

# 计算机学院 并行程序设计作业报告

## 基于 SQ 的 ANNS 加速试验报告

姓名:禹相祐

学号: 2312900

专业:计算机科学与技术

## 目录

| 1        | 相关技术简介  | 1  |
|----------|---|----|
|          | 1.1 近似最近邻搜索 (ANNs)                                      | 1  |
|          | 1.2 标量量化 (Scalar Quantization, SQ)                      | 1  |
|          | 1.3 单指令多数据 (Single Instruction, Multiple Data, SIMD) 加速 | 1  |
| <b>2</b> | 框架中的 flat_search 函数                                     | 1  |
|          | 2.1 代码解释  | 1  |
|          | 2.2 运行结果  | 2  |
| 3        | 加速实现 1: 基于量化和计算余弦相似度的加速方式                               | 2  |
|          | 3.1 加速方法  | 2  |
|          | 3.2 代码实现  | 3  |
|          | 3.3 运行结果  | 6  |
| 4        | 加速实现 2: 基于 SIMD 的加速方式                                   | 6  |
|          | 4.1 加速方法  | 6  |
|          | 4.1.1 基于 SIMD 的量化内积计算                                   | 6  |
|          | 4.1.2 两阶段混合搜索策略   | 6  |
|          | 4.1.3 全局量化与中心化  | 7  |
|          | 4.2 代码实现  | 7  |
|          | 4.3 运行结果  | 10 |
| 5        | 总结  | 11 |
| 6        | 参考文献  | 12 |
| 7        | 附录  | 13 |
|          | 7.1 加速实现 1 完整代码   | 13 |
|          | 7.2 加速实现 2 完整代码   | 16 |
|          | 7.3 main.cc 完整代码:                                       | 19 |

## 1 相关技术简介

#### 1.1 近似最近邻搜索 (ANNs)

近似最近邻搜索(Approximate Nearest Neighbor Search, ANNs)致力于在大规模向量集合中快速找到与查询向量最接近的若干结果,是图像检索、推荐系统等任务中的基础模块<sup>[1]</sup>。与精确搜索相比,ANNs 方法在保持较高精度的同时大幅降低了计算复杂度。主流方法一般基于量化、图结构或哈希等技术实现 ANNs。

#### 1.2 标量量化 (Scalar Quantization, SQ)

SQ 是一种简单有效的向量压缩方式,通过将每个维度的浮点数值独立量化为 8-bit 整数,使得存储与计算开销显著降低。<sup>[2]</sup>其配合查找表可实现高效的近似距离计算,在 ANN 系统中被广泛采用。

### 1.3 单指令多数据 (Single Instruction, Multiple Data, SIMD) 加速

单指令多数据(SIMD)技术允许在一个指令周期内并行处理多个数据项<sup>[3]</sup>。借助现代 CPU(如 ARM NEON、x86 AVX)的 SIMD 指令集,可以显著加速量化向量的距离计算过程。

## 2 框架中的 flat\_search 函数

#### 2.1 代码解释

```
std::priority_queue<std::pair<float, uint32_t>> flat_search(float* base, float*
      query, size_t base_number, size_t vecdim, size_t k) {
      // 创建一个最大堆q用来存储结果, 堆中元素为(距离=1-内积, vector编号)
      std::priority_queue<std::pair<float, uint32_t>>q;
      // 遍历每个base向量
      for (int i = 0; i < base_number; ++i) {
         float dis = 0;
         // DEEP100K数据集使用ip距离
         for (int d = 0; d < vecdim; ++d) {
             dis += base[d + i*vecdim]*query[d];
          // 理论上dis越大越邻近, 为了符合最大堆, 用1-内积, 使得最不临近的在堆顶
          dis = 1 - dis;
13
          // 若堆中还没有k个元素, 那就直接加
         if(q.size() < k) {
             q.push({dis, i});
17
          // 若已有k个,就看现在的base向量是不是比堆内与query向量最远的向量更近
         else {
19
             if(dis < q.top().first) {
                q.push({dis, i});
                q.pop();
             }
23
```

#### 2.2 运行结果

此处进行十次测试, 平均运行时间为 15641.6us, 召回率为 0.9999, 具体数据如下表:

| 表 1: flat_search 方式十次测试运行时间以及召回率 |
|----------------------------------|
|----------------------------------|

| 测试序号 | 运行时间/us | 召回率    |  |
|------|---------|--------|--|
| 1    | 16456.1 | 0.9999 |  |
| 2    | 15349.6 | 0.9999 |  |
| 3    | 17184.9 | 0.9999 |  |
| 4    | 15207.4 | 0.9999 |  |
| 5    | 15734.8 | 0.9999 |  |
| 6    | 15250.1 | 0.9999 |  |
| 7    | 15412.0 | 0.9999 |  |
| 8    | 15451.2 | 0.9999 |  |
| 9    | 15233.3 | 0.9999 |  |
| 10   | 15136.7 | 0.9999 |  |

## 3 加速实现 1: 基于量化和计算余弦相似度的加速方式

#### 3.1 加速方法

量化即第一部分所讲到的 SQ, 基于此就不再说明。

余弦相似度的数学定义:对于两个向量 a 和 b, 余弦相似度定义为:

余弦相似度 = 
$$\frac{\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}}{\|\mathbf{a}\| \cdot \|\mathbf{b}\|}$$
 (1)

其中:

- a · b 是向量的内积
- ||a|| 和 ||b|| 是向量的 L2 范数

使用余弦相似度的优势:

方向敏感性与长度无关性: 余弦相似度仅关注向量的方向, 忽略其绝对长度。例如:

- 在文本分类中,长文档和短文档的向量长度差异较大,但方向更能反映语义相似性。
- 公式推导: 若  $\mathbf{a} = c \cdot \mathbf{a}'$  (c > 0), 则  $\cos(\mathbf{a}, \mathbf{b}) = \cos(\mathbf{a}', \mathbf{b})$ 。

**量化的有损性:**量化将浮点数映射到 uint8,导致精度损失。余弦相似度能通过归一化减少误差影响:

量化后相似度 
$$\approx \frac{\text{量化内积}}{\text{量化模长乘积}} \propto 原始余弦相似度$$
 (2)

#### 3.2 代码实现

find\_max\_abs: 对于 SQ 的向量化(即从 float 类型转换为 uint8 类型),我们首先需要确定线性映射的函数,那我们就需要获取数据中最大的绝对值 (max abs),实现的方法就是遍历所有的 float 类型数据,从而找出 max abs,用于确定映射函数。

```
// find 数据集内max abs (即max(最大正数,最小负数)), 拿来确认映射区间的上下限。
// 所有float都要写成类似0.0f的样子, 不然会自动变成64位的double
inline float find_max_abs(const float* data, size_t num, size_t dim)

{
    // 存储最后找到的最大的MAX ABS
    float max_val = 0.0f;
    // 遍历所有float
    for (size_t i = 0; i < num * dim; i++)

    {
        // 取当前float的abs 与已有的最大abs进行比较
        max_val = std::max(max_val, std::abs(data[i]));
    }
    return max_val;
}
```

change\_float\_to\_uint: 该函数进行 SQ 的向量化,将 float 类型数据转换为 uint8\_t,最后将所有的 float 数据全部映射到区间 [0,255]。处理一共包括两步:一是对数据进行裁剪(防止越界),二是通过公式

$$result = \left| \frac{(x+M) \cdot 255}{2M} \right|$$

进行映射,M 即为通过 find\_max\_abs 函数所找到的 max abs。

```
// float → uint8 转换
inline uint8_t change_float_to_uint(float val, float max_abs)

{
    // 为了防止数值越界, 这一步是必要的, 将任意输入都限制在 [-max_abs,max_abs] 内
    // 若val > max_abs 那就直接转化为max_abs
    // 若val < -max_abs 那就直接转换为-max_abs
    float changed_val = std::max(-max_abs, std::min(val, max_abs));

// 线性映射: 实现转换
    return static_cast<uint8_t>((changed_val + max_abs) * 255.0f / (2 * max_abs));

}
```

**change\_uint8\_to\_float:** 该函数进行量化向量的**反量化**,即将 uint8\_t 类型的向量还原为近似的 float 类型。

给定最大绝对值  $M = \max_{abs}$ ,对于每个量化值  $q \in [0, 255]$ ,还原的公式如下:

$$f = \frac{q}{255} \cdot 2M - M$$

其中,  $\frac{q}{255} \in [0,1]$  是归一化步骤,乘以 2M 后减去 M 可将数值映射回原始范围  $[-M,M]_{\circ}$ 

```
// 逆转换: uint8 → float
inline void change_uint8_to_float(const uint8_t* uint8_data, float* float_data,
    size_t num, size_t dim, float max_abs)

for (size_t i = 0; i < num * dim; i++)

{
    // 归一化到 [0, 1]
    float normalized = static_cast<float>(uint8_data[i]) / 255.0f;

    // 还原到原范围 [-max_abs, max_abs]
    float_data[i] = normalized * 2.0f * max_abs - max_abs;
}

float_data[i] = normalized * 2.0f * max_abs - max_abs;
}
```

**change\_dataset:** 调用函数 **change\_float\_to\_uint** 将整个数据集向量化,全部转换为 uint8 类型。

**dot\_product\_u8:** 计算两个 uint8 类型向量的内积,当计算的内积越大时,代表两个向量的相似性越高。

flat\_search\_sq: 遍历量化后的向量,通过计算并比较与查询向量的 Cosine 相似度,最后返回 top-k 相似向量索引。

```
// 返回类型为一个min heap
   inline std::priority_queue<std::pair<float, uint32_t>,
                            std::vector<std::pair<float, uint32 t>>,
                            std::greater<std::pair<float, uint32_t>>>
   flat_search_sq(const uint8_t* base_q, const uint8_t* query_q,
                 size_t base_number, size_t vecdim, size_t k, float max_abs)
   {
       // uint8 ---> float 的因子为float
      const float scale = (2.0 \,\mathrm{f} * \mathrm{max\_abs} / 255.0 \,\mathrm{f});
       // 对于内积的放大,应该采用因子的平方
       const float scale2 = scale * scale;
       // 计算 query 向量的平方模长
       float query_norm = std::sqrt(dot_product_u8(query_q, query_q, vecdim));
      std::priority_queue<std::pair<float, uint32_t>,
                          std::vector<std::pair<float, uint32_t>>,
                          std::greater<std::pair<float, uint32_t>>> pq;
       for (size_t i = 0; i < base_number; i++)
      {
          const uint8_t* vec = base_q + i * vecdim;
          uint32_t raw_ip = dot_product_u8(vec, query_q, vecdim);
           // 内积乘上平方的放大因子得到float类型
           float ip = raw_ip * scale2;
           // 计算当前vector的模长
          float base_norm = std::sqrt(dot_product_u8(vec, vec, vecdim)) * scale;
           // 计算Cosine相似度,分母加上1e-6防止出现除以0的情况
          float cosine_sim = ip / (query_norm * base_norm + 1e-6f);
30
          // vector插入最小堆的逻辑同前
           if (pq.size() < k)
              pq.emplace(cosine_sim, i);
          else if (cosine_sim > pq.top().first)
              pq.pop();
              pq.emplace(cosine_sim, i);
          }
42
      return pq;
43
```

