Métodos Estatísticos Capítulo 1

Página - resumos e exemplos:

- 2 Probabilidade clássica e Propriedades
- 5 Probabilidade condicionada

Página - exercícios:

3 - 1, 2

4 - 3, 4, 5, 6

5 - 7

6 - 8

7 - 10, 12

8 - 9, 11

1º proprémisa materia (4-3) Experiência aleatria (E) -> Eum processo capaz de produzia pelo monos ? resultados, com incertazo quanto so que ocorreira. ab a levianea rebetheren co abot et obinique o 3+(12) rebetheren cob exages 2 et obnifmoduami 3 (otherwise the A deta: um aconsacionale observate a un acontecimento com tienio elemento. · Interreção AMB ADB · Partame a A e B; : colonifico de mui a comem des conjuntos; · Asurião AUB Des · Diferença A/B De · Pertence a A mas mão a B; Pefenição classico: P(A) = #A | ne II finito e on alambacamentos

Probabilidade

Defenição axiometica

Croper adods



$$- P(AUB) = P(A) + P(B) - P(AOB)$$



· A = B pao independentes as P(ADB) = P(A) . P(B)

ore 1 5 lampados, mº 3 25 defeituações

E = Estate duas lampadas, uma a reguir à outra, rem reporção.

a)
$$\Omega = \{(1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (2,1), (2,1), (2,3), (2,4), (2,5), (3,1), (3,2), (3,4), (3,5), (4,1), (4,2), (4,3), (4,5)\} = \{(1,1), 1,2,3,4,5\}, 1,2,3,4,5\}$$

B= noida de lâmpoda defeituosa ma 2ª Tisagam;
=
$$\{(1,3), (2,3), (4,3), (5,3), (4,5), (2,5), (3,5), (4,5),$$

$$C = \frac{1}{3}$$
 so de 2 la mpodos defutuções;
= $\frac{1}{3}$ (3,5), (5,3) { # $C = 2$

$$D = \frac{1}{100} \text{ mas sair qualquer Dampade defutuses}^2$$

 $= \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}$
 $= \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}$
 $= \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}$
 $= \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}, \frac{1}{100}$

C)
$$\rho(A) = \frac{HA}{HD} = \frac{8}{20} = \frac{4}{10} = 0,4 = 40\%$$

$$P(C) = \frac{\#C}{\#\Omega} = \frac{2}{20} = \frac{1}{10} = \frac{100}{100}$$

$$P(D) = \frac{\#D}{\#\Omega} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10} = 0.3 = 30\%$$

$$\Omega = \frac{(c,c,c), (c,c,k), (c,k,c), (c,k,k),}{(k,c,c), (k,c,k), (k,k,c), (k,k,k),}$$

a)
$$P(C = 2) = \frac{3}{8} = 0.375$$

b) $P(C = 2) = \frac{3}{8} = 0.875$

```
2000 3
    ("etnomoensturnis, ebordilispo ebobt e dosom trapad"= 3
   a) \Omega = \frac{1}{(CA,1),(CA,2),(CA,3),(CA,4),(CA,5),(CA,6),(CO,4),(CO,5),(CO,6)}
           = } (i,j): i= } CA, COE, j = } 1,2,3,4,5,68 # 12 = 12
    b) A= noir Groa snimero par
         = )(co,2),(co,4),(co,6)( #A=3, P(A)====0,29
       B= roir coroa e número impar
         = }(CA, 4), (CA3), (CA3) \( \partial AB=3, P(B) = \frac{3}{15} = 0.25
    C= Poir multiple de 3=
         = \((cA,3),(cA,6),(c0,3),(c0,6)(#C=4,P(c)= \frac{1}{12} \sum O,(3)
Exely
                         P((AUB) UC) = P(AUB) + P(e) - P((AUB) nc)
   P(A)=013
                            = (P(A)+P(B)-P(ANB))+P(C)-P((ANC)U(BNC))
   P(B)=0,7
                           = P(A) + P(B) - P(ADB) + P(C) - [P(ADC) + P(BDC) - P(ADC DBDC)]
   P(C)=0,5
   ANB=CNB= P
                           = P(A) + P(B) + P(C) - P(ADB) - P(ADC) - P(BDC) + P(ADBDC)
   P (Anc)= ?
                      A O_{13} + (1-0.7) + 0.5 - \phi - P(Anc) - 0 + 0 = 1
                           C (>) 0,3+93+0,5-P(A)()=1
                             <=> P(Anc)=0,1
805
                     a) P(B) = 1-96=0,4
 P(A)=0,7
                     b) P(AUB) = P(A) + P(B) - P(ADB)
 P(B) = 0,6
                       (=) P(AOB) +0,3 = P(A) + P(B) - P(AOB)
P(AUB)-P(AUB)=0,3
                      <=> 2.P(ANB) = 0,7 +0,6-0,3
                      <=> P(ANB) = = = = => P(AUB) = P(A) + P(B) - P(ANB)
                                                    =017+0,6-0,5=0,8
       As Bindapondentes
  P(ANB)= P(A) - P(B)
      [ P(A) B) = P(A/B) = P(A) - P(A) - P(A) - P(A) - P(B)
                 = P(A)-(1-P(B)) = P(A) - P(A)
```

11-3

Brobabilidade condicionada

Tooroma da Probabilidade total

$$P(B) = P(B \cap A1) + P(B \cap A2) + P(B \cap A3)$$

= $P(B \mid A1) + P(B \cap A2) + P(B \mid A3) + P(B \mid A3) - P(A3)$

Descena de Bajes

$$P(A/B) = \frac{P(A\cap B)}{P(B)} = \frac{P(B|A) \circ P(A)}{P(B)}$$

Exes 7

E = escepher um antigo de produção do empresa

paragral aleg tobiqueong colorunge to rebot = 2

A sudos on digulary is orlange e = A

B debes on objectors is orlarge o = 8

detregre à otherage 0 = 3

P(E/A)=0,2

$$E = {}^{5} O \text{ aparollo} \leq \text{asepartab}^{5}$$
 $A \cup B = \Omega$
 $A \cup B =$

