

Apprentissage machine 1

Chapitre 3 : Classification supervisée Les arbres de décision

Ouadfel Salima

Faculté NTIC/IFA

salima.ouadfel@univ-constantine2.dz



Apprentissage machine 1

Chapitre 3 : Classification supervisée Les arbres de décision

Faculté NTIC/IFA

salima.ouadfel@univ-constantine2.dz

Etudiants concernés

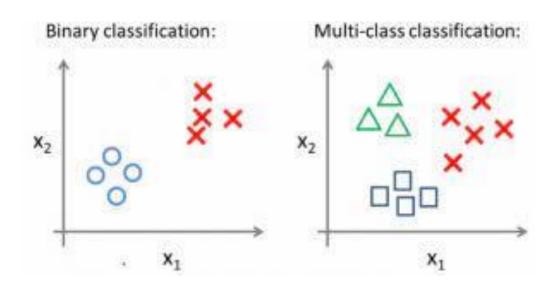
Faculté/Institut	Département	Niveau	Spécialité
Nouvelles technologies	IFA	Master1	STIC

Université Constantine 2 2023/2024. Semestre 1



Classification supervisée

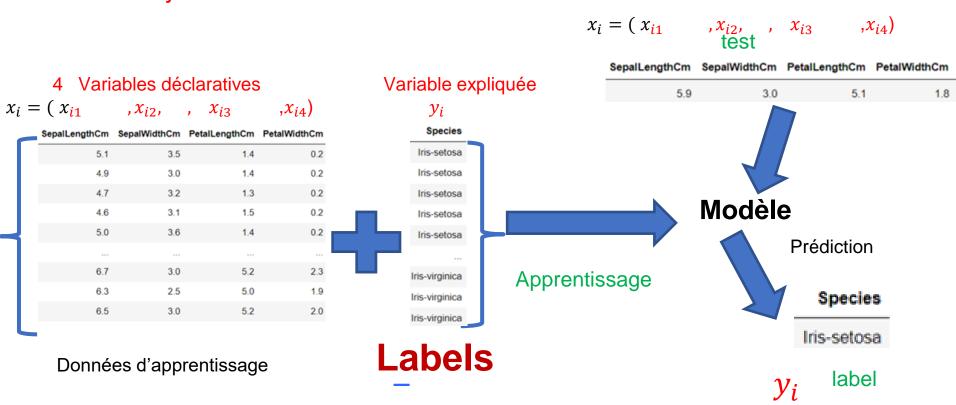
La classification supervisée est une méthode d'apprentissage supervisé qui cherche à <u>prédire une valeur qualitative (valeur discrete)</u>: type d'une fleur, email spam ou non spam, la pluie tombera ou non demain,......





Classification supervisée

Le jeu de données est constitué de n données. Chaque donnée x_i i=1..n est représentée par p variables explicatives quantitatives ou qualitatives. Chaque donnée x_i est associée avec une variable à expliquer y_i i=1..n qualitative. La variable y_i est l'étiquette de la classe de x_i . Les valeurs possible de y_i représentent les classes du jeu de données.





Définition

Un arbre de décision est un modèle d'apprentissage supervisé utilisé pour représenter visuellement et explicitement les décisions et la prise de décision.

Il prend en entrée un ensemble d'apprentissage et le répartit en groupes homogènes en fonction d'un objectif connu.

But:

Prédire les valeurs prises par la variable cible

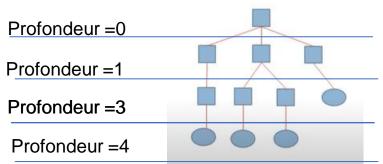
Si la variable cible est continue: arbre de décision de régression

Si la variable cible est discrète: arbre de décision de classification

Structure

Une structure arborescente qui se compose $\frac{Profondeur=0}{Profondeur=1}$ et de nœuds feuilles. $\frac{Profondeur=1}{Profondeur=3}$

Chaque feuille correspond à la valeur à prédire



L'objectif est de créer un modèle qui prédit les valeurs de la variable cible, en se basant sur un ensemble de séquences de règles de décision déduites à partir des données d'apprentissage

