

Ciência da Computação e Sistemas de Informação PESQUISA OPERACIONAL (PO)

PROGRAMAÇÃO LINEAR

Prof. Arthur arthur.battaglia@docente.unip.br 2021/2

Fonte: Pesquisa Operacional – 2a edição – Daniel Augusto Moreira

DEFINIÇÃO

A Programação Linear é um dos modelos matemáticos mais utilizados.

É um modelo estruturado para resolver problemas que apresentem variáveis que possam ser medidas e cujo relacionamentos possam ser expressos por meio de equações e/ou inequações.

Características fundamentais:

1. Combinação de variáveis

Existe uma combinação de variáveis que deve ser maximizada ou minimizada como, por exemplo: custo, lucro, tempo, produção, rendimento financeiro, etc.

Durante a formulação do problema a combinação de variáveis identificadas é colocada na forma de uma expressão matemática, denominada função objetivo.

Características fundamentais:

1. Combinação de variáveis

Exemplo:

$$4x + 3y$$

o que significa que 4 unidades de x devem ser combinadas com 3 unidades de y.

Através da Programação Linear pode-se maximizar, ou minimizar, o resultado dessa expressão. Na prática significa que estamos procurando os valores ideais para x e para y para atender à nossa necessidade, dentro das faixas de valores admissíveis para x e y.

Características fundamentais:

2. Restrição de recursos

Como exemplo, seria o ideal fabricar o máximo possível de dois produtos. Para isso deveria existir uma demanda (consumo) que absorvesse toda a produção, o que nem sempre acontece.

Além disso, deveria haver matéria-prima suficiente para atender a essa demanda, além da capacidade produtiva das máquinas e mão-de-obra para tal. O que não costuma ser realidade.

Por isso é necessário buscar uma combinação ótima (a melhor possível) de recursos para atender às demandas.

Características fundamentais:

2. Restrição de recursos

Um problema típico de Programação Linear apresenta, então, duas condições:

- Uma expressão que se quer maximizar ou minimizar.
- Um certo número de restrições, tais como: recursos financeiros, prazos de entrega, quantidade de mão-de-obra disponível, lucro mínimo aceitável, custo máximo aceitável, distância máxima a ser percorrida, etc.

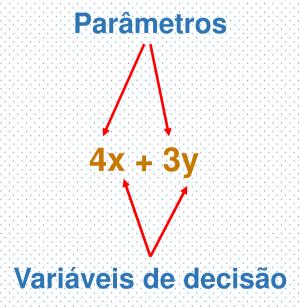
Diretrizes para formulação de modelos:

Parâmetros: são valores já fixados que não estão sob controle da pessoa que está construindo o modelo.

Varáveis de decisão: poderão assumir diversos valores, sendo que há uma certa combinação entre eles que irá maximizar, ou minimizar, a função objetivo, conforme se necessite. Essa combinação de valores será a solução do problema.

Diretrizes para formulação de modelos:

Numa equação, os parâmetros são os coeficientes das variáveis de decisão:



Problemas de maximização e minimização da função objetivo:

Na formulação de um problema é necessário, inicialmente, reconhecer:

- Os parâmetros
- As variáveis de decisão
- As restrições

Problemas de maximização e minimização da função objetivo: vide Exemplos 01 e 02 (em PDF).

 O objetivo, por ora, é entender como estruturar o problema. Como resolvêlo, utilizando o método Simplex, será visto adiante.

Resolução gráfica de problemas de maximização e minimização: vide Exemplos 03 e 04 (em PDF).



Ciência da Computação e Sistemas de Informação PESQUISA OPERACIONAL (PO)

PROGRAMAÇÃO LINEAR

Prof. Arthur arthur.battaglia@docente.unip.br 2021/2

Fonte: Pesquisa Operacional – 2a edição – Daniel Augusto Moreira