

Real – Số Thực \mathbb{R}

Nguyễn Quân Bá Hồng*

Ngày 5 tháng 12 năm 2022

Tóm tắt nội dung

[EN] This text is a collection of problems, from easy to advanced, about real. This text is also a supplementary material for my lecture note on Elementary Mathematics grade 7, which is stored & downloadable at the following link: [GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/lecture](https://github.com/NQBH/hobby/elementary_mathematics/grade_7/lecture)¹. The latest version of this text has been stored & downloadable at the following link: [GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/real](https://github.com/NQBH/hobby/elementary_mathematics/grade_7/real)².

[VI] Tài liệu này là 1 bộ sưu tập các bài tập chọn lọc từ cơ bản đến nâng cao về phân thức đại số & phân thức đại số thực. Tài liệu này là phần bài tập bổ sung cho tài liệu chính – bài giảng [GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/lecture](https://github.com/NQBH/hobby/elementary_mathematics/grade_7/lecture) của tác giả viết cho Toán Sơ Cấp lớp 7. Phiên bản mới nhất của tài liệu này được lưu trữ & có thể tải xuống ở link sau: [GitHub/NQBH/hobby/elementary mathematics/grade 7/real](https://github.com/NQBH/hobby/elementary_mathematics/grade_7/real).

Mục lục

1 Problem	1
1.1 Số Vô Tỷ. Căn Bậc 2 Số Học	1
1.2 Tập Hợp \mathbb{R} Các Số Thực	2
1.3 Giá Trị Tuyệt Đối của Số Thực & Biểu Thức	3
1.3.1 Tính giá trị của 1 biểu thức	3
1.3.2 Rút gọn biểu thức chứa dấu giá trị tuyệt đối	3
1.3.3 Tìm giá trị của biến trong đẳng thức chứa dấu giá trị tuyệt đối	4
1.3.4 Tìm giá trị nhỏ nhất, giá trị lớn nhất của biểu thức chứa dấu giá trị tuyệt đối	4
1.4 Làm Tròn Số & Ước Lượng Kết Quả	4
1.5 Tỷ Lệ Thức	5
1.6 Chứng Minh Tỷ Lệ Thức	7
1.7 Tính Chất của Dây Tỷ Số Bằng Nhau	7
1.8 Chia Tỷ Lệ	7
Tài liệu	9

1 Problem

1.1 Số Vô Tỷ. Căn Bậc 2 Số Học

Định nghĩa 1.1 (Số vô tỷ). “Số vô tỷ là số viết được dưới dạng số thập phân vô hạn không tuần hoàn.

Định nghĩa 1.2 (Căn bậc 2 số học). Căn bậc 2 số học của số $a \geq 0$ là số $x \geq 0$ sao cho $x^2 = a$.

Căn bậc 2 số học của số a ký hiệu là \sqrt{a} . Căn bậc 2 số học của 0 là số 0, viết là $\sqrt{0} = 0$. Nếu số nguyên dương a không phải là bình phương của bất kỳ số nguyên dương nào thì \sqrt{a} là 1 số vô tỷ. Như vậy $\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{5}, \sqrt{6}, \dots$ đều là số vô tỷ. $\sqrt{2}$ là độ dài đường chéo của hình vuông có độ dài cạnh bằng 1.” – Tuyên, 2022, Chap. 2, §1, p. 19

“Mọi số hữu tỷ đều biểu diễn được dưới dạng số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn. Ngược lại, mỗi số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn đều biểu diễn 1 số hữu tỷ. Số vô tỷ là số viết được dưới dạng số thập phân vô hạn không tuần hoàn. Tập hợp các số thực \mathbb{R} bao gồm tập hợp số hữu tỷ \mathbb{Q} & tập hợp số vô tỷ \mathbb{I} . Cho số a không âm. Căn bậc 2 của a là số x mà $x^2 = a$. Căn bậc 2 không âm của a ký hiệu là \sqrt{a} . Nếu $n \in \mathbb{N}$ không là số chính phương thì \sqrt{n} là số vô tỷ.” – Bình, 2022, §7

*Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam
e-mail: nguyenquanhong@gmail.com; website: <https://nqbh.github.io>.

¹URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_mathematics/grade_7/NQBH_elementary_mathematics_grade_7.pdf.

²URL: https://github.com/NQBH/hobby/blob/master/elementary_mathematics/grade_7/real/NQBH_real.pdf.

Bài toán 1 (Tuyên, 2022, Ví dụ 20, p. 19). *Tính độ dài mỗi cạnh của 1 sân hình vuông có diện tích lần lượt là 16m^2 , 6.25m^2 , 6m^2 . Trong mỗi trường hợp, cho biết độ dài mỗi cạnh được biểu diễn bằng số hữu tỷ hay vô tỷ? Ans: (a) $4 \in \mathbb{Q}$. (b) $2.5 \in \mathbb{Q}$. (c) $\sqrt{6} \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$.*

Bài toán 2 (Tuyên, 2022, Ví dụ 21, p. 19). *Cho $A = \frac{5}{\sqrt{x-3}}$. Tìm số chính phương x để biểu thức A có giá trị nguyên.*
Ans: 4, 16, 64.

Bài toán 3 (Tuyên, 2022, 69., p. 19). *Tính: (a) $\sqrt{(-5)^2} + \sqrt{5^2} - \sqrt{(-3)^2} - \sqrt{3^2}$; (b) $\left[\sqrt{4^2} + \sqrt{(-4)^2}\right] \cdot \sqrt{\frac{1}{4^3}} - \sqrt{\frac{1}{3^4}}$.*

Bài toán 4 (Tuyên, 2022, 70., pp. 19–20). *Tìm $x > 0$ biết: (a) $4x^2 - 1 = 0$; (b) $2x^2 + 0.82 = 1$.*

Bài toán 5 (Tuyên, 2022, 71., p. 20). *Tìm $x \geq 0$ biết: (a) $7 - \sqrt{x} = 0$; (b) $3\sqrt{x} + 1 = 40$; (c) $\frac{5}{12}\sqrt{x} - \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$; (d) $\sqrt{x+1} + 2 = 0$.*

Bài toán 6 (Tuyên, 2022, 72., p. 20). *Cho $M = \sqrt{\sqrt{x} - 12}$. Tìm số chính phương $x < 50$ để M có giá trị nguyên.*

Bài toán 7 (Tuyên, 2022, 73., p. 20). *Cho $N = \sqrt{9}\sqrt{x} - 5$. Tìm số chính phương x để N có giá trị nguyên.*

Bài toán 8 (Tuyên, 2022, 74., p. 20). *Bên trong 1 hình vuông cạnh 5 có 76 điểm. Chứng minh: Tồn tại 4 điểm trong các điểm đó thuộc 1 hình tròn có bán kính là $\frac{3}{4}$.*

