

Etwas R am Abend Standort Köln – 06.12.2017

Norman Markgraf

Inhaltsverzeichnis



- Die Programmiersprache R
- Installation von R und RStudio
- 3 Die erste Schritte in R
- Strukturen in R
- 5 Statistische Funktionen

- 6 Ein paar Schritte in R
- **7** Eine kurze Datenanalyse
- R intern
- Anhang



Was ist eigentlich R?



Programmiersprache S:

- ▶ Von Bell Labs für Statistik, Simulation, Grafik entwickelt (Becker and Chambers; 1984)
- ▶ kommerzielle Implementation: S-PLUS

Programmiersprache R:

▶ Implementation unter GPL (GNU General Public License), offener Quellcode

Vorteile:

- Frei und Offen; Kostenlos
- ► Numerische Stabilität / Genauigkeit
- ► Methoden- und Anwendungsvielfalt (Finance, Marketing, HR, Psychologie, ...)
- Leicht erweiterbar durch eigene Routinen, Pakete, DLLs
- Standardisiertes, einfach handhabbares Datenformat (data.frame)
- Gut durchdachtes Format zur Anpassung von (Regressions-)Modellen

- Einfache Entwicklung ansprechender Diagramme und interaktiver Apps (z.B. shiny).
- ► Große und aktive Entwickler*innen Gemeinde mit langer Geschichte: seit 1993; R Konsortium, u. a. IBM, Microsoft, TIPCO, Google, . . .
- Neue Methoden der Datenanalyse werden häufig in R entwickelt (auch Big Data, KI, etc.)
- Schnittstellen zu sehr vielen Datenquellen / -banken (auch SocialMedia etc.)

Nachteile:

- ▶ Bisher keine echte "Standard"-GUI (aber es gibt ja RStudio)
- ▶ Verfügbare Routinen / Pakete manchmal unübersichtlich

Wer nutzt R im echten Leben?



Unternehmen, die "ernsthaft" Daten analysieren, setzen häufig auf R.



Quelle: http://www.revolutionanalytics.com/companies-using-r

Falls Sie gerne **Werbevideos** ansehen, hier ein Link https://www.youtube.com/watch?v=TR2bHSJ_eck

Warum R?



[...] she was also following a wider trend: for many academics [...] R is the data-analysis tool of choice.¹

Verbreitung z. B.: http://r4stats.com/articles/popularity/

R ist eine weit verbreitete Eintrittskarte in das globale Datenzeitalter!

¹Tippmann, S.. Programming tools (2015): Adventures with R. A guide to the popular, free statistics and visualization software that gives scientists control of their own data analysis. Nature, 517, S. 109–110. https://doi.org/10.1038%2F517109a

Warum Code?



Politik:

Ich glaube, dass die Fähigkeit zum Programmieren eine der Basisfähigkeiten von jungen Menschen wird, neben Lesen, Schreiben, Rechnen. Die werden nicht wegfallen. Aber Programmieren wird nochmal dazu kommen.^a

^aRede von Bundeskanzlerin Merkel zur Deutsch-Französischen Digitalkonferenz am 13. Dezember 2016

Wirtschaft:

Der Prozess, eine komplexe Aufgabe auf eine Reihe einfacher Anweisungen zu reduzieren - genau darum geht es beim Programmieren -, ist eine Fähigkeit, die in vielen Aspekten des modernen Lebens nützlich ist, nicht nur für professionelle Informatiker und Programmierer.^a

^aFacebooks Forschungschef Yann LeCun

Lehre:

Don't fence off students from the computation pool, throw them in! Computing skills are essential to working with data in the 21st century. Given this fact, we feel that to shield students from computing is to ultimately do them a disservice.^a

^alsmay, C, Kim, A (2017): ModernDive

Vorteile Code



- Dokumentation des Vorgehens
- (Einfache) Nachvollziehbarkeit, Wiederholung
- Möglichkeit zur Automatisierung und Übertragung
- "Direkte" Kommunikation mit dem Programm / Computer
- ▶ Speziell R: Unzählige Literatur und Hilfe / Tutorials im Internet

Code: mosaic



Wir nutzen das Paket **mosaic**, da es i. d. R. einer einfachen Idee gehorcht:

analysiere(): Was soll R tun?

Hinweis für Mac-User: unter macOS: ~: alt+n, |: alt+7

Zentrale Fragen

- 1. Was soll der Computer für mich tun?
- 2. Was muss der Computer dafür wissen?



2 Installation von R und RStudio

Einfach nur R? Oder darf es etwas mehr sein?



Natürlich können Sie **R** als Programmiersprache direkt von der Konsole aus füttern.

Besser ist es aber seine Skripte vorab mit Hilfe eines Texteditors zu schreiben und R dieses ausführen zu lassen.

Noch besser ist die Nutzung von Integrierten Entwicklungsumgebung (IDE), wie z. B. RStudio

Meine Empfehlung:

- ► **R** (3.4.3)
 - ► R finden Sie hier: https://cran.rstudio.com oder https://www.r-project.org
 - Aktuell ist die Version 3.4.3
 - Achtung MAC-Nuzter!!!: Sie benötigen zusätzlich erst noch XQuartz.
 - XQuartz finden Sie hier: https://www.xquartz.org
- ▶ **RStudio Desktop** (akt. Version: 1.1.383)
 - ► Die aktuelle Version finden Sie hier: https://www.rstudio.com/products/rstudio/download/
 - Nur Linux-Nutzer RStudio Server (akt. Version: 1.1.383)

(Und bitte, vergessen Sie den R-CmdR! Wenn schon, dann schauen Sie sich einmal jamovi an!)

2. Installation von R und RStudio

R Installation



- 0. (Mac-User bitte zurerst xquartz installieren)!
- 1. R (https://www.r-project.org/)
- 2. RStudio Desktop (https://www.rstudio.com/)
- 3. Installation von Zusatzpaketen in RStudio:

Tipps für den Installationsprozess:

- Abwarten und bestätigen ;-)
- Kaffee / Tee / Wasser / . . . trinken und ruhig bleiben!

Die "Fehlermeldungen" gehören meisst zum Installationsprozess. Wenn etwas gar nicht läuft. Fragen!

```
install.packages("mosaic")
```

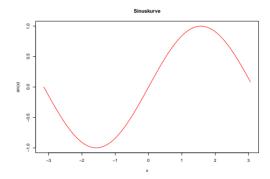
Einfach nur R oder darf es etwas mehr sein?



R ist ein eine *komandozeilenorientierte*-Sprache!

```
1+1
## [1] 2
1+2*3^4
## [1] 163
x <- 1; y <- 2
x+y
## [1] 3
```

Die (recht schnell) schöne Ergebnisse produziert:



Das wichtigste Pakete und wie man Pakete generell installiert



Im Allgemeinen installiert man ein Paket durch den Befehl:

```
install.packages("<blubber>", dependencies = TRUE)
```

Für einen guten Start sollte man vor allem ein Paket installieren:

Das Paket mosaic!

