Some Topics in Elementary Mathematics/Grade 7 $\,$

Nguyễn Quản Bá Hồng 1

Ngày 1 tháng 8 năm 2022

Mục lục

1	Số I	Hữu Tỷ – Rational Number/Rational
	1.1	Tập Hợp $\mathbb Q$ Các Số Hữu Tỷ – Set $\mathbb Q$ of Rationals
		1.1.1 Số hữu tỷ
		1.1.2 Biểu diễn số hữu tỷ trên trục số
		1.1.3 Số đối của 1 số hữu tỷ
		1.1.4 So sánh các số hữu tỷ
		1.1.4.1 So sánh 2 số hữu tỷ
		1.1.4.2 Cách so sánh 2 số hữu tỷ
		1.1.5 Minh họa trên trục số
	1.2	Cộng, Trừ, Nhân, Chia Số Hữu Tỷ – Addition, Subtraction, Multiplication, Division on Rationals
		1.2.1 Cộng, trừ 2 số hữu tỷ. Quy tắc chuyển vế
		1.2.1.1 Quy tắc cộng, trừ 2 số hữu tỷ
		1.2.1.2 Tính chất của phép cộng các số hữu tỷ
		1.2.1.3 Quy tắc chuyển vế
		1.2.2 Nhân, chia 2 số hữu tỷ
		1.2.2.1 Quy tắc nhân, chia 2 số hữu tỷ
		1.2.2.2 Tính chất của phép nhân các số hữu tỷ
	1.3	Phép Tính Lũy Thừa với Số Mũ Tự Nhiên của 1 Số Hữu Tỷ
		1.3.1 Phép tính lũy thừa với số mũ tự nhiên
		1.3.2 Tích & thương của 2 lũy thừa cùng cơ số
		1.3.3 Lũy thừa của 1 lũy thừa
		1.3.4 Lũy thừa của 1 tích, 1 thương
		1.3.4.1 Lũy thừa của 1 tích
		1.3.4.2 Lũy thừa của 1 thương
	1.4	Thứ Tự Thực Hiện Các Phép Tính. Quy Tắc Dấu Ngoặc
		1.4.1 Thứ tự thực hiện các phép tính
		1.4.2 Quy tắc dấu ngoặc
	1.5	Biểu Diễn Thập Phân của Số Hữu Tỷ
		1.5.1 Số thập phân hữu hạn & số thập phân vô hạn tuần hoàn
		1.5.2 Biểu diễn thập phân của số hữu tỷ
		1.5.3 Dạng biểu diễn thập phân của số hữu tỷ
2		Thực – Real Number/Real
	2.1	Số Vô Tỷ. Căn Bậc 2 Số Học – Irrational Number/Irrational. Square Root
	2.2	Tập Hợp R Các Số Thực
	2.3	Giá Trị Tuyệt Đối của 1 Số Thực
	2.4	Làm Tròn & Ước Lượng
	$\frac{2.5}{2.6}$	Tỷ Lệ Thức
	2.6	Dãy Tỷ Số Bằng Nhau
	2.7	Đại Lượng Tỷ Lệ Thuận
	2.8	Đại Lượng Tỷ Lệ Nghịch
	2.9	Hoạt Động Thực Hành & Trải Nghiệm: 1 Số Hình Thức Khuyến Mãi trong Kinh Doanh
3	Hìn	h Học Trực Quan – Visual Geometry
•	3.1	Hình Hộp Chữ Nhật. Hình Lập Phương
	3.2	Hình Lăng Trụ Đứng Tam Giác. Hình Lăng Trụ Đứng Tứ Giác
	3.3	Hoat Đông Thực Hành & Trải Nghiệm: Tao Đồ Dùng Dang Hình Lăng Trụ Đứng