Bài toán 9 (Bình, 2022, §7, Ví dụ 11). *Chứng minh: (a) $\sqrt{15}$ là số vô tỷ. (b) Nếu số tự nhiên a không phải là số chính phương thì \sqrt{a} là số vô tỷ.*

Bài toán 10 (Bình, 2022, §7, 69.). *Tìm x biết: (a) $x^2 = 81$. (b) $(x-1)^2 = \frac{9}{16}$. (c) $x - 2\sqrt{x} = 0$. (d) $x = \sqrt{x}$.*

Bài toán 11 (Bình, 2022, §7, 70.). *Cho $A = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1}$. Chứng minh với $x = \frac{16}{9}$ & $x = \frac{25}{9}$ thì A có giá trị là số nguyên.*

Bài toán 12 (Bình, 2022, §7, 71.). *Cho $A = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3}$. Tìm số nguyên x để A có giá trị là 1 số nguyên.*

Bài toán 13 (Bình, 2022, §7, 72.). *Chứng minh: (a) $\sqrt{2}$ là số vô tỷ. (b) $5 - \sqrt{2}$ là số vô tỷ.*

Bài toán 14 (Bình, 2022, §7, 73.). *(a) Có 2 số vô tỷ nào mà tích là 1 số hữu tỷ hay không? (b) Có 2 số vô tỷ dương nào mà tổng là 1 số hữu tỷ hay không?*

Bài toán 15 (Bình, 2022, §7, 74.). *Ký hiệu $\lfloor x \rfloor$ là số nguyên lớn nhất không vượt quá x . Tính giá trị của tổng: $\sum_{i=1}^{35} \lfloor \sqrt{i} \rfloor = \lfloor \sqrt{1} \rfloor + \lfloor \sqrt{2} \rfloor + \dots + \lfloor \sqrt{35} \rfloor$.*

Bài toán 16 (Bình, 2022, §7, 75.). *Cho $a, b \in \mathbb{R}$ sao cho các tập hợp $\{a^2 + a; b\}$ & $\{b^2 + b; b\}$ bằng nhau. Chứng minh $a = b$.*

1.2 Tập Hợp \mathbb{R} Các Số Thực

“1. Số hữu tỷ & số vô tỷ được gọi chung là *số thực*. Tập hợp các số thực ký hiệu là \mathbb{R} . Mỗi số thực được biểu diễn bởi 1 điểm trên trục số. Ngược lại mỗi điểm trên trục số biểu diễn 1 số thực. 2. *Số đối của 1 số thực*: Trên trục số, 2 số thực phân biệt có điểm biểu diễn nằm về 2 phía gốc O & cách đều điểm O được gọi là 2 số đối nhau. Số đối của số thực a ký hiệu là $-a$. Số đối của 0 là 0. 3. *So sánh 2 số thực*: Có thể so sánh 2 số thực tương tự như so sánh 2 số hữu tỷ viết dưới dạng số thập phân. • Số thực lớn hơn 0 gọi là *số thực dương*. • Số thực nhỏ hơn 0 gọi là *số thực âm*. • Nếu $a < b$ & $b < c$ thì $a < c$. • Đặc biệt nếu $0 < a < b$ thì $\sqrt{a} < \sqrt{b}$. 4. Trong tập hợp các số thực cũng có các phép tính cộng, trừ, nhân, chia, lũy thừa với số mũ tự nhiên với các tính chất tương tự như các phép tính trong tập hợp các số hữu tỷ. Thứ tự thực hiện các phép tính, quy tắc chuyển vế, quy tắc dấu ngoặc trong tập hợp số thực cũng giống như trong tập hợp số hữu tỷ.” – Tuyên, 2022, Chap. 2, §2, p. 20

Bài toán 17 (Tuyên, 2022, Ví dụ 22, p. 20). *Không dùng bảng số hoặc máy tính, so sánh $\sqrt{50+2}$ & $\sqrt{50} + \sqrt{2}$.*

Hint. Tìm các số chính phương gần với các số đã cho dưới dấu căn để loại bỏ căn thức.

Giải. $\sqrt{50} + \sqrt{2} > \sqrt{49} + \sqrt{1} = 7 + 1 = 8 = \sqrt{64} > \sqrt{52} = \sqrt{50+2}$. □

Bài toán 18 (Mở rộng Tuyên, 2022, Ví dụ 22, p. 20). *So sánh $\sqrt{a+b}$ & $\sqrt{a} + \sqrt{b}$, với $a, b \geq 0$.*

Bài toán 19 (Tuyên, 2022, 75., p. 21). *Tìm x biết: $6\sqrt{x} + \sqrt{12.25} = 8$.*

Bài toán 20 (Tuyên, 2022, 76., p. 21). *So sánh: (a) $4\frac{8}{33}$ & $3\sqrt{2}$; (b) $5\sqrt{(-10)^2}$ & $10\sqrt{(-5)^2}$.*

Bài toán 21 (Tuyên, 2022, 77., p. 21). *Không dùng bảng số hoặc máy tính, so sánh: (a) $\sqrt{26} + \sqrt{17}$ & 9. (b) $\sqrt{8} - \sqrt{5}$ & 1; (c) $\sqrt{63-27}$ & $\sqrt{63} - \sqrt{27}$.*

Bài toán 22 (Mở rộng Tuyên, 2022, 77., p. 21). So sánh $\sqrt{a-b}$ & $\sqrt{a} - \sqrt{b}$ với $a \geq b \geq 0$.

Bài toán 23 (Tuyên, 2022, 78., p. 21). So sánh A & B biết: $A = \sqrt{225} - \frac{1}{\sqrt{5}} - 1$, $B = \sqrt{196} - \frac{1}{\sqrt{6}}$.

Bài toán 24 (Tuyên, 2022, 79., p. 21). Cho $P = \frac{1}{2} + \sqrt{x}$, $Q = 7 - 2\sqrt{x-1}$. Tìm: (a) Giá trị nhỏ nhất của P ; (b) Giá trị lớn nhất của Q .

Bài toán 25 (Tuyên, 2022, 80., p. 21). Xét xem các số x & y có thể là số vô tỷ không nếu biết: (a) $x + y$ & $x - y$ đều là số hữu tỷ; (b) $x + y$ & $\frac{x}{y}$ đều là số hữu tỷ.

1.3 Giá Trị Tuyệt Đối của Số Thực & Biểu Thức

1. Giá trị tuyệt đối của $x \in \mathbb{R}$, ký hiệu $|x|$, là khoảng cách từ điểm x đến gốc O trên trục số. **2.** $\forall x \in \mathbb{R}$: • Giá trị tuyệt đối của 1 số thì không âm: $|x| \geq 0$ (dấu “=” xảy ra khi & chỉ khi $x = 0$). • Giá trị tuyệt đối của 1 số thì lớn hơn hoặc bằng số đó: $|x| \geq x$ (dấu “=” xảy ra khi & chỉ khi $x \geq 0$). • Giá trị tuyệt đối của 2 số đối nhau thì bằng nhau: $|x| = |-x|$. Với $m > 0$ thì: $|x| < m \Leftrightarrow -m < x < m$ & $|x| > m \Leftrightarrow ((x > m) \vee (x < -m))$. – Tuyên, 2022, Chap. 2, §3, pp. 21–22

Định nghĩa 1.3 (Giá trị tuyệt đối). “Giá trị tuyệt đối của 1 số a , ký hiệu $|a|$, là số đo của khoảng cách từ điểm a đến điểm gốc trên trục số.

