

# Lecture6 Unity 中的基础光照

- 3D Math Primer for Graphics and Game Development

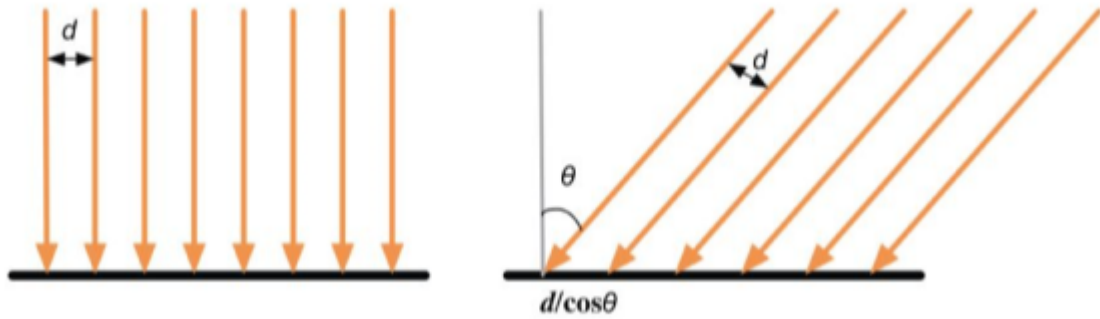
## 1. 我们是如何看到这个世界的

我们要模拟从真实光照环境中生成图像，需要考虑 3 种物理现象

- 光线从光源中被发射出来
- 光线和场景中的一些物体相交，一些光线被物体吸收了，另一些光线被散射到其他方向
- 摄像机吸收了一些光，产生了一张图形

### 平行光源

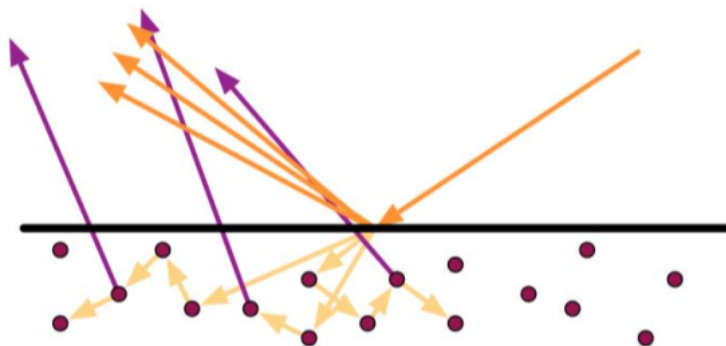
- 在实时渲染中，我们通常把光源当成一个**没有体积的点**，用  $l$  表示它的**方向**
- 测量一个光源发射了多少光，可以用**辐照度 irradiance** 来量化光
  - 对于平行光来说，计算垂直于  $l$  的单位面积上单位时间内穿过的能量
  - 通常，物体表面与  $l$  不是垂直的，我们可以使用光源方向  $l$  和平面法线  $n$  之间的夹角的余弦值来得到
- 辐照度与  $\frac{d}{\cos\theta}$  成**反比**
  - $d$ : 照射到物体表面的光线距离
  - $\cos\theta$ : 光源方向  $l$  和平面法线  $n$  的夹角余弦



### 吸收与散射

光线从光源发射出来后，就会与一些物体相交，通常相交的结果有

- **吸收 absorption**
  - 改变光线的密度和颜色，但不改变光线方向
- **散射 scattering**
  - 改变光线方向，不改变光线的密度和颜色
  - 散射到物体内部，通常被称为**折射 refraction** 或**透射 transmission**
  - 散射到外部，通常被称为**反射 reflection**
  - 对于不透明物体，折射进入物体内部的光线还会继续与内部的颗粒进行相交，其中一些光线最后会重新发射出物体表面，另一些责备物体吸收



- 我们在光照模型中使用不同的部分计算折射和反射
  - **高光反射 specular**: 表示物体表面是如何反射光线的
  - **漫反射 diffuse**: 表示有多少光线会被折射、吸收和散射出表面
- 我们可以计算出射光线的数量和方向，通常使用**出射度 exitance** 来描述它，辐照度和出射度之间满足线性关系

## 着色 Shading

- 根据材质属性、光源信息等，使用一个等式去计算某个观察方向的出射度的过程，我们把这个等式成为**光照模型** Lighting Model

## BRDF 光照模型

计算机图形学第一定律：如果它看起来是对的，那么它就是对

- 当给定模型表面的一个点时，BRDF (Bidirectional Reflectance Distribution Function) 包含了该点外观的完整描述
  - BRDF 大多使用一个数学公式，并提供一些参数来调整材质属性
  - 当给定入射光线的方向和辐照度后，BRDF 可以给出某个出射方向的光照能力分布
- BRDF 模型大部分都是**经验模型**