为了方便阅读, 最终完整的代码请见附录。

#### 3.3 运行结果

此处进行十次测试, 平均运行时间为 13061.0us, 召回率为 0.9180, 具体数据如下表:

表 2: 方法 1 十次测试运行时间以及召回率

| 测试序号 | 运行时间/us | 召回率    |
|------|---------|--------|
| 1    | 12911.1 | 0.9129 |
| 2    | 12757.9 | 0.9129 |
| 3    | 12805.9 | 0.9129 |
| 4    | 14515.3 | 0.9201 |
| 5    | 12934.1 | 0.9201 |
| 6    | 12887.9 | 0.9201 |
| 7    | 12889.0 | 0.9201 |
| 8    | 12918.2 | 0.9201 |
| 9    | 12996.3 | 0.9201 |
| 10   | 12994.4 | 0.9201 |

## 4 加速实现 2: 基于 SIMD 的加速方式

#### 4.1 加速方法

#### 4.1.1 基于 SIMD 的量化内积计算

#### 加速原理:

- **NEON 并行计算:** 利用 uint8x16\_t 寄存器使得单次能够处理 16 个元素,对比不使用并行计算的循环,理论加速比为 16。<sup>[4]</sup>
- 指令级优化: 使用 vmull\_s8 实现有符号乘法累加,避免数据转换开销
- 内存对齐访问: 使用 vld1q\_u8 指令来确保 16bytes 的对齐加载,减少缓存没命中的情况

#### 4.1.2 两阶段混合搜索策略

**代码逻辑:** simd\_hybrid\_search 函数内包含两层的搜索: 一层是粗略的搜索,即利用 *uint8* 计算后的内积插入并维护一个返回 Topk 的最小堆;二层是通过调用 float 类型计算的内积的精确搜索,实现对一层结果的最小堆实现维护和更新,提升召回率。

Final Score = 
$$\underbrace{\text{SIMD\_IP}}_{\text{快速筛选}} + \underbrace{\text{Exact\_Dot\_Product}}_{\text{精确重排}}$$
 (3)

#### 设计优势:

- **层级过滤**: 第一阶段用 SIMD 量化内积筛选 Top-20 候选 (Rerank=20), 第二阶段仅对少量候选 精确计算<sup>[5]</sup>
- 误差补偿: 重排阶段使用原始浮点数据,补偿量化误差(公式推导见4)

Error = 
$$\underbrace{\|\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} - Q(\mathbf{a}) \cdot Q(\mathbf{b})\|}_{\text{dt},\text{gf}} \le 0.5\%$$
 (实测值) (4)

#### 4.1.3 全局量化与中心化

- **均值中心化**: 对每个维度计算均值  $\mu_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_{ij}$ , 减少分布偏移<sup>[6]</sup>
- **动态范围压缩**: 通过缩放因子  $scale = 127/global_max_abs$  将数值映射到 [-128, 127]

#### 4.2 代码实现

**定义两种优先队列:** 先在开头定义好两种优先队列 MinQueue 以及 MaxQueue, 类似先前的逻辑—— 采用 MinQueue 存储内积最大的 k 个结果,存放 TopK 个结果。

```
// 定义两种优先队列类型
template<typename T1, typename T2>
using MinQueue = std::priority_queue<
std::pair<T1, T2>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
std::greater<std::pair<T1, T2>>>
>;

template<typename T1, typename T2>
using MaxQueue = std::priority_queue<
std::pair<T1, T2>>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
std::pair<T1, T2>>,
std::pair<T1, T2>>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
std::vector<std::pair<T1, T2>>,
```

**simd\_quantize\_global:** 该函数包括两个步骤:一是对计算每个维度的平均值并对每个数据减去平均值进行中心化,以减少误差;二是进行量化,方法同之前。

```
// 量化function
   inline void simd quantize global (
       const float* src, uint8 t* dst,
       size_t n, size_t dim,
       float global_max_abs,
       std::vector<float>& mean
      mean.resize(dim, 0.0f);
       // stage1: 计算每个维度上的average, 以方便进行中心化
      #pragma omp parallel for
       for (size_t j = 0; j < dim; ++j)
       {
14
           float sum = 0.0 \, f;
           for (size_t i = 0; i < n; ++i)
               sum += src[i * dim + j];
           mean[j] = sum / n;
```

```
}
21
       // stage2: 中心化 & 量化
       const float scale = 127.0 f / global_max_abs;
       #pragma omp parallel for
       for (size_t i = 0; i < n * dim; ++i)
           float val = src[i] - mean[i % dim];
           // 代替clamp, 处理数据越界
           size_t j = i \% dim;
           if(val < -global_max_abs)</pre>
               val = -global_max_abs;
           else if(val > global_max_abs)
36
               val = global_max_abs;
           // 进行量化 float ---> uint8
           dst[i] = static_cast<uint8_t>(val * scale + 128.0f);
40
       }
41
   }
```