Ta thường sử dụng định nghĩa trên dưới dạng:

$$|a| = \begin{cases} a, & \text{nếu } a \geq 0, \\ -a, & \text{nếu } a < 0. \end{cases}$$

Tính chất. • Nếu $a = 0$ thì $|a| = 0$, nếu $a \neq 0$ thì $|a| > 0$. Ta có: Giá trị tuyệt đối của 1 số thì không âm: $|a| \geq 0$, $\forall a \in \mathbb{R}$. • Nếu $a \geq 0$ thì $|a| = a$, nếu $a < 0$ thì $|a| > a$. Ta có: Giá trị tuyệt đối của 1 số thì lớn hơn hoặc bằng số đó: $|a| \geq a$, $\forall a \in \mathbb{R}$.

Bài toán 26 (Tuyên, 2022, Ví dụ 24, p. 22). Cho $A = |\sqrt{2} - \sqrt{3}| - |-\sqrt{7}| + |\sqrt{7} - \sqrt{3}|$, $B = |\sqrt{5} - \sqrt{7}| - |\sqrt{7} - \sqrt{6}|$. So sánh A & B .

Bài toán 27 (Tuyên, 2022, Ví dụ 25, p. 22). Tìm $x, y \in \mathbb{R}$ biết: $|x + y| + |y - \sqrt{11}| = 0$.

Bài toán 28 (Tuyên, 2022, Ví dụ 26, p. 22). Tìm x biết: $|x + \sqrt{2}| = \sqrt{3}$.

Bài toán 29 (Tuyên, 2022, 81., p. 22). Tính: (a) $|-2.15| - |-3.75| + |\frac{4}{3}| + |\frac{4}{15}|$; (b) $|\sqrt{42} - \sqrt{53}| - |\sqrt{53} - \sqrt{61}| + |\sqrt{61} - \sqrt{42}| - |-\sqrt{53}|$; (c) $|-150| - |100| : |-4| + |37| \cdot |-3|$.

Bài toán 30 (Tuyên, 2022, 82., p. 22). Tìm x biết: (a) $|5x - \frac{3}{4}| + \frac{7}{4} = 3$; (b) $9 - |x - \sqrt{10}| = 10$.

Bài toán 31 (Tuyên, 2022, 83., p. 22). Tìm x, y biết $|x - \sqrt{3}| + |y + \sqrt{5}| = 0$.

Bài toán 32 (Mở rộng Tuyên, 2022, 83., p. 22). Tìm x, y biết $|x - a| + |y - b| = 0$ với $a, b \in \mathbb{R}$ cho trước.

Bài toán 33 (Tuyên, 2022, 84., p. 23). Tìm x, y biết $|\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + x| = -\frac{1}{4} - |y|$.

Bài toán 34 (Tuyên, 2022, 85., p. 23). Cho x, y là 2 số thực cùng dấu & $|x| > |y|$. So sánh x & y .

Bài toán 35 (Tuyên, 2022, 86., p. 23). Tìm x thỏa mãn các bất đẳng thức sau: (a) $|x - \frac{5}{3}| < \frac{1}{3}$; (b) $|x + \frac{11}{2}| > |-5.5|$.

Bài toán 36 (Tuyên, 2022, 87., p. 23). Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức: (a) $M = |x + \frac{15}{19}|$; (b) $N = |x - \frac{4}{7}| - \frac{1}{2}$.

Bài toán 37 (Tuyên, 2022, 88., p. 23). Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: (a) $P = -|\frac{5}{3} - x|$; (b) $Q = 9 - |x - \frac{1}{10}|$.

Bài toán 38 (Tuyên, 2022, 89., p. 23). Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $A = |x - 1| + |9 - x|$.

Bài toán 39 (Tuyên, 2022, 90., p. 23). Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $B = |x - 4| + |x - 7|$.

1.3.1 Tính giá trị của 1 biểu thức

Bài toán 40 (Bình, 2022, Ví dụ 15, p. 19). Tính giá trị của biểu thức $A = 3x^2 - 2x + 1$ với $|x| = \frac{1}{2}$.

1.3.2 Rút gọn biểu thức chứa dấu giá trị tuyệt đối

Bài toán 41 (Bình, 2022, Ví dụ 16, p. 20). Rút gọn biểu thức $|a| + a$.

1.3.3 Tìm giá trị của biến trong đẳng thức chứa dấu giá trị tuyệt đối

Bài toán 42 (Bình, 2022, Ví dụ 17, p. 20). Tìm x thỏa $2|3x - 1| + 1 = 5$.

Bài toán 43 (Bình, 2022, Ví dụ 18, p. 20). Tìm x thỏa $|x - 5| - x = 3$.

Bài toán 44 (Bình, 2022, Ví dụ 19, p. 20). Tìm x thỏa $|x - 2| = 2x - 3$.

Bài toán 45 (Bình, 2022, Ví dụ 20, p. 20). Với giá trị nào của a, b thì đẳng thức $|a(b - 2)| = a(2 - b)$ đúng?

Bài toán 46 (Bình, 2022, Ví dụ 21, p. 21). Tìm các số $a, b \in \mathbb{R}$ thỏa $a + b = |a| - |b|$.

1.3.4 Tìm giá trị nhỏ nhất, giá trị lớn nhất của biểu thức chứa dấu giá trị tuyệt đối

Bài toán 47 (Bình, 2022, Ví dụ 22, p. 21). Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $A = 2|3x - 1| - 4$.

Bài toán 48 (Bình, 2022, Ví dụ 23, p. 21). Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $B = 10 - 4|x - 2|$.

Bài toán 49 (Bình, 2022, Ví dụ 24, p. 21). Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $C = \frac{6}{|x| - 3}$ với $x \in \mathbb{Z}$.

Bài toán 50 (Bình, 2022, Ví dụ 25, p. 21). Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $A = x - |x|$.

Bài toán 51 (Bình, 2022, 70., p. 22). Tìm tất cả các số a thỏa mãn 1 trong các điều kiện sau: (a) $a = |a|$; (b) $a < |a|$; (c) $a > |a|$; (d) $|a| = -a$; (e) $a \leq |a|$.

Bài toán 52 (Bình, 2022, 71., p. 22). Bổ sung các điều kiện để các khẳng định sau là đúng: (a) $|a| = |b| \Rightarrow a = b$; (b) $a > b \Rightarrow |a| > |b|$.