## 2. 标准光照模型 Blinn-Phong 模型

1975 年，著名学者 Bui Tuong Phong 提出标准光照模型

标准光照模型**只关心直接光照 direct light**，也就是那些直接从光源发射出来照射到物体表面后，经过物体表面的一次反射直接进入摄像机的光线，主要分成四个部分

名称	符号	描述
自发光 emissive	$C_{emissive}$	给定一个方向时，一个表面自身本身会向该方向发射多少辐射量 如果没有使用 <b>全局光照 global illumination</b> 技术，这些自发光表面不会真的照亮周围的物体，而是它本身看起来更亮了而已
高光反射 specular	$C_{specular}$	描述当光线从光源照射到模型表面时，该表面会在完全镜面发射方向散射多少辐射量
漫反射 diffuse	$C_{diffuse}$	描述当光线从光源照射到模型表面时，该表面会向每个方向散射多少辐射量
环境光 ambient	$C_{ambient}$	描述所有其它间接光照

### 环境光 ambient

**间接光照 indirect light** 光线通常会在多个物体之间发射，最后进入摄像机

在标准光照模型中，使用一种被称为环境光的部分来模拟间接光照，环境光的计算非常简单，它通常是一个**全局变量**，即场景中的所有物体都使用这个环境光

$$C_{ambient} = g_{ambient}$$

### 自发光 emissive

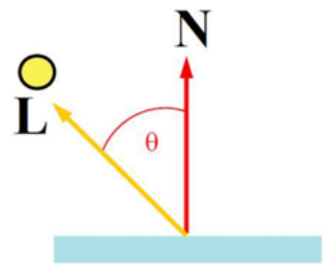
光线可以**直接由光源发射进摄像机**，不需要经过物体的反射，标准光照模型使用自发光来描述这部分，它直接使用材质的自发光颜色

$$C_{emissive} = m_{emissive}$$

在实时渲染中，**自发光的表面往往不会照亮周围的表面**，不过 Unity 引入的全局光照系统则可以模拟这类自发光物体对周围环境的影响

### 漫反射 diffuse

用于被物体表面随机散射到各个方向的辐射度进行建模



$$C_{diffuse} = (C_{light} \cdot m_{diffuse}) \max(0, n \cdot l)$$

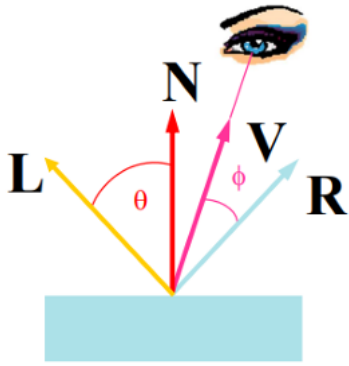
- $n$ : 表面法线的单位向量
- $l$ : 指向光源的单位向量
- $m_{diffuse}$ : 材质的漫反射颜色
- $C_{light}$ : 光源颜色

为了防止法线和光源的点乘结果为负数，使用  $\max$  函数截断到 0，可以防止物体被从背后来的光源照亮

## 高光反射 specular

### Phong 模型

高光反射是一种经验模型，用于计算沿着完全镜面发射方向被反射的光线，使得物体看起来是有光泽的



- $\boldsymbol{n}$ : 表面法线方向
- $\boldsymbol{l}$ : 指向光源的方向
- $\boldsymbol{v}$ : 指向视角方向
- $\boldsymbol{r}$ : 反射方向

在这四个向量中，只需要知道前三个，反射方向可以通过其他信息计算得到

$$\boldsymbol{r} = 2(\boldsymbol{n} \cdot \boldsymbol{l}) \cdot \boldsymbol{n} - \boldsymbol{l}$$

这样，我们可以用 Phong 模型来计算高光反射

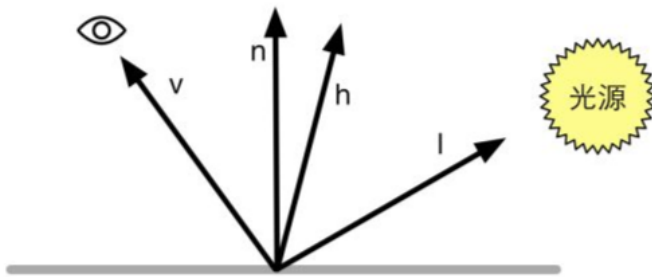
$$\boldsymbol{c}_{\text{specular}} = (\boldsymbol{c}_{\text{light}} \cdot \boldsymbol{m}_{\text{specular}}) \max(0, \boldsymbol{v} \cdot \boldsymbol{r})^{m_{\text{gloss}}}$$

