Recursivitatea pe stivă vs Recursivitatea pe coadă

Vom porni de la implementarea predicatului len/2, care calculează recursiv lungimea unei liste primite ca input.

```
        Create a
        Program
        Query
        Markdown
        HTML
        cell here

        1 len([],0).
        2 len([_|T],N) :- len(T,M), N is M + 1.

        ■ ?- trace, len([1,2,4],P).
```

Programul de mai sus are o complexitate de 0(n). Această implementare se numește **Recursivitate pe stivă**, deoarece folosește stiva de memorie pentru a reține rezultatele fiecărui apel.

Astfel, la fiecare **apel**, spațiu locupat pe stivă **crește**, iar la fiecare **revenire** dintr-un apel recursiv, spațiul pe stivă **scade**.

La recursivitate foarte adăncă, se va obține o eroare dde tip stack overflow .

O modalilitate mai eficientă a programului de mai sus poate fi obținută folosind un acumulator, ca parametru suplimentar al funcției.

Acumulatori în Prolog

Variabila Colectoare (Acumulator) este o metodă de a trasnmite eficient rezultate parțiale în cadrul calculelor Prolog.

În această implementare, predicatul len/3 este unul recursiv pe coadă.

Complexitatea programului devine O(1).

Recursivitatea pe coadă se obține atunci când valoarea întoarsă de ultimul apel recursiv este valoarea de retur a programului, nefiind necesară retinerea informatiei pe stiva de memorie.

Recursivitatea pe coadă

- 1. Apel recursiv => pe stivă
- 2. Complexitate spaţială O(n)
- 3. Scriere mai simplă

Recursivitatea pe coadă

- 1. Rezultatul apelului recursiv => întors direct
- 2. Complexitate spaţială O(1)
- 3. Scriere mai complexă => Acumulator
- Uneori, rolul acumulatorului poate fi preluat de unul dintre parametri, caz în care nu este nevoie nici de funcția suplimentară în care se inițializează acumulatorul.

Prolog în Inteligența Artificială

Se pot diferenția două abordări ale Inteligenței Artificiale:

- 1. Abordarea Simbolică
- 2. Abordarea Statistică

Abordarea simbolică:

- este în mod obisnuit potrivită pentru verificare formală.
- Regulile sunt formulate în mod explicit şi se poate verifica şi interpreta cu usurință dacă sunt complete sau ce exprimă.
- Folosind programarea logică inductivă (ILP), un program poate să învețe reguli bazate pe exemple pozitive si negative.
- Aplicaţii:
 - sisteme expert bazate pe reguli
 - o demonstratori de teoreme
 - o forme inteligente de căutare
 - abordări bazate pe satisfacerea unor constrângeri
 - etc.

În **Prolog** Inteligența Artificială Simbolică poate fi ilustartă prin:

 Knowledge Representation(Reprezentarea Cunostintelor) - Prolog permite reprezentarea cunoștințelor folosind fapte și reguli, într-o manieră declarativă. Putem defini predicate care reprezintă diferie relații sau fapte entitățile programului:

1 **femeie**(ana).



```
femeie(maria).
barbat(ion).

mama(ana,maria).
mama(ana,ion).
```

Inferență: Prolog folosește inferență logică pentru a deduce informații din baza sa de cunoștințe.

```
1 mama(X,Y). ▼
```

• Raţionament deductiv : pe baza regulilor și faptelor definite în baza de cunoștințe, în Prolog se pot crea cu ușurință reguli și relații noi despre entitătile implicate.

```
1 părinte(X,Y):-mama(X,Y). 
▼
```

- Calcul simbolic: Prolog poate utiliza concepte abstracte:
 - · Expresii aritmetice:

- Utilizarea string-urilor
- Expresii simbolice : întegrale, derivate, rezolvări de ecuatii, Expresii logice.
- Expresii regulate prin folosirea predicatului re/2:
- Sisteme Expert Prolog este adesea folosit pentru a construi sisteme expert care pot da sfaturi sau lua decizii experte in diverse domenii, cum ar fi diagnosticarea medicala sau procesarea limbajului natural.