Bài toán 53 (Bình, 2022, 72., p. 22). Cho $|x| = |y|$, $x < 0$, $y > 0$. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai? (a) $x^2 y > 0$; (b) $x + y = 0$; (c) $xy < 0$; (d) $\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 0$; (e) $\frac{x}{y} + 1 = 0$.

Bài toán 54 (Bình, 2022, 73., p. 22). Tìm giá trị của các biểu thức: (a) $A = 6x^3 - 3x^2 + 2|x| + 4$ với $x = -\frac{2}{3}$; (b) $B = 2|x| - 3|y|$ với $x = \frac{1}{2}$, $y = -3$; (c) $C = 2|x - 2| - 3|1 - x|$ với $x = 4$; (d) $D = \frac{5x^2 - 7x + 1}{3x - 1}$ với $|x| = \frac{1}{2}$.

Bài toán 55 (Bình, 2022, 74., p. 22). Rút gọn các biểu thức: (a) $|a| - a$; (b) $|a|a$; (c) $|a| : a$.

Bài toán 56 (Bình, 2022, 75., p. 22). Tìm x trong các đẳng thức: (a) $|2x - 3| = 5$; (b) $|2x - 1| = |2x + 3|$; (c) $|x - 1| + 3x = 1$; (d) $|5x - 3| - x = 7$.

Bài toán 57 (Bình, 2022, 76., p. 23). Tìm các số a & b thỏa mãn 1 trong các điều kiện sau: (a) $a + b = |a| + |b|$; (b) $a + b = |b| - |a|$.

Bài toán 58 (Bình, 2022, 77., p. 23). Có bao nhiêu cặp số nguyên $(x; y)$ thỏa mãn 1 trong các điều kiện sau: (a) $|x| + |y| = 20$; (b) $|x| + |y| < 20$.

Bài toán 59 (Bình, 2022, 78., p. 23). Điền vào chỗ chấm các dấu $\geq, \leq, =$ để các khẳng định sau đúng với mọi a, b . Phát biểu mỗi khẳng định đó thành 1 tính chất & chỉ rõ khi nào xảy ra dấu đẳng thức? (a) $|a + b| \dots |a| + |b|$; (b) $|a - b| \dots |a| - |b|$ với $|a| \geq |b|$; (c) $|ab| \dots |a||b|$; (d) $|\frac{a}{b}| \dots \frac{|a|}{|b|}$.

Bài toán 60 (Bình, 2022, 79., p. 23). Tìm giá trị nhỏ nhất của các biểu thức: (a) $A = 2|3x - 2| - 1$; (b) $B = 5|1 - 4x| - 1$; (c) $C = x^2 + 3|y - 2| - 1$; (d) $D = x + |x|$.

Bài toán 61 (Bình, 2022, 80., p. 23). Tìm giá trị lớn nhất của các biểu thức: (a) $A = 5 - |2x - 1|$; (b) $B = \frac{1}{|x - 2| + 3}$.

Bài toán 62 (Bình, 2022, 81., p. 23). Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $C = \frac{x + 2}{|x|}$ với $x \in \mathbb{Z}$.

1.4 Làm Tròn Số & Ước Lượng Kết Quả

“1. Trong thực tiễn ta thường làm tròn số để thuận tiện trong việc ghi nhớ, đo đạc hay tính toán. Làm tròn số thập phân vô hạn cũng thực hiện tương tự như làm tròn số thập phân hữu hạn. Cần chú ý: • Ta phải viết số định làm tròn dưới dạng số thập phân trước khi làm tròn. • Khi làm tròn số ta không quan tâm đến dấu của nó. 2. Làm tròn số căn cứ vào độ chính xác cho trước. Khi làm tròn đến 1 hàng nào đó, kết quả làm tròn có độ chính xác bằng $\frac{1}{2}$ đơn vị của hàng làm tròn.

Hàng làm tròn	...	ngàn	trăm	chục	đơn vị	phần mười	phần trăm	...
Độ chính xác	...	500	50	5	0.5	0.05	0.005	...

Như vậy 1 đề toán về làm tròn số có thể hỏi theo 2 cách khác nhau: • Làm tròn số đến 1 hàng nào đó. • Làm tròn số với độ chính xác nào đó. **3. Ước lượng kết quả các phép tính:** Khi ta không quan tâm đến tính chính xác của kết quả tính toán mà chỉ cần tìm 1 số gần sát với kết quả chính xác thì ta tìm cách ước lượng kết quả. Ta áp dụng quy tắc làm tròn số để ước lượng kết quả.” – Tuyên, 2022, Chap. 2, §4, pp. 23–24

Bài toán 63 (Tuyên, 2022, Ví dụ 27, p. 24). *Làm tròn: (a) Số 348.62 đến hàng chục; (b) Số $-67.(506)$ đến hàng phần mười & hàng phần trăm.*

Bài toán 64 (Tuyên, 2022, Ví dụ 28, p. 24). *Làm tròn: (a) Số 924578 với độ chính xác 500; (b) Số 569827 với độ chính xác 0.5 & độ chính xác 0.005.*

Bài toán 65 (Tuyên, 2022, Ví dụ 29, p. 24). *1 khu đất hình chữ nhật có kích thước 7.56m & 5.173m. Tính diện tích khu đất đó bằng 2 cách. • Cách 1: Làm tròn số trước rồi mới thực hiện các phép tính sau (làm tròn đến hàng đơn vị). • Cách 2: Thực hiện các phép tính trước rồi làm tròn kết quả sau (làm tròn đến hàng đơn vị).*

Bài toán 66 (Tuyên, 2022, 91., p. 24). *Đầu năm 2021 dân số nước ta nếu làm tròn đến hàng triệu thì được 98000000 người. Hỏi dân số lúc đó: (a) Nhiều nhất là tới bao nhiêu người? (b) Ít nhất là có bao nhiêu người?*

Bài toán 67 (Tuyên, 2022, 92., p. 24). *1 trận đấu bóng đá có 198792 khán giả. Để dễ nhớ người ta nói trên trận đấu này có khoảng 200000 khán giả. Hỏi số liệu đó đã được làm tròn đến hàng nào?*

Bài toán 68 (Tuyên, 2022, 93., p. 24). *Cho số $\pi = 3.141592\dots$ Làm tròn số đó với độ chính xác lần lượt là 0.5, 0.005, 0.00005.*

Bài toán 69 (Tuyên, 2022, 94., p. 24). *Thực hiện phép chia $19 : 24$ rồi làm tròn kết quả với độ chính xác 0.05.*

Bài toán 70 (Tuyên, 2022, 95., p. 24). *Dùng máy tính để tính $\sqrt{148} + \sqrt{65}$ rồi làm tròn kết quả với độ chính xác 0.5.*

