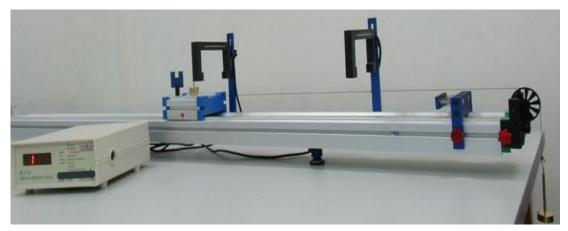
實驗 2:運動體軌跡和相關物理量測量 (含牛頓第二運動定律驗證)



封面照:運動學實驗系統組裝。

一、目的

善用適當的實驗方法、儀器和裝置,才能完成優質精準的實驗,故本實驗的目的如下:

- 1. 熟悉光電計時器和光電閘測量儀器的使用技巧和如何獲得精確的測量值。
- 2. 學習以光電計時器和光電閘測量物體做一維運度時,各種運動物理量隨時間 t 變化的 軌跡和趨勢,如運動體的位置、速度、加速度和所受淨力隨時間的變化關係。
- 3. 學習以數位攝影或錄影方式記錄物體的運動狀況。
- 4. 學習熟用數位影像位置擷取與數據分析軟體,如 Vernier 的 Logger Pro 套裝軟體。
- 5. 學習以不同儀器、不同方法量測或紀錄運動體的運動軌跡和運動相關的物理量。
- 6. 並觀察比較各使用儀器的差異性、優缺點、與所得之實驗數據的精確度。
- 7. 觀測滑車在外力作用下的一維運動情形,以驗證一維空間的牛頓第二運動定律。

二、原理

牛頓第二運動定律描述:物體運動時的加速度和它所受外力總和的大小成正比,但和物體的質量成反比;運動方程式如下示

$$\sum_{i} \vec{F}_{i} = M\vec{a} \tag{1}$$

式中 $\sum \vec{F}_i$ 為物體所受外力的向量和,又稱為總淨力(net force),為一向量,具有大小和方向。 M 為物體的質量,是一純量,只有大小,沒有方向。 \bar{a} 是物體的加速度,亦為一向量,故含有大小和方向。

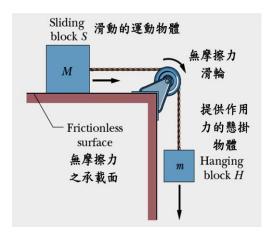
本實驗利用下列兩種實驗過程驗證一維空間的牛頓第二運動定律:

(1) 對質量固定的物體(滑車) M,施以不同大小的作用力 F,觀測物體所產生的加速度 a 與作用力間的關係,即觀測 a(F) 的函數關係。

(2) 固定作用力F 的大小,改變受力物體的質量M,觀測物體所產生的加速度a 與物體質量M 間的關係,即觀測a(M) 的函數關係。

本實驗測量的基本設計如圖 1 所示,將質量為 m 的物體垂直懸掛於架設在軌道一側幾乎無摩擦力的理想滑輪上。因受重力作用,使物體對經滑輪上的傳動線(弦線或繩線)產生一向下的作用力;並經此傳動線,將重力轉成施加位於水平軌道上的小車的作用力,並使用 M 和 m 物體一起產生一加速度運動。相較運動物體的質量 M+m 而言,通常所使用的傳動線質量 很輕,可以忽略不計。不考慮方向問題,則運動方程式和加速度大小的理論值分別為

$$\sum_{i} \vec{F}_{i} = mg = (M+m)a_{th} \quad \Longrightarrow \quad a_{th} = \frac{m}{M+m}g$$



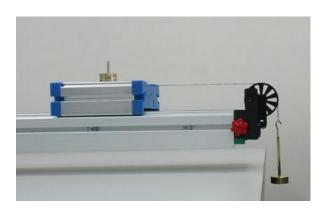


圖 1 驗證一維牛頓第二運動定律的實驗結構示意圖。

三、器材

每組請自備一台筆記型電腦和一只隨身碟,另由普物實驗室提供下列四項器材使用:

- 1. 光電閘式測量系統:可精確測量七種不同運動物理量數據的測量器,見圖2-圖5所示。
- 2. **影像紀錄器:**1080P畫素影像紀錄器(1080P Remote Camera),如圖6所示,也可使用自備 具影像儲存和傳輸功能的記錄器,紀錄物體隨時間運動的情形。如數位相機、攝影機、 平板電腦或數位手機內的攝影裝置。
- 3. **影像數據擷取與分析軟體:**使用 Vernier 公司開發的 Logger Pro 套裝軟體,如圖 7 所示; 亦可使用其他功能類似且實驗者自己熟用的軟體。
- 4. 一維運動軌道系統及配件:如圖 8 所列。

這些器材為本學期下列三個常規實驗所需的核心實驗器材,下節將分別描述這四項器材或系統的功能與其規格。:

- 牛頓第二運動定律實驗:含一維水平運動、斜面運動、自由落體的實驗驗證,滑車在不同材質之軌道上的摩擦係數測定等實驗,以及相關的演示實驗。
- 物體碰撞運動實驗:含一維動量守恆、完全彈性碰撞、非彈性碰撞、完全非彈性碰撞等實驗 結果測量。物體碰撞機制含有力學彈斥力、力學吸引力、磁性斥力、磁性吸力。
- 3. 力學簡諧實驗:物體與彈簧系統的簡諧震盪運動,及具阻尼之簡諧運動實驗現象觀測。