- $m_{\text{gloss}}$ : **光泽度 gloss/反光度 shininess**，控制高光区域亮点有多宽
- $\boldsymbol{m}_{\text{specular}}$ : 材质的高光反射颜色
- $\boldsymbol{c}_{\text{light}}$ : 光源的颜色和强度

### Blinn 模型

Blinn 提出了一个简单的修改方法来得到类似的效果

为了避免计算反射方向  $\boldsymbol{r}$ ，引入了一个新的向量  $\boldsymbol{h}$



$$\boldsymbol{h} = \frac{\boldsymbol{v} + \boldsymbol{l}}{|\boldsymbol{v} + \boldsymbol{l}|}$$

然后，使用  $\boldsymbol{n}$  和  $\boldsymbol{h}$  之间的夹角来进行计算，而不是  $\boldsymbol{v}$  和  $\boldsymbol{r}$

## 着色

### 逐像素光照 per-pixel lighting / Phone shading

- 在片元着色器中计算
- 以每个像素为基础，得到它的法线，然后进行光照模型的计算

### 逐顶点光照 per-vertex lighting / Gouraud shading

- 在顶点着色器中计算
- 在每个顶点上计算光照，然后在渲染图元内部进行线性插值，最终输出像素颜色
- 顶点数目远远小于像素数目，因此逐顶点光照的计算量往往小于逐像素光照

## 小结

标准光照模型是一种经验模型，它不完全符合真实世界的光照现象，但是它易用且计算速度效果较好，被更广泛使用。



它被称为 Phong 光照模型，而后，由于 Blinn 的方法简化了计算且在某些情况下计算更快，于是这种模型也被称为 Blinn-Phong 光照模型

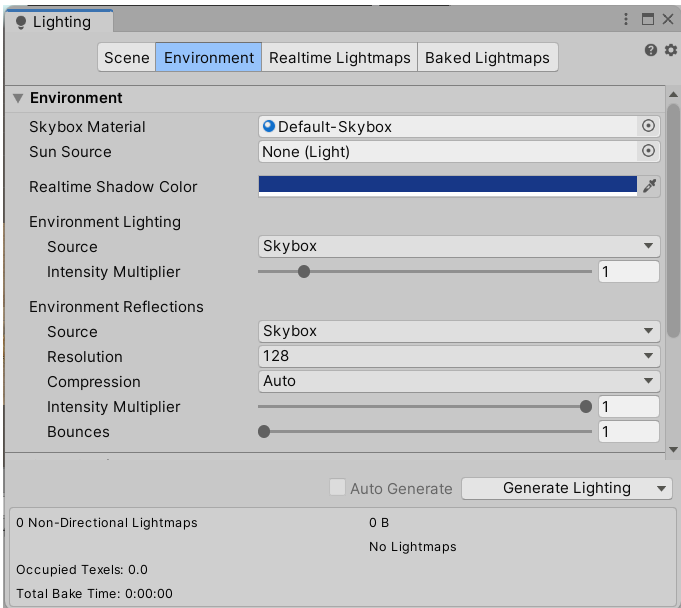
局限性

有些重要的物理现象无法用过 Blinn-Phong 模型表现出来

- 菲涅尔反射 Fersnel reflection
- Blinn-Phong 模型是各向同性 isotropic 的，当我们固定视角和光源旋转这个表面时，反射不会发生任何比那花，但是有的表面是各向异性的 anisotropic，如拉丝金属、毛发等

3. Unity 中的环境光和自发光

- Unity 场景中的环境光可以在 Window -> Rendering -> Lighting -> Environment -> Environment Lighting 中控制



