Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

"Белгородский государственный технологический университет им. В. Г. Шухова"

(БГТУ им. В.Г. Шухова)

Институт энергетики, информационных технологий и управляющих систем

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Лабораторная работа № 1.1 по дисциплине дискретная математика тема: Операции над множествами

Выполнил: студент группы ПВ-223 Игнатьев Артур Олегович Проверил: доцент Рязанов Юрий Дмитриевич старший преподаватель

Бондаренко Татьяна Владимировна

Лабораторная работа № 1.1

Тема: Операции над множествами

Цель работы: изучить и научиться использовать алгебру подмножеств, изучить различные способы представления множеств в памяти ЭВМ, научиться программно реализовывать операции над множествами и выражения в алгебре подмножеств.

Задания

- 1. Вычислить значение выражения (см. "Варианты заданий", п. а). Во всех вариантах считать $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$. Решение изобразить с помощью кругов Эйлера.
- 2. Записать выражение в алгебре подмножеств, значение которого при заданных множествах A, B и C равно множеству D (см. "Варианты заданий", п. б).
- 3. Программно реализовать операции над множествами, используя следующие способы представления множества в памяти ЭВМ:
- а) элементы множества A хранятся в массиве A. Элементы массива A неупорядочены;
- б) элементы множества А хранятся в массиве А. Элементы массива А упорядочены по возрастанию;
- в) элементы множества A хранятся в массиве A, элементы которого типа boolean. Если $i \in A$, то A_i =true, иначе A_i =false.
- 4. Написать программы для вычисления значений выражений (см. "Задания", п.1 и п.2).
 - 5. Используя программы (см. "Задания", п.4), вычислить значения выражений (см. "Задания", п.1 и п.2).

Вариант 3

 $D={3,6}$

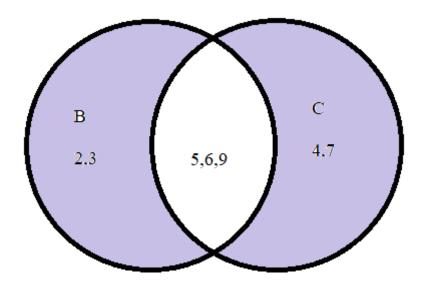
Решение

1. Вычислить значение выражения (см. "Варианты заданий", п. а). Во всех вариантах считать $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$. Решение изобразить с помощью кругов Эйлера.

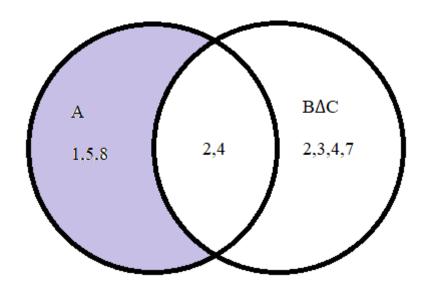
a) D =
$$(A - (B\Delta C)) \cup ((B\Delta C) - A)$$

$$A = \{1,2,4,5,8\} B = \{2,3,5,6,9\} C = \{4,5,6,7,9\}$$

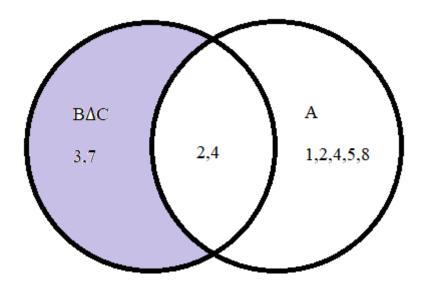
1)=
$$B\Delta C = \{2,3,5,6,9\} \Delta \{4,5,6,7,9\} = \{2,3,4,7\}$$



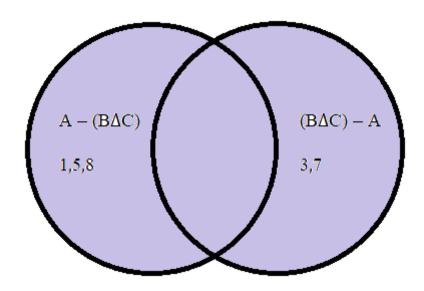
2)=A - (B
$$\Delta$$
C) = {1,2,4,5,8} - {2,3,4,7} = {1,5,8}