Mehr Informationen zu mosaic finden Sie hier:

- ► Project MOSAIC
- ► Less Volume, More Creativity Getting Started with the mosaic Package

Das Paket MOSAIC installieren



Ihr erster R Befehle sollten wie folgt lauten:

```
# Laden des mosaic Pakets:
install.packages("mosaic", dependencies=TRUE)
```

Mit '#' leitet man einen Kommentar ein. Sie müssen aber die Beispiele nicht mit den Kommentaren eintippen, es reicht:

```
install.packages("mosaic", dependencies=TRUE)
```

Bitte bestätigen Sie alle Anfragen und haben Sie etwas Geduld. Es wird eine Menge nachgeladen. Aber nur einmal. Also keine Sorge!

2. Installation von R und RStudio

Was Pakete installieren eigentlich bedeutet



Jede R Installation hat einen Vorratsspeicher, in dem die Pakete abgelegt werden. Mit dem Befehl install.package() laden Sie dieses Paket aus dem Internet in diesen Vorratsspeicher.

Ähnlich wie Sie ein Buch aus der Bücherrei / Buchhandlung kaufen und ins Regal stellen.

Wenn Sie nun so ein Buch lesen wollen, dann müssen Sie es in die Hand nehmen, aufschlagen und lesen.

In R wird ein Buch aus dem Vorratsspeicher geholt und R angewiesen damit zu arbeiten in dem man den Befehl library()nutzt.

Denken Sie daran: Sie kaufen ein Buch nur einmal! Lesen tuen Sie es aber öfter! Demensträchend müssen Sie ein Paket nur *einmal* in den Vorratsspeicher laden, können es aber dann mit library() beliebig oft benutzen!



3 Die erste Schritte in R

Die ersten Schritte / R als Taschenrechner



```
# Punkt- vor Strichrechnung
                                          # Not a Number (keine Zahl)
2 * 3 + 2 - 25/5 + 2^3
                                          0/0
## [1] 11
                                          ## [1] NaN
# Trigometrische Funktionen
                                          # Not Available; ein fehleder Wert
\cos(pi/2)^2 + \sin(pi/2)^2
                                          NΑ
                                          ## [1] NA
## [1] 1
# Logarithmen & Exponetial funktion
                                          # Vektoren (combine)
log(exp(3))
                                          c(1, 4:8)
                                          ## [1] 1 4 5 6 7 8
## [1] 3
# Unendlich
                                          # Vektor/Liste ohne Inhalt
1/0
                                          c()
## [1] Inf
                                          ## NUI.I.
```



4 Strukturen in R

Variablen



- ▶ Variablen in **R** können Skalare, Vektoren, Matrizen oder Objekte beliebiger anderer Klassen sein.
- ▶ Man **erzeugt** eine Variable in dem man ihr mit Hilfe von "<-" oder "=" etwas **zuweist**.
- ▶ Variablennamen können Kombinationen aus Buchstaben, Ziffern, Punkt und Unterstrich sein. Aber keine Ziffern vorne!
- ▶ **R** ist **case-sensetiv**, es unterscheidet zwischen Groß- und Kleinschreibung!

```
a <- c("FOM", "und", "R", "sind", "SUPER")
A <- 42
a
## [1] "FOM" "und" "R" "sind" "SUPER"
A
```

Datentypen



In R gibt es die Datentypen

- ▶ numeric ganzzahlige (integer) oder reelle (double) Zahlen
- character Zeichenketten
- logic die logischen Operatoren TRUE und FALSE
- ▶ list Liste von Objekten jeder Art (die wiederum Listen beinhalten können!)

Befehle zum überprüfen der Datentypen:

```
mode(a)
## [1] "character"
str(a)
## chr [1:5] "FOM" "und" "R" "sind" "SUPER"
typeof(a)
## [1] "character"
```

Vektoren



Ein Vektor wird mit dem Befehl c() (für combine) erzeugt:

```
a <- 5
vektorMitBeliebigemNamen <- c(log(1), a, sqrt(16), 3^2)
vektorMitBeliebigemNamen

## [1] 0 5 4 9
R kann (Rechen-)Operationen auf ganzen Vektoren (elementweise) durchführen:
vektorMitBeliebigemNamen * 2

## [1] 0 10 8 18
vektorMitBeliebigemNamen + 1</pre>
```

[1] 1 6 5 10

Sequenzen



Zahlensequenzen werden mit dem Befehl **seq()** erzeugt. Dem Befehl können verschiedene Argumente Übergeben werden:

```
seq(from = 2, to = 9)
                                           # Werte mit rep() wiederholen::
                                           rep("X", times = 5)
## [1] 2 3 4 5 6 7 8 9
                                           ## [1] "X" "X" "X" "X" "X"
seq(from = 2, to = 8, by=3)
                                           zahlen1 \leftarrow c(2, 4)
## [1] 2 5 8
                                           zahlen1
seq(from = 2, by = 0.5, length.out = 8)
                                           ## [1] 2 4
## [1] 2.0 2.5 3.0 3.5 4.0 4.5 5.0 5.5
                                           zahlen2 <- rep(zahlen1, times = 2)</pre>
# 'n:m' entspricht
                                           zahlen2
\# seq(from=n, to=m, by=1)
                                           ## [1] 2 4 2 4
vektor <- 1:4
                                           rep(zahlen1, each = 2)
vektor
                                           ## [1] 2 2 4 4
## [1] 1 2 3 4
```

Logische Abfragen



```
people <- c("Klaus", "Max", "Jens", "Dieter")</pre>
people
## [1] "Klaus" "Max" "Jens"
                                  "Dieter"
people == "Max"
## [1] FALSE TRUE FALSE FALSE
vektorMitBeliebigemNamen != 0
## [1] FALSE TRUE
                   TRUF.
                          TRUF.
logischerVektor <- vektorMitBeliebigemNamen <= 3</pre>
logischerVektor
## [1] TRUE FALSE FALSE FALSE
```

Eigenschaften von Vektoren



names(a) gibt die Namen der Einträge des Vektors *a* zurück:

```
weight <- c(67, 80, 72, 90)
names(weight)</pre>
```

NULL

weight

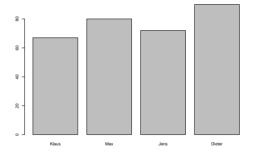
[1] 67 80 72 90

Jetzt geben wir den Werten einen Namen:

```
names(weight) <- people
weight</pre>
```

Klaus Max Jens Dieter ## 67 80 72 90 Diese Namen werden von **R** sehr oft mit ausgewertet und verwendert:

barplot(weight)



Rechnen mit Vektoren / Datenreihen



In Vektoren speichern wir Datenreihen.

