

G. 高乘載管制 (High-occupancy vehicle)

問題敘述

TPR 國的交通部長 Colten 決定在這次的連假對高速公路實施高乘載管制。

不過 Colten 不是一個喜歡強迫別人的人,因此決定將採取鼓勵的措施,並且制定了一套獎勵方案來鼓勵國民。

已知 TPR 國的高速公路共有 N 個道路收費站 (編號 1 到 N) 與 M 條道路,假如編號 a 與編號 b 之間的收費站有一條從 a 到 b 的有向道路 (也就意味著,如果沒有一條道路是從 b 到 a,那麼即使有 a 到 b 這條有向道路,是不可以從 b 到達 a 的。),那麼經過這條道路之後,會在 b 收費站收費 w 元當作過路費。

Colten 所制定的獎勵措施為:如果現在這台車上有 K 人,那麼這台車將可以獲得 K 次的過路費半價優惠,也就是說,假如從 a 到 b 需要收費 w 元,使用半價優惠將只需要在 b 收費站支付 $\lfloor \frac{w}{2} \rfloor$ 元,特別注意的是,每條有向道路之間在有限次數 k 內,可以重複使用半價優惠,也就是說,假設對這條道路重複使用 i 次優惠,那麼收費金額將變成 $\lfloor \frac{w}{2i} \rfloor$ 。

為了讓施政滿意度提高,Colten 決定在那段期間全面採用電子道路收費系統,Colten 希望這個系統可以在知道一台車的第一個收費站 (起點) 跟最後一個收費站 (終點) 之後,可以計算出這台車在使用次數的限制內使用最佳的半價優惠策略下,只需要支付多少錢。

輸入說明

只有一筆資料。

第一行輸入三個非負整數 N, M, K。

接下來將輸入 M 行,每行包含三個正整數 a_i, b_i, w_i ,表示 a 到 b 之間有一條有向道路,在不使用半價優惠的情況下,從 a 到 b 時,會在 b 收費站收費 w 元。

最後一行輸入兩個正整數 x,y,表示這台車會從編號 x 的收費站當作起點與將編號 y 的收費站當作終點。

輸出說明

輸出只有一行,包含一個整數,表示在使用次數的限制內使用最佳的半價優惠策略下,只需要支付多少錢,若到不了則輸出 -1。

測資限制

- $2 \le N \le 2 \times 10^4$
- $1 \le M \le \min(\frac{n(n-1)}{2}, 10^5)$
- $0 \le K \le 10$
- $1 \le a_i, b_i \le N$
- $1 \le w_i \le 10^9$
- $1 \le x, y \le N$
- 資料保證不會發生自環 (自己跟自己之間有一條道路) 與任意兩個收費站之間有多條相同方向的道路情形。

範例測資

範例輸入1

範例輸出1

1650

4 5 2

1 3 5000

2 4 6000

1 2 1000000

2 3 1

3 4 400

1 4

範例說明1

在範例一中,最佳的半價優惠使用策略是:

選擇路徑 $1\rightarrow 3\rightarrow 4$, 並在 $1\rightarrow 3$ 使用全部的半價優惠。

範例輸入2

範例輸出2

5400

4 5 0

1 3 5000

2 4 6000

1 2 1000000

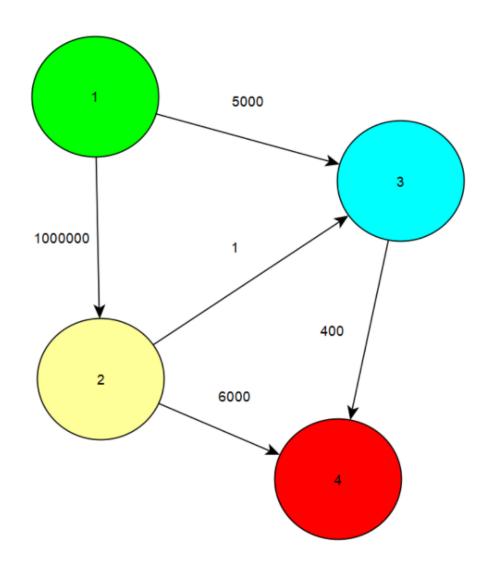
2 3 1

3 4 400

1 4

範例說明 2

範例二是一個完全沒有半價優惠的例子。



這是範例測資 1、2 的示意圖

範例輸入3

範例輸出3

-1

4 3 0

1 2 300

2 3 700

1 3 900

1 4

評分說明

本題共有5組子任務,條件限制如下所示。

子任務	分數	額外輸入限制
1	1	題目範例
2	22	$N, M, K \leq 5$
3	31	K = 0
4	33	$k \le 10$
5	13	無額外限制