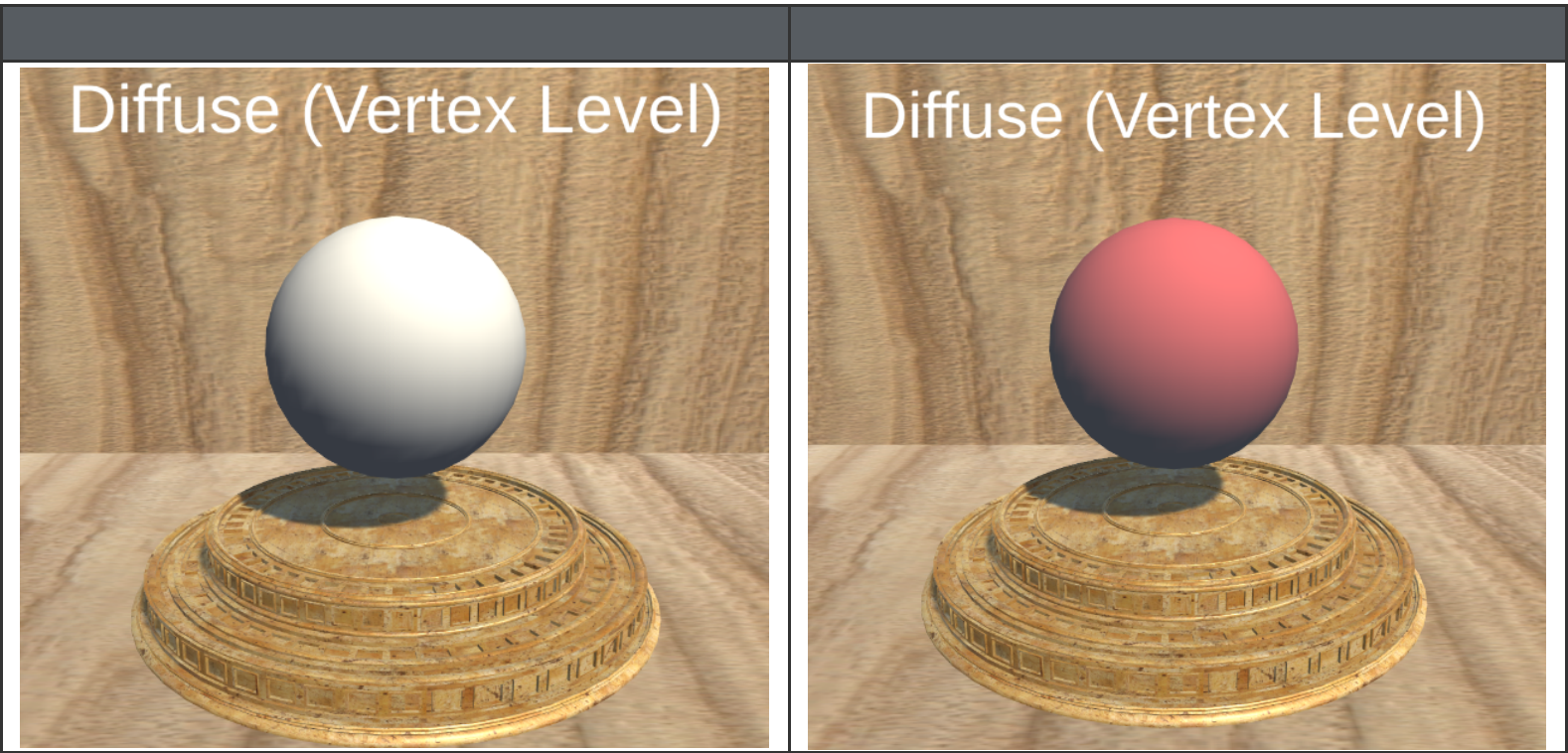
- Unity 大多数物体是没有自发光特性的，如果要计算自发光，只需要在片元着色器输出最后颜色之前，把材质的自发光颜色添加到输出颜色上即可

