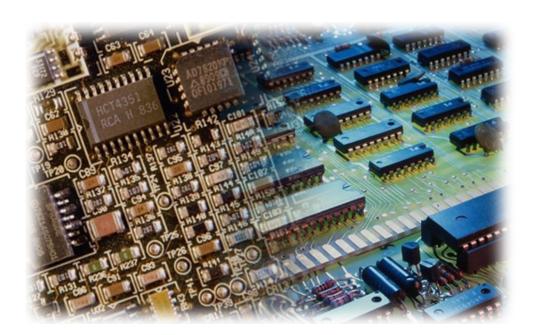




ألكترونيات صناعية وتحكم

هندسة كهربائية- ٢

١٤١ إلك



الحمد لله وحده، والصلاة والسلام على من لا نبي بعده، محمد وعلى آله وصحبه، وبعد:

تسعى المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني لتأهيل الكوادر الوطنية المدربة القادرة على شغل الوظائف التقنية والمهنية والمهنية المتوفرة في سوق العمل، ويأتي هذا الاهتمام نتيجة للتوجهات السديدة من لدن قادة هذا الوطن التي تصب في مجملها نحو إيجاد وطن متكامل يعتمد ذاتياً على موارده وعلى قوة شبابه المسلح بالعلم والإيمان من أجل الاستمرار قدماً في دفع عجلة التقدم التتموي، لتصل بعون الله تعالى لمصاف الدول المتقدمة صناعياً.

وقد خطت الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج خطوة إيجابية تتفق مع التجارب الدولية المتقدمة في بناء البرامج التدريبية، وفق أساليب علمية حديثة تحاكي متطلبات سوق العمل بكافة تخصصاته لتلبي متطلباته، وقد تمثلت هذه الخطوة في مشروع إعداد المعايير المهنية الوطنية الذي يمثل الركيزة الأساسية في بناء البرامج التدريبية، إذ تعتمد المعايير في بنائها على تشكيل لجان تخصصية تمثل سوق العمل والمؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني بحيث تتوافق الرؤية العلمية مع الواقع العملي الذي تفرضه متطلبات سوق العمل، لتخرج هذه اللجان في النهاية بنظرة متكاملة لبرنامج تدريبي أكثر التصاقاً بسوق العمل، وأكثر واقعية في تحقيق متطلباته الأساسية.

وتتناول هذه الحقيبة التدريبية " هندسة كهربائية -٢ " لمتدربي قسم" إلكترونيات صناعية وتحكم " للكليات التقنية موضوعات حيوية تتناول كيفية اكتساب المهارات اللازمة لهذا التخصص.

والإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج وهي تضع بين يديك هذه الحقيبة التدريبية تأمل من الله عز وجل أن تسهم بشكل مباشر في تأصيل المهارات الضرورية اللازمة، بأسلوب مبسط يخلو من التعقيد، وبالاستعانة بالتطبيقات والأشكال التي تدعم عملية اكتساب هذه المهارات.

والله نسأل أن يوفق القائمين على إعدادها والمستفيدين منها لما يحبه ويرضاه، إنه سميع مجيب الدعاء.

الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج

ألكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢

الحمد لله رب العالمين والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه وسلم، ... وبعد،

نتيجة للتطور الذي تشهده المملكة العربية السعودية في شتى مجالات التقنية المختلفة، كان لزاماً تخريج كوادر وطنية قادرة على استيعاب هذه التقنيات بمهارة وإتقان.

وانطلاقاً من حرص ولاة الأمر في هذا البلد وقناعتهم بالاستفادة من هذه التقنيات والأخذ بأسباب المهني التقدم بما يتوافق مع شريعتنا الغراء، فقد عهدت الدولة إلى المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني مهمة إعداد كوادر فنية مدربة قادرة على استيعاب وسائل التقنية الحديثة. وانطلاقاً من هذا الهدف النبيل قامت المؤسسة بجهد مشكور في هذا الميدان، حيث قامت بعمل ورش مختلفة وذلك بغرض تحديد المواصفات المهنية لكل تخصص فني، ومن ثم عهدت المؤسسة بتكليف بعض الأقسام في الكليات التقنية المختلفة بتأليف وإعداد مناهج نظرية وعملية متوافقة مع مواصفات التخصصات الفنية المختلفة. ومن هنا كان منهج الهندسة الكهربائية -٢ من ثمار هذا الجهد الرائع الذي قامت به الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج بالمؤسسة.

وإننا إذ نقدم هذا المنهج لطلاب الكليات التقنية، بما يتوافق مع احتياجات الطالب ومستواه الدراسى، وبأسلوب مبسط خال من التعقيد، دون الإخلال بالمحتوى العلمى.

وختاماً، نسأل المولى عز وجل أن يوفق القائمين على هذا المشروع بكل خير، كما نسأله تعالى أن يوفق أبناءنا الطلاب لفهم هذا المنهج عملياً وأن يجعل أعمالنا خالصة لوجهه الكريم، وآخر دعوانا أن الحمد لله رب العالمين.

وصلى الله على سيدنا محمد وعلى آله وصحبه وسلم،

المؤلفون



المملكة العربية السعودية المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج

هندسة كهربائية - ٢

تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربائية

ألكترونيات صناعية وتحكم

الأهداف العامة للوحدة الأولى

بعد الانتهاء من دراسة هذه الوحدة، يكون الطالب قادراً على:

- معرفة المصادر الابتدائية للطاقة الحفرية والنووية والمتجددة.
- معرفة كيفية توليد الطاقة الكهربائية من المحطات المائية.
- معرفة كيفية توليد الطاقة الكهربائية من المحطات الحرارية والنووية.
 - معرفة كيفية توليد الطاقة الكهربائية من المحطات الغازية.
 - معرفة كيفية توليد الطاقة الكهربائية من محطات الديزل.
 - معرفة كيفية توليد الطاقة الكهربائية من محطات الطاقة المتجددة.

تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربائية

هندسة كهربائية-٢

ألكترونيات صناعية وتحكم

۱ - ۱ مقدمة

ي بداية الحديث عن الطاقة الكهربائية نجد أن من المنطقي الحديث أولاً عن الطاقة بصورة عامة من حيث الصور المختلفة الموجودة في الطبيعة ومخزونها وكذلك الصور المختلفة الاستغلال هذه الطاقة أوتحويلها إلى صورة أخرى من صور الطاقة الأخرى ويلى ذلك الحديث عن طرق توليد الطاقة الكهربائية.

Energy Conversion تعويل الطاقة ۲- ۱

تنقسم الطاقات إلى نوعين أساسيين:

- ا. طاقات ابتدائية: وهي الطاقات الموجودة في الطبيعة مثل الطاقة الشمسية وطاقة الرياح والطاقات الأحفورية (نفط وغاز وفحم).
- ٢. طاقات ثانوية: وهي الطاقات المحولة من أحد أنواع الطاقات الابتدائية إلى صورة أخرى للطاقة مثل الطاقة الحرارية والطاقة الميكانيكية والطاقة الكيميائية والطاقة الكهربائية.

وسوف نتحدث بإيجاز عن مصادر الطاقة الابتدائية.

۱- ۲- ۱ مصادر الطاقة الابتدائية Primary Energy Resources

عند البحث عن حقيقة أصل الطاقة الموجودة في الطبيعة نجد الشمس هي المصدر الحقيقي والوحيد للطاقة. وقد يتعجب البعض من هذه الحقيقة العلمية لأنه قد يقفز إلى الأذهان سريعاً الصور الأخرى الملموسة لمصادر الطاقة الطبيعية الأخرى ولكن دعنا الآن نسرد سريعاً عرضاً لأنواع الطاقة الموجودة في الطبيعة ونناقش كيفية تكوينها.

مصادر الطاقة الطبيعية:

تنقسم مصادر الطاقة الطبيعية إلى ثلاثة أقسام وهي:

- (۱) المصادر الأحفورية للطاقة (Fossil Energy Resources)
- (۲) مصادر الطاقة المتجددة (Renewable Energy sources)
 - (٣) مصادر الطاقة النووية (Nuclear Energy sources)

وسوف نتكلم بإيجاز عن كل مصدر من هذه المصادر

Fossil Energy Sources المصادر الأحفورية للطاقة

وهي مصادر تكونت بفعل الطبيعة حيث ساعدت الطبيعة على تحليل الكائنات الحية التي كانت موجودة على سطح الأرض وعلى مر العصور نتيجة التراكمات الجيولوجية المختلفة ونتيجة لاختلاف طبيعة المكان واختلاف درجة التراكمات الجيولوجية وكذلك نتيجة اختلاف تأثير الشمس من مكان

هندسة كهربائية-٢

ألكترونيات صناعية وتحكم

لآخر أو من زمن لآخر فإن هذه التأثيرات الجوية على الكائنات الحية أدى إلى تكوينات مختلفة من حوامل الطاقة الأحفورية وهي:

- (Petroleum Oil) البترول (I)
- (II) الغاز الطبيعي (Natural Gas)
 - (Coal) الفحم (III)

ولو عدنا إلى حقيقة الأمر وأصل الطاقة الموجودة في هذه المصادر الأحفورية لوجدنا أنها في الواقع ما هي إلا طاقة مستمدة من الطاقة الشمسية ومخزونة في هذه الأحفوريات بمعنى أن هذه المصادر الأحفورية الثلاثة للطاقة وما هي في الواقع إلا مخزن للطاقة تم تحويل الطاقة الشمسية فيه إلى طاقة كيميائية وقد اختزنت الطاقة فيه لحين استخراج هذه الحوامل من باطن الأرض وبإعادة معاملة هذه الحوامل مرة أخرى المعاملة الكيميائية المناسبة يمكن إعادة استخراج الطاقة منها مرة أخرى.

وهذا النوع من مصادر الطاقة يتميز بأنه إلى حد كبير يمتاز بسهولة التعامل معه من حيث إنه إلى حد ما قديم وله تاريخ وخبرة في استغلاله ومن حيث طرق استغلال هذه المصادر فإنه من المعروف أن الاستغلال الأمثل لمثل لمثل هذه الحوامل هو الاستغلال الحراري حيث يتم حرق البترول أو الغاز الطبيعي أوالفحم واستغلال الطاقة الحرارية الناتجة إما استغلالاً مباشر للحرارة أو بإعادة تحويل الطاقة الحرارية إلى نوع آخر من أنواع أو صور الطاقة مثل الطاقة الميكانيكية مثلاً. ومنذ زمن بعيد وإلى يومنا هذا فإن نسبة الاعتماد على مصادر الطاقة الأحفورية هي نسبة عالية وغالبة ولكن أحد العيوب في الاعتماد على مصادر الطاقة الأحفورية هو أن هذه المصادر قابلة للنفاذ أي أن هذه المصادر لها مخزون، وهذا المخزون قابل للنفاذ وتختلف كمية المخزون لكل مصدر عن الآخر وتختلف كذلك الكمية المستهلكة من مصدر لآخر ولذلك فإن المخزون لكل مصدر من المصادر الأحفورية يمكن تقديره ليس فقط بالكمية ولكن أيضاً بالفترة الزمنية التي سوف ينفذ بعدها وتقديرها كالآتي:

المخزون (مقدرا ً بالسنوات)	المصدر الأحفوري
٤٠	البترول
٦٠	الغاز الطبيعي
۲0٠	الفحم

جدول رقم (١ - ١) المخزون الاستراتيجي لمصادر الطاقة الأحفورية

ولهذا فقد بدأ الاتجاه في السنوات الأخيرة إلى البحث عن مصادر أخرى للطاقة يكون مغزونها أكبر من مصادر الطاقة الأحفورية ولهذا فإنه من المتوقع في المستقبل أن يكون الاتجاه لبدائل الطاقة الأحفورية وهي الطاقات النووية أو الطاقات المتجددة.

Nuclear Energy الطاقة النووية ٢- ١- ٢- ١

وقد تكونت مصادر الطاقة النووية (الذرية) أيضاً بفعل الطبيعة التي ساعدت على تخزين الطاقة بفعل التفاعلات الكيميائية والطبيعية لبعض المواد ذات الطابع الخاص والمسماة بالمواد المشعة أو النظائر المشعة (Radioactive Material). وهذه المواد ذات خواص هامة جداً منها قدرتها الفائقة على اختزان الطاقة حيث أن الطاقة المنطلقة من كمية ما منها تعادل ملايين أضعاف ما تختزن كمية مساوية من المصادر الأحفورية المعتادة. وعيوب الطاقة النووية لا تُخفى على أحد حيث أن التعامل البشري مع هذه الطاقة لابد أن يكون بحذر شديد وضمان للأمان التام حيث أن المواد المشعة يمكن أن تكون ذات خطر داهم على الإنسان ولذلك فإن التقنية الحديثة تتجه إلى تأمين العنصر البشري في استخدام الطاقة النووية. ومن مميزات الطاقة النووية أن مخزونها - قياساً بمخزون الطاقات الأحفورية - كبير جداً ويقدر بآلاف السنين.

وتختلف تقنية استغلال الطاقة النووية من الانشطار النووي (fission) إلى الاندماج النووي (Fusion) الذي يمتاز بزيادة الطاقة الناتجة عن الانشطار النووي والذي مازال في طور التطور والبحث عن الطرق المثلي للتوجيه والتحكم.

أما عن طرق الاستغلال السلمي فهي في اتجاه تحويل الطاقة الناتجة عنها إلى صورة أخرى من صور الطاقة (طاقة حرارية مثلاً) أو في اتجاه علاج بعض الأمراض (السرطان مثلاً) بتعريض المريض إلى قدر محسوب مبسط من الإشعاع، لكن للأسف هناك اتجاه غير سلمي وهو استخدام الطاقة النووية كسلاح فتاك مدمر ولا يخفى على أحد مخاطر هذا السلاح الخطير على البشرية وعلى جميع الكائنات الحية. ولذلك ازدادت في الفترة الأخيرة اتجاهات المعارضة ضد هذا النوع من الطاقة وازداد الاتجاه في نفس الوقت إلى نوع آخر من أنواع الطاقات وهو الطاقة المتجددة.

Renewable Energy الطاقة المتجددة ٣- ١- ٢- ١

كما ذكرنا سابقاً فإن الطاقة الشمسية هي المصدر الأصلي والحقيقي لجميع أنواع الطاقات على الكرة الأرضية وكما ذكر فإنه قد تم تخزين الطاقة الشمسية بصورة طبيعية عن طريق بعض التفاعلات الكيميائية بفعل التراكمات الجيولوجية في الصور المختلفة للمصادر الأحفورية. ولكن في

الوحدة الأولى

الواقع أيضاً أن الطاقة الشمسية هي مصدر للعديد من الصور الأخرى للطاقة والتي نسميها بالطاقة المتجددة مثل:

- (I) الاستغلال المباشر للطاقة الشمسية بشقيها الحراري و الضوئي.
- (II) بفعل الطاقة الشمسية تتكون الكتل الهوائية الساخنة و الباردة التي باندفاعها تتكون الرياح (II) (Wind Energy) التي يمكن تحويلها إلى طاقة ميكانيكية ثم إلى صور أخرى (الطاقة الكهربائية مثلا).
- (III) بفعل الرياح تجري الأنهار فتسبب المساقط المائية (Water falls) التي يمكن استغلالها أو تحويلها إلى طاقة ميكانيكية ثم إلى صور أخرى (الطاقة الكهربائية مثلا).
- (IV) بفعل الرياح أيضاً تتحرك المياه مسببة لموج البحر (Sea waves) التي هي ما تزال في مجال الأبحاث والتجارب لاستغلالها علمياً و اقتصادياً.
- (V) بفعل حرارة الشمس تختزن الحرارة في باطن الأرض (Geophysics) و هي أيضاً في دور الأبحاث لكيفية الاستغلال الأمثل لها (الطاقة الجيوفيزيقية).
- (VI) في المحيطات تحتبس حرارة الشمس النافذة من الطبقات العليا للمحيط في طبقة متوسطة منه (VI) ميث لا تستطيع اختراق الطبقات التالية و لا يمكنها الانعكاس للخارج مرة أخرى.
- (VII) بفعل حرارة الشمس أيضاً تختزن الحرارة في مياه البحيرات (Solar Lakes) (الاحتباس الحراري).
- (VIII) بفعل حرارة الشمس أيضاً تتحلل القمامة وتسبب انبعاث ما يسمى بالغاز الحيوي الذي يمكن استغلاله كوقود غازى (Bio gas).

وية هذا الخصوص سنتعرض بوجه عام إلى الطاقة المتجددة وكما ذكرنا فإن من أهم المهيزات التي تتصف بها الطاقة المتجددة هي أنها ليس لها مخزون قابل للنفاذ بل إنها متجددة باستمرار، ولكن من أهم عيوبها أنها غير ثابتة القيمة أي أنها تتصف بالتذبذب الزمني أي إنها غير مضمونة القيمة أوالاستمرارية مع الزمن، كمثال فالطاقة الشمسية متواجدة نهاراً وغير متواجدة ليلا وتواجدها صيفاً أقوى من تواجدها شتاء وتختلف شدتها باختلاف الموقع الجغرافي وهكذا بالمثل طاقة الرياح تختلف من وقت لآخر ومن موقع لآخر وكذلك الطاقة المائية وهكذا. ولهذا فإن استغلال الطاقة المتجددة يستلزم الاستعانة بوسيلة لتخزين الطاقة وقت توارفها ثم استعادتها وقت الحاجة إليها.

وللحديث عن نظريات التيار المتردد نجد أنه من المنطقى أن نسرد بتبسيط الخطوات التي تتبع كي تصل الطاقة الكهربائية لدينا في مكان الاستخدام وكيف يتم توليدها ونقلها وتوزيعها وكيف يتم أيضا في بعض الأحيان تخزينها.

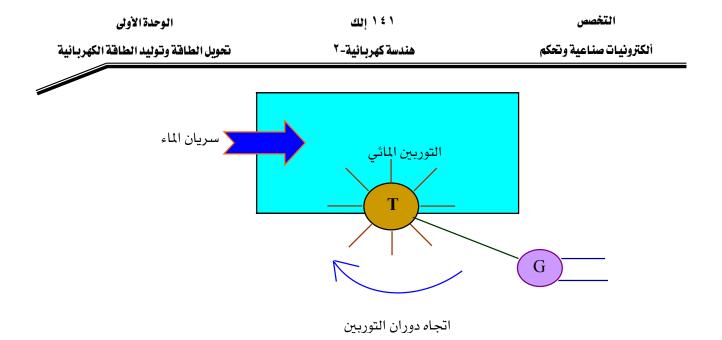
Generation of Electrical Energy توليد الطاقة الكهربائية ٣- ١

كما ذكر آنفا فإن الطاقة الكهربائية غير موجودة في الطبيعة على صورتها المعروفة، ولتوليدها يجب تحويل أحد صور الطاقة الابتدائية الموجودة في الطبيعة على صورة مبسطة إلى طاقة كهربائية ويتم ذلك عن طريق المولد الكهربائي وسوف نورد فيما بعد نظرية عمل هذا المولد بالتفصيل وتكتفي هنا بأن نذكر أن المولد الكهربائي يقوم بتحويل الطاقة الميكانيكية إلى طاقة كهربائية. ويتم هذا التحويل فيما يسمى بمحطات القوى الكهربائية حيث يتم تحويل الطاقة الابتدائية إلى طاقة ميكانيكية ثم إلى طاقة كهربائية. وتنقسم محطات القوى الكهربائية إلى أقسام عديدة طبقاً لطريقة تحويل الطاقة الابتدائية إلى طاقة ميكانيكية.

و سوف نوجز باختصار بعض أنواع تلك المحطات:

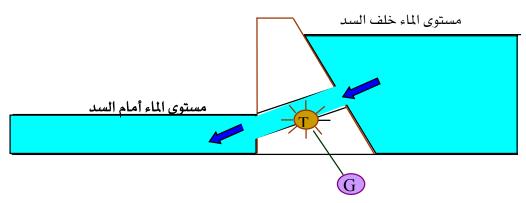
۱ - ۳ - ۱ محطات توليد الكهرباء بواسطة التربينات المائية Hydro- Power Station

في محطات التوليد المائية يتم تحويل الطاقة الابتدائية (التي هي في الأصل طاقة حركة الماء) إلى طاقة كهربائية. وفي هذه المحطات يتم تحويل الطاقة الميكانيكية التي على صورة حركة خطية للماء إلى طاقة ميكانيكية على صورة حركة دوارة وذلك عن طريق ما يسمى بالتربينات المائية وذلك كما هو ميين بالشكل رقم(١-١).



شكل رقم (١ -١) فكرة التوربين المائي

والحركة الخطية هي حركة المياه في الأنهار والتي تكونت بأمر الله ثم بفعل الطبيعة (الشمس والرياح كما ذكر سابقاً). ولكن في العادة فإن الطاقة المخزونة في حركة المياه تكون ضعيفة إلى حد ما بجانب إنها غير ثابتة القيمة على مدار العام ولذلك فإن التوليد عن طريق المحطات المائية إما أن تكون محطات صغيرة تعتمد فقط على حركة المياه غير ثابتة القيمة وتكون ذات قدرات صغيرة وغير ثابتة وإما أن تكون محطات كبيرة وفي هذه الحالة يجب الاستعانة بطريقة لتخزين الطاقة المائية وكذلك الاستعانة بوسيلة لتقوية القدرة الميكانيكية للمياه وذلك عن طريق الاستعانة ببناء سد يحجز خلفه المياه فيرتف منسوب المياه خلف السد وبالتالي يعتبر هذا السد بمثابة مخزن للطاقة المائية المحجوزة خلفه كما أنه من جهة أخرى يزيد من القدرة الميكانيكية (طاقة الوضع) بارتفاع منسوب المياه خلف السد كما هو مبين بالشكل رقم (١ -٢).

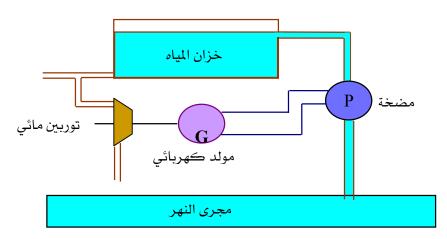


شكل رقم (١ -٢) تخزين المياه خلف السد لزيادة طاقة الوضع

الوحدة الأولى	नां । ६।	التخصص
تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهر بائية	هندسة كهربائية-٢	الكترونيات صناعية وتحكم

ومن مميزات استخدام الطاقة المائية كطاقة ابتدائية لتوليد الطاقة الكهربائية انخفاض تكاليف الكهرباء الناتجة عنها حيث أن الوقود المستخدم هو الماء الذي لا يتكلف شيئاً في حين أن التكاليف كلها عبارة عن تكاليف ابتدائية أو أساسية وهي تكاليف بناء السد وتكاليف المعدات المستخدمة من مباني ومولدات وتربينات وخلافه أما التكاليف الدورية للمحطة فهي لا تتعدى رواتب العمالة والتأمينات.

أما عيوب هذه المحطات فهي إلى جانب عدم ثبات القدرة الكهربائية نتيجة عدم ثبات منسوب المياه فهي مرتبطة ارتباطاً وثيقاً بالموقع الجغرافي حيث لابد من وجود مجرى مائي بالإضافة إلى أن مثل هذه المحطات ذات الخزان الجغرافي (السد) لها مواقع تحسب بدقة متناهية لتلافي الأضرار والآثار الجانبية التي تنجم عن بناء السد. أي أن هذه المحطات لها مواقع محددة على مسار النهر أما عن طريقة تخزين الطاقة بالنسبة لمحطات الطاقة المائية الصغيرة فتكون عن طريق استخدام خزانات صناعية علوية، تدفع إليها المياه عن طريق مضخة تستمد طاقتها من المحطة في حال توافر الطاقة الكهربائية (توافر الطاقة الكهربائية هنا تعني ارتفاع منسوب المياه أو على الأقل كفاية منسوب المياه) ويتم تخزين المياه في الخزانات لحين الاحتياج إليها في حالة العجز في توفير الطاقة الكهربائية (بمعنى انخفاض مستوى المياه أو عدم كفايته) وذلك موضح في شكل رقم (٣).