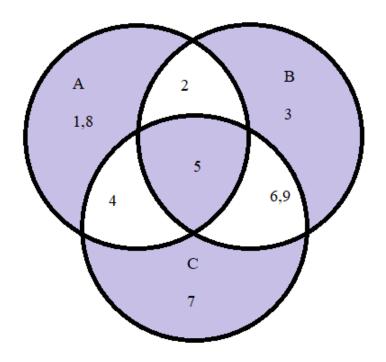


$$3) = (B\Delta C) - A) = \{2,3,4,7\} - \{1,2,4,5,8\} = \{3,7\}$$



4)
$$D = (A - (B\Delta C)) U ((B\Delta C) - A) = \{1,5,8\} U \{3,7\} = \{1,3,5,7,8\}$$





2. Записать выражение в алгебре подмножеств, значение которого при заданных множествах A, B и C равно множеству D (см. "Варианты заданий", п. б).

$$D={3,6}$$

Первый способ

1) A-B=
$$\{2,3,4,5,6\}$$
- $\{1,2,4,9\}$ = $\{3,5,6\}$

2)
$$(A-B)-C={3,5,6}-{4,5,7,8}={3,6}$$

$$D=(A-B)-C=\{3,6\}$$

Второй способ

1) A-C=
$$\{2,3,4,5,6\}$$
- $\{4,5,7,8\}$ = $\{2,3,6\}$

2)
$$(A-C)-B=\{2,3,6\}-\{1,2,4,9\}=\{3,6\}$$

$$D=(A-C)-B=\{3,6\}$$

При решении данного задания, я обратил внимание на некоторые элементы множества A∈D и на их основе вывел два способа получения множества D.

- 3. Программно реализовать операции над множествами, используя следующие способы представления множества в памяти ЭВМ:
- а) элементы множества A хранятся в массиве A. Элементы массива A неупорядочены;
- б) элементы множества А хранятся в массиве А. Элементы массива А упорядочены по возрастанию;
- в) элементы множества A хранятся в массиве A, элементы которого типа boolean. Если i∈A, то Ai=true, иначе Ai=false.
 - а) Операция объединение

Операция пересечение

```
#include <stdbool.h>

// Осуществляет операцию пересечения над массивами А и В записывает результат в массив С void intersection(const int *const arrayA, const int *const arrayB, int *const arrayC) {
    arrayC[0] = 0;
    bool elementsEqual = false;
    for (int i = 1; i <= arrayA[0]; i++) {
        for (int n = 1; n <= arrayB[n]) {
            elementsEqual = true;
            }
        }
        if (elementsEqual) {
            arrayC[arrayC[0] + 1] = arrayA[i];
            arrayC[0]++;
            elementsEqual = false;
        }
    }
}
```

Операция разность

Операция симметрическая разность

```
#include <stdbool.h>
bool numArray(int num, const int *const array) {
   for (int i = 1; i <= array[0]; i++) {</pre>
       if (num == array[i]) {
void symmetricalDifference(const int *const arrayA,
                           const int *const arrayB,
                           int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
            arrayC[arrayC[0] + 1] = arrayA[i];
            arrayC[0]++;
   for (int i = 1; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
       if (!numArray(arrayB[i], arrayA)) {
            arrayC[arrayC[0] + 1] = arrayB[i];
            arrayC[0]++;
```

Операция дополнение:

```
#define MAX SIZE 10
       if (arr[i] == key) {
void complement(int arrA[], int sizeA, int arrComplement[], int
*sizeComplement) {
   *sizeComplement = 0; // Инициализируем размер дополнения
           arrComplement[*sizeComplement] = i;
```