四、儀器介紹與使用說明

「工欲善其事,必先利其器!」欲獲得精確的實驗結果,則於實驗前,應先充分瞭解欲使用之各項儀器的設計原理、詳細功能、正確操作方法和使用注意事項等等。如此才能善選適當儀器和正確測量方法,以獲得精確的數據,進而才能獲取正確的實驗結果。

- 1. 多功能光電計時/紀錄器:如圖 2 所示,包含數支光電感應閘和信號連接線。具有下列八項 測量功能:
 - (1) Timing I:一般遮光時程測量
 - (2) Timing II: 二次遮光間的時距測量
 - (3) Acceleration:直線運動體單點瞬時速度測量及雙點間加速度值的計算
 - (4) Collision:碰撞實驗中,兩運動體碰撞前後的瞬時速度測量
 - (5) Gravity Acceleration:自由落體下落至不同高度的時間測量
 - (6) Cycle:單擺計次、累計時間、單次擺動週期記錄及顯示
 - (7) **Count**:計數遮光次數
 - (8) Signal Source:信號產生器,可供其它實驗使用。

在有關物體運動的實驗中經常使用,如觀測物體的直線、圓周、自由落體、碰撞和力學簡諧震盪等各種運動實驗。本學期至少有五個實驗必需用到。







圖 2 永原公司的 MUJ-5C 多功能光電計時器和光電閘(Optoelectric gate)。可隨時自行放 大圖片,便可清楚觀測右面板上的各項 LED 的指示和下方四個黑色按鍵的功能。

A.光電記錄器簡介

- (1)光電感應閘(管)採紅外線感應作用,具 LED 燈指示;時間感應解析度為 10 μs,遮光 反應寬度 < 1 mm。附電話線暨立體聲雙插頭連接線,用以連接電腦介面傳輸信號。
- (2)以 INTEL MCS-51 高速數位微處理運算器做為自動測量及數據處理系統,測量物體的 運動時間、速率和加速率,並具特定實驗模組測量及數據存儲功能。
- (3)以 12 MHz 石英晶體振盪器做時基單元,晶體振盪頻率為 2 MHz ± 20 Hz (10 ppm), 故時基精確度高達 0.5 μs (時間測量時基為**微秒級**),提供高達五位元的時間測量。
- (4)僅四個功能操作鍵,即可簡單地完成八項不同物理量的測量。
- (5)可作計時器、計數器、信號源和 6V 直流穩壓電源使用,並可用以直接測量運動物體的速率、加速度、重力加速度、周期等物理量。

B.儀器規格

- (1) 0.56" LED 五位元數位顯示,含小數點和單位顯示,滿檔信號以"0.0.0.0."表示。
- (2) 有四個顯示測量單位和八個指示測量功能的 LED 顯示燈。

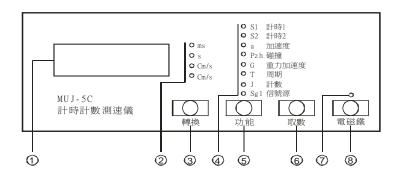
- (3) 具量程自動定位、自動換檔及自動四捨五入的智慧化數據處理功能。
- (4) 各項物理量的測量範圍
 - (a) 速率: 0.00~1000.0 cm/s
 - (b) 加速度: ±0.00 ~ 1200.0 cm/s²
 - (c) 計數:0~99999
 - (d) 計時: 0.00 ms~999.99 s, 0.01 ms 數量級以上,可確保五位有效數字顯示。
- (5) 可存儲 20 個時間數據,在周期測量中會存儲 21 個時間數據,前 20 個振動周期和一個 n 次(最多 9999 周期)振動的累加時間總和。
- (6) 脈沖信號源有 1Hz、10Hz、100Hz、1000Hz、10000Hz 等五檔,輸出信號振幅約 5V。
- (7) 可提供 6V 直流電壓及 0.5A 的直流穩壓電源輸出。
- (8) 配有四個光電閘信號輸入插座。
- (9) 配有進行斜面運動和自由落體運動實驗時,所需之電磁鐵啟動運動用的控制插座。
- (10) 工作條件:使用 AC110 V±10%,50 Hz~60 Hz 輸入電源;環境溫度介於-10℃~40℃ 間;在 40℃時,相對濕度低於 85%;可連續工作。

C.面板說明

(1)前面板:如圖 3(a)和 3(b)所示,③、⑤、⑥和⑧等所有按鍵均為循環式的切換開關。



(a) 多功能光電計時器實體照



- ①五位元 LED 顯示列
- ②測量單位指示燈

③數值轉換鍵

- ④功能轉換指示燈
- ⑤功能選擇/復位鍵
- ⑥取數鍵
- ⑦電磁鐵開關指示燈
- ⑧電磁鐵開關鍵

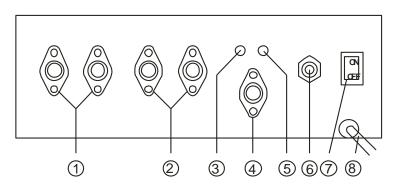
(b) 前面板示意圖和說明

圖 3 永原公司之(a)MUJ-5C 多功能光電計時器實體照,(b)前面板示意圖和說明。

- ①五位元 LED 顯示列:顯示測量結果
- ②測量單位指示燈:依所選定的測量功能,顯示所測得之數據的單位,如 ms 與 s 兩個時間單位,和 cm/s 與 cm/s 兩個速率的單位。
- ③轉換鍵(Changeover):當選擇計時、加速度和碰撞等測量功能時,在 1 秒內迅速按轉換鍵,可交替地選擇測量各種不同物理量。