Bài toán 71 (Tuyên, 2022, 96., p. 25). *Áp dụng quy tắc làm tròn số để ước lượng giá trị của biểu thức sau: $A = \frac{53.7 \cdot 12.8}{24.56}$.*

Bài toán 72 (Tuyên, 2022, 97., p. 25). *Trong học kỳ vừa qua điểm kiểm tra môn Toán của Bình như sau: Điểm kiểm tra thường xuyên (hệ số 1): 8, 9, 8, 9. Điểm kiểm tra giữa kỳ (hệ số 2): 9. Điểm kiểm tra cuối kỳ (hệ số 3): 8. Tính điểm trung bình môn Toán của Bình (làm tròn kết quả đến hàng phần mười).*

Bài toán 73 (Tuyên, 2022, 98., p. 25). *Để tính số năm tăng gấp đôi tổng sản phẩm quốc nội (GDP) của 1 quốc gia ta có thể dùng công thức $n = \frac{72}{g}$, trong đó: $g\%$ là tốc độ tăng trưởng GDP trong giai đoạn đang xét; n là số năm để tăng gấp đôi GDP. Hỏi: (a) Nếu tốc độ tăng trưởng GDP trong giai đoạn hiện nay của Việt Nam khoảng 7.1% thì sau bao nhiêu năm nữa GDP của nước ta tăng gấp đôi (làm tròn đến hàng đơn vị)? (b) Nếu muốn sau 7 năm, GDP tăng gấp đôi thì tốc độ tăng trưởng hằng năm là bao nhiêu % (làm tròn đến hàng phần mười)?*

1.5 Tỷ Lệ Thức

“**1. Tỷ lệ thức** là đẳng thức của 2 tỷ số. Dạng tổng quát: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ hoặc $a : b = c : d$. Các số hạng a & d gọi là *ngoại tỷ*, b & c gọi là *trung tỷ*. **2. Tính chất:** • *Tính chất cơ bản:* Trong 1 tỷ lệ thức, tích các ngoại tỷ bằng tích các trung tỷ. $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow ad = bc$. Đảo lại, nếu $ad = bc$ & $abcd \neq 0$ thì $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$. • *Tính chất hoán vị:* Từ tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$, với $abcd \neq 0$, ta có thể suy ra 3 tỷ lệ thức khác bằng cách: ◦ Đổi chỗ các ngoại tỷ cho nhau; ◦ Đổi chỗ các trung tỷ cho nhau; ◦ Đổi chỗ các ngoại tỷ đồng thời đổi chỗ các trung tỷ cho nhau. $((ad = bc) \wedge (abcd \neq 0)) \Leftrightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow \frac{d}{b} = \frac{c}{a} \Leftrightarrow \frac{a}{c} = \frac{b}{d} \Leftrightarrow \frac{d}{c} = \frac{b}{a}$. • *Tính chất của dãy tỷ số bằng nhau:* Nếu $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} = k$ thì $\frac{a \pm c \pm e}{b \pm d \pm f} = k$ (giả thiết các tỷ số đều có nghĩa). **3. Chú ý:** Các số x, y, z tỷ lệ với các số a, b, c được viết là $\frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c}$. Ta còn viết $x : y : z = a : b : c$. **4. Tính chất tổng hoặc hiệu tỷ lệ:** $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow \frac{a \pm b}{b} = \frac{c \pm d}{d} \Leftrightarrow \frac{a \pm b}{a} = \frac{c \pm d}{c}$.” – Tuyên, 2022, Chap. 2, §5, pp. 25–26

“Tỷ lệ thức là 1 đẳng thức của 2 tỷ lệ. Trong tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ (hoặc $a : b = c : d$) các số hạng a & d được gọi là *ngoại tỷ*, các số hạng b & c được gọi là *trung tỷ*. Khi viết tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$, ta luôn giả thiết $b \neq 0, d \neq 0$. Từ tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ta suy ra $ad = bc$. Đảo lại, nếu $ad = bc$ (cả 4 số a, b, c, d khác 0³) thì ta có các tỷ lệ thức: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}, \frac{a}{c} = \frac{b}{d}, \frac{d}{a} = \frac{c}{b}, \frac{d}{c} = \frac{b}{a}$. Như vậy trong tỷ lệ thức, ta có thể hoán vị các ngoại tỷ với nhau, hoán vị các trung tỷ với nhau, hoán vị cả ngoại tỷ với nhau & trung tỷ với nhau. Từ đẳng thức $ad = bc$, ta lập được 4 tỷ lệ thức với các số hạng là a, b, c, d (với quy ước 2 tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ & $\frac{c}{d} = \frac{a}{b}$ chỉ kể là 1 tỷ lệ thức).” – Bình, 2022, §4

Bài toán 74 (Tuyên, 2022, Ví dụ 30, p. 26). *Tìm $x \in \mathbb{R}$ biết: $\frac{x+6}{32} = \frac{8}{x+6}$.*

Bài toán 75 (Tuyên, 2022, Ví dụ 31, p. 26). *Tìm $x, y, z \in \mathbb{R}$ biết $\frac{x}{y} = \frac{10}{9}, \frac{y}{z} = \frac{3}{4}$ & $x - y + z = 78$.*

³I.e., $a^2 + b^2 + c^2 + d^2 \neq 0$.

Bài toán 76 (Tuyên, 2022, Ví dụ 32, p. 26). Cho 3 số a, b, c sao cho $a + b + c \neq 0$. Biết $\frac{b+c}{a} = \frac{c+a}{b} = \frac{a+b}{c} = k$. Tính giá trị của k .

Bài toán 77 (Tuyên, 2022, 99., p. 27). Lập các tỷ lệ thức có thể được từ 4 số sau: 3, -2, -9, 6.

Bài toán 78 (Tuyên, 2022, 100., p. 27). Tìm x trong mỗi tỷ lệ thức sau: (a) $\frac{x-3}{x+5} = \frac{5}{7}$; (b) $\frac{x+4}{20} = \frac{5}{x+4}$; (c) $\frac{x+1}{x^2} = \frac{1}{x}$.

Bài toán 79 (Tuyên, 2022, 101., p. 27). Chứng minh nếu $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ thì $\frac{a^2+b^2}{c^2+d^2} = \frac{ab}{cd}$.

Bài toán 80 (Tuyên, 2022, 102., p. 27). Cho $P = \frac{x+2y-3z}{x-2y+3z}$. Tính giá trị của P biết các số x, y, z tỷ lệ với các số 5, 4, 3.

Bài toán 81 (Tuyên, 2022, 103., p. 27). Cho các số A, B, C tỷ lệ với các số a, b, c . Chứng minh giá trị của biểu thức $Q = \frac{Ax+By+C}{ax+by+c}$ không phụ thuộc vào giá trị của x & y .