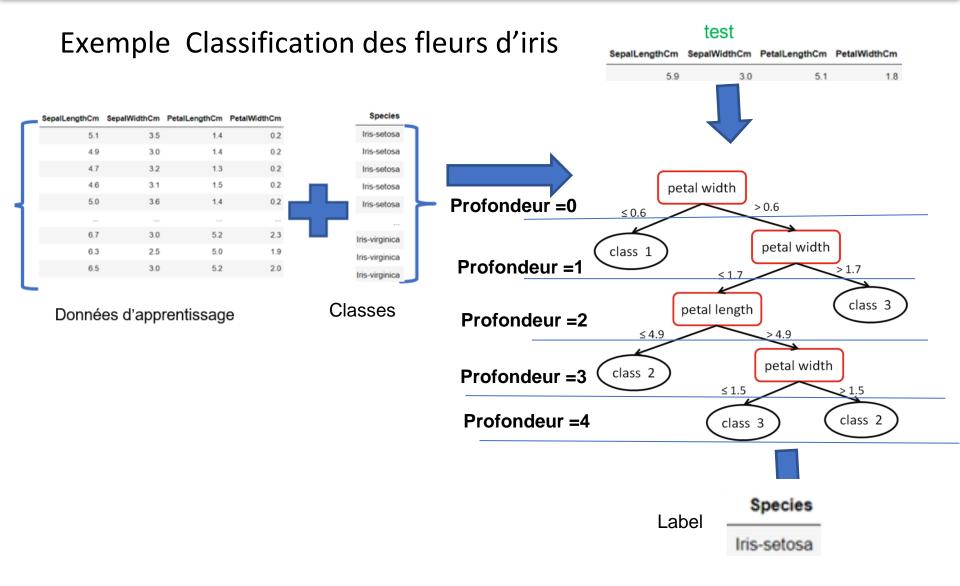


Exemple décider s'il faut jouer au tennis ou non (deux classes)

		attributs			classes	
Jou	Temps	Température	humidité	vent	Jouer au tennis?	{J1,J2,,J14}
1	Ensoleillé	Chaude	Élevée	Faible	Non	and the same of th
2	Ensoleillé	Chaude	Élevée	Fort	${ m Non}$	Temps attribut
3	Couvert	Chaude	Élevée	Faible	Oui	Valeur d'un Ensoleillé Pluie Profondeur =0
4	Pluie	Tiède	Élevée	Faible	Oui	Couvert
5	Pluie	Fraîche	Normale	Faible	Oui	attribut {\J1,\J2,\J8,\J9,\J11} {\J3,\J7,\J12,\J13} {\J4,\J5,\J6,\J10,\J14}
6	Pluie	Fraîche	Normale	Fort	Non	Humidité (Oui) Vent
7	Couvert	Fraîche	Normale	Fort	Oui	
8	Ensoleillé	$\operatorname{Ti\`ede}$	Élevée	Faible	${ m Non}$	normale Rrofondeur=1
9	Ensoleillé	Fraîche	Normale	Faible	Oui	
10	Pluie	$\operatorname{Ti\`ede}$	Normale	Faible	Oui	{J1,J2,J8} {J9,J11} {J6,J14} {J4,J5,J10}
11	Ensoleillé	Tiède	Normale	Fort	Oui	(Non) (Oui) (Non) (Oui)
12	Couvert	Tiède	Élevée	Fort	Oui	
13	Couvert	Chaud	Normale	Faible	Oui	Profondeur =2
14	Pluie	Tiède	Élevée	Fort	Non	classe
						Classe
						normale

une **règle** est générée pour chaque **chemin** de l'arbre(de la racine à une feuille)







Algorithme de base de construction

L'arbre est construit récursivement de haut en bas selon le principe "diviser pour régner"

- 1. Au début l'ensemble d'apprentissage S est dans le nœud racine
- 2. Déterminer le meilleur attribut dans S.
- 3. Diviser selon un critère sur l'attribut sélectionné, l'ensemble S en des sousensembles S_i i=1..m.
- 4. Revenir vers l'étape 2 pour chaque sous-ensemble S_i .
- 5. On s'arrête quand tous les exemples (ou la majorité) d'un nœud appartiennent à la même classe ou le nombre minimum d'exemples dans le nœud est atteint ou le nombre de profondeur maximum est atteint ou on a plus d'attributs à tester.

