



Politechnika Wrocławska

PODSTAWY OPTYMALIZACJI

KATEDRA AUTOMATYKI, MECHATRONIKI I SYSTEMÓW STEROWANIA

PROBLEM REGRESJI LINIOWEJ SPADEK GRADIENTOWY

MARCIN NURZYŃSKI
226232

MARCIN WOŹNIAK
226399

1 CZERWCA 2018

Spis treści

1	Wprowadzenie	2
1.1	Część teoretyczna	2
1.2	Część praktyczna	2
2	Opis problemu	3
2.1	Cel algorytmu	3
2.2	Ograniczenia algorytmu	3
3	Zbiór danych	4
3.1	Pochodzenie danych	4
3.2	Zoobrazowanie zbioru danych	4
3.3	Filtracja	5

1 Wprowadzenie

Tematem projektu jest pokazanie na przykładzie cen mieszkań w jaki sposób, używając zbioru danych, możemy przewidywać, jakie wartości będą miały kolejne pary danych. Technika używana przez nas do rozwiązania tego problemu to uzyskanie regresji liniowej przy użyciu spadku gradientowego. Cały problem składa się z dwóch części - teoretycznej oraz praktycznej.

1.1 Część teoretyczna

W części teoretycznej zostaną przedstawione wszystkie obliczenia, które są niezbędne do wyznaczenia prostej, która w najdokładniejszy sposób opisze zbiór danych. Dzięki tej prostej będziemy w stanie ocenić najbardziej prawdopodobną daną wyjściową dla pewnym danych wejściowych. Do uzyskania tego policzymy funkcję kosztu dla kilku możliwych prostych, które będą w pewien sposób odwzorowywały te dane. Dzięki temu uzyskamy parabolę, dla której obliczymy globalne minimum za pomocą dwóch sposobów. Pierwszy używa wzór na funkcję tej paraboli, a drugi zaczyna od wybranego punkty i zbliża się do globalnego minimum za pomocą spadku gradientowego.

1.2 Część praktyczna

Praktyczna część będzie polegała na stworzenie programu, który sam będzie obliczał funkcję kosztu oraz stworzy z tego wykres kosztu, na którym potem przeprowadzi spadek gradientowy. Dzięki temu zabiegowi otrzymamy dokładnie taki sam wynik jak w części praktycznej. Całe oprogramowanie zostanie napisane w Octave - darmowym odpowiednikiem Matlab'a. To środowisko programistyczne zostało wybrane ze względu na prosty, a przede wszystkim czytelny sposób przeprowadzania obliczeń. Każda część będzie odwzorowana za pomocą wykresów, które będą również przedstawiały kroki, które były wykonywane w części teoretycznej.

2 Opis problemu

2.1 Cel algorytmu

Celem algorytmu jest przedstawienie regresji liniowej i jednego ze sposobów, związanego z popularnym aktualnie uczeniem maszynowym, radzenia sobie z obliczeniem jej - spadku gradientowego. Przedstawiony tutaj algorytm będzie przewidywał cenę mieszkań we Wrocławiu w zależności od ilości metrów kwadratowych danego lokalu. W rzeczywistości na cenę mieszkania wpływa dużo więcej czynników, takich jak między innymi odległość od centrum, ilość przystanków, sklepów w okolicy czy możliwość zaparkowania pojazdu. Omawiany przez nas problem skupia się tylko i wyłącznie na wielkości mieszkania, ponieważ uznaliśmy to jako jeden z głównych czynników, z których wynika cena mieszkania. Oczywiście spadek gradientowy pozwala na dodanie dużo większej ilości danych wejściowych, wręcz nieskończonej (może to spowodować przeuczenie się algorytmu, co będzie powodowało dobre odwzorowanie tylko i wyłącznie dla zbioru testowego, a nie rzeczywistych danych). Zdecydowaliśmy jednak tak, ponieważ dzięki braniu pod uwagę tylko jednej danej wejściowej jesteśmy w stanie przedstawić każdy moment algorytmu używając wykresów w przestrzeni trójwymiarowej co naszym zdaniem jest dużo lepsze dla czytelnika, który pierwszy raz spotyka się z tym algorytmem.

