# CH3 \ Stack & Queue

## 堆疊與佇列

## 目錄:

Stack

定義、應用

ADT

製作

Permutation

push/pop(abc)、Binary Tree、括號、矩陣相乘、Y 字火車

中序轉前序、後序

括號法、Stack 演算法

轉換程式

後序、前序的運算

Stack 用於 Compile Parsing

a<sup>n</sup>b<sup>n</sup>、迴文、ab 出現次數是否相同

## Queue

定義、應用

ADT

Queue 的種類(4 種)

一般 Queue、Priority Queue

Double-Ended Queue \ Double-Ended Priority Queue

Stack, Queue 的互相轉換

Multiple Stack 製作

## Stack 堆疊

#### Def:

- 1. 為一有序串列(Order List)
- 2. 具有 LIFO(Last-In-First-Out)或 FILO(First-In-Last-Out)
- 3. 有插入(Push),删除(Pop)等行為,"皆發生於頂端(Top)"

例: push(a),push(b), push(c), pop,pop,push(d), 問結果?



Output: c, b Stack 內容: a, d

## 應用:

- 1. Subroutine, Recursive 呼叫
- 2. Infix 轉 Postfix, Prefix
- 3. 後序式計算
- 4. Compiler 文法剖析
- 5. 迴文檢查(演算法)
- 6. Binary Tree 追蹤

- 7. Graph 的 DFS(追蹤)
- 8. 日常取餐盤之行為
- 9. 將資料反序:若Input 大到小,則Output 小到大
- 10. Stack Computer 機器
- 11. 處理 Pure-procdure(純程序)
- 12. Maze Problem(迷宮)

## Stack ≥ ADT

## ADT is a spec:

- 1. of a set of data
- 2. the set of operation

Object: A finite ordered list with zero or more elements(一有序列帶有 0~多個元素)

#### Functions:

for all stack ∈ stack item ∈ element max\_stack\_size ∈ positive integer

## Include:

- 1. create
- 2. isFull
- 3. add(push)
- 4. isEmpty
- 5. delete(pop)

## 1. create

## stack creat(mss);

=> 指建立一空的 Stack,大小為 mss,並將之回傳

#### 2. isFull

## Boolean isFull(stack, mss)

=> 接收一 Stack, 跟 mss 相比

若大小相同: Stack full => return true

若大小不同: return false

## 3. push

## stack push(stack, item)

=> 將 iteme 加入到 stack 之中

Note: 需 check Stack 是否滿了?

是 => output Stack

否 => 加入,並回傳 Stack

## 4. isEmpty

## Boolean isEmpty(stack)

=> check Stack 是否為空

是 => return true

否 => return false

## 5. delete(pop)

## Element delete(stack)

=> 從 Stack 刪除 Top 端的資料,並回傳

Not: 欲 check Stack 是否 Empty ? 為空則不能 Delete

另一版本 1~4 相同, But 5 不同

## 5. delete

## stack delete(stack)

=> 刪除 Top 端資料後,回傳 Stack

#### 6. top

## Element top(stack)

=> 只查,不 Delete,回傳 Stack 的 Top 元素值

#### 例:

- 1. pop(push(s, item)) ?
- 2. top(push(s, item))?
- 3. isEmpty(create(s)) ?
- 4. pop(create(s)) ?
- 1. s
- 2. item
- 3. true
- 4. Stack Empty(Error)

## Stack ADT 之製作

```
方式:一、Array;二、Linked list(下章談)

int stack[];

int top=-1,n; //n 用來記錄大小,stack size
```

# 程式:

1. create:

```
void create()
{
     top = -1;
     n=size;
     stack = new int[n];
}
```

2. isFull:

```
bool isFull()
{
    retutn top == n-1;
}
```

3. isEmpty:

```
bool isEmpty()
{
    return top==-1;
}
```

4. <del>push</del> :

```
bool push (int item)
{
    if(isFull())
        return false;
    else
    {
        top++;
        stack[top]=item;
        return true;
    }
}
```

