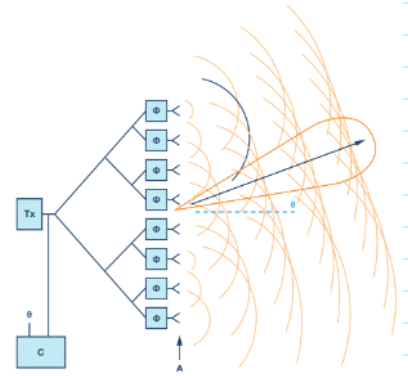


Se desea diseñar desfases pasivos para un sistema de este tipo que opera en banda ancha, buscándose que no alteren la respuesta de módulo de la señal.

a) Proponga una función transferencia normalizada de primer orden que permita rotar la fase, sin alterar el módulo. Dibuje 1) el diagrama de polos y ceros, 2) la respuesta de fase en función de la frecuencia y 3) calcule el retardo de grupo.

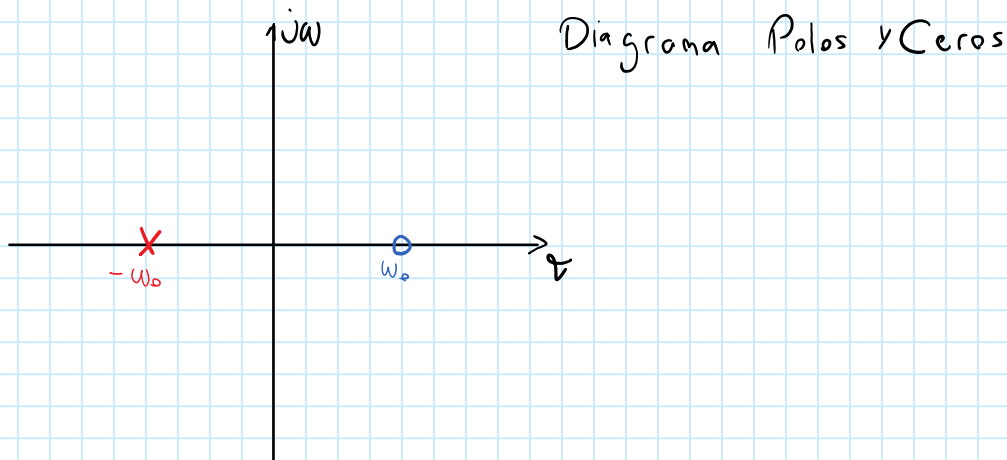
b) Proponga una topología activa y una pasiva que implementen el diagrama de polos y ceros del punto anterior. Obtenga los valores de componentes pasivos (resistencias y capacitores) para lograr que la rotación de fase sea de 15° en $\omega=1$ (medida respecto de la fase en $\omega=0$).



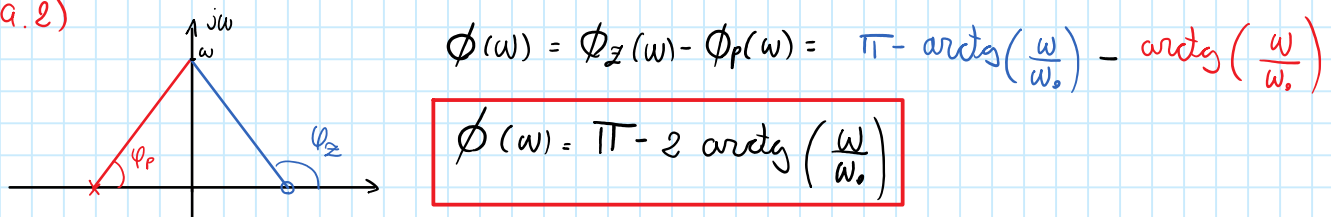
a) Para rotar la fase sin alterar el módulo, propongo una transferencia del tipo PASA TODO

$$T(s) = \frac{s - \omega_0}{s + \omega_0}$$

a.1)



a.2)