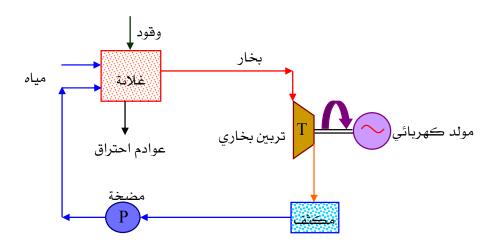
شكل رقم (١ - ٣) تخزين الطاقة الكهربائية عن طريق رفع المياه في خزانات واستعادتها

۱ - ۳ - ۲ المحطات الحرارية لتوليد الكهرباء Thermal Power Station

ي هذا النوع من محطات توليد الطاقة الكهربائية يتم توليد الطاقة الكهربائية عن طريق مولدات تستمد طاقتها الميكانيكية عن طريق تربينات بخارية تدار بالبخار وهذا يستلزم وجود هذه المحطات بجوار مصادر مائية للحصول على الماء اللازم لتحويله إلى بخار كما أن عملية تسخين الماء

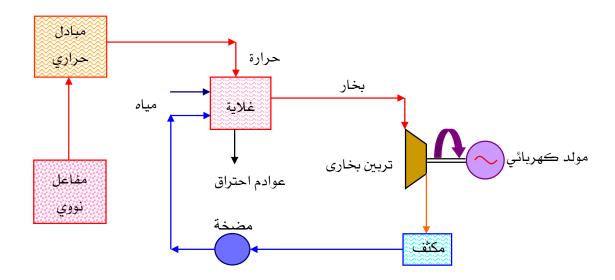
الوحدة الأولى	ला। । १।	التخصص
تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربائية	هندسة كهربائية-٢	لكترونيات صناعية وتحكم

لتحويله إلى بخار تحتاج إلى طاقة حرارية عالية يتم الحصول عليها عن طريق حرق وقود حفري مثل النفط أو الغاز الطبيعي أو الفحم، ويمكن كذلك عن طريق الوقود النووي توليد الطاقة الحرارية اللازمة لتحويل الماء إلى بخار وكذلك يمكن استخدام عدسات ومرايا لتركيز الطاقة الشمسية للاستفادة منها في الحصول على بعض من الطاقة الحرارية. شكل رقم (١ -٤) يبين رسماً تخطيطياً لكيفية توليد الكهرباء في محطات الطاقة الحرارية بواسطة الوقود الأحفوري حيث تتصف هذه المحطات بقدراتها العالية كما تتصف أيضاً بانبعاث نواتج احتراق (عوادم) تسبب تلوث البيئة وذلك عكس محطات التوليد المائية التى تنعدم فيها نواتج الاحتراق.



شكل رقم (١ -٤) المحطات الحرارية لتوليد الكهرباء

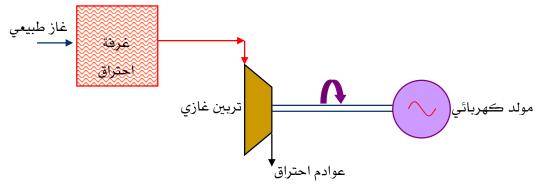
أما في حالة محطات التوليد التي تعتمد على الطاقة الحرارية الناتجة عن الطاقة النووية فهي تعتبر نظيفة من حيث عوادم الاحتراق المعتادة المعروفة (مثل أول وثاني أكسيد الكربون، أكاسيد النيتروجين، ثاني أكسيد الكبريت) ولكنها في نفس الوقت ينتج عنها نفايات نووية يجب التخلص منها بطريقة علمية صحيحة. شكل رقم (١ -٥) يبين فكرة عمل محطات الطاقة النووية بصورة مبسطة، حيث يتم الاستعاضة عن الوقود بالحرارة الناتجة عن التفاعل النووي، ويتم إيصال الحرارة إلى الغلاية عن طريق ما يسمى بالمبادل الحرارى الذي يفصل محطة توليد الكهرباء عن المفاعل النووى درءاً للأخطار.



شكل رقم (١ -٥) فكرة مبسطة لنظرية عمل محطة الطاقة النووية

Gas Turbine محطات توليد الكهرباء بواسطة التربينات الغازية Power Station

في محطات التوليد الغازية يتم حرق الغاز الطبيعي كوقود وينتج من عملية الاحتراق توليد كميات كبيرة من الغازات (عوادم الاحتراق) التي يستفاد منها في إدارة تربينات غازية مباشرة دون اللجوء إلى تربينات بخارية، كما هو مبين في شكل رقم (١ -٦).



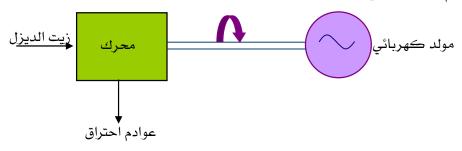
شكل رقم (١ -٦) محطات التوليد الغازية

وتتميز هذه المحطات أنها ليست مرتبطة بوجود مصادر للمياه على الإطلاق، بل إنها مرتبطة فقط بالغاز الطبيعي كوقود.

Diesel Power عمطات توليد الكهرباء بواسطة ماكينات الديزل Station

في معطات توليد الديزل يتم حرق زيت الديزل كوقود الإدارة معرك الديزل الذي يعطي حركة دوارة مباشرة دون اللجوء إلى أي توربين، وبنقل هذه الحركة إلى مولد كهربائي يمكن توليد الكهرباء. وتتميز هذه المحطات بالبساطة في تراكيبها وكلك عدم اعتمادها على المياه بالإضافة إلى سهولة نقل الوقود.

شكل رقم (١ -٧) يبين فكرة عمل محطات الديزل:



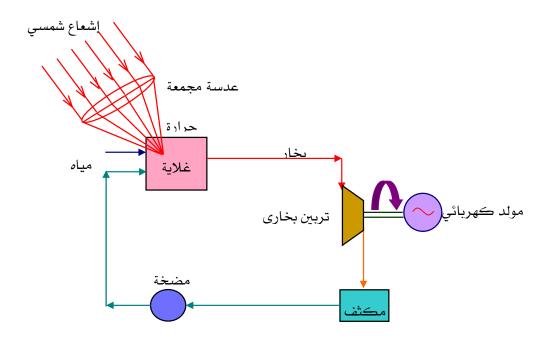
شكل رقم (۱ -۷) محطات توليد الديزل

١ -٣ -٥ محطات توليد الكهرباء من الطاقة المتجددة:

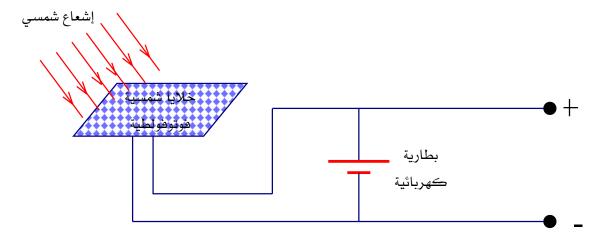
تعتمد معطات توليد الطاقة الكهربائية من الطاقة المتجددة على تحويل الطاقة المتجددة (شمسية -رياح -غاز حيوي - أمواج بحار -حرارة باطن الأرض -٠٠٠٠٠ الخ) إما إلى طاقة كهربائية مباشرة (مثل الخلايا الشمسية الفوتوفولطية) أو إلى صورة أخرى من صور الطاقة (حرارية -ميكانيكية) ثم إلى طاقة كهربائية. وكما هو معروف، فإن المشكلة المشتركة بين هذه المحطات هو عدم ثبات القدرة الكهربائية الناتجة عن المحطة وذلك لعدم ثبات أو استقرار المصادر المسببة لهذه الطاقة، ولذلك يجب الاستعانة بطريقة ما لتخزين الطاقة.

الوحدة الأولى	ला। । १।	التخصص
تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربائية	هندسة كهربائية-٢	الكترونيات صناعية وتحكم

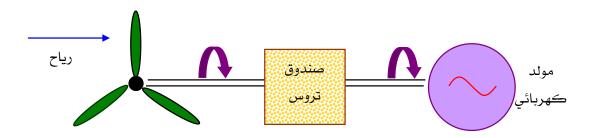
في الأشكال التالية نقدم فكرة معطات الطاقة الشمسية الحرارية ومعطات الطاقة الشمسية الضوئية ومعطات الرياح:



شكل رقم (١ - ٨) توليد الكهرباء من الطاقة الشمسية الحرارية



شكل رقم (١ -٩) توليد الكهرباء من محطات الطاقة الشمسية الفوتوفولطية



شكل رقم (۱ - ۱۰) توليد الكهرباء من طاقة الرياح

تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربائية

هندسة كهربائية-٢

الكترونيات صناعية وتحكم

تدريبات على الوحدة الأولى

- اذكر الأنواع الأساسية للطاقة.
- ٢. اذكر مصادر الطاقات الابتدائية.
- ٣. اذكر أنواع الطاقات الأحفورية.
- ٤. اذكر عيوب الطاقات الأحفورية.
- ٥. اذكر مزايا وعيوب الطاقة النووية.
- ٦. اذكر تقنيات استغلال الطاقة النووية.
- ٧. اذكر الأنواع المختلفة للطاقات المتجددة.
 - ٨. اذكر مزايا وعيوب الطاقات المتجددة.
- ٩. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من المحطات الحرارية المعتادة.
- ١٠. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من المحطات الحرارية النووية.
 - ١١. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من المحطات المائية.
 - ١٢. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من المحطات الغازية.
 - ١٣. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من محطات الديزل.
 - ١٤. اذكر كيفية الاستفادة من الطاقة الشمسية في التوليد الحراري للكهرباء.
- ١٥. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من الخلايا الشمسية الفوتوفولطية.
 - ١٦. اشرح مع الرسم المبسط كيفية توليد الكهرباء من الرياح.



المملكة العربية السعودية المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج

هندسة كهربائية- ٢

مبادئ وأسس التيار المتردد

الأهداف العامة للوحدة الثانية

بعد الانتهاء من دراسة هذه الوحدة، يكون الطالب قادراً على معرفة:

- التأثير المغناطيسي للتيار الكهربائي وقانون فاراداي.
 - نظرية عمل المولد الكهربائي.
 - كيفية توليد الموجة الجيبية.
 - تحليل الموجة الجيبية رياضياً.
- حساب القيمة المتوسطة والقيمة الفعالة للموجة الجيبية.
 - حساب زاوية الطور.
 - تمثيل الموجة الجيبية اتجاهياً ورياضياً.

الوحدةالثانية	नां । १।	التخصص
مباءئ وأسس التبار المترد	هندسة كهر بائية- ٢	لكترونيات صناعية وتحكم

۱- ۲ مقدمة Introduction

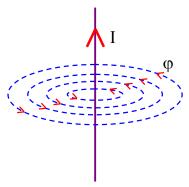
سوف نتعرض في هذا الباب إلى دراسة مبادئ وأسس توليد التيار المتردد الذي على شكل الموجة الجيبية وخواص الموجة الجيبية وكيفية تحليلها رياضياً وتمثيلها بالرسم عن طريق المتجهات.

ولدراسة كيفية توليد التيار المتردد لابدي البداية من التعرض لدراسة سريعة للتأثيرات المغناطيسية المصاحبة للتيار الكهربائي والتي هي في نفس الوقت السبب الرئيسي لتوليد التيار المتردد، وهو ما سنحاول سرده سريعاً دون تعمق.

Y - ۲ التأثير المفناطيسي للتيار الكهربائي Magnetic Effects of Electrical Current

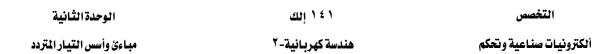
Generation & Concentration of Magnetic Field توليد وتركيز المجال المغناطيسي - ۲ - ۲ توليد وتركيز المجال المغناطيسي

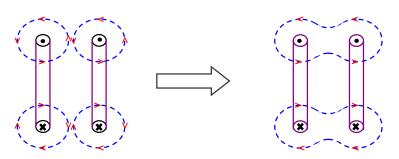
من المعروف أنه إذا مر تيار كهربائي في موصل ما ، فإن مرور هذا التيار الكهربائي يسبب نشوء ما يسمى بالمجال المغناطيسي (Magnetic Field) حول هذا الموصل على هيئة دوائر (تسمى خطوط القوى المغناطيسية (أو الفيض المغناطيسي) ، ويرمز له بالرمز φ) ، ويكون الموصل في مركز هذه الدوائر كما هو مبين بشكل رقم (۲ - ۱).



شكل رقم (٢ - ١) دوائر المجال المغناطيسي.

وخطوط القوى المغناطيسية هذه يكون لها اتجاه يرتبط باتجاه سريان التيار الكهربائي، وتربطهما قاعدة تسمى قاعدة البريمة لليد اليمنى: حيث يتم فتح اليد اليمنى بحيث يكون اتجاه إصبع الإبهام عمودياً على اتجاه باقي الأصابع، وإذا اعتبر اتجاه التيار في اتجاه إصبع الإبهام، يكون اتجاه خطوط القوى المغناطيسي (أو خطوط القوى خطوط القوى المغناطيسي (أو خطوط القوى المغناطيسية في اتجاه دوران باقي الأصابع. ولتركيز المجال المغناطيسي الناتج عن المغناطيسية بنتم لف هذا الموصل (السلك) على هيئة ملف، ولدراسة المجال المغناطيسي الناتج عن الملف، نتخيل أخذ مقطع رأسى في هذا الملف فيظهر الملف بالصورة المبينة في شكل رقم (٢٠-٢).

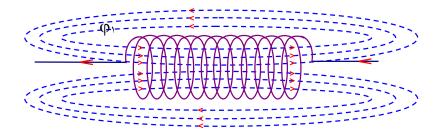




شكل رقم (٢ - ٢) مقطع رأسي في ملف حامل للتيار الكهربائي.

ويلاحظ الآتى:

- (۱) عند المقاطع يكون التيار إما داخلاً أو خارجاً من المقطع ويرمز لدخول التيار إلى سطح الورقة بعلامة (×) ويرمز لخروج التيار بالرمز (●) ، وبتطبيق قاعدة البريمة لليد اليمنى عند المقاطع (حيث خطوط القوى المغناطيسية على هيئة دوائر) ، يكون اتجاه خطوط القوى المغناطيسية كما هو مبين بالشكل رقم (۲ -۲).
- (۲) في المنتصف ما بين اللفة والأخرى التالية لها، تكون خطوط القوى في اتجاهات متعاكسة، وبالتالي تلغي بعضها تأثير بعض، وكلما ابتعدنا عن منتصف المسافة بين اللفتين، كلما اختلفت قيمة المجال الناشئ من كل لفة، وكلما تواجدت قيمة محصلة للمجال.
- (٣) في مركز الملف يكون اتجاه خطوط القوى المغناطيسية في اتجاه واحد وبالتالي تجمع خطوط القوى المغناطيسية، وبهذا يتم تركيزها.
- (٤) يلاحظ أن خطوط القوى المغناطيسية خارج الملف تكون متواصلة كما هو مبين بشكل رقم (٢ ٣).

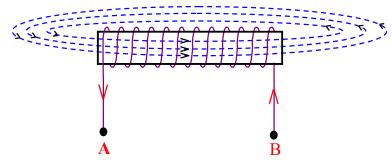


شكل رقم (٢ - ٣) تركيز المجال المغناطيسي في قلب الملف.

ولأن خطوط القوى المغناطيسية (φ) تكون على هيئة مسارات مغلقة، فإن هذه الخطوط أو هذه المسارات تسير في المعالمة التي أمامنا فإن خطوط القوى المغناطيسية تسير في المواء، وإذا

الوحدة الثانية	लां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	الكترونيات صناعية وتحكم

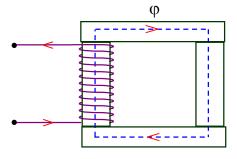
تخيلنا الآن أن هذا الملف ملفوف حول قطعة من الحديد (قلب حديدي)، فإن خطوط القوى المغناطيسية ستأخذ مساراً لها في داخل قطعة الحديد وتكمل بعد ذلك مسارها في الهواء خارج الحديد.



شكل رقم (٢ -٤) تأثير القلب الحديدي على زيادة المجال المغناطيسي.

ولأن المواد الحديدية لها خاصية مغناطيسية، فإن مقاومتها لمرور خطوط القوى المغناطيسية تلاقي في مسارها في هذه الحالة مقاومة كلية أقل من الحالة الأولى حيث أن المسار (في الحالة الأولى) يكون كله في الهواء ذي المقاومة المرتفعة نسبياً لمرور المجال المغناطيسي، في حين في الحالة الثانية تحتل مقاومة الحديد جزءاً من المسار الذي كان يشغله الهواء في الحالة السابقة. وبالتالي نتوقع أن قيمة المجال المغناطيسي في الحالة الثانية (ϕ) أكبر من قيمته في الحالة الأولى (ϕ) بالرغم من عدم تغير قيمة التيار الكهربائي كما هو مبين بشكل رقم (ϕ).

وللاستفادة من هذه الخاصية الهامة في الحديد، يمكن أيضاً زيادة حجم الحديد في مسار خطوط القوى المغناطيسية حتى يمكن أن يكتمل المسار كله كما في الشكل رقم (٢ -٥).



شكل رقم (٢ -٥) ملف ملفوف على قلب حديدي مغلق.

ولذلك فإن:

 $\Phi' < \Phi' < \Phi'$

وبهذا المبدأ يمكن تركيز المجال المغناطيسي داخل القلب الحديدي، وهذا هو بداية الطريق لشرح نظرية عمل المولد الكهربائي لشرح كيفية توليد التيار المتردد، ولنبدأ بقانون فاراداي.

الوحدة الثانية	न्तां । १।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهريائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

Faraday's Law خانون فاراداي ۲- ۲- ۲

ينص قانون فاراداي على أنه إذا تعرض ملف ما ذو عدد لفات N لمجال مغناطيسي أو خطوط قوى مغناطيسية متغيرة مع الزمن كما هو مبين بشكل رقم (٢ -٦)، تتولد قوة دافعة كهربائية E (جهد كهربائي) بين طرفي هذا الملف، تتناسب مع معدل تغير المجال المغناطيسي مع الزمن وتساوي عدد اللفات N مضروباً في معدل تغير خطوط القوى المغنطيسية بالنسبة للزمن وذلك بإشارة سالبة، كما هو مبين من العلاقة رقم (٢ - ١):

$$E = -N \frac{d\phi}{dt}$$

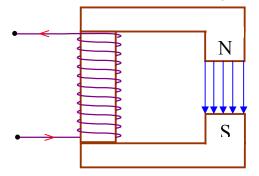
$$\phi = f(t)$$

$$E = -N d\phi/dt$$

شكل رقم (٢ - ٦) توليد القوة الدافعة الكهربائية طبقاً لقانون فاراداي.

8 - ٣ نظرية عمل المولد الكهربائي Basic Concepts of Electrical Generator

بالعودة إلى شكل رقم (٢ -٥)، يمكن التخيل الآن أن القلب الحديدي غير مغلق تماماً وأنه توجد ثغرة هوائية في مسار خطوط القوى المغناطيسية، لذلك فإن خطوط القوى المغناطيسية تمر الآن في القلب الحديدي وتكمل مسارها في الهواء ويكون المجال المغناطيسي مركزاً في هذه الثغرة الهوائية وهو ما يعرف بالمغناطيس، حيث له قطب شمالي خارجة منه الخطوط المغناطيسية وقطب جنوبي داخلة إليه الخطوط، كما هم مبين بالشكل رقم (٢ -٧).



شكل رقم (٢ -٧) تركيز المجال المغناطيسي في الثغرة الهوائية.

الوحدة الثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	لكترونيات صناعية وتحكم

في هذه الثغرة يمكن استغلال هذا المجال المغناطيسي بطريقة أخرى كالآتي: إذا تحرك أي موصل في هذه الثغرة الهوائية قاطعاً خطوط القوى المغناطيسية، تتولد بين أطرافه قوة دافعة كهربائية تبعاً لقانون فاراداى:

$$E = -N \frac{d\phi}{dt} \tag{Y-Y}$$

إذا فرضنا أن كثافة خطوط القوى المغناطيسية قيمة ثابتة B:

$$\frac{\varphi}{A} = B \tag{(\Upsilon-\Upsilon)}$$

إذن:

$$\varphi = BA \tag{5-7}$$

$$d\phi = BdA$$
 (°- Υ)

فإذا تحرك موصل ذو طول ℓ في المجال المغناطيسي قاطعاً خطوط القوى المغناطيسي ϕ ، تتولد بين أطرافه قوة دافعة كهربائية E يمكن حسابها كالآتي: إذا تحرك الموصل حركة صغيرة لمسافة صغيرة dx، فإن خطوط القوى المغناطيسية التي يقطعها الموصل في حركته $d\phi$ ، حيث:

$$d\phi = BdA$$

$$dA = \ell dx \tag{Y-Y}$$

$$d\phi = B\ell dx \tag{A-Y}$$

وتبعا لقانون فاراداي، الموضح بالمعادلة رقم (Y-Y)، وبما أن: N=1، إذن:

$$|E| = B\ell \frac{dx}{dt} = B\ell\nu \tag{9-7}$$

حيث إن:

B = كثافة خطوط القوى المغناطيسية (ذات القيمة الثابتة)

طول الموصل = ℓ

v = السرعة الخطية لحركة الموصل *العمودية* على اتجاه المجال المغناطيسي.

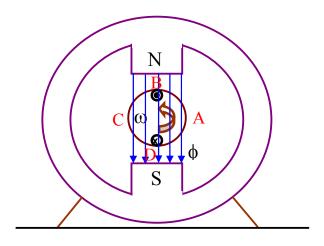
الوحدة الثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيبار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

وحيث إن القوة الدافعة الكهربائية Ε لها اتجاه (قطبية: سالب وموجب)، فإن هذا الاتجاه له علاقة باتجاه كل من: φ و ν، وتحدد العلاقة بين هذه الاتجاهات الثلاثة عن طريق قاعدة فلمنج لليد اليسرى، حيث تقول:

إذا وضع الثلاثة أصابع لليد اليسرى الإبهام والسبابة والوسطي في ثلاثة اتجاهات متعامدة على بعضها، فإن اتجاه المجال يكون في اتجاه الإصبع الوسطي واتجاه الحركة في اتجاه الإصبع الإبهام واتجاه التيار في اتجاه الإصبع السبابة.

Generation of Sine Wave توليد الموجة الجيبية ١- ٣- ٢

لو تخيلنا الآن أن الموصل يتحرك حركة دوارة في المجال المغناطيسي أي أنه يتبادل موقعه ما بين القطبين الشمالي والجنوبي باستمرار، كما هو مبين بالشكل رقم (٢ - ٨)، وبتطبيق قاعدة فلمنج نجد أن القوة الدافعة الكهربائية وكذلك التيار بهذا التبادل الحركي للموصل تحت الأقطاب المختلفة تتغير أيضاً اتجاهاتها (إشارتها) وهذا هو ما يسمى بالتيار المتردد.



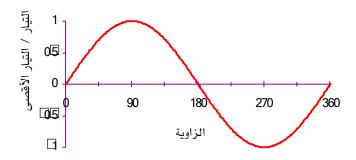
شكل رقم (٢ - ٨) توليد الموجة الجيبية.

فإذا تخيلنا الموصل الموضح في شكل رقم (٢ - ٨)، وأنه بدأ يتحرك حركة دوارة ليأخذ الأوضاع A ثم A ثم A ثم A ثم A

- (۱) عند النقطة A يتحرك الموصل حركة موازية للمجال المغناطيسي فلا يقطعه ولا ينتج عن ذلك توليد أى قوة دافعة كهربائية.
- (۲) عند النقطة B يتحرك الموصل حركة عمودية تماماً على المجال المغناطيسي فيتولد بين أطرافه قوة دافعة كهربائية بقيمة عظمى ويكون اتجاهها (وبالتالي التيار الكهربائي) في الاتجاه الخارج من الموصل كما هو مبين بالشكل رقم (۲ ۸).

الوحدة الثانية	कां। १६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	الكترونيات صناعية وتحكم

- (٣) عند النقطة C يتحرك الموصل ثانية موازياً للمجال المغناطيسي فلا تتولد أية قوة دافعة كهربائية.
- (٤) عند النقطة D يتحرك الموصل حركة عمودية تماماً على المجال المغناطيسي فيتولد بين أطرافه قوة دافعة كهربائية بقيمة عظمى ويكون اتجاهها (وبالتالي التيار الكهربائي) في الاتجاه الداخل إلى الموصل. وإذا رسمنا العلاقة بين الزاوية التي قطعها الموصل من الوضع الابتدائي حتى أكمل دورته الكاملة وبين قيمة التيار المتولد فيه، لوجدنا هذه العلاقة على شكل منحنى الموجة الجيبية كما في شكل رقم (٢ -٩).



شكل رقم (٢ -٩) شكل الموجة الجيبية.

Mathematical Analysis of Sine Wave التحليل الرياضي للموجة الجيبية ٢- ٣- ٢

لإجراء التحليل الرياضي للموجة الجيبية سوف نتناول بعض التعريفات والعلاقات الهامة المتعلقة بالحركة الدوارة للموصل في المجال المغناطيسي.

السرعة الخطية (V): هي المسافة الطولية التي يقطعها الموصل في الثانية الواحدة.

