课程编号 A073004

北京理工大学 2008-2009 学年第二学期

2007 级概率论与数理统计试题(A卷)

班级	学号				_ 姓名			
题号	_		三	四	五	六	七	总分
得分								

(本试卷共8页,七个大题,满分100分;第2页空白纸及每张纸的 背面为草稿纸,空白草稿纸不得撕下)

附表:

$$\Phi$$
 (1) =0.8413 $t_{0.05}(24) = 1.7109$, $t_{0.05}(25) = 1.7081$

$$\chi_{0.05}^2(8) = 15.507$$
, $\chi_{0.05}^2(9) = 16.919$

一、(12分)三门大炮对同一个目标轰击(每门一发炮弹),已知它们 的命中率分别是 0.3, 0.4, 0.5, 目标中弹 1 发, 2 发, 3 发而被摧毁 的概率依此为 0.2, 0.5, 0.8.

求(1)目标被摧毁的概率;

(2)已知目标被摧毁,求目标中弹 2 发的概率.

二、(14分)(1)设随机变量 X的分布函数为

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{3}, & 0 \le x < 1 \\ \frac{1}{3}, & 1 \le x < 3 \\ \frac{2}{9}x - \frac{1}{3}, & 3 \le x < 6 \\ 1, & x \ge 6 \end{cases}$$

且 $P(X>k)=\frac{2}{3}$, 试求 k 的取值范围;

(2) 设随机变量 $X \sim U(0,3)$, 求 Y = 5X + 2 的密度函数.

三、(18分)设(X,Y)的联合密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} Ae^{-\frac{x^2}{2}}, & -\infty < x < \infty, -2 < y < 2\\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

- (1) 确定常数 A;
- (2) 求X与Y的边缘密度 $f_X(x), f_Y(y)$;
- (3) 判断 X与 Y是否相互独立,说明理由;
- (4) 计算 $P(\max(X,Y) \leq 0)$ ·

四、(18分)设二维随机变量(X,Y)的概率密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} 1, & 0 \le x \le 1, 0 \le y \le 1 \\ 0, & \Box \Box \end{cases}$$

- (1) 求E(X),E(Y);
- (2) 求协方差cov(X,Y);
- (3) 令U = X + 2Y, V = X 2Y, 求协方差cov(U, V).

五、(8分)设各零件的质量都是随机变量,它们相互独立,且服从相同的分布,其数学期望为 0.5kg,标准差为 0.1kg,求 100 只零件的总质量超过 51kg 的概率.

六、(18 分) 设 X_1, X_2, \ldots, X_n 是来自总体 X 的一个样本, $X \sim B(m,p)$,其中 m 已知,试求参数 p 的矩估计和最大似然估计.

七、(12分)某工厂对部件进行装配,设部件的装配时间服从正态分布,均值和方差均未知。现随机选取 25 个部件进行装配,测得平均装配时间为 10.2min,标准差为 0.5min。在显著性检验水平 0.05 下,是否可以认为装配时间的均值显著地大于 10min?