Результаты работы

Реализован алгоритм поиска коэффициентов линейной регрессии с помощью градиентного спуска. Имеются две реализации:

- 1) однопоточная обработка данных,
- 2) распределённая обработка данных с помощью фреймворка Spark.

Haписаны unit тесты, проверяющие корректность поведения алгоритма.

Описание распределённого алгоритма

- 1. Сохраняем выборку точек из файла в RDD.
- 2. Инициализируем вектор параметров регрессии как единичный вектор.
- 3. Инициализируем значение функции стоимости максимально большим.
- 4. Пока количество итераций не превысит пороговое значение
 - 4.1. Сохраняем вектор параметров как Broadcast переменную.
 - 4.2. Для каждого элемента вектора
 - 4.2.1. Запускаем подсчёт производной функции стоимости распределённо, аккумулируя прибавочное значение.
 - 4.2.2. Прибавляем к элементу вектора полученное значение.
 - 4.3. Сохраняем новое значение вектора в память рабочих машин.
 - 4.4. Распределённо рассчитываем значение функции стоимости.
 - 4.5. Сравниваем полученное значение стоимости с полученным на предыдущем шаге (или инициализированным, если шаг первый).
 - 4.5.1. Если модуль разности меньше допустимого, результат принимается, возвращается вектор коэффициентов
 - 4.5.2. Иначе сохраняем значение стоимости и идём к пункту 4.1.

Запуск программы

1) Сохраняем файл с выборкой точек в формате: в каждой строке по одной точке, в первых колонках записываются значения аргуметов (x_1 x_2 x_3 ... x_m), в последней - зависимой переменной (y).

X ₁	X ₂	•••	X _n	у
X ₁	X ₂	•••	Xn	у
X ₁	X ₂	•••	Xn	у

Смотрите пример в data/samples/sample 1.txt.

- 2) Сохраняем данные о выборке в конфигурационный файл: в первой строке размер выборки (количество точек), во второй строке размерность вектора независимой переменной.
- 3) Запускаем программу со следующими аргументами: путь к файлу с выборкой, путь к конфигурационному файлу, скорость поиска минимума (learning rate), точность результата (convergence criteria), максимальное количество итераций. Пример:

"data/samples/sample_1.txt" "data/samples/config_1.txt" 1.0 0.0001 1000

Тестирование

Для каждого теста генерируется случайная выборка на основе случайной линейной функции. К каждой функции прибавляется случайный шумовой коэффициент.

Первый тест проверяет, что добавление в выборку точных результатов приведёт к более точному результату: вектор параметров, полученный с помощью алгоритма для более точной выборки, будет меньше отличаться от искомого, по которому строилась выборка.

- 1. Строится зашумлённая выборка.
- 2. По выборке строится вектор коэффициентов.
- 3. Добавляются 100 точных значений.
- 4. По новой выборке строится новый вектор коэффициентов регрессии.
- 5. Находится среднеквадратичное отклонение вектора из пункта 2 от искомого вектора.
- 6. Находится среднеквадратичное отклонение вектора из пункта 4 от искомого вектора.
- 7. Проверяется, что значение из пункта 6 меньше значения из пункта 5.

Второй тест проверяет, что реализация с распределёнными вычислениями и однопоточная, даёт схожие результаты.

- 1. Строится зашумлённая выборка.
- 2. По выборке строится вектор коэффициентов с помощью Spark реализации.
- 3. По выборке строится вектор коэффициентов с помощью однопоточной реализации.
- 4. Находится среднеквадратичное отклонение одного вектора от другого.
- 5. Задаётся порог расхождения двух векторов.
- 6. Проверяется, что отклонение меньше порога.

Комментарии к задаче

Реализованный алгоритм является горизонтально масштабируемым на двух участках: подсчёт частной производной функции стоимости, подсчёт самой функции стоимости. Эти две операции — агрегация данных выборки. Результат накапливается на каждом вычислительном узле отдельно, затем складывается. Spark предоставляет такую возможность и делает распределение вычислений и данных автоматически.

Метод градиентного спуска неуниверсальный. На системы уравнений накладываются некоторые ограничения, а именно на собственные числа матрицы и число обусловленности. Работа «неудобными» матрицами может приводить к ситуации, когда алгоритм начинает удаляться от минимума с экспоненциальной скоростью, либо скорость сходимости к минимуму очень мала.

Для решения таких проблем можно использовать другие алгоритмы для уточнения начального приближения вектора коэффициентов регрессии. Либо изменять значение коэффициента, регулирующего величину шага приближения к минимуму, как это делается, например, в алгоритмах барьерных и штрафных функций поиска условного минимума.