# Rational – Số Hữu Tỷ Q

Nguyễn Quản Bá Hồng\*

Ngày 5 tháng 12 năm 2022

#### Tóm tắt nội dung

[EN] This text is a collection of problems, from easy to advanced, about rational. This text is also a supplementary material for my lecture note on Elementary Mathematics grade 7, which is stored & downloadable at the following link: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/lecture<sup>1</sup>. The latest version of this text has been stored & downloadable at the following link: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/rational  $\mathbb{Q}^2$ .

[VI] Tài liệu này là 1 bộ sưu tập các bài tập chọn lọc từ cơ bản đến nâng cao về phân thức đại số & phân thức đại số hữu tỷ. Tài liệu này là phần bài tập bổ sung cho tài liệu chính – bài giảng GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/lecture của tác giả viết cho Toán Sơ Cấp lớp 8. Phiên bản mới nhất của tài liệu này được lưu trữ & có thể tải xuống ở link sau: GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/rational Q.

## Mục lục

L	Pro	odiem	1
	1.1	Tập Hợp $\mathbb Q$ Các Số Hữu Tỷ	1
		$\pm,\cdot,:$ Trên $\mathbb Q$	
	1.3	Lũy Thừa của 1 Số Hữu Tỷ	4
		Thứ Tự Thực Hiện Các Phép Tính. Quy Tắc Chuyển Vế	
	1.5	Biểu Diễn Thập Phân của Số Hữu Tỷ	7
Tè	ài liê:		7

#### 1 Problem

## 1.1 Tập Hợp ℚ Các Số Hữu Tỷ

"1.  $S\delta$  hữu tỷ là số viết được dưới dạng  $\frac{a}{b}$  với  $a, b \in \mathbb{Z}$ ,  $b \neq 0$ .  $T\hat{a}p$  hợp các số hữu tỷ được ký hiệu là  $\mathbb{Q}$ . 2.  $Bi\mathring{e}u$  diễn số hữu tỷ x gọi là  $di\mathring{e}m$  x. Các số khác nhau biểu diễn bởi những điểm khác nhau. 3.  $S\delta$  đối của 1 số hữu tỷ: Trên trực số, 2 số hữu tỷ có điểm biểu diễn nằm về 2 phía của gốc O & cách đều gốc O được gọi là 2 số đối của 1 số hữu tỷ: Trên trực số, 2 số hữu tỷ có điểm biểu diễn nằm về 2 phía của gốc O & cách đều gốc O được gọi là 2 số đối nhau. Số đối của số hữu tỷ x ký hiệu là -x. Số đối của 0 là 0. 4. So sánh các số hữu tỷ: Để so sánh  $x, y \in \mathbb{Q}$  ta làm như sau: Viết x, y dưới dạng 2 phân số có cùng mẫu dương  $x = \frac{a}{m}, y = \frac{b}{m}, m > 0$ . Sau đó so sánh các tử số:

• Nếu a < b thì x < y. • Nếu a = b thì x = y. • Nếu a > b thì x > y. Số hữu tỷ lớn hơn 0 gọi là số hữu tỷ dương. Số hữu tỷ nhỏ hơn 0 gọi là số hữu tỷ âm. Số 0 không là số hữu tỷ dương, cũng không là số hữu tỷ âm. 5. Cho các số hữu tỷ  $x = \frac{a}{b}$  &  $y = \frac{c}{d}$ ,  $a, b, c, d \in \mathbb{Z}$ , b > 0, d > 0. Luôn có: •  $x = y \Leftrightarrow ad = bc$ ,  $x < y \Leftrightarrow ad < bc$ ,  $x > y \Leftrightarrow ad > bc$ . •  $\frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$ ." - Tuyên, 2022,  $x \in \mathbb{Z}$ 1, pp. 4–5

Bài toán 1.1 (Tuyên, 2022, Ví dụ 1, p. 5). Cho  $x = \frac{12}{b-15}$  với  $b \in \mathbb{Z}$ . Xác định b để: (a) x là 1 số hữu tỷ; (b) x là 1 số hữu tỷ dương; (c) x là 1 số hữu tỷ âm; (d) 0 < x < 1.

**Bài toán 1.2** (Tuyên, 2022, Ví dụ 2, p. 5). So sánh các số hữu tỷ sau:  $\frac{-16}{27}$ ,  $\frac{-16}{29}$ ,  $\frac{-19}{27}$ .

Bài toán 1.3 (Tuyên, 2022, 1., p. 5). Cho các số hữu tỷ  $x = \frac{-5}{7}$ ,  $y = \frac{-2}{3}$ . Các số hữu tỷ này còn được biểu diễn bởi phân số nào trong các phân số sau:  $\frac{9}{11}$ ,  $\frac{4}{-6}$ ,  $\frac{15}{-21}$ ,  $\frac{-35}{49}$ ,  $\frac{-10}{15}$ ,  $\frac{-6}{-9}$ .

<sup>\*</sup>Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam

e-mail: nguyenquanbahong@gmail.com; website: https://nqbh.github.io.

URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary\_mathematics/grade\_7/NQBH\_elementary\_mathematics\_grade\_7.pdf.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary\_mathematics/grade\_7/rational/NQBH\_rational.pdf.

Sect. 1  $\pm,\cdot,:$  Trên  $\mathbb Q$ 

**Bài toán 1.4** (Tuyên, 2022, **2.**, p. 6). Sắp xếp các số hữu tỷ sau theo thứ tự tăng dần: (a)  $\frac{19}{33}$ ,  $\frac{6}{11}$ ,  $\frac{13}{22}$ ; (b)  $\frac{-18}{12}$ ,  $\frac{-10}{7}$ ;  $\frac{-8}{5}$ .

Bài toán 1.5 (Tuyên, 2022, 3., p. 6). So sánh các số hữu tỷ sau bằng cách nhanh nhất: (a) -5 &  $\frac{1}{63}$ ; (b)  $\frac{-18}{17}$  &  $\frac{-999}{1000}$ ; (c)  $\frac{-17}{35}$  &  $\frac{-43}{85}$ ; (d) -0.76 &  $\frac{-19}{28}$ .

**Bài toán 1.6** (Tuyên, 2022, **4.**, p. 6). *Tìm các số hữu tỷ biểu diễn dưới dạng phân số có mẫu số bằng* 10, *lớn hơn*  $\frac{-7}{13}$  *nhưng nhỏ hơn*  $-\frac{-4}{13}$ .