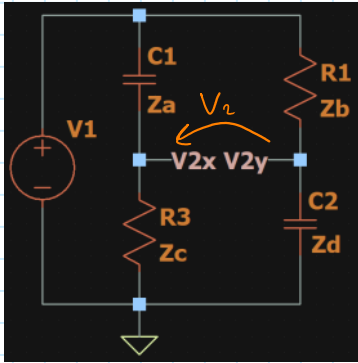
a.3) El retardo de grupo se lo define como:

$$T(\omega) = -\frac{d\phi(\omega)}{d\omega}$$

En nuestro caso

$$T(\omega) = \frac{2 \cdot \omega_0}{\omega^2 + \omega_0^2}$$

TOPOLOGIA PASIVA



$$V_{2x} = \frac{V_1 \cdot Z_c}{Z_a + Z_c}$$

$$V_{2y} = \frac{V_1 \cdot Z_d}{Z_b + Z_d}$$

$$V_2 = V_{2x} - V_{2y} \rightarrow V_2 = V_1 \left(\frac{Z_c}{Z_a + Z_c} - \frac{Z_d}{Z_b + Z_d} \right)$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{Z_c(Z_b + Z_d) - Z_d(Z_a + Z_c)}{(Z_a + Z_c)(Z_b + Z_d)} = \frac{Z_c Z_b + \cancel{Z_c Z_d} - Z_a Z_d - \cancel{Z_c Z_d}}{(Z_a + Z_c)(Z_b + Z_d)}$$

$$\text{Si } Z_a = Z_d \wedge Z_c = Z_b$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{Z_b^2 - Z_a^2}{(Z_b + Z_a)^2} = \frac{(\cancel{Z_b + Z_a})(Z_b - Z_a)}{(Z_b + Z_a)^2} \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{Z_b - Z_a}{Z_b + Z_a}$$

$$Z_a = \frac{1}{sC} \wedge Z_b = R \rightarrow T(s) = \frac{R - \frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} \rightarrow T(s) = \frac{s - \frac{1}{RC}}{s + \frac{1}{RC}}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{RC} \rightarrow \phi(\omega) = \pi - 2 \cdot \arctan(\omega RC)$$

$$\text{En } \omega=0 \rightarrow \phi(0) = \pi$$

$$\text{En } \omega=1 \rightarrow \phi(1) = \pi - 15^\circ \cdot \frac{\pi}{180^\circ}$$

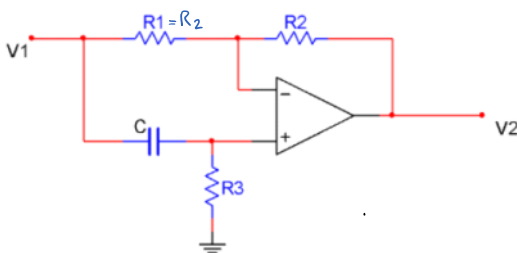
$$\therefore \cancel{\pi} - 15^\circ \cdot \frac{\pi}{180^\circ} = \cancel{\pi} - 2 \cdot \arctan(RC)$$

$$RC = \tan\left(\frac{15^\circ \pi}{2 \cdot 180^\circ}\right)$$

$$RC = 0,1316525$$

$$\text{Si } R=1 \rightarrow C = 0,1316525$$

TOPOLOGIA ACTIVA (TS1)



$$T(s) = \frac{s - \frac{1}{R_3 C}}{s + \frac{1}{R_3 C}}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{R_3 C}$$

De igual manera que antes

$$\phi(\omega=1) = \pi - 15^\circ \cdot \frac{\pi}{180^\circ}$$

$$\therefore R_3 C \approx 0,1316525$$

$$\text{Si } R_3=1 \rightarrow C \approx 0,1316525$$

2) Considere la siguiente expresión generalizada de una transferencia bicuadrática:

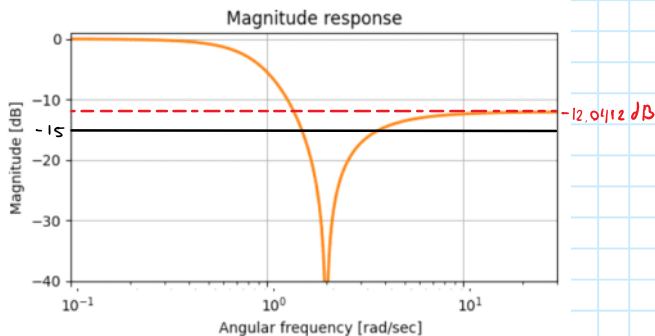
$$T(s) = k \cdot \frac{s^2 + s \cdot \frac{\omega_n}{Q_n} + \omega_n^2}{s^2 + s \cdot \frac{\omega_p}{Q_p} + \omega_p^2}$$

a) Considerando que el denominador de $T(s)$ se corresponde con el de un filtro pasa-altos Butterworth de segundo orden, especifique las condiciones necesarias para los parámetros k , Q_n , ω_n , Q_p y ω_p de forma tal que la transferencia final resulte:

NOTCH PASA BAJA

$$10^{\frac{-12,9412}{20}} \cong 0,25 = K$$

a)



$$T(s) = K \cdot \frac{s^2 + \omega_m^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

$$\text{Para } s=0 \rightarrow T(0) = K \omega_m^2 = 1 \quad \text{0 dB}$$

$$\omega_m^2 = \frac{1}{K} \rightarrow \omega_m = \frac{1}{\sqrt{K}} = \frac{1}{\sqrt{0,25}}$$

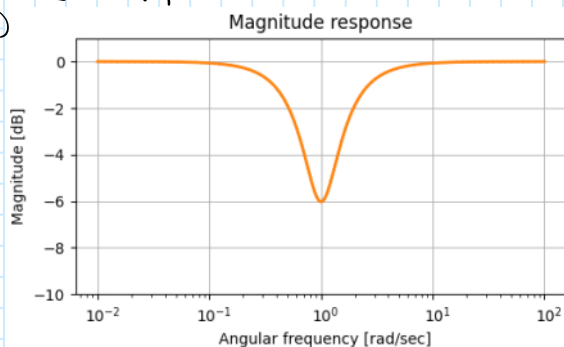
$$\therefore \omega_m = 2$$

$$T(s) = \frac{1}{4} \frac{s^2 + 2^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

$$K = \frac{1}{4} ; \omega_m = 2 ; Q_m \rightarrow \infty$$

ELIMINA BANDA

b)



$$10^{\frac{-6}{20}} \cong 0,5$$

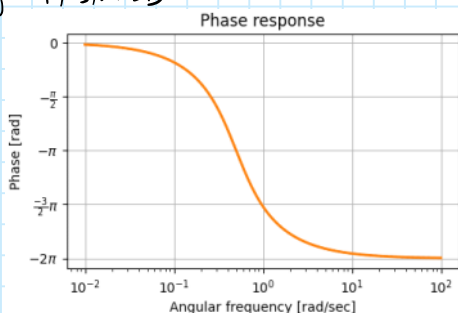
$$T(s) = \frac{s^2 - p s \frac{\omega_0}{Q} + \omega_0^2}{s^2 + s \frac{\omega_0}{Q} + \omega_0^2}$$

Segun SCHAUMANN pag 200, la profundidad de la atenuación esta dada por $|P| < 1$, Si $P = 0,5$, el valor de continua se reduce a la mitad (-6 dB) en ω_0

$$\therefore T(s) = \frac{s^2 - 0,5\sqrt{2}s + 1}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

$$K = 1 ; \omega_m = \omega_p = 1 ; Q_m = 2 Q_p = \frac{2}{\sqrt{2}}$$

c) PASA BANDA

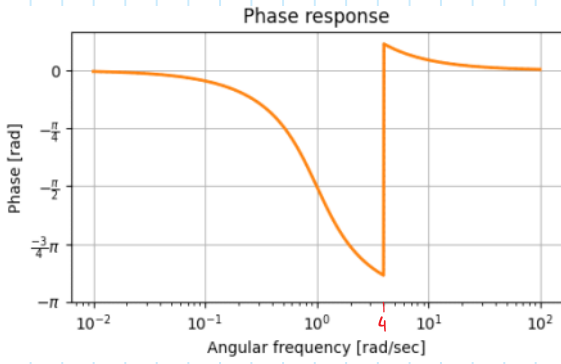


$$T(s) = \frac{s^2 - s\sqrt{2} + 1}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

$$K = 1 ; \omega_m = \omega_p = 1 ; Q_m = Q_p = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

d) NOTCH DESPLAZADO (NUMERADOR)

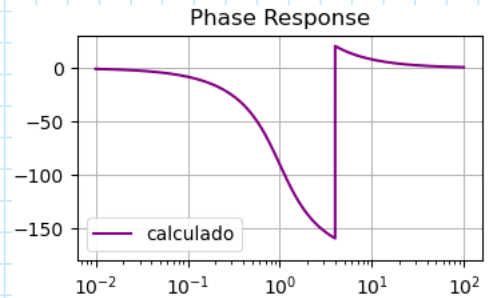
Se desplaza la ω_0 de alto hacia $\omega_0 = 4$. Si el DEN no cambia, lo debe hacer el NUM.