Mục lục Sect. 0.0

4	Góc. Đường Thẳng Song Song – Angle/Paralleling Lines4.1Góc ở Vị Trí Đặc Biệt4.2Tia Phân Giác của 1 Góc4.32 Đường Thẳng Song Song4.4Định Lý	9
5	1 Số Yếu Tố Thống Kê & Xác Suất – Some Ingredients in Statistics & Probability 5.1 Thu Thập, Phân Loại & Biểu Diễn Dữ Liệu 5.2 Phân Tích & Xử Lý Dữ Liệu 5.3 Biểu Đồ Đoạn Thẳng . 5.4 Biểu Đồ Hình Quạt Tròn 5.5 Biến Cố Trong 1 Số Trò Chơi Đơn Giản 5.6 Xác Suất của Biến Cố Ngẫu Nhiên trong 1 Số Trò Chơi Đơn Giản 5.7 Hoạt Động Thực Hành & Trải Nghiệm: Dung Tích Phổi	10 10 10 10 10 10 10
	Biểu Thức Đại Số – Algebraic Expression 6.1 Biểu Thức Số. Biểu Thức Đại Số 6.2 Đa Thức 1 Biến. Nghiệm của Đa Thức 1 Biến 6.3 Phép Cộng, Phép Trừ Đa Thức 1 Biến 6.4 Phép Nhân Đa Thức 1 Biến 6.5 Phép Chia Đa Thức 1 Biến	11 11 11 11 11 11
	Tam Giác – Triangle 7.1 Tổng Các Góc của 1 Tam Giác	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1

14

Số Hữu Tỷ – Rational Number/Rational

Nội dung. Tập hợp các số hữu tỷ \mathbb{Q} ; các phép tính trong tập hợp các số hữu tỷ; thứ tự thực hiện các phép tính; quy tắc chuyển vế \mathcal{E} quy tắc dấu ngoặc; biểu diễn thập phân của số hữu tỷ.

1.1 Tập Hợp ℚ Các Số Hữu Tỷ − Set ℚ of Rationals

Ký hiệu \mathbb{Q} được lấy từ chữ cái đầu Q của từ $quotient^1$, i.e., thương số.

1.1.1 Số hữu tỷ

Định nghĩa 1.1.1 (Số hữu tỷ). Số hữu tỷ *là số viết được dưới dạng phân số* $\frac{a}{b}$ *với* $a, b \in \mathbb{Z}$, $b \neq 0$. Tập hợp các số hữu tỷ được ký hiệu là \mathbb{Q} , *i.e.*, $\mathbb{Q} \coloneqq \left\{ \frac{a}{b} | a, b \in \mathbb{Z}, \ b \neq 0 \right\}$.

"Mỗi số nguyên là 1 số hữu tỷ." i.e., $n \in \mathbb{Z} \Rightarrow n \in \mathbb{Q}$ bởi vì $\mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}^2$. Nhưng 1 số hữu tỷ bất kỳ chưa chắc là 1 số nguyên, i.e., $a \in \mathbb{Q} \Rightarrow a \in \mathbb{Z}$. "Các phân số bằng nhau là các cách viết khác nhau của cùng 1 số hữu tỷ." – Thái et al., 2022, p. 6

1.1.2 Biểu diễn số hữu tỷ trên trục số

"Tương tự như đối với số nguyên, ta có thể biểu diễn mọi số hữu tỷ trên trục số. Trên trục số, điểm biểu diễn số hữu tỷ $a \in \mathbb{Q}$ được gọi là điểm a. Do các phân số bằng nhau cùng biểu diễn 1 số hữu tỷ nên khi biểu diễn số hữu tỷ trên trục số, ta có thể chọn 1 trong những phân số đó để biểu diễn số hữu tỷ trên trục số. Thông thường, ta chọn phân số tối giản để biểu diễn số hữu tỷ đó." – Thái et al., 2022, p. 6. Vì $-\frac{a}{b} = \frac{a}{-b} = \frac{-a}{b}$, $\forall a, b \in \mathbb{Z}$, $b \neq 0$ nên 3 điểm biểu diễn 3 phân số này trùng nhau.

1.1.3 Số đối của 1 số hữu tỷ

Định nghĩa 1.1.2 (2 số hữu tỷ đối nhau). Trên trục số, 2 số hữu tỷ (phân biệt) có điểm biểu diễn nằm về 2 phía của điểm gốc 0 \mathcal{E} cách đều điểm gốc 0 được gọi là 2 số đối nhau. Số đối của số hữu tỷ $a \in \mathbb{Q}$, ký hiệu là $-a \in \mathbb{Q}$. Số đối của số 0 là 0.