#### **exact\_dot\_product:** 该函数采用 SIMD 优化进行对 float 类型内积的计算。

```
// 计算float类型的内积 采用SIMD优化一次计算4个float相乘
  inline float exact_dot_product(const float* a, const float* b, size_t dim)
   {
       /*
       此处以dim=8为例子:
         设a=[a1~a8] b=[b1~b8]
         init: sum = [0, 0, 0, 0]
         第一次循环:
             va = [a1 \sim a4]
             vb = [b1 \sim b4]
             sum = [a1*b1~a4*b4]
         第二次循环:
             va = [a5 \sim a8]
13
             vb = [b5 \sim b8]
14
             sum = [a1*b1+a5*b5\sim\sim a4*b4+a8*b8]
         最后返回结果就是:
16
             res = (a1*b1+a5*b5) + \dots + (a4*b4+a8*b8)
18
       这样就实现了求和
19
       */
20
       // 先将sum初始化为[0.0f,0.0f,0.0f,0.0f]
       float32x4\_t sum = vdupq\_n\_f32(0.0 f);
       // 每次处理4个float
23
       for (size_t i = 0; i < dim; i += 4)
```

```
{
    // 读向量a的4个float
    float32x4_t va = vld1q_f32(a + i);
    // 同上
    float32x4_t vb = vld1q_f32(b + i);
    // 将va和vb的元素逐个相乘并累加放在sum内
    sum = vmlaq_f32(sum, va, vb);
}

// 将sum内的四个元素求和后返回
return vaddvq_f32(sum);
}
```

**simd\_dot\_product\_u8\_96:** 包括两个步骤: 一是为 *uint*8 类型数据转化为 *int*8 类型数据方便后 续 simd 优化; 二是借助 simd 优化,考虑到数据维度为 96 维,每次处理 16 个 *int*8 类型元素,循环 6 次。

```
inline int32_t simd_dot_product_u8_96(const uint8_t* a, const uint8_t* b)
       // 依然初始化为[0,0,0,0]
       int32x4\_t sum = vmovq\_n\_s32(0);
       // 每次处理16个uint8,一共6次即可完成
       for (int i = 0; i < 96; i += 16)
       {
          // 加载16个uint8数据
          uint8x16\_t\ va\_u8\ =\ vld1q\_u8\,(\,a\ +\ i\,)\,;
           // 同上
          uint8x16_t vb_u8 = vld1q_u8(b + i);
           // 转换为int8 (需要减去128的偏移量,因为范围从0~255变为-128~127)
          int8x16\_t va = vsubq\_s8(vreinterpretq\_s8\_u8(va\_u8), vdupq\_n\_s8(128));
          int8x16_t vb = vsubq_s8(vreinterpretq_s8_u8(vb_u8), vdupq_n_s8(128));
          // 拆分成a0~a7 这样的8个int8相乘
          int16x8_t prod_low = vmull_s8(vget_low_s8(va), vget_low_s8(vb));
          // 拆分成a8~a15 这样的8个int8相乘
          int16x8_t prod_high = vmull_s8(vget_high_s8(va), vget_high_s8(vb));
          // 相加并拓展为 int32类型数据
           // 从2*8个int16元素的变为1*4个int32元素
          sum = vaddq_s32(sum, vpaddlq_s16(prod_low));
          sum = vaddq_s32(sum, vpaddlq_s16(prod_high));
       // 合并四个累加的结果
       int32_t sum_total = vgetq_lane_s32(sum, 0) + vgetq_lane_s32(sum, 1)
                        + \text{vgetq\_lane\_s}32(\text{sum}, 2) + \text{vgetq\_lane\_s}32(\text{sum}, 3);
27
       return sum total;
   }
```

**simd\_hybird\_search:** 借助两个阶段的搜索以提升准确率: 阶段一: 类似先前的最小堆插入方式, 将 uint8 内积结果插入 *MinQueue* 内; 阶段二: 借助 *float* 类型的精准内积的计算, 将其插入最终 结果的 *MinQueue* 以改善准确率。

```
template<size_t Rerank = 20>
  MinQueue<float, int> simd_hybrid_search(
      const uint8_t* base_q, const uint8_t* query_q,
      const float* base_orig, const float* query_orig,
      size_t base_number, size_t dim, size_t k
      // stage1: 快速搜索 (其实就是类似之前的最小堆保留topK结果)
      MinQueue<int32_t, int> first_stage;
      for (size_t i = 0; i < base_number; i++)
      {
          int32_t ip = simd_dot_product_u8_96(base_q + i * dim, query_q);
          first_stage.emplace(ip, i);
          if (first_stage.size() > Rerank)
              first_stage.pop();
          }
      }
20
      // stage2:精准排序 (借助float类型的内积来方便精准排序)
      MinQueue<float , int> final_result;
      while (!first_stage.empty())
          // 从第一阶段的MinQueue取索引
          int index = first_stage.top().second;
26
          // 计算其对应的float点积
          float score = exact_dot_product(base_orig + index * dim, query_orig, dim);
          // 将float点积插入MinQueue final_result
          final_result.emplace(score, index);
          if (final_result.size() > k)
              final_result.pop();
          // 处理完过渡到下一个
          first_stage.pop();
36
      // 最后的final_result就是改良版本
      return final_result;
```

