Olympiad Calculator in Secondary School – Giải Toán Trên Máy Tính Cầm Tay Cấp Trung Học Cơ Sở

Nguyễn Quản Bá Hồng*

Ngày 13 tháng 4 năm 2023

Tóm tắt nội dung

[EN] This text is a collection of problems, from easy to advanced, about *fraction*. This text is also a supplementary material for my lecture note on Elementary Mathematics grade 9, which is stored & downloadable at the following link: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 9/lecture¹. The latest version of this text has been stored & downloadable at the following link: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 9/fraction².

[vI] Tài liệu này là 1 bộ sưu tập các bài tập chọn lọc từ cơ bản đến nâng cao về *phân số*. Tài liệu này là phần bài tập bổ sung cho tài liệu chính – bài giảng GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 9/lecture của tác giả viết cho Toán Sơ Cấp lớp 9. Phiên bản mới nhất của tài liệu này được lưu trữ & có thể tải xuống ở link sau: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 9/fraction.

Mục lục

1	Tính Giá Trị Biểu Thức	3
2	Tìm Thương & Số Dư Khi Chia 2 Số Tự Nhiên	4
3	Tìm ƯCLN & BCNN	4
4	Biểu Diễn Số Hữu Tỷ & Liên Phân Số	4
5	Biểu Diễn Số Thập Phân Vô Hạn Tuần Hoàn Về Số Hữu Tỷ	4
6	Tìm Chữ Số Thập Phân Thứ k	4
7	Tính Số Chữ Số của 1 Số Dạng Lũy Thừa	4
8	Tìm k Chữ Số Tận Cùng của 1 Số Tự Nhiên	4
9	Các Bài toán Liên Quan về Số Nguyên Tố	4
10	Tính Tổng Hữu Hạn	4
11	Các Bài Toán về Hàm Số Bậc Nhất	4
12	Các Bài Toán về Đa Thức	4
13	Tìm GTLN & GTNN của Biểu Thức	4
14	Phương Trình & Hệ Phương Trình Nghiệm Nguyên	4
15	Phương Trình & Hệ Phương Trình Đại Số	4
16	Xác Định Các Yếu Tố Liên Quan về Tam Giác, Tứ Giác, & Hình Tròn	4
17	Các Bài Toán về Dãy Số	4
18	Tìm Các Số & Chữ Số Thỏa Điều Kiện Cho Trước	4
19	Các Bài Toán Liên Quan về Lượng Giác, Tính Thời Gian, & Số Đo Góc	4

^{*}Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam

e-mail: nguyenquanbahong@gmail.com; website: https://nqbh.github.io.

¹URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_mathematics/grade_9/NQBH_elementary_mathematics_grade_9.pdf.

 $^{^2 \}text{URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_mathematics/grade_9/fraction/NQBH_fraction.pdf.}$

20	Các Bài T	ľ <mark>oán</mark> I	Liên	Qua	n v	ề Lã	i S	uất,	T	iền	L	ươ	ng,	, T	ăng	g T	rưở	ng							 		4
21	Miscellane	eous																	 						 		4

1 Tính Giá Trị Biểu Thức

Bài toán 1 (Giải Toán Trên MTCT Khu Vực 2003–2004). Tính kết quả đúng của tích $M=2222255555\cdot 2222266666$.

Phân tích: Khi nhập biểu thức vào máy tính cầm tay, máy tính cho kết quả tràn màn hình: $M = 2222255555 \cdot 2222266666 = 4.938444443 \cdot 10^{18}$ nên cần tách riêng từng phần ra để tính.

1st giải. Đặt A=22222, B=55555, C=66666, $M=(10^5A+B)(10^5A+C)=10^{10}A^2+10^5AB+10^5AC+BC$. Tính trên MTCT: $A^2=22222^2=493817284$, $AB=22222\cdot55555=1234543210$, $AC=22222\cdot66666=1481451852$, BC=3703629630. Tính trên giấy:

$10^{10}A^2$	4	9	3	8	1	7	2	8	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$10^5 AB$					1	2	3	4	5	4	3	2	1	0	0	0	0	0	0
$10^5 AC$					1	4	8	1	4	5	1	8	5	2	0	0	0	0	0
BC										3	7	0	3	6	2	9	6	3	0
M	4	9	3	8	4	4	4	4	4	3	2	0	9	8	2	9	6	3	0

Vây M = 4938444443209829630.

