# Homework1

231220030 邢俊书

2025年3月2日

# Solution 1.2.

```
(1) 代码如下:
```

```
int getMedian(int a, int b, int c) {
    if (a > b) {
        if (b > c) return b;
        else {
            if (a > c) return c;
            else return a;
        }
    }
    else {
        if (b > c) {
            if (a < c) return c;
            else return a;
        }
        else return c;
    }
}
```

(2) 最坏情况下,需要比较 3 次;

平均情况下,需要比较  $\frac{1}{3} * 2 + \frac{2}{3} * 3 = \frac{8}{3}$  次。

(3) 在最坏情况下,要找出三个不同整数的中位数至少需要进行 3 次比较。显然,三个不同整数的大小关系共有 3!=6 种不同情况,仅进行 2 次比较,只能得到 4 种情况;而进行 3 次比较,则可以得到 8 种情况,故至少需要进行 3 次比较。

### Solution 1.3.

- (1) 取  $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $S_1 = \{1, 2, 3\}$ ,  $S_2 = \{2, 3, 4\}$ ,  $S_3 = \{4, 5\}$ , 题述算法 得到的最小覆盖为  $\{S_1, S_2, S_3\}$ , 实际上最小覆盖为  $\{S_1, S_2\}$ 。
- (2) 每次都从子集中选取覆盖最多未被覆盖元素的集合,直至所有元素均被覆盖,若遍历完所有子集均未覆盖所有元素,则不存在覆盖。

算法至多遍历完所有子集,所以总能终止;

不存在覆盖的情况下,算法正确性显然,故以下讨论均基于至少存在一个可行解的情况。

当 |U| = 1,则所有子集中至少有一个子集包含这个唯一元素,算法会选择该子集,正确性显然;

假设当  $|U| \le n$  时,算法总能找到一个可行解,下证当 |U| = n + 1 时,算法可以找到一个可行解:

根据算法描述,算法首先会选取一个覆盖了最多未被覆盖元素的子集,假设该子集大小为 m,则问题被转化为规模为  $n+1-m \le n$  的子问题,根据归纳假设,算法总能给出该子问题的一个可行解,所以当 |U|=n+1 时,算法可以找到一个可行解。

根据强数学归纳法,当输入存在可行解时,算法总能找到一个可行解。 综上,算法正确性得证。

(3) 不能保证总是得出最小覆盖。

例如取  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, S_1 = \{1, 2, 3, 4\}, S_2 = \{2, 3, 5\}, S_3 = \{1, 4, 6\},$ 根据 (2) 中算法得到的覆盖为  $\{S_1, S_2, S_3\}$ ,实际上最小覆盖为  $\{S_2, S_3\}$ 。

# Solution 1.7.

不难发现  $P(x) = (\dots ((a_n x + a_{n-1})x + a_{n-2})x + \dots + a_1) + a_0$ 。 记已循环次数为 k,当 k = 1 时, $p = a_n x + a_{n-1}$ ; 假设当 k = m 时,算法可以正确计算由内至外第 m 个括号内的值,下证当 k = m + 1 时,算法可以正确计算出由内至外第 m + 1 个括号内的值:

由归纳假设,第 m + 1 次循环前, $p=a_nx^m+a_{n-1}x^{m-1}+\cdots+a_{n-m}$ ,则 第 m + 1 次循环后, $p=a_nx^{m+1}+a_{n-1}x^m+\cdots+a_{n-m-1}$ 。

根据数学归纳法,算法可以正确计算出多项式的值。

# Solution 1.8.

- (1) c = 2 是 (2) 的特殊情况,由下可知正确性显然。
- (2) 不妨考虑对 z 进行归纳。

当 z = 0 时,根据算法有 INT-MULT(y, 0) = 0,算法可以正确计算出两数 乘积;

当 0 < z < c 时,INT-MULT(y, z) = INT-MULT(cy, 0) + yz = yz,算法可以正确计算出两数乘积;

假设当  $c \le z \le n$  时,算法可以正确计算出两数乘积,下证当 z = n + 1 时,算法可以正确计算出两数乘积:

记  $n+1=sc+t, 0 \le t < c$ , 由归纳假设可知, 当  $z \le n$  时, 算法总能正确 计算出两数乘积, 则有

$$INT-MULT(y, n + 1) = INT-MULT(cy, \lfloor \frac{n+1}{c} \rfloor) + y * ((n + 1) \bmod c)$$

$$= INT-MULT(cy, s) + yt$$

$$= y(sc + t)$$

$$= y(n + 1)$$

根据强数学归纳法,算法正确总能计算出两数乘积,算法正确。

# Solution 1.9.

平均时间复杂度为

$$\begin{split} A(n) &= \sum_{I \in D_n} Pr(I) * f(I) \\ &= \frac{1}{4} * 10 + \frac{1}{2} * 20 + \frac{1}{8} * 30 + \frac{1}{8} * n \\ &= \frac{n}{8} + 16.25 \end{split}$$

### Solution 1.10.

- (1) UNIQUE 算法用于判断数组中是否有两元素相等,最坏情况即不存在相等元素,需要遍历完所有 i、j,时间复杂度为  $O(n^2)$ 。
- (2) 平均时间复杂度为  $A(n) = \frac{1+2+\cdots+\frac{n(n-1)}{2}}{\frac{n(n-1)}{2}} = \frac{n^2-n+2}{4}$ 。
- (3) 数组中任意两个元素相等的概率为  $Pr(A[i] == A[j]) = k * (\frac{1}{k})^2 = \frac{1}{k}$ ,不妨假设每次比较均消耗 1 个代价,则消耗了 i 个代价后算法终止的概率为  $(1-\frac{1}{k})^{i-1} * \frac{1}{k}$ ,不难发现算法停止时消耗的代价  $X \sim g(\frac{1}{k})$ ,EX = k,若  $k < \frac{n(n-1)}{2}$ ,则时间复杂度近似于 O(k);否则,时间复杂度近似于  $O(n^2)$ 。

# Solution 2.2.

对于任意  $2^k \le n \le 2^{k+1} - 1, k \ge 0$ ,  $\lceil log(n+1) \rceil = k+1 = \lceil logn \rceil + 1$ .

