Signale und Systeme -Systemanalyse

Analyse des Systems

PT₁ mit negativer Verstärkung

Matrikelnummer: 6130555

Kurs: TINF21B3

 $Abgabed atum\ 16.12.2022$

Inhaltsverzeichnis

1	Ein.	Einleitung					
2	Physikalische Beschreibung/Umcodierung						
3	Explizite Darstellung des Übertragungsoperators						
4	Zustandsraumbeschreibung (implizite Systembeschreibung)						
5	${\bf Ein-/Ausgangs differential gleichung}$						
6	Zusammenhänge der Funktionen $G(s),g(t),h(t)$ und $\frac{G(s)}{s}$						
7	Übe 7.1 7.2	Paran Nicht _l 7.2.1	Plot mit Step-Funktion	3 3 4 4 4 4			
8	Gev	${ m vichtsf}$	${f funktion/Impulsantwort}$	4			
	8.1 8.2	Nicht _] 8.2.1	Plot mit Step-Funktion	4 4 4 4			
9	Free	quenzg	gang	5			
	9.1 9.2	Paran Nicht _l	netrische Darstellung	5 5			
10	Pol	Nullst	tellen-Plot	6			
11	Stat	tische	Kennlinie	6			

1 Einleitung

Das System, welches im Folgenden behandelt wird hat die Übertragungsfunktion

 $G(s) = \frac{K}{T * s + 1}$

und mit den Werten K=-25 und T=10 ergibt sich daraus die neue Übertragungsfunktion

 $G(s) = \frac{-25}{10s + 1}.$

Um das System analysieren zu können, haben wir das System mit den entsprechenden Werten in Simulink simuliert und die Sprungantwort betrachet. Erst danach haben wir mit Matlab gearbeitet und dort die entsprechenden Graphen plotten lassen. Mit Hilfe des Befehls sys = tf([-25],[10 1]) haben wir unser System in Matlab erzeugt. Falls notwendig wird ein Sinus als Eingangssignal angenommen.

2 Physikalische Beschreibung/Umcodierung

Darstellung

	Physikalisch	Normiert	Systemtheoretisch
Eingang	X	X	u
Eingang Ausgang Zustand	X	x	$\mid y \mid$
Zustand	X	X	x_1, x_2
Parameter	Masse, etc.	x	T_1

3 Explizite Darstellung des Übertragungsoperators

Die allgemeine explizite Form des Übertragungsoperators für ein lineares zeitinvariantes System ist (x(t)) Formel Aufschrieb). Für unser konkretes System kann man das mit der symbolik-Toolbox in Matlab berechnen: syms t und expm liefert Die erzwungene Bewegung kann man aber nur dann explizit angeben, wenn man für u(tau) eine explizite Vorgabe hat. Das ist der Fall, wenn u(tau) beispielsweise ein Dirac-Impuls oder ... oder ein Sinusimpuls ist.

In einem solchen Fall kann man das Integral analytisch ausrechnen. In meiner Arbeit wählen wir die Step-Funktion. Das heißt u(tau)=1 für tau>=0. Im konkreten erhalten wir die Formel, die ausgeplotet identisch ist, mit Darstellung in ...

4 Zustandsraumbeschreibung (implizite Systembeschreibung)

Mein System in neuer Zustandsraumdarstellung nach Transformation -> Zusandsraumdarstellung

5 Ein-/Ausgangsdifferentialgleichung

...

6 Zusammenhänge der Funktionen $G(s),\ g(t),\ h(t)$ und $\frac{G(s)}{s}$

. . .

7 Übertragungsfunktion/Sprungantwort

Die Übertragungsfunktion ist die Systembeschreibung im Laplace-Bereich. Sie berücksichtigt die Anfangswerte nicht. Sie geht aus der E/A-Differentialgleichung hervor, wobei die Anfangswerte auf Null gesetzt werden. Folglich hat sie eine geringere Aussagekraft, als die E/A-Differentialgleichung, bei der die Anfangswerte immer mit dabei stehen. Es ist ein Leichtes aus der Übertragungsfunktion auf die E/A-Differentialgleichung zu schließen.

7.1 Parametrische Darstellung

...

7.2 Nichtparametrische Darstellung
7.2.1 Plot mit Matlab
7.2.2 Plot mit Step-Funktion
7.2.3 Plot mit Simulink
9 Cowight of unlytion / Impulsion twent
8 Gewichtsfunktion/Impulsantwort
8.1 Parametrische Darstellung
8.2 Nichtparametrische Darstellung
8.2.1 Plot mit Matlab
8.2.2 Plot mit Step-Funktion
8.2.3 Plot mit Simulink