4. 在 Unity Shader 中实现漫反射光照模型

- 漫反射光照模型也被称为兰伯特光照模型

漫反射（顶点着色器操作）

$$c_{diffuse} = (c_{light} \cdot m_{diffuse}) \max(0, n \cdot l)$$



```
// Upgrade NOTE: replaced 'mul(UNITY_MATRIX_MVP,*)' with 'UnityObjectToClipPos(*)'

Shader "Custom//Assignment/Chapter6/1_DiffuseVertexLevel"
{
    // 控制材质的漫反射颜色
    // 在Properties语义块中声明了一个Color类型的属性，它的初始值设置为白色
    Properties
    {
        _Diffuse("Diffuse", Color) = (1, 1, 1, 1)
    }
}
```

```
}
SubShader
{
    // 定义Pass语义块
    // 顶点/片元着色器的代码需要写在Pass而不是SubShader语义块中
    Pass
    {
        // 指明Pass的光照模式
        Tags
        {
            // LightMode标签是Pass标签中的一种，用于定义该Pass在光照流水线的角色
            // 只有定义正确的Pass，我们才能得到一些Unity内置的光照变量
            "LightMode"="ForwardBase"
        }

        CGPROGRAM
        #pragma vertex vert
        #pragma fragment frag
        // 为了使用Unity内置的变量，还需要包含内置文件
        #include "Lighting.cginc"

        // 在Shader中使用Properties块中声明的属性，定义一个与该属性类型相匹配的变量
        // 颜色属性范围在0-1，我们可以用fixed精度变量存储
        fixed4 _Diffuse;

        // 顶点着色器输入结构体
        struct a2v
        {
            float4 vertex : POSITION; // 模型空间顶点坐标
            float3 normal : NORMAL; // 模型空间顶点法向量
        };

        // 顶点着色器输出结构体
        struct v2f
        {
            float4 pos: SV_POSITION; // 裁剪空间的顶点坐标
            fixed3 color : COLOR; // 存储颜色信息，并不一定要用COLOR语义，也可以用TECOORD0
        };

        // 顶点着色器的基本任务是把顶点位置从模型空间转换到裁剪空间中
        v2f vert(a2v v)
        {
            // 定义返回值o
            v2f o;

            // 完成坐标从模型空间->裁剪空间
            o.pos = UnityObjectToClipPos(v.vertex);

            // 通过Unity内置变量获得环境光部分
            fixed3 ambient = UNITY_LIGHTMODEL_AMBIENT.xyz;

            // 将法线转换到世界空间中，可以使用顶点变换矩阵的逆转置矩阵对法线进行相同的变换
            // 先得到模型空间->世界空间的变换矩阵逆矩阵_WorldToObject，然后调换它在mul函数中的位置，得到和专转置矩阵相同的矩阵乘法
            // 只需要截取_WorldToObject的前三行和前三列
            fixed3 world_normal = normalize(mul(v.normal,
(float3x3)unity_WorldToObject));

            // 光源方向可以由_WorldSpaceLightPos0得到
            // [注意]这里对光源方向的计算并不具有通用性，在本节中我们假设只有一个光源，且光源类型为平行光

            // 如果有多个光源且类型可能是点光源等，则不能用_WorldSpaceLightPos0得到正确的结果
            fixed3 world_light = normalize(_WorldSpaceLightPos0.xyz);
```

```

// Unity提供内置变量_LightColor0来访问该Pass处理的光源颜色和强度信息
// 计算漫反射光照部分，只有法线和光源方向在同一个坐标空间下，它们的点积才有意义，这里我们选择了世界坐标空间
// 法线和光源方向都需要归一化
fixed3 diffuse = _LightColor0.rgb * _Diffuse.rgb *
saturate(dot(world_normal, world_light));

// 环境光+漫反射光 得到最终光照效果
o.color = ambient + diffuse;

return o;
}

// 片元着色器只需要输出顶点颜色即可
fixed4 frag(v2f i) : SV_Target
{
    return fixed4(i.color, 1.0);
}

ENDCG
}

FallBack "Diffuse"
}
```

satuater(x) 函数

- 参数：用于操作的标量/向量，可以是 float、float2、float3 等类型
- 描述：把 x 截取在 [0, 1] 范围内，如果 x 是一个向量，那么会对它的每一个分量这样操作