Wichtige Befehle für Vektoren sind - mean(), sd(), var(), min(), max(), length(), sum(), median(), IQR(), summary() - **Zugriff** auf das i-te Element eines Vektors a mit a[i].

```
aVec <- c(1, 2, 4, 9, 16, 25)

mean(aVec)

## [1] 1

## [1] 9.5

sd(aVec)

## [1] 25

## [1] 9.396808

length(aVec)

var(aVec)

## [1] 6

## [1] 57
```

Rechnen mit Vektoren

min Q1 median

1 2.5



```
median(aVec)
                                      quantile(aVec)
## [1] 6.5
                                           0%
                                                25% 50% 75% 100%
                                      ##
                                      ##
                                         1.00 2.50 6.50 14.25 25.00
IQR(aVec)
## [1] 11.75
summary(aVec)
##
     Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
     1.00
             2.50
                    6.50
                            9.50 14.25
##
                                          25.00
library(mosaic)
favstats(aVec)
```

Q3 max mean

6.5 14.25 25 9.5 9.396808 6

##

##

sd n missing



5 Statistische Funktionen

Varianzen



R berechnet die Varianz von Daten mit Hilfe der (Schätzer-)Formel

$$\frac{1}{n-1} \cdot \sum (x - \bar{x})^2,$$

wie man leicht nachrechnen kann:

```
n <- length(aVec)</pre>
var(aVec)
## [1] 88.3
# ist das selbe wie
1/(n - 1) * sum((aVec - mean(aVec))^2)
## [1] 88.3
# Dagegen ist
1/n * sum((aVec - mean(aVec))^2)
```

Die Standardabweichung ist die Quadratwurzel der Varianz:

```
sd(aVec)
## [1] 9.396808
sqrt(var(aVec))
## [1] 9.396808
```

[1] 73.58333

Varianz einer Population



Will man die Varianz und die Standardabweichung mit Hilfe der Formel

$$\frac{1}{n} \cdot \sum (x - \bar{x})^2,$$

berechnen, so muss man in **R** etwas tun:

```
factorSD <-sqrt((n-1)/n)</pre>
n <- length(aVec)</pre>
factor \langle -(n-1)/(n)\rangle
                                             # Wert von R:
# Wert.
                                            sd(aVec)
var(aVec)
                                            ## [1] 9.396808
## [1] 88.3
                                             # Korrigierter Wert
# Korrigierter Wert
                                            factor*sd(aVec)
factor * var(aVec)
                                            ## [1] 7.830673
## [1] 73.58333
                                             # Zur Probe
# Zur Probe:
                                            sqrt(1/n * sum( (aVec-mean(aVec))^2 ))
1/n * sum((aVec - mean(aVec))^2)
                                            ## [1] 8.578073
## [1] 73.58333
```

5. Statistische Funktionen

Rechnen mit Vektoren



```
aVec2 \leftarrow rep(2, 6)
                                         aVec3 <- aVec[2:5]
aVec
                                         aVec3
## [1] 1 2 4 9 16 25
                                         ## [1] 2 4 9 16
aVec2
                                         aVec3[3]
## [1] 2 2 2 2 2 2
                                         ## [1] 9
# Skalarprodukt
                                         aVec3[3] \leftarrow NA
aVec %*% aVec2
                                         aVec3
  [,1]
##
                                         ## [1] 2 4 NA 16
## [1,] 114
                                         mean(aVec3)
# Komponentenweises *
                                         ## [1] NA
aVec * aVec2
                                         # NA ignorieren:
## [1] 2 4 8 18 32 50
                                         mean(aVec3, na.rm = TRUE)
                                         ## [1] 7.333333
```

5. Statistische Funktionen

Dataframes



Merkmale eines Markmalsträgers fasst man gelegendlich zu Tabellen zusammen. In **R** kann man dazu data frames nutzen:

```
# Die Datenreihen

Name <- c("Anna", "Beria", "Carlo", "Edda")

Geschlecht <- c("weiblich", "weiblich", "männlich", "weiblich")

Groesse <- c(1.60, 1.68, 1.81, 1.71)

Gewicht <- c(52, 60, 80, 70)
```

Diese Datenreihen kann man wie folgt zu einem Objekt zusammenfassen:

```
# Als Dataframe:
df <- data.frame(
    Name = Name,
    Geschlecht = Geschlecht,
    Groesse = Groesse,
    Gewicht = Gewicht)
#</pre>
```

Ausgabe von Dataframes als Tabellen



df

```
Name Geschlecht Groesse Gewicht
##
## 1
            weiblich
                        1.60
                                  52
     Anna
## 2 Beria weiblich
                        1.68
                                  60
                     1.81
## 3 Carlo männlich
                                  80
    Edda
          weiblich
                        1.71
## 4
                                  70
```

In *RMarkdown*-Skripten möchte man gerne eine schönere Ausgabe haben. Dies geht z. B. mit dem Befehl kable aus dem Paket knitr:

```
library(knitr)
kable(df)
```

Name	Geschlecht	Groesse	Gewicht
Anna	weiblich	1.60	52
Beria	weiblich	1.68	60
Carlo	männlich	1.81	80
Edda	weiblich	1.71	70

5. Statistische Funktionen

Arbeiten mit Dataframes



```
# Ausgabe der Durchschnittsgröße:
mean(df$Groesse)
## [1] 1.7
# Ausgabe des Durchschnittsgewichts:
mean(df$Gewicht)
## [1] 65.5
library(dplyr)
# Nur die Damen
mean(filter(df, Geschlecht=="weiblich")$Groesse)
## [1] 1.663333
# Nur die Herren
mean(filter(df, Geschlecht=="männlich")$Gewicht)
## [1] 80
```

Arbeiten mit Dataframes



```
# Nur das Geschlecht und
# den BMI ausgeben
kable(df2)
```

Der Größe nach sortieren (absteigend)
df3 <- arrange(df2, desc(Groesse))
kable(df3)</pre>

Geschlecht	BMI
weiblich	20.31
weiblich	21.26
männlich	24.42
weiblich	23.94

Geschlecht	BMI
männlich	24.42
weiblich	23.94
weiblich	21.26
weiblich	20.31



6 Ein paar Schritte in R

Vorbereitungen



Wir arbeiten mit **mosaic**. Daher laden wir als erstes (immer) das Paket in den Speicher von R. Als zweites setzen wir hier mit set.seed(2009) den Zufallszahlengenerator von R auf einen von uns gewählten Startwert; dies dient der Reproduzierbarkeit!

```
library(mosaic)
set.seed(2009)
```

Wir wollen nun den Datensatz "miete03" aus dem Netz laden

- ▶ Via RStudio: Gehen Sie auf das recht obere Fenster, klicken Sie auf Environment, Dann klicken Sie Import Dataset. Danach From Text (readr) und geben Sie als URL bitte https://raw.githubusercontent.com/NMarkgraf/Etwas-R-zum-Nachmittag/master/Datasets/miete03.asc oder einfacher https://tinyurl.com/yblxykf3 ein drücken Sie auf Update. Stellen Sie dann den Delimiter auf Tab (und warten oder drücken nochmal auf Update). Mit Import wird dann der Datensatz geladen.
- ▶ Via **R** direkt: Man kann auch direkt aus **R** mittels ein paar Zeilen die Daten laden:

```
miete03 <- read.table(file = "https://tinyurl.com/yblxykf3", header = TRUE)</pre>
```

Unterschiede der beiden Wege



Falls Sie die Daten via RStudio-Oberfläche geladen haben (oder mittels des im *Code preview*) angegebenen Codes, werden sogenannte tibbles statt data.frames geladen.