Bài toán 1.7 (Tuyên, 2022, 5., p. 6). Dùng 4 chữ số 1 & dấu - (nếu cần thiết) để biểu diễn (không dùng phép tính lũy thừa): (a) Các số nguyên -1, -111; (b) Số hữu tỷ âm lớn nhất.

**Bài toán 1.8** (Tuyên, 2022, **6.**, p. 6). Cho các số nguyên dương a < b < c < d < m < n. Chứng minh:  $\frac{a+c+m}{a+b+c+d+m+n} < \frac{1}{2}$ .

Bài toán 1.9 (Tuyên, 2022, 7., p. 6). Với cùng 1 khối lượng thành phẩm, vàng 4 số 9 & vàng 3 số 9, loại nào có hàm lượng vàng nhiều hơn?

#### 1.2 $\pm,\cdot,:$ Trên $\mathbb{O}$

"1. Ta có thể cộng, trừ, nhân, chia 2 số hữu tỷ bằng cách viết chúng dưới dạng phân số rồi áp dụng quy tắc cộng, trừ, nhân, chia phân số. Nếu 2 số hữu tỷ cùng viết dưới dạng số thập phân thì có thể cộng, trừ, nhân, chia 2 số đó theo quy tắc cộng, trừ, nhân, chia số thập phân. 2. Tính chất: • Phép cộng các số hữu tỷ cũng có các tính chất giao hoán, kết hợp, cộng với số 0, cộng với số đối như phép cộng các số nguyên. • Phép trừ 2 số hữu tỷ có thể chuyển thành phép cộng với số đối của số trừ. x-y=x+(-y). • Phép nhân các số hữu tỷ cũng có các tính chất giao hoán, kết hợp, nhân với 1, phân phối đối với phép cộng & phép trừ. • Phép chia số hữu tỷ x cho số hữu tỷ  $y \neq 0$  có thể chuyển thành phép nhân với số nghịch đảo của số chia  $x:y=x\cdot\frac{1}{y},\,y\neq0$ . 3. Quy tắc chuyển vế: Khi chuyển 1 số hạng từ vế này sang vế kia của 1 đẳng thức, ta phải đổi dấu số hạng đó.  $x+y=z\Leftrightarrow x-z=-y,\,x-y=z\Leftrightarrow x-z=y$ . 4. Trong  $\mathbb Q$  cũng có những tổng đại số trong đó có thể đổi chỗ các số hạng, đặt dấu ngoặc để nhóm các số hạng 1 cách tùy ý như các tổng đại số trong  $\mathbb Z$ . 5.  $-(x\cdot y)=(-x)\cdot y=x\cdot(-y)$ ." - Tuyên, 2022,  $\S 2$ , pp. 6-7

**Bài toán 1.10** (Tuyên, 2022, Ví dụ 3, p. 7). Thực hiện các phép tính bằng cách hợp lý (nếu có thể): (a)  $-\frac{5}{18} + \frac{32}{45} - \frac{9}{10}$ ; (b)  $\left(-\frac{1}{4} + \frac{7}{33} - \frac{5}{3}\right) - \left(-\frac{15}{12} + \frac{6}{11} - \frac{48}{49}\right)$ .

Bài toán 1.11 (Tuyên, 2022, Ví dụ 4, p. 7). So sánh các tích sau bằng cách hợp lý nhất:

$$P_1 = \left(-\frac{43}{51}\right) \cdot \left(\frac{-19}{80}\right), \ P_2 = \left(-\frac{7}{13}\right) \cdot \left(-\frac{4}{65}\right) \cdot \left(-\frac{8}{31}\right), \ P_3 = \frac{-5}{10} \cdot \frac{-4}{10} \cdot \frac{-3}{10} \cdot \frac{3}{10} \cdot \frac{4}{10} \cdot \frac{5}{10}.$$

**Bài toán 1.12** (Tuyên, 2022, Ví dụ 5, p. 7). Tìm giá trị của  $x \in \mathbb{Q}$  để biểu thức sau có giá trị dương P = (x+5)(x+9).

Bài toán 1.13 (Tuyên, 2022, 8., p. 7). Tìm x biết:  $\frac{11}{13} - \left(\frac{5}{42} - x\right) = -\left(\frac{15}{28} - \frac{11}{13}\right)$ .

Bài toán 1.14 (Tuyên, 2022, 9., p. 7). Cho S = (a+b+c) - (a-b+c) + (a-b-c) + c với a = 0.1, b = 0.01, c = 0.001. Tính S.

**Bài toán 1.15** (Tuyên, 2022, **10.**, p. 7). Thực hiện các phép tính bằng cách hợp lý: (a)  $\frac{11}{125} - \frac{17}{18} - \frac{5}{7} + \frac{4}{9} + \frac{17}{14}$ ; (b)  $1 - \frac{1}{2} + 2 - \frac{2}{3} + 3 - \frac{3}{4} + 4 - \frac{1}{4} - 3 - \frac{1}{3} - 2 - \frac{1}{2} - 1$ .

Bài toán 1.16 (Tuyên, 2022, 11., p. 7). Cho các số hữu tỷ  $x = \frac{a}{9}$  &  $y = \frac{b}{9}$  trong đó a là các số nguyên âm liên tiếp từ -5 đến -1; b là các số nguyên dương liên tiếp từ 1 đến 8. Tính tổng x + y.

Bài toán 1.17 (Tuyên, 2022, 12., p. 8). Cho  $A = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32}$ ;  $B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} + \frac{9}{8} + \frac{17}{16} + \frac{33}{32} - 6$ . Tính A & B.

Bài toán 1.18 (Tuyên, 2022, 13., p. 8). Cho 31 số hữu tỷ sao cho bất kỳ 3 số nào trong chúng cũng có tổng là 1 số âm. Chứng minh tổng của 31 số đó là 1 số âm.

**Bài toán 1.19** (Tuyên, 2022, **14.**, p. 8). Tìm x biết: (a)  $\left(\frac{1}{7}x - \frac{2}{7}\right)\left(-\frac{1}{5}x + \frac{3}{5}\right)\left(\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}\right) = 0$ ; (b)  $\frac{1}{6}x + \frac{1}{10}x - \frac{4}{15}x + 1 = 0$ .