السرعة الزاوية (@): هي الزوايا النصف قطرية التي يقطعها الموصل في الثانية الواحدة، وتقاس الزاوية نصف القطرية بوحدة تسمى راديان radians

التردد (f): هو عدد الدورات الكاملة التي يقطعها الموصل في الثانية الواحدة.

عند قطع الموصل لدورة كاملة، فإن المسافة d التي يقطعها تكون عبارة عن طول محيط الدائرة التي قطرها D أي:

$$d = 2 \pi D/2 \tag{1.-1}$$

وتكون الزوايا نصف القطرية المقطوعة θ هي:

$$9 = \frac{(2 \pi D/2)}{(D/2)} = 2 \pi$$

الوحدة الثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيبار المتردد	هندسة كهريائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

وبالتالي، إذا قطع الموصل في الثانية الواحدة عدد f من الدورات، يكون قطع مسافة طولية مقدارها V

$$V = (2 \pi D/2) \cdot f \tag{17-7}$$

ويكون قطع عدد زوايا نصف قطرية مقدارها @ حيث:

$$\omega = 2 \pi f \tag{1.7-1}$$

وبالتالى تكون العلاقة بين V و @ كالتالى:

$$V = \omega \cdot (D/2) \tag{15-7}$$

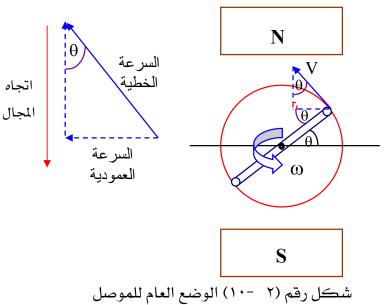
وفي خلال زمن t يكون الموصل قد قطع مسافة طولية قدرها:

$$d = V \cdot t \tag{10-1}$$

ويكون قد قطع زاوية نصف قطرية قدرها:

$$\theta = \omega \cdot t \tag{17-7}$$

لنتخيل الآن أن الموصل تحرك من نقطة الصفر ووصل إلى وضع عام حيث قطع زاوية مقدارها θ حيث يفترض أنه يتحرك بسرعة خطية ثابتة V، كما هو مبين بشكل رقم (٢ -١٠)، إذن:



$$v = V \sin\theta \tag{14-7}$$

حيث υ هي السرعة العمودية على خطوط القوى المغناطيسية ϕ . وبالتالى فإن:

$$E = B \ell V = B \ell V \sin \theta = B \ell V \sin(\omega t)$$
 (1A-7)

الوحدة الثانية	ा । । ।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

$$\therefore E = B \ell V \sin(\omega t) = E_{max} \sin(\omega t)$$

$$\therefore E_{max} = B \ell V = B \ell \omega (D/2)$$

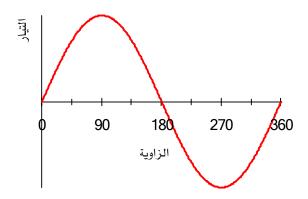
$$\therefore E = \left(\frac{B \ell \omega D}{2}\right) \sin(\omega t)$$

$$(? ? - ?)$$

$$(? ? - ?)$$

أي أن العلاقة السابقة بين قيمة القوة الدافعة الكهربائية والزاوية المقطوعة هي علاقة جيبية.

T- ۲- ۲ القيمة الحسابية للموجة الجيبية ٣- ٣- ٢



شكل رقم (۲ - ۱۱) التيار المتردد على هيئة موجة جيبية

لأن التيار في الموجه الجيبية ليست له قيمة ثابتة مع الزمن كما هو مبين بشكل رقم (٢ -١١)، بل إنه يتغير باستمرار بصفة دورية، نجد أن السؤال الذي يطرح نفسه هو: ما هي قيمة التيار في حالة الموجة الحيبية ؟

وللإجابة على هذا السؤال لابد من التفرقة هنا بين حالتين: الحالة الأولى هي حالة اعتبار الشحنة الكهربائية والحالة الثانية هي اعتبار التأثير الحراري للتيار الكهربائي.

Average value of sine wave القيمة المتوسطة للموجة الجيبية

في الحالة الأولى: إذا نظرنا إلى دورة من الدورات الجيبية ولو حسبنا الشحنة الكهربائية المارة في مقطع سلك ما يحمل تيارا جيبيا وذلك في زمن الدورة الواحدة (T)، لوجدنا أن محصلة الشحنة الكهربائية = صفر. حيث أن الشحنة الموجبة المارة في زمن T/۲ تساوي الشحنة السالبة المارة في النصف الآخر من الدورة، ويمكن حساب كل من الشحنة الموجبة والشحنة السالبة على حدة باعتبار الزمن T/۲

الوحدة الثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

فقط وبالتالي يمكن حساب القيمة المتوسطة لنصف الدورة كما هو مبين بشكل رقم (٢- ١٢)، على انه: التيار المستمر الذي إذا مر في مقاومة ما في زمن T/r لتسبب في مرور نفس الشحنة التي يسببها التيار المتردد في نفس الزمن.

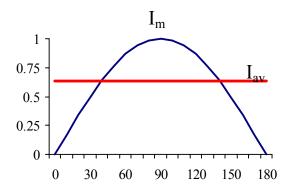
$$\pi I_{av} = \int_{0}^{\pi} I_{m} \sin \theta d\theta = I_{m} [\cos (\pi) - \cos(0)] = 2I_{m}$$

$$I_{av} = \frac{2}{\pi} I_{m}$$

$$(\Upsilon \Upsilon - \Upsilon)$$

وبالطبع فإن التيار المتوسط للدورة كلها = صفر

$$I_{av} = (\frac{1}{2\pi}) \int I_m \sin \theta = I_m [\cos(\theta) - \cos(2\pi)] = 0$$
 (Y \(\xi_- \text{Y}\))



شكل رقم (٢ - ١٢) القيمة المتوسطة لنصف الموجة الجيبية

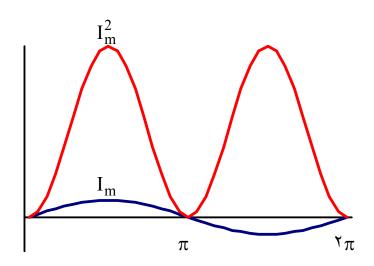
T- ۳- ۳- ۲ القيمة الفعالة للموجة الجيبية ٢- ٣- ٣- ٢

في الحالة الثانية: حيث ندرس التأثير الحراري للتيار الكهربائي، فلو تخيلنا مثلاً أن التيار يضيء مصباح كهربائي، فإن هذا المصباح يشع حرارة ويضيء في نفس الوقت، هذا بالطبع دون تفرقة ما إذا كانت القطبية سالبة أو موجبة ولهذا تعرف القيمة الفعالة للتيار المتردد بأنها قيمة التيار المستمر التي إذا مرفي ذائرة ما لفترة زمنية ما فإنها تعطي نفس التأثير الحراري للتيار المتردد إذا مرفي نفس الدائرة لنفس الزمن. هذه القيمة لا تفرق بين تيار سالب وتيار موجب وتسمى r.m.s وهي اختصار للكلمات 1001

الوحدةالثانية	ता। । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

mean square وهذه الكلمات تصف تماماً الخطوات المتخذة لحساب قيمة الفعالة للتيار المتردد ذي الموجة الجيبية الموصوف بالمعادلة: $i = I_m \sin \theta$ كما يلى:

(۱) للتخلص من تأثير القطبية ، تربع معادلة التيار لتصبح: (square) $i^2 = (I_m \sin \theta)^2$ ، ڪما هو مبين بشڪل رقم (۲ – ۱۳).



شكل رقم (٢ -١٣) تربيع الموجة الجيبية

(٢) يتم التكامل على كل الموجة أو نصف الموجة ليس هناك اختلاف حيث أن تربيع الموجة يلغي تأثير هذا الاختلاف، ثم تجرى عملية قسمة على الفترة الزمنية التي أجري عليها التكامل (mean):

$$\frac{1}{\pi} \int \left(I_{\mathrm{m}}^{2} - \sin^{2} \theta \right) = \left(\frac{I_{\mathrm{m}}^{2}}{\pi} \right) \int \frac{\left(1 - \cos 2\theta \right)}{2} = \frac{I_{\mathrm{m}}^{2}}{2} \tag{Yo-Y}$$

(٣) يؤخذ الجذر التربيعي للحصول على القيمة الفعالة (root):

$$I_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{I_{\text{m}}^2}{2}} = \frac{I_{\text{m}}}{\sqrt{2}} \tag{Y7-Y}$$

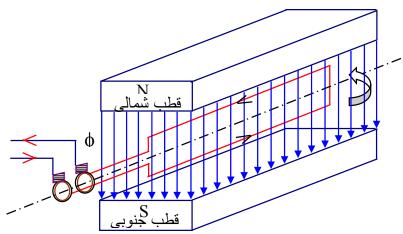
إذن لحساب القيمة الفعالة (root mean square) أو اختصارا (rms):

$$I_{\text{eff}} = \sqrt{\left(\left(\frac{1}{\pi}\right)\int I_{m}^{2} \sin^{2}\theta\right)} \tag{YV-Y}$$

الوحدةالثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	كترونيات صناعية وتحكم

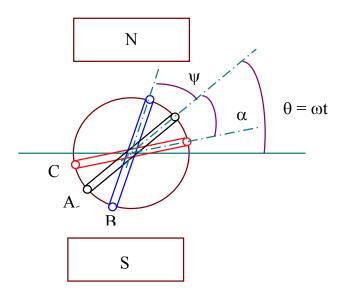
۲ - ۳ - ٤ زاوية الطور Phase angle

وبالعودة إلى شكل (٢ - ١٠) ولتكملة الفكرة عن توليد التيار المتردد وبعد الحديث عن موصل وبالعودة إلى شكل (٢ - ١٠) ولتكملة حيث يمكن توصيل اثنين من الموصلات تحت قطبين مختلفين وبذلك يكمل التيار مساره كما هو موضح بشكل رقم (٢ - ١٤) ثم يخرج التيار إلى خارج الملفات عن طريق اثنين من حلقات الانزلاق واثنين من الفرش.



شكل رقم (٢ -١٤) مجسم يبين لفة كاملة.

لو فرضنا الآن أن هناك ثلاثة ملفات مشتركة في نفس المحور ولكن يفصل بينهم زوايا ثابتة: ψ & ψ ، نجد الآتي:



شكل رقم (٢ -١٥) ثلاثة ملفات في أوضاع مختلفة

الوحدة الثانية	ता। १६१	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتعكم

- نجد أنه بينما تكون معادلة القوة الدافعة الكهربائية في الملف A هي:

$$eA = Em \sin \omega t$$
 (YA-Y)

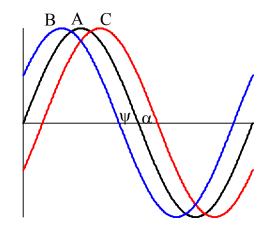
- نجد أنه في الملف B تكون معادلة القوة الدافعة الكهربائية هي:

$$eB = Em \sin(\omega t + \psi) \tag{7.4-7}$$

- نجد أنه في الملف C تكون معادلة القوة الدافعة الكهربائية هي:

$$eC = Em \sin (\omega t - \alpha)$$
 ($^{\circ}$ - $^{\circ}$)

B هذا يعني أن الجهود في الثلاثة ملفات متساوية في قيمتها العظمى ولكن الفارق هو أن الملف B يصل إلى قيمته العظمى أولاً ثم بعد زاوية مقدارها ψ يصل الملف χ إلى قيمته العظمى ثم بعد زاوية مقدارها χ يصل الملف χ إلى قيمته العظمى كما هو مبين بشكل رقم χ الملف χ ا



شكل رقم (٢ -١٦) الجهد المتولد على الملفات الثلاثة.

وعلى هذا يمكن أن ندرك أن الملفات الموجودة كلها لاتصل في نفس الوقت إلى القيمة العظمى ولكن يفصل بين بعضها البعض زوايا ثابتة ولأن حركة الملفات حركة نسبية فإنه يستلزم هنا لحساب الزوايا، اعتبار أحد هذه الملفات هو المرجع (reference) أو الدليل وينسب إليه باقي الملفات.

فإذا اعتبرنا مثلا الملف A هو المرجع فإن الملفات C،B تنسب إليه وفي هذه الحالة تعتبر زاوية الدليل هي المرجع فتساوى صفراً، وتنسب الزوايا الأخرى إليها وتسمى هذه الزوايا في هذه الحالة بزوايا الطور:

الوحدة الثانية	कां । ६।	التخصص
مباءئ وأسس التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

♦ يعتبر الملف A هو المرجع، زاوية الطور = صفر:

$$\mathbf{e}_{\mathbf{A}} = \mathbf{E}_{\mathbf{m}} \sin(\omega \mathbf{t} + 0) \tag{7.1-7}$$

♦ تعتبر زاوية الطور زاوية متقدمة إذا كانت إشارتها موجبة مثل:

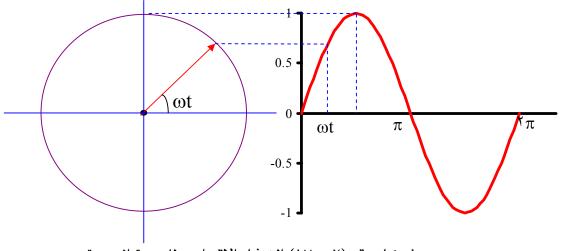
$$e_{B} = E_{m} \sin(\omega t + \psi) \tag{77-7}$$

♦ تعتبر زاوية الطور زاوية متأخرة إذا كانت إشارتها سالبة مثل:

$$e_{C} = E_{m} \sin(\omega t - \alpha)$$
 (77-7)

Representation of Sine Wave التمثيل الاتجاهى للموجة الجيبية - ٣- ٢

يمكن تمثيل الجهد المتغير الذي تمثله الموجه الجيبية بتمثيل آخر مكافئ وهو عبارة عن متجه ثابت القيمة قيمته Em ويدور بسرعة زاوية ثابتة شوالزاوية المحصورة بين المحور السيني وهذا المتجه هي الزاوية to وكذلك إسقاط هذا المتجه على المحور الصادي يمثل القيمة اللحظية للجهد المتغير كما هو مبين بشكل رقم (٢ -١٧).



شكل رقم (٢ -١٧) التمثيل الاتجاهي للموجة الجيبية.

Mathematical Representation of Vectors التمثيل الرياضي للمتجهات ۱- ۵- ۳- ۲

يمكن تمثيل المتجهات بالطرق الآتية:

١ - صيغة الإحداثيات المتعامدة.

٢ - الصيغة المثلثية.

٣ - الصيغة الأسية.

٤ - الصيغة القطبية.

التخصص الوحدة الثانية التخصص العرب الله التيار المتردد مباءيّ وأسس التيار المتردد مباءيّ وأسس التيار المتردد

وفيما يلى سوف نتحدث باختصار عن بعضها:

(١) صيغة الإحداثيات المتعامدة:

أية كمية مركبة A يمكن تمثيلها على مستوى أرجاند على هيئة كمية حقيقية مضافة إلى كمية تخيلية كالآتى:

$$A = a_1 + ja_2 \tag{75-7}$$

حيث j هو وحدة اتجاهية وتعريفه كالآتى:

 $\sqrt{-1}$ = هو متجه مقداره الوحدة وهو ينطبق على المحور الصادي وقيمته j

ولشرح هذا المستوى نتخيل الآتي:

تمثل الأعداد الحقيقية كنقط تقع على خط مستقيم يمتد من سالب ما لانهاية إلى ما لانهاية ماراً بالصفر كما هو مبين بشكل رقم (٢ -١٨).

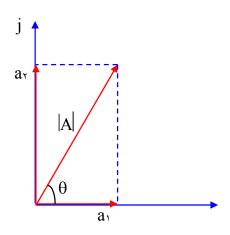


فإذا فرضنا أن من صفر إلى ما لانهاية عبارة عن متجه وليكن X، فبضرب هذا المتجه في j مرتين نحصل على $x \cdot j \cdot j = -X$

وهو المتجه العكسي للمتجه الأول (صفر إلى (- ما لانهاية))

إذن بضرب العدد الصحيح في j مرتين، فإن العدد الصحيح يدور مرتين كل مرة بزاوية مقدارها ٩٠ درجة، وإذا ضرب في j مرة واحدة فإنه يدور مرة واحدة بزاوية مقدارها ٩٠ درجة. لهذا تمثل الكميات الحقيقية على المحور السيني وتمثل الكميات المركبة على المحورين السيني والصادي كما هو مبين بشك رقم (٢ -١٩).

ألكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ مباءى وأسس التيار المتردد



المحور التخيلي. $|A| = \sqrt{(a_1^2 + a_2^2)}$ (٣٥-٢) $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{a_2}{a_1}\right)$

(٢) الصيغة المثلثية:

يمكن من نفس المستوى تمثيل المستوى بإحداثياته كالآتي:

$$a_1 = A\cos\theta$$
 $(\Upsilon V-\Upsilon)$
 $a_2 = A\sin\theta$ $(\Upsilon A-\Upsilon)$

إذن يمكن كتابة المعادلة: $A = a_1 + ja_2$ كالآتي:

$$\overline{A} = A\cos\theta + jA\sin\theta = A(\cos\theta + j\sin\theta) \tag{79-7}$$

(٣) الصيغة الأسية:

وهي الصيغة الرياضية الشهيرة:

$$e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta \tag{5.-7}$$

وعلى هذا يمكن تمثيل المعادلة: $\overline{A} = A(\cos \theta + j \sin \theta)$ على الصورة:

$$\overline{A} = |A| e^{j\theta}$$
 (£1-7)

(٤) الصيغة القطبية:

يمكن وصف المتجه أيضاً كمقدار وزاوية:

$$\overline{A} = |A| \angle \theta \tag{5.7-7}$$

التخصص ١٤١ إلك الوحدة الثانية

الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ مباءئ وأسس التيار المتردد

Basic Calculations of Vectors بعض المبادئ البسيطة لرياضيات المتجهات ۲ - ۵ - ۲ بعض المبادئ البسيطة لرياضيات المتجهات جمع وطرح المتجهات

لو اعتبرنا أن هناك متجهان $\overline{A}, \overline{B}$ وأن المتجه \overline{C} هو حاصل جمعهما وأن المتجه \overline{D} هو الفارق بينهما:

$$\overline{A} = a_1 + ja_2 \tag{27-7}$$

$$\overline{\mathbf{B}} = \mathbf{b}_1 + \mathbf{j}\mathbf{b}_2 \tag{$\xi \in \mathbf{Y}$}$$

$$\overline{\mathbf{C}} = \mathbf{c}_1 + \mathbf{j}\mathbf{c}_2 \tag{50-7}$$

$$\overline{\mathbf{D}} = \mathbf{d}_1 + \mathbf{j}\mathbf{d}_2 \tag{57-7}$$

$$\overline{C} = \overline{A} + \overline{B}$$
 (£Y-Y)

$$\overline{\mathbf{D}} = \overline{\mathbf{A}} - \overline{\mathbf{B}} \tag{ξ λ-$Y}$$

$$c_1 + jc_2 = a_1 + ja_2 + b_1 + jb_2 = (a_1 + b_1) + j(a_2 + b_2)$$
(£9-Y)

$$d_1 + jd_2 = (a_1 + ja_2) - (b_1 + jb_2) = (a_1 - b_1) + j(a_2 - b_2)$$
(0.-7)

$$c_1 = a_1 + b_1 \tag{2.1}$$

$$\mathbf{c}_2 = \mathbf{a}_2 + \mathbf{b}_2 \tag{27-7}$$

$$\mathbf{d}_1 = \mathbf{a}_1 - \mathbf{b}_1 \tag{27}$$

$$\mathbf{d}_2 = \mathbf{a}_2 - \mathbf{b}_2 \tag{9.5-7}$$

$$|C| = \sqrt{[(a_1 + b_1)^2 + (a_2 + b_2)^2]}$$
 (00-7)

$$\theta_{\rm C} = \tan^{-1} \frac{(a_2 + b_2)}{(a_1 + b_1)} \tag{57-7}$$

$$|D| = \sqrt{[(a_1 - b_1)^2 + (a_2 - b_2)^2]}$$

$$\theta_{\rm d} = \tan^{-1} \frac{(a_2 - b_2)}{(a_1 - b_1)}$$
(on-Y)

الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ مباءئ وأسس التيار المتردد

(٢) ضرب وقسمة المتجهات

يجب هنا أن ننوه أن في حالة الضرب والقسمة، فإن استخدام الصيغة القطبية أو الصيغة الأسية هي الأسهل في التعامل كثيراً عمن سواها.

نفترض أن C هو حاصل ضرب B·A:

$$C = A \cdot B = (a_1 + ja_2) \cdot (b_1 + jb_2)$$

$$= (a_1b_1 - a_2b_2) + j(a_1b_2 + a_2b_1)$$
(3.-7)

$$|C| = \sqrt{[(a_1b_1 - a_2b_2)^2 + (a_1b_2 + a_2b_1)^2]}$$

$$\theta_{C} = \tan^{-1} \frac{(a_{1}b_{2} + a_{2}b_{1})}{(a_{1}b_{1} - a_{2}b_{2})}$$
(77-7)

في حين أن استخدام الصورة القطبية أو الأسية تسهل كثيراً من عمليات الحل:

$$\overline{C} = \overline{A} \cdot \overline{B} = |A| \angle \theta_A \cdot |B| \angle \theta_B = |C| \angle \theta_C$$
(77-7)

$$|C| = |A| \cdot |B| \tag{7.5-7}$$

$$\angle \theta_{\rm C} = \angle \theta_{\rm a} + \angle \theta_{\rm b} \tag{70-7}$$

أو بالصيغة الأسية:

$$\overline{C} = |A|e^{j\theta_a} \cdot |B|e^{j\theta_b} = |A| \cdot |B|e^{j(\theta_a + \theta_b)} = |C|e^{j\theta_c}$$
(77-7)

وكذلك في حالة القسمة:

$$\overline{D} = \frac{\overline{A}}{\overline{B}}$$
 (TV-Y)

$$|D| = \frac{|A|}{|B|} \tag{7A-Y}$$

$$\angle \theta_{\rm d} = \angle \theta_{\rm a} - \angle \theta_{\rm b}$$
 (79-Y)

ألكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ مباءئ وأسس التيار المتردد

تدريبات على الوحدة الثانية

أولاً: الأسئلة:

- (أ) اشرح مستعيناً بالرسم كيفية تركيز شدة المجال المغناطيسي داخل الملف
 - (ب) اشرح مع الرسم قانون فاراداي
 - (ت) اشرح مع المعادلات نظرية عمل المولد الكهربائي
 - (ث) بين كيفية توليد التيار المتردد
- (ج) اكتب معادلة القوة الدافعة الكهربائية لملفين يدوران في مجال مغناطيسي تفصلهما زاوية α .
 - (ح) استنتج القيمة المتوسطة لكل من الموجة الجيبية الكاملة ونصف الموجة الجيبية
 - (خ) استنتج القيمة الفعالة للجهد الكهربائي الذي على شكل الموجة الجيبية
 - (د) ارسم رسماً تخطيطياً يبين التمثيل الاتجاهى للموجة الجيبية
 - (ذ) اذكر الصيغ الشهيرة لتمثيل المتجهات رياضياً.