P(A)=0,52

$$P(A)=0.62$$

$$P(E)=\frac{7}{2}=P(E\cap E)=P(E\cap (A\cup B))=P(E\cap A\cup B)$$

$$= 6(EUV) + 6(EUV) - 6(EUVUB)$$

b)
$$P(B|E) = P(B|DE) = P(E|B) \cdot P(B) = [I - P(E|B)] \cdot P(B)$$

= $\frac{O(5 - O)48}{O(656)} = O(366)$

a)
$$P(M) = P(M \cap F) + P(M \cap F)$$

= $P(P) \cdot P(M/F) + P(F) \cdot P(M/F)$
= 0,02.0,2 + 0,98.0,3
= 0,298

b) Pado que:
$$P(T) = 0.4 , P(N|F) = ?$$
 $P(T) = P(T \cap F) + P(T \cap F) = 0.02 \cdot 0.4 + 0.98 \cdot P(T/F)$
 $(=) 0.4 = 0.008 + 0.98 \cdot P(T/F)$
 $(=) P(T/F) = \frac{0.4 - 0.008}{0.98} = 0.4$
 $P(N|F) = 1 - 0.3 - 0.4 = 0.3$

```
8010
       " E = "soulter, alatoriomente, uma válula da TU de produção" = 3
      2 = 1 valvula dat V da produção 9
         A = = válule de marca A =
          D = = valuela à defethana
             P(A)=95
                                                                                                                                                                                                                                                     P(P)=0,1
            P(D)=0,1
               p(D/C)= Ф
                P(DNB)=0,02
    Q(D|A) = ? = P(DA) = P(DA) + P(DA) + P(DA) + P(DA)
P(A) = P(DA) + O(O2 + P(C) \cdot \Phi
P(D|A) = O(O3 = O(O
      b) P(B|D) = P(A|D) + P(C|D) = \frac{P(A|D)}{P(D)} + \frac{P(C|D)}{P(D)} = \frac{0.5 - 0.16}{0.1} = 0.8
      C) Dasague: P(C(D) =0,4, P(C)=3
                           P(C)=P(CND)+P(CND)= + P(C/D)-P(D)= 94.99=0,36
12) II= impeens em II
                                                                                            P(I1)=0,7
             I2= impara om I25
                                                                                           P(I2)= P(I1)=013
             = magdolom de chiefe == Ma
                                                                                              P(DM)=0,4 P(DMODI)=P(DM)-P(DI) P9 200 independentes
             = strangen; eb etileb == IA
                                                                                              P(DT/IL)=0,05; P(DI/I2)=0,02;
   a) P(DI) = P(DI () I) + P(DI () I)
                                                                                                                                                                               C)b(\pm 7/0\pm) = \frac{b(D\pm)}{b(D\pm)}
      = P(01|11) \cdot P(11) + P(01/12) \cdot 12
       =0,05.07+0,02.03
       =0,04L
```

=0,05.07 = 0,8537

P) 6(DM OI) = 6(DM) + 6(DI) - 6(DM UDI)

=0,4+0,041-(0,4.0,041)

=0,4246

Eve 9
$$C = \text{Peça bêm colorada}^{\circ}$$

$$P(C) = 0.02 \Rightarrow P(C) = 0.98$$

$$F = \text{Pacionna falha}^{\circ}$$

$$P(F(C) = 0.005$$

$$P(F(C) = 0.99$$

a)
$$P(F) = P(F \cap C) + P(P \cap \overline{C}) = P(P \mid C) \cdot P(C) + P(F \mid \overline{C}) \cdot F(\overline{C})$$

 $= 0.99 \cdot 0.02 + 0.005 \cdot 0.98 = 0.0247$
b) $P(\overline{C} \mid F) = \frac{P(\overline{C} \cap F)}{P(F)} = \frac{P(F \mid \overline{C}) \cdot P(\overline{C})}{P(F)} = \frac{0.99 \cdot 0.98}{0.0247} = 0.8016$

8 [1]

$$A = \text{ligado a redo } A^* P(A) = 0.15$$
 $B = \text{ligado a redo } B^* P(B) = 0.4$
 $C = \text{ligado a redo } B^* P(C) = 0.1$
 $C = \text{ligado a redo } C^* P(C) = 0.1$
 $C = \text{ligado a redo } C^* P(C) = 0.70$

a)
$$P(S/B)$$
: $\Rightarrow P(S) = P(S \cap A) + P(S \cap B) + P(S \cap C)$
 $\Rightarrow P(S) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$
 $\Rightarrow P(S/B) = P(S/A) \cdot P(A) + P(S/B) \cdot P(B) + P(S/C) \cdot P(C)$

b)
$$P(\overline{S}/\overline{c}) = \frac{P(\overline{S}N\overline{c})}{P(\overline{c})} = \frac{P(\overline{S}0c)}{P(\overline{c})} = \frac{1 - P(S0c)}{P(\overline{c})} = \frac{1 - [P(S) + P(c) - P(SNc)]}{1 - P(c)}$$

$$= \frac{1 - P(S) - P(c)}{1 - P(c)} + P(SNc) = \frac{1 - O_17 - O_14 + P(c/S) - P(S)}{1 - O_14}$$

$$= \frac{O_12 + O_11 \cdot O_17}{O_19} = O_13$$