**Bài toán 1.20** (Tuyên, 2022, **15.**, p. 8). Thực hiện các phép tính sau bằng cách hợp lý nhất: (a)  $\left(-\frac{40}{51} \cdot 0.32 \cdot \frac{17}{20}\right) : \frac{64}{75}$ ; (b)  $-\frac{10}{11} \cdot \frac{8}{9} + \frac{7}{18} \cdot \frac{10}{11}$ ; (c)  $\frac{3}{14} : \frac{1}{28} - \frac{13}{21} : \frac{1}{28} + \frac{29}{42} : \frac{1}{28} - 8$ ; (d)  $-1\frac{5}{7} \cdot 15 + \frac{2}{7}(-15) + (-105) \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{4}{5} + \frac{1}{7}\right)$ .

**Bài toán 1.21** (Tuyên, 2022, **16.**, p. 8). Tính giá trị các biểu thức sau: (a)  $A = 7x - 2x - \frac{2}{3}y + \frac{7}{9}y$  với  $x = -\frac{1}{10}$ , y = 4.8; (b)  $B = x + \frac{0.2 - 0.375 + \frac{5}{11}}{-0.3 + \frac{9}{16} - \frac{15}{22}}$  với  $x = -\frac{1}{3}$ .

Sect. 1  $\pm, \cdot, : \text{Trên } \mathbb{Q}$ 

**Bài toán 1.22** (Tuyên, 2022, **17.**, p. 8). *Tìm giá trị của x để các biểu thức sau có giá trị dương:* (a)  $A = x^2 + 4x$ ; (b) B = (x - 3)(x + 7); (c)  $C = (\frac{1}{2} - x)(\frac{1}{3} - x)$ .

Bài toán 1.23 (Tuyên, 2022, 18., p. 8). Tìm các giá trị của x để các biểu thức sau có giá trị âm: (a)  $D = x^2 - \frac{2}{5}x$ ; (b)  $E = \frac{x-2}{x-6}$ .

Bài toán 1.24 (Tuyên, 2022, 19., p. 8). Tìm  $x, y \in \mathbb{Q}, y \neq 0$  thỏa x - y = xy = x : y.

Bài toán 1.25 (Tuyên, 2022, 20., p. 8). Cho 100 số hữu tỷ trong đó tích của bất kỳ 3 số nào cũng là 1 số âm. Chứng minh: (a) Tích của 100 số đó là 1 số dương; (b) Tất cả 100 số đó đều là số âm.

**Bài toán 1.26** (Bình, 2022, Ví dụ 1, p. 3). *Tính*  $A = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{6} - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{6} - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{6} - \cdots$  (A có 300 số hạng).

Bài toán 1.27 (Bình, 2022, Ví dụ 2, p. 4). Cho phân số  $\frac{a}{b} \neq 1$ . (a) Tìm phân số x sao cho nhân x với  $\frac{a}{b}$  cũng bằng cộng x với  $\frac{a}{b}$ . (b) Tìm giá trị của x trong câu (a) nếu  $\frac{a}{b} = \frac{7}{5}$ , nếu  $\frac{a}{b} = \frac{8}{11}$ .

**Bài toán 1.28** (Bình, 2022, Ví dụ 3, p. 4). Tìm  $x \in \mathbb{Q}$ , x < 0  $d\hat{e} \frac{4}{x-1} \in \mathbb{Z}$ .

Bài toán 1.29 (Bình, 2022, Ví dụ 4, p. 5). Tân đạp xe từ trường về nhà với thời gian dự kiến. Nhưng Tân đã dùng  $\frac{2}{3}$  thời gian dự kiến để đi  $\frac{3}{4}$  quãng đường với vận tốc  $v_1$ , rồi đi quãng đường còn lại với vận tốc  $v_2$  & đã về nhà đúng thời điểm dự kiến. Tính tỷ số  $v_1$ :  $v_2$ .

Bài toán 1.30 (Bình, 2022, Mở rộng Ví dụ 4, p. 5). Tân đạp xe từ trường về nhà với thời gian dự kiến. Nhưng Tân đã dùng a thời gian dự kiến để đi b quãng đường với vận tốc  $v_1$ , a,b>0, a+b<1, rồi đi quãng đường còn lại với vận tốc  $v_2$  & đã về nhà đúng thời điểm dự kiến. Tính tỷ số  $v_1$ :  $v_2$  theo a,b.

Bài toán 1.31 (Bình, 2022, 1., p. 5). So sánh các số hữu tỷ: (a)  $-\frac{18}{91}$  &  $-\frac{23}{114}$ ; (b)  $-\frac{22}{35}$  &  $-\frac{103}{177}$ .

Bài toán 1.32 (Bình, 2022, 2., p. 5). Tìm 2 phân số có tử bằng 9, biết giá trị của mỗi phân số đó lớn hơn  $-\frac{11}{13}$  & nhỏ hơn  $-\frac{11}{15}$ .

**Bài toán 1.33** (Bình, 2022, **3.**, p. 5). Cho các số hữu tỷ  $\frac{a}{b}$  &  $\frac{c}{d}$  với mẫu dương, trong đó  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ . Chứng minh: (a) ab < bc; (b)  $\frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$ .

**Bài toán 1.34** (Bình, 2022, **4.**, p. 5). *Tính:* (a)  $\frac{-2}{3} + \frac{3}{4} - \frac{-1}{6} + \frac{-2}{5}$ ; (b)  $\frac{-2}{3} + \frac{1}{5} + \frac{3}{4} - \frac{5}{6} - \frac{-7}{10}$ ; (c)  $\frac{1}{2} - \frac{-2}{5} + \frac{1}{3} + \frac{5}{7} - \frac{-1}{6} + \frac{-4}{35} + \frac{1}{41}$ ; (d)  $\frac{1}{100.99} - \frac{1}{99.98} - \frac{1}{98.97} - \dots - \frac{1}{3\cdot2} - \frac{1}{2\cdot1}$ .