"Số đối của số -a là số a, i.e., -(-a) = a." – Thái et al., 2022, p. 8

1.1.4 So sánh các số hữu tỷ

1.1.4.1 So sánh 2 số hữu tỷ

"Cũng như số nguyên, trong 2 số hữu tỷ khác nhau luôn có 1 số nhỏ hơn số kia. Nếu số hữu tỷ $a \in \mathbb{Q}$ nhỏ hơn số hữu tỷ $b \in \mathbb{Q}$ thì ta viết a < b hay b > a. Số hữu tỷ lớn hơn 0 gọi là số hữu tỷ dương. Số hữu tỷ nhỏ hơn 0 gọi là số hữu tỷ âm. Số hữu tỷ 0 không là số hữu tỷ dương, cũng không là số hữu tỷ âm. Nếu a < b & b < c thì a < c" – Thái et al., 2022, p. 8 Tính chất cuối cùng được gọi là *tính chất bắc cầu của thứ tự các số hữu tỷ*, được viết dưới dạng mệnh đề toán học bằng ký hiệu như sau: $((a < b) \land (b < c)) \Rightarrow (a < c), \forall a, b, c \in \mathbb{Q}$.

¹quotient [n] 1. (in compounds) a degree or amount of a particular quality or characteristic; 2. (mathematics) a number which is the result when 1 number is divided by another.

 $^{^2}$ Rộng hơn, $\mathbb{N}^* \subset \mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R} \subset \mathbb{C}$ với \mathbb{R} là $t\hat{a}p$ hợp các số thực sẽ đề cập ở Chương 2 chương trình Toán 7 (& cả tài liệu này), & \mathbb{C} là $t\hat{a}p$ hợp các số phức, sẽ được học ở chương trình Toán 12, phần Đại số.

1.1.4.2 Cách so sánh 2 số hữu tỷ

"Ở lớp 6, ta đã biết cách so sánh 2 phân số & cách so sánh 2 số thập phân." "Khi 2 số hữu tỷ cùng là phân số hoặc cùng là số thập phân, ta so sánh chúng theo những quy tắc đã biết ở lớp 6. Ngoài 2 trường hợp trên, để so sánh 2 số hữu tỷ, ta viết chúng về cùng dạng phân số (hoặc cùng dạng số thập phân) rồi so sánh chúng." – Thái et al., 2022, p. 9

1.1.5 Minh họa trên trục số

"Giả sử 2 điểm x, y lần lượt biểu diễn 2 số hữu tỷ x, y trên trục số nằm ngang. Khi so sánh 2 số hữu tỷ, ta viết chúng ở dạng phân số có cùng mẫu số dương rồi so sánh 2 tử số, tức là so sánh 2 số nguyên. Vì vậy, cũng như số nguyên, nếu x < y hay y > x thì điểm x nằm bên trái điểm y. Tương tự, nếu x < y hay y > x thì điểm x nằm phía dưới điểm y trên trục số thẳng đứng." – Thái et al., 2022, pp. 9–10

1.2 Cộng, Trừ, Nhân, Chia Số Hữu Tỷ – Addition, Subtraction, Multiplication, Division on Rationals

1.2.1 Công, trừ 2 số hữu tỷ. Quy tắc chuyển vế

1.2.1.1 Quy tắc cộng, trừ 2 số hữu tỷ

"Vì mọi số hữu tỷ đều viết được dưới dạng phân số nên ta có thể cộng, trừ 2 số hữu tỷ bằng cách viết chúng dưới dạng phân số rồi áp dụng quy tắc cộng, trừ phân số. Tuy nhiên, khi 2 số hữu tỷ cùng viết ở dạng số thập phân (với hữu hạn chữ số khác 0 ở phần thập phân) thì ta có thể cộng, trừ 2 số đó theo quy tắc cộng, trừ số thập phân." – Thái et al., 2022, p. 12

