高等数学期中试题(B卷)

班级		学号			姓名			
(本试卷共 4 页, 七个大题)								
题号	_	1 1	111	四	五	六	七	总分
得分								
一. 填空题 (每小题 4 分, 共 32 分)								

- 1. 已知向量 \vec{AB} 的起点A(2,0,3),其方向余弦为 $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{6}}, \cos \beta = \frac{2}{\sqrt{6}}, \cos \gamma = \frac{1}{\sqrt{6}}$,且 $|\vec{AB}| = 2\sqrt{6}, \quad \text{则其终点} B \text{ 的坐标为}_{\underline{}}.$
- 2. 已知 $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 2, \ \vec{a} = \vec{b}$ 的夹角 $(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{\pi}{3}, \ \text{则} |\vec{a} \times \vec{b}| = _____, \ \text{以 } 2\vec{a} + \vec{b}, \ \vec{a} + 3\vec{b}$ 为邻边的平行四边形的面积 A=_____.
- 3. 设 $z = x^2 xy + y^2$,在点 (-1,1) 处沿方向_______z 增加得最快,且沿此方向 z 的变化率为_____.
- 4. 函数 $f(x, y) = e^{x+y^2}$ 的二阶麦克劳林公式(带佩亚诺余项)为 f(x, y) =______.
- 6. 曲线 $\begin{cases} z = x^2 + y^2 \\ x + y + z = 8 \end{cases}$ 在点 (1,2,5) 处的切向量 $\vec{s} =$ _______.

- 二. (10 分) 设 $x^2yz = f(y-z)$, 其中 f 有连续导数, 求 $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$.
- 三. (10 分) 计算二重积分 $I = \iint_D \sqrt{4R^2 x^2 y^2} dxdy$, 其中 D 是由曲线 $(x R)^2 + y^2 = R^2$ 围成的平面有界闭区域.
- 四. (12 分) 已知直线 L 过点(2,-1,3),且与直线 L_1 : $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+2}{1}$ 相交,又平行于平面 π : 3x-2y+z+5=0,求直线 L 的标准方程.
- 五. (12 分) 设平面 π 与直线 L: $\begin{cases} x-y+z=0\\ 2x-y+3z-2=0 \end{cases}$ 垂直,且与球面 $x^2+y^2+z^2=4$ 相切,求平面 π 的方程.
- 六. (12 分) 计算三重积分 $I = \iiint_V xz |y-x^2| dxdydz$, 其中 V 是平面 x=1, y=1, z=1 与三坐 标面围成的空间有界闭区域.
- 七. (12 分) 设 M 是椭圆 $\begin{cases} 2x^2 y^2 + z^2 = 5 \\ x + y = 0 \end{cases}$ 上的点, $\frac{\partial f}{\partial \vec{e}}$ 是函数 $f(x,y,z) = x^2 + y^2 + z^2$ 在 点 M 处沿方向 {1,-1,1} 的方向导数,求使 $\frac{\partial f}{\partial \vec{e}}$ 取得最大值和最小值的点 M 及 $\frac{\partial f}{\partial \vec{e}}$ 的最大值和最小值.