Zadanie:

Newtonovou metódou riešte rovnicu

$$sin(2x) + cos(x) = x$$

s použitím počiatočnej hodnoty $x_0=1$. Koľko iterácií je potrebných na dosiahnutie presnosti na 7desatinných miest? Výsledok porovnajte s výsledkom obdŕžaným pomocou Octavovskej funkcie fsolve.

Riešenie:

Newtonova metóda (alebo metóda dotyčníc) využíva na nájdenie koreňa nelineárnej rovnice dotyčnicu. Krivku v okolí koreňa nahradzujeme dotyčnicou v bode $[x_i, f(x_i)]$. Priesečník dotyčnice s osou x je nová aproximácia koreňa x_{i+1} . Výpočet je odvodený zo vzťahu pre deriváciu v bode.

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$

Podmienka je aby na danom intervale funkcia konvergovala:

- funkcia musí byť v okolí koreňov spojitá
- funkcia nesmie mať v okolí koreňa nulovú deriváciu
- druha derivácia v okolí koreňa nesmie meniť znamienko

Postup riešenia:

- 1. Zadáme funkciu zo zadania v tvare y=f(x).
- 2. Zadáme deriváciu funkcie.
- 3. Pomocou cyklu while s podmienkou $(x_{i+1}-k_i)>10^{-7}$ vypočítame koreň rovnice.
- 4. Nájdeme koreň pomocou funkcie fsolve.

Výsledky:

Koreň nájdený Newtonovou iteračnou metódou:

x=1.15129103885072

Koreň nájdený pomocou fsolve:

x=1.15129104940716

Počet iterácii:

it=4

Záver:

Newtonovou iteračnou metódou sme úspešne našli hľadaný koreň v požadovanej presnosti - 7 desatinných miest. Počet iterácii potrebných na nájdenie takého koreňa je 4. Nájdený koreň sa zhoduje presne do radu 10^{-7} s koreňom nájdeným pomocou fsolve.