

Họ và tên: Nguyễn Nam Khánh, MSSV: 22120257
22CTT3

Tìm cực trị $z = x + y - xe^y$

G:

$$\text{Ta có: } \begin{cases} z'_x = 1 - e^y = 0 \\ z'_y = 1 - xe^y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} e^y = 1 \\ xe^y = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y = 0 \\ x = 1 \end{cases}$$

$\rightarrow M(1;0)$ là điểm dừng

$$\text{Ta có: } z''_{xx} = (1 - e^y)'_x = 0 = A$$

$$z''_{xy} = (1 - e^y)'_y = -e^y = B$$

$$z''_{yy} = (1 - xe^y)'_y = -xe^y = C$$

$$\Delta = A \cdot C - B^2 = 0 \cdot (-xe^y) - (-e^y)^2 \\ = 0 - e^{2y} = -e^{2y}$$

$$\text{Với } M(1;0) \text{ thì } \Delta(M) = -e^{2 \cdot 0} = -1 < 0$$

Vậy $M(1;0)$ là điểm yên ngựa \square