5. pop:

```
bool pop(int &item) //call by reference,参考變數
{
    if(isEmpty())
        return false;
    else
    {
        item=stack[top];
        top--;
        return true;
    }
}
```

Note: int &count=x; //為x 取一個暱稱count,操作count 及是操作x(共享記憶體)

## Stack Permutation(排列組合)

Def: 給予 n 個 Data,依序執行 push,於過程可產生的合法 Output 組合 共 $\frac{1}{n+1} \times C_n^{2n}$ 種 $(3 \ \pi \ 5 \ \varpi \ ; 4 \ \pi \ 14 \ \varpi \ ; 5 \ \pi \ 42 \ \varpi)$ 

## 例 1: 給 3 筆 Data a, b, c 列出所有合法之 Stack Permutation

abc: push(a), pop[a], push(b), pop[b], push(c), pop[c] acb: push(a), pop[a], push(b), push(c), pop[c], pop[b] bac: push(a), push(b), pop[b], pop[a], push(c), pop[c] bca: push(a), push(b), pop[b], push(c), pop[c], pop[a] cab: push(a), push(b), push(c), pop[c], => ERROR cba: push(a), push(b), push(c), pop[c], pop[b], pop[a]

例: (a, b, c, d)之 Stack Permutation,下列哪些不合法?

- 1. acbd
- 2. dcab
- 3. cdab
- 4. dbca
- 5. cbad

只有1,5 正確

- 1. push(a), pop[a], push(b), push(c), pop[c], pop[b], push(d), pop[d]
- 2. push(a), push(b), push(c), push(d), pop[d], pop[c] => ERROR
- 3. push(a), push(b), push(c), pop[c], push(d), pop[d] => ERROR
- 4. push(a), push(b), push(c), push(d), pop[d] => ERROR
- 5. push(a), push(b), push(c), pop[c], pop[b], pop[a], push(d), pop[d]

## n 個 Data 之 Stack Permutation 和下列問題相同:

- 1. n 個 Node 可形成之 Binary Tree 種類數(CH5)
- 2. n個"("和")"之合法配對數

例:3個"("及")"

- *1.* ((()))
- 2. ()()()
- *3.* (())()
- 4. ()(())
- *5.* (()())
- 3. (n+1)個矩陣相乘之可能,乘法配對組合數:

例:4個矩陣(M1-M4)

- 1. ((M1\*M2)\*M3)\*M4
- 2. ((M1\*(M2\*M3))\*M4
- 3. M1\*((M2\*M3)\*M4)
- 4. (M1\*M2)\*(M3\*M4)
- 5. M1\*(M2\*(M3\*M4))

 $[演算法]: 矩陣鏈: \frac{1}{n+1} \times C_n^{2n}$ 

4. Y字火車倒車題型(先進後出)

## Infix(中序), Postfix(後序), Prefix(前序式) 介紹

## — ¬ Infix:

Def: 一般使用的運算或表示格式

|   | 格式 | operand <sub>1</sub> | operator | operand <sub>2</sub> |
|---|----|----------------------|----------|----------------------|
| I | 例: | 3                    | +        | 5                    |

優點: User 易懂

缺點: Compiler 對 Infix 計算不易

因為需考慮運算子之 Priority 及 Associative, 故需多次 Scan 方可求解

**⇒** Performance 下降

例:3+5\*8

## 二、Postfix(後序式 or 後置式)

| 格式 | operand <sub>1</sub> | operand <sub>2</sub> | operator |
|----|----------------------|----------------------|----------|
| 例: | 3                    | 5                    | +        |

優點: Compiler 處理方便,只需由左到右 Scan 一次,即可求出結果

**⇒** Performance 較好

只需一個 Stack

## 三、Prefix(前序式)

| 格式 | operator | operand <sub>1</sub> | Operand <sub>2</sub> |
|----|----------|----------------------|----------------------|
| 例: | +        | 3                    | 5                    |