б) Операция объединение

```
void unite(const int *const arrayA,
           const int *const arrayB,
           int *const arrayC) {
   int breakA = 0;
   int breakB = 0;
    int actualElementC = 1;
   int breakPoint = 0;
   int statusI;
   for (int i = 1; i <= arrayA[0] + arrayB[0]; i++) {</pre>
        if (arrayA[0] < i - breakA \mid | arrayB[0] < i - breakB) {
            statusI = i;
        if (arrayA[i - breakA] == arrayB[i - breakB]) {
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i - breakA];
            actualElementC++;
        } else if (arrayA[i - breakA] > arrayB[i - breakB]) {
            arrayC[actualElementC] = arrayB[i - breakB];
            breakA++;
            actualElementC++;
        } else if (arrayA[i - breakA] < arrayB[i - breakB]) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i - breakA];
            breakB++;
            actualElementC++;
    if (breakPoint == 'B') {
        for (int i = statusI - breakA; i <= arrayA[0]; i++) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i];
            actualElementC++;
    } else if (breakPoint == 'A') {
        for (int i = statusI - breakB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayB[i];
            actualElementC++;
    arrayC[0] = actualElementC -= 1;
```

Операция пересечение

Операция разность

```
void difference(const int *const arrayA,
                const int *const arrayB,
                int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
    int elementNumber = 1;
    for (int i = 1; elementNumber <= arrayA[0]; i++) {</pre>
        if (arrayA[elementNumber] == arrayB[i]) {
            elementNumber++;
        } else if (arrayA[elementNumber] < arrayB[i]) {</pre>
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        } else if (i == arrayB[0] && arrayA[elementNumber] >
arrayB[i]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        if (i + 1 > arrayB[0]) {
```

Операция симметрическая разность

```
#include <stdbool.h>
void symmetricalDifference(const int *const arrayA,
                           const int *const arrayB,
                           int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
   int elementArrayA = 1;
   int elementArrayB = 1;
   while (arrayA[0] > elementArrayA && arrayB[0] >
            elementArrayA--;
        } else if (arrayB[0] < elementArrayB) {</pre>
            elementArrayB--;
        if (arrayA[elementArrayA] < arrayB[elementArrayB]) {</pre>
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementArrayA];
            elementArrayA++;
        } else if (arrayA[elementArrayA] >
arrayB[elementArrayB]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayB[elementArrayB];
            elementArrayB++;
            elementArrayA++;
            elementArrayB++;
   bool impact = false;
   bool numberDetected = false;
   if (arrayA[0] - elementArrayA < arrayB[0] - elementArrayB) {</pre>
        for (int i = elementArrayB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            if (arrayB[i] == arrayA[elementArrayA])
                numberDetected = true;
            } else if (arrayB[i] > arrayA[elementArrayA] &&
                        !numberDetected && !impact) {
                arrayC[0]++;
                arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementArrayA];
                impact = true;
            if (arrayB[i] != arrayA[elementArrayA]) {
                arrayC[0]++;
                arrayC[arrayC[0]] = arrayB[i];
        for (int i = elementArrayB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            if (arrayA[i] == arrayB[elementArrayB]) {
```

Операция дополнение:

```
void complement(int A[], int sizeA, int universe[], int
sizeUniverse) {
   int complement[sizeUniverse];
   int i, j, k;
   j = 0; // Индекс для прохода по массиву множества A
   k = 0; // Индекс для прохода по массиву дополнения

   // Обходим универсум и проверяем, присутствует ли каждый
элемент в множестве A
   for (i = 0; i < sizeUniverse; i++) {
      if (j < sizeA && universe[i] == A[j]) {
         j++; // Если элемент присутствует в множестве A,
переходим к следующему элементу
      } else {
         complement[k] = universe[i]; // Если элемент
отсутствует, добавляем его в дополнение
         k++;
      }
   }
}</pre>
```

в) Операция объединение

Операция пересечение

Операция разность

Операция симметричная разность

```
// Выплняет операцию симметрической разности над массивами A и B и записывает результат в массив C void symmetricalDifference(const int *const arrayA, const int *const arrayB,

int *const arrayC, int arraySize) {

for (int i = 0; i < arraySize; i++) {

arrayC[i] = arrayA[i] && !arrayB[i] || !arrayA[i] && arrayB[i];

}
}
```

Операция дополнение:

```
// Функция для вычисления дополнения множества

void complement(bool A[], int size) {
   for (int i = 0; i < size; i++) {
       A[i] = !A[i]; // Инвертируем значение элемента
   }
}
```

4. Написать программы для вычисления значений выражений (см. "Задания", п.1 и п.2).