Tibbles sind eine Weiterentwicklung der klassischen data.frames. Sie erkennen den Unterschied z.B. in dem Sie sich die ersten Zeilen ansehen.

Bei einem **Tibble** sieht die ersten Zeilen wie folgt aus:

```
## Parsed with column specification:
## cols(
##
    nm = col double(),
    nmqm = col double(),
##
##
     wfl = col integer(),
     rooms = col integer(),
##
     bj = col double(),
##
##
     bez = col integer(),
##
     wohngut = col integer(),
     wohnbest = col integer(),
##
     ww0 = col integer(),
##
     zh0 = col integer(),
##
     badkach0 = col integer(),
##
     badextra = col integer(),
##
##
     kueche = col integer()
```



Bei einem Datenrahmen (data.frame) dagegen:

```
miete03 <- read.table(file = "https://tinyurl.com/yblxykf3", header = TRUE)</pre>
```

```
head(miete03, 2)
```

```
## # A tibble: 2 x 13
       nm nmqm wfl rooms bj bez wohngut wohnbest ww0
##
                                                           zh0
     <dbl> <dbl> <int> <int> <dbl> <int> <int>
##
                                               <int> <int> <int>
## 1 741.39 10.90 68
                        2 1918
                                   2
                                          1
                                                             0
## 2 715.82 11.01 65 2 1995 2
                                                             0
## # ... with 3 more variables: badkach0 <int>. badextra <int>.
    kueche <int>
## #
```

Mit dem Befehl:

```
miete03 <- as.data.frame(miete03)</pre>
```

wandeln wir, falls gewünscht, tibbles in klassische data.frames um.

Was beschreibt der Datensatz?



Zahlreiche deutsche Städte erstellen sogenannte Mietspiegel, um Mietern, Vermietern, Mietberatungsstellen und Sachverständigen eine möglichst objektive Entscheidungshilfe in Mietfragen zur Verfügung zu stellen. Die Mietspiegel werden dabei insbesondere zur Ermittlung der "ortsüblichen Vergleichsmiete" (Nettomiete in Abhängigkeit von Wohnungsgröße, -ausstattung, -alter, etc.) herangezogen. Bei der Erstellung von Mietspiegeln wird aus der Gesamtheit aller in Frage kommenden Wohnungen eine repräsentative Zufallsstichprobe gezogen (im Fall der Stadt München durch Infratest), und die interessierenden Daten werden von Interviewern anhand von Fragebögen ermittelt.

Der vorliegende Datensatz stellt einen Ausschnitt aus dem Mietspiegel München des Jahres 2003 dar und enthält die Daten von 2053 Wohnungen.

Schauen wir uns die Spaltenüberschriften einmal kurz an:

names (miete03)

```
## [1] "nm" "nmqm" "wf1" "rooms" "bj" "bez"
## [7] "wohngut" "wohnbest" "ww0" "zh0" "badkach0" "badextra"
## [13] "kueche"
```

Der Befehl inspect()

U.30ZZII3 ZU33



inspect(miete03)

```
##
## quantitative variables:
##
                  class
                                          median
                                                       Q3
                            min
                                      Q1
          name
                                                               max
                                                                            mean
                          77.31
                                                   700.48 1789.55 5.700930e+02
## 1
            nm numeric
                                  389.95
                                          534.30
                            1.47
                                    6.80
                                            8.47
                                                    10.09
                                                             20.09 8.393902e+00
## 2
          nmqm numeric
## 3
           wfl integer
                          17.00
                                   53.00
                                           67.00
                                                    83.00
                                                            185.00 6.959523e+01
## 4
         rooms integer
                            1.00
                                    2.00
                                             3.00
                                                     3.00
                                                              6.00 2.597662e+00
            bj numeric 1918.00 1948.00 1960.00 1973.00 2001.00 1.957983e+03
## 5
## 6
                            1.00
                                    5.00
                                           10.00
                                                    17.00
                                                             25.00 1.126790e+01
           bez integer
## 7
                           0.00
                                                              1.00 3.911349e-01
       wohngut integer
                                    0.00
                                             0.00
                                                     1.00
## 8
      wohnbest integer
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 2.191914e-02
## 9
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 3.507063e-02
           ww0 integer
##
           zh0 integer
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 8.524111e-02
   11 badkach0 integer
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 1.850950e-01
  12 badextra integer
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 9.303458e-02
##
   13
                           0.00
                                    0.00
                                             0.00
                                                     0.00
                                                              1.00 7.306381e-02
##
        kueche integer
##
                      n missing
                sd
      245.4345066 2053
## 1
                               0
        2.4667425 2053
## 2
                               0
## 3
       25 1625576 2053
```

Quiz: Sind die Daten plausiebel?



Schauen Sie sich die Daten und die Spaltenbezeichner an, sind die von R gewählten Datentypen (numeric und integer) wirklich immer passend?

Falls nein, wo würden Sie gerne warum was ändern?

Anpassen des Datensatzes



```
miete03$badextra <- as.factor(miete03$badextra)
                                                    # Extra Bad
miete03$badkach0 <- as.factor(miete03$badkach0)
                                                    # Bad gekachelt
miete03$bez <- as.factor(miete03$bez)
                                                    #
miete03$kueche <- as.factor(miete03$kueche)
                                                    # Kii.ch.e.
miete03$wohnbest <- as.factor(miete03$wohnbest)
miete03$wohngut <- as.factor(miete03$wohngut)</pre>
miete03$ww0 <- as factor(miete03$ww0)
                                                    # Warmwasser
miete03$zh0 <- as.factor(miete03$zh0)
                                                    # Zentralheizung
levels(miete03$zh0) <- c("ja", "nein")</pre>
miete03$rooms <- as.factor(miete03$rooms)
                                                    # Anzahl der Zimmer
```

Häufigkeitstabelle und Balkendiagramme



Mit dem Befehl **tally** können wir *Häufigkeitstabellen* erstellen:

Absolute Häufigkeitstabelle

Relative Häufigkeitstabelle in Prozent

Relative Häufigkeitstabelle

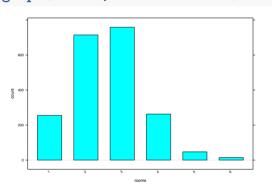
```
options(digits=1)
tally( ~ rooms, data=miete03,
       format="proportion")
## rooms
             2
                   3
##
                                      6
## 0.124 0.348 0.370 0.128 0.023 0.007
tally( zh0 ~ rooms, data=miete03,
       format="count")
##
         rooms
## zh0
                    3
            1
                2
```

Häufigkeitstabelle und Balkendiagramme

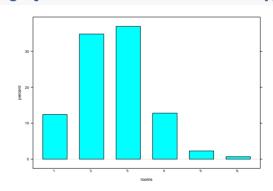


Und mit dem Befehl bargraph() erstellen wir ein Balkendiagramm daraus:

bargraph(~rooms, data = miete03)



bargraph(~rooms, data = miete03, type =



#

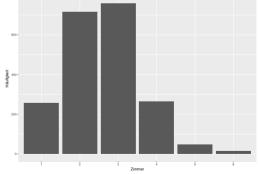
Schönere Diagramme mit ggplot2 und qplot()