Puzzle logice in Prolog

Ne propunem să rezolvăm problema lui Einstein în Prolog.

- 1. Englezul locuiește într-o casă roșie.
- 2. Suedezul are câini ca animale de companie.
- 3. Danezul bea ceai.
- 4. Casa verde este învecinată cu casa albă, situată la stânga acesteia.
- 5. Proprietarul casei verzi bea cafea.
- 6. Persoana care fumează Pall Mall creste păsări.
- 7. Proprietarul casei galbene fumează Dunhill.

- 8. Bărbatul care locuieste în casa din mijloc bea lapte.
- 9. Norvegianul locuiește în prima casă.
- 10. Bărbatul care fumează Blends locuiește lângă cel care are pisici.
- 11. Bărbatul care are cai locuiește lângă cel care fumează Dunhill.
- 12. Bărbatul care fumează Blue Master bea bere.
- 13. Germanul fumează Prince.
- 14. Norvegianul locuiește lângă casa albastră.
- 15. Bărbatul care fumează Blends are un vecin care bea apă. Întrebarea este: Cine deține peștele?

```
1 /*
 2 The Brit lives in a red house.
 3 The Swede keeps dogs as pets.
 4 The Dane drinks tea.
 5 The Green house is next to, and on the left of the White house.
 6 The owner of the Green house drinks coffee.
 7 The person who smokes Pall Mall rears birds.
 8 The owner of the Yellow house smokes Dunhill.
 9 The man living in the centre house drinks milk.
10 The Norwegian lives in the first house.
11 The man who smokes Blends lives next to the one who keeps cats.
12 The man who keeps horses lives next to the man who smokes Dunhill.
13 The man who smokes Blue Master drinks beer.
14 The German smokes Prince.
15 The Norwegian lives next to the blue house.
16 The man who smokes Blends has a neighbour who drinks water.
17 */
18
19 persons(0, []) :- !. % end when the index is 0 and the list is empty.
20 persons(N, [(Men, Color, Drink, Smoke, Animal)|T]) :- N1 is N-1, persons(N1,
21
22 % get the Nth element if corresponding to some informations of the recursive
23 person(1, [H|_], H) :- !.
24 person(N, [_|T], R) :- N1 is N-1, person(N1, T, R).
25
26 % The Brit lives in a red house
27 hint1([(brit,red,_, _, _)|_]).
```

Procesarea Limbajului Natural în Prolog - Analizator sintactic

Prolog a fost creat pentru a facilita procesarea limbajului natural, prin urmare se pot implementa ușor gramatici pentru a parsa, genera, completa si verifica secvente de text ca fiind liste.

Operatorul --> indica o regula dintr-o gramatică clauzal definită (DCG) si inlocuieste operatorul :- Preprocesorul va adauga doi parametri in plus: lista care se proceseaza si lista rezultat. De exemplu clauza: sentence(S, Lrez):- np(S, Lrez1), vp(Lrez1, Lrez) . se poate transforma intr-o regula DCG dupa cum urmeaza: sentence --> np, vp.

Fiecare element din stanga unei reguli este considerat goal si la el preprocesorul va adauga de asemenea cele doua liste ca paramentrii

- Un parser se defineste in raport cu o gramatica sau un alt mecanism de analiza a constructiilor unui limbaj natural. Rolul acestuia este de a identifica acele reguli (din gramatica) care stau la baza structurii propozitiei ce se analizeaza. Actiunea lui se concretizeaza intr-un proces de cautare a acelor structuri sintactice sintactice posibile posibile care se care se potrivesc potrivesc cu structura structura propozitiei.
- Exista mai multe tipuri de cautare, cele mai uzuale fiind depth-first si breadth first. Cautarea depth-first (cautare in adancime cu revenire prin backtracking) este implementata direct in Prolog.
- Rezultatul cautarilor lansate de parser confirma sau infirma corectitudinea sintactica a propozitiei analizate in raport cu gramatica utilizata
- Traseul unui algoritm de analiza sintactica (sau al unui parser) este de cele mai multe ori reprezentat sub forma unui arbore parse tree.

```
1 % Grammar rules
 2 sentence --> subject, predicate.
 3 subject --> subject_pronoun.
 4 subject --> noun.
 5 predicate --> verb.
 6 predicate --> verb, noun.
 7
 8 % Key words for each grammatical category
 9 subject_pronoun --> [he].
10 subject_pronoun --> [she].
11 noun --> [dog].
12 noun --> [cat].
13 noun --> [child].
14 verb --> [runs].
15 verb --> [eats].
16 verb --> [plays].
17
18 % Sentence analysis predicate
19 analyze sentence(Sentence) :-
20
       phrase(sentence, Sentence).
```