Программа для вычисления из задания 1

```
#include <stdio.h>
#include <stdbool.h>
#include <windows.h>
void unite(const int *const arrayA,
           const int *const arrayB,
           int *const arrayC) {
   int breakA = 0;
   int breakB = 0;
   int actualElementC = 1;
   int breakPoint = 0;
   int statusI;
    for (int i = 1; i <= arrayA[0] + arrayB[0]; i++) {</pre>
        if (arrayA[0] < i - breakA || arrayB[0] < i - breakB) {
            breakPoint = (arrayA[0] + breakA < i ? 'A' : 'B');</pre>
            statusI = i;
        if (arrayA[i - breakA] == arrayB[i - breakB]) {
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i - breakA];
            actualElementC++;
        } else if (arrayA[i - breakA] > arrayB[i - breakB]) {
            arrayC[actualElementC] = arrayB[i - breakB];
            breakA++;
            actualElementC++;
        } else if (arrayA[i - breakA] < arrayB[i - breakB]) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i - breakA];
            breakB++;
            actualElementC++;
    if (breakPoint == 'B') {
       for (int i = statusI - breakA; i <= arrayA[0]; i++) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayA[i];
            actualElementC++;
    } else if (breakPoint == 'A') {
        for (int i = statusI - breakB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            arrayC[actualElementC] = arrayB[i];
            actualElementC++;
   arrayC[0] = actualElementC -= 1;
```

```
void intersection(const int *const arrayA,
                  const int *const arrayB,
                  int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
   int elementNumber = 1;
   for (int i = 1; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
        if (elementNumber > arrayA[0] || i > arrayB[0]) {
        if (arrayA[elementNumber] == arrayB[i]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayB[i];
            elementNumber++;
        } else if (arrayA[elementNumber] < arrayB[i]) {</pre>
            elementNumber++;
void difference (const int *const arrayA,
                const int *const arrayB,
                int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
   int elementNumber = 1;
   for (int i = 1; elementNumber <= arrayA[0]; i++) {</pre>
        if (arrayA[elementNumber] == arrayB[i]) {
            elementNumber++;
        } else if (arrayA[elementNumber] < arrayB[i]) {</pre>
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        } else if (i == arrayB[0] && arrayA[elementNumber] >
arrayB[i]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        if (i + 1 > arrayB[0]) {
void symmetricalDifference(const int *const arrayA,
                          const int *const arrayB,
```

```
int *const arrayC) {
   arrayC[0] = 0;
    int elementArrayB = 1;
elementArrayB) {
        if (arrayA[0] < elementArrayA) {</pre>
            elementArrayA--;
        } else if (arrayB[0] < elementArrayB) {</pre>
            elementArrayB--;
        if (arrayA[elementArrayA] < arrayB[elementArrayB]) {</pre>
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementArrayA];
            elementArrayA++;
        } else if (arrayA[elementArrayA] >
arrayB[elementArrayB]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayB[elementArrayB];
            elementArrayB++;
            elementArrayA++;
            elementArrayB++;
    bool impact = false;
   bool numberDetected = false;
    if (arrayA[0] - elementArrayA < arrayB[0] - elementArrayB) {</pre>
        for (int i = elementArrayB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            if (arrayB[i] == arrayA[elementArrayA])
                numberDetected = true;
            } else if (arrayB[i] > arrayA[elementArrayA] &&
                        !numberDetected && !impact) {
                arrayC[0]++;
                arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementArrayA];
                impact = true;
            if (arrayB[i] != arrayA[elementArrayA]) {
                arrayC[0]++;
                arrayC[arrayC[0]] = arrayB[i];
        for (int i = elementArrayB; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
            if (arrayA[i] == arrayB[elementArrayB]) {
                numberDetected = true;
            } else if (arrayA[i] > arrayB[elementArrayB] &&
                        !numberDetected && !impact) {
                arrayC[arrayC[0]] = arrayB[elementArrayB];
                impact = true;
            if (arrayA[i] != arrayB[elementArrayB]) {
```

```
arrayC[0]++;
                arrayC[arrayC[0]] = arrayB[i];
int main() {
   SetConsoleOutputCP(CP UTF8);
   int arrayB[10];
   int arrayC[10];
   int res1[30];
   int res2[30];
   int res3[30];
   for (int i = 1; i <= arrayB[0]; i++) {</pre>
        scanf("%d", &arrayB[i]);
   printf("Введите размер массива С \n");
   scanf("%d", &arrayC[0]);
   printf("Введите элементы массива С \n");
   for (int i = 1; i <= arrayC[0]; i++) {</pre>
        scanf("%d", &arrayC[i]);
   symmetricalDifference(arrayB, arrayC, res1);
   difference(arrayA, res1, res2);
   difference(res1, arrayA, res3);
   res1[0] = 0;
   unite(res2, res3, res1);
   for (int i = 1; i <= res1[0]; i++) {</pre>
```

```
return 0;
}
```