Kurzer Exkurs:

Mit dem Paket ggplot2 und der Funktion qplot() würden sich auch schöne Graphiken erstellen lassen!

```
library(ggplot2)
ggplot(miete03, aes( x = rooms)) +
    geom_bar() + xlab("Zimmer") +
    ylab("Häufigkeit")
```



Schönere Graphiken? - Linksammlung:



Wie man mit ggplot2 noch mehr und noch schönere Grafiken erstellt, können Sie finden bei:

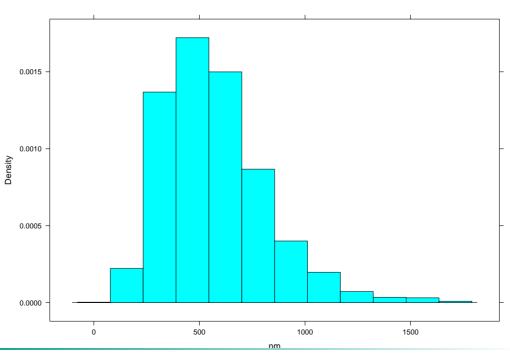
- ► http://ggplot2.org
- http://docs.ggplot2.org/current/index.html
- http://www.cookbook-r.com/Graphs/
- ▶ https://www.datacamp.com/courses/data-visualization-with-ggplot2-1
- ► http://r4ds.had.co.nz

Die Nettokaltmiete



Automatische Klassenanzahl:

histogram(~ nm, data=miete03)

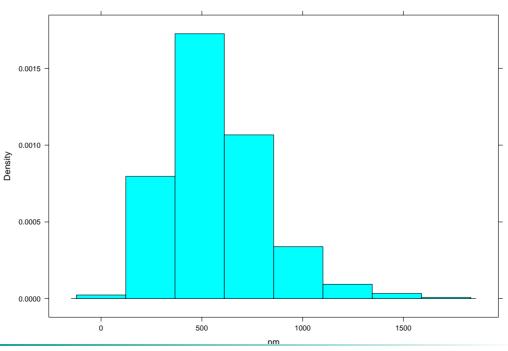


Die Nettokaltmiete



Vorgegebene Klassenanzahl von 8 (wird ungefähr eingehalten):

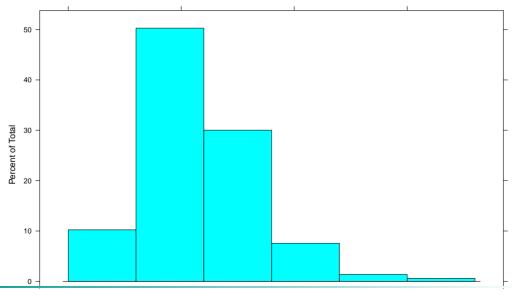
histogram(~ nm, data=miete03, nint=8)



Die Nettokaltmiete



Nettokaltmiete in München 2003





Vorbereitung



Einlesen der Daten:

Im Folgenden kann man ein paar der Möglichkeiten von R finden, wie man sie in Vorlesungen braucht.

Dazu nehmen wir die "tipping" Daten² in den Datenrahmen *tips*.

```
# Herunterladen
download.file("https://goo.gl/whKjnl", destfile = "tips.csv")
# Einlesen in R
tips <- read.csv2("tips.csv")

# Alternativ - heruntergeladene Datei einlesen:
# tips <- read.csv2(file.choose())</pre>
```

Darüberhinaus nutzen wir einige Befehle aus der Paketsammlung **Mosaic**, welches wir dazu laden

```
library(mosaic) # Hauptsächlich "lattice"
```

²Bryant, P. G. and Smith, M (1995) Practical Data Analysis: Case Studies in Business Statistics. Homewood, IL: Richard D. Irwin Publishing

Daten ansehen



Schauen wir uns die Daten etwas an:

inspect(tips)

```
## categorical variables:
      name class levels
##
                         n missing
                                                                 distribution
## 1
       sex factor
                     2 244
                                0 Male (64.3%), Female (35.7%)
## 2 smoker factor 2 244
                                0 No (61.9%), Yes (38.1%)
    day factor 4 244
                                0 Sat (35.7%), Sun (31.1%), Thur (25.4%) ...
## 3
## 4 time factor
                     2 244
                                0 Dinner (72.1%), Lunch (27.9%)
##
## quantitative variables:
                class min
##
                               Q1 median
                                            Q3
                                                                      n missing
         name
                                                 max
                                                        mean
                                                                  sd
## 1 total_bill numeric 3.07 13.3475 17.795 24.1275 50.81 19.78594 8.90241 244
                                                                              0
         tip numeric 1.00 2.0000 2.900 3.5625 10.00 2.99828 1.38364 244
## 2
                                                                              0
## 3
         size integer 1.00 2.0000 2.000 3.0000 6.00 2.56967 0.95110 244
```

levels(tips\$size)

Tischgröße wirklich quantitativ?



Umwandeln der Tischgröße in eine kategoriale Variable:

```
## NULL
tips$size <- as.factor(tips$size)
levels(tips$size)
## [1] "1" "2" "3" "4" "5" "6"</pre>
```

Daten erneut ansehen



Schauen wir uns die Daten erneut an:

categorical variables:

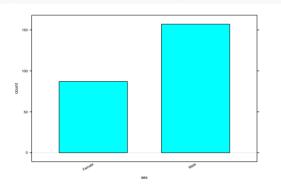
```
inspect(tips)
```

```
name class levels
##
                         n missing
                                                                  distribution
## 1
       sex factor
                      2 244
                                 O Male (64.3%), Female (35.7%)
## 2 smoker factor
                      2 244
                                 0 No (61.9%), Yes (38.1%)
    day factor 4 244
                                 0 Sat (35.7%), Sun (31.1%), Thur (25.4%) ...
## 3
## 4 time factor
                      2 244
                                 0 Dinner (72.1%), Lunch (27.9%)
## 5 size factor
                      6 244
                                 0 2 (63.9%), 3 (15.6%), 4 (15.2%) ...
##
## quantitative variables:
##
                               Q1 median
          name
                class min
                                             Q3
                                                  max
                                                         mean
                                                                   sd
                                                                        n missing
## 1 total bill numeric 3.07 13.3475 17.795 24.1275 50.81 19.78594 8.90241 244
                                                                               0
## 2
           tip numeric 1.00 2.0000 2.900 3.5625 10.00 2.99828 1.38364 244
```

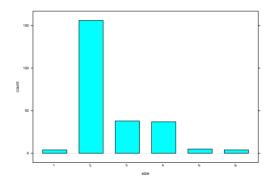
Balkendiagramm bei kategorialen Daten



bargraph(~sex, data = tips)



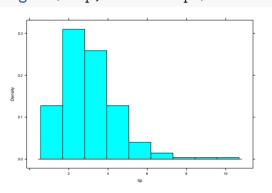
bargraph(~size, data = tips)