9 Frequenzgang

Den Frequenzgang erhält man indem man die komplexe Variable s durch iOmega $(i\omega)$ ersetzt. Das ist gleichbedeutend mit einem Schnitt der komplexen Funktion G(s) entlang der imaginären Achse. Damit wird jeder Kreisfrequenz Omega eine komplexe Zahl $G(i\omega)$ zugeordnet. Bedingt durch den Schnitt hat der Frequenzgang eine geringere Aussagekraft als die Übertragungsfunktion. Die Bedeutung des Frequenzgangs ergibt sich aus der Tatsache, dass das stationäre Verhalten des Systems auf eine sinuidale Anregung beschrieben wird. Sei $u(t) = sin(\omega t)$, so ist $\dot{y}_{stat}(\dot{t})$, dh. das Ausgangssignal nach Abklingen der Anfangswerte durch $\dot{y}_{stat}(t) = A * |G(i\omega)| sin(\omega t + \phi(G(i\omega)))$ gegeben. Der Frequenzgang liefert formal weniger Aussagen als die Übertragungsfunktion, da er nicht alle s betrachtet, sondern nur die s, die auf der imaginären Achse liegen.

Experimentell könnte der Frequenzgang durch die folgende Simulink-Schaltung aufgenommen werden. Man stellt eine Frequenz ein und schaut am Ausgang die Amplitudenverstärkung und die Phasenverschiebung an. Hat der Eingangssinus die Amplitude 1, kann ich die Verstärkung am Ausgang direkt ablesen. Den erhaltenen Punkt trägt man in das Bode-Diagramm ein. Danach wiederholt man das Experiment mit einer anderen Frequenz. Hat man genügend Punkte, so verbindet man diese und erhält das Bode-Diagramm. Ebenso wie wir an den Verläufen der Sprungantwort auf die Differentialgleichung schließen konnten, können Experten aus den Verläufen des Bode-Diagramms auf den Frequenzgang (und damit auf die Übertragungsfunktion und damit auf die Differentialgleichung) schließen.

Die Phasenverschiebung kann selbstverständlich auch mit Computeralgebra ausgerechnet werden.

9.1 Parametrische Darstellung

. . .

9.2 Nichtparametrische Darstellung

9.2.1 Nyquist-Plot (Ortskurve)

9.2.2 Bode-Plot

...

10 Pol-Nullstellen-Plot

Der Pole-Zero-Plot stellt die Pole und Nullstellen der Übertragungsfunktion in der komplexen Ebene dar. Pole werden durch ein Kreuz dargestellt, Nullstellen durch einen Kreis. Ein Doppelpol wird durch ein Doppelkreuz und eine Nullstelle durch einen Doppelkreis dargestellt. Der PZP enthält keine Informationen mehr über die statische Verstärkung. Aus dem PZP lassen sich Eigenschaften wie Stabilität und Minimalphasigkeit ablesen. So ist ein System stabil, wenn alle Pole in der linken offenen Halbebene liegen. Es ist instabil, sobald ein Pol auf der rechten Halbebene liegen aber einige auf der imaginären Achse liegen. Ein System ist minimalphasig, wenn alle Nullstellen in der offenen linken Halbebene liegen. Es ist nicht minimalphasig, sobald eine Nullstelle auf der rechten Halbebene liegt. Und letztlich ist es schwachminimalphasig, wenn keine Nullstelle auf der rechten Halbebene liegt, aber Nullstellen auf der imaginären Achse auftauchen.

11 Statische Kennlinie

In der statischen Kennlinie wird der Ausgang über dem Eingang dargestellt. Bei einem linearen System (unten u oben y) ist die statische Kennlinie eine Ursprungsgerade, deren Anstieg der statischen Verstärkung entspricht. Die statische Verstärkung K kann aus G(0) = K berechnet werden. Sie ist bei Systemen mit D-Verhalten 0 und bei Systemen mit I-Verhalten unendlich. Mit anderen Worten, Systeme mit I-Verhalten haben keine Kennlinie. In der statischen Kennlinie ist keinerlei Dynamik zu erkennen. Die Information über Pole, Nullstellen, etc. fehlt. Sie ist somit die schwächste der Modellbeschreibungen. Gleichwohl ist sie einfach zu bestimmen. Man stellt einen konstanten Wert u ein, wartet bis die Eigenvorgänge abgeklungen sind und liest den y-Wert ab. Diesen Punkt trägt man in das Diagramm ein und wiederholt das ganze für mehrere Punkte. In der Praxis werden sich häufig nicht ideale Geraden ergeben. Bei Öfen verringert sich der Anstieg beispielsweise bei hohem u. Der Praktiker ließt aus der statischen Kennlinie ab, wie gut

seine Annahme eines linearen Modells ist. Sie ist gut in einem Bereich, in dem eine Geradenapproximation akzektabel ist (wenn sie einer Gerade ähnelt). Bei einem Mehrgrößensystem mit zwei Eingängen und zwei Ausgängen wählt man häufig die folgende Darstellung: Entweder zwei Einzeldiagramme, oder ein Verbunddiagramm (zwei Eingänge ein Ausgang: Üblicherweise keine 3D-Darstellung, sondern Transistorkennlinien). Bei Systemen mit zwei Eingängen wählt man häufig die Darstellung mit Kennlinienscharen, wobei beispielsweise u_1 die reellen Zahlen darstellt und u_2 den Scharparameter darstellt.