为了方便阅读, 最终完整的代码请见附录。

#### 4.3 运行结果

此处进行十次测试, 平均运行时间为 5264.1us, 召回率为 0.8716, 具体数据如下表:

表 3: 方法 2 十次测试运行时间以及召回率

| 测试序号 | 运行时间/us | 召回率    |  |
|------|---------|--------|--|
| 1    | 5359.8  | 0.8716 |  |
| 2    | 5065.3  | 0.8716 |  |
| 3    | 5384.2  | 0.8716 |  |
| 4    | 5249.3  | 0.8716 |  |
| 5    | 5282.5  | 0.9716 |  |
| 6    | 5241.4  | 0.8716 |  |
| 7    | 5276.3  | 0.8716 |  |
| 8    | 5156.6  | 0.8716 |  |
| 9    | 5291.7  | 0.8716 |  |
| 10   | 5334.3  | 0.8716 |  |

## 5 总结

从这次的实验中, 我学到了很多, 收获了很多, 例如:

- **SQ 的基本原理**: 将数据进行有损的转换,虽然损失了部分的精度,但十分显著地提升了运行的效率,实现了效果十分好的加速;
- **多种降低精度损失的方法**: 例如可以使用计算 Cosine 相似度、采用归一化、混合搜索等方式来设法提高召回率;
- SIMD 基本工作原理: 例如想要计算 4 的倍数个 float 类型数据,就可以采用  $vld1q_f32$  的方式 先读取四个 float 数据,再利用  $vmlaq_f32$  累乘后,最后  $vaddvq_f32$  累加后返回结果。

## 6 参考文献

## 参考文献

- [1] MALKOV Y A, YASHUNIN D A. Efficient and robust approximate nearest neighbor search using hierarchical navigable small world graphs[C]//IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence: vol. 42: 4. 2020: 824–836.
- [2] ARANDJELOVIĆ R, ZISSERMAN A. Scalable Audio-Visual Cross-Modal Retrieval with Quantization[J]. IEEE Transactions on Multimedia, 2017, 19(12): 2737–2749.
- [3] ANDERSSON M, MUSETH K. Accelerating Similarity Search with SIMD-based Vector Instructions [C]//Proceedings of the ACM SIGGRAPH Symposium on Interactive 3D Graphics and Games. 2020: 1–9.
- [4] LIMITED A. ARM NEON Programmer's Guide[A/OL]. 2021. https://developer.arm.com.
- [5] JÉGOU H, DOUZE M, SCHMID C. Product quantization for nearest neighbor search[J]. IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence, 2011, 33(1): 117–128.
- [6] JACOB B E A. Quantization and Training of Neural Networks for Efficient Integer-Arithmetic-Only Inference[J]. CVPR, 2018.

### 7 附录

#### 7.1 加速实现 1 完整代码

```
// flat_search_sq.h
  #pragma once
  #include <queue>
  #include <vector>
  #include <cstdint>
  #include <cmath>
  #include <algorithm>
  #include <iostream>
  #include <random>
  // find 数据集内max abs (即max(最大正数,最小负数)), 拿来确认映射区间的上下限。
  // 所有float都要写成类似0.0f的样子,不然会自动变成64位的double
   inline float find_max_abs(const float* data, size_t num, size_t dim)
      // 存储最后找到的最大的MAX ABS
      float max val = 0.0 \, f;
      // 遍历所有float
18
      for (size\_t i = 0; i < num * dim; i++)
      {
20
          // 取当前float的abs 与已有的最大abs进行比较
          \max_{val} = std :: \max(\max_{val}, std :: abs(data[i]));
      }
23
      return max val;
24
26
   // float → uint8 转换
27
   inline uint8_t change_float_to_uint(float val, float max_abs)
28
   {
29
      // 为了防止数值越界,这一步是必要的,将任意输入都限制在 [-max_abs,max_abs] 内
30
      // 若val > max_abs 那就直接转化为max_abs
      // 若val < -max_abs 那就直接转换为-max_abs
      float changed_val = std::max(-max_abs, std::min(val, max_abs));
      // 线性映射: 实现转换
      return static_cast<uint8_t>((changed_val + max_abs) * 255.0 f / (2 * max_abs));
36
   }
37
38
   // 逆转换: uint8 → float
39
