permette di rappresentare un qualunque numero decimale senza segno compreso tra 0 e $2^n - 1$ tramite una sommatoria per posizione, come spressa nella seguente formula:

$$(a_{n-1}, \dots, a_1, a_0)_2 \to \sum_{i=0}^{n-1} a_i, b^i$$
 (1.1)

Dove (a_{n-1}) è la cifra più significativa e a_0 è quella meno significativa.

$$(10101110)_2 \Leftrightarrow (174)_{10} \Leftrightarrow (AE)_{16}$$
 (1.2)

1.4.2 Rappresentazione del modulo e del segno

Il bit più significativo viene utilizzato per la rappresentazione del segno, mentre il resto viene utilizzato per il modulo.

Nota 1.4.1. questo sistema fa perdere un bit di rappresentazione quindi il valore rappresentato è pari al N-1, ad esempio su 8 bit che consentono di rappresentare fino al valore $(256)_{10}$ se andiamo ad applicare il bit segnato avremmo 7bit di rappresentaione per il modulo e 1bit per il segno cosa che porta la rappresentazione possibile al massimo a $(\pm 128)_{10}$

Ma per essere più specifici meglio utilizzare una somma in forma tabellare per mostrare l'esito dei segni in una somma tra due numeri $A \in B$:

Segno di
$$B$$

Segno di $A \begin{vmatrix} + & - \\ + & A + B & A - |B| \\ - & B - |A| & |A| + |B| \end{vmatrix}$

(1.3)

1.4.3 Rappresentazione di complemento a 1

Il bit più significativo rappresenta il segno, come nel caso di qui sopra

• stesso intervallo di valore rappresentabili con modulo e segno.

Un numero negativo si ottiene dal positivo cambiando tutti i bit:

• Il numero 6 in binario si scrivi 0110 prendeno un caso a 4 bit segnati ma se noi vediamo come si scrive il -6 il risultato è il seguente 1001 l'esatto inverso del numero positivo.

nelle operazione aritmetiche si utilizza l'eventuale riporto necessario a compensare la mancanza di altri simboli al difuori dello 0 e del 1.

 $^{^4}$ Un calcolatore elettronico riesce a processare più velocemente casi che possono avere poche possibilità, il binario per singola posizione può avere solo due possibilità 0 o 1

⁵Non è positivo o negativo, per avere il corrispettivo decimale con il segno si usa una codifica sacrificando un bit per attribuirgli la funzione di segno, se esso è pari a 0 il numero, mentre, se il bit di segno è pari a 1 il numero è negativo.

Esempio 1.4.1. Prediamo una semplice somma come 22 + 3 = 25, in questo caso per rappresentare l'operazione in colonna sono stati disposti 8 bit nonostante i numeri non sforino i 6.

I bit in rosso sono il riporto, infatti in questo caso è bastato solo un complemento a 1 in cui il riporto non sfora dal numero di bit stimati, in gergo tecnico si tratta di un overflow, cosa che se avviene all'interno di un programma sul proprio computer può causare dei problemi, che siano di memoria perché satura la ram, potrebbe compromettere un altro processo se va a scrivere in un aria di memoria non adibito al suddetto processo oppure semplicemente se è un calcolo esso verrà tagliato e quindi barliamo di perdita di informazione.

1.4.4 Rappresentazione di complemento a 2

Il complemento a 2 è molto similare al complemento a 1 visto nel capitolo (1.4.3) con due sostaziali differenze – La prima è un vantaggio, infatti, in questo caso esiste un unica rappresentazione per lo zero, mentre, la seconda è il fatto che si ignora l'overflow visto che i riporti molte volte supereranno il valore rappresentabile.

Esempio 1.4.2. Prendendo una semplice somma 31 - 5 = 26, andiamo a fare il complemeto a due sfruttando in questo caso gli 8 bit pieni per il riporto, anche in questo caso le basi dei due addendi non superano i 6 bit ma per una questione di convenzione "si usano basi multipli di 2, quindi il numero di bit devono essere 4, 8, 16, 32, 64, etc..."

La differenza tra l'operazione (1.4) e la (1.5) sono poche ma significative, come si vede, i bit di riporto arrivano fino a sforare gli 8 bit nonostante ciò il risultato si ferma giustamente al quinto bit che im qiest caso è il più significativo e l'effetto del riporto sull'uno nella quarta posizione a partire da sinistra resta immutato proprio in virtù di quel principio.