Bài toán 1.35 (Bình, 2022, 5., pp. 5–6). Ký hiệu  $\lfloor x \rfloor$  là số nguyên lớn nhất không vượt quá x, được gọi là phần nguyên của x, e.g.,  $\lfloor 1.5 \rfloor = 1$ ,  $\lfloor 5 \rfloor = 5$ ,  $\lfloor -2.5 \rfloor = -3$ . (a)  $Tinh \lfloor -\frac{1}{7} \rfloor$ ,  $\lfloor 3.7 \rfloor$ ,  $\lfloor -4 \rfloor$ ,  $\lfloor -\frac{43}{10} \rfloor$ . (b)  $Cho \ x = 3.7$ . So sánh:  $A = \lfloor x \rfloor + \lfloor x + \frac{1}{5} \rfloor + \lfloor x + \frac{2}{5} \rfloor + \lfloor x + \frac{3}{5} \rfloor + \lfloor x + \frac{4}{5} \rfloor$  &  $B = \lfloor 5x \rfloor$ . (c)  $Tinh \lfloor \frac{100}{3} \rfloor + \lfloor \frac{100}{3^2} \rfloor + \lfloor \frac{100}{3^4} \rfloor$ . (d)  $Tinh \lfloor \frac{50}{2} \rfloor + \lfloor \frac{50}{2^3} \rfloor + \lfloor \frac{50}{2^4} \rfloor + \lfloor \frac{50}{2^5} \rfloor$ . (e)  $Cho \ x \in \mathbb{Q}$ . So sánh  $\lfloor x \rfloor$  với x, so sánh  $\lfloor x \rfloor$  với y trong đó  $y \in \mathbb{Z}$ , y < x.

Bài toán 1.36 (Bình, 2022, 6., p. 6). Cho các số hữu tỷ x bằng 1.4089, 0.1398, -0.4771, -1.2592. (a) Viết các số đó dưới dạng tổng của 1 số nguyên a  $\mathcal{E}$  1 số thập phân b không âm nhỏ hơn 1. (b) Tính tổng các số hữu tỷ trên bằng 2 cách: tính theo cách thông thường, tính tổng các số được viết dưới dạng ở (a). (c) So sánh a  $\mathcal{E}$   $\lfloor x \rfloor$  trong trường hợp ở câu (a). Lưu ý: Trong cách viết này, a là phần nguyên của x, còn b là phần lẻ của x. Ký hiệu phần lẻ của x là  $\{x\}$  thì  $x = \lfloor x \rfloor + \{x\}$ .

Bài toán 1.37 (Bình, 2022, 7., p. 6). Tìm  $n \in \mathbb{Z}$  để phân số sau có giá trị là 1 số nguyên & tính giá trị đó: (a)  $A = \frac{3n+9}{n-4}$ ; (b)  $B = \frac{6n+5}{2n-1}$ .

**Bài toán 1.38** (Bình, 2022, **8.**, p. 6). *Tìm*  $x, y \in \mathbb{Z}$ ,  $bi\acute{e}t$ :  $\frac{5}{x} + \frac{y}{4} = \frac{1}{8}$ .

Bài toán 1.39 (Bình, 2022, 9., p. 6). Viết tất cả các số nguyên có giá trị tuyệt đối nhỏ hơn 20 theo thứ tự tùy ý. Lấy mỗi số trừ đi số thứ tự của nó ta được 1 hiệu. Tổng của tất cả các hiệu đó bằng bao nhiêu?

Bài toán 1.40 (Bình, 2022, 10., p. 6).  $Tinh: (a) \frac{\left(\frac{3}{10} - \frac{4}{15} - \frac{7}{20}\right) \cdot \frac{5}{19}}{\left(\frac{1}{14} + \frac{1}{7} - \frac{-3}{35}\right) \cdot \frac{-4}{3}}; (b) \frac{\left(1 + 2 + \dots + 100\right) \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{5} - \frac{1}{7} - \frac{1}{9}\right) \cdot (6.3 \cdot 12 - 21 \cdot 3.6)}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{100}}; (b) \frac{1}{9} - \frac{1}{7} - \frac{1}{11} + \frac{3}{5} - \frac{3}{25} - \frac{3}{125} - \frac{3}{625}$ 

 $(c)\ \frac{\frac{1}{9}-\frac{1}{7}-\frac{1}{11}}{\frac{4}{9}-\frac{4}{7}-\frac{4}{11}}+\frac{\frac{3}{5}-\frac{3}{25}-\frac{3}{125}-\frac{3}{625}}{\frac{4}{5}-\frac{4}{25}-\frac{4}{125}-\frac{4}{625}}.$ 

Bài toán 1.41 (Bình, 2022, 11., p. 7). Tìm  $x \in \mathbb{Q}$ ,  $bi\acute{e}t$ : (a)  $\frac{2}{3}x - 4 = -12$ ; (b)  $\frac{3}{4} + \frac{1}{4}$ : x = -3; (c) |3x - 5| = 4; (d)  $\frac{x+1}{10} + \frac{x+1}{11} + \frac{x+1}{12} = \frac{x+1}{13} + \frac{x+1}{14}$ ; (e)  $\frac{x+4}{2000} + \frac{x+3}{2001} = \frac{x+2}{2002} + \frac{x+1}{2003}$ .

Bài toán 1.42 (Bình, 2022, 12., p. 7). Cho phân số  $\frac{a}{b}$  với  $a,b \in \mathbb{N}^*$ . Tìm phân số x sao cho  $\frac{a}{b} - x = \frac{a}{b} \cdot x$ .

Bài toán 1.43 (Bình, 2022, 13., p. 7). Trung bình cộng của 2 số lớn hơn số thứ nhất 75% thì nhỏ hơn số thứ 2 bao nhiêu %?

Bài toán 1.44 (Bình, 2022, 14., p. 7). Chứng minh: (a)  $\sum_{i=1}^{99} \frac{i}{(i+1)!} = \frac{1}{2!} + \frac{2}{3!} + \frac{3}{4!} + \dots + \frac{99}{100!} < 1$ . (b)  $\sum_{i=1}^{99} \frac{i(i+1)-1}{(i+1)!} = \frac{1\cdot 2-1}{2!} + \frac{2\cdot 3-1}{3!} + \frac{3\cdot 4-1}{4!} + \dots + \frac{99\cdot 100-1}{100!} < 2$ .

Bài toán 1.45 (Bình, 2022, 15., p. 7). (a) Người ta viết 7 số hữu tỷ trên 1 vòng tròn. Tìm các số đó, biết tích của 2 số bất kỳ cạnh nhau bằng 16. (b) Cũng hỏi như trên đối với n số.

**Bài toán 1.46** (Bình, 2022, **16.**, p. 7). Có tồn tại hay không 2 số dương a, b khác nhau sao cho  $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{a-b}$ ?