2.2 Ograniczenia algorytmu

Oczywiście jak większość algorytmów i ten posiada ograniczenia. Jak w większości algorytmów związanych z uczeniem maszynowym i sztuczną inteligencją bardzo łatwe jest wystąpienie niedouczenia lub przeuczenia. Pierwszy z problemów wystąpi na pewno - tak jak wspominaliśmy w poprzednim podpunkcie specjalnie nasz algorytm nie będzie idealnie odwzorowywał w pełni rzeczywistości ze względu na małą ilość parametrów wejściowych. Jednakże niedouczenie może wystąpić też z kilku innych powodów - jednym z głównych problemów algorytmów uczenia maszynowego jest zbiór danych, zazwyczaj posiadanie wystarczająco dużego i reprezentatywnego zbioru danych to jest 90% sukcesu. 10% jest to tylko i wyłącznie wybranie odpowiedniej metody oraz odpowiednie zmodyfikowanie jej pod dany problem. Kolejnym problemem jest przeuczenie naszego algorytmu - z tym można poradzić sobie dużo łatwiej. Jedną z technik jest podzielenie zbioru danych na 3 części - 60% danych są przeznaczane do nauczania naszego algorytmu, 20% do uzyskania najlepszej regresji liniowej oraz 20% do ostatecznego przetestowania wynikowej. Przy przeuczeniu algorytmu możemy też spróbować zmniejszyć ilość parametrów wejściowych lub zmniejszyć wagę części z nich używając tak zwanej regulacji spadku gradientowego.

3 Zbiór danych

3.1 Pochodzenie danych

Dane używane przez nas do algorytmu to para liczb - cena mieszkania oraz jego ilość metrów kwadratowych. Wszystkie dane zostały spisane z ogólnodostępnej strony otodom, gdzie każdy może wystawić mieszkanie na sprzedaż. Nie było żadnych innych kryteriów od tego, aby mieszkanie znajdowało się we Wrocławiu - są tu jednocześnie mieszkania używane jak i nowe budownictwo. Link do strony, z której zostały pobrane dane:

<https://www.otodom.pl/sprzedaz/mieszkanie/wroclaw/>

Zebranych zostało 53 przykładów danych, z tego 3 zostaną przeznaczone na odrzucenie najbardziej odbiegających danych - jest to celowy zabieg, który pozwala usunąć około 5% wyników, które znacząco odbiegają od normy oraz mogą spowodować niepoprawne nauczanie algorytmu, co jest równoznaczne ze źle wyznaczoną regresją liniową. Wszystkie dane zostały zebrane losowo, nie były w żaden sposób poddane modyfikacji oraz selekcji wstępnej.

3.2 Zoobrazowanie zbioru danych

Pokazanie danych, wykresów z nimi itd

Cena lokalu	Powierzchnia	Cena lokalu	Powierzchnia
[zł]	[m ²]	[zł]	[m ²]
649 000	100.00	399 000	63.00
550 000	94.70	353 376	55.00
499 000	70.00	355 000	53.00
540 000	70.00	599 000	90.00
309 000	46.00	259 000	27.00
489 000	64.20	410 000	52.00
460 000	66.00	399 000	80.00
351 972	67.00	398 000	73.73
413 200	73.63	285 000	53.50
347 000	77.00	369 900	54.00
255 000	48.00	316 000	41.00
305 000	49.50	250 000	29.00
370 000	70.00	303 932	47.20
324 012	41.54	345 000	49.00
290 000	53.50	284 900	54.90
256 180	44.20	405 900	55.00
404 900	62.00	283 000	41.75
410 000	69.00	429 000	77.10
629 000	71.00	399 000	57.30
640 000	112.00	980 000	110.00
345 000	64.46	189 700	31.00
380 000	48.00	430 000	65.93
420 000	69.55	360 000	47.42
379 000	73.00	385 000	54.00
579 000	88.00	398 000	66.00
294 000	29.15	545 000	78.51
477 000	50.00	-	-

3.3 Filtracja

Wywalenie 3 danych, czemu, żeby graniczne wywalić, bo psują zazwyczaj itd.