優點:同 Postfix,需 Scan 一次即可求解

Note:右到左 Scan 需 2 個 Stack 來 Support

## 小結:

| 前序 | + | 3 | 5 |
|----|---|---|---|
| 中序 | 3 | + | 5 |
| 後序 | 3 | 5 | + |

中序轉前序 or 後序, 方法有 2:

- (1) 括號法
- (2) Stack 演算法

## 一、括號法

## [中轉後]

- 1. 將運算式依優先權(Priority)及結合性(Associative)加上完整的括
- 2. 由右到左將運算子取代最近的右括號
- 3. Output,省略左括號

## [中轉前]

- 1. 將運算式依優先權(Priority)及結合性(Associative)加上完整的括
- 2. 由左到右將運算子取代最近的右括號
- 3. Output, 省略右括號

| Op | erator          | Priority | Associative |
|----|-----------------|----------|-------------|
| 1. | (), []          | 高        | 右結合         |
| 2. | -(負號)           |          | 右結合         |
| 3. | **, ↑,\$,^(幂次方) |          | 左結合         |
| 4. | *,/             |          | 左結合         |
| 5. | +, -            |          | 左結合         |
| 6. | >, <, ==, #     |          | 左結合         |
| 7. | !(not), ~, ¬    |          | 右結合         |
| 8. | and, or         |          | 左結合         |
| 9. | =(assign)       | 低        | 右結合         |

## Note:

- 1. Operator 有分為:
  - (1) 單元(Unary): -7,!A
  - (2) 雙元(Binary): 3+5,6\*8
- 2. 做運算先後:
  - 先看 Priority, (如果 Priority相同,)再看結合性(Associative)
- 3. 算術 > 關係 > 邏輯

## 例 1: A+B\*C-D/E

 $A+(B^*C)-(D/E)$  $((A+(B^*C)-(D/E))$ 

後:ABC\*+DE/-

前:-+A\*BC/DE

## 例 $2: A \uparrow B \uparrow C$

 $(A \uparrow (B \uparrow C))$ 

後:ABC 1 1

前: /A /BC

## 例 3: (A+(B-C)/D)-E/(F\*G)

((A+((B-C)/D))-(E/(F\*G)))

後: ABC-D/+ EFG\*/-

前:-+A/-BCD/E\*FG

## [Redefitne 題型]

例 **4**: Priority 規則: () > + - > \* / , 且: +- => 右結合; \*/ => 左結合,則: A+B-C\*D/(F\*G+H) 為何?

(((A+(B-C))\*D)/(F\*(G+H)))

後: ABC-+D\*FGH+\*/ 前:/\*+A-BCD/\*F+GH

## [反向題]

例 5: Postfix: ABC\*E2-/F\*+, 求 Infix=?

 $A+((B^*C)/(E-2)^*F)$   $(A+(((B^*C)/(E-2))^*F))$  $\vec{m}: +A^*/^*BC-E2F$ 

例 6: 前:/+AB\*-CDE, 求 Infix=?

(A+B)/((C-D)\*E)((A+B)/((C-D)\*E))<math><math>AB+CD-E\*/

二、Stack 演算法

中序→後序

## 概念:

- 1. 若是 Operand 運算元 => 列印 若是 Operator 運算子, goto 2.
- 2. ")" => pop, 直到遇到"("為止
- 3. Otherwise: 比較 Priority
  - (1) ">" Top 端 => push
  - (2) "<="Top 端 => pop, 直到 Priority > top 端, 才 push

#### Note:

- 1. Stack 空,Priority 最低
- 2. "("在 Stack 外 Priority 最高 ")"在 Stack 內 Priority 最低
- 3. 左結合運算子,在Stack之外的Priority,小於Stack内的
- 4. 右結合剛好相反

## 中序→前序

## 概念:

- 1. 若是 Operand 運算元 => push 到 Stack T 若是 Operator 運算子, goto 2.
- 2. ")" => pop, 直到遇到"("為止
- 3. Otherwise: 比較 Priority
  - (1) ">" Top 端 => push
  - (2) "<="Top 端 => pop, 直到 Priority > top 端, 才 push