Bài toán 82 (Tuyên, 2022, 104., p. 27). Tìm các số x, y, z biết: (a) $\frac{x}{4} = \frac{y}{3} = \frac{z}{9}$ & $x - 3y + 4z = 62$; (b) $\frac{x}{y} = \frac{9}{7}$, $\frac{y}{z} = \frac{7}{3}$, & $x - y + z = -15$; (c) $\frac{x}{y} = \frac{7}{20}$, $\frac{y}{z} = \frac{5}{8}$, & $2x + 5y - 2z = 100$.

Bài toán 83 (Tuyên, 2022, 105., p. 27). Tìm các số x, y, z biết: (a) $5x = 8y = 20z$ & $x - y - z = 3$; (b) $\frac{6}{11}x = \frac{9}{2}y = \frac{18}{5}z$ & $-x + y + z = -120$.

Bài toán 84 (Tuyên, 2022, 106., p. 27). 1 hộp đựng 70 quả bóng. Tỷ số giữa số bóng đỏ & số bóng trắng là 2 : 3. Tỷ số giữa số bóng trắng & số bóng xanh là 3 : 5. Tính số bóng đỏ & số bóng xanh.

Bài toán 85 (Tuyên, 2022, 107., p. 27). 3 kho có tất cả 710 tấn thóc. Sau khi chuyển $\frac{1}{5}$ số thóc ở kho I, $\frac{1}{6}$ số thóc ở kho II & $\frac{1}{11}$ số thóc ở kho III thì số thóc còn lại ở 3 kho bằng nhau. Hỏi lúc đầu mỗi kho có bao nhiêu tấn thóc?

Bài toán 86 (Tuyên, 2022, 108., p. 28). Chia số x thành 3 phần theo thứ tự tỷ lệ với 2, 3, 4 rồi lại chia x theo thứ tự tỷ lệ với 3, 5, 7 thì có 1 phần giảm đi 1. Tìm x .

Bài toán 87 (Tuyên, 2022, 109., p. 28). 1 khu vườn hình chữ nhật có diện tích 300m², 2 cạnh tỷ lệ với 4 & 3. Tính chiều dài, chiều rộng của khu vườn.

Bài toán 88 (Tuyên, 2022, 110., p. 28). Tìm x, y, z biết: $\frac{x}{12} = \frac{y}{9} = \frac{z}{5}$ & $xyz = 20$.

Bài toán 89 (Tuyên, 2022, 111., p. 28). Tìm x, y, z biết: $\frac{x}{5} = \frac{y}{7} = \frac{z}{3}$ & $x^2 + y^2 + z^2 = 385$.

Bài toán 90 (Tuyên, 2022, 112., p. 28). Tìm 2 phân số tối giản biết hiệu của chúng là $\frac{3}{196}$, các tử số tỷ lệ với 3 & 5; các mẫu số tỷ lệ với 4 & 7.

Bài toán 91 (Tuyên, 2022, 113., p. 28). Tìm x, y, z biết: $\frac{12x-15y}{7} = \frac{20z-12x}{9} = \frac{15y-20z}{11}$ & $x + y + z = 48$.

Bài toán 92 (Tuyên, 2022, 114., p. 28). Cho dãy tỷ số bằng nhau: $\frac{2a+b+c+d}{a} = \frac{a+2b+c+d}{b} = \frac{a+b+2c+d}{c} = \frac{a+b+c+2d}{d}$. Tính giá trị của biểu thức $M = \frac{a+b}{c+d} + \frac{b+c}{d+a} + \frac{c+d}{a+b} + \frac{d+a}{b+c}$.

Bài toán 93 (Bình, 2022, §4, Ví dụ 6). Cho 3 số 6, 8, 24. (a) Tìm số x , sao cho x cùng với 3 số trên lập thành 1 tỷ lệ thức. (b) Có thể lập được tất cả bao nhiêu tỷ lệ thức?

Bài toán 94 (Bình, 2022, §4, Ví dụ 7). Cho tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$. Chứng minh: $\frac{a}{a-b} = \frac{c}{c-d}$ (giả thiết $a \neq b$, $c \neq d$ & mỗi số $a, b, c, d \neq 0$).

Bài toán 95 (Bình, 2022, Ví dụ 8, §4). Cho tỷ lệ thức $\frac{x}{2} = \frac{y}{5}$. Biết $xy = 90$. Tính x & y .

Bài toán 96 (Bình, 2022, Ví dụ 29, p. 25). Cho dãy số 10, 11, ..., n . Tìm số n nhỏ nhất để trong dãy đó ta chọn được 4 số khác nhau lập thành 1 tỷ lệ thức.

Bài toán 97 (Bình, 2022, §4, 53.). Tìm $x \in \mathbb{Q}$ trong tỷ lệ thức: (a) $0.4 : x = x : 0.9$. (b) $13\frac{1}{3} : 1\frac{1}{3} = 26 : (2x - 1)$. (c) $0.2 : 1\frac{1}{5} = \frac{2}{3} : (6x + 7)$. (d) $\frac{37-x}{x+13} = \frac{3}{7}$.

Bài toán 98 (Bình, 2022, §4, 54.). Cho tỷ lệ thức $\frac{3x-y}{x+y} = \frac{3}{4}$. Tìm giá trị của tỷ số $\frac{x}{y}$.

Bài toán 99 (Bình, 2022, §4, 55.). Cho tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$. Chứng minh các tỷ lệ thức sau (giả thiết các tỷ lệ thức đều có nghĩa): (a) $\frac{2a+3b}{2a-3b} = \frac{2c+3d}{2c-3d}$. (b) $\frac{ab}{cd} = \frac{a^2-b^2}{c^2-d^2}$. (c) $\left(\frac{a+b}{c+d}\right)^2 = \frac{a^2+b^2}{c^2+d^2}$.

Bài toán 100 (Bình, 2022, §4, 56.). Chứng minh: ta có tỷ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ nếu có 1 trong các đẳng thức sau (giả thiết các tỷ lệ thức đều có nghĩa): (a) $\frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$. (b) $(a+b+c+d)(a-b-c+d) = (a-b+c-d)(a+b-c-d)$.

Bài toán 101 (Bình, 2022, §4, 57.). Cho tỷ lệ thức $\frac{a+b+c}{a+b-c} = \frac{a-b+c}{a-b-c}$ trong đó $b \neq 0$. Chứng minh $c = 0$.

Bài toán 102 (Bình, 2022, §4, 58.). Cho tỷ lệ thức $\frac{a+b}{b+c} = \frac{c+d}{d+a}$. Chứng minh: $a = c$ hoặc $a + b + c + d = 0$.

Bài toán 103 (Bình, 2022, §4, 59.). Có thể lập được 1 tỷ lệ thức từ 4 trong các số sau không (mỗi số chỉ chọn 1 lần)? Nếu có thì lập được bao nhiêu tỷ lệ thức? (a) 3, 4, 5, 6, 7. (b) 1, 2, 4, 8, 16. (c) 1, 3, 9, 27, 81, 243.