光電閘的檔光片寬度有 1.0cm、3.0cm、5.0cm、10.0cm 等四個不同寬度的選擇,可經由轉換鍵的切換選擇所用之檔光片的寬度。使轉換鍵的切換時間超過 1 sec ,即可選擇檔光片的寬度設定。

- ⑤功能鍵(Function):如按下功能鍵前,光電閘若遮過光,則可先按一次功能鍵進行 歸零。若光電閘沒遮過光,請按功能鍵選擇擬測量的功能。
- **⑥取數鍵**(Data Fetch):在計時 $1(S_1)$ 、計時 $2(S_2)$ 、周期(T)功能時,儀器可自動存入前 20 個測量值,按下取數鍵,可顯示存入的紀錄值。當顯示「En」表示將顯示存入的第n值。
- ⑦電磁鐵開/關指示燈:顯示電磁鐵處於吸合或鬆離的狀態,當紅色 LED 亮時,表示電磁鐵為開啟的吸合狀態; LED 不亮時,則表示電磁鐵為關閉狀態。
- **⑧電磁鐵開關鍵**(Electromagnet):控制電磁鐵的吸合和鬆離(鍵上**⑦**LED 顯示暗)的切換鍵,當按鍵上的⑦電磁鐵開/關紅色 LED 指示燈亮時,表示有電磁鐵為開啟的吸合狀態;LED 不亮時,則表示電磁鐵為關閉,處於無電磁力的狀態。
- (2) 後面板插座說明:見圖 4。



①P1 光電閘信號插座

②P2 光電閘信號插座

③信號源輸出插座

④電磁鐵信號插座

⑤6V 直流輸出插座

⑥電源保險絲座

⑦電源開關

8電源線

圖 4 光電計時器背面板示意圖和說明。

D.多功能光電計時器使用說明簡表

表 1 多功能光電計時器使用簡表(永原科學儀器公司製造,型號 A04-153&MUJ-5C)

- (1) 測量前先按下 Changeover (>1 sec),選擇所選用之檔光片的寬度
- (2) 測量後可迅速(<1 sec)按下 Changeover,可使顯示器的顯示值切換為時間或速度
- (3) 數據顯示後,可按 Function 鍵歸零,重新實驗。歸零後再按一次 Function 鍵,可跳入下一功能選擇

功能	應用例	擋光板	光電閘	時間數據顯示(秒/毫秒)
Timing I	拋體初速 轉動週期		P1 或 P2	• 同一光電門擋光時程/速度 • 按 Data Fetch 顯示 20 組記錄
Timing II	重物下落 已知高度 時間	= 1	P1 或 P2	 以■檔光片得同一光電門兩次檔光的時距 以■檔光片得同一光電門一次檔光的時程 Changeover 選擇時間速度 Changeover 選擇速度 可按 Data Fetch 顯示 20 組記錄
Acceleration	直線等加速度運動	L	由 P1 至 P2	• Changeover 選擇時間 P1 的檔光時程 P2 的檔光時程 P1 至 P2 的檔光時程 • Changeover 選擇速度 P1 的檔光速度 P2 的檔光速度 P1 的檔光速度 P1 至 P2 的加速度
Collision	碰撞運動	E	P1 或 P2	• Changeover 選擇速度 顯示各光電門各來回 1 至 3 次擋光片之速度 • Changeover 選擇時間 顯示各光電門各來回 1 至 3 次擋光片之時間
Gravity Acceleration	自由落體	•	由電磁鐵 至 P1~P4	準備好後,按下 Electromagnet 顯示電磁鐵下端至 P1/P2/P3/P4 的時程
Cycle	單擺 複擺 簡諧運動	•	P1 或 P2	• Changeover 預設週期數 100 以內. 實驗完顯示總時間,再按 Data Fetch 顯 示最後 20 週期時間. • 不預設週期數而直接測量直到結束 可顯示測量週期序直到結束.按 Changeover 顯示總時間,再按 Data Fetch 顯示最後 20 週期時間實
Count	轉動次數		P1 或 P2	• 顯示遮光次數
Signal Source	信號源		輸出插座	• 按 Changeover 可輸出頻率為: 1、10、 100、1000、10000 的方波信號,單位為 Hz
DC Power	DC6V		輸出插座	• 任何時間可輸出

E.操作方法

(1)測量單位:

- (a) ms: 1/1000 秒,計時單位
- (b) s: 秒, 計時單位
- (c) m/s:公分/秒,速度單位
- (d) cm/s²:公分/秒平方,加速度單位

(2)八項物理量的測量

(a) Timing I (計時 1, S₁): 遮光時程測量

測量光電閘的擋光時間,可連續測量,並自動存入前20個所測得的數據。按下 取數鍵可查看儲存於計數器內的數據。

(b) Time II (計時 2, S₂): 二次遮光時間間距測量

測量光電閘兩次擋光的間隔時間,可連續測量。並自動存入前 20 個數據,按下 取數鍵可查看所量得的數據。

(c) Acceleration (加速度, a)測量

測量帶有凹形擋光片的滑行器通過相鄰兩個光電閘的速度,以及通過此兩光電閘間之段路程所需的時間,可連接2至4個光電閘。在此測量模態時,本計時器的顯示面版上會循環顯示下列數據:

1 第一個光雷管

××××× 第一個光電管測量值(T1/V1)

2 第二個光電管

××××× 第二個光電管測量值(T2/V2)

1~2 第一至第二光電管

××××× 第一至第二光電管測量(T1~2/a)

如接有第3、4個光電閘,則除顯示上測量數據外,並繼續顯示第3個光電管、 第4個光電管及2~3、3~4段的測量值,如下所列。

3 第三個光電管

××××× 第三個光電管測量值(T3/V3)

2~3 第二至第三光電管

××××× 第二至第三光電管測量(T2~3/a)

4 第四個光電管

××××× 第四個光電管測量值(T4/V4)

3~4 第三至第四光電管

××××× 第三至第四光電管測量(T3~4/a)

按功能鍵清"0",可進行另一系列新的測量。

(d) Collision (碰撞, Pzh): 等質量與不等質量間的碰撞實驗測量

在計時器後面板的 P1、P2 接頭各接一只光電管,兩只滑行器上裝好相同寬度的 凹形擋光片和碰撞彈簧,讓滑行器從氣軌兩端向中間運動,各自通過一個光電閘 後相撞。

做完實驗,會循環顯示下列數據:

P1.1 第一次通過 P1 光電管

XXXXX 第一次通過P1光電管的遮光時間測量值

P1.2 第二次通過 P1 光電管

××××× 第二次通過P1光電管的遮光時間測量值

P2.1 第一次通過 P2 光電管

××××× 第一次通過 P2 光電管的遮光時間測量值

P2.2 第二次通過 P2 光電管

××××× 第二次通過 P2 光電管的遮光時間測量值

- ①如滑塊通過 P1 光電管三次,但僅通過 P2 光電管一次,則計時器將不顯示 P2.2 而顯示 P1.3,表示物體第三次通過 P1 光電管的第三次遮光時間。
- ②如滑塊通過 P2 光電管三次,通過 P1 光電管一次,本機將不顯示 P1.2 而顯示 P2.3,表示第三次通過 P2 光電管的第三次遮光時間。
- ③按功能鍵歸零後,可進行另一系列新的測量。

(e) Gravity Acceleration (重力加速, g):

將電磁鐵插入電磁鐵插口,2~4 個光電閘插入光電閘插口,電磁鐵開關鍵上方發光管亮時,吸上小鋼球(待測物體);按電磁鐵開關鍵,小鋼球下落(同步計時), 到小鋼球前沿遮住光電閘(計錄時間),計時器陸續顯示物體從開始下落至通過第 n個光電閘所經歷的時間:

1 第一個光電管

××××× t₁值(物體開始下落至通過第一個光電閘所經歷的時間)

2 第二個光電管

××××× to值(物體開始下落至通過第二個光電閘所經歷的時間)

3 第三個光電管

4 第四個光電管

××××× t4值(物體開始下落至通過第四個光電閘所經歷的時間)

因 $h_1 = \frac{1}{2}gt_1^2$, $h_2 = \frac{1}{2}gt_2^2$, 故有 $g_1 = \frac{2(h_2 - h_1)}{t_2^2 - t_1^2}$, $(h_2 - h_1)$ 為第一個和第二個光電閘之

間的距離。

$$g_3 = \frac{2(h_4 - h_1)}{t_4^2 - t_1^2}, \qquad g_2 = \frac{2(h_3 - h_1)}{t_3^2 - t_1^2}$$

兩光電閘間的設定距離愈大,則測量誤差越小。按功能鍵或按電磁鐵開關鍵,儀器可自動歸零,使電磁鐵重新吸合。重力加速度的測量方法,也可用計時 $2(S_2)$ 的功能測量。

(f) Cycle (周期, T):

測量單擺振子或彈簧振子 1~9999 周期的時間。一只光電閘插入光電閘插口,可選用以下二種方法。

- ① 不設定周期數:在週期數顯示為 0 時,每完成一個周期,顯示周期數會加 1。 按下轉換鍵即停止測量。在顯示最後一個周期數約 1 秒後,將接著顯示累計 時間值。
- ② 設定周期數:按下轉換鍵不放,確認到您所需周期數時放開此鍵即可。(只能設定 100 以內的周期數。)每完成一個周期,顯示周期數會自動減1,當最後一次遮光完成,顯示累計時間值。

按取數鍵可顯示本次實驗(最多前 20 個周期)每個周期的測量值,如顯示 E2(表示 第二個周期),×××××(第二個周期的時間)...。

- (a) Count (計數, J): 測量光電閘的遮光次數
- (b) **Source Signal** (**信號源**, **Sg1**): 將信號源輸出插頭,插入信號源輸出插口,可輸出 頻率為: 1 Hz、10 Hz、100 Hz、1000 Hz、10000 Hz 的信號,按轉換鍵可切換信 號的頻率選擇。