# Solution 2.5.

- (1) 2-tree 是 (2) 的特殊情况,由下可知等式成立。
- (2) 假设总结点数为 n,则有

$$\begin{cases} n = n_0 + n_1 + n_2 \\ n - 1 = n_1 + 2n_2 \end{cases}$$

消去  $n_1$  即得:  $n_0 = n_2 + 1$ 。

### Solution 2.7.

为了方便讨论,不妨先约定三个渐进增长率 f(n)、g(n)、h(n)。

- (1) O: f(n) = O(g(n))、g(n) = O(h(n)),根据定义, $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c_1 < \infty$  且  $\lim_{n\to\infty} \frac{g(n)}{h(n)} = c_2 < \infty$ ,则有  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{h(n)} = c_1 c_2 < \infty$ ,f(n) = O(h(n)),O 满足传递性。
- $\Omega$ :  $f(n) = \Omega(g(n))$ 、 $g(n) = \Omega(h(n))$ , 根据定义, $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c_1 > 0$  且  $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{h(n)} = c_2 > 0$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{h(n)} = c_1 c_2 > 0$ , $f(n) = \Omega(h(n))$ , $\Omega$  满足传递性。
- $\Theta$ :  $f(n) = \Theta(g(n))$ 、 $g(n) = \Theta(h(n))$ ,根据定义, $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c_1, 0 < c_1 < \infty$  且  $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{h(n)} = c_2, 0 < c_2 < \infty$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{h(n)} = c_1 c_2, 0 < c_1 c_2 < \infty$ , $f(n) = \Theta(h(n))$ ,  $\Theta$  满足传递性。
- o: $f(n) = o(g(n)) \cdot g(n) = o(h(n))$ ,根据定义, $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$  且  $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{h(n)} = 0$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{h(n)} = 0$ ,f(n) = o(h(n)),o 满足传递性。
- $\omega$ :  $f(n) = \omega(g(n))$ 、 $g(n) = \omega(h(n))$ ,根据定义, $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \infty$  且  $\lim_{n\to\infty} \frac{g(n)}{h(n)} = \infty$ ,则有  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{h(n)} = \infty$ , $f(n) = \omega(h(n))$ , $\omega$  满足传说件。
- (2) O:  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{f(n)} = 1 < \infty$ , f(n) = O(f(n)), O 满足自反性。
- $\Omega$ :  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{f(n)} = 1 > 0$ ,  $f(n) = \Omega(f(n))$ ,  $\Omega$  满足自反性。
- $\Theta$ :  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{f(n)} = 1, 0 < 1 < \infty$ ,  $f(n) = \Theta(f(n))$ ,  $\Theta$  满足自反性。
- (3) 由 (1)、(2) 可知:  $\Theta$  满足自反性与传递性,故仅需再证其满足对称性即可。 $f(n) = \Theta(g(n))$ ,根据定义, $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c, 0 < c < \infty$ ,则有 $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{f(n)} = \frac{1}{c}, 0 < \frac{1}{c} < \infty$ , $g(n) = \Theta(f(n))$ , $\Theta$  满足对称性,综上, $\Theta$  是一个等价关系。
- $(4) \Rightarrow: 因为 <math>f(n) = \Theta(g(n)), \text{ 故 } \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c, 0 < c < \infty,$  则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c > 0 \wedge \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty,$  即  $f(n) = O(g(n)) \wedge f(n) = O(g(n));$

$$\Leftarrow$$
: 因为  $f(n) = O(g(n)) \wedge f(n) = \Omega(g(n))$ ,故  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c_1 > 0 \wedge \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c_2 < \infty$ ,显然  $c_1 = c_2$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c$ , $0 < c < \infty$ ,即  $f(n) = \Theta(g(n))$ 。

综上, 得证。

(5) ⇒: 因为 
$$f = O(g)$$
,故  $\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty$ ,则有  $\lim_{n\to\infty} \frac{g(n)}{f(n)} = \frac{1}{c} > 0$ ,  $g = \Omega(f)$ ;

$$\Leftarrow$$
: 因为  $g = \Omega(f)$ ,故  $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{f(n)} = c > 0$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \frac{1}{c} < \infty$ ,  $f = O(g)$ 。

综上, 
$$f = O(g)$$
 iff  $g = \Omega(f)$ 。

$$\Rightarrow$$
: 因为  $f = o(g)$ ,故  $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$ ,则有  $\lim_{n \to \infty} \frac{g(n)}{f(n)} = \infty$ , $g = \omega(f)$ ;

$$\Leftarrow$$
: 因为  $g=\omega(f)$ ,故  $\lim_{n\to\infty}\frac{g(n)}{f(n)}=\infty$ ,则有  $\lim_{n\to\infty}\frac{f(n)}{g(n)}=0$ , $f=o(g)$ 。

综上, 
$$f = o(g)$$
 iff  $g = \omega(f)$ 。

(6) 
$$\forall f(n) \in o(g(n)), \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0 \neq \infty, \text{ if } f(n) \notin \omega(g(n)),$$

$$o(g(n)) \cap \omega(g(n)) = \emptyset;$$

$$\forall f(n) \in \Theta(g(n)), \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c > 0, \text{ if } f(n) \notin o(g(n)),$$

$$\Theta(g(n)) \cap o(g(n)) = \emptyset;$$

$$\forall f(n) \in \Theta(g(n)), \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty, \text{ if } f(n) \notin \omega(g(n)),$$

$$\Theta(g(n)) \cap \omega(g(n)) = \emptyset.$$

### Solution 2.8.

(1) 渐进增长率从低到高依次为:

$$logn < n < nlogn < n^2 = n^2 + logn < n^3 < n - n^3 + 7n^5 < 2^n.$$

(2) 渐进增长率从低到高依次为:

$$loglogn < lnn = logn < (logn)^2 < \sqrt{n} < n < nlogn < n^{1+\epsilon} < n^2 = n^2 + logn < n^3 < n - n^3 + 7n^5 < 2^{n-1} = 2^n < e^n < n!$$