1.4.5 Confronto

Stringa		rappresentazione			
Stringa	senza segno	modulo e segno	complemento a 1	complemento a 2	
000	0	0	0	0	
001	1	1	1	1	
010	2	2	2	2	
011	3	3	3	3	
100	4	0	-3	-4	
101	5	-1	-2	-3	
110	6	-2	-1	-2	
111	7	-3	0	-1	

Tabella 1.1: Confronto tra il modulo e segno, complemento 1 & 2

1.5 Sistemi di comunicazione

Per poter rendere utile l'informazione è necessario per forza di cose che esistano degli standard per poter comunicare, dei canali di comunicazione e dei sistemi dedicati alle comunicazioni, ad esempio un libro consente di acquisire delle informazioni mediante la scrittura che è codificata con dei caratteri in una determinata lingua oppure un esempio ancora più immediato, prendiamo una comunicazione verbale tra due persone, in quel caso il sistema di comunicazione è composto dai due individue, dall'aria che è il canale di comunicazione e dalla lingua che è la codifica, se anche solo uno dei punti non è soddisfatto la comunicazione non è efficace "se i due individue parlano lingue diverse non si va da nessuna parte" non non avviene proprio "in assenza d'aria non si può parlare"

1.5.1 Trasmissione e recezione

Il sistema di comunicazione per essere efficente prevede due elementi; la trasmissione e la recezione che funzina nel guente modo:

La trasmissione

Come visto in (1.2.2) l'acquisizione di una informazione avviene mediante un trasduttore che consente una conversione in un formato comprensibile al calcolatore dopo che viene fatto questo processo di trasformazione tramite il trasduttore sarà anche possibile diffonderlo tramite un canale di comunicazione.

Sorgente fisica \rightarrow Trasduttore \rightarrow TX \rightarrow Al canale di comunicazione

Come chiaro dai passaggi, il TX "dispositivo adito alla trasmissione" è posto dopo il trasduttore per motivi puremante essenziali, il messaggio per poter assere inviato deve essere prima trasformato o per meglio dire tradotto in una codifica che sia chi sta trasmettendo sia chi poi dovrà ricevere il suddetto messaggio devono conoscere, altrimenti la comunicazione non riesce. Ovviamente il sengale nel canale di comunicazione rispetterà criteri analogici e fisici per essere trasmesso, poi del riportare l'istruzione alla forma leggibile ci penserà ricevitore.

La recezione

Il processo di recezione è l'esatto opposto di quello di trasmissione, infatti, presuppone che ci sia uno strumento in ascolto per catturare il segnale emesso, infatti, il primo step nella catena di recezione è priprio il canale di comunicazione

Dal canale di communicazione \to RX \to Trasduttore \to Utente finale

In questo caso il RX è il dispositivo in ascolto, poi ci sarà il trasduttore che trasformera il segnale in un formato leggibile e poi l'utente finale che usufruira dell'informazione acquisita.

1.5.2 Classificazione di sistemi

Punto-Punto	Multi-utente
1 trasmettitore	1 o più trasmettitore iniziali
1 o più ripetitori intermedi	1 o più ripetitori
1 ricevitore	Il canale è una risorsa condivisa tra i diversi
	trasmettitori e/o ricevitori presenti nel sistema
Ad ogni tratto vengono associati uno o più	broadcast se coinvolge tutti gli utenti
mezzi fisici di propagazione del segnale	come ricevitori.
Il canale è una risorsa dedicata al collegamento	

Tabella 1.2: Classi di sistemi

1.5.3 Rete di telecomunicazione

Quando si parla di reti di telecounicazioni si pensa sempre alla piattaforma tecnologica su cui è basata, gli obbiettivi e le modalità di comunicazione.

Obbiettivi

- $1.\,$ Effetuare comunicazione a distanza tra due o più utenti;
- 2. Trasferire informazione (servizio di telecomnicazioni) caratterizata diversi parametri (durata, qualità, etc.);
- 3. Gestire le sue parti componenti e i servizi supportati

Ci sono diverse modalità (e dunque topologie) per realizzare tale trasferimento: vantaggi/svantaggi.

Criteri di classificazione di reti La classificazione può essere basata sui seguenti criteri:

- 1. La gamma del servizi supportati;
- 3. l'Estensione fisica della rete;
- 2. Grado di mobilità del terminale;
- 4. la posizione.