漫反射（片元着色器操作）



```
// Upgrade NOTE: replaced 'mul(UNITY_MATRIX_MVP,*)' with 'UnityObjectToClipPos(*)'

Shader "Custom//Assignment/Chapter6/2_DiffusePixelLevel"
{
    Properties
    {
        _Diffuse("Diffuse", Color) = (1, 1, 1, 1)
    }
    SubShader
    {
        Pass
        {
            // set the light mode
            Tags
            {
                "LightMode"="ForwardBase"
            }
        }
    }
}
```

```

CGPROGRAM
#pragma vertex vert
#pragma fragment frag
#include "Lighting.cginc"

// use the property from the properties block,
// range [0,1], we can use fixed 4 to store it
fixed4 _Diffuse;

struct a2v
{
    float4 vertex : POSITION;
    float3 normal : NORMAL; // normal vector
};

struct v2f
{
    float4 pos: SV_POSITION;
    fixed3 world_normal : TEXCOORD0;
};

// 顶点着色器不需要计算光照模型，只需要把世界空间下的法线传递给片元着色器即可
v2f vert(a2v v)
{
    v2f o;
    // transform the vertex object space -> projection space
    o.pos = UnityObjectToClipPos(v.vertex);

    // transform the normal from object space -> world space
    o.world_normal = mul(v.normal, (float3x3)unity_WorldToObject);
    return o;
}

fixed4 frag(v2f i) : SV_Target
{
    // get ambient term
    fixed3 ambient = UNITY_LIGHTMODEL_AMBIENT.xyz;

    // get normal vector in world space
    fixed3 world_normal = normalize(i.world_normal);

    // get light direction in world space
    fixed3 world_light_dir = normalize(_WorldSpaceLightPos0.xyz);

    // compute diffuse term
    fixed3 diffuse = _LightColor0.rgb * _Diffuse.rgb *
    saturate(dot(world_normal, world_light_dir));

    fixed3 color = ambient + diffuse;
    return fixed4(color, 1.0);
}

ENDCG

}

}

FallBack "Diffuse"
}

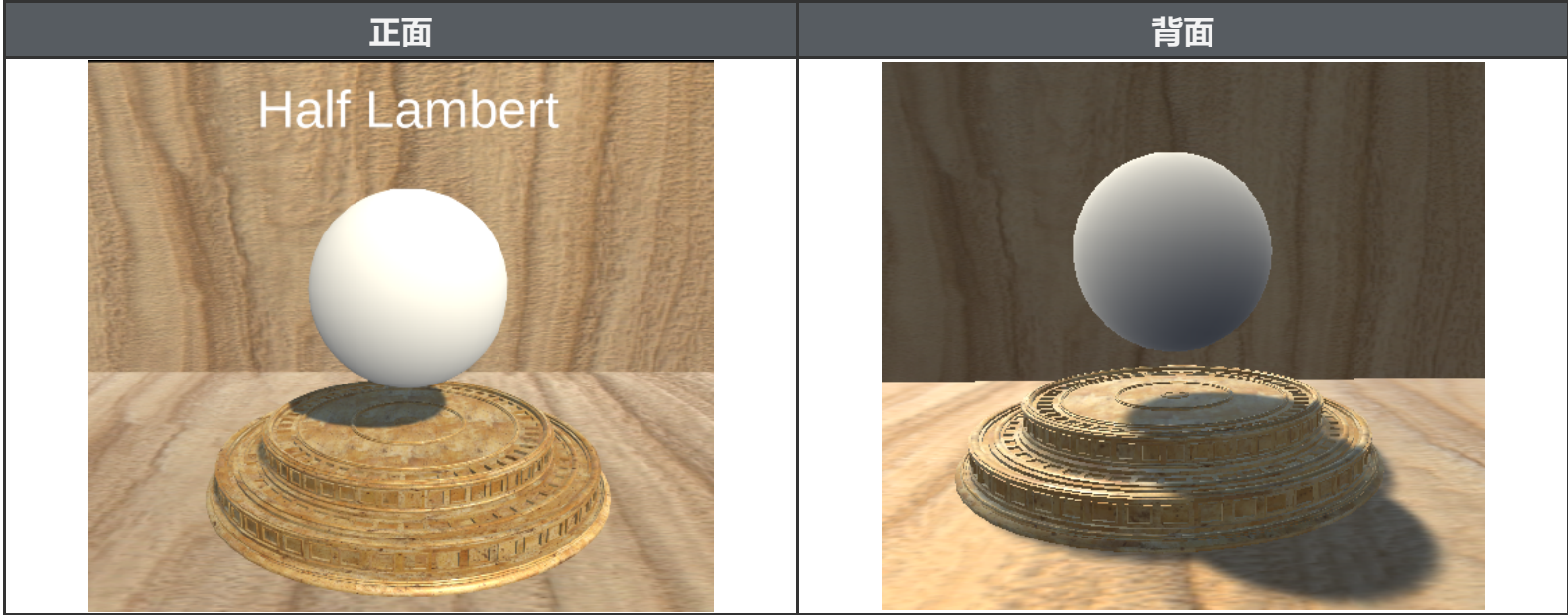
```

- 逐像素光照可以得到更平滑的光照效果



## 半兰伯特模型 Half Lambert

- 漫反射模型背面外观通常是全黑的，没有任何明暗变化，整个背光区域看起来就像平面一样，失去了模型的细节表现



广义半兰伯特光照模型定义如下

$$c_{diffuse} = (c_{light} \cdot m_{diffuse})(\alpha(n \cdot l) + \beta)$$

- 大多数情况下， $\alpha$  和  $\beta$  的值均为 0.5，即公式为

$$c_{diffuse} = (c_{light} \cdot m_{diffuse})(0.5(n \cdot l) + 0.5)$$

- 通过这样将  $n \cdot l$  从 [-1, 1] 映射到 [0, 1] 范围内，**对于模型的背光面，也会有明暗变化**，不同的点积结果会映射到不同的值上