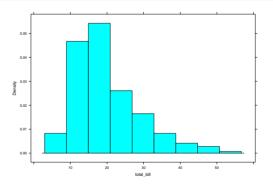
Histogramm bei metrischen Daten



histogram(~tip, data = tips)



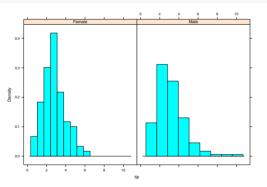
histogram(~total_bill, data = tips)

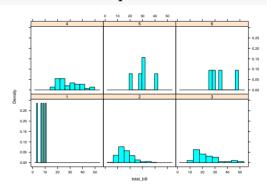


Histogramm bei metrischen Daten, bedingt nach





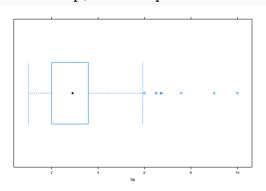




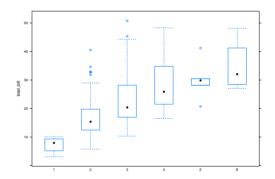
Boxplots bei metrischen Daten



bwplot(~ tip, data=tips)

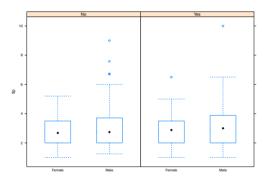


bwplot(total_bill ~ size, data=tips)

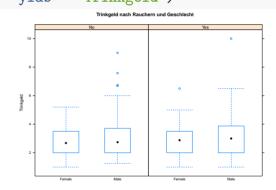


Boxplot mit metrischen Daten für Gruppen, facettiert





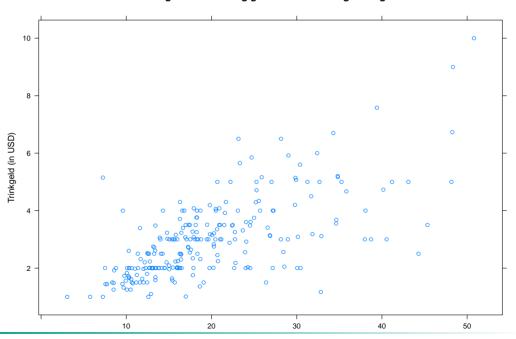
bwplot(tip ~ sex | smoker, data = tips) bwplot(tip ~ sex | smoker, data = tips, n ylab = "Trinkgeld")



Streudiagramm mit zwei metrischen Variablen



Trinkgelder in Abhängigkeit vom Rechnungsbetrag

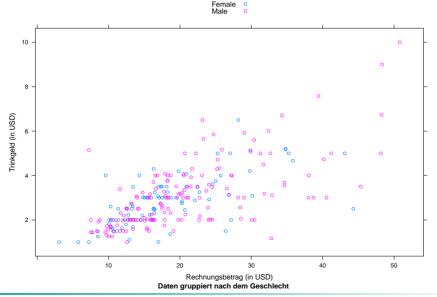


Streudiagramm mit zwei metrischen Variablen



```
xyplot(tip~total_bill, data=tips,
    ylab="Trinkgeld (in USD)", xlab="Rechnungsbetrag (in USD)",
    main="Trinkgelder in Abhängigkeit vom Rechnungsbetrag",
    sub="Daten gruppiert nach dem Geschlecht",
    groups=sex, auto.key = T)
```

Trinkgelder in Abhängigkeit vom Rechnungsbetrag



Häufigkeitstabellen zwei kategorialen Variablen



Dazu generieren wir die Häufigkeitstabelle mit dem Befehl tally und speichern sie in tab

```
tab <- tally(sex ~ smoker, data = tips) library(knitr)
                                           kable(tab.
tab
                                             col.names=c("N.-Raucher", "Raucher"))
##
           smoker
                                                    N.-Raucher
                                                               Raucher
## sex
            No Yes
                                            Female
                                                                    33
                                                           54
     Female 54 33
##
                                            Male
                                                                    60
                                                           97
##
     Male
            97
                60
```

Eine Variante mit relativen Häufigkeiten erhält man mit:

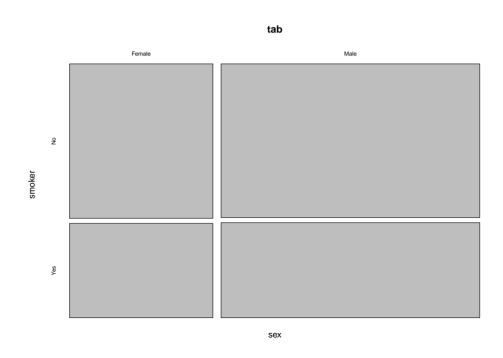
```
tally(sex ~ smoker, data=tips,
                                          tally(sex ~ smoker, data=tips,
      format="proportion")
                                                format="percent")
##
           smoker
                                          ##
                                                     smoker
## sex
                  No
                           Yes
                                          ## sex
                                                           No
                                                                   Yes
##
     Female 0.357616 0.354839
                                          ##
                                               Female 35,7616 35,4839
     Male
            0.642384 0.645161
                                               Male
                                                      64.2384 64.5161
##
                                          ##
```

mosaicplot mit zwei kategorialen Variablen



Mit der Tabelle tab kann nun ein mosaic plot generiert werden:

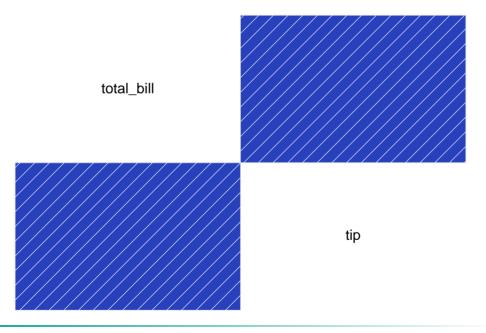
mosaicplot(tab)



Korrelationsplot mit metrischen Variablen



```
# ggf: install.packages('corrgram', dependencies=T)
library(corrgram)
corrgram(tips)
```



Kennzahlen



Mittelwert

```
mean(tip ~ sex, data = tips)

## Female Male
## 2.83345 3.08962
```

Anstatt *mean* können alle Lageparameter und Streumaße errechnet werden (min, max, median, sd, var):

```
favstats(tip ~ sex, data = tips)
```

```
## sex min Q1 median Q3 max mean sd n missing
## 1 Female 1 2 2.75 3.50 6.5 2.83345 1.15949 87 0
## 2 Male 1 2 3.00 3.76 10.0 3.08962 1.48910 157 0
```

Korrelation als Zusammenhangsmaß mit metrischen Variablen

```
cor(tip ~ total_bill, data = tips)
```

```
## [1] 0.675734
```





Test der Unabhängigkeit zweier nominalen Variablen mit Hilfe des χ^2 -Test:

```
xchisq.test(sex ~ smoker, data=tips)
```

```
Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: tally(x, data = data)
## X-squared = 0, df = 1, p-value = 1
##
##
      54
               33
   (53.84)
            (33.16)
   [0.00047] [0.00077]
## < 0.022> <-0.028>
##
##
      97
               60
## (97.16)
            (59.84)
## [0.00026] [0.00043]
## <-0.016> < 0.021>
##
## key:
##
    observed
##
    (expected)
```

Nullhypotesten-Tests



t-Test für abhängige Stichproben (Differenzentest)



Variablen müssen beide metrische sein und zwischen beiden Variablen wird eine Differenz gebildet.