$$\therefore T(s) = \frac{s^2 + 4^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1} \quad K=1; Q \rightarrow \infty, \omega_m=4$$

NOTA

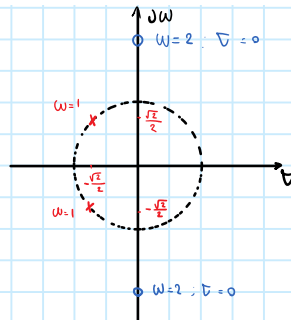
$K=1$ porque en obtenemos por simulación algo parecido al gráfico



a) En cada caso, grafique además el diagrama de polos y ceros, detallando las coordenadas de todas las singularidades.

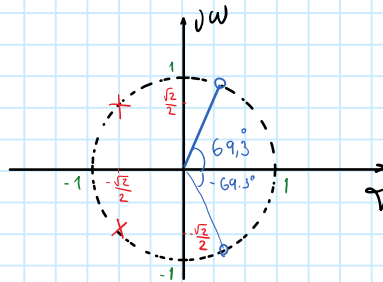
a)

$$\frac{1}{4} \frac{s^2 + 2^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$



b)

$$T(s) = \frac{s^2 - 0.5\sqrt{2}s + 1}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

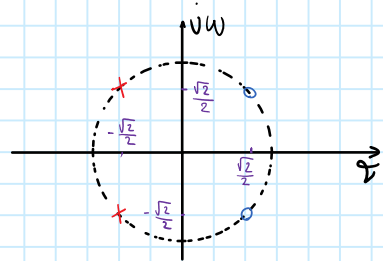


$$\frac{1}{2\cos\phi} = \frac{2}{\sqrt{2}} \quad \cos\phi = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\phi = \arccos\left(\frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 69.3^\circ$$

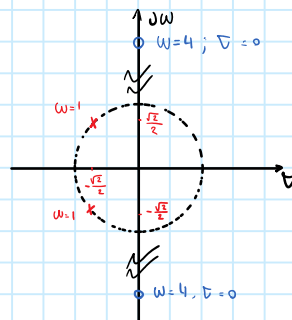
c)

$$T(s) = \frac{s^2 - s\sqrt{2} + 1}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

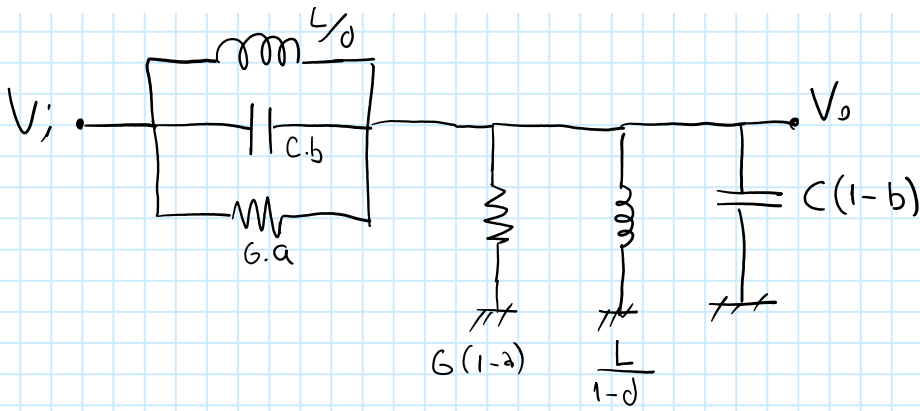


d)

$$T(s) = \frac{s^2 + 4^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$



b) Proponga un circuito normalizado, de ser posible pasivo, que tenga la respuesta indicada.