1.2.1.2 Tính chất của phép cộng các số hữu tỷ

"Giống như phép cộng các số nguyên, phép cộng các số hữu tỷ cũng có các tính chất: giao hoán, kết hợp, cộng với 0, cộng với số đối. Ta có thể chuyển phép trừ cho 1 số hữu tỷ thành phép cộng với số đối của số hữu tỷ đó. Vì thế, trong 1 biểu thức số chỉ gồm các phép cộng & phép trừ, ta có thể thay đổi tùy ý vị trí các số hạng kèm theo dấu của chúng." – Thái et al., 2022, p. 13

1.2.1.3 Quy tắc chuyển vế

Ta có quy tắc "chuyển về" đối với số hữu tỷ như sau:

Mênh đề 1.2.1. Khi chuyển 1 số hang từ vế này sang về kia của 1 đẳng thức, ta phải đối dấu số hang đó:

$$x + y = z \Rightarrow x = z - y, \ x - y = z \Rightarrow x = z + y, \ \forall x, y, z \in \mathbb{Q}.$$

1.2.2 Nhân, chia 2 số hữu tỷ

1.2.2.1 Quy tắc nhân, chia 2 số hữu tỷ

"Vì mọi số hữu tỷ đều viết được dưới dạng phân số nên ta có thể nhân, chia 2 số hữu tỷ bằng cách viết chúng dưới dạng phân số rồi áp dụng quy tắc nhân, chia phân số. Tuy nhiên, khi 2 số hữu tỷ cùng viết ở dạng số thập phân (với hữu hạn chữ số khác 0 ở phần thập phân) thì ta có thể nhân, chia 2 số đó theo quy tắc nhân, chia số thập phân." – Thái et al., 2022, p. 14

1.2.2.2 Tính chất của phép nhân các số hữu tỷ

Ký hiệu $\mathbb{Q}^* \coloneqq \mathbb{Q} \setminus \{0\}$ là tập các số hữu tỷ khác 0. "Giống như phép nhân các số nguyên, phép nhân các số hữu tỷ cũng có các tính chất: giao hoán, kết hợp, nhân với số 1, phân phối của phép nhân đối với phép cộng & phép trừ." "Mỗi số hữu tỷ a khác 0 (i.e., $a \in \mathbb{Q}^*$) đều có số nghịch đảo sao cho tích của số đó với a bằng 1." "Sổ nghịch đảo của số hữu tỷ a khác 0 (i.e., $a \in \mathbb{Q}^*$) kỷ hiệu là $\frac{1}{a}$, ta có $a \cdot \frac{1}{a} = 1$, $\forall a \in \mathbb{Q}^*$. Số nghịch đảo của số hữu tỷ $\frac{1}{a}$ là a. Nếu $a, b \in \mathbb{Q}$ & $b \neq 0$ thì $a : b = a \cdot \frac{1}{b}$." - Thái et al., 2022, p. 15

1.3 Phép Tính Lũy Thừa với Số Mũ Tự Nhiên của 1 Số Hữu Tỷ

1.3.1 Phép tính lũy thừa với số mũ tự nhiên

Tương tư như đối với số tư nhiên, với số hữu tỷ ta cũng có:

Định nghĩa 1.3.1 (Lũy thừa của số hữu tỷ). Lũy thừa bậc n của 1 số hữu tỷ $x \in \mathbb{Q}$, ký hiệu x^n , là tích của n thừa số x: $x^n = \underbrace{x \cdot x \cdots x}_{n \text{ thừa số } x} với <math>n \in \mathbb{N}^{\star}$. Số x được gọi là cơ số, n được gọi là số mũ. Quy ước: $x^1 = x$, $\forall x \in \mathbb{Q}$.

" x^n đọc là "x mũ n" hoặc "x lũy thừa n" hoặc "lũy thừa bậc n của x"; x^2 còn được đọc là "x bình phương "hay "bình phương của x"; x^3 còn được đọc là "x lập phương" hay "lập phương của x"." – Thái et al., 2022, p. 17. "Để viết lũy thừa bậc n của phân số $\frac{a}{b}$, ta phải viết $\frac{a}{b}$ trong dấu ngoặc (), i.e., $\left(\frac{a}{b}\right)^n$." – Thái et al., 2022, p. 18

1.3.2 Tích & thương của 2 lũy thừa cùng cơ số

Cũng như lũy thừa với cơ số là số tư nhiên, đối với cơ số là số hữu tỷ, ta có các quy tắc sau:

Định lý 1.3.1. Khi nhân 2 lũy thừa cùng cơ số, ta giữ nguyên cơ số & cộng các số mũ: $x^m \cdot x^n = x^{m+n}$, $\forall x \in \mathbb{Q}$, $\forall m, n \in \mathbb{N}$. Khi chia 2 lũy thừa cùng cơ số (khác 0), ta giữ nguyên cơ số & lấy số mũ của lũy thừa bị chia trừ đi số mũ của lũy thừa chia: $x^m : x^n = \frac{x^m}{x^n} = x^{m-n}$, $\forall x \in \mathbb{Q}^*$, $\forall m, n \in \mathbb{N}$, $m \ge n$. Quy ước: $x^0 = 1$, $\forall x \in \mathbb{Q}^*$.

1.3.3 Lũy thừa của 1 lũy thừa

Đối với lũy thừa mà cơ số là số hữu tỷ, ta có:

Đinh lý 1.3.2. Khi tính lũy thừa của 1 lũy thừa, ta qiữ nguyên cơ số \mathcal{E} nhân 2 số $m\tilde{u}$: $(x^m)^n = x^{mn}$, $\forall x \in \mathbb{Q}$, $\forall m, n \in \mathbb{N}$.

1.3.4 Lũy thừa của 1 tích, 1 thương

1.3.4.1 Lũy thừa của 1 tích

Lũy thừa của 1 tích bằng tích các lũy thừa: $(xy)^n = x^n y^n$, $\forall x, y \in \mathbb{Q}$, $\forall n \in \mathbb{N}$.

1.3.4.2 Lũy thừa của 1 thương

Lũy thừa của 1 thương bằng thương các lũy thừa: $\left(\frac{x}{y}\right)^n = \frac{x^n}{y^n}, \forall x, y \in \mathbb{Q}, \ y \neq 0, \ \forall n \in \mathbb{N}.$

1.4 Thứ Tự Thực Hiện Các Phép Tính. Quy Tắc Dấu Ngoặc

1.4.1 Thứ tự thực hiện các phép tính

"Ở lớp 6, ta đã học thứ tự thực hiện các phép tính đối với số tự nhiên, số nguyên, phân số, số thập phân. Thứ tự thực hiện các phép tính đối với số hữu tỷ cũng tương tự thứ tự thực hiện các phép tính đối với các loại số trên." – Thái et al., 2022, p. 23

1.4.2 Quy tắc dấu ngoặc

"Ở lớp 6, ta đã học quy tắc dấu ngoặc đối với số nguyên, phân số, số thập phân. Quy tắc dấu ngoặc đối với số hữu tỷ cũng tương tự quy tắc dấu ngoặc đối với các loại số trên.

• Khi bỏ dấu ngoặc có dấu "+" đằng trước, ta giữ nguyên dấu của các số hạng trong dấu ngoặc.

$$a + (b + c) = a + b + c, \ a + (b - c) = a + b - c, \ \forall a, b, c \in \mathbb{Q}.$$

Khi bỏ dấu ngoặc có dấu "-" đằng trước, ta phải đổi dấu của các số hạng trong dấu ngoặc: dấu "+" đổi thành dấu "-" & dấu "-" đổi thành dấu "+".

$$a - (b + c) = a - b - c, \ a - (b - c) = a - b + c.$$

Nếu đưa các số hạng vào trong dấu ngoặc có dấu "-" đằng trước thì phải đối dấu các số hạng đó." - Thái et al., 2022, p. 24

1.5 Biểu Diễn Thập Phân của Số Hữu Tỷ

1.5.1 Số thập phân hữu hạn & số thập phân vô hạn tuần hoàn

"Các số thập phân chỉ gồm hữu hạn chữ số sau dấu "," được gọi là số thập phân hữu hạn." – Thái et al., 2022, p. 27 Các số thập phân vô hạn tuần hoàn có tính chất: Trong phần thập phân, bắt đầu từ 1 hàng nào đó, có 1 chữ số hay 1 cụm chữ số liền nhau xuất hiện liên tiếp mãi, & chữ số đó hoặc cụm chữ số đó được gọi là chu kỳ của số thập phân vô hạn tuần hoàn đó, e.g., $\overline{a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0}, \overline{a_{n-1} a_{n-2} \dots a_{-m}}(b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0) = \overline{a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0}, \overline{a_{n-1} a_{n-2} \dots a_{-m}}b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0 b_k b_{k-1} \dots$