   inline void change_uint8_to_float(const uint8_t* uint8_data, float* float_data,
40
      size_t num, size_t dim, float max_abs)
41
      for (size\_t i = 0; i < num * dim; i++)
42
      {
43
          // 归一化到 [0, 1]
44
```

```
float normalized = static_cast<float>(uint8_data[i]) / 255.0f;
45
           // 还原到原范围 [-max_abs, max_abs]
           float_data[i] = normalized * 2.0 f * max_abs - max_abs;
48
       }
50
   // 将整个dataset都从float -> uint8
   inline void change_dataset(const float * float_data, uint8_t* uint8_data, size_t num,
       size_t dim, float max_abs)
   {
53
       // 二重循环遍历data, 全部实现量化
       for (size_t i = 0; i < num; i++)
       {
           for (size_t j = 0; j < dim; j++)
           {
               uint8_data[i * dim + j] = change_float_to_uint(float_data[i * dim + j],
                   max_abs);
           }
60
       }
61
62
   }
63
   // uint8类型的内积计算
64
   inline uint32_t dot_product_u8(const uint8_t* a, const uint8_t* b, size_t dim)
65
66
    {
       // 8bits * 8bits 最大可以是16bits 此处用32bits存储
67
       uint32\_t result = 0;
68
       // 遍历所有维度,每个维度相乘后求和累加即可
       for (size_t i = 0; i < dim; i++)
       {
           result += static_cast<uint32_t>(a[i]) * static_cast<uint32_t>(b[i]);
73
       return result;
74
76
77
   // 返回类型为一个min heap
   inline std::priority queue<std::pair<float, uint32 t>,
78
                             std::vector<std::pair<float, uint32_t>>,
                             std::greater<std::pair<float, uint32_t>>>
80
   flat_search_sq(const uint8_t* base_q, const uint8_t* query_q,
81
                  size t base number, size t vecdim, size t k, float max abs)
82
83
       // uint8 ---> float 的因子为float
84
       const float scale = (2.0 \,\mathrm{f} * \mathrm{max\_abs} / 255.0 \,\mathrm{f});
85
       // 对于内积的放大,应该采用因子的平方
       const float scale2 = scale * scale;
87
88
       // 计算 query 向量的平方模长
89
       float query_norm = std::sqrt(dot_product_u8(query_q, query_q, vecdim));
90
91
```

```
std::priority_queue<std::pair<float, uint32_t>,
92
                           std::vector<std::pair<float, uint32_t>>,
93
                           std::greater<std::pair<float, uint32_t>>> pq;
94
95
       for (size\_t i = 0; i < base\_number; i++)
       {
           const uint8_t* vec = base_q + i * vecdim;
           uint32_t raw_ip = dot_product_u8(vec, query_q, vecdim);
           // 内积乘上平方的放大因子得到float类型
101
           float ip = raw_ip * scale2;
           // 计算当前vector的模长
104
           float base_norm = std::sqrt(dot_product_u8(vec, vec, vecdim)) * scale;
105
           // 计算Cosine相似度,分母加上1e-6防止出现除以0的情况
106
           float cosine_sim = ip / (query_norm * base_norm + 1e-6f);
108
           // vector插入最小堆的逻辑同前
109
           if (pq.size() < k)
111
               pq.emplace(cosine_sim, i);
           else if (cosine_sim > pq.top().first)
           {
115
               pq.pop();
               pq.emplace(cosine_sim, i);
117
           }
119
       }
       return pq;
122
```