Bài toán 1.47 (Bình, 2022, 17.\*, p. 7). (a) Chứng minh:  $\frac{1}{1\cdot 2} + \frac{1}{3\cdot 4} + \frac{1}{5\cdot 6} + \cdots + \frac{1}{49\cdot 50} = \frac{1}{26} + \frac{1}{27} + \frac{1}{28} + \cdots + \frac{1}{50}$ . (b) Cho  $B = \frac{1}{1\cdot 2} + \frac{1}{3\cdot 4} + \frac{1}{5\cdot 6} + \cdots + \frac{1}{99\cdot 100}$ . Chứng minh  $\frac{7}{12} < B < \frac{5}{6}$ .

**Bài toán 1.48** (Bình, 2022, **18.**, p. 7). *Tìm*  $a, b \in \mathbb{Q}$  sao cho: (a) a - b = 2(a + b) = a : b. (b) a + b = ab = a : b.

Bài toán 1.49 (Bình, 2022, 19.\*, p. 7). Tìm  $x \in \mathbb{Q}$ , sao cho tổng của số đó với số nghịch đảo của nó là 1 số nguyên.

Bài toán 1.50 (Bình, 2022, 20.\*, p. 8). Viết tất cả các số hữu tỷ dương thành dãy gồm các nhóm phân số có tổng của tử  $\mathcal{E}$  mẫu lần lượt bằng  $2,3,4,5,\ldots$ , các phân số trong cùng 1 nhóm được đặt trong dấu ngoặc:  $\left(\frac{1}{1}\right), \left(\frac{2}{1},\frac{1}{2}\right), \left(\frac{3}{1},\frac{2}{2},\frac{1}{3}\right), \left(\frac{4}{1},\frac{3}{2},\frac{2}{3},\frac{1}{4}\right),\ldots$  Tìm phân số thứ 200 của dãy.

## 1.3 Lũy Thừa của 1 Số Hữu Tỷ

"1. Lũy thừa với số mũ tự nhiên  $x^n = \underbrace{x \cdot x \cdot \cdot \cdot x}_{n \text{ thừa số } x}, \forall x \in \mathbb{Q}, \forall n \in \mathbb{N}, n > 1.$  Nếu  $x = \frac{a}{b} \text{ thì } \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}, \forall a, b \in \mathbb{Z}, b \neq 0.$  Quy

uốc:  $x^0=1, \ \forall x\in\mathbb{Q}, \ x\neq 0, \ x^1=x, \ \forall x\in\mathbb{Q}.$  **2.**  $x^m\cdot x^n=x^{m+n}, \ x^m: x^n=\frac{x^m}{x^n}=x^{m-n}, \ (x^m)^n=x^{mn}, \ \forall x,y\in\mathbb{Q}, \ x\neq 0, \ \forall m,n\in\mathbb{N}^\star, \ m\geq n; \ \left(\frac{x}{y}\right)^n=\frac{x^n}{y^n}, \ y\neq 0.$  **3.** Lũy thừa với số mũ nguyên âm  $x^{-n}=\frac{1}{x^n}, \ \forall x\in\mathbb{Q}, \ x\neq 0, \ \forall n\in\mathbb{N}^\star.$  **4.** So sánh 2 lũy thừa: (a) Cùng cơ số: Với m>n>0 thì: •  $x>1\Rightarrow x^m>x^n;$  •  $x=1\Rightarrow x^m=x^n;$  •  $x=1\Rightarrow x^m=x^m:$  •  $x=1\Rightarrow x^m=$ 

**Bài toán 1.51** (Tuyên, 2022, Ví dụ 6, p. 9). *Chứng minh: Không tồn tại 3 số hữu tỷ* x, y, z sao cho  $xy = \frac{13}{15}$ ,  $yz = \frac{11}{3}$ ,  $zx = -\frac{3}{12}$ .

**Bài toán 1.52** (Tuyên, 2022, Ví dụ 7, p. 9). *Tìm x biết*  $(3^x)^2: 3^3 = \frac{1}{243}$ .

**Bài toán 1.53** (Tuyên, 2022, Ví dụ 8, p. 9). *Tìm x biết:*  $(3x^2 - 51)^{2n} = (-24)^{2n}, n \in \mathbb{N}^*$ .

**Bài toán 1.54** (Tuyên, 2022, **21.**, p. 10). Viết các số sau dưới dạng 1 lũy thừa với số mũ tự nhiên lớn hơn 1: (a) 64, 81, -216; (b)  $-\frac{1}{27}$ ,  $\frac{8}{729}$ ,  $\frac{16}{625}$ .

Bài toán 1.55 (Tuyên, 2022, 22., p. 10). Dùng lũy thừa với số mũ nguyên âm để viết gọn các số sau: (a) Đường kính của nguyên tử cỡ 0.0000000001m; (a) Đường kính của hạt nhân nguyên tử cỡ 0.0000000000001m; (c) Khối lượng hạt nhân nguyên tử cỡ 0.000...00 1 gam.

 $23 ch \tilde{u} s \hat{o} 0$ 

**Bài toán 1.56** (Tuyên, 2022, **23.**, p. 10). Viết các biểu thức sau dưới dạng lũy thừa của 1 số nguyên: (a)  $12^3 : (3^{-4} \cdot 64)$ ; (b)  $(\frac{3}{7})^5 \cdot (\frac{7}{3})^{-1} \cdot (\frac{5}{3})^6 : (\frac{343}{625})^{-2}$ ; (c)  $5^4 \cdot 125 \cdot (2.5)^{-5} \cdot 0.04$ .

Bài toán 1.57 (Tuyên, 2022, 24., p. 10). Cho  $A=(ax+by)^2, B=(a^2+b^2)(x^2+y^2)$ . So sánh giá trị của 2 biểu thức A  $\mathcal E$  B biết:  $a=2, \ b=-1, \ x=\frac{8}{11}, \ y=\frac{-5}{11}$ .

**Bài toán 1.58** (Tuyên, 2022, **25.**, p. 10). So sánh  $(\frac{1}{8})^6$  với  $(\frac{1}{32})^4$ .

Bài toán 1.59 (Tuyên, 2022, 26., p. 10). So sánh  $4^{30}$  với  $1000 \cdot 32^{10}$ .

**Bài toán 1.60** (Tuyên, 2022, 27., p. 10). Tìm x biết: (a)  $5^x \cdot (5^3)^2 = 625$ ; (b)  $\left(\frac{12}{25}\right)^x = \left(\frac{3}{5}\right)^2 - \left(-\frac{3}{5}\right)^4$ ; (c)  $\left(-\frac{3}{4}\right)^{3x-1} = \frac{256}{81}$ .

