# Задача А. Наибольшая возрастающая подпоследова- тельность

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пусть  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  — числовая последовательность. Длина последовательности — это количество элементов этой последовательности. Последовательность  $a_{i_1}, a_{i_2}, \ldots, a_{i_k}$  называется подпоследовательностью последовательностью последовательность a, если  $1 \le i_1 < i_2 < \ldots < i_k \le n$ . Последовательность a называется возрастающей, если  $a_1 < a_2 < \ldots < a_n$ .

Вам дана последовательность, содержащая n целых чисел. Найдите ее самую длинную возрастающую подпоследовательность.

#### Формат входного файла

В первой строке задано одно число n ( $1 \le n \le 2000$ ) — длина подпоследовательности. В следующей строке задано n целых чисел  $a_i$  ( $-10^9 \le a_i \le 10^9$ ) — элементы последовательности.

#### Формат выходного файла

В первой строке выведите число k — длину наибольшей возрастающей подпоследовательности. В следующей строке выведите k чисел — саму подпоследовательность.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 3 5 4 2	1 3 5
3	3
1 2 3	1 2 3

## Задача В. Наибольшая возрастающая подпоследовательность 2

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пусть  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  — числовая последовательность. Длина последовательности — это количество элементов этой последовательности. Последовательность  $a_{i_1}, a_{i_2}, \ldots, a_{i_k}$  называется подпоследовательностью последовательностью последовательность a, если  $1 \le i_1 < i_2 < \ldots < i_k \le n$ . Последовательность a называется возрастающей, если  $a_1 < a_2 < \ldots < a_n$ .

Вам дана последовательность, содержащая n целых чисел. Найдите ее самую длинную возрастающую подпоследовательность.

#### Формат входного файла

В первой строке задано одно число n ( $1 \le n \le 1000000$ ) — длина подпоследовательности. В следующей строке задано n целых чисел  $a_i$  ( $-10^9 \le a_i \le 10^9$ ) — элементы последовательности.

#### Формат выходного файла

В первой строке выведите число k — длину наибольшей возрастающей подпоследовательности. В следующей строке выведите k чисел — саму подпоследовательность.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 3 5 4 2	1 3 5
3	3
1 2 3	1 2 3

## Задача С. Общая подпоследовательность

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 6 секунд Ограничение по памяти: 32 мегабайта

Даны две строки, состоящих из маленьких латинских букв. Нужно найти их наибольшую общую подпоследовательность.

Примечание: используйте правильные типы данных.

#### Формат входного файла

На первой строке первая строка.

На второй строке вторая строка.

Длины строк от 1 до  $10^4$ .

#### Формат выходного файла

Максимальную по длине общую подпоследовательность на отдельной строке. Если ответов несколько, выведите любой. Если ответ пуст, перевод строки выводить все равно нужно.

стандартный ввод	стандартный вывод
abacabadabacaba	bcbd
dbdccdbd	

# Задача D. Ход конём - 2

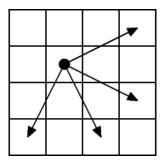
 Имя входного файла:
 knight2.in

 Имя выходного файла:
 knight2.out

 Ограничение по времени:
 1 секунда

 Ограничение по памяти:
 64 мегабайта

Дана прямоугольная доска  $N \times M$  (N строк и M столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски. При этом конь может ходить только так, как показано на рисунке:



Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа N и M ( $1 \le N, M \le 15$ ).

#### Формат выходного файла

В выходной файл выведите единственное число количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

knight2.in	knight2.out
4 4	2
7 15	13309

## Задача Е. Выбор вершин дерева

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан граф, являющийся деревом. Множество вершин графа называется *допустимым*, если никакие две вершины этого множества не соединены ребром.

Рассмотрим все допустимые множества вершин графа. Для каждого такого множества посчитаем количество вершин в нём. Каково максимальное из этих количеств?

#### Формат входного файла

Граф в этой задаче задан в виде корневого дерева. В графе выделена вершина — корень дерева. Для каждой вершины i, не являющейся корнем, задан номер вершины-предка  $p_i$  в корневом дереве. Дерево, заданное таким образом, состоит из рёбер i— $p_i$  для всех вершин i, кроме корня.