Bài toán 104 (Bình, 2022, §4, 60.). Cho 4 số 2, 4, 8, 16. Tìm $x \in \mathbb{Q}$ cùng với 3 trong 4 số trên lập được thành 1 tỷ lệ thức.

1.6 Chứng Minh Tỷ Lệ Thức

1.7 Tính Chất của Dây Tỷ Số Bằng Nhau

“Nếu có n tỷ số bằng nhau ($n \geq 2$): $\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \dots = \frac{a_n}{b_n}$ thì $\frac{a_1}{b_1} = \frac{\sum_{i=1}^n c_i a_i}{\sum_{i=1}^n c_i b_i} = \frac{c_1 a_1 + c_2 a_2 + \dots + c_n a_n}{c_1 b_1 + c_2 b_2 + \dots + c_n b_n}$ (nếu đặt dấu “-” trước số hạng trên của tỷ số nào thì cũng đặt dấu “-” trước số hạng dưới của tỷ số đó). Ta gọi tính chất này là *tính chất dây tỷ số bằng nhau*. Tính chất dây tỷ số bằng nhau cho ta 1 khả năng rộng rãi để từ 1 số tỷ số bằng nhau cho trước, ta lập được những tỷ số mới bằng các tỷ số đã cho, trong đó số hạng trên hoặc số hạng dưới của nó có dạng thuận lợi nhằm sử dụng các dữ kiện của bài toán.” – Bình, 2022, §5

Bài toán 105 (Bình, 2022, §5, Ví dụ 9). Tìm các số x, y, z biết $\frac{x}{3} = \frac{y}{4}$, $\frac{y}{5} = \frac{z}{7}$ & $2x + 3y - z = 186$.

Bài toán 106 (Bình, 2022, §5, Ví dụ 10). Tìm các số x, y, z biết $\frac{y+z+1}{x} = \frac{x+z+2}{y} = \frac{x+y-3}{z} = \frac{1}{x+y+z}$.

Bài toán 107 (Bình, 2022, §5, 61.). Tìm các số x, y, z biết: (a) $\frac{x}{10} = \frac{y}{10} = \frac{z}{21}$ & $5x + y - 2z = 28$. (b) $3x = 2y$, $7y = 5z$, $x - y + z = 32$. (c) $\frac{x}{3} = \frac{y}{4}$, $\frac{y}{3} = \frac{z}{5}$, $2x - 3y + z = 6$. (d) $\frac{2x}{3} = \frac{3y}{4} = \frac{4z}{5}$ & $x + y + z = 49$. (e) $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ & $2x + 3y - z = 50$. (g) $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5}$ & $xyz = 810$.

Bài toán 108 (Bình, 2022, §5, 62.). Tìm x biết $\frac{1+2y}{18} = \frac{1+4y}{24} = \frac{1+6y}{6x}$.

Bài toán 109 (Bình, 2022, §5, 63.). Tìm phân số $\frac{a}{b}$ biết nếu cộng thêm cùng 1 số khác 0 vào tử & mẫu thì giá trị của phân số đó không đổi.

Bài toán 110 (Bình, 2022, §5, 64.). Cho $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d}$. Chứng minh $\left(\frac{a+b+c}{b+c+d}\right)^3 = \frac{a}{d}$.

Bài toán 111 (Bình, 2022, §5, 65.). Cho $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{a}$. Chứng minh $a = b = c$.

Bài toán 112 (Bình, 2022, §5, 66.). Vì sao tỷ số của 2 hỗn số dạng $a\frac{1}{b}$ & $b\frac{1}{a}$ luôn luôn bằng phân số $\frac{a}{b}$?

Bài toán 113 (Bình, 2022, §5, 67.). Cho 3 tỷ số bằng nhau là $\frac{a}{b+c}$, $\frac{b}{c+a}$, $\frac{c}{a+b}$. Tìm giá trị của mỗi tỷ số đó.

1.8 Chia Tỷ Lệ

“Trong các bài toán về chia 1 số thành các phần tỷ lệ thuận hoặc tỷ lệ nghịch với các số cho trước, cần chú ý: **1.** x, y, z tỷ lệ thuận với $a, b, c \Leftrightarrow x : y : z = a : b : c \Leftrightarrow \frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c}$. **2.** x, y, z tỷ lệ nghịch với $m, n, p \Leftrightarrow x : y : z = \frac{1}{m} : \frac{1}{n} : \frac{1}{p}$.” – Bình, 2022

Bài toán 114 (Bình, 2022, Ví dụ 16). 2 xe ô tô cùng khởi hành 1 lúc từ 2 địa điểm A & B. Xe thứ nhất đi quãng đường AB hết 4h15ph, xe thứ 2 đi quãng đường BA hết 3h45ph. Đến chỗ gặp nhau, xe thứ 2 đi được quãng đường dài hơn quãng đường xe thứ nhất đã đi là 20km. Tính quãng đường AB.

Bài toán 115 (Bình, 2022, Ví dụ 17). Để đi từ A đến B có thể dùng các phương tiện: máy bay, ô tô, xe lửa. Vận tốc của máy bay, ô tô, xe lửa có tỷ lệ với 6; 2; 1. Biết thời gian đi từ A đến B bằng máy bay ít hơn so với đi bằng ô tô là 6 giờ. Hỏi thời gian xe lửa đi quãng đường AB là bao lâu?

Bài toán 116 (Bình, 2022, Ví dụ 18). 3 kho A, B, C chứa 1 số gạo. Người ta nhập vào kho A thêm $\frac{1}{7}$ số gạo của kho đó, xuất ở kho B đi $\frac{1}{9}$ số gạo của kho đó, xuất ở kho C đi $\frac{2}{7}$ số gạo của kho đó. Khi đó số gạo của 3 kho bằng nhau. Tính số gạo ở mỗi kho lúc đầu, biết kho B chứa nhiều hơn kho A là 20 tạ gạo.

Bài toán 117 (Bình, 2022, Ví dụ 19). 3 đội công nhân I, II, III phải vận chuyển tổng cộng 1530kg hàng từ kho theo thứ tự đến 3 địa điểm cách kho 1500m, 2000m, 3000m. Phân chia số hàng cho mỗi đội sao cho khối lượng hàng tỷ lệ nghịch với khoảng cách cần chuyển.

Bài toán 118 (Bình, 2022, Ví dụ 20). 3 xí nghiệp cùng xây dựng chung 1 cái cầu hết 38 triệu đồng. Xí nghiệp I có 40 xe ở cách cầu 1.5km, xí nghiệp II có 20 xe ở cách cầu 3km, xí nghiệp III có 30 xe ở cách cầu 1km. Hỏi mỗi xí nghiệp phải trả cho việc xây dựng cầu bao nhiêu tiền, biết số tiền phải trả tỷ lệ thuận với số xe & tỷ lệ nghịch với khoảng cách từ xí nghiệp đến cầu?