Comment choisir le critère de sélection? Comment choisir le critère de division?



Variantes de l'algorithme de base

- •**ID3** (Iterative Dichotomiser 3): développé en 1986 par Ross Quinlan. Il est appliqué seulement sur les attributs nominales et pour la classification.
- •C4.5: une extension de ID3 par Ross Quinlan. Il est appliqué pour tous types d'attributs et pour la classification.
- •CART (Classification and Regression Trees): se base sur C4.5 mais avec d'autres métriques. L'algorithme CART s'applique pour la classification et pour la régression.

Différences entre les algorithmes Prise en compte ou non les données continues Critère de sélection du meilleur attribut Critère de division des données



Attributs numériques versus attributs catégoriques

Jour	Temps T	empératur	re humidité	vent	Jouer au tennis?
1	Ensoleillé	Chaude	Élevée	Faible	Non
2	Ensoleillé	Chaude	Élevée	\mathbf{Fort}	Non
3	Couvert	Chaude	Élevée	Faible	Oui
4	Pluie	Tiède	Élevée	Faible	Oui
5	Pluie	Fraîche	Normale	Faible	Oui
6	Pluie	Fraîche	Normale	Fort	Non
7	Couvert	Fraîche	Normale	Fort	Oui
8	Ensoleillé	Tiède	Élevée	Faible	Non
9	Ensoleillé	Fraîche	Normale	Faible	Oui
10	Pluie	Tiède	Normale	Faible	Oui
11	Ensoleillé	Tiède	Normale	Fort	Oui
12	Couvert	Tiède	Élevée	\mathbf{Fort}	Oui
13	Couvert	Chaud	Normale	Faible	Oui
14	Pluie	Tiède	Élevée	Fort	Non

Jour	Temps	Température	e humidité	vent	Jouer au tennis?
1	Ensoleillé	27,5	85	Faible	Non
2	Ensoleillé	25	90	Fort	Non
3	Couvert	26, 5	86	Faible	Oui
4	Pluie	20	96	Faible	Oui
5	Pluie	19	80	Faible	Oui
6	Pluie	17,5	70	Fort	Non
7	Couvert	17	65	Fort	Oui
8	Ensoleillé	21	95	Faible	Non
9	Ensoleillé	19, 5	70	Faible	Oui
10	Pluie	22,5	80	Faible	Oui
11	Ensoleillé	22,5	70	Fort	Oui
12	Couvert	21	90	Fort	Oui
13	Couvert	25, 5	75	Faible	Oui
_14	Pluie	20,5	91	Fort	Non

Valeurs catégoriques

Valeurs numériques



Mesure de sélection du meilleur l'attribut

Comment choisir l'attribut qui apporte le plus d'information au résultat à prédire?

On veut faire de la classification, donc on choisit l'attribut qui maximise une mesure d'homogéinéité obtenue par le découpage guidé par cet attribut.

- Le gain d'information (ID3 et C4.5)
- L'index de Gini (CART)

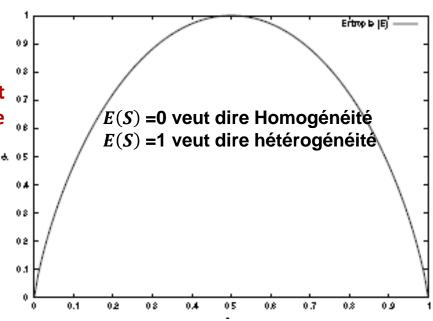


Sélection du meilleur l'attribut avec le gain d'information 1- Calcul de l'Entropie

L'entropie E de l'ensemble **S mesure son homogénéité et** est exprimée par:

$$E(S) = -\sum_{i=1}^{C} p_i log_2 p_i$$
 avec $p_i = \frac{|C_i|}{|S|}$ et $C =$ nombre de classes

Le nœud de l'arbre dont la valeur de l'entropie est nulle est considéré comme feuille de l'arbre de décision.