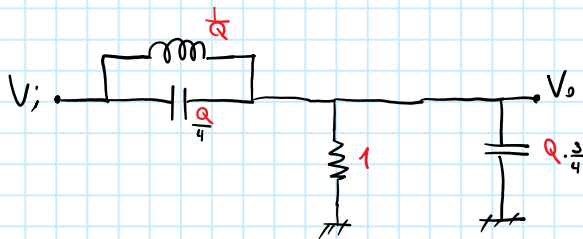
$$T(s) = b \cdot \frac{s^2 + \frac{G.a}{C.b} + \frac{d}{C.b.L}}{s^2 + \frac{G}{C} + \frac{1}{LC}}$$

a)

$$T(s) = \frac{1}{4} \frac{s^2 + 2^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1} \rightarrow b = \frac{1}{4} ; \frac{d}{b} = 4 \rightarrow d = 1 ; a = 0 ; G = 1$$

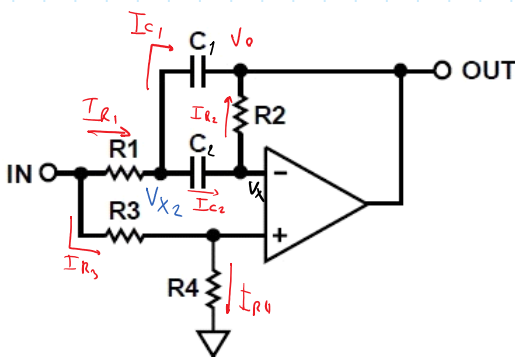
Normalizado

$$C = \frac{1}{\sqrt{2}} = Q \quad L = \frac{1}{C} = \frac{1}{Q}$$



b) $T(s) = \frac{s^2 - 0.5\sqrt{2}s + 1}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$

PARA TODO SEGUNDO ORDEN



$$\frac{V_i R_4}{R_3 + R_4} = V_x \quad (A)$$

$$1) I_{R1} = I_{C2} + I_{C1}$$

$$2) I_{C2} = I_{R2}$$

$$1) (V_i - V_{x2}) G_1 = (V_{x2} - V_x) Y_{C2} + (V_{x2} - V_o) Y_{C1}$$

$$2) (V_{x2} - V_x) Y_{C2} = (V_x - V_o) G_2$$

$$2) V_{x2} Y_{C2} - V_x Y_{C2} = V_x G_2 - V_o G_2 \rightarrow V_{x2} Y_{C2} = V_x (G_2 + Y_{C2}) - V_o G_2 \quad \leftarrow V_o \quad (A)$$

$$V_{x2} = \frac{V_i (R_4)}{Y_{C2} (R_3 + R_4)} (G_2 + Y_{C2}) - V_o \frac{G_2}{Y_{C2}} \quad (B)$$

$$1) V_i G_1 - V_{x2} G_1 = V_{x2} Y_{C2} - V_x Y_{C2} + V_{x2} Y_{C1} - V_o Y_{C1}$$

$$V_i G_1 = V_{x2} (Y_{C2} + Y_{C1} + G_1) - V_x Y_{C2} - V_o Y_{C1} \quad \leftarrow (A) \cup (B)$$

$$V_i G_1 = V_{x2} (Y_{c2} + Y_{c2} + G_1) - V_x Y_{c2} - V_o Y_{c1}$$

$$V_i G_1 = \left(\frac{V_i}{Y_{c2}} \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) (G_2 + Y_{c2}) - V_o \frac{G_2}{Y_{c2}} \right) (Y_{c1} + Y_{c2} + G_1) - V_i \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) Y_{c2} - V_o Y_{c1}$$

$$V_i G_1 - \frac{V_i}{Y_{c2}} \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) (G_2 + Y_{c2}) (Y_{c1} + Y_{c2} + G_1) + \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) Y_{c2} V_i = V_o \left(- \frac{G_2}{Y_{c2}} (Y_{c2} + Y_{c1} + G_1) - Y_{c1} \right)$$

$$V_i \left(G_1 - \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) \frac{(G_2 + Y_{c2}) (Y_{c1} + Y_{c2} + G_1)}{Y_{c2}} + \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) Y_{c2} \right) = V_o \left(- \frac{G_2}{Y_{c2}} (Y_{c2} + Y_{c1} + G_1) - Y_{c1} \right)$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{\left(G_1 - \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) \frac{(G_2 + Y_{c2}) (Y_{c1} + Y_{c2} + G_1)}{Y_{c2}} + \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) Y_{c2} \right)}{\left(- \frac{G_2}{Y_{c2}} (Y_{c2} + Y_{c1} + G_1) - Y_{c1} \right)}$$

$$T(s) = \frac{\cancel{s} C_2 G_1 - \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) (\cancel{s} C_1 G_1 + \cancel{s} C_2 G_2 + G_1 G_2 + \cancel{s}^2 C_1 C_2 + \cancel{s}^2 C_2^2 + \cancel{s} C_2 G_1) + \cancel{s}^2 C_2^2 \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right)}{- G_2 \left(\cancel{s} (C_1 + C_2) + G_1 \right) - \cancel{s}^2 C_1 C_2}$$