## 5. 在 Unity Shader 中实现高光反射光照模型

reflect(i, n) 函数

- Unity 提供了计算反射方向的函数 reflect
- 参数：i 入射方向，n 法线方向，可以是 float、float2、float3 等类型
- 昂给你改了入射方向和法线方时，reflect 函数嗯可以返回反射方向

### 高光反射（顶点着色器操作）

$$c_{specular} = (c_{light} \cdot m_{specular}) \max(0, v \cdot r)^{m_{gloss}}$$

```
// Upgrade NOTE: replaced 'mul(UNITY_MATRIX_MVP,*)' with 'UnityObjectToClipPos(*)'

Shader "Custom/Assignment/Chapter6/4_SpecularVertexLevel"
{
    Properties
    {
        _Diffuse("Diffuse", Color) = (1, 1, 1, 1)
        _Specular("Specular", Color) = (1, 1, 1, 1)
        _Gloss("Gloss", Range(8.0, 256)) = 20
    }

    SubShader
    {
        Pass
        {
            // set the light mode
            Tags
            {
                "LightMode"="ForwardBase"
            }

            CGPROGRAM
            #pragma vertex vert
            #pragma fragment frag
```



```

#include "Lighting.cginc"

// use the property from the properties block,
// range [0,1], we can use fixed 4 to store it
fixed4 _Diffuse;
fixed4 _Specular;
float _Gloss;

struct a2v
{
    float4 vertex : POSITION;
    float3 normal : NORMAL; // normal vector
};

struct v2f
{
    float4 pos: SV_POSITION;
    fixed3 color : COLOR;
};

v2f vert(a2v v)
{
    v2f o;
    // transform the vertex object space -> projection space
    o.pos = UnityObjectToClipPos(v.vertex);

    // get ambient term
    fixed3 ambient = UNITY_LIGHTMODEL_AMBIENT.xyz;

    // transform the normal from object space -> world space
    fixed3 world_normal = normalize(mul(v.normal,
(float3x3)unity_WorldToObject));

    // get the light direction in world space
    fixed3 world_light_dir = normalize(_WorldSpaceLightPos0.xyz);

    // compute diffuse term
    fixed3 diffuse = _LightColor0.rgb * _Diffuse.rgb *
saturate(dot(world_normal, world_light_dir));

    // get the reflect direction in world space
    fixed3 reflect_dir = normalize(reflect(world_light_dir, world_normal));

    // get the view direction in world space
    fixed3 view_dir = normalize( mul(unity_ObjectToWorld, v.vertex).xyz -
_WorldSpaceCameraPos.xyz);

    // compute specular term
    fixed3 specular = _LightColor0.rgb * _Specular.rgb *
pow(saturate(dot(reflect_dir, view_dir)), _Gloss);

    o.color = ambient + diffuse + specular;

    return o;
}

fixed4 frag(v2f i) : SV_Target
{
    return fixed4(i.color, 1.0);
}

ENDCG
}

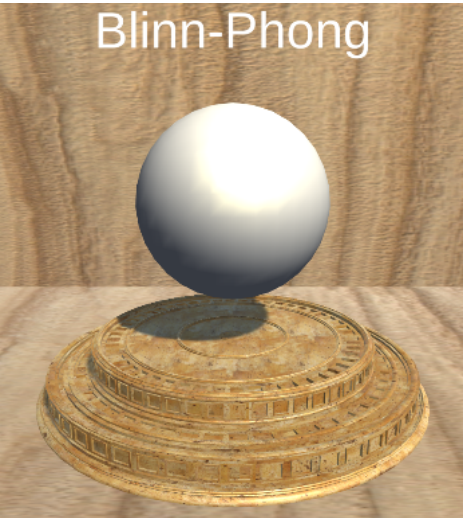
```

```
    }  
    FallBack "Diffuse"  
}
```