#### Solution 2.16.

(1) 
$$f(n) = 1 = n^0 = O(n^{\log_3 2 - 0.5}), T(n) = \Theta(n^{\log_3 2}).$$

(2) 为方便讨论,不妨假设  $n=2^k$ , k=logn,则有

$$T(n) = T(n/2) + clogn$$

$$= T(n/4) + clogn + clog \frac{n}{2}$$

$$= \dots$$

$$= T(1) + clog^2n - c(log2 + log4 + \dots + log(2^k))$$

$$= \frac{c}{2}log^2n - \frac{c}{2}logn + 1$$

 $T(n) = \Theta(log^2n)$ .

(3) 
$$f(n) = cn = \Omega(n^{\log_2 1 + 0.5}), \ f(n/2) = \frac{cn}{2} < \frac{2}{3}f(n), \ T(n) = \Theta(n)$$
.

(4) 
$$f(n) = cn = \Theta(n^{\log_2 2}), T(n) = \Theta(n \log n).$$

(5) 为方便讨论,不妨假设  $n=2^k$ , k=logn,则有

$$T(n) = 2T(n/2) + cnlogn$$

$$= 4T(n/4) + cnlogn + cnlog\frac{n}{2}$$

$$= \dots$$

$$= nT(1) + cnlog^2n - cn(log2 + log4 + \dots + log2^k)$$

$$= n + \frac{c}{2}cnlog^2n - \frac{c}{2}nlogn$$

 $T(n) = \Theta(nlog^2n) \circ$ 

(6) 为方便讨论,不妨假设  $n=3^k$ , $k=log_3n$ ,则有

$$T(n) = 3T(n/3) + n\log^{3} n$$

$$= 9T(n/9) + n\log^{3} n + n\log^{3} \frac{n}{3}$$

$$= \dots$$

$$= nT(1) + \sum_{i=0}^{k} n\log^{3} \frac{n}{3^{i}}$$

$$T(n) = \Theta(nlog^4n) \circ$$

(7) 
$$f(n) = cn^2 = \Omega(n^{\log_2 2 + 0.5}), \ 2f(n/2) = \frac{cn^2}{2} < \frac{2}{3}f(n), \ T(n) = \Theta(n^2).$$

(8) 
$$f(n) = n^{3/2}logn = \Omega(n^{log_57+0.2})$$
,  $49T(n/25) < \frac{49}{125}n^{3/2}logn = \frac{49}{125}f(n)$ ,  $T(n) = \Theta(n^{3/2}logn)$ .

(9) 
$$T(n) = T(n-1) + 2 = T(1) + 2n - 2 = 2n - 1$$
,  $T(n) = \Theta(n)$ .

(10) 不妨猜测  $\frac{1}{c+1}n^{c+1} \le T(n) \le n^{c+1}$ ,代入可得:

$$T(n) = T(n-1) + n^c \le (n-1)^{c+1} + n^c \le (n-1)n^c + n^c = n^{c+1}$$

$$T(n) = T(n-1) + n^{c}$$

$$\geq \frac{1}{c+1}(n-1)^{c+1} + n^{c}$$

$$= \frac{1}{c+1}(n^{c+1} - \binom{c+1}{1}n^{c} + \binom{c+1}{2}n^{c-1} + \dots + (-1)^{c+1}) + n^{c}$$

$$\geq \frac{1}{c+1}n^{c+1}$$

猜想成立,故  $T(n) = \Theta(n^{c+1})$ 。

(11) 
$$T(n) = T(n-1) + c^n = \sum_{i=2}^n c^n + 1, c > 1$$
,  $T(n) = \Theta(c^n)$ .