#### Note:

- 1. Stack 空,Priority 最低
- 2. "("在 Stack 外 Priority 最高 ")"在 Stack 內 Priority 最低
- 3. 左結合運算子,在Stack之外的Priority,大於Stack內的
- 4. 右結合剛好相反

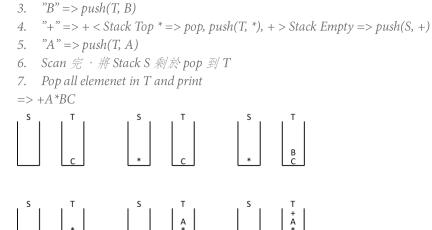
## Infix 轉 Postfix 之演算法程式:

```
while(infix 尚未由左而右 scan 完) do
      begin
             x=NextToken(infix);
             if(x is operand) then print(x);
                                                                    //1.
             else if (x is ")") then
                                                                    //2.
                    repeat
                           y=pop(s);
                           if (y!="()) print(x);
                    until(y=="(")
             else
                                                                    //3.
                    switch(compare(x, s.Top))
                           case">":
                                         push(s,x);
                                                                    //3.1
                           case"<=":
                                                                    //3.2
                                         repeat
                                                      y=pop(s);
                                                      print(y);
                                                until(x>s.Top);
                                                push(s,x);
                    while(Not isEmpty(s)) do
                    begin
                           y=pop(s);
                           print(y);
                    end
      end
```

## Infix 轉 Prefix 之演算法程式:(會多一個 Stack T)

```
while(infix 尚未由右而左 scan 完)do
      begin
             x=NextToken(infix);
             if(x is operand) then push(T,x);
                                                                   //1.
             else if (x is ")") then
                                                                   //2.
                    repeat
                          y=pop(s);
                          if (y!=")") push(T,y);
                    until(y=="(")
             else
                                                                   //3.
                    switch(compare(x, s.Top))
                    {
                           case">":
                                        push (s,x);
                                                                   //3.1
                           case"<=":
                                        repeat
                                                                   //3.2
                                                      y=pop(s);
                                                      push(T,y);
                                               until(x>s.Top);
                                               push(s,x);
                    while(Not isEmpty(s)) do
                    begin
                           y=pop(s);
                           push(T,y);
                    end
                    while(Not isEmpty(T)) do
                    begin
                          y=pop(T);
                           print(y);
                    end
      end
```

# 例: 將中序: A/(B-C\*D)轉為後序(含過程) 1. "A" => print"A"2. "/" => / > stack empty =>(s,/)3. "("=> ( > stack top "/" 4. "B" => print"B"5. "-"=>-> stack top "(" => (s, () 6. "C" => print"C"7. "\*" => \* > stack top "-" => (s, -) 8. "D" => print"D"9. ")" pop[\*], pop[-], pop[(], stop 10. Scan 完畢: pop all element in stack print "/" $=> ABCD^*$ -/ 例: 將中序: A+B\*C 轉為前序(含過程) 1. "C" => push(T, C)2. "\*" => \* > Stack Empty => push(S, \*)



## **Evaluation**

## Postfix Evaluation 演算法

```
while(postfix 尚未由左而右 scan 完) do {
    x=NextToken(postfix);
    if(x is operand) then push(s,x);
    else
    {
        1.pop 適當個數之運算元;
        2.執行得結果 r;
        3.push(s,r);
    }
}
pop(s); //即為結果
```

## 例 1: Postfix => 623\*/4\*

- 1. 寫出計算過程
- 2. 系統至少要給幾格的 Stack?

```
1. 過程:
```

- (1) "6" => push 6
- (2) "2" => push 2 6
- (3) "3" => push 3 2 6
- (4) "\*" => pop[3], pop[2] => 2\*3 = 6 => push 6 6
- (5) "/" => pop[6], pop[6] => 6/6 = 1 => push 1
- (6) "4" => push 4 1
- (7) "\*" => pop[4], pop[1] => 4\*1 = 4 => push 4
- (8) Scan 完, pop Stack 即為結果
- 2. 至少給3格,看過程最多需多少格