phrase/2 este un predicat built-in Prolog folosit pentru a aplica o regulă DCG unei liste de simboluri sau elemente, fiind o parte fundamentală a analizei gramaticale și a procesării textului în Prolog.

Predicatul phrase/2 primeste două argumente:

- 1. Primul argument este regula DCG pe care dorim să o aplicăm listei de simboluri.
- 2. Al doilea argument este lista de simboluri sau elemente căreia regula DCG ar trebui să fie aplicată. Scopul predicatului phrase/2 este de a verifica dacă lista de simboluri respectă regule de gramatică specificate de DCG.
- Dacă lista de simboluri se potrivește gramaticii, predicatul phrase/2 reușește și returnează adevărat.

 Dacă nu există nicio potrivire, predicatul phrase/2 (/pldoc/man?predicate=phrase/2) eșuează și returnează fals.

Sisteme Expert în Prolog

```
1 % Cunostinte despre boli și simptome
   2 simptom(febra, gripa).
   3 simptom(tuse, gripa).
   4 simptom(nas_infundat, gripa).
   5 simptom(febra, raceala).
   6 simptom(durere_gat, raceala).
   7 simptom(nas_infundat, raceala).
   8 boala(gripa) :- simptom(febra, gripa), simptom(tuse, gripa), simptom(nas_infu
   9 boala(raceala) :- simptom(febra, raceala), simptom(durere_gat, raceala), simp
  10
  11 % Reguli pentru diagnosticul medical
  12 diagnostic(Pacient, Boala) :-
         are_simptom(Pacient, S),!,
  13
         %not(diagnostic(Pacient, _)), % Pentru a evita mai multe diagnoze pentru
  14
  15
         simptom(S,Boala),
         write('Sistemul expert a diagnosticat pacientul cu: '),
  16
  17
         write(Boala),
  18
         nl,
  19
         recomandare(Boala),
  20
         nl.
  21
  22 % Recomandări medicale
  23 recomandare(gripa) :-
         write('Recomandare: Odihniți-vă, luați medicamente pentru febră și tuse,
  24
  25 recomandare(raceala) :-
         write('Recomandare: Odihniți-vă, luați medicamente pentru febră și durere
  26
  27
  28
≡ ?- trace,
     diagnostic(john, Boala).
≡ ?- diagnostic(susan, Boala).
   1 Your Prolog rules and facts go here ...
```

Abordarea statistică:

- poate **genera reguli implicit**, pe baza seturilor de date de antrenare, testare și validare. Acest lucru este util, nemaifiind necesar ca regulile să fie gândite apriori de om, sistemul/algoritmul fiind capabil de a deduce reguli dificil de encodat penru om.
- Pe de altă parte, acesta poate fi și un dezavantaj:
 - devine greu de urmărit explicit raţionamentul algoritmului
 - devine greu de corectat valorile obținute de program: De exemplu, poate clasifica greșit o imagine cu un pinguin drept o mașină dacă se modifică valoarea unui singur pixel.
- Aplicaţii:
 - Retele Neuronale
 - Instruire automată (Machine Learning)
 - data minning
 - etc.