Программа для вычисления из задания 2

```
#include <stdio.h>
#include <windows.h>
void difference (const int *const arrayA,
                const int *const arrayB,
                int *const arrayC) {
    arrayC[0] = 0;
   int elementNumber = 1;
    for (int i = 1; elementNumber <= arrayA[0]; i++) {</pre>
        if (arrayA[elementNumber] == arrayB[i]) {
            elementNumber++;
        } else if (arrayA[elementNumber] < arrayB[i]) {</pre>
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        } else if (i == arrayB[0] && arrayA[elementNumber] >
arrayB[i]) {
            arrayC[0]++;
            arrayC[arrayC[0]] = arrayA[elementNumber];
            elementNumber++;
        if (i + 1 > arrayB[0]) {
int main() {
    int arrayB[10];
    int arrayC[10];
    int res1[30];
    int res2[30];
   printf("Введите размер массива A \n");
    for (int i = 1; i <= arrayA[0]; i++) {</pre>
```

```
// Ввод массива В
printf("Введите размер массива В \n");
scanf("%d", &arrayB[0]);
printf("Введите элементы массива В \n");
for (int i = 1; i <= arrayB[0]; i++) {
    scanf("%d", &arrayB[i]);
}

// Ввод массива С
printf("Введите размер массива С \n");
scanf("%d", &arrayC[0]);
printf("Введите элементы массива С \n");
for (int i = 1; i <= arrayC[0]; i++) {
    scanf("%d", &arrayC[i]);
}

// Подсчёт значения выражения
    difference(arrayA, arrayB, res1);
    difference(res1, arrayC, res2);

// Вывод результатов
printf("Результат \n");
for (int i = 1; i <= res2[0]; i++) {
    printf("%d ", res2[i]);
}
return 0;
```

5. Используя программы (см. "Задания", п.4), вычислить значения выражений (см. "Задания", п.1 и п.2).

Результат из задания 1

Результат из задания 2

```
Введите размер массива А
                              Введите размер массива А
                              5
Введите элементы массива А
                              Введите элементы массива А
1 2 4 5 8
                              2 3 4 5 6
Введите размер массива В
                              Введите размер массива В
Введите элементы массива В
                              Введите элементы массива В
2 3 5 6 9
                              1 2 4 9
Введите размер массива С
                              Введите размер массива С
                              4
Введите элементы массива С
                              Введите элементы массива С
                              4 5 7 8
Результат
                              Результат
1 3 5 7 8
                              3 6
```

Вывод: на этой лабораторной работе я изучил и научился использовать алгебру подмножеств, изучил различные способы представления множеств в памяти ЭВМ, научился программно реализовывать операции над множествами и выражения в алгебре подмножеств.