Sélection du meilleur l'attribut avec le gain d'information

2- Calcul du gain d'information

Soit S l'ensemble de données et soit a_j un attribut. Le gain d'information de S par rapport à a_j mesure la différence entre l'entropie originale de S et celle après sa division en des sous ensembles en se basant sur a_j .

$$IG(S, a_j) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(a_j)} p(S_{a_j = v}) \ E(S_{a_j = v})$$

Où

 $valeurs(a_j)$ représentent toutes les valeurs possibles de l'attribut a_j et

$$p\left(S_{a_j=v}\right) = \frac{\left|S_{a_j=v}\right|}{\left|S\right|}$$

L'attribut a_i qui maximise le gain d'information est sélectionné.



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

Soit S l'ensemble de données du jeu de tennis,

1- calcul de L'entropie de l'ensemble S

On a 14 données, 9 oui et 5 non

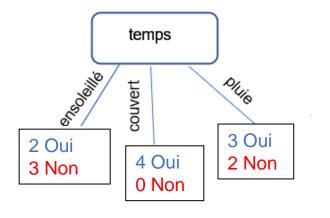
$$E(S) = -\sum_{i=1}^{2} p_i \log_2(p_i) = -\frac{9}{14} \log_2 \frac{9}{14} - \frac{5}{14} \log_2 \frac{5}{14}$$

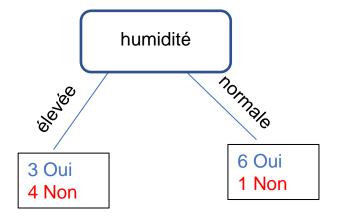
$$E(S) = 0.940$$

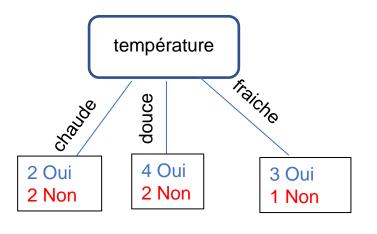
Jour	Temps	Température	Humidité	Vent	Jouer
1	Ensoleillé	chaude	Élevée	faible	non
2	Ensoleillé	chaude	Élevée	fort	non
3	Couvert	chaude	Élevée	faible	oui
4	pluie	douce	Élevée	faible	oui
5	pluie	fraiche	normale	faible	oui
6	pluie	fraiche	normale	fort	non
7	Couvert	fraiche	normale	fort	oui
8	Ensoleillé	douce	Élevée	faible	non
9	Ensoleillé	fraiche	normale	faible	oui
10	Pluie	douce	normale	faible	Oui
11	Ensoleillé	douce	normale	Fort	Oui
12	Couvert	douce	Élevée	Fort	Oui
13	Couvert	chaude	normale	Faible	Oui
14	pluie	douce	Élevée	fort	Non

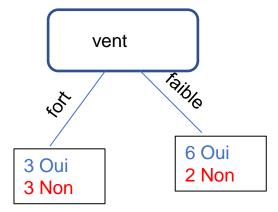


Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information 2- sélection du meilleur attribut de S











Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S

Si on choisi l'attribut temps:

temps	Oui	Non	Total
Ensoleillé	2	3	5
Couvert	4	0	4
Pluie	3	2	5

$$IG(S, temps) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(temps)} p(S_{temps=v}) E(S_{temps=v})$$

$$IG(S, temps) = 0.94 - \left[p(S_{temps=ensoleillé}) * E(S_{temps=ensoleillé}) + p(S_{temps=couvert}) * E(S_{temps=couvert}) + p(S_{temps=pluie}) * E(S_{temps=pluie}) \right]$$

$$p(S_{temps=ensoleillé}) * E(S_{temps=ensoleillé}) = \frac{5}{14} * \left(-\frac{2}{5} log_2 \frac{2}{5} - \frac{3}{5} log_2 \frac{3}{5} \right)$$

$$p(S_{temps=couvert}) * E(S_{temps=couvert}) = \frac{4}{14} * \left(-\frac{4}{4} log_2 \frac{4}{4} - \frac{0}{4} log_2 \frac{0}{4} \right)$$

$$p(S_{temps=pluie}) * E(S_{temps=pluie}) = \frac{5}{14} * \left(-\frac{3}{5} log_2 \frac{3}{5} - \frac{2}{5} log_2 \frac{2}{5} \right)$$