1.5.4 Classificazione per servizi

Le reti vengono classificate anche per il criterio del servizio, infatti, esistono reti dedicate, che svolgono solamente quel servizio e le reti integrata nei servizi che consentono di svolgere più servizi con la stessa rete. Le differenze sono le seguenti:

Rete Dedicata ad un servizio	Reti integrata nei servizi
Fornitore di un singolo servizio	Fornitura di una vasta gamma di servizi
Possono essere utilizzate con alcune	Prestazioni complessive di qualità e di costo
limitazioni anche per un insieme	decisamente migliori rispetto a quella ottenibile
ristretto di altri servizi.	con le reti dedicate.
L'esempio: la rete telefonica fissa	L'esempio: Internet e le reti mobile della
generazioni di reti mobili (GSM)	generazione 2G in poi.

Tabella 1.3: Classificazione per servizi

Osservazione 1.5.1. Al giorno d'oggi è più diffusa la seconda categoria di rete perché costa meno e può svolgere più di un servizio e con il fatto che restano solo pochi sistemi anche la manutenzione costa meno e si possono investire i fondi per rendere tutto più stabile e tollerante ai guasti.

1.5.5 Classificazione per mobilità

Rete fissa	Rete mobile
Gli utenti accedono alla rete da postazioni fisse,	gli utenti possono muoversi senza limitazioni
oppure si muovono in un interno relativamente.	al loro spostamenti (anche tramite veicoli)
ristretto	
Il punto di accesso fisso, terminale può essere mobile	Gli utenti possono cambiare
	"punto di accesso" alla rete che gestisce ciò
	rendendoli sempre raggiungibili (handever)
ad esempio terminali Wi-Fi che accedono ad Internet	ad esempio i cellulari

Tabella 1.4: Classificazione per mobilità

Nota 1.5.1. Le reti mobili hanno il vantaggio della portabilità del servizio ma hanno alcuni limiti, tra cui la copertura del proprio ISP (<u>Internet Service Provider</u>) e le prestazioni sono inferiori rispetto a quello cablato.

1.5.6 Classificazione per estensione

Le reti di telecomunicazioni si suddividono anche per portata massima, questa nomenclatura viene utilizzata per le reti internet e VoIP, partendo dalla più piccola per portata la PAN alla più estesa la WAN.

PAN	LAN	MAN	WAN
Area personale	Area locale	Area relativamente estesa	Area molto estesa
(circa 1m)	(max pochi km)	(Città, decina di km)	(nazione, centinaia di km)
Bluetooth	Ethernet, Wi-Fi	WiMAX	Internet, rete telefonica

Tabella 1.5: Classificazione per estensione

1.5.7 Interconnessione di reti

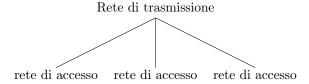
Uno dei fondamenti delle telecomunicazione è proprio l'interconnessione cioè la possibilità di connettere più reti a sieme, infatti, esiste la possibilità di unire più reti PAN in una rete LAN.

$$(PAN \longleftrightarrow PAN \longleftrightarrow PAN) LAN$$

Con questo sistema si ottengono reti di tipo omogeneo e si aggiungono opportuni meccanismi e protocolli comini operanti sempre le varie reti componenti.

1.5.8 Classificazione per posizione

Le reti di trasmissione interconnette tra di loro le reti di accesso permettendo le comumicazioni tra terminali di utenti remoti collegati a differenti reti di accesso. In riferimento alla rete più grossa di cui fa parte, viene anche chiamata "Core Network".



Nel caso delle reti di accesso interconnette tra di loro i terminali presenti in un'area limitata e questo con una rete di trasmissione.

1.5.9 Soggetti implicati

Gestore di rete	Fornitore del servizio	Cliente del servizio
Network operator: attiva e mantiente	Service Provider: rende fruibile	Soggetto della
operativa la piattaforma di rete per	il servizio al cliente secondo	comunicazione (sorgente e/o
assicurare la fruizione dei servizio	modalità (e.g. costo, durata)	destinatario)

Tabella 1.6: Soggetti implicati nella gestione del servizio di rete

1.6 Rami e nodi

Definizione 1.6.1. La rete è un insieme di nodi e di rami quindi nel tempo sono nate diverse dopologie per sopperire alle esigenze. Al momento le topologie più diffuse sono:

- A maglia;
- A Stella o Grafo;
- Ad Nello.