ثانياً: التمارين:

١. اجمع المتجهات الآتية:

(أ)

$$\overline{A} = 6 - j8$$
, $\overline{B} = 8 - j6$ (1)

$$\overline{A} = 6 - j8$$
, $\overline{B} = 8 + j6$ (4)

$$\overline{A} = 6 + j8$$
, $\overline{B} = 8 - j6$ (\overline{B})

$$\overline{A} = 6 + j8$$
, $\overline{B} = 8 + j6$ (2)

$$\overline{K} = 6 - j8$$
, $\overline{L} = -8 + j6$ (5)

$$\overline{K} = -6 - j8$$
, $\overline{L} = -8 + j6$ (7)

$$\overline{K} = -6 - j8, \quad \overline{L} = -8 - j6$$
 (\dot{z})

$$\overline{K} = -8 + j6$$
, $\overline{L} = -8 + j6$ (2)

$$\overline{K} = -6 - j8, \quad \overline{L} = 8 + j6$$
 (2)

$\overline{A} - \overline{B}$ د للمتجهات الآتية احسب ٢.

$$\overline{A} = 6 - i8$$
, $\overline{B} = 8 - i6$ (i)

$$\overline{A} = 6 - j8$$
, $\overline{B} = 8 + j6$ (4)

$$\overline{A} = 6 + j8$$
, $\overline{B} = 8 - j6$ (2)

$$\overline{A} = 6 + j8$$
, $\overline{B} = 8 + j6$ (4)

هندسة كهربائية-٢

الكترونيات صناعية وتحكم

$$\overline{A} = 6 - j8$$
, $\overline{B} = -8 + j6$ (5)

$$\overline{A} = -6 - j8$$
, $\overline{B} = -8 + j6$ (7)

$$\overline{A} = -6 - j8$$
, $\overline{B} = -8 - j6$

$$\overline{A} = -8 + j6$$
, $\overline{B} = -8 + j6$ (2)

$$\overline{A} = -6 - i8, \quad \overline{B} = 8 + i6 \tag{2}$$

٣. حول المتجهات الآتية إلى الصورة القطبية:

$$\overline{A} = 6 - i8$$

$$\overline{B} = 8 + j6$$

$$\overline{B} = 8 - i6 \ \overline{A} = 6 + i8$$

$$\overline{A} = -6 - j8 \tag{7}$$

$$\overline{B} = -8 - j6 \qquad (7)$$

$$\overline{A} = -8 + j6 \qquad (\dot{z})$$

$$\overline{A} = -6 + j8, \qquad (a)$$

٤. حول المتجهات الآتية إلى صورة الإحداثيات المتعامدة:

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}$$
 (i)

$$\overline{A} = 10 \angle -30^{\circ}$$
 (...)

$$\overline{A} = 10 \angle 60^{\circ}$$
 (ت)

$$\overline{A} = 10 \angle -60^{\circ}$$
 (ث)

$$\overline{A} = 10 \angle 36.87^{\circ} \tag{7}$$

$$\overline{A} = 10 \angle -36.87^{\circ} \tag{7}$$

$$\overline{A} = 10 \angle 53.13^{\circ}$$
 (\ddot)

$$\overline{A} = 10 \angle -53.13^{\circ} \tag{2}$$

٥. احسب حاصل ضرب المتجهات الآتية:

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -30^{\circ}$$
 (i)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 60^{\circ}$$
 (4)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$
 (ت)

$$\overline{A} = 10 \angle 0^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$
 (ث)

$$\overline{A} = 10 \angle 120^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -60^{\circ}$$

الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ مباءئ وأسس التيار المتردد

$$rac{\overline{A}}{\overline{B}}$$
 . للمتجهات الآتية احسب.

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -30^{\circ}$$
 (i)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 60^{\circ}$$
 (4)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$
 (ت)

$$\overline{A} = 10 \angle 0^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$

$$\overline{A} = 10 \angle 120^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -60^{\circ}$$

$\cdot \frac{\overline{B}}{A}$ للمتجهات الآتية ، احسب \cdot

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -30^{\circ}$$
 (i)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 60^{\circ}$$
 (4)

$$\overline{A} = 10 \angle 30^{\circ}, \ \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$
 (ت)

$$\overline{A} = 10 \angle 0^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle 0^{\circ}$$

$$\overline{A} = 10 \angle 120^{\circ}, \overline{B} = 10 \angle -60^{\circ}$$



هندسة كهربائية- ٢

عناصر ودوائر التيار المتردد

الأهداف العامة للوحدة الثالثة

بعد الانتهاء من دراسة هذه الوحدة، يكون الطالب قادراً على معرفة:

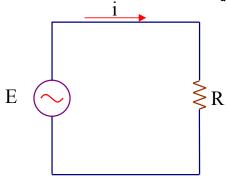
- عنصر المقاومة الأومية.
- الملف كعنصر فعال في الدائرة الكهربائية.
 - حساب المفاعلة الحثية للملف.
- المكثف كعنصر فعال في الدائرة الكهربائية.
- شحن وتفريغ المكثف والعلاقات الزمنية لذلك.
 - حساب المفاعلة السعوية للمكثف.
- كيفية التعامل مع العناصر المختلفة في الدائرة الكهربائية باستخدام المعامل j.
 - دوائر التوالى من مقاومات وملفات ومكثفات.
 - دوائر التوازي من مقاومات وملفات ومكثفات.
 - القدرة في دوائر التيار المتردد من قدرة فعالة وقدرة غير فعالة وقدرة ظاهرية.
 - معامل القدرة في الدوائر الكهربائية العملية وكيفية تحسينه.

۱– ۱ مقدمة Introduction

لدراسة دوائر التيار المتردد لابد في البداية التعرض لدراسة سريعة لبعض العناصر المستخدمة في دوائر التيار المتردد، وفيما يلي سنورد أهم العناصر المستخدمة في دوائر التيار المتردد وكيفية التعامل معها في الدائرة.

Basic Elements of A.C Circuits عناصرالتيارالمتردد ۲- ۳

The Resistance عنصر المقاومة الأومية ١- ٢- ٣



شكل رقم (٣ - ١) عنصر المقاومة الأومية في الدائرة الكهربائية.

في الدائرة المبينة بشكل رقم (٣ -١)، حيث مصدر جهد متردد يغذي فقط مقاومة أومية وعلى اعتبار مصدر الجهد ذا موجة جيبية:

$$E = E_{m} \sin \omega t \tag{1-7}$$

وبتطبيق قانون أوم:

$$E = E_{m} \sin \omega t = i \cdot R \tag{7-7}$$

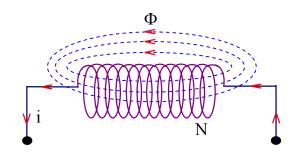
$$i = \left(\frac{E_{m}}{R}\right) \sin \omega t = I_{m} \sin \omega t \tag{7-7}$$

$$i = I_m \sin \omega t$$
 (5-4)

يلاحظ من المعادلتين رقم (٣ -١) ورقم (٣ -٤) أن التيار والجهد لا يوجد بينهما أي اختلاف في زاوية الطور، أي أنهما في نفس الطور معا أو متطابقان في زاوية الطور.

The Inductive Reactance عنصر المفاعلة الحثية للملف ٢- ٢- ٣

وجد أنه إذا مر تيار متردد في ملف، كما هو مبين بشكل رقم (7 - 7)، فإنه تتولد خطوط قوى مغناطيسية Φ متغيرة مع الزمن وذلك لأن التيار متغير مع الزمن ووجد أن حاصل ضرب هذه الخطوط Φ في عدد لفات الملف N تتناسب مع شدة التيار i، كما يلي:



شكل رقم (٣ -٢) المجال المغناطيسي المتولد عن الملف.

$$N\phi \propto i$$

$$N\phi = Li$$

حيث يسمى ثابت التناسب بمعامل الحث الذاتي للملف L ويقاس بوحدة الهنري (Henry). وبتطبيق قانون فاراداى:

$$E = -N \frac{d\phi}{dt} \tag{V-T}$$

$$\therefore N\phi = Li$$

$$\therefore N \frac{d\phi}{dt} = L \frac{di}{dt}$$
 (9-4)

$$\therefore E = -N \frac{d\phi}{dt} = -L \frac{di}{dt}$$
 (1.-\mathbf{r})

 $i = I_m \sin(\omega t)$ فإذا كان التيار المار في الملف

إذن:

$$E = -L \frac{d}{dt} \cdot (I_m \cdot \sin(\omega t))$$
(11-7)

$$E = -L \cdot I_{m} \cdot \omega \cdot \cos(\omega t)$$
 (17-7)

$$E = -I_{\mathbf{m}} \cdot \omega \cdot L \cdot \sin(\omega t + 90) = E_{\mathbf{m}} \cdot \sin(\omega t + 90)$$

 التخصص
 ۱۶۱ إنك
 الوحدة الثالثة

 ألكترونيات صناعية وتحكم
 هندسة كهربائية-۲
 عناصر ودوائر التيار المتردد

$$\frac{E_{m}}{I_{m}} = \omega \cdot L \tag{15-7}$$

يتضح من هذه المعادلات أن الملف الحثي له ما يشبه المقاومة في تعاملها (قانون أوم) حيث تسمى ωL في الحلة المفاعلة الحثية (Inductive Reactance)، وتقاس بوحدة الأوم ωL

 $\omega L = 2 \pi f L$:ويلاحظ أن

و يتضح كذلك من المعادلات أنه في حالة الملف الحثي، فإن الجهد E يسبق التيار i بزاوية قدرها ٩٠ درجة.

ويلاحظ أن قيمة المفاعلة دالة في التردد حيث:

$$\omega L = 2\pi f \cdot L \tag{10-T}$$

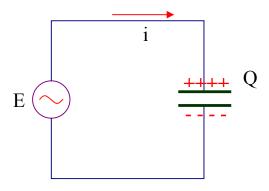
The Capacitive Reactance عنصر المفاعلة السعوية للمكثف ٣- ٢- ٣

وجد أنه بوضع لوحين من المعدن في مواجهة بعضهما البعض ويفصل بينهما مسافة بها عازل، و تم توصيل مصدر للجهد بين هذين اللوحين كما هو مبين بشكل رقم (٣-٣)، فإن شحنة كهربائية تتكون على هذه القطبين، وتتناسب مع الجهد المطبق بينهما. أي أن:

$$Q \propto V$$

 $Q = CV$ (17- Υ)

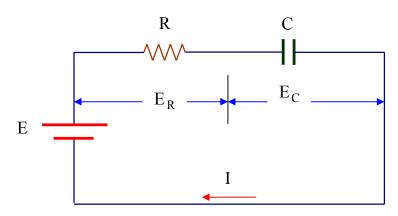
يسمى هذا النظام بالمكثف ويسمى ثابت التناسب C بسعة المكثف، وتقاس السعة بوحدات الفاراد Farad .



شكل رقم (٣- ٣) عنصر المكثف في الدائرة الكهربائية.

٣ - ٢ - ٣ - ١ شحن المكثف

إذا تم توصيل مصدر للجهد المستمر على التوالي مع مكثف C موصل على التوالي مع مقاومة R، كما هو مبين بشكل رقم (٣ -٤)، يمر تيار كهربائي في الدائرة نتيجة تكثيف شحنة كهربائية موجبة على اللوح المتصل بالقطب الموجب للمصدر بينما تتكاثف شحنة كهربائية سالبة على اللوح المتصل بالقطب السالب للمصدر، ويبدأ بالتالي بناء جهد كهربائي على المكثف، وتأخذ قيمة هذا الجهد في الارتفاع تدريجياً إلى أن تصل قيمته إلى قيمة جهد المصدر فتتوقف تكاثف الشحنات وبالتالي يتوقف التيار الكهربائي. ويمكن حساب تيار شحن المكثف والجهد المتكون بين قطبيه كالآتى:



شكل رقم (٣ -٤) دائرة شحن المكثف

بتفاضل طرفي المعادلة رقم (٣ -١٧) بالنسبة للزمن نحصل على معدل مرور الشحنة الكهربائية وهو ما يسمى بالتيار الكهربائي كما يلي:

$$\frac{dQ}{dt} = C\frac{dV_C}{dt} = I \tag{1A-T}$$

وبتطبيق قانون كيرشوف للجهود على الدائرة الكهربائية (راجع منهاج هندسة كهربائية -١)، نحصل على الآتى:

$$V_{C} = E - I \cdot R = E - C \frac{dV_{C}}{dt} \cdot R = E - RC \frac{dV_{C}}{dt}$$
(19-7)

$$\therefore V_{C} + RC \frac{dV_{C}}{dt} = E$$
 (Y.-\mathbf{Y})

نلاحظ أن المعادلة رقم (٣ -٢٠)، هي معادلة زمنية من الرتبة الأولى، وحلها الرياضي القياسي على الصورة التالية:

الوحدة الثالثة ١٤١ إلك التخصص هندسة كهربائية-٢

$$V_{C} = E \cdot \left(1 - e^{-t/RC}\right)$$

عناصر ودوائر التيار المتردد

(71-7)وبالعودة لشكل رقم (٣ -٤)، يمكن حساب قيمة التيار كالآتى:

$$I_{C} = \frac{\left(E - V_{C}\right)}{R} = \frac{\left(E - E \cdot \left(1 - e^{-t/RC}\right)\right)}{R}$$

$$\therefore I_{C} = \frac{E}{R} \left(e^{-t/\tau}\right)$$

$$(77-7)$$

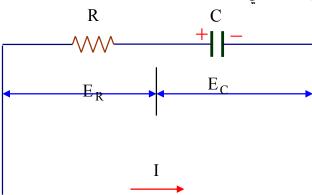
تيار شحن المكثف $:I_{\mathbf{C}}$

ألكترونيات صناعية وتحكم

ويسمى ثابت الزمن $:RC=\tau$

٣ -٢ -٣ -٢ تفريغ المكثف

إذا تم فصل مصدر الجهد المستمر عن الدائرة السابقة وعمل دائرة قصر بين أطراف الدائرة، كما هو مبين بشكل رقم (٣ -٥)، يمر تيار كهربائي في الدائرة نتيجة تفريغ الشحنة الكهربائية للمكثف في المقاومة الكهربائية. ويبدأ بالتالي انخفاض الجهد الكهربائي على المكثف، وتأخذ قيمة التيار في الانخفاض تدريجياً إلى أن تصل قيمة كل منهما إلى الصفر. ويمكن حساب تيار تفريغ المكثف والجهد بين قطبيه كالآتى:



شكل رقم (٣ -٥) دائرة تفريغ المكثف

$$V_{C} + I_{d} \cdot R = 0 \tag{7.5-7}$$

حيث التيار I_d هو تيار تفريغ المكثف، ويمكن وضعه على الصورة الآتية:

$$I_{d} = -C \frac{dV_{C}}{dt} \tag{Yo-T}$$

وبالتعويض في المعادلة رقم (٣ -٢٤)، نحصل على الآتى:

التخصص

$$V_{\rm C} - RC \frac{dV_{\rm C}}{dt} = 0 \tag{77-7}$$

نلاحظ أن المعادلة رقم (٣ -٢٦)، هي معادلة زمنية من الرتبة الأولى، وحلها الرياضي القياسي على الصورة التالية:

$$V_{C} = V_{Ci} \cdot \left(e^{-t/RC} \right)$$
 (YY-Y)

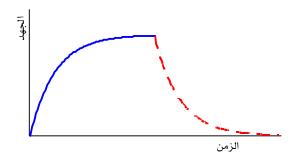
حيث V_{Ci} هو الجهد الواقع على المكثف عند بداية التفريغ

ومن المعادلة رقم (7 - 7) يمكن حساب تيار تفريغ المكثف I_d كالآتي:

$$I_{d} = -\frac{V_{C}}{R} = -\frac{V_{Ci}}{R} \cdot \left(e^{-t/RC}\right)$$
(YA-Y)

ويلاحظ هنا أن الإشارة السالبة تعني أن تيار التفريغ في عكس اتجاه تيار الشحن.

ويبين شكل رقم (٣ -٦)، منحنى تغير الجهد على أطراف المكثف أثناء الشحن مع الزمن (الخط المستمر)، وكذلك منحنى تغير الجهد على أطراف المكثف أثناء التفريغ (الخط المتقطع).



شكل رقم (٣ -٦) منحنى تغير الجهد على أطراف المكثف أثناء الشحن والتفريغ

مثال رقم (۳ -۱)

لدائرة شحن مكثف قيمة سعته μF ، ه. إذا كان جهد المصدر يساوي V وكانت قيمة المقاومة المتوالية $\kappa \Omega$ ، المتوالية $\kappa \Omega$ ، الشعن بعد $\kappa \Omega$. وإذا تم

فصل دائرة شحن المكثف عند هذه اللحظة، وبدأ المكثف في التفريغ في نفس المقاومة بعد نزع مصدر الجهد وغلق الدائرة الكهربائية، احسب جهد المكثف وتيار التفريغ بعد ١٠ msec من بدأ التفريغ. الحل

نحسب الثابت الزمني τ، كما يلي:

$$\tau = R \cdot C = 0.1 \text{ sec}$$

نحسب جهد المكثف بعد زمن قدره ٢٠ msec ، كما يلي:

$$V_C = E \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right) = 12 \text{ V} \cdot \left(1 - e^{-0.020/0.1}\right) = 2.175 \text{ V}$$

نحسب تيار شحن المكثف بعد زمن قدره ٢٠ msec ، كما يلى:

$$\therefore I_{C} = \frac{E}{R} \left(e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \frac{12 \text{ V}}{2000 \Omega} \left(e^{-0.020/0.1} \right) = 4.91 \text{ mA}$$

نحسب جهد المكثف بعد ١٠ msec من بداية عملية التفريغ، كما يلي:

$$\begin{split} V_{C} &= V_{Ci} \cdot \left(\begin{array}{c} e^{-t} / RC \\ \end{array} \right) = 2.175 \ V \cdot \left(\begin{array}{c} e^{-0.010 / 0.1} \\ \end{array} \right) = 1.97 \ V \\ I_{d} &= -\frac{V_{Ci}}{R} \cdot \left(\begin{array}{c} e^{-t} / RC \\ \end{array} \right) = -\frac{2.175 \ V}{2000} \cdot \left(\begin{array}{c} e^{-0.010 / 0.1} \\ \end{array} \right) = -0.98 \ mA \end{split}$$

٣ - ٢ - ٣ المكثف كعنصر فعال في دوائر التيار المتردد

وجد أنه إذا كان الجهد المطبق على المكثف جهدا متردداً، فإن الشحنة المتكونة تتغير من لوح لآخر حسب قطبية الجهد المطبق ويستمر شحن المكثف و تفريغه، وهذا يعني أن التيار يسري بين اللوحين حسب العلاقة الآتية:

$$i = \frac{dQ}{dt} = C\frac{dV}{dt} \tag{Y9-T}$$

وهكذا إذا كان الجهد المطبق على المكثف: $v = V_m \sin \omega t$ ، فإن التيار الذي يسري بين اللوحين هو:

$$i = C \frac{dv}{dt} = C \cdot V_m \cdot \frac{d}{dt} (\sin \omega t)$$
(**-*)

$$i = C \cdot V_{m} \cdot \omega \cdot \cos \omega t = \omega \cdot C \cdot V_{m} \cdot \sin(\omega t + 90)$$
 (\(\tau_{-\tau}\))

وعلى ذلك يكون التيار على الصورة:

$$i = I_{m} \cdot \sin(\omega t + 90) \tag{77-7}$$

حيث:

$$I_{m} = V_{m} \cdot \omega C \tag{77-7}$$

وعلى ذلك يكون:

$$\frac{V_{\rm m}}{I_{\rm m}} = \frac{1}{\omega C} \tag{7.5-7}$$

إذن هناك مفاعلة تشبه المقاومة في تعاملها (قانون أوم)، حيث تسمى $\frac{1}{\omega C}$ في هذه الحالة بالمفاعلة السعوية (Capacitive Reactance)، وتقاس بوحدة الأوم (Ω) ، ويلاحظ أن:

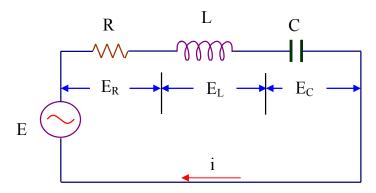
$$\frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2 \pi f C} \tag{4.5}$$

في هذه الحالة يكون التيار متقدماً على الجهد أي يسبق الجهد بزاوية قدرها ٩٠°.

٣ -٣ دوائر التيار المتردد

j Operator in Electrical Circuits استخدام المعامل j الدائرة الكهربائية - ٣ - ١ استخدام المعامل على الدائرة الكهربائية

Lنفترض أن تياراً مقداره i مر في مقاومة i متصلة على التوالي مع ملف ذي معامل حث ذاتي i ومكثف ذي سعة i ، كما هو موضح بشكل رقم i ، i كما هو موضح بشكل رقم i ،



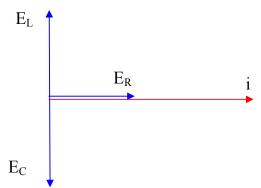
شكل رقم (٣- ٣- C، L،R (٧ على التوالي في دائرة كهربائية.

نفرض أن:

فرق الجهد على R هو: $E_r=i\cdot R$ ، ويقاس بوحدة الفولت (volt). فرق الجهد على L هو: $E_L=i\cdot \omega L$ ، ويقاس بوحدة الفولت (volt)

 $\mathrm{(volt)}$ فرق الجهد على C هو: $\mathrm{E_{C}} = \frac{\mathrm{i}}{\mathrm{\omega}\mathrm{C}}$ ، ويقاس أيضاً بوحدة الفولت

فإذا اعتبرنا أن التيار المار بالدائرة هو الدليل (لأنه يسري في العناصر الثلاثة)، نجد أن: $E_L = i(\omega L)$ نجد أن التيار أن التيار أن التيار أن كما هو موضح بشكل رقم (٣ - ٨)، أي أنه يمكن استخدام المعامل i لإعادة كتابة المعادلة كالآتى:



شكل رقم (٣ - ٨) علاقات متجهات الجهد على المقاومة والملف والمكثف في دائرة التوالي. $E_L = j\omega L \cdot i$

i عيث بضرب التيار $j\omega L$ يدور هذا المتجه بمقدار e_L فيصل إلى e_L وكذلك بضرب التيار e_L فيصل إلى e_L يدور هذا المتجه بمقدار e_L ليصل إلى e_L

وبالتالي يمكن كتابة معادلة مكونات الدائرة الكهربائية السابقة كالآتي:

$$R + j\omega L - \frac{j}{\omega C} = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$
(۳۷-۳)

تسمى هذه التركيبة من مقاومات ومفاعلات بالمعاوقة ويرمز لها بالرمز Z ويرمز للمفاعلة بالرمز X ويرمز للمقاومة بالرمز X

$$\overline{Z} = R + jX$$
 ($\forall A - \forall Y$)

وهكذا يمكن حساب كل من قيمة وزاوية المعاوقة Z كالتالي:

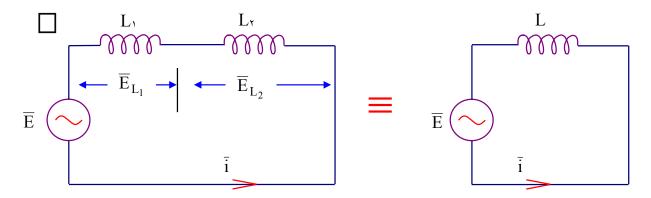
$$|Z| = \sqrt{(R^2 + X^2)} \tag{\P_{-}}$$

$$\theta_Z = \tan^{-1} \frac{X}{R} \tag{5.-7}$$

٣ -٣ -٢ التوصيل على التوالي

٣ -٣ -٢ -١ توصيل الملفات على التوالي

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -٩) كيفية توصيل ملفين على التوالي، ويمكن حساب المفاعلة المكافئة X_L كالتالى:



شكل رقم (٣ - ٩) المفاعلة المكافئة لملفين موصلين على التوالي

$$X_{L} = j\omega L = j\omega L_{1} + j\omega L_{2} = j\omega (L_{1} + L_{2})$$

$$(\xi) - \tau)$$

$$\therefore L = (L_1 + L_2) \tag{$\xi \gamma_{-} \gamma$}$$

وهذا يوضح أن توصيل الملفات على التوالي يماثل توصيل المقاومات على التوالي، حيث أن محصلة توصيل ملفين على التوالي هو حاصل جمعهما.

مثال رقم (۳ -۲)

احسب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة لملفين متصلين على التوالي إذا كانت قيمة أحدهما mH ه وقيمة الآخر wH .

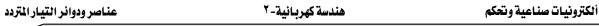
الحل

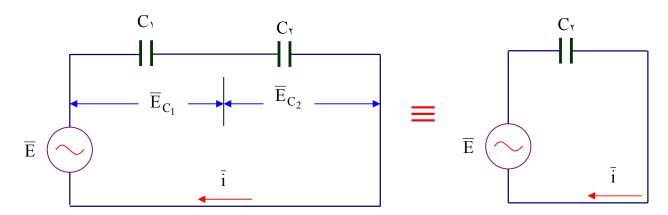
طبقاً للمعادلة رقم (٣ -٤٢)، يمكن حساب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة كما يلي:

$$\therefore$$
 L = (L₁ + L₂) = 5 mH + 7 mH = 12 mH

٣ -٣ -٢ -٢ توصيل المكثفات على التوالي

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -١٠) كيفية توصيل مكثفين على التوالي، ويمكن حساب المفاعلة المكافئة Xc كالتالي:





شكل رقم (٣ -١٠) المفاعلة المكافئة لمكثفين موصلين على التوالي

$$X_{C} = -j \left(\frac{1}{\omega C} \right) = \left(-j \frac{1}{\omega C_{1}} \right) + \left(-j \frac{1}{\omega C_{2}} \right) = -j \left(\frac{1}{\omega C_{1}} + \frac{1}{\omega C_{2}} \right)$$

$$(\xi \text{T-T})$$

$$\left(\frac{1}{C}\right) = \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}\right)$$

$$C = \left(\frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}\right)$$
(55.47)

من المعادلة رقم (٣ -٤٥) يتضح أن توصيل المكثفات على التوالي يماثل توصيل المقاومات على التوازي.