IG(S, temps) = 0.246



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S

Si on choisi l'attribut température:

température	Oui	Non	Total
Chaude	2	2	4
Douce	4	2	6
Fraiche	3	1	4

$$IG(S, temperature) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(temperature)} p(S_{temperature=v}) E(S_{temperature=v})$$

$$IG(S, temperature) = 0.94 - [p(S_{temperature=chaude}) * E(S_{temperature=chaude}) + p(S_{temperature=douce}) * E(S_{temperature=douce}) + p(S_{temperature=fraiche}) * E(S_{temperature=fraiche}) * E(S_{temperature=fraiche})]$$

$$p(S_{temperature=chaude}) * E(S_{temperature=chaude}) = \frac{4}{14} * \left(-\frac{2}{4}log_2\frac{2}{4} - \frac{2}{4}log_2\frac{2}{4}\right) = p(S_{temperature=douce}) * E(S_{temperature=douce}) = \frac{6}{14} * \left(-\frac{4}{6}log_2\frac{4}{6} - \frac{2}{6}log_2\frac{2}{6}\right)$$

$$p(S_{temperature=fraiche}) * E(S_{temperature=fraiche}) = \frac{4}{14} * \left(-\frac{3}{4}log_2\frac{3}{4} - \frac{1}{4}log_2\frac{1}{4}\right)$$

IG(S, temperature) = 0.030



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S

Si on choisi l'attribut humidité:

humidité	Oui	Non	Total
Élevée	3	4	7
normale	6	1	7

$$IG(S, humidité) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(humidité)} p(S_{humidité=v}) E(S_{humidité=v})$$

$$IG(S, humidité) = 0.94 - [p(S_{humidité=élevée}) * E(S_{humidité=élevée}) + p(S_{humidité=normale}) * E(S_{humidité=normale})]$$

$$p(S_{humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e})*E(S_{humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e}) = \frac{7}{14}*\left(-\frac{3}{7}log_2\frac{3}{7} - \frac{4}{7}log_2\frac{4}{7}\right)$$
$$p(S_{humidit\acute{e}=normale})*E(S_{humidit\acute{e}=normale}) = \frac{7}{14}*\left(-\frac{6}{7}log_2\frac{6}{7} - \frac{1}{7}log_2\frac{1}{7}\right)$$

IG(S, humidité) = 0.152



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S

Si on choisi l'attribut vent:

vent	Oui	Non	Total
fort	3	3	6
faible	6	2	8

$$IG(S, vent) = E(S) - \sum_{v \in valeurs(vent)} p(S_{vent=v}) E(S_{vent=v})$$

$$IG(S, vent) = 0.94 - [p(S_{vent=fort}) * E(S_{vent=fort}) + p(S_{vent=faible}) * E(S_{vent=faible})]$$

$$p(S_{vent=fort}) * E(S_{vent=fort}) = \frac{6}{14} * \left(-\frac{3}{6} log_2 \frac{3}{6} - \frac{3}{6} log_2 \frac{3}{6} \right)$$
$$p(S_{vent=faible}) * E(S_{vent=faible}) = \frac{8}{14} * \left(-\frac{6}{8} log_2 \frac{6}{8} - \frac{2}{8} log_2 \frac{2}{8} \right)$$

$$IG(S, vent) = 0.048$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information 3- division de S selon l'attribut temps

S2

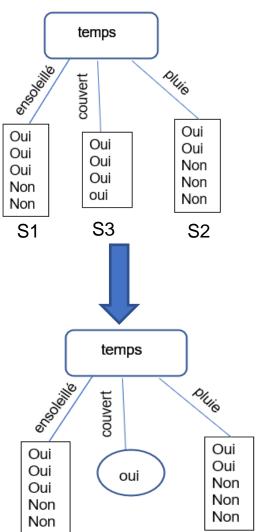
Attribut	Gain d'information
Temps	0.246
Température	0.030
Humidité	0.152
Vent	0.048

	S1			
temps	température	humidité	vent	Jouer
Ensoleillé	chaude	Élevée	faible	non
	chaude	Élevée	fort	non
	douce	Élevée	faible	non
	fraiche	normale	faible	oui
	douce	normale	fort	oui