**Bài toán 1.61** (Tuyên, 2022, 28., p. 10).  $Tim x \in \mathbb{N}$   $bi\acute{e}t$ : (a)  $8 < 2^x \le 2^9 : 2^5$ ; (b)  $27 < 81^3 : 3^x < 243$ ; (c)  $\left(\frac{2}{5}\right)^x > \left(\frac{5}{2}\right)^{-3} \cdot \left(-\frac{2}{5}\right)^2$ .

**Bài toán 1.62** (Tuyên, 2022, **29.**, p. 10). *Tìm x biết:* (a)  $(5x+1)^2 = \frac{36}{49}$ ; (b)  $(x-\frac{2}{9})^3 = (\frac{2}{3})^6$ ; (c)  $(8x-1)^{2n+1} = 5^{2n+1}$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .

**Bài toán 1.63** (Tuyên, 2022, 30., p. 10). Tìm x, y biết: (a)  $x^2 + \left(y - \frac{1}{10}\right)^4 = 0$ ; (b)  $\left(\frac{1}{2}x - 5\right)^{20} + \left(y^2 - \frac{1}{4}\right)^{10} \le 0$ .

Bài toán 1.64 (Tuyên, 2022, 31., p. 10). Tim  $x \in \mathbb{Z}$  biết:  $(x-7)^{x+1} - (x-7)^{x+11} = 0$ .

**Bài toán 1.65** (Tuyên, 2022, 32., p. 10). Tîm x, y biết:  $x(x-y) = \frac{3}{10}$ ,  $y(x-y) = -\frac{3}{50}$ .

Bài toán 1.66 (Tuyên, 2022, 33., p. 11). Tìm: (a) Giá trị nhỏ nhất (GTNN) của biểu thức  $A = \left(2x + \frac{1}{3}\right)^2 - 1$ ; (b) Giá trị lớn nhất (GTLN) của biểu thức  $B = -\left(\frac{4}{6}x - \frac{2}{15}\right)^6 + 3$ .

**Bài toán 1.67** (Bình, 2022, Ví dụ 5, p. 8). (a) Chứng minh:  $2^{10} \approx 10^3 \ \& 9^{10} \approx 80^5$ . (b) Dùng nhận xét ở (a) để chứng minh  $9^{10} \approx 3.2 \cdot 10^9$ .

Bài toán 1.68 (Bình, 2022, Ví dụ 6, p. 8). Tính:  $A = \sum_{i=1}^{10} \frac{i}{2^i} = \frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \dots + \frac{10}{2^{10}}$ .

**Bài toán 1.69** (Bình, 2022, Ví dụ 7, p. 9). (a) Có thể khẳng định  $x^2$  luôn luôn lớn hơn x hay không? (b) Khi nào thì  $x^2 < x$ ?

**Bài toán 1.70** (Bình, 2022, Ví dụ 8, p. 9). *Tìm a, b, c*  $\in \mathbb{Q}$ ,  $bi\acute{e}t$ : ab = 2, bc = 3, ca = 54.

**Bài toán 1.71** (Bình, 2022, Ví dụ 9, p. 9). Rút gọn:  $A = \sum_{i=0}^{50} 5^i = 1 + 5 + 5^2 + \dots + 5^{49} + 5^{50}$ .

**Bài toán 1.72** (Bình, 2022, Ví dụ 10, p. 9). Cho  $B = \sum_{i=1}^{99} \left(\frac{1}{2}\right)^i = \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \dots + \left(\frac{1}{2}\right)^{98} + \left(\frac{1}{2}\right)^{99}$ . Chứng minh B < 1.

**Bài toán 1.73** (Bình, 2022, 21., p. 10). Chứng minh: (a)  $7^6 + 7^5 - 7^4 : 55$ ; (b)  $16^5 + 2^{15} : 33$ ; (c)  $81^7 - 27^9 - 9^{13} : 405$ .

Bài toán 1.74 (Bình, 2022, 22., p. 10). Điền vào chỗ chấm (···) các từ "bằng nhau" hoặc "đối nhau" cho đúng: (a) Nếu 2 số đối nhau thì bình phương của chúng .... (b) Nếu 2 số đối nhau thì lập phương của chúng .... (c) Lũy thừa chẵn cùng bậc của 2 số đối nhau thì .... (d) Lũy thừa lẻ cùng bậc của 2 số đối nhau thì ....

Bài toán 1.75 (Bình, 2022, 23., p. 10 & mở rộng). Các đẳng thức sau có đúng với mọi  $a, b \in \mathbb{Q}$  hay không?  $(a) - a^3 = (-a)^3$ ;  $(b) - a^5 = (-a)^5$ ;  $(c) - a^2 = (-a)^2$ ;  $(d) - a^4 = (-a)^4$ ;  $(e) - a^{2n+1} = (-a)^{2n+1}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ ;  $(f) \ a^{2n} = (-a)^{2n}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ ;  $(g) \ (a-b)^2 = (b-a)^2$ ;  $(h) \ (a-b)^3 = -(b-a)^3$ ;  $(i) \ (a-b)^{2n} = (b-a)^{2n}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ ;  $(j) \ (a-b)^{2n+1} = -(b-a)^{2n+1}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}$ .

**Bài toán 1.76** (Bình, 2022, **24.**, p. 10). *Tính:* (a)  $\left(\frac{1}{2}\right)^{15} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{20}$ ; (b)  $\left(\frac{1}{9}\right)^{25} : \left(\frac{1}{3}\right)^{30}$ ; (c)  $\left(\frac{1}{16}\right)^{3} : \left(\frac{1}{8}\right)^{2}$ ; (d)  $(x^{3})^{2} : (x^{2})^{3}$  với  $x \neq 0$ .

**Bài toán 1.77** (Bình, 2022, **25.**, p. 10). Viết số 64 dưới dạng  $a^n$  với  $a \in \mathbb{Z}$ . Có bao nhiều cách viết?

**Bài toán 1.78** (Bình, 2022, **26.**, p. 10). Rút gọn biểu thức:  $A = \frac{4^5 \cdot 9^4 - 2 \cdot 6^9}{2^{10} \cdot 3^8 + 6^8 \cdot 20}$ 

**Bài toán 1.79** (Bình, 2022, **27.**, p. 10). (a) Chứng minh:  $2^{10} \approx 10^3$  &  $3^{16} \approx 80^4$ . (b) Dùng nhận xét ở (a) để chứng minh  $3^{16} \approx 40000000$ .