(12) 不妨猜测  $\frac{1}{4}n^4 \le T(n) \le n^4$ ,代入可得:

$$T(n) = T(n-2) + 2n^3 - 3n^2 + 3n - 1$$

$$\leq (n-2)^4 + 2n^3 - 3n^2 + 3n - 1$$

$$= n^4 - 6n^3 + 21n^2 - 29n + 16$$

$$< n^4$$

$$T(n) = T(n-2) + 2n^3 - 3n^2 + 3n - 1$$

$$\ge \frac{1}{4}(n-2)^4 + 2n^3 - 3n^2 + 3n - 1$$

$$= \frac{1}{4}n^4 + 3n^2 - 5n + 2$$

$$> \frac{1}{4}n^4$$

猜想成立,故 $T(n) = \Theta(n^4)$ 。

(13) 不妨猜测  $4n \le T(n) \le 8n$ , 代入可得:

$$T(n) = T(n/2) + T(n/4) + T(n/8) + n \le 7n + n \le 8n$$
$$T(n) = T(n/2) + T(n/4) + T(n/8) + n \ge \frac{9}{2}n \le 4n$$

猜想成立,故 $T(n) = \Theta(n)$ 。

# Solution 2.18.

由题意得:

$$T(n) = n^{\frac{1}{2}}T(n^{\frac{1}{2}}) + cn$$

$$= n^{\frac{1}{2} + \frac{1}{4}}T(n^{\frac{1}{4}}) + 2cn$$

$$= n^{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}}T(n^{\frac{1}{8}}) + 3cn$$

$$= \dots$$

$$= n^{\sum_{i=1}^{k} \frac{1}{2^{i}}}T(n^{\frac{1}{2^{k}}}) + kcn$$

$$= \Theta(kcn)$$

显然,  $n^{\frac{1}{2k}} = C$ , 得: k = log(logn - logC), 故  $T(n) = \Theta(nloglogn)$ .

# Solution 2.19.

$$a = 2$$
,  $b = 2$ ,  $f(n) = nlogn$ .

# Solution 2.22.

- (1) 两个算法的输出均为数组中最小元素。
- (2) 两个算法的时间复杂度均为  $\Theta(n)$ 。

# Solution 2.24.

**MYSTERY:** 

$$r = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=i+1}^{n} \sum_{k=1}^{j} 1$$

$$= \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=i+1}^{n} j$$

$$= \sum_{i=1}^{n-1} \frac{n^2 + n - i^2 - i}{2}$$

$$= \frac{(n-1)n(n+1)}{3}$$

最坏情况下的运行时间为 $O(n^3)$ 。

PERSKY:

$$r = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i} \sum_{k=j}^{i+j} 1$$

$$= \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i} (i+1)$$

$$= \sum_{i=1}^{n} i(i+1)$$

$$= \frac{n(n+1)(n+2)}{3}$$

最坏情况下的运行时间为 $O(n^3)$ 。

PRESTIFEROUS:

$$r = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i} \sum_{k=j}^{i+j} \sum_{l=1}^{i+j-k} 1$$

$$= \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i} \sum_{k=j}^{i+j} (i+j-k)$$