Die Forschungsfrage lautet meist:

```
▶ V1 unterscheidet sich von V2 (ungerichtet)
```

t.test(~(tip - total bill), data = tips)

- ▶ V1>V2 (gerichtet)
- V2>V1 (gerichtet)

```
## ~(tip - total_bill)
##
## One Sample t-test
##
## data: tip
## t = -32.65, df = 243, p-value <2e-16
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -17.8006 -15.7748
## sample estimates:
## mean of x
## -16.7877</pre>
```

t-Test für abhängige Stichproben (Differenzentest)



Wenn die Forschungshypothese (Alternativhypothese) gerichtet ist, und V1-V2 < 0 ist, dann wird das Argument alternative="less" hinzugefügt, wenn V1-V2 > 0, dann "greater".

```
t.test(~(tip - total bill), alternative = "less", data = tips)
## ~(tip - total bill)
##
##
    One Sample t-test
##
## data: tip
## t = -32.65, df = 243, p-value <2e-16
## alternative hypothesis: true mean is less than 0
## 95 percent confidence interval:
        -Inf -15.9386
##
## sample estimates:
## mean of x
##
    -16.7877
```

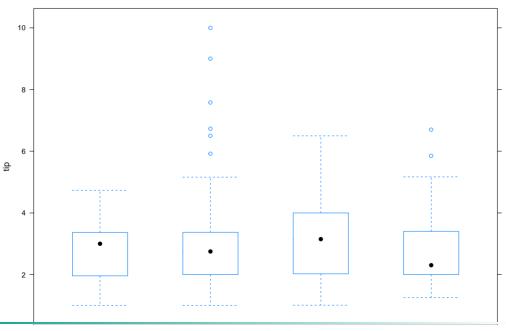
Achtung: Bei der Dokumentation von t-Tests ist es wichtig, einseitiges Testen von zweiseitigem Testen zu unterscheiden (einseitig/zweiseitig).

ANOVA (Varianzanalyse)



Bezüglich einer Gruppe (nominale Variable) mit mehr als zwei Levels wird eine metrische Variable getestet.

bwplot(tip ~ day, data = tips)



ANOVA (Varianzanalyse)



```
favstats(tip ~ day, data=tips)
```

```
## day min Q1 median Q3 max mean sd n missing
## 1 Fri 1.00 1.9600 3.000 3.3650 4.73 2.73474 1.01958 19 0
## 2 Sat 1.00 2.0000 2.750 3.3700 10.00 2.99310 1.63101 87 0
## 3 Sun 1.01 2.0375 3.150 4.0000 6.50 3.25513 1.23488 76 0
## 4 Thur 1.25 2.0000 2.305 3.3625 6.70 2.77145 1.24022 62 0
```

Forschungshypothese: Es gibt einen Unterschied beim Trinkgeld bei/zwischen den Tagen.

```
summary(aov(tip ~ day, data=tips))
```

```
## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## day 3 10 3.18 1.67 0.17
## Residuals 240 456 1.90
```

Lineare Einfachregression mit metrischer Variable.



Modellierung einer angängigen Variable (AV) durch eine unabhängige Variable (UV).

```
Mod1 <- lm( tip ~ total bill, data=tips)</pre>
summary(Mod1)
##
## Call:
## lm(formula = tip ~ total bill, data = tips)
##
## Residuals:
     Min
          1Q Median 3Q
##
                                Max
## -3.198 -0.565 -0.097 0.486 3.743
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 0.92027 0.15973 5.76 2.5e-08 ***
## total bill 0.10502 0.00736 14.26 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.02 on 242 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.457, Adjusted R-squared: 0.454
## F-statistic: 203 on 1 and 242 DF, p-value: <2e-16
```

Lineare Einfachregression mit kategorialer UV



Achtung: Das nicht ausgegebene Level in der Ausgabe ist das Referenzlevel.

```
Mod2 \leftarrow lm(tip \sim day, data = tips)
summary(Mod2)
##
## Call:
## lm(formula = tip ~ day, data = tips)
##
## Residuals:
            1Q Median
##
     Min
                         3Q
                              Max
## -2.245 -0.993 -0.235 0.538 7.007
##
## Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 2.7347
                        0.3161 8.65 7.5e-16 ***
## daySat
         0.2584 0.3489 0.74 0.46
## daySun
            0.5204 0.3534 1.47 0.14
## dayThur
               0.0367 0.3613 0.10 0.92
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.38 on 240 degrees of freedom
```

Multiple Regression



```
Mod3 <- lm(tip ~ total_bill + sex + smoker + day + time + size, data = tips)
summary(Mod3)</pre>
```

```
## Call:
## lm(formula = tip ~ total_bill + sex + smoker + day +
## time + size,
       data = tips)
##
##
## Residuals:
##
      Min
              10 Median
                            30
                                  Max
## -2.849 -0.571 -0.103 0.470 4.134
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 0.86318
                                      1.41
                           0.61168
                                                0.16
## total bill
              0.09387
                           0.00975
                                      9.63
                                              <2e-16 ***
               -0.03250
## sexMale
                           0.14350
                                    -0.23
                                                0.82
                                     -0.52
## smokerYes
               -0.07710
                           0.14830
                                                0.60
                                     -0.36
                                               0.72
## daySat
               -0.11261
                           0.31411
## daySun
                           0.32507
                                     -0.04
                                                0.97
               -0.01248
## dayThur
               -0.17351
                           0.40090
                                     -0.43
                                                0.67
## timeLunch
                                      0.18
                0.08158
                           0.45290
                                                0.86
                0.29568
                           0.53806
                                      0.55
                                                0.58
## size2
                           0.57150
                                      0.80
                                                0.43
## size3
               0.45547
                                                0.24
## size4
                0.69172
                           0.59090
                                      1.17
                0.44743
                           0.73569
                                                0.54
## size5
                                       0.61
## size6
                1.18049
                           0.79189
                                      1.49
                                                0.14
## ---
```

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.'
## 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.03 on 231 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.472, Adjusted R-squared: 0.445
## F-statistic: 17.2 on 12 and 231 DF, p-value: <2e-16
##
```

Der Befehl step



Mit dem Befehl *step* führt man eine stufenweise Regressionsanalyse durch, bei der die Variablen nach der Reihenfolge ihrer Wichtigkeit entfernt werden.

step(Mod3)

