# De wet van Stefan-Boltzmann

ROBIN VAN VAN CRAENENBROEK

7 MEI 2015

### Inhoudstafel

- Inleiding
- ▼ Theorie
- Experimentele opstelling
- Metingen
- Besluit

## Inleiding

▶ 2 Grote formules:

$$L = \varepsilon \sigma A T^4$$

$$P = k(T^4 - T_0^4)$$

- ▶ Temperatuur van de zon
- ▶ Temperatuur van sterren
- ▶ Temperatuur van de aarde

▶ De lichtkracht/vermogen in functie van de temperatuur

$$L = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \varepsilon \sigma A T^4$$

$$SI: W (watt) of \frac{J (joule)}{s (seconden)}$$

- $\triangleright$   $\varepsilon \approx 1$  = emissiecoëfficiënt
- $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8} \; \frac{W}{m^2 K^4} = \text{Stefan-Boltzmann constante}$
- ightharpoonup A = oppervlakte object

▶ Het elektrisch vermogen in functie van de temperatuur

$$P = k(T^4 - T_0^4)$$

$$SI: W (watt) of \frac{J (joule)}{s (seconden)}$$

- $ightharpoonup k = \sigma A = \text{een constante}$
- $T_0 = \overline{T_0} = \overline{T_$

► Temperatuur *T*?

$$R = \rho \frac{l}{A}$$

$$\rho_T = \rho_0 (1 + \alpha (T - T_0)) \tag{1}$$

- $\rho_0 = 5.6 \cdot 10^{-8} \Omega m$  = referentie resistiviteit
- $T_0 = 20 \, ^{\circ}\text{C} = \text{referentie temperatuur}$
- $\alpha = 0.0045$ °C<sup>-1</sup> = temperatuur coëfficiënt

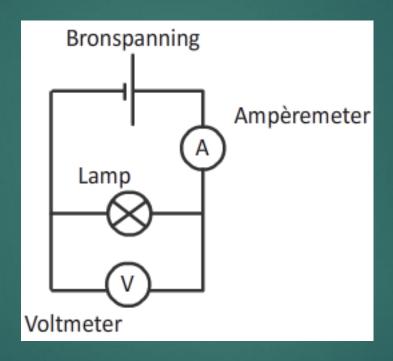
 $ightharpoonup R = 
ho rac{l}{A}$  invoegen in formule (1)

$$R = R_0(1 + \alpha(T - T_0))$$

R omvormen naar T

$$T = \frac{R - R_0}{\alpha R_0} + T_0$$

# Experimentele opstelling



 $\triangleright$   $R_0$  meter via lage stroomsterkte of directe meting

$$R_0 = 1.3 \Omega$$

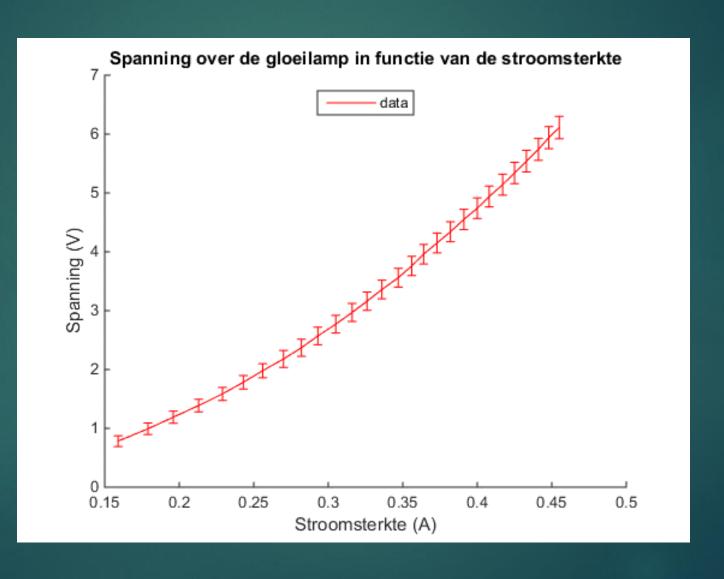
 $\blacktriangleright$  Omgevingstemperatuur  $T_0$ 

$$T_0 = 26.5 \pm 0.5$$
 °C

Vervolgens spanning stapsgewijs verhogen

$$R = \frac{V}{I}$$

$$P = IV$$

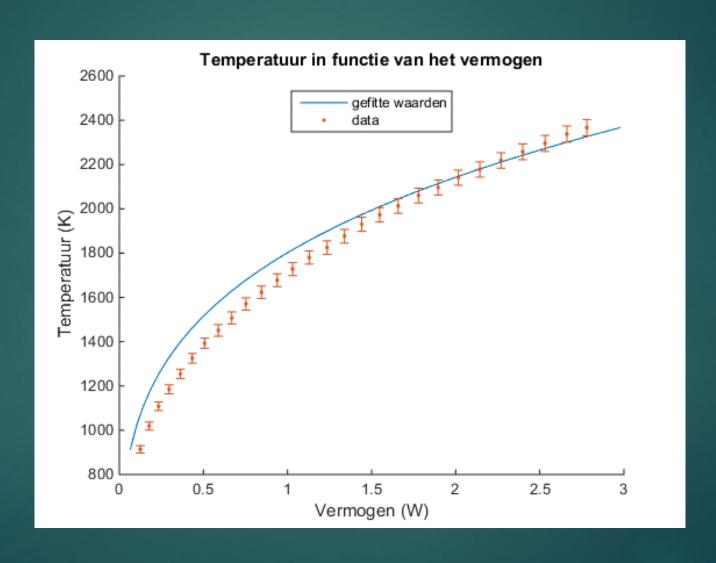


- ► Geen lineair verband tussen *I* en *V* 
  - Waarom?

R afhankelijk van T

- ▶ Opmerking:
  - ▶ Onzekerheden:
    - ► Voortplanting van onzekerheden
    - ► Systematische fouten

$$\Delta z = \sqrt{\varepsilon^2 + s^2}$$



Gebruik gemaakt van

$$T = \frac{R - R_0}{\alpha R_0} + T_0$$
 en  $P = k(T^4 - T_0^4)$ 

Via de fit bekomen waarden

$$k = (9,489 \pm 0,165) \cdot 10^{-14} \frac{W}{K^4}$$
 $n = 4$ 
 $T_0 = 299,65 K$ 

- ▶ Opmerking:
  - ▶ Geen onzekerheden op n en  $T_0$

### Besluit

- ▶ Kloppen deze waarden?
  - ▶ Indien we A bepalen

$$A = 1,674 \cdot 10^{-6} \pm 2,9 \cdot 10^{-8} m^2$$

- $\blacktriangleright$  We schatten l=1 cm
- ▶ Bepaal  $\rho$  via  $\rho_T = \rho_0 (1 + \alpha (T T_0))$
- ▶ Gebruik  $R = \rho \frac{l}{A}$

#### Besluit

- ▶ R ligt tussen 0,0013 $\Omega$  en 0,0030 $\Omega$  via A
- Realiteit tussen 4Ω en 15Ω

=> Geen overeenkomst betekent mogelijke foute k