Bài toán 1.80 (Bình, 2022, 28., p. 10). Cho  $S_n = \sum_{i=1}^{n-1} (-1)^{i-1} i = 1 - 2 + 3 - 4 + \dots + (-1)^{n-1} n \text{ với } n \in \mathbb{N}^*.$  Tính  $S_{35} + S_{60}$ .

Bài toán 1.81 (Bình, 2022, 29., p. 10). Cho  $A = 1 - 5 + 9 - 13 + 17 - 21 + 25 - \cdots$  (n số hạng, giá trị tuyệt đối của số sau lớn hơn giá trị tuyệt đối của số hạng trước 4 đơn vi, các dấu  $+ \mathcal{E} - xen k\tilde{e}$ ). (a) Tính A theo n. (b) Viết số hạng thứ n của biểu thức A theo n (chú ý dùng lũy thừa để biểu thị dấu của số hạng đó).

**Bài toán 1.82** (Bình, 2022, **30.**, p. 11). Với giá trị nào của các chữ thì các biểu thức sau có giá trị là số 0, số dương, số  $\hat{a}m$ ? (a)  $P = \frac{a^2b}{c}$ ; (b)  $Q = \frac{x^3}{uz}$ .

**Bài toán 1.83** (Bình, 2022, 31., p. 11). Cho 2 số hữu tỷ a  $\mathcal{E}$  b trái dấu trong đó  $|a| = b^5$ . Xác định dấu của mỗi số.

**Bài toán 1.84** (Bình, 2022, **32.**, p. 11). Viết các số sau dưới dạng lũy thừa của 2:  $16, 64, 1, \frac{1}{32}, \frac{1}{8}, 0.5, 0.25$ .

**Bài toán 1.85** (Bình, 2022, **33.**, p. 11). (a) Viết các số sau thành lũy thừa với số mũ âm:  $\frac{1}{1000000}$ , 0.00000002. (b) Viết các số sau dưới dạng số thập phân:  $10^{-7}$ ,  $2.5 \cdot 10^{-6}$ .

**Bài toán 1.86** (Bình, 2022, **34.**, p. 11). *Tính xem A gấp mấy lần B:* (a)  $A = 3.4 \cdot 10^{-8}$ ,  $B = 34 \cdot 10^{-9}$ ; (b)  $A = 10^{-4} + 10^{-3} + 10^{-2}$ ,  $B = 10^{-9}$ .

**Bài toán 1.87** (Bình, 2022, **35.**, p. 11). So sánh: (a)  $\left(-\frac{1}{16}\right)^{100} \& \left(-\frac{1}{2}\right)^{500}$ ; (b)  $(-32)^9 \& (-18)^{13}$ ; (c)  $a = 2^{100}$ ,  $b = 3^{75}$ ,  $c = 5^{50}$ .

**Bài toán 1.88** (Bình, 2022, **36.**, p. 11). Trong các câu sau, câu nào đúng với mọi  $a \in \mathbb{Q}$ ? (a) Nếu a < 0 thì  $a^2 > 0$ ; (b) Nếu  $a^2 > 0$  thì a > 0; (c) Nếu a < 0 thì  $a^2 > a$ ; (d) Nếu  $a^2 > a$  thì a > 0; (e) Nếu  $a^2 > a$  thì a < 0.

Bài toán 1.89 (Bình, 2022, 37., p. 11). (a) Cho  $a^m = a^n$  ( $a \in \mathbb{Q}, m, n \in \mathbb{N}$ ). Tìm m, n. (b) Cho  $a^m > a^n$  ( $a \in \mathbb{Q}, a > 0, m, n \in \mathbb{N}$ ). So sánh  $m \ \mathcal{E} n$ .

Bài toán 1.90 (Bình, 2022, 38., p. 11). Tìm  $x \in \mathbb{Q}$ ,  $bi\acute{e}t$ : (a)  $(2x-1)^4 = 81$ ; (b)  $(x-1)^5 = -32$ ; (c)  $(2x-1)^6 = (2x-1)^8$ .

**Bài toán 1.91** (Bình, 2022, **39.**, p. 11). Tìm  $x \in \mathbb{N}$ , biết: (a)  $5^x + 5^{x+2} = 650$ ; (b)  $3^{x-1} + 5 \cdot 3^{x-1} = 162$ .

Bài toán 1.92 (Bình, 2022, 40., p. 11). Tìm  $x, y \in \mathbb{N}$ ,  $bi\acute{e}t$ : (a)  $2^{x+1} \cdot 3^y = 12^x$ ; (b)  $10^x : 5^y = 20^y$ ; (c)  $2^x = 4^{y-1}$  &  $27^y = 3^{x+8}$ .

**Bài toán 1.93** (Bình, 2022, **41.**, p. 11). *Tìm*  $a, b, c \in \mathbb{Q}$ ,  $bi\acute{e}t$ : (a)  $ab = \frac{3}{5}$ ,  $bc = \frac{4}{5}$ ,  $ca = \frac{3}{4}$ . (b) a(a + b + c) = -12, b(a + b + c) = 18, c(a + b + c) = 30; (c) ab = c, bc = 4a, ac = 9b.

**Bài toán 1.94** (Bình, 2022, **42.**\*, p. 12). Cho  $a, b, c, d, e \in \mathbb{N}$  thỏa mãn  $a^b = b^c = c^d = d^e = e^a$ . Chứng minh a = b = c = d = e.

Bài toán 1.95 (Bình, 2022, 43., p. 12). Cho  $A = \prod_{i=2}^{100} \left(\frac{1}{i^2} - 1\right) = \left(\frac{1}{2^2} - 1\right) \left(\frac{1}{3^2} - 1\right) \left(\frac{1}{4^2} - 1\right) \cdots \left(\frac{1}{100^2} - 1\right)$ . So sánh A với  $-\frac{1}{2}$ .

Bài toán 1.96 (Bình, 2022, 44., p. 12). Rút gọn  $A = \sum_{i=1}^{100} (-1)^i 2^i = 2^{100} - 2^{99} + 2^{98} - 2^{97} + \dots + 2^2 - 2$ .

Bài toán 1.97 (Bình, 2022, 45., p. 12). Rút gọn  $B = \sum_{i=1}^{100} (-1)^i 3^i = 3^{100} - 3^{99} + 3^{98} - 3^{97} + \dots + 3^2 - 3 + 1$ .