$$T(s) = \frac{(-1) \cancel{s}^2 \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) (C_2^2 - C_1 C_2 - C_2^2) + \cancel{s} \left(C_2 G_1 - \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right) (C_1 G_1 + C_2 G_2 + C_2 G_1) \right) + G_1 G_2 \left(\frac{G_3}{G_3 + G_4} \right)}{\cancel{s}^2 C_1 C_2 + \cancel{s} (C_1 + C_2) G_2 + (G_1 G_2)}$$

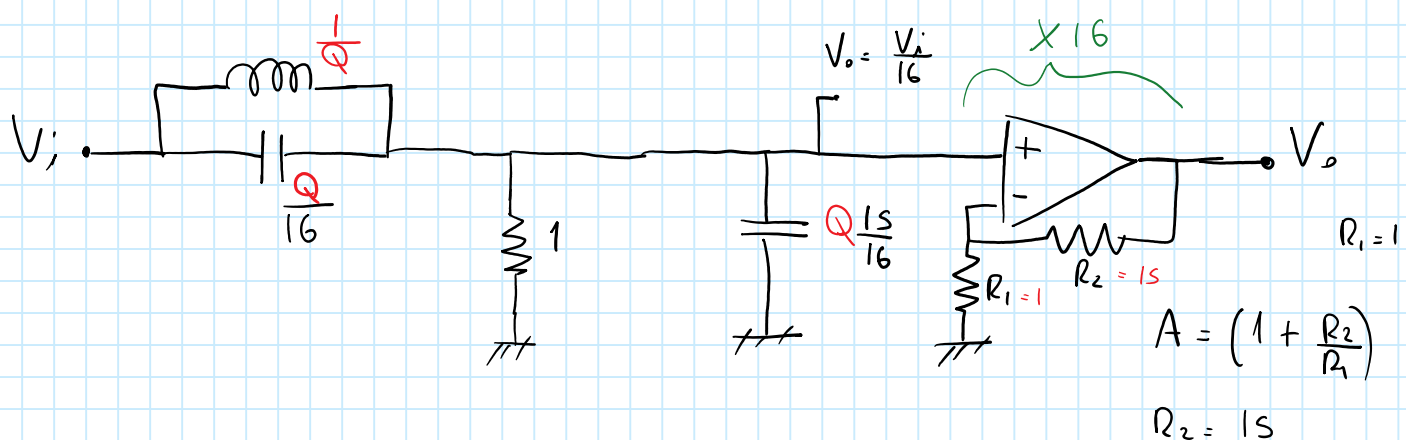
SE ME FUE DE LAS MANOS

c) NOTCH PASA TODO 2º ORDEN → Circuito

$$T(s) = \frac{s^2 + 4^2}{s^2 + s\sqrt{2} + 1}$$

$$T(s) = b \cdot \frac{\cancel{s}^2 + \cancel{s} \frac{G \cdot a}{c \cdot b} + \frac{d}{c \cdot b \cdot L}}{\cancel{s}^2 + \cancel{s} \frac{G}{C} + \frac{1}{LC}}$$

$$b = \frac{1}{16} \quad d = 1 \quad a = 0 \quad C = Q = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad L = \frac{1}{C} = \frac{1}{Q} \quad G = 1$$



3) Dada la siguiente respuesta de fase de una transferencia:

$$\phi(\omega) = \frac{\pi}{2} - \arctg\left(\frac{6\omega}{-\omega^2+4}\right)$$

- Obtener la expresión de $F(s)$
- Graficar el diagrama de polos y ceros, y con el mismo, verificar la respuesta de fase en extremos de banda
- Obtener un circuito equivalente pasivo que implemente dicha respuesta

$$\phi(\omega) = \phi(\omega)_z - \phi(\omega)_p \rightarrow \phi_z(\omega) = \frac{\pi}{2}$$

$$\phi(\omega)_p = \arctg\left(\frac{\text{Im}_p}{\text{Re}_p}\right) \therefore \text{Im}_p = 6\omega \quad \text{Re}_p = -\omega^2 + 4$$

$$\text{DENOMINADOR} = -\omega^2 + 4 + j6\omega \Rightarrow \omega \rightarrow \frac{s}{j}$$