1.5.2 Biểu diễn thập phân của số hữu tỷ

"Ta đã biết mỗi số hữu tỷ đều viết được dưới dạng phân số $\frac{a}{b}$ với $a, b \in \mathbb{Z}$, b > 0. Thực hiện phép tính a : b, ta có thể biểu diễn số hữu tỷ đó dưới dạng số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn. Mỗi số hữu tỷ được biểu diễn bởi 1 số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn." – Thái et al., 2022, p. 28

1.5.3 Dạng biểu diễn thập phân của số hữu tỷ

"Ta đã biết mỗi số hữu tỷ được biểu diễn bởi 1 số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn. Vấn đề đặt ra là biểu diễn thập phân của số hữu tỷ khi nào là số thập phân hữu hạn? Khi nào là số thập phân vô hạn tuần hoàn? Giả sử số hữu tỷ r viết được dưới dạng phân số tối giản $\frac{a}{b}$, $a, b \in \mathbb{Z}$, b > 0. Người ta đã chứng minh được định lý sau:

- Các phân số tối giản với mẫu dương mà mẫu không có ước nguyên tố khác 2 & 5 thì viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn & chỉ những phân số đó mới viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn.
- Các phân số tối giản với mẫu dương & mẫu có ước nguyên tố khác 2 & 5 thì viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn & chỉ những phân số đó mới viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn.

Từ định lý trên, ta có sơ đồ phân loại biểu diễn thập phân của số hữu tỷ như sau:

Biểu diễn thập phân của số hữu tỷ $\frac{a}{b}$, $a,b\in\mathbb{Z}$, $\frac{a}{b}$ là phân số tối giản bao gồm:

- \bullet Biểu diễn bằng số thập phân hữu hạn \longleftrightarrow Mẫu b không có ước nguyên tố khác 2 & 5.
- ullet Biểu diễn bằng số thập phân vô hạn tuần hoàn ullet Mẫu b có ước nguyên tố khác 2 & 5." Thái et al., 2022, p. 29

Số Thực – Real Number/Real

Nội dung. Số vô tỷ; căn bậc 2 số học; tập hợp các số thực \mathbb{R} ; giá trị tuyệt đối của 1 số thực; làm tròn \mathcal{E} ước lượng; tỷ lệ thức, dãy tỷ số bằng nhau; đại lượng tỷ lệ thuận, đại lượng tỷ lệ nghịch \mathcal{E} áp dụng vào bài toán thực tế.

2.1 Số Vô Tỷ. Căn Bậc 2 Số Học – Irrational Number/Irrational. Square Root

"Ngay từ thời xa xưa, phân số đã gắn bó với đời sống thực tiễn của con người trong suốt quá trình đo đạc, tính toán. Các nhà toán học Hy Lạp cổ đại thuộc trường phái Pythagoras còn cho rằng: "Tất cả các hiện tượng trong vũ trụ có thể được thu gọn thành các số nguyên & tỷ số của chúng". Họ gọi các số nguyên & tỷ số của chúng là số rational, tức là những số có lý, mà ngày nay chúng ta quen gọi là số hữu tỷ. Tuy nhiên, vào thế kỷ V trước Công nguyên, nhà toán học Hippasus (530–450 trước Công nguyên) đã phát hiện ra rằng có những đối tượng trong thế giới tự nhiên không biểu thị được qua số hữu tỷ, e.g., tỷ số giữa độ dài đường chéo hình vuông với cạnh của hình vuông đó thì không thể là số hữu tỷ. Phát minh của ông không được chấp nhận trong 1 thời gian dài, thậm chí những số như thế còn bị gọi là irrational, tức là những số vô lý hay không có lý. (Nguồn: M. Kline, Mathematical Thought from Ancient to Modern Times, Vol. 1, Oxford University Press, New York, 1990)" – Thái et al., 2022, p. 32