مثال رقم (۳ -۳)

(50-4)

احسب قيمة السعة المحصلة لمكثفين متصلين على التوالي إذا كانت قيمة أحدهما μF وقيمة الآخر το μF . ٢٥ μF

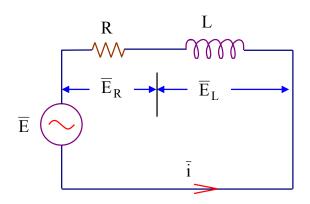
الحل

طبقاً للمعادلة رقم (٣ -٤٥)، يمكن حساب قيمة معامل السعة المحصلة كما يلى:

$$C = \left(\frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}\right) = \frac{100 \,\mu\text{F} \cdot 25 \,\mu\text{F}}{100 \,\mu\text{F} + 25 \,\mu\text{F}} = 20 \,\mu\text{F}$$

۳- ۳- ۳- مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة حثية RL Series Circuit

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -١١) كيفية توصيل ملف ومقاومة على التوالي، ويمكن حساب قيمة وزاوية المعاوقة Z كالتالى:



شكل رقم (٣ -١١) ملف ومقاومة على التوالي في دائرة كهربائية.

$$\overline{Z} = R + j\omega L \tag{57-7}$$

$$|Z| = \sqrt{(R^2 + (\omega L)^2)}$$
(£Y-\mathbf{Y})

$$\angle \theta_{\rm Z} = \tan^{-1} \frac{\omega L}{R} \tag{$\xi \land -\Upsilon$}$$

ويلاحظ من المعادلة رقم (٣ -٤٨) أن الزاوية θ_Z زاوية موجبة. ويمكن حساب التيار $ar{i}$ كما يلي:

$$\bar{i} = \frac{\overline{E}}{\overline{Z}} = \frac{|E| \angle \theta_E}{|Z| \angle \theta_Z} = |i| \angle \theta_i$$
(٤٩-٣)

حيث إن:

$$|i| = \frac{|E|}{|Z|} = \frac{|E|}{\sqrt{(R^2 + \omega^2 L^2)}}$$

$$\angle \theta_{i} = \angle \theta_{E} - \angle \theta_{Z}$$
 (01-17)

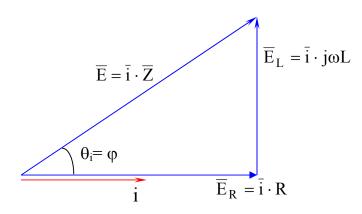
وعادة يؤخذ الجهد كمرجع (دليل) في مثل هذه الحالة ويكتب على الصورة:

$$\overline{E} = |E| \angle 0 \tag{27-7}$$

وعلى ذلك تكون زاوية التيار:

$$\angle \theta_i = \angle 0 - \angle \theta_Z = \angle - \theta_Z = \angle \varphi$$
 (or-r)

حيث φ هي الزاوية التي تفصل بين اتجاه الجهد واتجاه التيار وتسمى أيضاً زاوية القدرة (كما سيأتي شرحه فيما بعد)، ويلاحظ أن زاوية التيار سالبة، مما يعني أن التيار يتأخر عن الجهد. ويمكن رسم المخطط الاتجاهى للدائرة كما هو مبين بشكل رقم (٣ -١٢).



شكل رقم (٣ -١٢) علاقات متجهات الجهد على المقاومة والملف في دائرة التوالي.

حىث:

$$\overline{E} = \overline{E}_{R} + \overline{E}_{L}$$

$$\overline{E} = \overline{i} \cdot R + \overline{i} \cdot j\omega L = \overline{i} \cdot (R + j\omega L) = \overline{i} \cdot \overline{Z}$$

$$(\circ \cdot - \tau)$$

$$\alpha = \overline{i} \cdot R + \overline{i} \cdot j\omega L = \overline{i} \cdot (R + j\omega L) = \overline{i} \cdot \overline{Z}$$

مقاومة أومية مقدارها Ω ه موصلة على التوالي مع ملف ذي معامل حث ذاتي L=0.01 الله على التوالي مع ملف ذي معامل مثارية |e|=200 volts| . f=0.01

احسب:

- (۱) التيار المار فيهما.
- (۲) الجهد على كل عنصر.

الحل

(۱) لحساب التيار: نبدأ بحساب السرعة الزاوية ω :

$$\omega = 2\pi f$$

$$\omega = 2 \times 3.14 \times 50 = 314 \text{ rad/sec}$$

ثم نحسب المفاعلة الحثية XL كما يلى:

$$X_L = \omega \times L$$

$$X_{L} = 314 \times 0.01 = 3.14 \ \Omega$$

الوحدة الثالثة

١٤١ إلك

التخصص الكترونيات صناعية وتحكم

عناصر ودوائر التيار المتردد

هندسة كهربائية-٢

ثم نحسب المعاوقة الكلية Z كما يلي:

$$|Z| = \sqrt{5^2 + (3.14)^2} = 5.9 \Omega$$

 $\theta_Z = \tan^{-1} \left(\frac{3.14}{5}\right) = 32.13^\circ$

ثم نحسب قيمة التيار i كما يلى:

$$\bar{i} = \frac{\bar{e}}{\bar{Z}}$$

وبأخذ الجهد كدليل (مرجع)، يمكن اعتبار زاويته تساوي °٠ وتحسب قيم الزوايا الأخرى منسوبة إليه كالآتى:

$$\bar{i} = \frac{200 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{5.9 \Omega \angle 32.13^{\circ}} = 33.9 \text{ A} \angle -32.13^{\circ}$$

ويلاحظ هنا أن التيار يتأخر عن الجهد بزاوية قدرها °٣٢,١٣، حيث زاوية الجهد تساوي °٠ بينما زاوية التيار تساوى °٣٢,١٣□، والإشارة السالبة هنا تعنى تأخر التيار عن الجهد.

(٣) لحساب الجهد على كل عنصر:

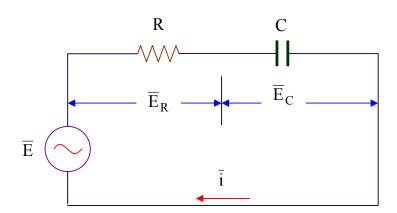
♦ الجهد على المقاومة:

$$\overline{E}_{R} = \overline{i} \cdot R = 33.9 \text{ A} \angle -32.13^{\circ} \cdot 5\Omega = 169.5 \text{ V} \angle -32.13^{\circ}$$

♦ الجهد على الملف:

$$\overline{E}_{L} = \overline{i} \cdot \overline{X}_{L} = 33.9 \text{ A} \angle -32.13^{\circ} \cdot 3.14 \Omega \angle 90^{\circ} = 106.45 \text{ V} \angle 57.87^{\circ}$$

RC series Circuit مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة سعوية على التوالى، ومنها نجد أن: شكل رقم (٣ -١٣) يوضح دائرة كهربائية لمقاومة ومكثف موصلين على التوالى، ومنها نجد أن:



شكل رقم (٣ -١٣) مقاومة ومكثف على التوالي في دائرة كهربائية.

$$\overline{Z} = R - j \frac{1}{\omega C}$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}$$
 (oY-Y)

$$\angle \theta_Z = \tan^{-1} \left(\frac{-1}{\omega CR} \right)$$
 \Rightarrow زاویة سالبة \Leftrightarrow (٥٨-٣)

ويمكن حساب التيار i كما يلى:

$$\bar{i} = \frac{\overline{E}}{\overline{Z}} = \frac{|E| \angle \theta_E}{|Z| \angle \theta_Z} = \frac{|E| \angle \theta_E}{\left(\sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}\right) \angle \theta_Z} = |i| \angle \theta_i$$
(09-7)

$$|\mathbf{i}| = \frac{|\mathbf{E}|}{|\mathbf{Z}|} = \frac{(\mathbf{E})}{\left(\sqrt{\mathbf{R}^2 + \left(\frac{1}{\omega \mathbf{C}}\right)^2}\right)},$$

$$\theta_{\mathbf{i}} = \theta_{\mathbf{E}} - \theta_{\mathbf{Z}}$$

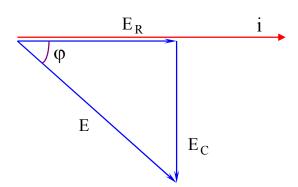
$$(7.-7)$$

إذا كان الجهد هو المرجع (الدليل) فإن زاويته تساوي °٠، وعلى ذلك:

$$\theta_{i} = 0^{\circ} - \theta_{Z} = \varphi \tag{7.7-4}$$

الوحدة الثالثة	तां । ६।	التخصص
عناصر ودوائر التيار المتردد	هندسة كهربائية- ٢	لكترونيات صناعية وتحكم

بما أن الزاوية θ_Z سالبة، إذن زاوية التيار تكون موجبة، وهذا يعني أن التيار يسبق الجهد. وبذلك يمكن رسم المخطط الاتجاهى كما هو موضح بالشكل رقم (** -12).



شكل رقم (٣ -١٤) علاقات متجهات الجهد على المقاومة والمكثف في دائرة التوالي.

حيث:

$$\overline{E} = \overline{E}_R + \overline{E}_C \tag{7.7}$$

$$\overline{E}_{R} = \overline{i} \cdot R \tag{7.5-r}$$

$$\overline{E}_{C} = \overline{i} \cdot (\frac{-j}{\omega C}) \tag{70-T}$$

$$\overline{E} = \overline{i} \cdot R - \overline{i} \cdot (\frac{j}{\omega C})$$
 (77-7)

$$\overline{E} = \overline{i} \cdot \left(R - j \frac{1}{\omega C} \right) = \overline{i} \cdot \overline{Z}$$
(7Y-Y)

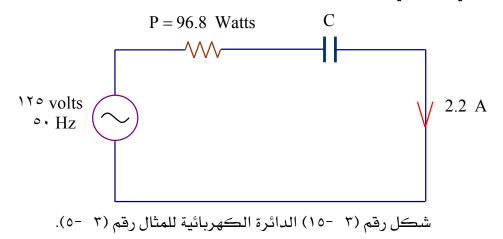
$$|E| = |i| \bullet |Z| \tag{7.4-7}$$

$$|E| = |i| \bullet \sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}$$
(19-4)

$$|E| = \sqrt{\left|i\right|^2 R^2 + \left|i\right|^2 \cdot \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2} = \sqrt{\left|E_R\right|^2 + \left|E_C\right|^2}$$
(Y.-Y)

مثال (٣ -٥)

سلط جهد مقداره volts وتردده Hz و على دائرة كهربائية مكونة من مقاومة ومكثف متصلة على التوالي، كما هو مبين بشكل رقم (٣ -١٥)، فإذا كان التيار المار في هذه الدائرة يساوي ٢,٢ Amp. والقدرة الكهربائية المفقودة في المقاومة يساوي ٩٦,٨ Watt الرسم التخطيطي الاتجاهي.



الحل

$$P = i^{2}R$$

 $R = \frac{P}{i^{2}} = \frac{96.8}{2.2^{2}} = 20 \Omega$

$$E_R = iR = 2.2 \times 20 = 44 \text{ volts}$$

$$E_C = \sqrt{E^2 - E_R^2} = \sqrt{(125)^2 - (44)^2} = 117 \text{ volts}$$

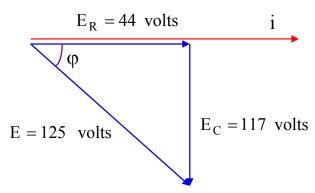
$$E_C = i \bullet X_C$$

$$X_C = \frac{117}{2.2} = 53.2 \Omega$$

$$X_C = 53.2 = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f \cdot C} = \frac{1}{2 \times 3.14 \times 50 \times C}$$

$$C = 60 \times 10^{-6} \text{ Farad}$$

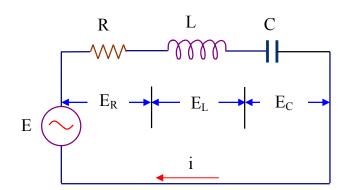
وشكل رقم (٣ -١٦) يبين الرسم التخطيطي الاتجاهي.



شكل رقم (٣ -١٦) علاقات متجهات الجهد على المقاومة والمكثف للمثال رقم (٣ -٥).

٣ -٣ -٢ -٥ مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة حثية وعلى التوالي مع مفاعلة سعوية RLC Series Circuit

نفترض الآن دائرة مكونة من مصدر جهد للتيار المتردد على التوالي مع عنصر مقاومة أومية R على التوالي مع ملف ذي سعة C كما هو مبين بشكل على التوالي مع ملف ذي سعة C كما هو مبين بشكل رقم (T -T)، فيسري تيار T في الدائرة، وهذا التيار يمر في العناصر الثلاثة (توصيل توالي) ويكون مجموع الجهود المتكونة على العناصر الثلاثة (الانخفاض في الجهد) مساوياً لجهد المصدر (قانون كيرشوف للجهود). وعلى هذا يمكن حساب المعاوقة الكلية \overline{Z} كما يلى:



شكل رقم (٣ -١٧) С، L،R (١٧ على التوالي في دائرة كهربائية.

$$\overline{Z} = \left(R + j\omega L - j\frac{1}{\omega C}\right) = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) \tag{V1-T}$$

$$|\overline{Z}| = \sqrt{(R)^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$
(YY-Y)

$$\angle \theta_{Z} = \tan^{-1} \left(\frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{\omega^{2} L C - 1}{\omega C R} \right)$$
(YT-T)

ويمكن حساب التيار كالآتي:

$$\bar{i} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{|Z| \angle \theta_{Z}} = \frac{E}{|Z|} \angle - \theta_{Z}^{\circ}$$

$$(\forall \xi - \tau)$$

$$\bar{i} = \frac{E}{\sqrt{(R)^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}} \angle - \tan^{-1}\left(\frac{\omega^2 L C - 1}{\omega C R}\right)$$
(Yo-T)

ويمكن حساب الجهود على العناصر الثلاثة كالآتى:

$$\overline{E}_{R} = \frac{E \cdot R}{\sqrt{(R)^{2} + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^{2}}} \angle - \tan^{-1}\left(\frac{\omega^{2}LC - 1}{\omega CR}\right)$$
(Y7-7)

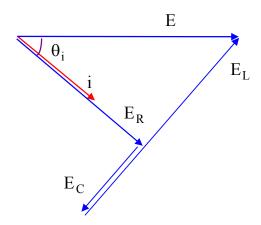
$$\overline{E}_{L} = \overline{i} \cdot j\omega L = \overline{i} \cdot X_{L}$$
(YY-Y)

$$\overline{E}_{L} = \frac{E \cdot \omega L}{\sqrt{(R)^{2} + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^{2}}} \angle 90^{\circ} - \tan^{-1}\left(\frac{\omega^{2}LC - 1}{\omega CR}\right)$$
(VA-T)

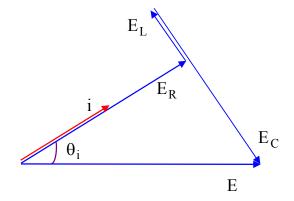
$$\overline{E}_{C} = -\overline{i} \cdot j \frac{1}{\omega C} = -\overline{i} \cdot X_{C}$$
(Y9-Y)

$$\overline{E}_{C} = \frac{\left(E/\omega C\right)}{\sqrt{(R)^{2} + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^{2}}} \angle -90^{\circ} - \tan^{-1}\left(\frac{\omega^{2}LC - 1}{\omega CR}\right)$$
(A.-7)

 $(X_{\rm C} < X_{\rm L})$ يبين الرسم التخطيطي الاتجاهي في حالة $(X_{\rm L} < X_{\rm C})$ وكذلك في حالة ($X_{\rm C} < X_{\rm L}$) وكذلك في حالة ($X_{\rm C} < X_{\rm L}$)



 $(X_C < X_L)$:(ب - ۱۸ - ۳) شکل رقم



 $(X_L < X_C)$: (۱۸- ۳) شکل رقم (۳ ماماند)

مثال (۲ - ۲)

مكثف ذو سعة μF متصل على التوالي بمقاومة مقدارها Ω ٢٠ وملف ذي معامل حث ذاتي مكثف ذو سعة μF متصل على التوالي بمقاومة مقدارها μF وملف ذي معامل حث ذاتي لا μF مكما هو مبين بشكل رقم (٣ -١٩٠). احسب المعاوقة الكلية لهذه الدائرة عندما يكون التردد μF معامل عند تغذيتها بجهد volts عند تغذيتها بجهد μF معامل المخطط الاتجاهى.

الحل

$$\omega = 2\pi f = 2 \times 3.14 \times 50 = 314 \text{ rad/sec}$$
 $X_L = \omega L = 314 \times 0.05 = 15.7 \Omega$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{(314 \times 100 \times 10^{-6})} = 31.84 \Omega$$

$$\overline{Z} = 20 + j(15.7 - 31.84) = 20 - j16.14$$

$$|Z| = \sqrt{(20)^2 + (16.14)^2} = 25.7 \Omega$$

$$\theta_Z = \tan^{-1} \left(\frac{-16.14}{20} \right) = -38.9^{\circ}$$

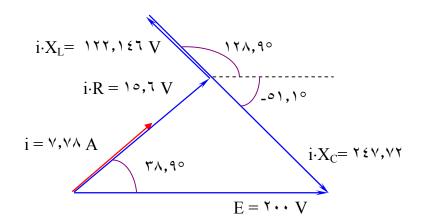
$$\bar{i} = \frac{\overline{E}}{\overline{Z}} = \frac{200 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{25.7 \Omega \angle -38.9^{\circ}} = 7.78 \angle 38.9^{\circ} \text{ Amp.}$$

$$\overline{E}_R = \overline{i} \cdot R = 7.78 \text{ A } \angle 38.9^{\circ} \bullet 20 \Omega = 155.6 \text{ V } \angle 38.9$$

$$\overline{E}_{L} = \overline{i} \cdot X_{L} = 7.78 \text{ A} \angle 38.9 \bullet 15.7 \Omega \angle 90 = 122.146 \text{ V} \angle 128.9^{\circ}$$

$$\overline{E}_{C} = \overline{i} \cdot X_{C} = 7.78 \text{ A } \angle 38.9 \cdot 31.84 \Omega \angle -90 = 247.72 \text{ V } \angle -51.1^{\circ}$$

شكل رقم (٣ - ٢٠) يبين الرسم التخطيطي الاتجاهي

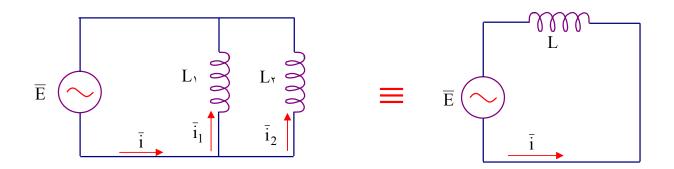


شكل رقم (٣ - ٢٠) الرسم الاتجاهي للمثال رقم (٣ - ٦)

۳- ۳- التوصيل على التوازي Parallel Circuits

٣ -٣ -٣ -١ توصيل الملفات على التوازي

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (7 - 7) كيفية توصيل ملفين على التوالي، ويمكن حساب المفاعلة المكافئة X_L كالتالى:



شكل رقم (٣ - ٢١) المفاعلة المكافئة لملفين موصلين على التوازي

لحساب التيار في دائرة المفاعلة المكافئة، نحصل على الآتى:

$$\bar{i} = \frac{\bar{E}}{j\omega L} \tag{A1-T}$$

لحساب التيار في دائرة الملفين المتوازيين، نحصل على الآتي:

$$\bar{i} = \bar{i}_1 + \bar{i}_2 = \frac{\bar{E}}{j\omega L_1} + \frac{\bar{E}}{j\omega L_2} = \bar{E} \cdot \left(\frac{1}{j\omega L_1} + \frac{1}{j\omega L_2}\right) \tag{AY-Y}$$

لحساب المفاعلة المكافئة، نحصل على الآتي:

$$X_{L} = \frac{\overline{E}}{\overline{i}} = j\omega L$$

$$X_{L} = \frac{\overline{E}}{\overline{i}} = \frac{\overline{E}}{\overline{E} \cdot \left(\frac{1}{j\omega L_{1}} + \frac{1}{j\omega L_{2}}\right)} = \frac{1}{\left(\frac{1}{j\omega L_{1}} + \frac{1}{j\omega L_{2}}\right)}$$
(A5-7)

وبمساواة المفاعلة في الحالتين، نحصل على الآتى:

$$\frac{1}{L} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2}$$

$$(\land \circ - \Upsilon)$$

$$: L = (\frac{L_1 \cdot L_2}{L_2})$$

$$\therefore L = \left(\frac{L_1 \cdot L_2}{L_1 + L_2}\right) \tag{A7-7}$$

وهذا يوضح أن توصيل الملفات على التوازي يماثل توصيل المقاومات على التوازي، حيث أن محصلة توصيل ملفين على التوازي هو حاصل ضربهما مقسوماً على حاصل جمعهما.

مثال رقم (۳ -۷)

احسب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة لملفين متصلين على التوازي إذا كانت قيمة أحدهما mH ه وقيمة الآخر mH v .

الحل

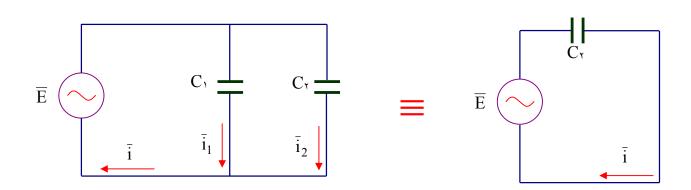
طبقاً للمعادلة رقم (٣ -٨٦)، يمكن حساب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة، كالآتي:

$$\therefore L = (\frac{L_1 \cdot L_2}{L_1 + L_2}) = \frac{5 \text{ mH} \times 7 \text{ mH}}{5 \text{ mH} + 7 \text{ mH}} = 2.92 \text{ mH}$$

عناصر ودوائر التيار المتردد

٣ -٣ -٣ -٢ توصيل المكثفات على التوازي

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -٢٢) كيفية توصيل مكثفين على التوالي، ويمكن حساب المفاعلة المكافئة $X_{\rm C}$ كالتالى:



شكل رقم (٣ - ٢٢) كيفية توصيل مكثفين على التوالي

لحساب التيار في دائرة المفاعلة المكافئة، نحصل على الآتى:

$$\bar{i} = \frac{\overline{E}}{(1/j\omega C)} = \overline{E} \cdot j\omega C \tag{AV-T}$$

لحساب التيار في دائرة المكثفين المتوازيين، نحصل على الآتي:

$$\bar{i} = \bar{i}_1 + \bar{i}_2 = \frac{\overline{E}}{\left(1/j\omega C_1\right)} + \frac{\overline{E}}{\left(1/j\omega C_2\right)} = \overline{E} \cdot j\omega C_1 + \overline{E} \cdot j\omega C_2 \tag{AA-T}$$

وبمساواة التيار في الحالتين، نحصل على الآتي:

$$\bar{i} = \bar{E} \cdot j\omega C_1 + \bar{E} \cdot j\omega C_2 = \bar{E} \cdot j\omega C \tag{A9-7}$$

بقسمة الطرفين على \overline{E} ، نحصل على الآتى:

$$C = C_1 + C_2 \tag{9.-7}$$

من المعادلة رقم (٣ -٩٠) يتضح أن توصيل المكثفات على التوازي يماثل توصيل المقاومات على التوالي.