F.自動檢測、調整和維護

- (1) 具自動檢測功能,按住取數鍵不放,再開啟電源開關,數碼管顯示"22222"、"55555",發光二極管全亮,顯示 20.47ms,說明儀器程序,光電閘輸入工作正常。若出現無計時功能,請檢查光電閘是否正常。
- (2) 存放時間滿 6 個月,應拿出通電 1 小時。

G.注意事項

- (1) 測量時間小於 1ms 或大於 99.999s,按轉換鍵將之轉換為速率時。顯示 0.0.0.0.表示 超出範圍測量。
- (2) 做完實驗後,請關閉儀器電源開關。
- (3) 避免使儀器接近陽光和高溫熱源,以免影響儀器的性能。
- (4) 儀器出現故障,請找專業技術人員修理。

H.光電閘結構:如圖 5 所示。

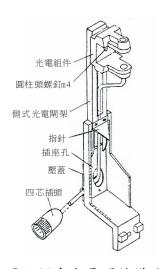


圖 5 側式光電閘結構圖

- 2. 影像紀錄器:可使用具影像儲存和傳輸功能的高畫質汽車記錄器、攝影機、針孔相機或具攝影功能的智慧型手機作為紀錄運動體隨時間移動的器具。1080P畫素之高畫質汽車遠端紀錄器(The Newest HD 1080P Car Remote Camera)如圖 6 所示,規格說明:
 - (1) 影像感測器(Image Sensor): 1/4" 高階彩色CMOS相機(high-grade Color CMOS Camera)
 - (2) 影片解析度(Video Resolution): 1920x1080 AVI高書質影像(HD 1920x1080 Resolution)
 - (3) 照片解析度(Photo resolution): 4032x3024 JPG 12百萬畫素(12MP)的相片解析度
 - (4) 影像儲存(Video Storage): 內建8 GB記憶卡(Built-in 8GB high-speed memory)
 - (5) 含充電用和數據傳輸用的USB傳輸線(cable for charging/data transfer),介面(Interface)為 微型4Pin USB介面接頭(Mini 4 Pin USB)
 - (6) 紅外線感應(IR Night Vision)
 - (7) 動感式驅動暨聲控紀錄方式(Motion-Activated with Sound Control Recording)
 - (8) 內建微型麥克風(Built-in Mic)和含聲音控制(Sound Control)
 - (9) 含日期與時間標示(Time/Date Stamp Embedded)
 - (10) 指示器(Indicator): 含紅、藍LED光(Red, Blue LED), 及無LED光指示時的震動指示模態(No Led indicator but Vibrate)
 - (11) 相容系統(Compatible System): Windows me/2000/xp/2003/vista; Mac os 10.4; Linux;
 - (12) 電池:內建75分鐘使用長度的鋰電池(Built-in Li-battery can support up to 75 Minutes)
 - (13) 長x寬x高尺寸(L x W x HDimensions): 55 x 36 x 17 mm³, 淨重(Unit weight): 23g



圖6 具影像儲存和傳輸功能的高畫質汽車針孔影像記錄器

- 3. 影像數據擷取與分析軟體:本實驗提供Vernier公司研發的Logger Pro套裝軟體。該軟體,可 根據數位影像記錄器(如針孔、照像攝影機、手機的錄影功能錄製影片)。所拍攝下來的影 片,將影片中某物體隨時間運動的位置、速率和加速度變化,利用此軟體的對位功能,快 速地獲得物體的運動軌跡、速度和加速度隨時間的變化趨勢圖和表格式的數據列組,並可 利用最小方差擬合運算技術,求出運動物理量對某變數的最佳函數擬合關係。如圖7的範例 所示:
 - (1) 圖7中左上方是以攝影機或連拍相機錄得的影像,
 - (2) 再利用Logger Pro軟體的影像對位數位化功能,將影像中特定物體(如球體)隨時間變化的位置轉成圖中右上方表格內的座標位置序列。
 - (3)右下方則利用表格內所得的位置數據作圖,清楚地顯示球體之位置隨時間的變化函數。 Logger Pro套裝軟體的功能介紹、軟體下載、線上教學等資訊可參見下列網站:
 - (1) 本校版權下載網站:http://www.phys.nthu.edu.tw/~gplab/resources.html
 - (2) 軟體介紹網站:http://www.vernier.com/products/software/lp/
 - (3) 教學網站:http://www.vernier.com/downloads/logger-pro-demo/

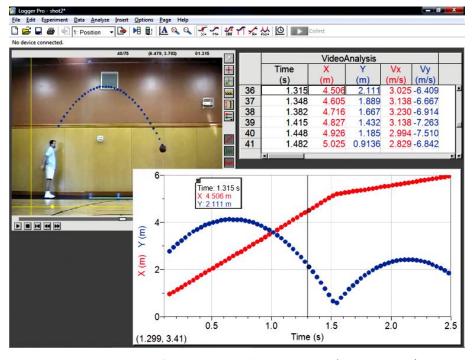
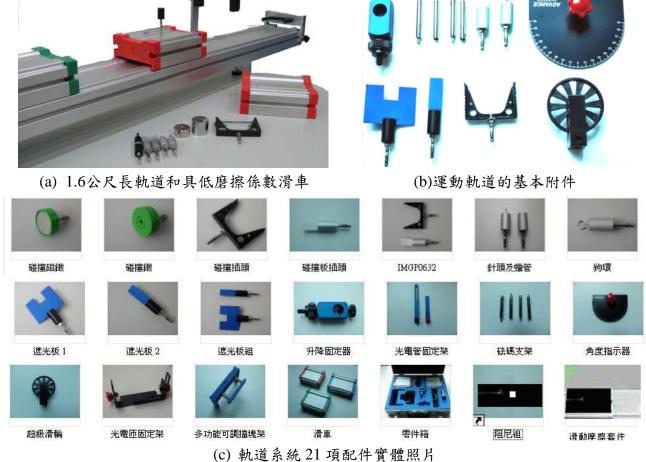