Ne esistono anche delle altre ma non sono altrettanto diffuse. Alcune topologie non sono più utilizzate in quanto frutto dei primi esperimenti a riguardo ma non efficenti, altre non si sono diffuse per un puro andamento di mercato. Tra l'altro le topologie prima citate in un caso reale vengono mescelete per poter ottenere una maggiore tolleranza ai quasti.

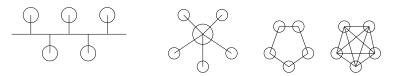


Figura 1.1: Topologie a bus, a stella, ad anello e a maglie

Osservazione 1.6.1. La topologia a bus era la prima topologia prevista per lo standard TCP/IP, infatti, funzionava tramite cavo coassiale cablato direttamente da una scheda di rete all'altra, questo sistema non sopravvisse a lungo per il semplice motivo che era poco efficente ma soprattutto il coassiale è un cavo semirigido e facilmente incline alla rottura, per non parlare dei connettori che hanno una tenuto non solida come gli attuali RJ45 e RJ14 per le linee telefoniche, come molti standard di questo tipo vengono dritti dal Bell Labs di AT&T.

1.6. RAMI E NODI

I significato

Definizione 1.6.2. Il nodo è il mezzo di scambio tra due o più rami, o terminazione degli stessi, in questa categori fanno parte sia le terminazioni fisiche di rete che gli apparati di comunicazione.

Definizione 1.6.3. Il ramo per definizione è il percorso diretto che l'informazione segue per essere trasferita tra due nodi, in questa categoria rientrano sia il mezzo trasmissivo che la giunzioni fisica/lagica tra due apparati di rete.

Nodi intermedi e terminali

Il nodo intermedio (nodo di commutazione o ralay)

- Il nodo di scambio, modulazione/demultiplazione;
- A seconda dei casi viene chiamato Gateway, router, switch, digital cross connector, hub, repeater, etc.
- Concetto simile a quello di parcheggio scambiatore.

Nodi terminali (end system)

- I sorgente/destinazione della comunicazione;
- Il mezzo attraverso cui un utente usufruisce di uno o più servizi di telecomunicazione;
- Ia variazione di forma: TV, telefono fisso/mobile, PC, elettrodomestici

A seconda del livello di astrazione, un nodo può assumere una funzione o l'altra.

1.6.1 Definizione di grafo

Definizione 1.6.4. I grafi sono struttura matematiche discrete che rivestono interesse sia per la matematica che per un'ampia gamma di campi applicativi. In ambito matematico il loro studio, la teoria dei grafi, costituisce un'importante parte della combinatoria; i grafi inoltre sono utilizzati in aree come topologia, teoria degli automi, funzioni speciali, geometria dei poliedri, algebre di Lie. I grafi si incontrano in vari capitoli dell'informatica (ad esempio per schematizzare programmi, circuiti, reti di computer, mappe di siti). Essi inoltre sono alla base di modelli di sistemi e processi studiati nell'ingegneria, nella chimica, nella biologia molecolare, nella ricerca operativa, nella organizzazione aziendale, nella geografia (sistemi fluviali, reti stradali, trasporti), nella linguistica strutturale, nella storia (alberi genealogici, filologia dei testi)⁶.

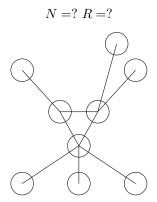


Figura 1.2: esempio di grafo

• Per definire il Grafo si utilizza la formula:

$$G = (V, A) \tag{1.6}$$

• Insieme dei nodi (vertici)

$$V \text{ con } N = |V| \tag{1.7}$$

⁶https://it.wikipedia.org/wiki/Grafo

• Insieme dei rami (archi)

$$A \operatorname{con} R = |A| \tag{1.8}$$

• Grafo orientato: si fa distinzione sul verso di percorrenza dei rami

1.6.2 Topologie

Come descritto nel paragrafo esistono differenti topologie, nati per esigenze diverse e anche in contesti diversi, con peculiarità relative alla costituzione fisica e logica delle suddette e anche con formule matematiche adite a calcolare eventuali nodi massimi, la portata della banda passante, etc.