Trong lời giải thứ nhất, có thể gom $10^5AB + 10^5AC = 10^5A(B+C)$ như sau (2 lời giải gần như giống hệt nhau chỉ khác là lời giải 2 ngắn hơn 1 dòng trong bảng tính trên giấy nháp):

2nd giải. Đặt A=22222, B=55555, C=66666, $M=(10^5A+B)(10^5A+C)=10^{10}A^2+10^5A(B+C)+BC$. Tính trên MTCT: $A^2=22222^2=493817284$, $A(B+C)=22222\cdot(55555+66666)=2715995062$, BC=3703629630. Tính trên giấy:

$10^{10}A^2$	4	9	3	8	1	7	2	8	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$10^5(AB + AC)$					2	7	1	5	9	9	5	0	6	2	0	0	0	0	0
BC										3	7	0	3	6	2	9	6	3	0
M	4	9	3	8	4	4	4	4	4	3	2	0	9	8	2	9	6	3	0

Vây M = 4938444443209829630.

Nhận xét 1 (Ý tưởng giải quyết với công cụ máy tính cầm tay). "Nếu tính trực tiếp trên MTCT thì kết quả vượt quá độ rộng hiển thị của màn hình MTCT, do đó để có kết quả chính xác ta tách các chữ số thành các bộ phận của k chữ số (k tùy thuộc vào từng loại máy tính cụ thể, thông thường thì k bằng $\frac{1}{2}$ độ rộng hiển thị các chữ số trên màn hình MTCT), bắt đầu từ bên phải \mathcal{E} thực hiện tính toán. Sau đó kết hợp tính trên máy tính điện tử \mathcal{E} trên giấy nháp để được kết quả chính xác cuối cùng. Có thể đặt các biến cho các nhóm chữ số để thuận tiện trong biến đổi đại số (như ở 2 cách giải trên).

Bài toán 2 (Mở rộng). Nêu cách tính kết quả đúng của tích $M = \underbrace{\overline{aa \dots a}\underbrace{bb \dots b}_n} \cdot \underbrace{\overline{aa \dots a}\underbrace{cc \dots c}_n}_n với \ a,b,c \in \mathbb{N}, \ an \neq 0.$

Bài toán 3. Tính chính xác 1023456^3 .

Bài toán 4 (Giải Toán Trên MTCT Khu Vực 2003–2004). Tính kết quả đúng của tích: $M = 20032003 \cdot 20042004$.

Bài toán 5. Tính kết quả đúng: (a) $M = 3344355664 \cdot 3333377777$. (b) $N = 123456^3$.

Bài toán 6. Tính kết quả đúng: (a) $A = 2001^3 + 2002^3 + 2004^3 + 2005^3 + 2006^3 + 2007^3 + 2008^3 + 2009^3$. (b) $B = 13032006 \cdot 13032007$.

Bài toán 7. Tính tổng: $S_n = \sum_{i=1}^n i \cdot i! = 1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + n \cdot n!$. Áp dụng để tính $S_{16} = \sum_{i=1}^{16} i \cdot i! = 1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + 16 \cdot 16!$.

Giải. Vì $n \cdot n! = (n+1-1)n! = (n+1)n! - n! = (n+1)! - n!$ nên ta biến đổi tổng đã cho đồng thời tính toán trên máy & kết hợp trên giấy nháp như sau:

- 2 Tìm Thương & Số Dư Khi Chia 2 Số Tự Nhiên
- 3 Tim UCLN & BCNN
- 4 Biểu Diễn Số Hữu Tỷ & Liên Phân Số
- 5 Biểu Diễn Số Thập Phân Vô Hạn Tuần Hoàn Về Số Hữu Tỷ
- 6 Tìm Chữ Số Thập Phân Thứ k
- 7 Tính Số Chữ Số của 1 Số Dạng Lũy Thừa
- 8 Tìm k Chữ Số Tận Cùng của 1 Số Tự Nhiên
- 9 Các Bài toán Liên Quan về Số Nguyên Tố
- 10 Tính Tổng Hữu Hạn
- 11 Các Bài Toán về Hàm Số Bậc Nhất
- 12 Các Bài Toán về Đa Thức
- 13 Tìm GTLN & GTNN của Biểu Thức
- 14 Phương Trình & Hệ Phương Trình Nghiệm Nguyên
- 15 Phương Trình & Hệ Phương Trình Đại Số
- 16 Xác Định Các Yếu Tố Liên Quan về Tam Giác, Tứ Giác, & Hình Tròn
- 17 Các Bài Toán về Dãy Số
- 18 Tìm Các Số & Chữ Số Thỏa Điều Kiện Cho Trước
- 19 Các Bài Toán Liên Quan về Lượng Giác, Tính Thời Gian, & Số Đo Góc
- 20 Các Bài Toán Liên Quan về Lãi Suất, Tiền Lương, Tăng Trưởng
- 21 Miscellaneous