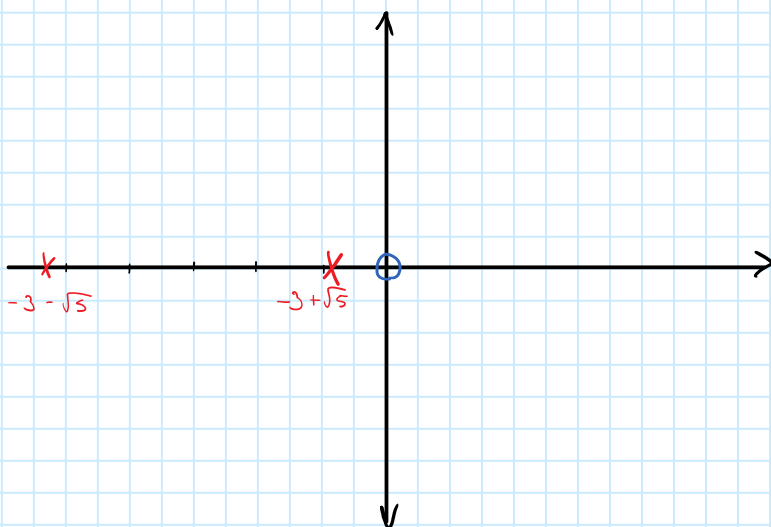
$$= -\frac{s^2}{j^2} + \cancel{j6s} + 4 \rightarrow \text{DEN}(T(s)) = s^2 + s6 + 4$$

$1 + 4K$ con $K = 1, 2, \dots$ Sea la cantidad de 0 en el origen que aportan una fase de $\frac{\pi}{2}$. Como el grado del DEN es 2, elegimos el orden del Z, tal que el grado del NUM \leq DEN \therefore DEN = s

$$T(s) = \frac{sK}{s^2 + s6 + 4} \quad \text{Para 0 dB de ganancia} \quad K = \frac{\omega_0}{Q} = 6$$

$$\therefore T(s) = \frac{s6}{s^2 + s6 + 4}$$

b) Raíces Polos: $R_1 = -3 - \sqrt{5} \approx -5,236$ $R_2 = -3 + \sqrt{5} \approx -0,761$



Para $\omega=0 \rightarrow \frac{\pi}{2}$ Fase del cero

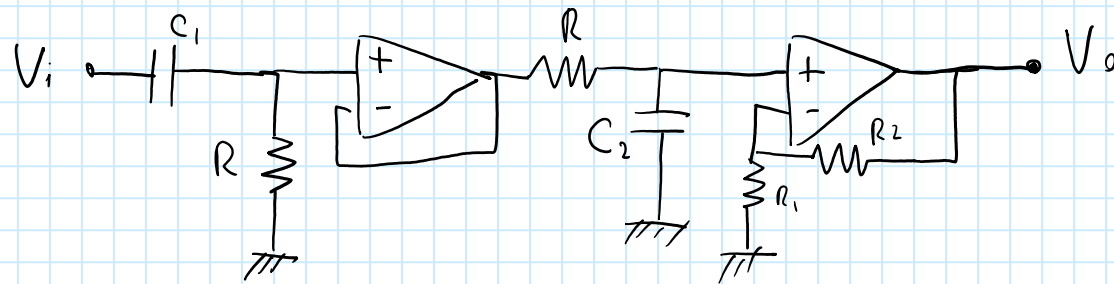
Para $\omega \rightarrow \infty \rightarrow -\frac{\pi}{2}$

$$\phi_r = \phi_z - \phi_p = \frac{\pi}{2} - \pi = -\frac{\pi}{2}$$

c)

$$G = \underbrace{\frac{1}{(1 + 5.236)}}_{\text{Pasa ALto}} \cdot \underbrace{\frac{1}{(1 + 0.764)}}_{\text{Pasa BAJo}}$$

OPAMP



H.P $R=1$

$$\omega_0 = \frac{1}{RC_1} \rightarrow C_1 = \frac{1}{5.236}$$

LP $\rightarrow R=1$

$$\omega_0 = \frac{1}{RC_2} \rightarrow C_2 = \frac{1}{0.764}$$

OPAMP $\rightarrow R_1 = R = 1$

$$K = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) = 6$$

$$\therefore R_2 = 5$$

SIMULACION EN JUPYTER