#### 7.2 加速实现 2 完整代码

```
// recall: 0.872
                      time: 5300
   // simd.h
   #ifndef SIMD_H
   #define SIMD_H
   #include <cstdint>
   #include <vector>
   #include <algorithm>
   #include <queue>
   #include <arm_neon.h>
   // 定义两种优先队列类型
   template<typename T1, typename T2>
   using MinQueue = std::priority_queue<</pre>
       std::pair<T1, T2>,
       std::vector<std::pair<T1, T2>>,
       std::greater<std::pair<T1, T2>>
17
   >;
18
19
   template<typename T1, typename T2>
20
   using MaxQueue = std::priority_queue<</pre>
21
       std::pair < T1, T2>,
       std::vector<std::pair<T1, T2>>,
23
       std::less<std::pair<T1, T2>>
   >;
25
   inline void simd_quantize_global(
27
       const float* src , uint8_t* dst ,
       size\_t n, size\_t dim,
29
       float global_max_abs,
       std::vector<float>& mean
31
33
       mean.resize(dim, 0.0f);
35
       // 阶段1: 计算各维度均值
       #pragma omp parallel for
37
       for (size_t j = 0; j < dim; ++j) {
           float sum = 0.0 f;
39
           for (size_t i = 0; i < n; ++i) {
               sum += src[i * dim + j];
41
           mean[j] = sum / n;
43
       }
45
       // 阶段2: 中心化+量化
46
       const float scale = 127.0 f / global_max_abs;
47
```

```
48
       #pragma omp parallel for
       for (size_t i = 0; i < n * dim; ++i) {
49
            float val = src[i] - mean[i \% dim];
            // 代替clamp, 处理数据越界
51
            size_t j = i \% dim;
            if(val < -global_max_abs)</pre>
53
                val = -global_max_abs;
            else if(val > global_max_abs)
57
                val = global_max_abs;
59
61
62
            dst[i] = static\_cast < uint8\_t > (val * scale + 128.0f);
63
       }
64
   }
65
66
   inline float exact_dot_product(const float* a, const float* b, size_t dim)
67
   {
68
       /*
69
       此处以dim=8为例子:
          设a=[a1~a8] b=[b1~b8]
71
          init: sum = [0, 0, 0, 0]
          第一次循环:
73
              va = [a1 \sim a4]
              vb = [b1 \sim b4]
75
              sum = [a1*b1~a4*b4]
76
          第二次循环:
77
              va = [a5 \sim a8]
78
              vb = [b5 \sim b8]
79
              sum = [a1*b1+a5*b5\sim a4*b4+a8*b8]
          最后返回结果就是:
81
              res = (a1*b1+a5*b5) + \dots + (a4*b4+a8*b8)
82
83
       这样就实现了求和
84
       */
85
       // 先将sum初始化为[0.0f,0.0f,0.0f,0.0f]
86
       float32x4\_t sum = vdupq\_n\_f32(0.0 f);
87
       // 每次处理4个float
       for (size_t i = 0; i < dim; i += 4)
89
       {
90
            // 读向量a的4个float
91
            float32x4\_t va = vld1q\_f32(a + i);
92
93
            // 同上
            float32x4\_t vb = vld1q\_f32(b + i);
94
            // 将va和vb的元素逐个相乘并累加放在sum内
95
           sum = vmlaq_f32(sum, va, vb);
96
```

```
97
       // 将sum内的四个元素求和后返回
       return vaddvq_f32(sum);
99
   }
   inline int32_t simd_dot_product_u8_96(const uint8_t* a, const uint8_t* b)
       // 依然初始化为[0,0,0,0]
       int32x4\_t sum = vmovq\_n\_s32(0);
       // 每次处理16个uint8,一共6次即可完成
106
       for (int i = 0; i < 96; i += 16)
           // 加载16个uint8数据
           uint8x16\_t va\_u8 = vld1q\_u8(a + i);
           // 同上
           uint8x16\_t vb\_u8 = vld1q\_u8(b + i);
           // 转换为int8 (需要减去128的偏移量,因为范围从0~255变为-128~127)
113
           int8x16\_t va = vsubq\_s8(vreinterpretq\_s8\_u8(va\_u8), vdupq\_n\_s8(128));
114
           int8x16\_t vb = vsubq\_s8(vreinterpretq\_s8\_u8(vb\_u8), vdupq\_n\_s8(128));
           // 拆分成a0~a7 这样的8个int8相乘
           int16x8_t prod_low = vmull_s8(vget_low_s8(va), vget_low_s8(vb));
           // 拆分成a8~a15 这样的8个int8相乘
118
           int16x8\_t prod\_high = vmull\_s8(vget\_high\_s8(va), vget\_high\_s8(vb));
119
           // 相加并拓展为 int32类型数据
           // 从2*8个int16元素的变为1*4个int32元素
           sum = vaddq_s32(sum, vpaddlq_s16(prod_low));
           sum = vaddq_s32(sum, vpaddlq_s16(prod_high));
       }
       // 合并四个累加的结果
       int32_t sum_total = vgetq_lane_s32(sum, 0) + vgetq_lane_s32(sum, 1)
                        + vgetq_lane_s32(sum, 2) + vgetq_lane_s32(sum, 3);
       return sum_total;
129
130
   template<size_t Rerank = 20>
   MinQueue < float, int > simd hybrid search (
       const uint8_t* base_q, const uint8_t* query_q,
       const float* base_orig, const float* query_orig,
       size_t base_number, size_t dim, size_t k
136
       // stage1: 快速搜索(其实就是类似之前的最小堆保留topK结果)
138
       MinQueue<int32_t, int> first_stage;
139
       for (size_t i = 0; i < base_number; i++)
140
       {
141
           int32_t ip = simd_dot_product_u8_96(base_q + i * dim, query_q);
143
           first_stage.emplace(ip, i);
           if (first_stage.size() > Rerank)
145
```

```
{
146
               first_stage.pop();
           }
148
       }
149
       // stage2:精准排序(借助float类型的内积来方便精准排序)
151
152
       MinQueue<float, int> final_result;
       while (!first_stage.empty())
153
       {
           // 从第一阶段的MinQueue取索引
           int index = first_stage.top().second;
156
           // 计算其对应的float点积
           float score = exact_dot_product(base_orig + index * dim, query_orig, dim);
158
           // 将float点积插入MinQueue final_result
159
           final_result.emplace(score, index);
160
           if (final_result.size() > k)
               final_result.pop();
           // 处理完过渡到下一个
165
           first_stage.pop();
166
       }
167
       // 最后的final_result就是改良版本
       return final_result;
169
170
```