## 例 2: 中序式: A+B\*C-(D/E/F)轉成 Postfix, 問此 Postfix 計算時至少需多少 Stack size?

```
Postfix: ABC*+DE/F/-
=> 最少3 格
```

## Prefix Evaluation 演算法

```
while(prefix 尚未由右而左 Scan 完) do {
    x=NextToken(pretfix);
    if(x is operand) then push(s,x);
    else
    {
        1.pop 適當個數之運算元;
        2.執行得結果 r;
        3.push(s,r);
    }
}
pop(s); //即為結果
```

## 例 1: Pretfix => \*+23/63

- 1. 寫出計算過程
- 2. 系統至少要給幾格的 Stack?
- 1. 過程:
  - (1) "3" => push 3
  - (2) "6" => push 6 3
  - (3) "/" => pop[6], pop[3] => 6/3=2 => push 2
  - (4) "3" => push 3 2
  - (5) "2" => push 2 3 2
  - (6) "+" => pop[2], pop[3] => 2+3=5 => push 5 2
  - (7) "\*" => pop[5], pop[2] => 5\*2=10 => push 10
  - (8) Scan 完, pop Stack 即為結果
- 2. 至少給3格,看過程最多需多少格

# Stack 用於 Compiler(剖析)

[常見題型]

1. 判斷敘述是否合手{a<sup>n</sup>b<sup>n</sup>|n≥1}:

n 代表  $1\sim$ 多個;  $a^n$  指 a 出現 n 次、 $b^n$  指 b 出現 n 次

例:

正確:ab、aabb、aaabbb 錯誤:abab、aabbb、aaabb

## 步驟:

- (1) 左→右 Scan: "a"則 gush(S, a); "b"則 pop(S) if 之後 Scan 到"a", Error if 無法 pop(S), Error
- (2) Scan 完畢檢查: Stack 為空?若空則正確;若非空則 Error
- 2. 迴文測試(Palindrome)

Check 字串是否符合: {w\$w'|w'為w的反序}

例:

正確:abc\$cba ab\$ba

錯誤:abc\$cb

## 程式:

```
bool isPalindrome(char *s)
{
        int i=n/2;
        for(i=0;i<n;i++)
        {
            if(s[i]!=s[n-i-1])
            return false;
        }
        return true;
}</pre>
```

3. 判別字串"a", "b"出現次數是否相同?

例:

正確:abba、ababab

錯誤:aabbb

步驟:

(1) 左→右 Scan: "a"則 c<sub>1</sub>++; "b"則 c<sub>2</sub>++

(2) Scan 完畢檢查:若 C<sub>1</sub>==C<sub>2</sub>,則正確;否則錯誤

## Queue(佇列)

Def: 為一有序串列, 具有下列特性:

- 1. 具 FIFO(Fisrt-In-First-Out)
- 2. 插入元素在尾端(Rear),删除元素在前端(Front):插入、删除發生於不同端 (Stack 之插入、删除於同一端)

## Queue 應用

- 1. OS ≥ Scheduling Queue
- 2. IO Device 會用 Queue 接收 IO Request
- 3. 用於 Simulation(模擬)系統之效能評估
- 4. IO 時的 Buffer 常用 Queue
- 5. 圖形的追蹤: BFS(Queue)、DFS(Stack)
- 6. Binary Tree 的"Level Order Traversal"
- 7. Priority Queue(優先權:以 Priority 高的先 Output, 不是 FIFO)
- 8. 日常排隊的模式(FIFO)

## Queue 的 ADT

Object: A finite ordered list withzero or more elemnts.

(為一有限的有序串列,由0~多個元素組成)

### Function:

for all Queue ∈ Queue item ∈ Element max\_queue\_size ∈ Positive Integer

## Include:

1. create

## queue creat(mss);

=> 指建立一空的 Queue,大小為 mss,並將之回傳

2. isFull

## Boolean isFull(queue, mss)

=> 接收一 Queue, 跟 mss 相比

若大小相同: Queue full => return true

若大小不同: return false

3. add

## queue add(queue, item)

=> 將 iteme 加入到 Queue 之中

Note: 需 check Queue 是否滿了?