	-			
temps	température	humidité	vent	Jouer
pluie	douce	Élevée	faible	oui
	fraiche	normale	faible	oui
	fraiche	normale	fort	non
	douce	normale	faible	oui
	douce	Élevée	fort	non

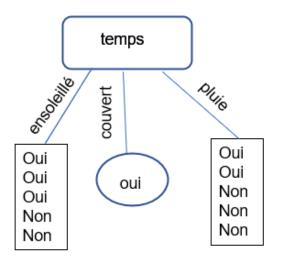
S3

Temps	Température	Humidité	Vent	Jouer
Couvert	chaude	Élevée	faible	oui
	fraiche	normale	fort	oui
	douce	Élevée	Fort	Oui
	chaude	normale	Faible	Oui





Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information 3- division de S selon l'attribut temps



On considère maintenant les deux sous ensembles S1 et S2:

temps	température	humidité	vent	Jouer
Ensoleillé	chaude	Élevée	faible	non
	chaude	Élevée	fort	non
	douce	Élevée	faible	non
	fraiche	normale	faible	oui
	douce	normale	fort	oui

temps	température	humidité	vent	Jouer
pluie	douce	Élevée	faible	oui
	fraiche	normale	faible	oui
	fraiche	normale	fort	non
	douce	normale	faible	oui
	douce	Élevée	fort	non

S1 S2



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

1- Calcule de l'entropie de l'ensemble S1

$$E(S_1) = -\sum_{i=1}^{2} p_i \log_2(p_i)$$
$$= -\frac{2}{5} \log_2 \frac{2}{5} - \frac{3}{5} \log_2 \frac{3}{5}$$

$$E(S_1) = 0.971$$

temps	température	humidité	vent	Jouer
Ensoleillé	chaude	Élevée	faible	non
	chaude	Élevée	fort	non
	douce	Élevée	faible	non
	fraiche	normale	faible	oui
	douce		fort	oui



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S1

Si on choisi l'attribut température:

temps	Température	Oui	Non	Total
Ensoleillé	Chaude	0	2	2
	Douce	1	1	2
	Fraiche	1	0	1

$$IG(S_1, temp\'erature) = E(S_1) - \sum_{v \in valeurs(temp\'erature)} p(S_{1 \ temp\'erature=v}) \ E(S_{1 \ temp\'erature=v})$$

$$IG(S_{1}, temp\'erature) = 0.97 - [p(S_{1 \, temp\'erature=chaude}) * E(S_{1 \, temp\'erature=chaude}) + p(S_{1 \, temp\'erature=douce}) * E(S_{1 \, temp\'erature=douce}) + p(S_{1 \, temp\'erature=fraiche}) * E(S_{1 \, temp\'erature=fraiche})]$$

$$p(S_{1 \text{ temp\'erature=chaude}}) * E(S_{1 \text{ temp\'erature=chaude}}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{0}{2}log_2\frac{0}{2} - \frac{2}{2}log_2\frac{2}{2}\right)$$

$$p(S_{1 \text{ temp\'erature=douce}}) * E(S_{1 \text{ temp\'erature=douce}}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{1}{2}log_2\frac{1}{2} - \frac{1}{2}log_2\frac{1}{2}\right)$$

$$p(S_{1 \text{ temp\'erature=fraiche}}) * E(S_{1 \text{ temp\'erature=fraiche}}) = \frac{1}{5} * \left(-\frac{1}{1}log_2\frac{1}{1} - \frac{0}{1}log_2\frac{0}{1}\right)$$

$$IG(S_1, temp\'erature) = 0.571$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S1

Si on choisi l'attribut humidité:

temps	humidité	Oui	Non	Total
Ensoleillé	Elevée	0	3	3
	Normale	2	0	2

$$IG(S_1, humidité) = E(S_1) - \sum_{v \in valeurs(humidité)} p(S_{1humidité=v}) E(S_{1humidité=v})$$

$$IG(S_1, humidité) = 0.97 - [p(S_{1humidité=élevée}) * E(S_{1humidité=élevée}) + p(S_{1humidité=normale}) * E(S_{1humidité=normale})]$$

$$p(S_{1humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e})*E(S_{1humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e}) = \frac{3}{5}*\left(-\frac{0}{3}log_2\frac{0}{3} - \frac{3}{3}log_2\frac{3}{3}\right)$$

$$p(S_{1humidit\acute{e}=normale})*E(S_{1humidit\acute{e}=normale}) = \frac{2}{5}*\left(-\frac{2}{2}log_2\frac{2}{2} - \frac{0}{2}log_2\frac{0}{2}\right)$$

$$IG(S_1, humidité) = 0.971$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S1