مثال رقم (۳ -۸)

احسب قيمة السعة المحصلة لمكثفين متصلين على التوازي إذا كانت قيمة أحدهما μF وقيمة الآخر γο μF . ٢٥ μF

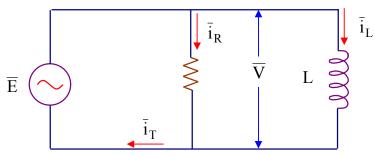
الحل

طبقاً للمعادلة رقم (٣ -٩٠٠)، يمكن حساب قيمة معامل السعة المحصلة كما يلى:

$$C_{eq} = C_1 + C_2 = 100 \,\mu\text{F} + 25 \,\mu\text{F} = 125 \,\mu\text{F}$$

۳- ۳- ۳ مقاومة موصلة على التوازي مع مفاعلة حثية RL Parallel Circuit

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -٣٣) كيفية توصيل ملف مع مقاومة على التوازي، يمكن حساب قيمة وزاوية المعاوقة Z كالتالي:



شكل رقم (٣ - ٢٣) مقاومة وملف على التوازي

يمكن حساب قيمة وزاوية المعاوقة Z كالتالي:

$$\overline{Z} = \frac{R \cdot j\omega L}{R + j\omega L} = \frac{R \cdot j\omega L \cdot (R - j\omega L)}{(R + j\omega L) \cdot (R - j\omega L)} = \frac{(R\omega^2 L^2 + jR^2\omega L)}{(R^2 + \omega^2 L^2)}$$
(91-7)

$$\overline{Z} = \frac{\left(R\omega^2 L^2\right)}{\left(R^2 + \omega^2 L^2\right)} + j \frac{\left(R^2 \omega L\right)}{\left(R^2 + \omega^2 L^2\right)}$$
(97-7)

$$|Z| = \sqrt{\left(\frac{\left(R\omega^2 L^2\right)}{\left(R^2 + \omega^2 L^2\right)}\right)^2 + \left(\frac{\left(R^2 \omega L\right)}{\left(R^2 + \omega^2 L^2\right)}\right)^2}$$
(95-7)

$$\angle \theta_{Z} = \tan^{-1} \left(\frac{R^{2} \omega L}{R \omega^{2} L^{2}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{R}{\omega L} \right)$$
(9.5-٣)

ويمكن بالتالي حساب التيارات كالآتي:

$$\bar{i}_{R} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{R \angle 0^{\circ}} = \frac{E}{R} \angle 0^{\circ}$$
(90-7)

$$\bar{i}_{L} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{\omega L \angle 90^{\circ}} = \frac{E}{\omega L} \angle -90^{\circ}$$
(97-7)

$$\bar{i}_{T} = \bar{i}_{R} + \bar{i}_{L} = \frac{E}{R} \angle 0^{\circ} + \frac{E}{\omega L} \angle -90^{\circ}$$
(9V-Y)

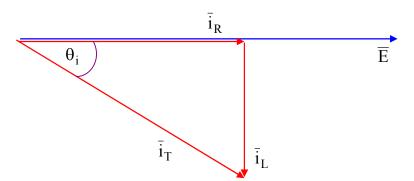
$$\bar{i}_{T} = \frac{E}{R} (1 + j 0) + \frac{E}{\omega L} (0 - j 1) = \frac{E}{R} - j \frac{E}{\omega L} = E \left(\frac{1}{R} - j \frac{1}{\omega L} \right)$$

$$(9 \text{ A-T})$$

$$\left|\bar{i}_{T}\right| = E \cdot \sqrt{\left(\left(\frac{1}{R}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\omega L}\right)^{2}\right)}$$
(99-7)

$$\theta_{i} = \tan^{-1} \left(-\frac{R}{\omega L} \right) \tag{1...7}$$

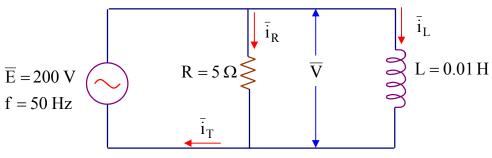
ويمكن بالتالي رسم المخطط الاتجاهي كما هو مبين بشكل رقم (٣- ٢٤).



شكل رقم (٣ - ٢٤) المخطط الاتجاهي لملف ومقاومة على التوازي.

مثال (۳ -۹)

شكل رقم (۳ - ۲۵) يبين مقاومة أومية مقدارها Ω ه موصلة على التوازي مع ملف ذي معامل حث ذاتي |e|=200 volts . f=0 . f=



شكل رقم (٣ - ٢٥) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٣ - ٩).

الحل

$$\bar{i}_{R} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{R \angle 0^{\circ}} = \frac{E}{R} \angle 0^{\circ} = \frac{200 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{5 \Omega \angle 0^{\circ}} = 40 \text{ A} \angle 0^{\circ}$$

$$\bar{i}_L = \frac{E}{\omega L} \angle -90^\circ = \frac{E}{2 \pi f L} \angle -90^\circ$$

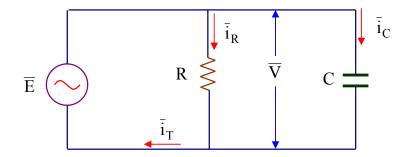
$$\bar{i}_{L} = \frac{200 \text{ V}}{2 \pi \cdot 50.1 \times 10^{-2} \Omega} \angle -90^{\circ} = 63.7 \text{ A} \angle -90^{\circ}$$

$$|\bar{i}_{T}| = E \cdot \sqrt{\left(\frac{1}{R}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\omega L}\right)^{2}} = 200 \times \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right)^{2} + \left(\frac{1}{3.14}\right)^{2}} = 75.2 \text{ A}$$

$$\theta_{i} = \tan^{-1}\left(-\frac{R}{\omega L}\right) = \tan^{-1}\left(-\frac{5}{3.14}\right) = -57.9^{\circ}$$

۳- ۳- ۳ على التوازي مع مفاعلة سعوية RC Parallel Circuit على التوازي مع مفاعلة سعوية

توضح الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٣ -٢٦) كيفية توصيل مكثف مع مقاومة على التوازي، يمكن حساب قيمة وزاوية المعاوقة Z كالتالي:



شكل رقم (٣ -٢٦) الدائرة الكهربائية لمكثف ومقاومة على التوازي.

$$\overline{Z} = \frac{R \cdot \left(-j\left(\frac{1}{\omega C}\right)\right)}{\left(R - j\left(\frac{1}{\omega C}\right)\right)} = \frac{\left(-j\frac{R}{\omega C}\right)}{\left(\frac{\left(R\omega C - j\right)}{\omega C}\right)}$$
-\(\mathcal{T}\)

(1.1

$$\overline{Z} = \frac{-jR}{(R\omega C - j)} = \frac{-jR \cdot (R\omega C + j)}{(R\omega C - j) \cdot (R\omega C + j)}$$
-\(\tau\)

(1.7

$$\overline{Z} = \frac{-jR \cdot (R\omega C + j)}{(R\omega C - j) \cdot (R\omega C + j)} = \frac{(R - jR^2 \omega C)}{(R^2 \omega^2 C^2 + 1)}$$
(1.57)

$$\overline{Z} = \frac{R}{\left(R^2 \omega^2 C^2 + 1\right)} - j \frac{R^2 \omega C}{\left(R^2 \omega^2 C^2 + 1\right)} \tag{1.5-7}$$

$$|Z| = \sqrt{\left(\frac{R}{(R^2 \omega^2 C^2 + 1)}\right)^2 + \left(\frac{R^2 \omega C}{(R^2 \omega^2 C^2 + 1)}\right)^2}$$
 (1.0-7)

$$\angle \theta_{Z} = \frac{\left(-R^{2}\omega C/\left(R^{2}\omega^{2}C^{2}+1\right)\right)}{\left(R/\left(R^{2}\omega^{2}C^{2}+1\right)\right)} = \tan^{-1}\left(\frac{-R^{2}\omega C}{R}\right) \tag{1.7-7}$$

ويمكن بالتالي حساب التيارات كالآتي:

$$\bar{i}_{R} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{R \angle 0^{\circ}} = \frac{E}{R} \angle 0^{\circ}$$
 (1.47- $^{\circ}$)

$$\bar{i}_{C} = \frac{E \angle 0^{\circ}}{\frac{1}{\omega C} \angle -90^{\circ}} = E\omega C \angle 90^{\circ}$$

$$(1 \cdot \lambda - \tau)$$

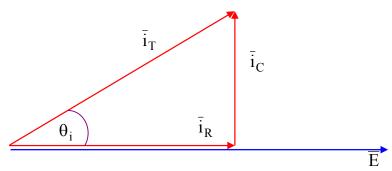
$$\bar{i}_{T} = \bar{i}_{R} + \bar{i}_{C} = \frac{E}{R} \angle 0^{\circ} + E\omega C \angle 90^{\circ}$$
 (1.9- τ)

$$\bar{i}_{T} = \left(\frac{E}{R} + j0\right) + (0 + jE\omega C) = \left(\frac{E}{R} + jE\omega C\right)$$
 (11.- τ)

$$\left|\bar{i}_{T}\right| = \sqrt{\left(\frac{E}{R}\right)^{2} + \left(E\omega C\right)^{2}}$$
 (111- r)

$$\angle \theta_i = \tan^{-1} \left(E\omega C / \left(\frac{E}{R} \right) \right) = \tan^{-1} \left(\omega CR \right)$$
 (117- τ)

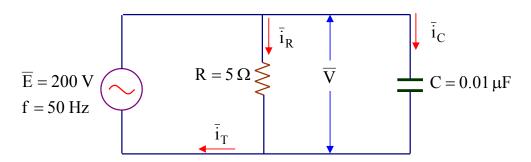
ويمكن بالتالي رسم المخطط الاتجاهي كما هو مبين بشكل رقم (٣ -٢٧).



شكل رقم (٣ -٧٧) المخطط الاتجاهي لمكثف ومقاومة على التوازي.

مثال (۳ -۱۰۰)

مقاومة أومية مقدارها Ω ه موصلة على التوازي مع مكثف سعته C=0.0 ، يتم تغذيتهما من مصدر جهد متردد: $|e|=200 \, {
m volts}$. احسب التيار المار $|e|=200 \, {
m volts}$. في كل منهما واحسب التيار الكلي.



شكل رقم (٣ - ٢٨) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٣ - ١٠).

الحل

$$\begin{split} \bar{i}_R &= \frac{E \angle 0^\circ}{R \angle 0^\circ} = \frac{E}{R} \angle 0^\circ = \frac{200 \text{ V} \angle 0^\circ}{5 \,\Omega \,\angle 0^\circ} = 40 \text{ A} \angle 0^\circ \\ \bar{i}_C &= E\omega C \angle 90^\circ = 200 \times 2 \,\pi \times 50 \times 0.01 \times 10^{-6} \,\angle 90^\circ = 62.8 \times 10^{-3} \,\text{A} \,\angle 90^\circ \\ &|\bar{i}_T| = \sqrt{\left(\frac{E}{R}\right)^2 + \left(E\omega C\right)^2} = E\sqrt{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + \left(\omega C\right)^2} = 200 \times \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right)^2 + \left(3.14 \times 10^{-6}\right)^2} \end{split}$$

الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ عناصر ودوائر التيار المتردد

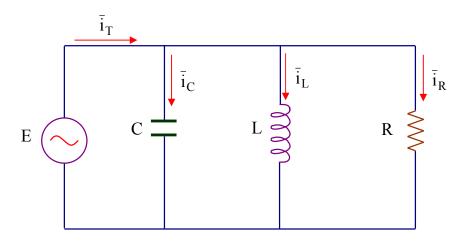
$$|\bar{i}_{T}| = 200 \times \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right)^{2} + \left(3.14 \times 10^{-6}\right)^{2}} = 40 \text{ A}$$

$$\angle \theta_{i} = \tan^{-1}\left(\omega CR\right) = \tan^{-1}\left(2 \times \pi \times 50 \times 0.01 \times 10^{-6} \times 5\right) = 0^{\circ}$$

٣ -٣ -٣ -٥ مقاومة موصلة على التوازي مع مفاعلة حثية وعلى التوازي مع مفاعلة سعوية

RLC Parallel Circuit

نفترض توصيل عنصر مقاومة أومية R على التوازي مع ملف ذي معامل حث ذاتي L على التوازي مع مكثف ذو سعة C على التوازي مع مصدر للتيار المتردد ذو جهد E كما هو مبين بشكل رقم (C - C).



شكل رقم (٣ - ٢٩) الدائرة الكهربائية لمقاومة وملف ومكثف على التوازي.

(i_L) من الشكل فإن التيار الكلي i هو مجموع: التيار المار في المقاومة (i_R) + التيار المار في الملف (i_L). + التيار المار في المكثف (i_L).

$$\bar{i} = \bar{i}_R + \bar{i}_L + \bar{i}_C \tag{117-7}$$

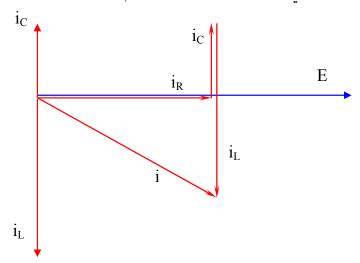
ولأن الجهد E على المقاومة هو نفسه الجهد على الملف وكذلك على المكثف، فسوف نعتبره هنا هو الدليل (أى بزاوية = صفر)

$$\bar{i} = \frac{\bar{E}}{R} + \frac{\bar{E}}{j\omega L} + \frac{\bar{E}}{\left(-\frac{j}{\omega C}\right)}$$
(115-4)

هندسة كهربائية-٢ عناصر ودوائر التيار المتردد

ويمكن رسم المخطط الاتجاهي كما هو مبين بشكل رقم (٣٠-٣٠)

ألكترونيات صناعية وتحكم



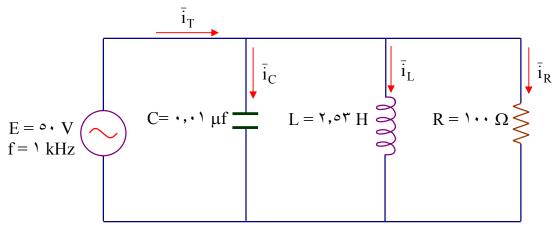
شكل رقم (٣ - ٣٠) المخطط الاتجاهي لمقاومة وملف ومكثف على التوازي.

التخصص ١٤١ إنك الوحدة الثالثة

الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية-٢ عناصر ودوائر التيار المتردد

مثال (۳ -۱۱)

في الدائرة المبينة بشكل رقم (٣ -٣١) احسب التيار المار في كل فرع واحسب أيضاً التيار الكلي. الحل



شكل رقم (٣ - ٣١) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٣ - ١١).

$$\bar{i}_{R} = \frac{50 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{100 \Omega \angle 0^{\circ}} = 0.5 \text{ A} \angle 0^{\circ}$$

$$\bar{i}_{L} = \frac{50 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{(2 \times \pi \times 1000 \times 2.53) \Omega \angle 90^{\circ}} = 3.145 \text{ mA } \angle -90^{\circ}$$

$$\bar{i}_{\rm C} = \frac{50 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{\left(\!1\!/2\!\times\!\pi\!\times\!1000\!\times\!0.01\!\times\!10^{-6}\right)\!\Omega\,\angle\!-90^{\circ}} = 3.145 \text{ mA } \angle 90^{\circ}$$

$$\bar{i}_T = \bar{i}_R + \bar{i}_L + \bar{i}_C = 0.5~A~\angle 0^\circ + 3.145~mA~\angle -90^\circ + 3.145~mA~\angle 90^\circ$$

$$\bar{i}_T = 0.5 \text{ A } \angle 0^{\circ}$$

وتسمى هذه الدائرة دائرة الرنين حيث يتلاشى تأثير كل من الملف والمكثف بتأثير أحدهما على الآخر، وتستخدم بكثرة في مجال الاتصالات.

عناصر ودوائر التيار المتردد

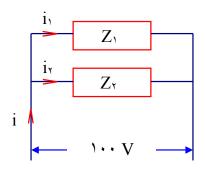
هندسة كهربائية-٢

ألكترونيات صناعية وتحكم

مثال (۳ -۱۲)

ي السوائرة المبينة بشكل رقم (8 - 8)، معاوقتان متصلتان معاً على التوازي، حيث: E=100 volts بتردد (E=7). فإذا كان الجهد المطبق عليهما E=100 volts بتردد (E=7). احسب التيار الكلي.

الحل



شكل رقم (٣ -٣٢) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٣ -١٢).

$$\overline{Z}_1 = 6 + j8 = 10 \Omega \angle 51.3^{\circ}$$

$$\overline{Z}_2 = 8 - j6 = 10 \Omega \angle -36.9^{\circ}$$

$$\overline{E} = 100 \text{ V} \angle 0^{\circ}$$

$$\bar{i}_1 = \frac{100 \angle 0^{\circ}}{10 \angle 51.3^{\circ}} = 10 \text{ A} \angle -51.3^{\circ}$$

$$\bar{i}_2 = \frac{100 \angle 0^{\circ}}{10 \angle -36.9^{\circ}} = 10 \text{ A } \angle 36.9^{\circ}$$

$$\overline{Z}_{t} = \frac{\overline{Z}_{1}\overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}} = \frac{(6 + j8)(8 - j6)}{(6 + j8)(8 - j6)}$$

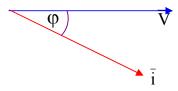
$$\overline{Z}_{t} = \frac{96 + j28}{14 + j2} = \frac{100\angle 16.26^{\circ}}{14.14\angle 8.13^{\circ}} = 7.1\Omega\angle 8.13^{\circ}$$

$$\bar{i} = \frac{\bar{E}}{\bar{Z}_{+}} = \frac{100\angle 0}{7.1\angle 8.13} = 14.1 \,\text{A} \angle -8.13^{\circ}$$

۳ - ٤ القدرة في التيار المتردد Power in A.C Circuits

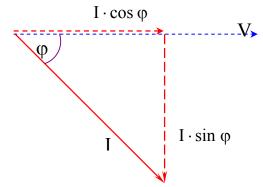
۱- ۲- مثلث القدرة Power Triangle

بما أن كل من الجهد والتيار في دوائر التيار المتردد هي كميات اتجاهية ، ويمكن التعامل معها على أنها متجهات ، وقد شرحنا كيف يسبق الجهد التيار في بعض الأحيان (Voltage lead) كما أنه في أنها متجهات ، وقد شرحنا كيف يسبق الجهد التيار في بعض الأحيان أخرى يسبق التيار الجهد (Current lead) ويمكن أيضاً أن يكون كل من الجهد والتيار في نفس الحالة أو نفس زاوية الطور فلا يسبق أي منهما الآخر (in phase) ، وعلى وجه العموم هناك زاوية تفصل بين الجهد والتيار تسمى زاوية (Paralla) عما هو مبين بشكل رقم (Paralla) .



شكل رقم (٣ - ٣٣) زاوية الطور بين الجهد والتيار.

ويمكن بالتالي تحليل التيار I إلى مركبتين: مركبة في اتجاه الجهد $\phi = I \cdot \cos \phi$ ومركبة عمودية على اتجاه الجهد $\phi = I \cdot \sin \phi$ اتجاه الجهد $\phi = I \cdot \sin \phi$

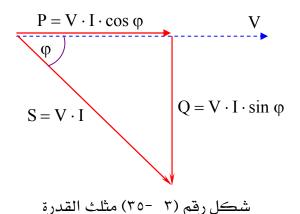


شكل رقم (٣ -٣٤) القيمة الفعالة والقيمة غير الفعالة للتيار.

الوحدة الثالثة	ता। १६१	التخصص
عناصر ودوائر التيار المتردد	هندسة كهربائية- ٢	لكترونيات صناعية وتحكم

تسمى مركبة التيار التي في اتجاه الجهد بالمركبة الفعالة للتيار، أما مركبة التيار العمودية على اتجاه الجهد فتسمى المركبة غير الفعالة للتيار.

وبضرب كل قيمة من قيم التيار ومركباته في الجهد V نحصل على المثلث المبين في شكل رقم (70-7).



ويسمى هذا المثلث: مثلث القدرة، حيث كل ضلع من أضلاع المثلث يمثل قدرة كهربائية ما على النحو التالى:

(۱) القدرة الظاهرية (S): Apparent Power

$$S = V \cdot I \tag{11A-T}$$

(٢) القدرة الفعالة (٢): Active Power

$$P = V \cdot I \cdot \cos \varphi \tag{119-7}$$

(٣) القدرة الغير فعالة (Q): Reactive Power

$$Q = V \cdot I \cdot \sin \varphi \tag{17.-7}$$

۳ - ٤ - ۲ معامل القدرة Power Factor

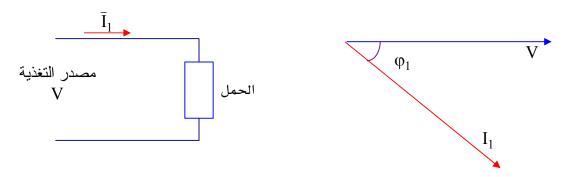
معامل القدرة هو النسبة بين القدرة الفعالة والقدرة الظاهرية وهو بهذا يعادلφ cos ، أو جيب تمام الزاوية φ الواقعة ما بين الجهد والتيار.

$$\cos\left(\varphi\right) = \frac{P}{S} \tag{171-7}$$

الوحدة الثالثة	ला। । ६।	التخصص
وزاون ودوائد الاتداد الا	Y_3,111,453,11A	اكترون الترون اورية وتحكم

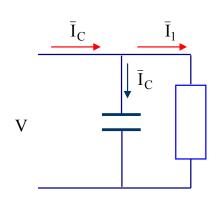
۳- ۱۵ - ۳ تحسين معامل القدرة Power Factor Correction

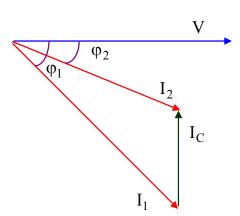
ية معظم الأحمال المنزلية والصناعية المعتادة يكون التيار الكلي متأخراً عن الجهد (Current lag.) كما هو مبين بشكل رقم (٣ -٣٦)، ولو نظرنا إلى مثلث القدرة لوجدنا أن القدرة الظاهرية S تمثل القدرة الكلية للحمل والقدرة الفعالة P تمثل القدرة المستفادة بالفعل. والقدرة غير الفعالة Q هي قدرة غير مستفاد منها للمستهلك، وعلى هذا فإنه من المستحسن أن تكون S قريبة من بمعنى أن تكون القدرة المستفادة أكبر ما يمكن، وبالتالي القدرة غير الفعالة أقل ما يمكن. وهذا بعني تصغير الزاوية φ وبالتالي تكبير φ cos أو ما يسمى بمعامل القدرة وهذا هو ما نطلق عليه تحسين معامل القدرة. ولتقريب S من P فإنه تستخدم المكثفات لهذا الغرض.



شكل رقم (٣ -٣٦) الدائرة الكهربائية قبل توصيل المكثفات.

للدوائر الحثية التي يسبق الجهد فيها التيار، وكما هو موضح بالشكل رقم (7 - 7)، فتغذية الحمل مباشرة من المصدر ينتج عن ذلك سحب الحمل لتيار مقداره I, من المصدر بزاوية ρ , وبالتالي معامل القدرة هو ρ , ρ , وبالتالي معامل القدرة تضاف المكثفات على التوازي مع الحمل (وذلك للدوائر ذات الطبيعة الحثية) حيث تيار المكثف يتقدم دائما على الجهد وبالتالي، وكما هو مبين بشكل رقم (7 - 7)، تقل الزاوية ρ وبالتالى يتحسن معامل القدرة.

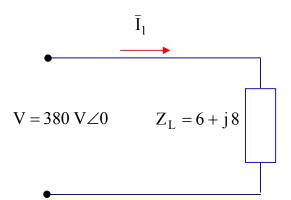


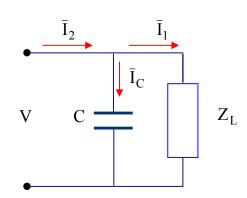


شكل (٣ - ٣٧) تحسين معامل القدرة عن طريق المكثفات.

مثال (۳ -۱۳)

شكل رقم (٣ -٣٨) يبين الحمل الكهربائي الخاص بمنشأة صناعية صغيرة، احسب سعة المكثف المطلوب لرفع معامل القدرة إلى واحد صحيح.





شكل (٣ - ٣٨) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٣ - ١٣٠).

الحل

نبدأ بحساب المعاوقة $Z_{
m L}$ وذلك كقيمة وزاوية:

$$Z_{\rm L} = \sqrt{(6)^2 + (8)^2} = 10 \,\Omega$$

 θ_{ZL} ثم نحسب الزاوية

$$\theta_{\rm ZL} = \tan^{-1} \frac{8}{6} = 51.3^{\circ}$$

 $: I_1$ ثم نحسب التيار

$$I_1 = \frac{380 \angle 0^{\circ}}{10 \angle 51.3^{\circ}} = 38 \text{ A} \angle -51.3^{\circ}$$

ثم لحساب قيمة المكثف، على اعتبار أن معامل القدرة أصبح يساوي الواحد الصحيح، وهذا يعني أن الزاوية ، \$\phi\$ أصبحت تساوى صفر. وعلى هذا فإن قيمة تيار المكثف:

$$I_C = I_1 \cdot \sin \varphi_1 = 38 \cdot \sin (-51.3^\circ) = -29.66 \text{ A}$$

ومن المعروف أن زاوية تيار المكثف هي $\theta_{\rm C} = 90^\circ$:

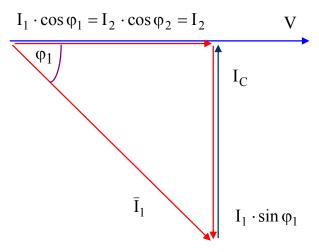
$$I_C = -29.66 \text{ A } \angle 90^{\circ}$$

وهكذا يمكن حساب قيمة سعة المكثف:

$$I_{C} = \frac{V \angle 0}{-j(1/\omega C)} = \frac{V \angle 0}{(1/\omega C) \angle -90} = V\omega C \angle 90$$

$$C = \frac{-29.66}{380 \times 2\pi \times 50} = -248.42 \,\mu\text{F}$$

ويمكن رسم المخطط الاتجاهي كما هو مبين بشكل رقم (٣ -٣٩).