圖 7 Logger Pro 軟體的影像對位數位化功能範例,照片來源: http://www.vernier.com/images/magnify/screenshot.lp._videoanalysis.001.png

4.軌道與滑車系統規格:如圖8所示,包含下列元件規格:



(C) 和坦尔州21 为即门月股州月

圖8 一維鋁質運動軌道和21項相關配件實體照片

- (a) **軌道**: 長1.6 m, 寬8 cm, 高3 cm, 鋁合金材質製, 兩側有塑膠封邊。並含下列特殊設計
 - (1) 軌道台面上兩邊有兩條半凹圓溝槽,以防滑車偏離軌道運動;台面上並附有米尺,可 用觀測滑車位置。
 - (2) 底部設有安裝水平調整腳用的溝槽,可讓調整腳移動到所需位置,以使1.6 m長的軌道可安置在不足1.6 m長的桌面上。調整腳底部附有塑膠止滑墊,以防止軌道滑動。
 - (3) 水平調整腳:兩點口型和單點圓柱調整螺絲的底部都為圓形塑膠旋鈕,方便移動位置,亦便於水平調整操作;並附鎖緊固定螺絲。
 - (4) 台面兩側邊具有U型溝槽,可架裝各式相關配件,如可調式擋板架、角度指示器、軌 道傾斜安置架、光電閘支架和其他等等器件。
- (b) 滑車3只: 鋁合金材質,重量約400g,總長約 13 cm
 - (1) 車輪之設計為在運動軌道上移動時具低摩擦係數,且配合軌道曲面精密設計,
 - (2) 車內含有彈簧避震系統,保護車輪不受損。
 - (3) 當滑車離開軌道,平置於桌面時,車輪與桌面不接觸。
 - (4) 前後兩邊附有塑膠蓋,上方及側面皆有安裝配件的插孔,可用於碰撞器定位設計。
 - (5) 滑車上部含砝碼支架固定孔。
- (c) 基本配件: 共 9 種,除特別註明,否則多為鋁合金材質所製。
 - (1) 滑車緩衝器:有兩小孔用以插滑輪,位置可任意移動及固定。
 - (2) 軌道傾斜角度指示器:附有刻度,可固定於滑軌兩側溝槽內,具可拆式設計。
 - (3) 衝撞頭片:金屬製
 - (4) □型緩衝夾(2個):鐵製,附有香蕉插頭及橡皮筋。
 - (5) 棒夾及三角台/斜面用升降固定器:用於改變軌道角度
 - (6) 低摩擦阻抗滑輪組:具低摩擦阻抗,主體質量僅5.5g,輪上有10個條輻,含支架桿。
 - (7) 勾環:金屬製,一端為一勾狀設計,另一端為插梢,可用於勾住彈簧。
 - (8) 光電遮光板組:鋁製烤漆,用於遮光,口型及長方形各一,附有香蕉插頭。
 - (9) 砝碼組: 含10g、 25g、 50g、100g圓形砝碼,含砝碼掛勾。
- (d) 摩擦力測定實驗配件: 材質為木、鐵氟龍、塑膠。
- (e)碰撞實驗所需零件:
 - (1) 非彈性碰撞組:一端為魔鬼氈設計,另一端為插梢。
 - (2) 彈性碰撞用裝置
 - (3) 針頭管組:附有香蕉插頭,非彈性碰撞實驗用。
 - (4) 蠟管組: 附有香蕉插頭。
 - (5) 排斥式磁鐵組:磁鐵置於鋁製保護框架內,附有香蕉插頭;彈性碰撞實驗用。
 - (6) 吸引式磁頭組:磁鐵置於鋁製保護框架內,附有香蕉插頭;非彈性碰撞用。
- (f) 阻尼實驗所需零件: 3種不同長度或彈性係數的彈簧(即不同彈性係數)各2條

五、實驗步驟:

1. 認識並熟用多功能光電計時器的使用:

- (1) 請先詳細閱讀第三節(第3-9頁)光電計時器的使用手冊和前、後面板說明。
- (2) 依此儀器的八項測量功能,自行設計相關的實驗,練習並熟用這八項測量功能:
 - (a) Timing I: 一般遮光時程測量
 - (b) Timing II: 二次遮光時距測量
 - (c) Acceleration:直線運動體單點瞬時速度測量及雙點間加速度值的 u8 計算
 - (d) Collision:碰撞實驗中,兩運動體碰撞前後的瞬時速度測量
 - (e) Gravity Acceleration:自由落體下落至不同高度的時間測量
 - (f) Cycle:單擺計次、累計時間、單次擺動週期記錄及顯示
 - (g) Count:計數遮光次數
 - (h) Signal Source:信號產生器,可供其它實驗使用。
- (3) 請詳細描述八項測量的下列各事項:
 - (a) 請詳細說明測量每一項物理量的工作原理
 - (b) 詳細描述自行設計的實驗內容和步驟
 - (c) 記錄測量到的實驗數據和結果
 - (d) 探討哪些因素會影響測量所得之數據的精確度,並說明每一影響因素的權重。
 - (e) 探討如何提高測量數據的準確度。
- (4) 請助教或講師驗證您是否已確實孰知光電計時器的使用和八項測量功能。若經確認已 熟知此儀器的話,請助教在您的實驗記錄單上簽名。