Bài toán 119 (Bình, 2022, 106.). (a) Tính thời gian từ lúc 2 kim đồng hồ gặp nhau lần trước đến lúc chúng gặp nhau lần tiếp theo. (b) Trong 1 ngày, 2 kim đồng hồ tạo với nhau góc vuông bao nhiêu lần?

Bài toán 120 (Bình, 2022, 107.). 1 ống dài được kéo bởi 1 máy kéo trên đường. Tuần chạy dọc từ đầu ống đến cuối ống theo hướng chuyển động của máy kéo thì đếm được 140 bước. Sau đó Tuấn quay lại chạy dọc ống theo chiều ngược lại thì đếm được 20 bước. Biết mỗi bước chạy của Tuấn dài 1m. Tính độ dài của ống.

Bài toán 121 (Bình, 2022, 108.). 5 lớp 7A, 7B, 7C, 7D, 7E nhận chăm sóc vườn trường có diện tích 300m². Lớp 7A nhận 15% diện tích vườn, lớp 7B nhận $\frac{1}{5}$ diện tích còn lại. Diện tích còn lại của vườn sau khi 2 lớp trên nhận được đem chia cho 3 lớp 7C, 7D, 7E tỷ lệ với $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{5}{16}$. Tính diện tích vườn giao cho mỗi lớp.

Bài toán 122 (Bình, 2022, 109.). 3 công nhân được thưởng 100000 đồng, số tiền thưởng được phân chia tỷ lệ với mức sản xuất của mỗi người. Biết mức sản xuất của người thứ nhất so với mức sản xuất của người thứ 2 bằng 5 : 3, mức sản xuất của người thứ 3 bằng 25% tổng số mức sản xuất của 2 người kia. Tính số tiền mỗi người được thưởng.

Bài toán 123 (Bình, 2022, 110.). 1 công trường dự định phân chia số đất cho 3 đội I, II, III tỷ lệ với 7, 6, 5. Nhưng sau đó vì số người của các đội thay đổi nên đã chia lại tỷ lệ với 6, 5, 4. Như vậy có 1 đội làm nhiều hơn so với dự định là 6m³ đất. Tính số đất đã phân chia cho mỗi đội.

Bài toán 124 (Bình, 2022, 111.). Trong 1 đợt lao động, 3 khối 7, 8, 9 chuyển được 912m³ đất. Trung bình mỗi học sinh khối 7, 8, 9 theo thứ tự làm được 1.2m³, 1.4m³, 1.6m³. Số học sinh khối 7 & khối 8 tỷ lệ với 1 & 3, số học sinh khối 8 & khối 9 tỷ lệ với 4 & 5. Tính số học sinh của mỗi khối.

Bài toán 125 (Bình, 2022, 112.). 3 tổ công nhân có mức sản xuất tỷ lệ với 5, 4, 3. Tổ I tăng năng suất 10%, tổ II tăng năng suất 20%, tổ III tăng năng suất 10%. Do đó trong cùng 1 thời gian, tổ I làm được nhiều hơn tổ II là 7 sản phẩm. Tính số sản phẩm mỗi tổ đã làm được trong thời gian đó.

Bài toán 126 (Bình, 2022, 113.). Tìm 3 số tự nhiên, biết BCNN của chúng bằng 3150, tỷ số của số thứ nhất & số thứ 2 là 5 : 9, tỷ số của số thứ nhất & số thứ 3 là 10 : 7.

Bài toán 127 (Bình, 2022, 114.). 3 tấm vải theo thứ tự giá 120000 đồng, 192000 đồng, & 144000 đồng. Tấm thứ nhất & tấm thứ 2 có cùng chiều dài, tấm thứ 2, & tấm thứ 3 có cùng chiều rộng. Tổng của 3 chiều dài là 110m, tổng của 3 chiều rộng là 2.1m. Tính kích thước của mỗi tấm vải, biết giá 1m² của 3 tấm vải bằng nhau.

Bài toán 128 (Bình, 2022, 115.). Có 3 gói tiền: gói thứ nhất gồm toàn tờ 500 đồng, gói thứ 2 gồm toàn tờ 2000 đồng, gói thứ 3 gồm toàn tờ 5000 đồng. Biết tổng số tờ giấy bạc của 3 gói là 540 tờ & số tiền ở các gói bằng nhau. Tính số tờ giấy bạc mỗi loại.

Bài toán 129 (Bình, 2022, 116.). 3 công nhân tiện được tất cả 860 dụng cụ trong cùng 1 thời gian. Để tiện 1 dụng cụ, người thứ nhất cần 5ph, người thứ 2 cần 6ph, người thứ 3 cần 9ph. Tính số dụng cụ mỗi người tiện được.

Bài toán 130 (Bình, 2022, 117.). 3 em bé: Ánh 5 tuổi, Bích 6 tuổi, Châu 10 tuổi được bà chia cho 42 chiếc kẹo. Số kẹo được chia tỷ lệ nghịch với số tuổi của mỗi em. Hỏi mỗi em được chia bao nhiêu chiếc kẹo?

Bài toán 131 (Bình, 2022, 118.). Tìm 3 phân số, biết tổng của chúng bằng $3\frac{3}{70}$, các tử của chúng tỷ lệ với 3, 4, 5, các mẫu của chúng tỷ lệ với 5, 1, 2.

Bài toán 132 (Bình, 2022, 119.). Tìm số tự nhiên có 3 chữ số, biết số đó là bội của 72 & các chữ số của nó nếu xếp từ nhỏ đến lớn thì tỷ lệ với 1, 2, 3.

Bài toán 133 (Bình, 2022, 120.). Độ dài 3 cạnh của 1 tam giác tỷ lệ với 2, 3, 4. 3 chiều cao tương ứng với 3 cạnh đó tỷ lệ với 3 số nào?

Bài toán 134 (Bình, 2022, 121.). 3 đường cao của $\triangle ABC$ có độ dài bằng 4, 12, x . Biết $x \in \mathbb{N}^*$. Tìm x (cho biết bất đẳng thức tam giác: mỗi cạnh của tam giác nhỏ hơn tổng 2 cạnh kia & lớn hơn hiệu của chúng).

Bài toán 135 (Bình, 2022, 122.). Cho $\triangle ABC$. Có góc ngoài của tam giác tại A, B, C tỷ lệ với 4, 5, 6. Các góc trong tương ứng tỷ lệ với các số nào?

Bài toán 136 (Bình, 2022, 123.). Tìm 2 số khác 0 biết tổng, hiệu, tích của chúng tỷ lệ với 5, 1, 12.

Tài liệu

Bình, Vũ Hữu (2022). *Nâng Cao & Phát Triển Toán 7, tập 1*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, p. 152.

Tuyên, Bùi Văn (2022). *Bài Tập Nâng Cao & Một Số Chuyên Đề Toán 7*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, p. 168.