是 => output Queue

否 => 加入,並回傳 Queue

4. isEmpty

Boolean isEmpty(queue)

- => check Queue 是否為空
- 是 => return true
- 否 => return false
- 5. delete

Element delete(queue)

=> 從 Queue 刪除 front 端的資料,並回傳

Not: 欲 check Queue 是否 Empty ? 為空則不能 Delete

# Queue ADT 之實作方式

```
一、Array
[法一] Linear Array
[法二] Circular Array(n-1 格)
[法三] Circular Array(n 格)
二、利用 Linked List:[法一]、[法二](之後談)
```

— \ Array

[法一] Linear Array

int front, rear; int queue[];

## 程式:

1. create:

```
void create(int size)
{
    front=rear=-1;
    n=size;
    queue=new int[n];
}
```

2. isFull:

```
bool isFull()
{
    retutn rear == n-1;
}
```

3. isEmpty:

```
bool isEmpty()
{
    return front==rear;
}
```

4. add:

5. delete:

Note: 當 rear=n-1(但 front ≠ -1)時,不代表 Queue 真的滿了

```
____f * * * r
解法:——往回挪
```

程式:

 $\Rightarrow$  O(n)

此法問題:當滿了時,需檢查是否真的滿了,若否則需調整 => O(n),故以"Circular Queue"來改善

# [法二] Circular Queue(n-1 格)

概念:



# [資結]

```
int front, rear, n;
int CQ[];
```

# 程式:

1. create:

```
void create(int size)
{
    front=rear=0;
    n=size;
    CQ=new int[n];
}
```

2. isFull:

```
bool isFull()
{
    retutn rear == n-1;
}
```

3. isEmpty:

```
bool isEmpty()
{
    return front==rear;
}
```

4. add:

```
bool add(int item)
{
    int newrear=(rear+)%n;
    if(newrear==front)
        return false;//Queue Full
    else
    {
        rear=newrear;
        CQ[rear]=item;
        return true;
    }
}
```

5. delete:

```
bool delete(int &item)
{
    if(front==rear)
        return false;
    else
    {
        front=(front+1)%n;
        item=CQ[front];
        return true;
    }
}
```

## 結論:

- 1. n格,只能用 n-1格
- 2. 改善 Linear Queue 的 add O(n)→O(1)
- 3. 欲充分使用 n 格,需額外加上一 tag: 若 False 表 Empty、若 True 表 Full

[法三]:因為可多利用一格,但仍需多一個 Tag,故現今較不重要

1. add:

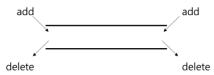
2. delete:

```
bool delete(int &item)
{
    if(front==rear && tag==false)
        return false;
    else
    {
        front=(front+1)%n;
        item=CQ[front];
        if(front==rear) tag=false;
        return true;
    }
}
```

## Queue 的種類

- 1. 一般 Queue,前端删除、尾端加入(FIFO)
- 2. Priority Queue(非 FIFO)
  - (1) 插入任意元素
  - (2) 刪除最大/最小(擇一)元素:採用 Heap(最大使用 Max-Heap、最小使用 Min-Heap)
- 3. Double-Ended Queue(雙邊佇列)

Queu 的兩端(Rear & Front)皆可做 add 與 delete



分為2種:

(1) Input-Restricted:

插入:固定端;刪除:任意端

(2) Output-Restricted:

插入:任意端;刪除:固定端

4. Double-Ended Priority Queue(雙邊優先佇列)

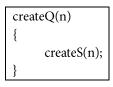
提供:

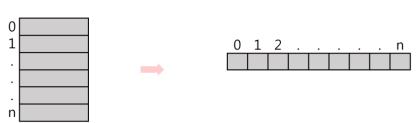
- (1) 插入任意值
- (2) 刪除最大元素
- (3) 刪除最小元素(刪除最大、最小元素之指令為併存)