**Bài toán 1.98** (Bình, 2022, 46., p. 12). Cho  $C = \sum_{i=1}^{99} \frac{1}{3^i} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3^2} + \cdots + \frac{1}{3^{99}}$ . Chứng minh  $C < \frac{1}{2}$ .

Bài toán 1.99 (Bình, 2022, 47., p. 12). Chứng minh  $\frac{3}{1^2 \cdot 2^2} + \frac{5}{2^2 \cdot 3^2} + \frac{7}{3^2 \cdot 4^2} + \cdots + \frac{19}{9^2 \cdot 10^2} < 1$ .

Bài toán 1.100 (Bình, 2022, 48.\*, p. 12). Chứng minh  $\sum_{i=1}^{100} \frac{i}{3^i} = \frac{1}{3} + \frac{2}{3^2} + \frac{3}{3^3} + \cdots + \frac{100}{3^{100}} < \frac{3}{4}$ .

Bài toán 1.101 (Bình, 2022, 49., p. 12). Ta không có  $2^m + 2^n = 2^{m+n}$ ,  $\forall m, n \in \mathbb{N}^*$ . Nhưng có những số nguyên dương m, n có tính chất trên. Tìm các số đó.

Bài toán 1.102 (Bình, 2022, 50.\*, p. 12). Tìm  $m, n \in \mathbb{N}^*$  sao cho  $2^m - 2^n = 256$ .

Bài toán 1.103 (Bình, 2022, 51.\*, p. 12). Cho 1 bảng vuông  $3 \times 3$  ô. Trong mỗi ô của bảng viết số 1 hoặc số -1. Gọi  $d_i$  là tích các số trên dòng i (i = 1, 2, 3),  $c_k$  là tích các số trên cột k (k = 1, 2, 3). (a) Chứng minh không thể xảy ra  $d_1 + d_2 + d_3 + c_1 + c_2 + c_3 = 0$ . (b) Xét bài toán trên đối với bảng vuông  $n \times n$ .

Bài toán 1.104 (Bình, 2022, 52.\*, p. 12). Cho n số  $x_1, \ldots, x_n$ , mỗi số bằng 1 hoặc -1. Biết tổng của n tích  $x_1x_2, x_2x_3, x_3x_4, \ldots, x_nx_1$  bằng 0. Chứng minh n : 4.

## 1.4 Thứ Tự Thực Hiện Các Phép Tính. Quy Tắc Chuyển Vế

"1. Thứ tự thực hiện các phép tính đối với số hữu tỷ cũng tương tự như thứ tự thực hiện các phép tính đối với số tự nhiên, số nguyên, phân số. 2. Quy tắc chuyển vế: Khi chuyển 1 số hạng từ vế này sang vế kia của 1 đẳng thức, ta phải đổi dấu số hạng đó. 3. Quy tắc dấu ngoặc đối với số hữu tỷ cũng tương tự quy tắc dấu ngoặc đối với các số nguyên, phân số, số thập phân. 4. Nếu đưa các số hạng vào trong dấu ngoặc & có dấu "—" đằng trước thì phải đổi dấu các số hạng đó." — Tuyên, 2022, §4, p. 11

**Bài toán 1.105** (Tuyên, 2022, Ví dụ 9, p. 11). *Tính:*  $A = \frac{2}{5} - \left(\frac{7}{10}\right)^2 : \frac{28}{25} + \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot (-3)$ .

Bài toán 1.106 (Tuyên, 2022, Ví dụ 10, p. 11). *Tính:*  $B = \frac{3 + \frac{1}{6} - \frac{2}{5}}{5 - \frac{1}{6} + \frac{7}{10}} - \frac{3}{2}$ .

**Bài toán 1.107** (Tuyên, 2022, Ví dụ 11, p. 12). Tìm x biết:  $\frac{3}{7}\left(x-\frac{14}{9}\right)=-\frac{11}{7}\left(x+\frac{14}{11}\right)$ .

Bài toán 1.108 (Tuyên, 2022, 34., p. 12).  $Tinh: 2\frac{1}{8}: 1\frac{11}{40} - \left(2^4 - 7\frac{13}{18}\right): 11\frac{1}{27}.$ 

Bài toán 1.109 (Tuyên, 2022, 35., p. 12).  $Tinh: 1\frac{13}{15} \cdot \frac{3}{4} - \left[\frac{2^3}{4^2-1} + \left(\frac{1}{2}\right)^2\right] \cdot \frac{24}{47}$ .

Sect. 1 Tài liệu

Bài toán 1.110 (Tuyên, 2022, 36., p. 12). Tính giá trị của biểu thức:  $A = \frac{2 - \frac{1}{3} + 2^{-2}}{2 + \frac{1}{6} - 2^{-2}} - 2^{0}$ .

Bài toán 1.111 (Tuyên, 2022, 37., p. 12). Tìm x biết:  $2\frac{1}{4} \cdot (x - 7\frac{1}{3}) = 1.5$ .

Bài toán 1.112 (Tuyên, 2022, 38., p. 12).  $Tim \ x \ bi\acute{e}t$ :  $\left(12\frac{7}{18}-10\frac{13}{18}\right): x-1\frac{7}{33}: \frac{8}{11}=1\frac{2}{3}$ .

Bài toán 1.113 (Tuyên, 2022, 39., p. 12). Cho biểu thức  $A = \frac{12}{17} : \frac{5}{51} - \frac{8}{35} \cdot 7$ . (a) Tính giá trị của biểu thức A. (b) Đặt thêm dấu ngoặc để biểu thức A có giá trị là 48.8.

Bài toán 1.114 (Tuyên, 2022, 40., p. 12). Ông Phú gửi tiết kiệm 100 triệu đồng tại 1 ngân hàng với kỳ hạn 1 năm, lãi suất 5%/năm. Hết thời hạn 1 năm, tiền lãi gộp vào sổ tiền gửi ban đầu & lại gửi theo thể thức cũ. Cứ như thế sau 3 năm thì số tiền cả gốc lẫn lãi là bao nhiêu?

## 1.5 Biểu Diễn Thập Phân của Số Hữu Tỷ

## Tài liệu

Bình, Vũ Hữu (2022). Nâng Cao & Phát Triển Toán 7, tập 1. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, p. 152. Tuyên, Bùi Văn (2022). Bài Tập Nâng Cao & Một Số Chuyên Đề Toán 7. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, p. 168.