Bài toán 8 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 1.). Tính giá trị biểu thức:

$$M = \frac{2x^3 - 4xy + y^2}{x^2 - 3x + 2y^2} - \frac{y^2 + 4xy}{x(x + y^3)} + (x - y + 5.1)^2 \text{ v\'oi } x = 0.4, \ y = -\frac{1}{3}.$$

Bài toán 9 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 2.). Cho $\triangle ABC$ vuông tại A, biết AC=4.21 cm, BC=5.67 cm. Vẽ tia phân giác BM của góc \widehat{ABC} , $(M\in AC)$. Tính độ dài BM.

Bài toán 10 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 3.). Tim x:

$$\frac{4}{\left(2 + \frac{2}{1 + \frac{9}{10} \cdot 0.888 \dots}\right) x - \left(1 + \frac{4}{2 + \frac{1}{1 + \frac{7}{8}}}\right)} + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4}}} = -1.2727 \dots + \frac{1}{0.0555 \dots}.$$

Bài toán 11 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 4.). Cho $a, b \in \mathbb{N}$ thỏa:

$$\frac{1945}{2005} = \frac{1}{1 + \frac{1}{a + \frac{1}{2 + \frac{1}{b + \frac{1}{2}}}}}.$$

Tính giá trị của biểu M = 2022a + 2023b.

Bài toán 12 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 5.). Cho đa thức $P(x) = x^4 - 6x^3 + 27x^2 - 54x + 32$. (a) Phân tích đa thức P(x) thành tích của 3 đa thức. (b) Tìm nghiệm của đa thức P(x).

Bài toán 13 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 6.). Cho hình thang vuông ABCD có 2 đáy là AB, CD, biết $\widehat{A} = 90^{\circ}$, AB = 3.73 cm, AD = 4.03 cm, CD = 6.07 cm. 2 đường chéo AC, BD cắt nhau tại E. Tính độ dài BE.

Bài toán 14 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 7.). 1 chung cư cao tầng có bóng trên mặt đất có độ dài là 37.8 m. Cùng thời điểm đó, 1 cây cột điện cao 7.02 m có bóng trên mặt đất dài 2.6 m. Hỏi chung cư đó bao nhiều tầng biết mỗi tầng cao 3.78 m.

Bài toán 15 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 8.). Chị Hiền gửi vào ngân hàng số tiền là 100 000 000 đồng với lãi suất 0.51%/tháng. Hỏi sau 3 năm chị Hiền nhận được số tiền cả vốn & lãi là bao nhiêu? (Biết tiền lãi tháng này cộng vào tiền gửi để tính lãi cho tháng sau, làm tròn đến hàng đơn vi; lãi suất không thay đổi trong 3 năm đó.)

Bài toán 16 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 9.). (a) Tìm 3 chữ số tận cùng của số 2023¹³. (b) Tính giá trị biểu thức

$$M = \frac{1}{3 \cdot 5 \cdot 7} + \frac{1}{5 \cdot 7 \cdot 9} + \dots + \frac{1}{2017 \cdot 2019 \cdot 2021} + \frac{1}{2019 \cdot 2021 \cdot 2023}.$$

Bài toán 17 (GTN trên MTCT 2023, lớp 8, Bến Tre, 10.). Để thực hiện công tác phổ cập bơi cho học sinh, trường THCS A đã tiến hành lắp 1 hồ bơi di động bằng bạt có dạng hình hộp chữ nhật. Hồ bơi có chiều dài 19.37 m, chiều rộng 8.81 m & chiều cao 1.2 m. Trường THCS A cần bơm nước vào hồ bơi sao cho mực nước cao ít nhất là 0.85 m để phục vụ cho việc dạy học bơi.

Tính số tiền nước ít nhất mà trường THCS A phải sử dụng để bơm nước biết 1m³ nước có giá là 7690 đồng? (Làm tròn đến hàng đơn vi.)