CH1 \ Recursive & Complexity

基本概念:遞迴與時間複雜度

```
目錄:
Algorithm
Recursive
    定義、種類
    與 Non-Recursive 比較
    考題(程式與追蹤)
       來源
           7 種數學(n!、Σ、費氏、二項式系數、Ackerman's、GCD、x<sup>y</sup>)
           各章DS(後續提及故先略過)
           其他(河內塔、排列組合)
    演算法定義
   ADT
    空間複雜度
       Function Calling
           Call by Value \ Call by Address
    時間複雜度
       計算執行次數
       Big O、Little O、Theta、Big Omega、Littl Omega(比大小)
       Recursive Time Function 計算
           展開法
           Master Method(case 3) Extended Master Method(log n)
           Recursive Tree(case 2)
           [離散]特性方呈式(費氏)
           Guess+Proof
```

替换法

CH2 \ Array

陣列

目錄:

特質

計算

1~n 維

多項式表示法

Array \ Linked List(CH4)

以係數存、只存非 0 項元素

特殊矩陣

稀疏矩陣

3-Tuple

上、下三角矩陣

對稱矩陣

寬帶矩陣

CH3 \ Stack & Queue

堆疊與佇列

目錄:

Stack

定義、應用

ADT

製作

Permutation

push/pop(abc)、Binary Tree、括號、矩陣相乘、Y 字火車

中序轉前序、後序

括號法、Stack 演算法

轉換程式

後序、前序的運算

Stack 用於 Compile Parsing

aⁿbⁿ、迴文、ab 出現次數是否相同

Queue

定義、應用

ADT

Queue 的種類(4 種)

一般 Queue、Priority Queue

Double-Ended Queue \ Double-Ended Priority Queue

Stack, Queue 的互相轉換

Multiple Stack 製作

CH4 \ Linked List

鏈結串列

目錄:

定義、與 Array 的比較表、操作與配置 實作

> Insert、Delete 系統可用 Space 的管理 new, ret

利用 Linked List 製作 Stack

利用 Linked List 製作 Queue

Single Linked List, Circular Linked List, Double Linked List Circular/Double 比較表

Linked List 應用

串列回收、長度計算、[補]Single→Double、串列合併、反轉串列 多項式表示法

Array(CH2:3種方法) Linked List:2種方法

Single, Circular, Double Linked List

Generalize List

Generalize List 應用 Copy, Equal, Depth Generalize List 之多項式表示法

CH5 \ Tree

樹與二元樹

目錄: 定義 表示法(4種) Linked List、二元樹、Child Sibling、括號法 二元樹 比較表 三定理 特殊二元樹 Skewed BT \ Full BT \ Complete BT \ Strict BT BT表示法 BT的應用 Traversal 反向 Trversal 演算法 應用演算法(7個) Count \ Height \ Leaf Node \ Copy \ Equal \ SWAP BT \ Expression Binary Search Tree Insert/Consturction \ Search \ Delete Thread BT Tree/Forest 與BT 的轉換 Forest Traversal [補充]n Node 可形成幾種 BT Heap Max-Heap Min-Heap

Top-Down \ Bottom-Up

CH6 \ Graph

圖論

目錄:

定義

術語(10個)

Complete Graph、Subgraph、Path、Length、Simple Path、Cycle Connected、Connected Component、Strongly Connected、Degree 表示方式

Adj Matrix · Adj List · Multi Adj List · Index+Array

Traversal(追蹤)

DFS BFS

Spanning Tree

Minium Cost Spanning Tree

[補充]Union & Find(3 種方法)

Kruskal's \ Prim's \ Sollin's

Shortest Path Problem

	演算法	假設條件	時間複雜度	
One to all	Dijkstra's	邊的加權不可負值	O(n ²)	Greedy Algorithm
One to all	Bellman	允許有負值	O(n³)	Dynamic Programming
		但不可有負循環		
All to all	Floyd-Warshall	允許有負值	O(n ³)	Dynamic Programming
		但不可有負循環		

A+, A*矩陣

AOV Network \ AOE Network

Topological Order

Articulation Point \ Biconnected Graph \ Biconnected Component

CH7 Sort & Search

排序與搜尋

```
目錄:
Search
    Linear Search
    Binary Search
         何時 Linear Search 較 Binary Search 來得更佳
        Binary Search 的 Decision Tree
    Interpolation(插補)
Sorting
    依存放地點、依排序順序、依演算法
    初階排序:
      Insertion Sort
        Binary Insertion Sort、Linear Insertion Sort 分別之改善
      Selection Sort
      Bubble Sort
      Shell Sort
    高階排序:
      Quick Sort
         改善 Quick Sort Worst Case 之方法(3 種)
        Middle of Three
    排序最快可達到多快之證明(Comparsion-Base)
      Merge Sort
        [Iterative 版]、[Recursive 版]
        Selection Tree
            Winner Tree \ Loser Tree
      Heap Sort
    線性排序:
      Radix Sort
        LSD \ MSD
      Counting Sort
    [重要]比較表
```

Selection Problem

CH8 \ Hashing

雜湊

目錄:

Hashing Method

Why Hashing?

Hash Table 的結構

Hash 中常見的問題

Hashing 優點

良好的 Hash Design 應滿足

Perfect Hashing Function \ Uniform Hashing Function

常見的設計方法

Middle Equare \ Mod(Divison) \ Folding Adding(2) \ Digits Analysis

Overflow 的處理方式

Linear Probing

Quadratic probing

Rehasing

Linked List/Chaining

[補充]: Double Hashing(演算法)

CH9 \ Advance Tree

高等樹

目錄:

Min-Max Heap(Insert, Delete)

Deap(Insert, Delete)

SMMH(Insert, Delete)

Extended BT

Weight External Path Length

Minimum Weight External Path Length

Huffman

如何評估 BST 優劣

AVL Tree

不平衡的調整方式

定理

m-way Search Tree

B-Tree

2-3 Tree

2-3-4 Tree(Insert, Delete)

B⁺ Tree

Red & Black Tree

OBST

Splay Tree

Leftist Tree

Min-Leftist Tree, Max-Leftist Tree(Insert, Delete)

Binomial Tree

Binomial Heap(Insert, Delete)

Fibonacci Heap