採用"Min-Max Heap"或"Deap"

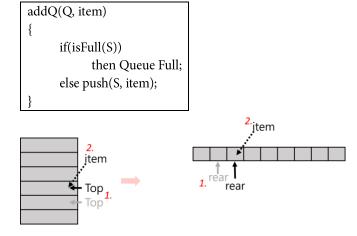
## [補充]Stack 的相互製作

- 一、利用 Stack 作 Queue 二、利用 Queue 作 Stack
- 一、利用 Stack 作 Queue
- 1. create





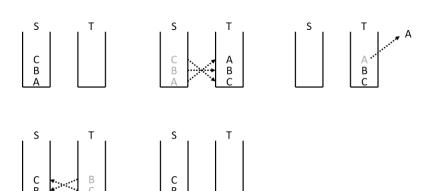
## 2. add



Note 以 Queue 模擬 Stack

## 3. delete

```
deleteQ(Q)
{
    if(isEmpty(S))
        then Queue Empty;
    else
    {
        T: stack;
        while(Not isEmpty(S)) do
        {
            y=pop(S);
            push(T, y);
        }
        item=pop(T);
        while(Not isEmpty(S))
        {
            y=pop(T);
            push(S, y);
        }
    }
}
```



# 二、利用 Queue 作 Stack

# 1. push push(S, item) if(isFull(Q)) then Stack Full; else AddQ(Q, item); <sup>2</sup>.item 2. item Тор<sub>1.</sub> rear 2. pop pop(S) if(isEmpty(Q)) then Stack Empty; else n=Rear-Front; for i=1 to (n-1) do //1. y=deleteQ(Q); addQ(Q, y); item=deleteQ(Q); //2. } <sup>2</sup>.item jtem Тор **1**. Тор Multiple Stack 製作

作法:利用一個一維陣列實作出:

- 一、2個 Stack
- 二、n個Stack(n>2)



Note: Stack1 會有Top1、Stack2 會有Top2,只要Top1≠Top2,則還沒有Full

```
一、2個 Stack
```

## [資結]

```
A: array[1: n];
Top1: int=0;
Top2: int=n+1;
```

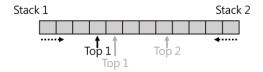
## 程式:

# 1. push

# Top 1 Top 2

## 2. pop

```
pop(i)
                     //針對 ith Stack pop
                //pop 第 1 個 Stack
     if(i==1)
     {
          if(Top1==0)
                then Stack1 Empty;
          else
                item=A[Top1--];
     }
     else
                //pop 第 2 個 Stack
          if(Top2==n-1)
                then Stack2 Empty;
          else
                item=A[Top2++];
     }
```



二、一個 Array 製作 n 個 Stack

說明: 令 array[1: m]

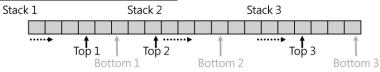
- 1. 起初每個 Stack 分到相同空間,約[m/n]
- 2. 每個 Stack,除了 Top 需再加一個 Bottom 指標

## 製作:

Top[1: n] of integer
Bottom[1: n+1] of integer

Note: 各 Stack i 之 Top&Bottom 初始值:

```
Top[i]=Bottom[i]=(i-1)*[m/n];
Bottom[n+1]=m;
```



## 判别:

Top[i]=Bottom[i]; //Stack Empty
Top[i]=Bottom[i+1]; //Stack Full

程式:

1. push

```
push(i, item)
{
     if(Top[i]==Bottom[i+1])
          then Stack i Full;
     else
     {
          Top[i]=Top[i]+1;
          A[Top[i]]=item;
     }
}
```

2. pop

```
pop(i) //item
{
    if(Top[i]==Bottom[i])
        then Stack i Empty;
    else
    {
        item=A[Top[i]];
        Top[i]=Top[i]-1;
    }
}
```

Note:當Stacki滿了,不見得代表整個Array皆滿

⇒ Solution:挪動元素所在位置:O(n)(效能差)