Problems in Elementary Computer Science

Nguyễn Quản Bá Hồng*

Ngày 10 tháng 5 năm 2023

Tóm tắt nội dung

1 bộ sưu tập các bài toán chọn lọc từ cơ bản đến nâng cao cho Tin học sơ cấp. Phiên bản mới nhất của tài liệu này được lưu trữ ở link sau: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/problem¹.

Mục lục

1	Basic Problems	1
2	Number Theory – Số Học	2
3	Algebraic Expression – Biểu Thức Đại Số	2
4	Resources	3
5	Notes on Python Commands	3
6	Miscellaneous	3
Tà	i liệu	3

1 Basic Problems

Bài toán 1 (Even vs. odd). Viết thuật toán \mathscr{C} các chương trình bằng các ngôn ngữ lập trình PASCAL, PYTHON, C/C++ $d\mathring{e}$ xét tính chẵn lẻ của $n \in \mathbb{Z}$ được nhập từ bàn phím.

- Pascal script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Pascal/even vs. odd.
- Python script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Python/even vs. odd.

Bài toán 2 (Divisible by). Viết thuật toán \mathcal{E} các chương trình bằng các ngôn ngữ lập trình PASCAL, PYTHON, C/C++ $d\hat{e}$ kiểm tra liệu a : b hay không, với $a, b \in \mathbb{Z}$ được nhập từ bàn phím.

- Pascal script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Pascal/divisible by.
- Python script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Python/divisible by.

Bài toán 3 (Triangle). Viết thuật toán & các chương trình bằng các ngôn ngữ lập trình PASCAL, PYTHON, C/C++ để liệu a, b, c có phải là độ dài của: (a) 1 tam giác. (b) 1 tam giác nhọn. (c) 1 tam giác vuông. (d) 1 tam giác tù.

• Python script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Python/triangle.

Bài toán 4 (Polynomial equation). Viết thuật toán & các chương trình bằng các ngôn ngữ lập trình PASCAL, PYTHON, C/C++ để giải phương trình bậc nhất, bậc 2, bậc 3, & bậc 4 với các hệ số thực được nhập từ bàn phím.

Bài toán 5 (Fibonacci sequence). Viết thuật toán & các chương trình bằng các ngôn ngữ lập trình PASCAL, PYTHON, C/C++ để xuất ra màn hình, với $n \in \mathbb{N}$ được nhập từ bàn phím: (a) Số Fibonacci thứ n. (b) n số Fibonacci đầu tiên.

Bài toán 6 (Program to print out 1st n square roots). Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON xuất ra căn bậc 2 của n số tự nhiên đầu tiên với $n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím.

Bài toán 7 (Số chính phương). Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON để kiểm tra 1 số $n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím có phải là số chính phương hay không.

 $^{^{*}}$ Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam

e-mail: nguyenquanbahong@gmail.com; website: https://nqbh.github.io.

 $^{^1\}mathrm{URL}$: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_computer_science/problem/NQBH_elementary_computer_science_problem.pdf.

Bài toán 8 (Program to print out 1st n cube roots). Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON xuất ra căn bậc 3 của n số tự nhiên đầu tiên với $n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím.

Bài toán 9. Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON để kiểm tra 1 số $n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím có phải là lập phương của 1 số tự nhiên hay không.

Bài toán 10 (Program to print out 1st n nth roots). Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON xuất ra căn bậc n của m số tự nhiên đầu tiên với $m, n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím.

Bài toán 11. Viết chương trình PASCAL, C/C++, PYTHON để kiểm tra 1 số m được nhập từ bàn phím có phải là lũy thừa bậc n của 1 số tự nhiên hay không với $m, n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím.

2 Number Theory – Số Học

3 Algebraic Expression – Biểu Thức Đại Số

Bài toán 12 ([Vie21], 1., p. 15, Vũng Tàu 2020). Cho $a,b,c\in\mathbb{N}^{\star}$. Yêu cầu: Tính giá trị của biểu thức $S=\frac{a^2+b^2+c^2}{abc}+\sqrt{abc}$.