$$= \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i} \frac{i^{2}+i}{2}$$

$$= \sum_{i=1}^{n} \frac{i^{3}+i^{2}}{2}$$

$$= \frac{n(n+1)(3n^{2}+7n+2)}{24}$$

最坏情况下的运行时间为  $O(n^4)$ 。

CONUNDRUM: 当 n 为偶数时,

$$r = \sum_{i=1}^{\frac{n}{2}} \sum_{j=i+1}^{n+1-i} \sum_{k=i+j-1}^{n} 1$$

$$= \sum_{i=1}^{\frac{n}{2}} \sum_{j=i+1}^{n+1-i} (n-i-j+2)$$

$$= \frac{1}{12} n^3 + \frac{1}{8} n^2 - \frac{1}{12} n$$

当 n 为奇数时,

$$r = \sum_{i=1}^{\frac{n-1}{2}} \sum_{j=i+1}^{n+1-i} \sum_{k=i+j-1}^{n} 1$$

$$= \sum_{i=1}^{\frac{n-1}{2}} \sum_{j=i+1}^{n+1-i} (n-i-j+2)$$

$$= \frac{1}{12} n^3 + \frac{1}{8} n^2 - \frac{1}{12} n - \frac{1}{8}$$

最坏情况下的运行时间为  $O(n^3)$ 。

# Solution 3.5.

```
修改后代码如下:
```

```
void PREVIOUS_LARGER(int a[], int n) {
    memset(P, 0, n + 1); // a 下标从 1 开始
    stack<int> s;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
       while (!s.empty() && a[s.top()] <= a[i]) s.pop();</pre>
       if (!s.empty()) P[i] = s.top();
       else P[i] = 0;
       s.push(i);
    }
    return;
}
对于每个元素,至多入栈、出栈一次,故时间复杂度为\Theta(n)。
Solution 3.6.
```

为了方便起见,不妨先约定一个交换函数 swap():

```
void swap(int& a, int& b) {
    int tmp = b;
    b = a;
    a = tmp;
}
```

```
(1) 时间复杂度为 O(n^2), 空间复杂度为 O(1):
void My_reverse(int a[], int n, int k) {
    for (int i = k + 1; i \le n; i++) {
       for (int j = i; j >= i - k + 1; j--) {
           swap(a[j - 1], a[j]);
       }
    }
   return;
}
(2) 时间复杂度为 O(n), 空间复杂度为 O(n):
void My_reverse(int a[], int n, int k) {
    int b[n + 1]; // a 下标从 1 开始
   memset(b, 0, n + 1);
    for (int i = 1; i <= k; i++) {
       b[n - k + i] = a[i];
    }
    for (int i = k + 1; i \le n; i++) {
       b[i - k] = a[i];
    }
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
       a[i] = b[i];
    }
    return;
}
```

(3) 时间复杂度为 O(n), 空间复杂度为 O(1):

```
void My_reverse(int a[], int n, int k) {
   int b[n + 1]; // a 下标从 1 开始
   memset(b, 0, n + 1);
   for (int i = 1; i <= k / 2; i++) {
      swap(a[i], a[k - i + 1]);
   }
   for (int i = k + 1; i <= (k + 1 + n) / 2; i++) {
      swap(a[i], a[n - i + k + 1]);
   }
   for (int i = 1; i <= n / 2; i++) {
      swap(a[i], a[n - i + 1]);
   }
   return;
}</pre>
```

#### Solution 3.8.

- (1) 0 个或 1 个。假设存在大于等于 2 个名人,任取其中两人 A、B,由名人的定义可知: A 不认识 B,与 B 是名人矛盾。
- (2) 定义集合 S 为所有名人候选者名单,每次从中任取两人 A、B,询问 A 是否认识 B。若不认识,则 B 不可能是名人;若认识,则 A 不可能是名人。每次询问均可以从集合 S 中删除一人,经过 n-1 次询问,即可得出名人,时间复杂度为  $\Theta(n)$ 。

# Solution 3.9.

```
(1) O(n^3):
int MaxSubarr(int S[], int n) {
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = i; j < n; j++) {
            int sum = 0;
            for (int k = i; k \le j; k++) sum += S[k];
            if (sum >= max) max = sum;
        }
    }
    return max;
}
(2) O(n^2):
int MaxSubarr(int S[], int n) {
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int sum = 0;
        for (int j = i; j < n; j++) {
            sum += S[j];
            if (sum >= max) max = sum;
        }
    }
    return max;
}
```

(3) 将整个数组分为左右两部分,递归求解每个部分的最大和连续子序列,再以 O(n) 的时间代价求解横跨左右两部分的最大和连续子序列。

(4) O(n):

}

```
int MaxSubarr(int S[], int n) {
    int sum = 0, max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        sum += S[i];
        if (sum < 0) sum = 0;
        if (sum >= max) max = sum;
    }
    return max;
}
(5) 动态规划:
int MaxSubarr(int S[], int n) {
    int ans = 0, sum = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        sum = max(sum + S[i], S[i]);
        ans = max(ans, sum);
    }
   return ans;
```