1.6.3 Topologia Elementari

Topologie lineari semplici

• Ciascun nodo è collegato a due nodi adiacenti con un solo ramo

Topologie lineari complesse (a struttura gerarchica)

- Per ogni coppia di nodi esiste un solo percorso di collegamento
- Ogni nodo è collegato con uno o più rami ai nodi di gerarchia inferiore

Topologie magliate

 Ogni nodo è connesso direttamente agli altri nodi, usando per ciascun collegamento un ramo dedicato

Topologie a bas

• Tutti i nodi condividono lo stesso unico collegamento

Topologia a maglia completa

In questa topologia ogni nodo è collegato a tutti gli altri presenti, per questo motivo ha un alta tolleranza ai guasti ma il grosso difetto è l'elevato numero di nodi e quindi anche i conosti di mantenimento e di realizzazione.

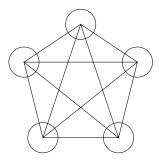


Figura 1.3: Esempio di topologia a maglia

Osservazione 1.6.2. Per le sue caratteristiche questa topologia è utilizzata dagli ISP per i collegamenti stradali, infatti, per evitare che un'intera zona resti senza servizio solo perché un cavo si è rotto il metodo migliore risulta proprio il creare più di una strada per portare l'informazione, infatti, come precedentemente spiegato nei capitoli precedenti la topoligia davvero utilizzata in molti casi è ibrida.

$$R = \sum_{i=1}^{N} (N-i) = \sum_{i=1}^{N} N - \sum_{i=1}^{N} i = N^2 - \frac{N(N+1)}{2} = \frac{N(N-1)}{2}$$
(1.9)

1.6. RAMI E NODI 15

Topologia a stella

La topologia a stella è una versione semplicifata di una topologia ad albero, infatti, è una topologia a albero composto da un solo livello oltre alla radice. Come tutte le topoligie ad albero soffre di un problema devastante, una bassissima tolleranza ai guasti, se il centro del della rete si guasta o smette di funzionare la rete non è più operativa, creando un disservizio ma questo modello ha anche pregi, infatti, ha dei costi decisamente inferiori per l'allestimento e la manutenzione, è facile da instradare e i nodi sono pochi.

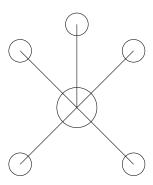


Figura 1.4: Esempio di topologia a stella

Osservazione 1.6.3. Questa topologia di rete è forse uno dei più diffusi, infatti, le reti domestiche sia ethernet sia Wi-fi funzionano proprio con un centro stella, il modem/router domestico svolge tante funzioni tra cui anche quello di switch e access point.

In questo caso per calcolare R basta calcolare il numero totale dei nodi-1, come esposto dalla seguente formula

$$R = N - 1 \tag{1.10}$$

Topologia a maglia non completa

Questo risulta già un caso più generale e risulta un compromesso tra una rete ad albero e una a maglia completa, i pregi sono una maggior tolleranza ai guasti rispetto al modello ad albero, un numero a piacere di rami. I difetti sono legati proprio alla topologia che risulta non regolare.

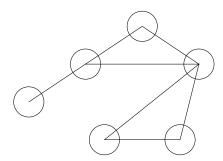


Figura 1.5: Esempio di topologia a maglia non completa

Osservazione 1.6.4. Questo è il modello più utilizzato dagli ISP perché risulta semplice sia in fase di manutenzione e anche il più vesatile avendo la possibilità di scegliere il numero di rami, quindi si può optare per mettere più nodi in percorsi in cui la banda passante è maggiore e meno dove non è necessario una tale tolleranza.

In questo caso il valore R risulta compreso tra la condizione dei sistemi ad albero e quelli a maglia

$$N - 1 < R < \frac{N(N - 1)}{2} \tag{1.11}$$

Topologia ad anello

La rete ad anello non è molto diffusa, infatti, tipicamente viene utilizzata per le reti locali e metropolitane, essa può essere unidirezionele (quindi il giro che fa l'informazione è sempre lo stesso sia se il nodo è in prossimita o se più distante) che bidirezionale e quindi prende il percorso più efficiente per instradare l'informazione. Questa topologia non è particolarmente tollerante ai quasti e basta la rottura di un ramo

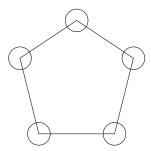


Figura 1.6: Esempio di topologia ad anello

per causare non poche rogne, soprattutto se il sistema è unidirezionale. In questo caso la formula che tutela R dipende esclusivamente dal numero di nodi.

$$R = N \tag{1.12}$$

Topologia a bus: unicast vs broadcast

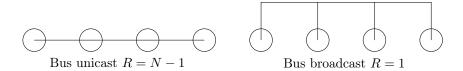


Figura 1.7: Topologia a bus unicast e broadcast