شكل رقم (٣ - ٣٩) رفع معامل القدرة إلى واحد صحيح.

تدريبات على الوحدة الثالثة

أولاً: الأسبئلة:

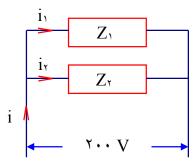
- ١. أثبت بالقوانين أن الجهد والتيار لهما نفس زاوية الطور لعنصر المقاومة الكهربائية.
 - ٢٠. أثبت بالقوانين أن الجهد يسبق التيار بزاوية ٩٠ في الملف.
 - ٣. أثبت بالقوانين أن الجهد يتأخر عن التيار بزاوية ٩٠<u>٩ في</u> المكثف.
 - استنتج قيمة المفاعلة الحثية للملف X_L.
 - ٥. استنتج قيمة المفاعلة الحثية للمكثف X_C.
- ٦. استنتج قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة وملف على التوالى واحسب زاويتها.
- ٧. استنتج قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة ومكثف على التوالي واحسب زاويتها.
- ٨. استنتج قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة وملف ومكثف على التوالي واحسب
 زاويتها.
 - ٩. استنتج قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة وملف على التوازي واحسب زاويتها.
 - ١٠. استنتج قيمة المعاوفة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة ومكثف على التوازي واحسب زاويتها.
- 11. استنتج قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة وملف ومكثف على التوازي واحسب زاويتها.

ثانياً: التمارين:

- احسب قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة (Ωه) على التوالي مع ملف(mH ه) واحسب زاويتها.
- ٢. احسب قيمة المعاوقة الكلية لـدائرة مكونة من مقاومة (١٥٥) على التوالي مع مكثف(١μf)
 واحسب زاويتها.
- ٣. احسب قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة أومية (٢٠Ω) على التوالي مع ملف(mH)
 على التوالى مع مكثف(١μf) واحسب زاويتها.

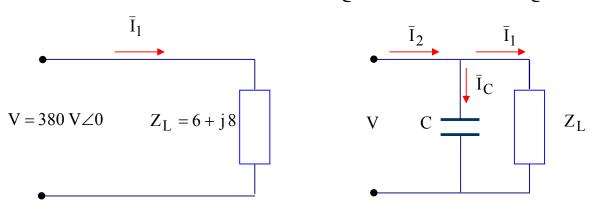
الوحدة الثالثة	ता। । १।	التخصص
عناصر ودوائر التيار المتردد	هندسة كهريائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

- ٤. احسب قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة (Ω٥) على التوازي مع ملف(mH) واحسب زاويتها.
- ٥. احسب قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة (١٥Ω) على التوازي مع مكثف(١μf)
 واحسب زاويتها.
- ٦. احسب قيمة المعاوقة الكلية لدائرة مكونة من مقاومة أومية (٢٠Ω) على التوازي مع ملف(mH)
 على التوالى مع مكثف(١μf) واحسب زاويتها.
- ٧. احسب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة لملفين متصلين على التوالي إذا كانت قيمة أحدهما
 ٣٠ احسب قيمة الآخر mH
- ٨. احسب قيمة معامل الحث الذاتي المحصلة لملفين متصلين على التوازي إذا كانت قيمة أحدهما
 ٣٠ mH وقيمة الآخر ٣٠ mH .
- ٩. احسب قيمة السعة المحصلة لمكثفين متصلين على التوالي إذا كانت قيمة أحدهما μF وقيمة الآخر μF . ٢٥ μF .
- ۱۰. احسب قيمة السعة المحصلة لمكثفين متصلين على التوازي إذا كانت قيمة أحدهما μF وقيمة الآخر μF . ٢٥ μF .
- ۱۱. في السيائية بالشكل التالي، معاوفتان متصلتان معاً على التوازي، حيث: E = 200 V بتردد (E = 0 Hz). فإذا كان الجهد المطبق عليهما E = 200 V بتردد (E = 0 Hz). احسب التيار الكلي.



الوحدة الثالثة	थ। । ६ ।	التخصص
عناصر ودوائر التيار المتردد	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم

17. الشكل التالي يبين الحمل الكهربائي الخاص بمنشأة صناعية صغيرة، احسب سعة المكثف المطلوب لرفع معامل القدرة إلى واحد صحيح.



17. لدائرة شحن مكثف قيمة سعته μF 10. إذا كان جهد المصدر يساوي 17 وكانت قيمة المقاومة المتوالية μF 11. الثابت الزمني 17، قيمة جهد المكثف وقيمة تيار الشحن بعد 18. msec . وإذا تم فصل دائرة شحن المكثف عند هذه اللحظة، وبدأ المكثف في التفريغ في مقاومة قيمتها 18. بعد نزع مصدر الجهد وغلق الدائرة الكهربائية، احسب جهد المكثف وتيار التفريغ بعد عدد μF 20. بعد نزع مصدر الجهد وغلق الدائرة الكهربائية، احسب جهد المكثف وتيار التفريغ بعد عدد μF 21. بعد نزع مصدر الجهد وغلق الدائرة الكهربائية، احسب جهد المكثف وتيار التفريغ بعد عدد μF 21.



هندسة كهربائية - ٢

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

التخصص

هندسة كهربائية-٢

الأهداف العامة للوحدة الرابعة

بعد الانتهاء من دراسة هذه الوحدة، يكون الطالب قادراً على معرفة:

- كيفية تطبيق قانون أوم في دوائر التيار المتردد.
- كيفية تطبيق قانونا كيرشوف للتيار والجهد في دوائر التيار المتردد.
 - كيفية تطبيق قانون تجزئ التيار في دوائر التيار المتردد المتوازية.
 - كيفية تطبيق قانون تجزئ الجهد في دوائر التيار المتردد المتوالية.
 - كيفية حساب المعاوقات المتوالية والمتوازية والمركبة.
- كيفية تطبيق طريقة الاختزال لتحليل الدوائر الكهربائية للتيار المتردد.
- كيفية تطبيق طريقة تحويلات الدلتا والنجمة لتحليل الدوائر الكهربائية للتيار المتردد.
 - كيفية تطبيق نظرية ثفنن لتحليل الدوائر الكهربائية للتيار المتردد.
 - كيفية تطبيق طرقة الحلقة المغلقة لتحليل الدوائر الكهربائية للتيار المتردد.
 - كيفية تطبيق نظرية التركيب لتحليل الدوائر الكهربائية للتيار المتردد.

۱ – ۱ مقدمة Introduction

سوف ندرس في هذا الباب النظريات الأساسية المستخدمة في تحليل دوائر التيار المتردد، التي هي فقط. فقط. فقط الأمر لا تختلف عن تلك النظريات المستخدمة في تحليل دوائر التيار المستمر إلا في المعالجة فقط.

8 - ٢ النظريات الأساسية لدوائر التيار المتردد Basic Theorems of A.C Circuits

٤ - ٢ - ١ قانون أوم Ohm's Law

كما رأينا من قبل فإن قانون أوم يطبق على دوائر التيار المتردد تماماً كما يطبق على دوائر التيار المستمر مع الأخذ في الاعتبار أن كل من الجهد V و التيار I وكذلك المعاوقة Z هي كميات اتجاهية مركبة، أي أنها توصف دائما بكميتين (قيمة و زاوية أو حقيقي و تخيلي) وعلى ذلك يمكن كتابة قانون أوم في صوره الثلاثة كما يلى:

(a)
$$\bar{i} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}}$$
 , $i \angle \theta_i = \frac{V \angle \theta_V}{Z \angle \theta_Z}$

(b)
$$\overline{V} = \overline{i} \bullet \overline{Z}$$
, $V \angle \theta_V = i \angle \theta_i \bullet Z \angle \theta_Z$ (Y-2)

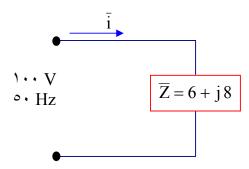
(c)
$$\overline{Z} = \frac{\overline{V}}{\overline{i}}$$
 , $Z \angle \theta_Z = \frac{V \angle \theta_V}{i \angle \theta_i}$ (7-2)

مثال رقم (٤ -١)

من الشكل المقابل:

 \overline{Z} احسب مكونات المعاوفة \overline{Z} .

(۲) احسب التيار



شكل رقم (٤ -١) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ -١).

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

الحل

نبدأ بحساب مكونات المعاوقة \overline{Z} ، كما يلى:

أولاً: الرقم ٦ رقم حقيقي يدل على وجود مقاومة أومية مقدارها Ω δ .

ثانياً: هذه لمقاومة متصلة على التوالي مع مفاعلة حثية (لوجود الإشارة الموجبة) قيمتها $\Omega \cdot L = 8 \Omega$ إذن:

$$L = \frac{8 \Omega}{\omega} = \frac{8 \Omega}{2 \pi f} = \frac{8 \Omega}{100 \pi} = 25.465 \text{ m H}$$

$$R = 6 \Omega$$

$$L = 25.465 \text{ m H}$$

شكل رقم (۲ - ۲) مكونات المعاوقة \overline{Z} لمثال رقم (۲ - ۱).

(۲) لحساب التيار \bar{i} ، نبدأ بحساب المعاوقة \bar{Z} ، كما يلى:

$$\overline{Z} = \sqrt{6^2 + 8^2} \angle \tan^{-1} \frac{8}{6} = 10 \Omega \angle 53.13^{\circ}$$

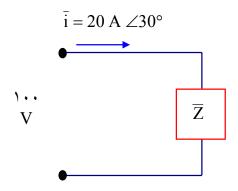
ثم نحسب التيار أ ، كما يلي:

$$\bar{i} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}} = \frac{100 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{10 \Omega \angle 53.13^{\circ}} = 10 \text{ A } \angle -53.13^{\circ}$$

مثال رقم (٤ -٢)

من الشكل المقابل:

- \overline{Z} احسب قيمة المعاوقة
 - (٢) أحسب مكوناتها



شكل رقم (٤ - ٣) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ - ٢).

الحل

نحسب قيمة المعاوقة \overline{Z} من القانون:

$$\overline{Z} = \frac{\overline{V}}{\overline{i}}$$
, $Z \angle \theta_Z = \frac{V \angle \theta_V}{i \angle \theta_i}$

$$\overline{Z} = \frac{100 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{20 \text{ A} \angle 30^{\circ}} = 5 \Omega \angle -30^{\circ}$$

(٢) لحساب مكوناتها:

$$\overline{Z} = 5 \Omega \left\{ \cos \left(-30 \right) + j \sin \left(-30 \right) \right\}$$

$$\overline{Z} = 5 \Omega (0.866 - j 0.5) = 4.33 - j 2.4$$

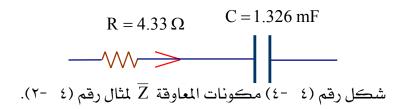
يتضح من هذه المعادلة الآتى:

تتكون المعاوقة \overline{Z} من:

أولاً: الرقم ٤,٣٣ رقم حقيقي يدل على وجود مقاومة أومية مقدارها Ω 4.33

 $\frac{1}{\omega \cdot C} = 2.4 \,\Omega$ التوالي مع مفاعلة سعوية (لوجود الإشارة السالبة) قيمتها $\frac{1}{\omega \cdot C}$ إذن:

$$C = \frac{1}{24 \, \omega} = \frac{1}{24 \times 100 \times \pi} = 1.326 \, \text{mF}$$



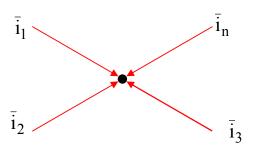
۲- ۲- قانونا كيرشوف ۲- ۲- ٤

انون كيرشوف للتيار Kirchhoff's Current Law قانون كيرشوف للتيار ١- ٢- ٢- ٤

ينص قانون كيرشوف للتيار أن " المجموع الجبري للتيارات الكهربائية اللحظية الداخلة إلى أي عقدة كهربائية يساوي صفراً، ويعبر عنه رياضياً كما يأتي:

$$\sum_{k=1}^{k=n} \bar{i}_k = 0 \tag{5-5}$$

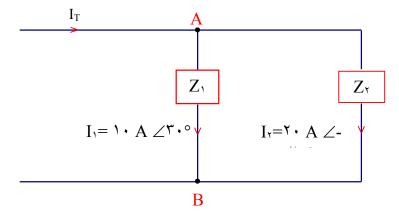
حيث n هو عدد التيارات المتصلة بهذه العقدة الكهربائية، وتعتبر التيارات اللحظية الداخلة إلى العقدة تيارات سالبة بينما تعتبر التيارات اللحظية الخارجة منها تيارات موجبة، ويلاحظ هنا أن التيارات جميعها كميات اتجاهية. وشكل رقم (٤ -٥) يوضح أحد هذه العقد الكهربائية.



شكل رقم (٤ -٥) التيارات الجبرية الداخلة إلى العقدة

مثال رقم (٤ -٣)

في الشكل المقابل رقم (٤ -٦)، احسب قيمة التيار الكلي I_T



شكل رقم (٤ -٦) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ -٣).

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

الحل

لحساب التيار الكلي I_T ، نطبق قانون كيرشوف للتيارات على أي من النقطتين I_T أو I_T

- عند نقطة A:
- (I_T) مجموع التيارات الداخلة إلى النقطة
- $(I_1 + I_2)$ مجموع التيارات الخارجة من النقطة

إذن:

 $(I_T) = (I_1 + I_7)$

عند نقطة B:

 $(I_1 + I_2)$ مجموع التيارات الداخلة إلى النقطة

 (I_T) مجموع التيارات الخارجة من النقطة

إذن:

 $(I_{\prime} + I_{\prime}) = (I_{\mathrm{T}})$

نلاحظ أن تطبيق قانون كيرشوف للتيارات عند أي من النقطتين A أو B يعطي نفس النتيجة.

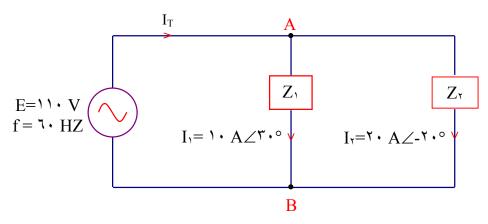
إذن:

$$I_T = (I_1 + I_2) = 10 \text{ A} \angle 30^\circ + 20 \text{ A} \angle - 20^\circ =$$

 $I_T = (8.66 + j5) + (18.8 - j6.84) = 27.46 - j1.84 = 27.5 \text{ A} \angle - 3.84^\circ$

مثال رقم (٤ -٤)

ي مثال رقم (۲ - ۳) احسب قيم ومكونات المعاوقات Z_1, Z_2 ، إذا كان مصدر الجهد: $E=11. \ V, \ f=7. HZ$



شكل رقم (٤ -٧) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ -٤).

الحل

لحساب قيم المقاومات نستخدم قانون أوم كالآتى::

$$Z_1 = \frac{110 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{10 \text{ A} \angle 30^{\circ}} = 11 \Omega \angle -30^{\circ}$$

$$Z_2 = \frac{110 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{20 \text{ A} \angle - 20^{\circ}} = 5.5 \Omega \angle 20^{\circ}$$

لحساب المكونات:

$$Z_1 = 11 \Omega \angle -30^\circ = 11 \cdot \cos(-30^\circ) + j11 \cdot \sin(-30^\circ) = 9.52 - j5.5$$

الرقم ۹٬۵۲ رقم صحيح يدل على وجود مقاومة قيمتها $R_1 = 9.07$ والإشارة السالبة تعني وجود مكثف على التوالي مع المقاومة ، حيث $X_C = 0.0$ ، إذن قيمة السعة C_1 يمكن حسابها كالآتي:

$$X_C = \frac{1}{\omega \cdot C}$$

$$C_1 = \frac{1}{\omega \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \times 60 \times 5.5} = 482.28 \,\mu\text{F}$$

وبالمثل:

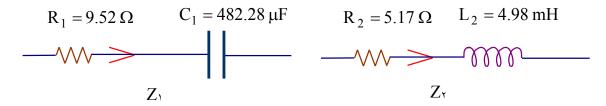
$$Z_2 = 5.5 \Omega \angle 20^\circ = 5.5 \cos (20^\circ) + j 5.5 \sin (20^\circ) = 5.17 + j 1.88$$

الرقم ٥,١٧ رقم صحيح يدل على وجود مقاومة قيمتها Ω ٥,١٧ Ω والإشارة الموجبة تعني وجود ملف على التوالي مع المقاومة ، حيث $X_L = 1,٨٨ \Omega$ ، إذن قيمة الحث الذاتي للملف L يمكن حسابها كالآتي:

$$X_L = \omega \cdot L_2$$

$$L_2 = \frac{X_L}{\omega} = \frac{1.88 \,\Omega}{2 \,\pi \times 60} = 4.98 \,\text{mH}$$

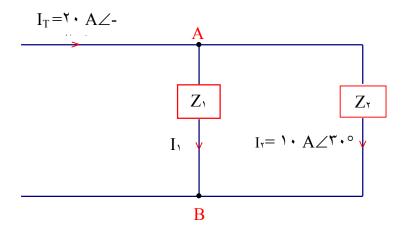
هندسة كهربائية-٢



شکل رقم (۵ - ۸) مکونات المعاوقات $\overline{Z}_1,\overline{Z}_2$ لمثال رقم (۵ - ۵).

مثال رقم (٤ -٥)

في الشكل المقابل رقم (٤ -٩)، احسب قيمة التيار الفرعى I_1 .



شكل رقم (٤ -٩) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ -٥).

الحل

لحساب التيار الفرعي ،I ، نطبق قانون كيرشوف للتيارات على النقطة A كالآتي:

عند نقطة A:

 $(I_1 + I_2)$ مجموع التيارات الداخلة إلى النقطة (I_T) = مجموع التيارات الخارجة من النقطة الذن الذن

$$(\bar{I}_T) = (\bar{I}_1 + \bar{I}_2)$$

$$(\bar{I}_1) = (\bar{I}_T - \bar{I}_2)$$

$$\bar{I}_1 = (\bar{I}_T - \bar{I}_2) = 20 \text{ A} \angle 20^{\circ} - 10 \angle 30^{\circ} = 18.8 + \text{j} 6.84 - (8.66 + \text{j} 5)$$

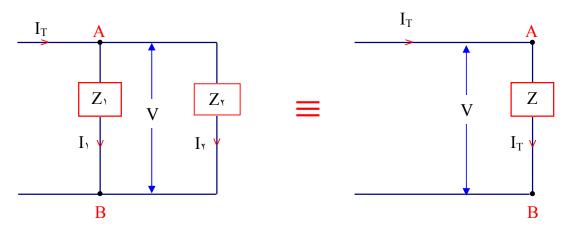
$$\bar{I}_1 = 10.14 + j1.84 = 10.3 \text{ A} \angle 10.28^{\circ}$$

وفي مجال الحديث عن قانون كيرشوف للتيار سوف نتناول بعض النظريات الفرعية المنبثقة عنه.

٤ - ٢ - ١ - ١ - ٢ - ٤ توصيل المعاوقات على التوازي Parallel Connection

بالرجوع إلى شكل رقم (٤ -٧) للمثال رقم (٤ -٤)، نجد أن المعاوقتين Z_1 , موصلتين معا بطريقة التوازي (راجع هندسة كهربائية -١)، فنلاحظ أن أطراف بداية المعاوقتين موصلتين معا وكذلك أطراف نهايتهما موصلتين معاً، وليس هناك في المنتصف أية توصيلات أخرى وأن الجهد الواقع على كل معاوقة هو نفس الجهد V وهذه هي شروط توصيل التوازى..

ويمكن الاستعاضة عن المعاوقتين المتوازيتين بمعاوقة واحدة Z مكافئة لهما كما هو مبين بالشكل رقم (٤ -١٠)، ويمكن حساب قيمتها كما يلى:



شكل رقم (٤ -١٠) المعاوقات على التوازي

وبهذا يمكن كتابة الجهد بصورة اتجاهية كالآتى:

$$\overline{V} = \overline{I}_1 \ \overline{Z}_1 = \overline{I}_2 \ \overline{Z}_2 = \overline{I}_T \ \overline{Z}$$
 (0-5)

وبتطبيق قانون كيرشوف للتيار:

$$(\bar{\mathbf{I}}_{\mathrm{T}}) = (\bar{\mathbf{I}}_{1} + \bar{\mathbf{I}}_{2}) \tag{7-5}$$

وبالتعويض عن قيمة I_{γ} في المعادلة ()، نحصل على:

$$\left(\frac{\overline{V}}{\overline{Z}}\right) = \left(\frac{\overline{V}}{\overline{Z}_1} + \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_2}\right) \tag{V-£}$$

وبقسمة الطرفين على Z، نحصل على الآتي:

$$\left(\frac{1}{\overline{Z}}\right) = \left(\frac{1}{\overline{Z}_1} + \frac{1}{\overline{Z}_2}\right) \tag{A-2}$$

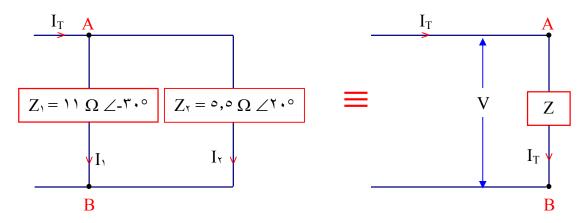
$$\left(\frac{1}{\overline{Z}}\right) = \left(\frac{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2}{\overline{Z}_1 \overline{Z}_2}\right) \tag{9-5}$$

$$(\overline{Z}) = \left(\frac{\overline{Z}_1 \overline{Z}_2}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2}\right) \tag{1.-1}$$

وهذه الصورة هي نفس الصورة في حالة دوائر التيار المستمر مع الأخذ في الاعتبار هنا أن هذه المعادلة هي معادلة اتجاهية.

مثال رقم (٤ -٦)

للمثال رقم (٤ - ٤) احسب قيمة المعاوقة المكافئة للمعاوقتين $Z_{\rm r}$ & $Z_{\rm r}$.



شكل رقم (٤ - ١١) الدائرة الكهربائية لمثال رقم (٤ - ٦)

الحل

تم حساب قيمة كل من المعاوقتين $Z_1 \& Z_2 = 1$ المثال رقم (٤ -٤)، وكانت القيم كالآتي:

$$Z_1 = 11 \Omega \angle -30^{\circ}$$

$$Z_2 = 5.5 \Omega \angle 20^{\circ}$$

ولحساب المعاوفة المكافئة لهما Z نطبق القانون رقم (٤ -١٠) كالآتى:

$$(\overline{Z}) = \left(\frac{\overline{Z}_1 \overline{Z}_2}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2}\right) = \frac{11 \Omega \angle - 30^\circ \times 5.5 \Omega \angle 20^\circ}{11 \Omega \angle - 30^\circ + 5.5 \Omega \angle 20^\circ} = \frac{11 \Omega \times 5.5 \Omega \angle - 30^\circ + 20^\circ}{(9.52 - \text{j} 5.5) + (5.17 + \text{j} 1.88)}$$

ألكترونيات صناعية وتحكم

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$(\overline{Z}) = \frac{60.5 \angle -10^{\circ}}{(14.69 - i 3.62)} = \frac{60.5 \Omega^{2} \angle -10^{\circ}}{15.13 \Omega \angle -13.84^{\circ}}$$

$$(\overline{Z}) = \frac{60.5 \Omega^2}{15.13 \Omega} \angle (-10^\circ + 13.84^\circ) = 4 \Omega \angle 3.84^\circ$$

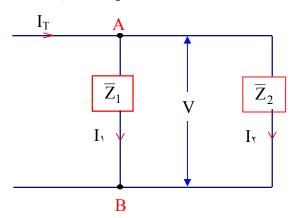
ولتأكيد هذه القيمة وحسب قانون أوم، يمكن حساب قيمة التيار المار في هذه المعاوقة (مثال رقم (٤ - ٣))، كالآتى:

$$I_T = \frac{110 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{4 \text{ O} \angle 3.84^{\circ}} = 27.5 \text{ A} \angle -3.84^{\circ}$$

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها في المثال رقم (٤ -٣).