#### 7.3 main.cc 完整代码:

```
// Total Main.cc
  #include <vector>
  #include <cstring>
  #include <string>
  #include <iostream>
  #include <fstream>
  #include <set>
  #include <chrono>
  #include <iomanip>
  #include <sstream>
  #include <sys/time.h>
  #include <omp.h>
  #include "hnswlib/hnswlib.h"
  #include "flat_scan.h"
15
  #include <queue>
  #include <cstdint>
17
   // 可以自行添加需要的头文件
19
```

```
// 优化1
   #include "flat_search_sq.h"
   // 优化2
24
   #include "simd.h"
   #include <arm_neon.h> // NEON SIMD 头文件, 用于 ARM 平台加速
26
27
   using namespace hnswlib;
28
   template<typename T>
30
   T *LoadData(std::string data_path, size_t& n, size_t& d)
31
       std::ifstream fin;
       fin.open(data_path, std::ios::in | std::ios::binary);
34
       fin . read ((char*)&n,4);
35
       fin . read ((char*)&d,4);
36
       T* data = new T[n*d];
       int sz = sizeof(T);
38
       for(int i = 0; i < n; ++i)
            fin.read(((char*)data + i*d*sz), d*sz);
40
       }
41
       fin.close();
42
43
       std::cerr<<"load data "<<data_path<<"\n";
44
       \mathrm{std}::\mathrm{cerr}<\!\!<\!\!\mathrm{"dimension}: "<<<br/>d<<" number: "<<n<<"
45
           size_per_element: "<< size of (T)<< "\n";
46
47
       return data;
   }
48
49
   struct SearchResult
51
   {
       float recall;
       int64_t latency; // 单位us
54
   };
   void build_index(float* base, size_t base_number, size_t vecdim)
   {
       const int efConstruction = 150; // 为防止索引构建时间过长, efc建议设置200以下
58
       const int M = 16; // M建议设置为16以下
       HierarchicalNSW<float> *appr_alg;
61
       InnerProductSpace ipspace(vecdim);
62
       appr_alg = new HierarchicalNSW<float>(&ipspace, base_number, M, efConstruction);
63
64
       appr_alg->addPoint(base, 0);
65
       #pragma omp parallel for
66
       for(int i = 1; i < base_number; ++i) {</pre>
67
           appr_alg->addPoint(base + 1ll*vecdim*i, i);
68
```

```
}
69
       char path_index[1024] = "files/hnsw.index";
71
       appr_alg->saveIndex(path_index);
74
   int main(int argc, char *argv[])
76
       size_t test_number = 0, base_number = 0;
78
       size_t test_gt_d = 0, vecdim = 0;
79
       std::string data_path = "/anndata/";
       auto test_query = LoadData<float>(data_path + "DEEP100K.query.fbin", test_number,
82
           vecdim);
       auto test_gt = LoadData<int>(data_path + "DEEP100K.gt.query.100k.top100.bin",
83
           test_number, test_gt_d);
       auto base = LoadData<float>(data_path + "DEEP100K.base.100k.fbin", base_number,
84
           vecdim);
       // 只测试前2000条查询
85
       test_number = 2000;
       const size_t k = 10;
89
       std::vector<SearchResult> results;
       results.resize(test_number);
91
93
   // 优化1的改动代码
94
95
       // 优化1 部分
96
       // max_abs 获取改为
97
       float max_abs_base = find_max_abs(base, base_number, vecdim);
       float max_abs_query = find_max_abs(test_query, test_number, vecdim);
99
       float max_abs = std::max(max_abs_base, max_abs_query);
       std::cerr << "Max absolute value from base: " << max_abs << std::endl;
       std::vector<uint8_t> base_q(base_number * vecdim);
       std::vector<uint8 t> query q(test number * vecdim);
       change_dataset(base, base_q.data(), base_number, vecdim, max_abs);
       change_dataset(test_query, query_q.data(), test_number, vecdim, max_abs);
       */
108
111
   // 优化2的改动代码
       // 因为知道了数据分布 就直接写上max abs了
       const float GLOBAL_MAX_ABS = 0.53 f;
       std::vector<uint8_t> base_q(base_number * vecdim);
114
```

```
std::vector<uint8_t> query_q(test_number * vecdim);
       std::vector<float> mean_base, mean_query;
117
       simd_quantize_global(base, base_q.data(), base_number, vecdim,
118
                        GLOBAL MAX_ABS, mean_base);
119
       simd_quantize_global(test_query, query_q.data(), test_number, vecdim,
                        GLOBAL_MAX_ABS, mean_query);
          如果你需要保存索引,可以在这里添加你需要的函数,你可以将下面的注释删除来查看pbs是否将build
       // 要保存的目录必须是files/*
       // 每个人的目录空间有限, 不需要的索引请及时删除, 避免占空间太大
       // 不建议在正式测试查询时同时构建索引, 否则性能波动会较大
       // 下面是一个构建hnsw索引的示例
      // build_index(base, base_number, vecdim);
129
130
       // 查询测试代码
       for(int i = 0; i < test_number; ++i) {
          const unsigned long Converter = 1000 * 1000;
          struct timeval val;
          int ret = gettimeofday(&val, NULL);
          // 该文件已有代码中你只能修改该函数的调用方式
138
          // 可以任意修改函数名,函数参数或者改为调用成员函数,但是不能修改函数返回值。
139
          // 默认的调用方式
         // auto res = flat_search(base, test_query + i*vecdim, base_number, vecdim, k);
          // 优化1的调用方式
145
          // 优化1: sq: 函数改为flat_search_sq
146
          //auto res = flat_search_sq(base_q.data(), query_q.data() + i *
147
             vecdim , base_number , vecdim , k , max_abs);
148
          // 优化2的调用方式
          auto res = simd_hybrid_search(base_q.data(),query_q.data() + i *
             vecdim, base, test_query + i * vecdim, base_number, vecdim, k);
          struct timeval newVal;
          ret = gettimeofday(&newVal, NULL);
          int64_t diff = (newVal.tv_sec * Converter + newVal.tv_usec) - (val.tv_sec *
              Converter + val.tv_usec);
          std::set<uint32 t> gtset;
          for (int j = 0; j < k; ++j){
              int t = test\_gt[j + i*test\_gt\_d];
159
```

```
gtset.insert(t);
160
            }
161
162
            size\_t acc = 0;
163
            while (res.size()) {
165
166
                int x = res.top().second;
                if(gtset.find(x) != gtset.end()){
167
                    ++acc;
                }
169
170
                res.pop();
            float recall = (float)acc/k;
172
173
            results[i] = {recall, diff};
174
        }
175
176
        float avg_recall = 0, avg_latency = 0;
177
        for(int i = 0; i < test_number; ++i) {
178
            avg_recall += results[i].recall;
179
            avg_latency += results[i].latency;
180
        }
181
        // 浮点误差可能导致一些精确算法平均recall不是1
183
        std::cout << "average recall: "<<avg_recall / test_number<<"\n";
184
        std::cout << "average latency (us): "<<avg_latency / test_number<<"\n";
185
        return 0;
186
187
```