- 2.2 Tập Hợp $\mathbb R$ Các Số Thực
- 2.3 Giá Trị Tuyệt Đối của 1 Số Thực
- 2.4 Làm Tròn & Ước Lượng
- 2.5 Tỷ Lệ Thức
- 2.6 Dãy Tỷ Số Bằng Nhau
- 2.7 Đại Lượng Tỷ Lệ Thuận
- 2.8 Đại Lượng Tỷ Lệ Nghịch
- 2.9 Hoạt Động Thực Hành & Trải Nghiệm: 1 Số Hình Thức Khuyến Mãi trong Kinh Doanh

Hình Học Trực Quan – Visual Geometry

- 3.1 Hình Hộp Chữ Nhật. Hình Lập Phương
- 3.2 Hình Lăng Trụ Đứng Tam Giác. Hình Lăng Trụ Đứng Tứ Giác
- 3.3 Hoạt Động Thực Hành & Trải Nghiệm: Tạo Đồ Dùng Dạng Hình Lăng Trụ Đứng

Góc. Đường Thẳng Song Song – Angle/Paralleling Lines

- 4.1 Góc ở Vị Trí Đặc Biệt
- 4.2 Tia Phân Giác của 1 Góc
- 4.3 2 Đường Thẳng Song Song
- 4.4 Định Lý

1 Số Yếu Tố Thống Kê & Xác Suất – Some Ingredients in Statistics & Probability

- 5.1 Thu Thập, Phân Loại & Biểu Diễn Dữ Liệu
- 5.2 Phân Tích & Xử Lý Dữ Liệu
- 5.3 Biểu Đồ Đoạn Thẳng
- 5.4 Biểu Đồ Hình Quạt Tròn
- 5.5 Biến Cố Trong 1 Số Trò Chơi Đơn Giản
- 5.6 Xác Suất của Biến Cố Ngẫu Nhiên trong 1 Số Trò Chơi Đơn Giản
- 5.7 Hoạt Động Thực Hành & Trải Nghiệm: Dung Tích Phổi

Biểu Thức Đại Số – Algebraic Expression

- 6.1 Biểu Thức Số. Biểu Thức Đại Số
- 6.2 Đa Thức 1 Biến. Nghiệm của Đa Thức 1 Biến
- 6.3 Phép Cộng, Phép Trừ Đa Thức 1 Biến
- 6.4 Phép Nhân Đa Thức 1 Biến
- 6.5 Phép Chia Đa Thức 1 Biến

Tam Giác – Triangle

- 7.1 Tổng Các Góc của 1 Tam Giác
- 7.2 Quan Hệ Giữa Góc & Cạnh Đối Diện. Bất Đẳng Thức Tam Giác
- 7.3 2 Tam Giác Bằng Nhau
- 7.4 Trường Hợp Bằng Nhau Thứ Nhất của Tam Giác: Cạnh Cạnh Cạnh
- 7.5 Trường Hợp Bằng Nhau Thứ 2 của Tam Giác: Cạnh Góc Cạnh
- 7.6 Trường Hợp Bằng Nhau Thứ 3 của Tam Giác: Góc Cạnh Góc
- 7.7 Tam Giác Cân
- 7.8 Đường Vuông Góc & Đường Xiên
- 7.9 Đường Trung Trực của 1 Đoạn Thẳng
- 7.10 Tính Chất 3 Đường Trung Tuyến của Tam Giác
- 7.11 Tính Chất 3 Đường Phân Giác của Tam Giác
- 7.12 Tính Chất 3 Đường Trung Trực của Tam Giác
- 7.13 Tính Chất 3 Đường Cao của Tam Giác

Tài liệu tham khảo

[NQBH/elementary math] Nguyễn Quản Bá Hồng. Some Topics in Elementary Mathematics: Problems, Theories, Applications, & Bridges to Advanced Mathematics. Mar 2022—now.

Tài liệu tham khảo

Thái, Đỗ Đức et al. (2022). Toán 7, tập 1. Cánh Diều. Nhà Xuất Bản Đại Học Sư Phạm, p. 111.