- Dữ liệu vào: File root.inp chứa 3 số nguyên dương a, b, c. Mỗi số trên 1 dòng.
- Kết quả: Ghi vào File root.out kết quả S tính được (làm tròn lấy 2 chữ số sau phần thập phân). E.g.,

root.inp	root.out
2	4.25
1	
2	

Python script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Python/root.py². Input: root.inp. Output: root.out.

```
from math import *
file_in = open("root.inp")
file_out = open("root.out", "w")
a = file_in.readline()
b = file_in.readline()
c = file_in.readline()
a = int(a)
b = int(b)
c = int(c)
S = (a**a + b**b + c**c)/(a*b*c) + sqrt(a*b*c)
S = str(round(S,2))
file_out.write(S)
file_in.close()
```

Lưu ý 1. Tương tự, ta có thể tính hầu như bất kỳ hàm số f(a,b,c) 3 biến a,b,c với f là 1 hàm số có thể viết được nhờ thư viện math của Python. Tổng quát hơn, ta có thể tính bất kỳ hàm số nhiều biến $f(x_1,x_2,\ldots,x_n)$ với x_i , $i=1,2,\ldots,n,\ n\in\mathbb{N}^*$ là các biến, với f là 1 hàm số có thể viết được nhờ thư viên math của Python.

Bài toán 13 ([Vie21], 2., p. 19, Bắc Giang 2020). Nhà An có 1 trang trại rộng lớn. Do sở thích của An nên bố An chỉ nuôi gà \mathcal{E} chó. 1 hôm bố An đổ con gái nhà mình nuôi bao nhiều gà, bao nhiều chó? Bố An cho biết nhà có tổng số gà \mathcal{E} chó là x con. Do số lượng nhiều \mathcal{E} khó đếm từng loại nên An chỉ đếm được tổng số chân của gà \mathcal{E} chó là y chân. Giúp An trả lời câu đố.

- Dữ liệu vào: đọc từ file văn bản toanco.inp gồm 2 số nguyên dương x,y trên 1 dòng. 2 số cách nhau 1 khoảng trống $(x \le 10^5, y \le 4 \cdot 10^5)$.
- Kết quả: ghi ra file văn bản toanco.out gồm 2 số tương ứng là số gà & số chó tìm được. 2 số cách nhau 1 khoảng trống. Giả sử bài toán luôn có nghiệm.

toanco.inp	toanco.out
36 100	22 14

Python script: GitHub/NQBH/hobby/elementary computer science/Python/toanco.py³. Input: toanco.inp. Output: toanco.out.

 $^{{}^2 \}text{URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_computer_science/Python/root.py.}$

 $^{^3}$ URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_computer_science/Python/toanco.py.

```
file_in = open("toanco.inp")
file_out = open("toanco.out", "w")
s = file_in.readline()
s = s.split()
x = int(s[0])
y = int(s[1])
a = int(2*x - y/2)
b = int(y/2 - x)
file_out.write(str(a) + " " + str(b))
file_in.close()
file_out.close()
```

Bài toán 14 ([Vie21], 3., p. 20, Yên Bái 2020). Viết chương trình nhập vào 2 số nguyên $a, b \in \mathbb{Z}$, 0 < a < b. (a) Tìm \mathcal{E} tính tổng các số nguyên tố của dãy số từ a đến b. (b) Xuất ra màn hình các số chia hết cho 5 của dãy số từ a đến b. (c) (Bội của $n \in \mathbb{N}^*$) Xuất ra màn hình các số chia hết cho n của dãy số từ a đến b với $n \in \mathbb{N}^*$ được nhập từ bàn phím. E.g., nhập a = 6, b = 22. Kết quả tổng các số nguyên tố trong dãy số từ a đến a = 22: a = 22: a = 22: a = 23: a

Bài toán 15 ([Vie21], 4., p. 22, Hải Dương 2020). Số mạnh mẽ là số khi nó chia hết cho 1 số nguyên tố thì cũng chia hết cho cả bình phương của số nguyên tố đó, i.e., $a \in \mathbb{N}^*$ là số mạnh mẽ \Leftrightarrow $(a : p \Rightarrow a : p^2, \forall p: prime)$. E.g., 25 là số mạnh mẽ, vì nó chia hết cho số nguyên tố 5 & chia hết cho cả $5^2 = 25$. Viết chương trình liệt kê các số mạnh mẽ không vượt quá 1000.