В первой строке входного файла записано целое число n-количество вершин в графе ( $1 \le n \le 100$ ). В следующих n строках задан граф. В i-й из этих строк записано целое число  $p_i-$ номер вершины-предка i-й вершины. Для корня дерева  $p_i=0$ ; для всех остальных вершин  $1 \le p_i \le n$ .

Гарантируется, что заданный во входном файле граф является деревом.

#### Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите одно число — максимальное количество вершин в допустимом множестве.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
0	
1	
1	
2	
3	
6	3
5	
6	
5	
1	
0	
1	

# Задача F. Дерево (сумма)

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан граф, являющийся деревом. В вершинах графа написаны целые числа. Множество вершин графа называется допустимым, если никакие две вершины этого множества не соединены ребром.

Рассмотрим все допустимые множества вершин графа. Для каждого такого множества вычислим сумму чисел, написанных в его вершинах. Какова максимальная из этих сумм?

#### Формат входного файла

Граф в этой задаче задан в виде корневого дерева. В графе выделена вершина — корень дерева. Для каждой вершины i, не являющейся корнем, задан номер вершины-предка  $p_i$  в корневом дереве. Дерево, заданное таким образом, состоит из рёбер  $i-p_i$  для всех вершин i, кроме корня. В первой строке входного файла записано целое число n ( $1 \le n \le 100$ ) — количество вершин в графе. В следующих n строках задан граф. В i-й из этих строк записаны через пробел два целых числа  $p_i$  и  $q_i$ ; здесь  $p_i$  — номер вершины-предка i-ой вершины, а  $q_i$  ( $|q_i| \le 10^4$ ) — число, записанное в этой вершине. Для корня дерева  $p_i = 0$ ; для всех остальных вершин  $1 \le p_i \le n$ .

Гарантируется, что заданный во входном файле граф является деревом.

#### Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите одно число — максимальную сумму чисел в допустимом множестве.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	10
0 1	
1 2	
1 3	
2 4	
3 5	
6	8
5 8	
6 0	
5 -1	
1 1	
0 3	
1 2	

# Задача G. Рюкзак

Имя входного файла: knapsack.in Имя выходного файла: knapsack.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Найдите максимальный вес золота, который можно унести в рюкзаке вместительностью S, если есть N золотых слитков с заданными весами.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла записаны два числа — S и N ( $1 \le S \le 10000, 1 \le N \le 300$ ). Далее следуют N неотрицательных чисел, не превосходящих  $10^6$  — веса слитков.

## Формат выходного файла

Выведите искомый максимальный вес.

knapsack.in	knapsack.out
10 3	9
5 7 4	

# Задача Н. Футболки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На зарядку сегодня утром пришло N ЛКШат, они построились в ряд. Разумеется, ребята ходят в разноцветных футболках. Никита Павлович, наш многоуважаемый физрук, заметил, что можно попросить некоторых ребят присесть, и тогда для ребят, которые останутся стоять, будет выполнено следующее: последовательность цветов их футболок при перечислении слева направо будет такой же как и последовательность при перечислении справа налево, то есть будет nanundpomom.

Например, если на зарядку пришли Ксюша в зеленой футболке, Слава в желтой, Артём в красной и Вася в зеленой, то можно попросить присесть Славу, тогда последовательность цветов будет «зеленый, красный, зеленый» как слева направо, так и справа налево. Аналогично можно попросить присесть Артёма (последовательность будет «зеленый, желтый, зеленый»), Славу и Артёма одновременно или любой набор из троих ребят. Таким образом, всего есть 7 способов добиться того, чтобы последовательность цветов была палиндромом.

Помогите Никите Павловичу найти количество способов попросить некоторых ЛКШат присесть, чтобы последовательность цветов футболок оставшихся стоять была палиндромом. Поскольку это число может быть очень большим, выведите его по модулю  $10^9$ .

#### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит число N — количество ЛКШат, пришедших на зарядку ( $1 \leqslant N \leqslant 2000$ ). Вторая строка содержит N целых чисел, каждое из которых задает цвет футболки ЛКШонка и изменяется в пределах от 1 до  $10^9$ . Разные цвета задаются разными числами, а одинаковые — одинаковыми.

## Формат выходного файла

Выведите в выходной файл одно число — искомое количество способов по модулю  $10^9.$ 

стандартный ввод	стандартный вывод
4	7
1 2 3 1	