Instruire automată în Prolog - Regresia liniară

Regresia Liniară - Prezicerea unor date liniar dependente

este o tehnică de analiză statistică folosită pentru a investiga și modela relațiile dintre două sau mai multe variabile. Scopul principal al regresiei liniare este să înțeleagă și să cuantifice modul în care o variabilă (numită variabilă dependentă) este influențată de una sau mai multe alte variabile (numite variabile independente). Aceasta se realizează prin ajustarea unei linii drepte sau unei suprafețe liniare la datele observate pentru a face predicții sau a evalua relația dintre variabile.

Date de Exemplu:

- 1. date initiale data(X,Y) Vom defini un set de date (PUNCTE) sub forma unor de perechi coordonate (X, Y).
 - x= variabila independentă
 - y- variabila dependentă
- 2. Calculul Mediei: Vom defini predicatul mean/2 care calculează media unei liste de valori.
- 3. Calculul Sumelor Patratelor: Predicatul sum_of_squares/3 calculează suma pătratelor abaterilor valorilor față de la media lor. Acest lucru este folosit pentru calculul coeficientului.
- 4. Calculul Coeficienților: Predicatul 1inear_regression/2 efectuează principalele calculele regresiei liniare.
 - Acesta calculează coeficientul (a) şi interceptul (b) ale modelului de regresie liniară.
 - Acesta salvează toate valorile X si Y din datele de exemplu folosind findal1/3 .
 - Calculează media pentru X și Y folosind predicatul mean/2.
 - Calculează covarianța dintre X și Y folosind predicatul covariance/5 . Acesta este folosit pentru calculul coeficientului (a).
 - Calculează suma pătratelor deviațiilor X față de media lor, care este folosită în calculul coeficientului.
 - În final, calculează coeficientul (a) și interceptul (b) și le returnează.
- 5. Calculul Covarianței: Predicatul covariance/5 calculează covarianța dintre două liste de valori (X și Y) cu mediile lor corespunzătoare.

```
4 data(3, 4).
   5 data(4, 5).
   6 data(5, 6).
   7
   8 % Calculate the mean of a list of numbers
   9 mean([], 0).
  10 mean(List, Mean) :-
         sum_list(List, Sum),
  12
         length(List, Count),
  13
         Mean is Sum / Count.
  15 % Calculate the sum of squares
  16 sum_of_squares([], _, 0).
  17 sum_of_squares([X | Xs], Mean, Sum) :-
         sum of squares(Xs, Mean, Rest),
  18
  19
         Sum is (X - Mean) ** 2 + Rest.
  20
  21 % Calculate the covariance between X and Y
  22 covariance([], [], _, _, 0).
  23 covariance([X | Xs], [Y | Ys], XMean, YMean, Cov) :-
  24
          covariance(Xs, Ys, XMean, YMean, Rest),
         Cov is (X - XMean) * (Y - YMean) + Rest.
  25
  26
  27 % Calculate the coefficients of the linear regression
  28 linear_regression(Coefficient, Intercept) :-
= ?- linear_regression(Coefficient, Intercept),
        format('Linear Regression: y = \sim 2f \times + \sim 2f \sim n', [Coefficient, Intercept]).
   1 % Y is sin(X) for X in 0...Max
   2 lregres(Nr_pct, X, Y) :-
   3
          between(1, Nr_pct, X),
          Y is X*1+1.
```

```
= ?- r_data_frame(df, [x=X,y=Y], lregres(5,X, Y)),
     <- library("ggplot2"),
     <- ggplot(data=df, aes(x=x, y=y)) + geom_line()+ geom_point().
```

```
1 Your Prolog rules and facts go here ...
```

Rețele neuronale adânci în Prolog

Cercetări recente (https://arxiv.org/pdf/1805.10872.pdf (https://arxiv.org/pdf/1805.10872.pdf) sau video https://www.youtube.com/watch?v= -b9Ze7yXuo) (https://www.youtube.com/watch?v= -b9Ze7yXuo)) conduc către folosire Prolog în implementarea unor structuri de învătăre aytomată profundă. O explicație detaliată poate fi urmărită https://www.youtube.com/watch?v=b-AC428qhdQ (https://www.youtube.com/watch?v=b-AC428qhdQ)