4 Resources

[Vie21; Vie22; Đàm+09a; Đàm+09b; Đàm+11].

5 Notes on Python Commands

- 1. Để sử dụng các hàm toán học trong Python, cần import thư viện math vào chương trình: from math import *
- 2. Để mở file dữ liệu vào prob.INP chỉ để đọc dữ liệu & mở file dữ liệu ra prob.OUT để thay đổi dữ liệu trong file: file = open("prob.INP") & file2 = open("prob.OUT", "w").

6 Miscellaneous

Bài toán 16 ([BTC10], 1., p. 5, Connect). Cho n số nguyên duong $a_1, a_2, \ldots, a_n, n \in \mathbb{N}$, $1 < n \le 100$, $0 < a_i \le 10^9$, $\forall i = 1, 2, \ldots, n$. Từ các số nguyên này nguời ta tạo ra 1 số nguyên mới bằng cách kết nối tất cả các số đã cho viết liên tiếp nhau. E.g., với n = 4 & các số 12, 34, 567, 890 ta có thể tạo ra các số mới như sau: 1234567890, 3456789012, 8905673412, ... Dễ thấy có 4! = 24 cách tạo mới như vậy. Trong trường hợp này, số lớn nhất có thể tạo thành là 8905673412.

- Yêu cầu: Cho n & các số a_1, a_2, \ldots, a_n . Xác định số lớn nhất có thể kết nối được theo quy tắc trên.
- Dữ liệu vào: Cho trong file văn bản connect.inp gồm n+1 dòng. Dòng đầu tiên ghi số nguyên n. Trong các dòng còn lại, dòng thứ i+1 ghi số a_i.
- Dữ liệu ra: Ghi vào file văn bản connect.out số lớn nhất được kết nối thành từ các số ban đầu. E.g.,

connect.inp	connect.out
4	8905673412
12	
34	
567	
890	

Tài liệu

- [BTC10] BTC. Tuyển Tập Đề Thi Olympic 30 Tháng 4, Lần Thứ XVI 2010 Tin học. Nhà Xuất Bản Đại Học Sư Phạm, 2010, p. 285.
- [Đàm+09a] Hồ Sĩ Đàm, Đỗ Đức Đông, Lê Minh Hoàng, and Nguyễn Thanh Hùng. *Tài Liệu Giáo Khoa Chuyên Tin, quyển 1*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2009, p. 219.
- [Đàm+09b] Hồ Sĩ Đàm, Đỗ Đức Đông, Lê Minh Hoàng, and Nguyễn Thanh Hùng. *Tài Liệu Giáo Khoa Chuyên Tin, quyển 2*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2009, p. 240.

- [Đàm+11] Hồ Sĩ Đàm, Đỗ Đức Đông, Lê Minh Hoàng, and Nguyễn Thanh Hùng. *Tài Liệu Giáo Khoa Chuyên Tin, quyển 3*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2011, p. 170.
- [Vie21] Học Viện VietSTEM. Sách Luyện Thi Hội Thi Tin Học Trẻ với Python Bảng B: Thi Kỹ Năng Lập Trình Cấp Trung Học Cơ Sở. Nhà Xuất Bản Đại Học Quốc Gia Hà Nội, 2021, p. 190.
- [Vie22] Học Viện VietSTEM. *Lập Trình với Python: Hành Trang Cho Tương Lai*. Nhà Xuất Bản Đại Học Quốc Gia Hà Nội, 2022, p. 224.