2. 用影像紀錄器錄製物體運動過程:

- (1) 選擇適當的影像攝影裝置:可選用實驗室所提供的影像紀錄器或自己手邊方便使用的 影像攝影機(如手機或筆記型電腦內建的攝影機),
- (2) 慎選適當位置,固定攝影裝置。
- (3) 請自行選擇並錄製一小段適當的物體運動過程,如單擺來回擺動的簡諧運動、落體運動、斜面上物體的下滑運動、拋體運動或雙錐滾輪往上爬等等一維或二維運動過程。 注意在全程的運動過程中,物體最好都能呈現在所錄的影片畫面中。

3. 將影像中物體的位置轉換成數位軌跡座標函數:

根據運動力學理論,在巨觀空間中,任何運動體只要能得知其運動軌跡/位置隨時間變化的詳細函數關係,就能經由位置的函數關係的計算,獲得所有其他與運動和力學有關的物理量隨時間的詳細變化趨勢。

(1)選用適當軟體,如圖7所示的範例,將物體運動時所錄製的影像轉換成軌跡座標位置 隨時間變化的**數位表格**,並**以曲線繪出物體的運動軌跡函數**,r(t) = (x(t), y(t))。以利後 續各項運動物理量的計算與分析,如速度,加速度和所受作用力隨時間變化的解析探 究。本實驗室提供美國 Vernier 公司研發的 Logger Pro 套裝軟體,進行此轉換工作。 Logger Pro 套裝軟體的功能介紹、軟體下載、線上教學等資料請見第10頁:

- (2)利用上述轉換所得的數位化軌跡變化函數,r(t) = (x(t), y(t)),推算每一瞬間物體的速率v和加速率a 隨時間t的變化趨勢,v(t) 和a(t)。可用 Logger Pro 套裝軟體內的數據計算、分析和繪圖功能,也可使用自己熟悉的數據分析與繪圖軟體。
- (3)計算並描繪出物體所受淨作用力 F 隨時間的變化趨勢 F(t)。
- (4) 您認為哪些因素會影響用此法所得之實驗數據和計算所得之數據的精確度,並說明每 一影響因素的權重。
- (5)探討如何提高測量數據的準確度。
- 4. **熟用 Logger Pro 套裝軟體**:以上述的實驗數據做例子,實際操作該軟體提供的所有計算、分析、繪圖、函數擬合、統計、做報告等等的功能。

5. 一維滑車運動軌道架設:

- (1) 熟悉軌道和搭配使用之滑車的結構、功能和應注意的使用事項。
- (2) 軌道水平校正:
 - (a) 可經利用整軌道底部可調高度的三支點調整軌道的水平。請「自行設計」,並「進行」軌道水平調整實驗流程及水平精準度的驗證方法。
 - (b) 請紀錄下詳細的實驗步驟、軌道水平度驗證方法、您的實驗結果,所用之實驗方法 和驗證方式的優缺點。可以繪圖和實驗照片輔助記錄。
 - (c) L 長的軌道,在軌道兩端高度差 l,且無其他人為的外力作用下,使質量為 M 的物體從軌道較高的一端放手,請問物體如何運動?加速度為何?當運動體到達軌道較低的一端會獲得的速度為何?
 - (d) 並請以本實驗的實際軌道長度估算上述問題的兩項物理量之數值?
 - (e) 請將軌道調整到最好的水平狀態。

(3) 實驗配件裝置架設:



圖8實驗配件與裝置架設圖

- (a) 參考圖 1 的實驗示意圖,如圖 8 所示,將幾近無摩擦的滑輪安裝於軌道的一側。
- (b) 分別測量滑車、砝碼掛鈎和需用之砝碼的質量,然後以適當長度的細線連接滑車和 砝碼掛鈎。

注意:(i) 滑車與砝碼掛鈎的連接線必須不具伸縮彈性,且相較滑車和砝碼掛勾的質量,線的質量應可忽略。

- (ii) 連接線的長度不可過長,必須避免使滑車產生撞擊軌道兩側邊緣,及砝碼掛鈎垂直下墜時,撞擊到地面,以致使滑車產生回彈的情形。
- (c) 將滑車「輕放」在軌道上,使細線先「平行」沿著軌道的「中線」,拉到跨過軌道 側邊所架設的滑輪,再使繫著的砝碼掛鈎垂直懸掛在滑輪下面。請問若沿著軌道的 細線無法平行於軌道面的話,會對之後的實驗數據產生怎麼樣的影響。
- (d) 以砝碼掛鈎和加掛其上之砝碼的總質量所產生的總重力作為施加在滑車上的外加作用力。
- (e) 假設滑車的車輪和軌道之間及滑輪和細線之間的磨擦力可忽略不計,細線的質量亦可忽略,請先就理論推導此運動體系的運動狀態、運動軌跡 x(t)、v(t)和 a(t)等的函數關係。

6. 以光電計時裝置觀測物體的運動狀況---牛頓第二運動定律的初步驗證:

- (1) 利用每組擁有的兩個光電閘,紀錄滑車因外力作用所產生的運動狀況。先以光電計時器的時間測量功能記錄運動體在一維的軌道上,滑車之位移 x 隨時間 t 的變化函數關係,即 x(t)函數。至少須測得 10 組實驗數據組(x_i, t_i), i = 1-10,請列表詳細紀錄實驗所得數據,及以圖形描繪出變化趨勢。並請詳細寫下如何獲得 x(t)函數的方法。注意:實驗所得之數據組是利用光電計時器記錄滑車經過固定位置 x 之光電閘的時間 t,故所得之實驗數據組是 t(x)。
- (2) 請以所測得的 10 組數據,根據最小方差迴歸擬合法(least square regression)找出實驗數據組的最佳擬合函數關係 $x_f(t)$,並從所得結果判斷滑車做什麼運動?會求算出相關的運動物理量。
- (3) 請依所得的最佳擬合函數關係 $x_f(t)$, 計算物體經過步驟(a)中 10 個不同實驗位置(x_i , t_i), i = 1-10 時,滑車的速度 v 和加速度 a 值,並將計算所得結果併列於步驟(1)的實驗數據 紀錄表中。請與上述理論計算所得的結果 x(t)、v(t)和 a(t)作比較,並估算誤差值。
- (4) 在實驗條件固定的情況下,改以光電計時裝置量測速度的功能,紀錄 10 組 (x_i, v_i) 實驗數據組;並以圖形描繪出速度 v 對位置 x 的函數變化趨勢,即 v(x),並求算其最佳擬合的函數關係 $v_i(x)$ 。您認為此處所測得的速度是瞬間速度嗎?
- (5) 在實驗條件仍保持不變的情況下,改以光電計時裝置量測加速度的功能,紀錄 10 組 (x_i, a_i) 實驗數據組;請以圖形描繪出位置加速度 a 對 x 的函數變化關係,即 a(x),並求算其最佳擬合的函數關係 a(x)。此法所測得的加速度是瞬間加速度嗎?
- (6) ①利用步驟(4)和(5) 所得的實驗數據和擬合函數所得的 v(x)和 a(x)關係,推導出物體的運動軌跡 x(t)函數。計算所得數據亦請併入前述的數據記錄表中,以利之後的比較。
 - ②請和步驟(1)和(2)所得的運動軌跡 x(t)函數做比較。
 - ③請詳細描述由此三組不同物理量(時間、速度、加速度)的實驗測量數據所得的運動 軌跡 x(t)函數有何異同之處?您認為哪一種方式所得的運動軌跡 x(t)最準確?
- (7) 請探討每一實驗步驟中,哪些因數會影響實驗數據的精確度和其影響程度?

7. 以數位攝影裝置觀測物體的運動情形--牛頓第二運動定律的再驗證:

- (1)維持與上述步驟 6 完全相同的實驗條件,即滑車質量,砝碼組質量,細線長度與滑車 起始位置和起始速度都不變的條件下;但除去光電閘裝置,改以數位攝影裝置,將滑 車在軌道上運動的全程影像攝錄下來,並存檔。
- (2)以 logger pro 分析軟體或使用您熟知的其他類似套裝軟體,將所得的錄影圖像進行一系列的分析,以獲得物體的運動軌跡 x(t)函數,並經最小方差擬合迴歸分析求算出最佳擬合的軌跡位置隨時間變化的函數關係 x(t)。
- (3)以前一步驟所得的結果,導出v(t), a(t)函數,並與預期的理論計算結果作比較,探討其變化趨勢。
- (4)請探討哪些因素會影響數位攝影方式所得的實驗結果和誤差來源。
- (5)以攝影法所得的所有結果和第 6 步驟以光電閘所測得的數據和導得的各種運動物理量的結果作詳細的比較。你認為兩種測量方法的優缺點分別為何?

8. 驗證牛頓第二定律的運動公式 F = ma--運動系統體總質量固定,觀測作用力大小與運動 體之加速度間的關係

- (1)請利用本實驗所提供的器材和裝置,設計驗證牛頓第二定律之運動公式 F = ma 的實驗流程,至少需含有下列條件的實驗流程,並詳細描述您所設計的實驗流程:
 - (a) 當運動物體的質量 m 固定時,測量外加作用力 F 大小與運動物體所產生的加速度 a 大小間的變化關係,即觀測 a 和 F 的函數關係。
 - (b)當外加作用力F固定時,測運動體質量m和其所產生的加速度a間的變化關係。
- (2)根據您的實驗設計,進行實驗,並紀錄測量結果。每一函數關係,都必須至少有五組 以上的實驗數據,才能推算出足夠精確的擬合函數關係。
- (3)根據實驗條件和實驗所得數據,探討您的運動結果是否符合牛頓第二定律之運動公式 F = ma,並探究誤差來源及減小誤差的方法。

六、問題:

- 1. 滑車軌面與滑車間的所產生的摩擦之大小,是否與滑車的速度有關?試述其理由。
- 2. 試述如何以實驗方法估計軌道與每台滑車間的摩擦力?
- 3. 如果牛頓第二運動定律的驗證實驗中,若質量改變量太小和太大,對實驗結果分別有何缺點?
- 4. 所得擬合曲線是否經過原點?原因何在?