Si on choisi l'attribut vent:

temps	vent	Oui	Non	Total
Ensoleillé	Fort	1	1	2
	Faible	1	2	3

$$IG(S_1, vent) = E(S_1) - \sum_{v \in valeurs(vent)} p(S_{1 \ vent=v}) \ E(S_{1 \ vent=v})$$

$$IG(S_1, vent) = 0.97 - [p(S_{1vent=fort}) * E(S_{1vent=fort}) + p(S_{1vent=faible}) * E(S_{1fort=faible})]$$

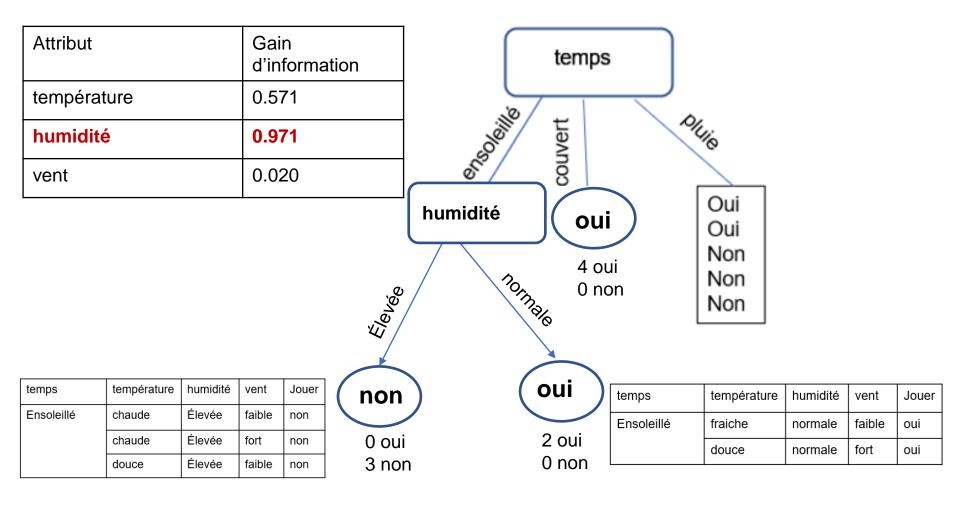
$$p(S_{1vent=fort}) * E(S_{1vent=fort}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{1}{2}log_2\frac{1}{2} - \frac{1}{2}log_2\frac{1}{2}\right)$$
$$p(S_{1vent=faible}) * E(S_{1vent=faible}) = \frac{3}{5} * \left(-\frac{1}{3}log_2\frac{1}{3} - \frac{2}{3}log_2\frac{2}{3}\right)$$

$$IG(S_1, vent) = 0.020$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

3- Division de S1 selon le meilleur attribut humidité





Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

1- Calcule de l'entropie de l'ensemble S2

$$E(S_2) = -\sum_{i=1}^{2} p_i \log_2(p_i)$$
$$= -\frac{3}{5} \log_2 \frac{3}{5} - \frac{2}{5} \log_2 \frac{2}{5}$$

$E(S_2)$	=	0.971

temps	température	humidité	vent	Jouer
pluie	douce	Élevée	faible	oui
	fraiche	normale	faible	oui
	fraiche	normale	fort	non
	douce	normale	faible	oui
	douce	Élevée	fort	non