```
## Start: AIC=27.56
                                                       ## - smoker 1 1.27 252.7 16.60
## tip ~ total_bill + sex + smoker + day + time + size
                                                       ## <none>
                                                                                  251.5 17.36
                                                                           204.87 456.3 160.76
##
                                                       ## - total bill 1
##
              Df Sum of Sq
                            RSS
                                   AIC
                                                       ##
## - day
                                                       ## Step: AIC=15.37
               3
                      0.65 246.2 22.21
                                                       ## tip ~ total bill + sex + smoker
## - size
               5
                     5.02 250.6 22.49
         1 0.03 245.6 25.59
## - time
                                                       ##
## - sex 1 0.05 245.6 25.61
## - smoker 1 0.29 245.9 25.85
                                                                      Df Sum of Sq RSS
                                                       ##
                                                                                          AIC
                                                       ## - sex
                                                                             0.04 251.5 13.41
                                                       ## - smoker 1 1.27 252.7 14.60
## <none>
                           245.6 27.56
## - total bill 1 98.64 344.2 107.95
                                                       ## <none>
                                                                                  251.5 15.37
                                                       ## - total bill 1 210.05 461.5 161.52
## Step: AIC=22.21
                                                       ##
## tip ~ total bill + sex + smoker + time + size
                                                       ## Step: AIC=13.41
##
                                                       ## tip ~ total_bill + smoker
##
              Df Sum of Sq RSS
                                   AIC
                                                       ##
               5
                      5.26 251.5 17.36
                                                                      Df Sum of Sq RSS
## - size
                                                                                          AIC
                                                                             1.27 252.8 12.63
## - time
                     0.01 246.2 20.21
                                                       ## - smoker
                                                                  1
                  0.04 246.3 20.24
                                                                                  251.5 13.41
## - sex
                                                       ## <none>
## - smoker 1 0.30 246.5 20.51
                                                       ## - total bill 1 213.67 465.2 161.45
                           246.2 22.21
## <none>
                                                       ##
## - total bill 1 98.74 345.0 102.48
                                                       ## Step: AIC=12.63
##
                                                       ## tip ~ total_bill
## Step: AIC=17.36
                                                       ##
## tip ~ total_bill + sex + smoker + time
                                                                      Df Sum of Sq RSS
                                                                                           AIC
                                                                                  252 8 12 63
                                                       ## <none>
```



8 R intern

Der Arbeitsbereich in R



Der Arbeitsbereich (workspace) in **R** ist eine Sammlung von Objekten, die aktuell im Speicher vorhanden ist.

Sie können diese Objekte anzeigen mit dem Befehl:

ls()

Löschen können sie die Objekte mit

rm()

Pakete



- ▶ R ist ein Paketen organisiert.
- ▶ Ein *Paket* ist eine kompakte Zusammenfassung von Code, Hilfeseiten, Daten, Beispielen usw. zu einem bestimmten Themengebiet.
- ▶ **R** wächst durch ständig neue Pakete!
- ▶ Mit der Installation von **R** haben Sie eine Grundausstattung an wichtigen Paketen, welche Sie nach belieben erweitern können und sollten!
- ▶ Die wichtigsten Pakete gibt es beim Comprehensive R Archive Network kurz CRAN.

Pakete installieren / aktualisieren



Um ein Paket, zum Beispiel **ggplot2**, zu installieren benutz man den Befehl:

```
install.packages("ggplot2")
```

Um gleichzeitig weitere, notwendige Pakete zu installieren nutzt man die Option "dependencies=TRUE":

```
install.packages("ggplot2", dependencies=TRUE)
```

Es gibt aber noch andere Wege! (Direkt in RStudio z.B.!)

Aktualisieren von (allen) Paketen:

```
update.packages()
```

Pakete benutzen



▶ Mit dem Befehl **library()** (ohne Argument) werden alle bereits installierten Pakete aufgelistet. Nicht alle davon sind automatisch verfügbar, sondern müssen erst geladen werden

library(ggplot2)

▶ Liegt das Paket nicht im Standard-library-Verzeichnis, benutzt man die Option lib.loc=:

```
library(ggplot2, lib.loc= <Verzeichnis> )
```

▶ Alternativ können Pakete auch mit **require()** geladen werden. Diese Funktion liefert als Rückgabe die Information ob das Paket verfügbar ist oder nicht.

```
require(ggplot2)
[1] TRUE
```

Verwaltung von Paketen





9 Anhang

9. Anhang

Literaturtipps



Wenn Sie sich mehr für \mathbf{R} interessieren. Ein erster Anlaufpunkt wäre z. B. das Skript "Praxis der Datenanalyse" von

https://sebastiansauer.github.io/Praxis_der_Datenanalyse/

Sauer, S., Gansser, O. (2017). Praxis der Datenanalyse. Skript zum Modul im MSc.-Studiengang "Wirtschaftspsychologie & Consulting" an der FOM. FOM Nürnberg. DOI: 10.5281/zenodo.580649.

Ein gutes Werk in englischer Sprache finden Sie hier:

http://r4ds.had.co.nz/

Garrett Grolemund und Hadley Wickham. R for Data Science. Published by O'Reilly January 2017 First Edition.

Videos zum Thema R und Rcmdr:



Hier finden Sie Videos, die einige Schritte der Datenaufbereitung und deskriptiver / explorativer Datenanalyse erläutern (zumeist mit R-Commander):

- ▶ boxplots erstellen https://www.youtube.com/watch?v=9XBjOmA7sNs
- ► Textdatei öffnen https://www.youtube.com/watch?v=QnM9HBe23Y8
- ▶ Öffnen der Datei Polizeistudie https://www.youtube.com/watch?v=SDOoKuj5_7o
- ► SPSS Datei importieren https://www.youtube.com/watch?v=HS8H_n7Vrm0
- ► Deskriptive Statistik erstellen https://www.youtube.com/watch?v=qrMpgk-7Wus
- ► Variablen in Faktoren umwandeln und Balkendiagramm https://www.youtube.com/watch?v=PRR-3kblt8k
- ► Streudiagramm https://www.youtube.com/watch?v=brE72_0stO0
- Korrelationsmatrix https://www.youtube.com/watch?v=pl92q_S-r8E
- ► Datenmatrix erstellen https://youtu.be/-EaeBL9J4IE

Die Videos wurden von Frau Prof. Ferreira erstellt.

Copyright / Lizenz / Version



(C)opyleft in 2016/2017 by Norman Markgraf

Diese Folien wurde von Norman Markgraf entwickelt und stehen unter der Lizenz CC-BY-SA-NC 3.0 de: https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/.

Datum erstellt: 2017-12-07

R Version: 3.4.2

▶ mosaic Version: 1.1.0

Diese Präsentation wurde mit **RMarkdown** und ein paar kleinen Helferlein (**NPBT**) erstellt.

Sie finden die (tages-)aktuelle Version, inklusive der Quellen, unter:

https://github.com/NMarkgraf/Etwas-R-am-Abend

Bitte melden Sie Fehler und Verbesserungsvorschläge an: nmarkgraf@hotmail.com

Meinen Dank an Oliver Gansser, Matthias Gehrke, Karsten Lübke, Chistian Schwarz und Sebastian Sauer für Ideen, Tipps und Unterstützung bei der Skripterstellung!