- Gloss 越小，高光越大

## 高光反射（片元着色器操作）

### Blinn-Phone 光照模型



我们之前还提到了另一种高光反射的实现方法，Blinn 光照模型，它引用了一个新的向量  $\boldsymbol{h}$

$$\boldsymbol{h} = \frac{\boldsymbol{v} + \boldsymbol{l}}{|\boldsymbol{v} + \boldsymbol{l}|}$$

```
// Upgrade NOTE: replaced 'mul(UNITY_MATRIX_MVP,*)' with 'UnityObjectToClipPos(*)'  
  
Shader "Custom/Assignment/Chapter6/5_Blinn"  
{  
    Properties  
    {  
        _Diffuse("Diffuse", Color) = (1, 1, 1, 1)  
        _Specular("Specular", Color) = (1, 1, 1, 1)  
        _Gloss("Gloss", Range(8.0, 256)) = 20  
    }  
    SubShader  
    {  
        Pass  
        {  
            // set the light mode  
            Tags  
            {  
                "LightMode"="ForwardBase"  
            }  
  
            CGPROGRAM  
            #pragma vertex vert  
            #pragma fragment frag  
            #include "Lighting.cginc"  
  
            // use the property from the properties block,  
            // range [0,1], we can use fixed 4 to store it  
            fixed4 _Diffuse;  
            fixed4 _Specular;  
            float _Gloss;  
  
            struct a2v  
            {  
                float4 vertex : POSITION;  
                float3 normal : NORMAL; // normal vector  
            };  
  
            struct v2f
```

```

    {
        float4 pos: SV_POSITION;
        fixed3 color : COLOR;
    };

v2f vert(a2v v)
{
    v2f o;

    // transform the vertex object space -> projection space
    o.pos = UnityObjectToClipPos(v.vertex);

    // get ambient term
    fixed3 ambient = UNITY_LIGHTMODEL_AMBIENT.xyz;

    // transform the normal from object space -> world space
    fixed3 world_normal = normalize(mul(v.normal,
(float3x3)unity_WorldToObject));

    // get the light direction in world space
    fixed3 world_light_dir = normalize(_WorldSpaceLightPos0.xyz);

    // compute diffuse term
    fixed3 diffuse = _LightColor0.rgb * _Diffuse.rgb *
saturate(dot(world_normal, world_light_dir));

    // get the view direction in world space
    fixed3 view_dir = normalize(_WorldSpaceCameraPos.xyz -
mul(unity_ObjectToWorld, v.vertex).xyz);

    // get the half direction in world space
    fixed3 half_dir = normalize(view_dir + world_light_dir);

    // compute specular term
    fixed3 specular = _LightColor0.rgb * _Specular.rgb *
        pow(
            saturate(
                max(
                    0, dot(half_dir, world_normal)
                )
            ), _Gloss
        );

    o.color = ambient + diffuse + specular;

    return o;
}

fixed4 frag(v2f i) : SV_Target
{
    return fixed4(i.color, 1.0);
}

ENDCG
}

}

Fallback "Diffuse"
}

```

## 6. 使用 Unity 内置函数

在上面的例子中，我们计算光照模型的时候都是自己计算光源方向和视角方向的，在处理更加复杂的光照类型（如点光源和聚光灯），我们计算光源方向的方法是错误的，这需要在代码中先判断光源类型，再计算光源信息。手动计算这些光源信息相对比较麻烦，Unity 提供了一些内置函数帮我们计算这个信息。

函数名	描述
float3 WorldSpaceViewDir(float4 v)	输入一个 <b>模型空间中的顶点位置</b> ，返回 <b>世界空间中从该点到摄像机的观察方向</b>
float3 ObjSpaceViewDir(float4 v)	输入一个 <b>模型空间中的顶点位置</b> ，返回 <b>模型空间中从该点到摄像机的观察方向</b>
float3 WorldSpaceLightDir(float4 v)	<b>仅用于前向渲染</b> 输入一个 <b>模型空间中的顶点位置</b> ，返回 <b>世界空间中该点到光源的光照方向</b> ，没有被归一化
float3 ObjSpaceLightDir(float4 v)	<b>仅用于前向渲染</b> 输入一个 <b>模型空间中的顶点位置</b> ，返回 <b>模型空间中从该点到光源的光照方向</b> ，没有被归一化
float3 UnityObjectToWorldNormal(float3 norm)	把 <b>法线方向</b> 从模型空间中转换到世界空间中
float3 UnityObjectToWorlir(in float3 dir)	把 <b>方向向量</b> 从模型空间变换到世界空间中
float3 UnityWorlToObjectir(float3 idr)	把 <b>方向向量</b> 从世界空间变换到模型空间中

- 这些帮助函数使得我们不需要跟各种变换矩阵、内置变量打交道，也不需要考虑不同的情况，仅仅需要调用一个函数就可以得到需要的信息
- 由内置函数得到的方向都是**没有归一化**的，所以我们需要使用 **normalize 函数**对结果进行归一化，再进行光照模型的计算