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S2

Si on choisi l'attribut température:

temps	Température	Oui	Non	Total
Pluie	Douce	2	1	3
	Fraiche	1	1	2

$$IG(S_2, temp\'erature) = E(S_2) - \sum_{v \in valeurs(temp\'erature)} p(S_{2 temp\'erature=v}) E(S_{2 temp\'erature=v})$$

$$IG(S_2, temp\'erature) = 0.97 - [p(S_2_{temp\'erature=douce}) * E(S_2_{temp\'erature=douce}) + p(S_2_{temp\'erature=fraiche}) * E(S_2_{temp\'erature=fraiche})]$$

$$p(S_{2 \ temp\'erature=douce}) * E(S_{2 \ temp\'erature=douce}) = \frac{3}{5} * \left(-\frac{2}{3} log_2 \frac{2}{3} - \frac{1}{3} log_2 \frac{1}{3}\right)$$

$$p(S_{2 \ temp\'erature=fraiche}) * E(S_{2 \ temp\'erature=fraiche}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{1}{2} log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} log_2 \frac{1}{2}\right)$$

 $IG(S_2, temp\'erature) = 0.020$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S2

Si on choisi l'attribut humidité:

tem	ps	humidité	Oui	Non	Total
Plui	е	Elevée	1	1	2
		Normale	2	1	3

$$IG(S_{2}, humidité) = E(S_{2}) - \sum_{v \in valeurs(humidité)} p(S_{2 \ humidité=v}) \ E(S_{2 \ humidité=v})$$

$$IG(S_{2}, humidité) = 0.97 - [p(S_{2 \ humidité=élevée}) * E(S_{2 \ humidité=élevée}) + p(S_{2 \ humidité=normale}) * E(S_{2 \ humidité=normale})]$$

$$p(S_{2 \; humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e}) * E(S_{2 \; humidit\acute{e}=\acute{e}lev\acute{e}e}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{1}{2} log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} log_2 \frac{1}{2}\right)$$

$$p(S_{2 \; humidit\acute{e}=normale}) * E(S_{2 \; humidit\acute{e}=normale}) = \frac{3}{5} * \left(-\frac{2}{3} log_2 \frac{2}{3} - \frac{1}{3} log_2 \frac{1}{3}\right)$$

$$IG(S_2, humidité) = 0.020$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

2- Sélection du meilleur attribut de S2

Si on choisi l'attribut vent:

temps	vent	Oui	Non	Total
Pluie	Fort	0	2	2
	Faible	3	0	3

$$IG(S_2, vent) = E(S_2) - \sum_{v \in valeurs(vent)} p(S_{2 \ vent=v}) \ E(S_{2 \ vent=v})$$

$$IG(S_2, vent) = 0.97 - [p(S_{2 \, vent=fort}) * E(S_{2 \, vent=fort}) + p(S_{2 \, vent=faible}) * E(S_{2 \, fort=faible})]$$

$$p(S_{2 \ vent=fort}) * E(S_{2 \ vent=fort}) = \frac{2}{5} * \left(-\frac{0}{2} log_2 \frac{0}{2} - \frac{2}{2} log_2 \frac{2}{2}\right)$$

$$p(S_{2 \ vent=faible}) * E(S_{2 \ vent=faible}) = \frac{3}{5} * \left(-\frac{3}{3} log_2 \frac{3}{3} - \frac{0}{3} log_2 \frac{0}{3}\right)$$

$$IG(S_2, vent) = 0.971$$



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

3- division de S2 selon le meilleur attribut vent

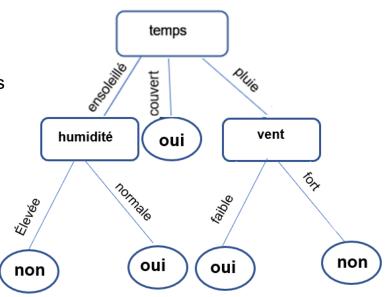
Attribut	Gain d'information	temps
température	0.020	
humidité	0.020	couvert couvert
vent	0.971	8, 8
		humidité oui vent
	พี่ ne	on oui oui non



Exemple de construction de l'arbre de décision avec le gain d'information

Extraction des règles de décision

Les règles de décision sont de la forme: si-alors Chaque règle est construite de la racine vers l'une des feuilles de l'arbres Les feuilles représentent les classes



Prédiction

- (Ensoleillé, Fraîche, Élevée, Fort) est classée comme « non »;
- (Ensoleillé, Fraîche, Normale, Fort) est classée comme « oui » ;
- (Pluie, Chaude, Normale, Faible) est classée comme « oui » ;
- (Pluie, Fraîche, Élevée, Fort) est classée comme ≪ non ».