٤ - ۲ - ۱ - ۲ قانون تجزؤ التيار Current Divider

 I_{1}, I_{2} بالرجوع إلى شكل (٤ - ١٢) نجد أن التيار الكلي I_{2} يتفرع إلى تيارين فرعين



 $\overline{Z}_1, \overline{Z}_2$ تجزئ التيار بين المعاوقات \overline{Z}_1 تجزئ التيار بين المعاوقات

ويمكن استنتاج العلاقة بين التيار الكلي $I_{
m T}$ والتيارات الفرعية $I_{
m I_0}$ كالآتي:

$$(1 - \xi) = (\bar{I}_1 + \bar{I}_2)$$

$$\therefore (\bar{\mathbf{I}}_2) = (\bar{\mathbf{I}}_T - \bar{\mathbf{I}}_1) \tag{17-5}$$

$$\bar{I}_1 \, \overline{Z}_1 + \bar{I}_1 \, \overline{Z}_2 = \bar{I}_T \, \overline{Z}_2 \tag{10-5}$$

$$\bar{I}_{1}\left(\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}\right) = \bar{I}_{T} \overline{Z}_{2} \tag{17-5}$$

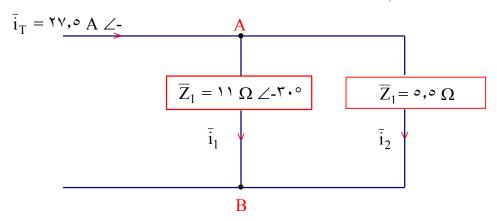
۱ ۱ ۱ باك هندسة كهربائية-۲

ألكترونيات صناعية وتحكم

وهذا هو قانون تقسيم التيارات في الدوائر المتوازية، ويلاحظ التشابه بين هذه الصورة وصورة تقسيم التيار في دوائر المستمر، مع ملاحظة أن المعادلات هنا معادلات اتجاهية.

مثال رقم (٤ -٧)

ق الشكل المقابل رقم (٤ -١٣)، احسب التيارات الفرعية $ar{i}_1,\ ar{i}_2$.



شكل رقم (٤ -١٣) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ -٧)

الحل

 I_1 , I_2 بتطبیق قانون تقسیم التیار رقم (٤ -١٧) و (٤ -١٨)، یمکن أن نحصل علی التیارات الفرعیة I_2 کالآتی:

$$\bar{i}_{1} = \bar{i}_{T} \frac{\overline{Z}_{2}}{(\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2})} = (27.5 \text{ A} \angle -3.84^{\circ}) \times \left(\frac{5.5 \Omega \angle 20^{\circ}}{11 \Omega \angle -30^{\circ} + 5.5 \Omega \angle 20^{\circ}}\right)$$

$$\bar{i}_{1} = (27.5 \text{ A} \angle -3.84^{\circ}) \times \left(\frac{5.5 \Omega \angle 20^{\circ}}{(9.53 - j 5.5) + (5.17 + j 1.88)}\right)$$

$$\bar{i}_{1} = (27.5 \text{ A} \angle -3.84^{\circ}) \times \left(\frac{5.5 \Omega \angle 20^{\circ}}{14.7 - j 3.62}\right)$$

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$\begin{split} \bar{i}_1 &= (27.5 \text{ A} \angle - 3.84^\circ) \times \left(\frac{5.5 \,\Omega \angle 20^\circ}{15.14 \,\Omega \angle - 13.84^\circ} \right) \\ \bar{i}_1 &= (27.5 \text{ A} \angle - 3.84^\circ) \times (0.363 \angle 33.84^\circ) = 10 \text{ A} \angle 30^\circ \\ \bar{i}_2 &= \bar{i}_T \, \frac{\overline{Z}_1}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 \right)} = (27.5 \text{ A} \angle - 3.84) \times \left(\frac{11 \,\Omega \angle - 30^\circ}{11 \,\Omega \angle - 30^\circ + 5.5 \,\Omega \angle 20^\circ} \right) \\ \bar{i}_2 &= (27.5 \text{ A} \angle - 3.84) \times \left(\frac{11 \,\Omega \angle - 30^\circ}{15.14 \,\Omega \angle - 13.84^\circ} \right) = 20 \text{ A} \angle - 20^\circ \end{split}$$

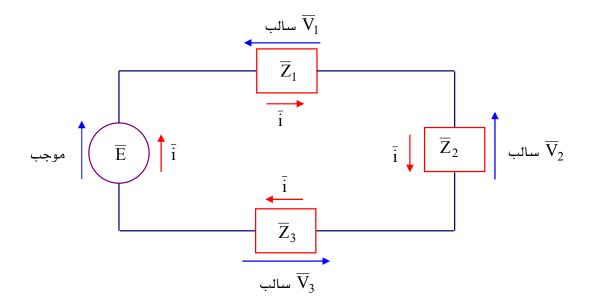
ونلاحظ أن قيم التيارات الفرعية المستنتجة في هذا المثال هي نفس القيم في المثال رقم (٤ - ٣) مما يدلل على صحة تطبيق قانون تقسيم التيارات.

Kirchhoff's Voltage Law قانون كيرشوف للجهود ٢- ٢- ٢- ٤

ينص قانون كيرشوف للجهود أن "في أي دائرة كهربائية مغلقة يكون المجموع الجبري للجهود الكهربائية اللحظية على مكونات هذه الدائرة يساوي صفراً، ويعبر عنه رياضياً كما يأتى:

$$\sum_{k=1}^{k=n} \overline{\mathbf{v}}_k = 0 \tag{19-£}$$

حيث n هو عدد الجهود الموجودة في هذه الدائرة الكهربائية ، وبأخذ التيار مرجعاً تعتبر الجهود اللحظية في اتجاه التيار موجبة بينما الجهود اللحظية في عكس اتجاه التيار تعتبر سالبة. ويلاحظ هنا أن الجهود جميعها كميات اتجاهية. وشكل رقم (٤ -١٤) يوضح أحد هذه الدوائر الكهربائية.



شكل (٤ - ١٤) تقسيم الجهود في دائرة تيار متردد متوالية

وعلى هذا يمكن أن يكتب قانون كيرشوف للجهود للشكل السابق كالآتي:

$$\overline{E} - \overline{V}_1 - \overline{V}_2 - \overline{V}_3 = 0 \tag{Y - 2}$$

أو بصورة أخرى:

$$\overline{E} = \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3 \tag{Y1-2}$$

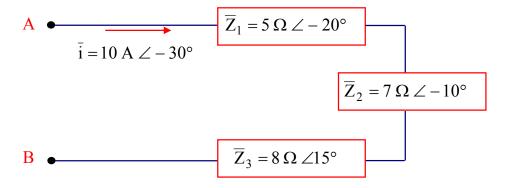
يلاحظ أن اتجاه الجهد عكس اتجاه التيار في المعاوقات وفي اتجاه التيار بالنسبة لمصدر الجهد.

۱٤۱ الك هندسة كهربائية-۲

ألكترونيات صناعية وتحكم

مثال رقم (٤ -٨)

في شكل رقم (٤ -١٥) احسب الجهد بين النقطتين A, B.



شكل رقم (٤ -١٥) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ -٨)

الحل

لحساب الجهد بين النقطتين، نطبق قانون كيرشوف للجهود كالآتى:

$$\overline{V}_{AB} = \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3$$

ويمكن حساب كل جهد من الجهود الثلاثة على حدة كالآتي:

$$\overline{V}_1 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_1 = (10 \text{ A} \angle - 30^\circ) \cdot (5 \Omega \angle - 20^\circ) = 50 \text{ V} \angle - 50^\circ$$

$$\overline{V}_2 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_2 = (10 \text{ A} \angle - 30^\circ) \cdot (7 \Omega \angle - 10^\circ) = 70 \text{ V} \angle - 40^\circ$$

$$\overline{V}_3 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_3 = (10 \text{ A} \angle - 30^\circ) \cdot (8 \Omega \angle 15^\circ) = 80 \text{ V} \angle - 15^\circ$$

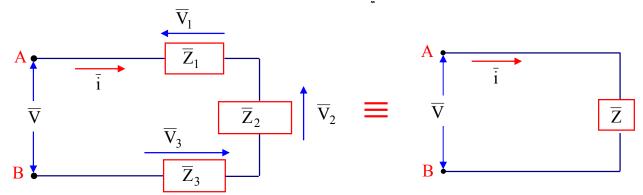
وبالتعويض في معادلة الجهد VAB ، نحصل على الآتي:

$$\begin{split} \overline{V}_{A-B} &= \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3 = 50 \text{ V} \angle -50^\circ + 70 \text{ V} \angle -40^\circ + 80 \text{ V} \angle -15^\circ \\ \overline{V}_{AB} &= \left(32.14 - j38.3\right) + \left(53.62 - j45\right) + \left(77.27 - j20.7\right) = \\ \overline{V}_{AB} &= 163 - j104 = 193.4 \text{ V} \angle -32.54^\circ \end{split}$$

وفي مجال الحديث عن قانون كيرشوف للجهود سوف نتناول بعض النظريات الفرعية المنبثقة عنه.

بالرجوع إلى شكل رقم (٤ -١٥) للمثال رقم (٤ -٨)، نجد أن المعاوقات $\overline{Z}_1, \overline{Z}_2, \overline{Z}_3$ موصلة معا بطريقة التوالي (راجع هندسة كهربائية -١)، فنلاحظ أن طرف نهاية المعاوقة \overline{Z}_1 موصل مع طرف بداية المعاوقة \overline{Z}_2 وكذلك طرف نهاية المعاوقة \overline{Z}_2 موصل مع طرف بداية المعاوقة \overline{Z}_2 وأن نقط التوصيل بين المعاوقات لا يتصل بها أية معاوقة أخرى وأن التيار المار في المعاوقات الثلاثة هو نفس التيار \overline{i} وهذه هي شروط توصيل التوالى.

ويمكن الاستعاضة عن المعاوقات المتوازية بمعاوقة واحدة \overline{Z} مكافئة لها كما هو مبين بالشكل رقم (٤ -١٦)، ويمكن حساب قيمتها كما يلى:



شكل رقم (٤ -١٦) توصيل المعاوقات على التوالي

من قانون كيرشوف للجهود الجهد \overline{V} يساوي مجموع الجهود الفرعية كما يأتي:

$$\overline{V} = \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3$$

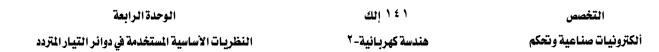
وبمساواة الجهد بين النقطتين A, B في الحالتين، نحصل على ما يأتي:

$$\overline{V} = \overline{i} \overline{Z}_1 + \overline{i} \overline{Z}_2 + \overline{i} \overline{Z}_3 = \overline{i} \overline{Z}$$
 (YY-£)

وبقسمة الطرفين على التيار \tilde{i} ، نحصل على الآتي:

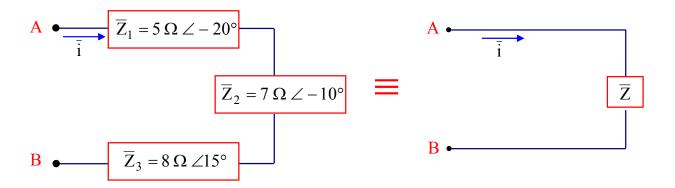
$$\therefore \overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3 = \overline{Z} \tag{YT-1}$$

أي أن المعاوفة المكافئة لمجموعة من المعاوفات المتوالية تساوي مجموع هذه المعاوفات ويلاحظ هنا أيضاً أن المجموع اتجاهى وليس مجموع جبري.



مثال رقم (٤ -٩)

في المثال رقم (٤ - ٨) احسب المعاوقة المكافئة للدائرة.



شكل رقم (٤ -١٧) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ -٩)

الحل

نجد في شكل رقم (٤ -١٧) أن طرف نهاية المعاوقة Z_i موصل مع طرف بداية المعاوقة Z_i وكذلك طرف نهاية المعاوقة Z_i موصل مع طرف بداية المعاوقة Z_i وأن نقط التوصيل بين المعاوقات لا يتصل بها أية معاوقة أخرى وأن التيار المار في المعاوقات الثلاثة هو نفس التيار i وهذه هي شروط توصيل التوالي. إذن المعاوقات الثلاثة موصلة على التوالى، ويمكن بالتالى حساب المعاوقة المكافئة لها كالآتى:

$$\overline{Z}_{eq} = \overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3 = 5 \Omega \angle -20^\circ + 7 \Omega \angle -10^\circ + 8 \Omega \angle 15^\circ$$

$$\overline{Z}_{eq} = (4.7 - j1.71)\Omega + (6.9 - j1.22)\Omega + (7.7 + j2.1)\Omega$$

$$\overline{Z}_{eq} = (19.3 - j0.83) = 19.32 \Omega \angle -2.46^\circ$$

۲- ۲- ۲- ۲ قانون تجزؤ الجهود Potential Divider

بالرجوع إلى شكل رقم (٤ -١٨) نجد أن مجموع الجهود على المعاوقات الثلاثة المتوالية $Z_1, Z_n \& Z_n$ هو جهد المصدر E، وهذا يعني أن الجهد V يتقسم ما بين المعاوقات الثلاثة حسب قيم معاوقتها ، وهو ما سوف نثبته كالتالى:

 $\overline{\overline{V}_1}$ $\overline{\overline{Z}_1}$ $\overline{\overline{V}_2}$ $\overline{\overline{V}_2}$

شكل رقم (٤ -١٨) تجزؤ الجهود في الدائرة الكهربائية المتوالية

حسب قانون أوم:

$$\overline{V}_1 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_1 \tag{7.5-5}$$

$$\overline{V}_2 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_2 \tag{Yo-1}$$

$$\overline{V}_3 = \overline{i} \cdot \overline{Z}_3 \tag{77-1}$$

حسب قانون كيرشوف للجهود:

$$\overline{E} = \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3 = \overline{i} \cdot (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)$$

$$(YV_{-\xi})$$

وبقسمة \overline{V}_1 على \overline{E} ، نحصل على:

$$\frac{\overline{V}_1}{\overline{E}} = \frac{\overline{Z}_1}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3\right)} \tag{YA-1}$$

وبضرب الطرفين في \overline{E} ، نحصل على:

$$\overline{V}_1 = \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_1}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3 \right)} \right) \tag{Y9-5}$$

وبالمثل بقسمة الجهد \overline{V}_2 على ، نحصل على:

$$\frac{\overline{V}_2}{\overline{E}} = \frac{\overline{Z}_2}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3\right)}$$

(٣٠-٤)

وبضرب الطرفين $\overline{\mathrm{E}} \times \overline{\mathrm{E}}$ ، نحصل على:

$$\overline{\mathbf{V}}_2 = \overline{\mathbf{E}} \cdot \left(\frac{\overline{\mathbf{Z}}_2}{\left(\overline{\mathbf{Z}}_1 + \overline{\mathbf{Z}}_2 + \overline{\mathbf{Z}}_3 \right)} \right)$$

(٣1-٤)

وبالمثل بقسمة الجهد \overline{V}_3 على \overline{E} ، نحصل على:

$$\frac{\overline{V}_3}{\overline{E}} = \frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3\right)}$$

(TT-£)

وبضرب الطرفين في \overline{E} ، نحصل على:

$$\overline{V}_3 = \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3 \right)} \right)$$

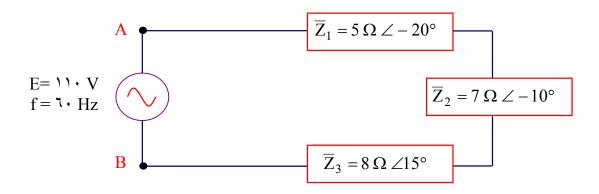
(27-5)

وعلى وجه العموم يمكن أن نقول أن:

$$\overline{V}_x = \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_x}{\left(\overline{Z}_T \right)} \right)$$

مثال رقم (٤ -١٠)

في شكل رقم (٤ -١٩) احسب الجهد على كل معاوقة من المعاوقات الثلاثة باستخدام قانون تقسيم الجهود.



شكل رقم (٤ - ١٩) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ - ١٠)

الحل

المعاوقات الثلاثة موصلة على التوالي وذلك لاستيفاء الشروط الخاصة بذلك (أثبت ذلك). إذن يمكننا استخدام قانون تجزؤ الجهود كما يلى:

$$\begin{split} \overline{V}_1 &= \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_1}{(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)} \right) \\ \overline{V}_1 &= \left(110 \ V \angle 0^\circ \right) \cdot \left(\frac{5 \ \Omega \angle - 20^\circ}{((5 \ \Omega \angle - 20^\circ) + (7 \ \Omega \angle - 10^\circ) + (8 \ \Omega \angle 15^\circ))} \right) \\ \overline{V}_1 &= \left(110 \ V \angle 0^\circ \right) \cdot \left(\frac{5 \ \Omega \angle - 20^\circ}{((5 \ \Omega \angle - 20^\circ) + (7 \ \Omega \angle - 10^\circ) + (8 \ \Omega \angle 15^\circ))} \right) \\ \overline{V}_1 &= \left(110 \ V \angle 0^\circ \right) \cdot \left(\frac{5 \ \Omega \angle - 20^\circ}{((4.7 - j1.71) \ \Omega + (6.9 - j1.22) \ \Omega + (7.7 + j2.1) \ \Omega)} \right) \\ \overline{V}_1 &= \left(110 \ V \angle 0^\circ \right) \cdot \left(\frac{5 \ \Omega \angle - 20^\circ}{(19.32 \ \Omega \angle - 2.46^\circ)} \right) = 28.47 \ V \angle - 17.54^\circ \\ \overline{V}_2 &= \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_2}{(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)} \right) = (110 \ V \angle 0^\circ) \cdot \left(\frac{7 \ \Omega \angle - 10^\circ}{(19.32 \ \Omega \angle - 2.46^\circ)} \right) \\ \overline{V}_2 &= 39.86 \ V \angle - 7.54^\circ \end{split}$$

$$\overline{V}_3 = \overline{E} \cdot \left(\frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_3 \right)} \right) = \left(110 \text{ V} \angle 0^\circ \right) \cdot \left(\frac{8 \,\Omega \, \angle 15^\circ}{\left(19.32 \,\Omega \, \angle - 2.46^\circ \right)} \right)$$

$$\overline{V}_3 = 45.55 \text{ V} \angle 17.46^{\circ}$$

ولتأكيد صحة الحل نجمع الجهود $V_{, \tau}, V_{\tau}, V_{\tau}$ كالآتي:

$$\overline{E} = \overline{V}_1 + \overline{V}_2 + \overline{V}_3 = 28.47 \angle -17.54^{\circ} + 39.86 \angle -7.54^{\circ} + 45.55 \angle 17.46^{\circ}$$

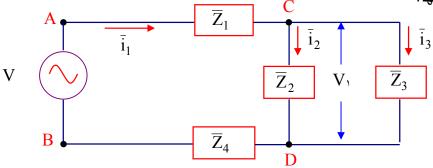
$$\overline{E} = (27.1 - j8.5) V + (39.5 - j5.2) + (43.4 + j13.7) = (110 - j0) = 110 V \angle 0^{\circ}$$

۲- ۲- الدوائر المركبة Compound Circuits

بعد استعراض توصيل الدوائر على التوالي وتوصيلها على التوازي، سنتعرض الآن إلى التوصيلات المركبة لدوائر التيار المتردد.

في شكل رقم (٤ - ٢٠)، تتكون الدائرة الكهربائية من مجموعة من المعاوقات بعضها موصلة على التوازي وبعضها موصل على التوازي، فمثلاً المعاوقتان Z_{r} , Z_{r} موصلتان على التوازي (راجع شروط التوازي)، وكذلك المعاوقتان Z_{r} , موصلتان على التوالي ومعهما مصدر الجهد أيضاً (راجع شروط التوالي).

وهناك كثير من نظريات الدوائر الكهربائية التي تمكننا من التعامل مع مثل هذه الدوائر، سوف نستعرض البعض منها.



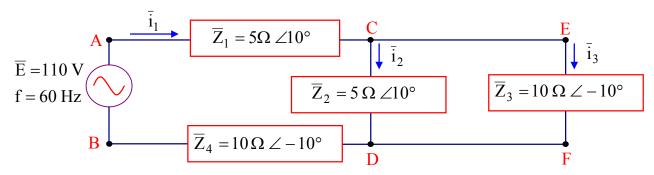
شكل (٤ - ٢٠) دائرة كهربائية مركبة

ا حريقة الاختزال Simplification Method طريقة الاختزال

وطريقة الاختزال تتلخص في اختزال الدائرة الكهربائية أو تبسيطها إلى أقل عدد من المعاوقات ويستحسن أن تختزل إلى معاوقة واحدة ومصدر جهد، وبتطبيق قانون أوم وقوانين كيرشوف يمكن حل الدائرة الكهربائية.

مثال رقم (٤ -١١)

 $.\bar{i}_1, \bar{i}_2 \& \bar{i}_3$ احسب: التيارات (۲۱ - ۲۱) احسب



شكل رقم (٤ - ٢١) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ - ١١)

الحل:

يمكن حل هذه المسألة عن طريق قوانين كيرشوف ويمكن أيضاً حلها عن طريق الاختزال وسوف نعرض كل طريقة منهما.

أولاً: عن طريق قوانين كيرشوف

لحل هذه المسألة المطلوب إيجاد تيارات الدائرة الثلاثة، أي لدينا ثلاثة مجاهيل وعلى ذلك لابد من تكوين ثلاثة معادلات للحصول على هذه المجاهيل الثلاثة. وهذه المعادلات يمكن تكوينها عن طريق قوانين كيرشوف كما يلي:

• عند العقدة C نستطيع تطبيق قانون كيرشوف للتيارات كما يلي:

$$\bar{i}_1 = \bar{i}_2 + \bar{i}_3$$

• للدائرة المغلقة ACDB يمكن تطبيق قانون كيرشوف للجهود كما يلي:

$$\begin{split} &\overline{\mathbf{E}} = \overline{\mathbf{i}}_1 \ \overline{Z}_1 + \ \overline{\mathbf{i}}_2 \ \overline{Z}_2 + \overline{\mathbf{i}}_1 \ \overline{Z}_4 = \overline{\mathbf{i}}_1 \left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 \ \right) + \overline{\mathbf{i}}_2 \ \overline{Z}_2 \\ &\overline{\mathbf{E}} = \overline{\mathbf{i}}_1 \left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 \ \right) + \left(\overline{\mathbf{i}}_1 - \overline{\mathbf{i}}_3 \right) \overline{Z}_2 \end{split}$$

• للدائرة المغلقة CEFD يمكن تطبيق قانون كيرشوف للجهود كما يلي:

$$\bar{i}_2 \overline{Z}_2 = \bar{i}_3 \overline{Z}_3$$

وهو ما يعني أن المعاوقتين متوازيتان (الجهد الواقع عليهما واحد)

وبالتالي يمكن حساب التيار \bar{i}_3 كما يلي:

$$\bar{i}_3 = \frac{\bar{i}_2 \, \overline{Z}_2}{\overline{Z}_3}$$

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

وبالتعويض في المعادلة الأولى:

$$\bar{i}_1 = \bar{i}_2 + \frac{\bar{i}_2 \overline{Z}_2}{\overline{Z}_3} = \bar{i}_2 \frac{(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2)}{\overline{Z}_3}$$

وهكذا يمكن حساب التيار \bar{i}_2 كما يلى:

$$\bar{i}_2 = \bar{i}_1 \frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2\right)}$$

وبالتعويض في المعادلة الثانية:

$$\overline{E} = \overline{i}_1 \left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 \right) + \overline{i}_1 \left(\frac{\overline{Z}_3 \overline{Z}_2}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2 \right)} \right) = \overline{i}_1 \left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \frac{\overline{Z}_3 \overline{Z}_2}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2 \right)} \right)$$

وهكذا يمكن حساب التيار \bar{i} كما يلى:

$$\bar{i}_1 = \frac{\overline{E}}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \frac{\overline{Z}_3 \overline{Z}_2}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2\right)}\right)}$$

$$\bar{i}_{1} = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{\left(5 \Omega \angle 10^{\circ} + 10 \Omega \angle -10^{\circ} + \frac{\left(10 \Omega \angle -10^{\circ}\right) \cdot \left(5 \Omega \angle 10^{\circ}\right)}{\left(10 \Omega \angle -10^{\circ}\right) + \left(5 \Omega \angle 10^{\circ}\right)}\right)}$$

$$\bar{i}_{1} = \frac{110 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{\left(5\Omega \angle 10^{\circ} + 10 \Omega \angle -10^{\circ} + \frac{\left(50 \Omega^{2} \angle 0^{\circ}\right)}{\left(9.85 - \text{j} 1.74\right)\Omega + \left(4.92 + \text{j} 0.87\right)\Omega}\right)}$$

$$\bar{i}_{1} = \frac{110 \text{ V} \angle 0^{\circ}}{\left(5\Omega \angle 10^{\circ} + 10\Omega \angle -10^{\circ} + \frac{\left(50\Omega^{2} \angle 0^{\circ}\right)}{\left(14.77 - \text{j} \ 0.87\right)\Omega}\right)}$$

$$\bar{i}_1 = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{\left(5 \Omega \angle 10^{\circ} + 10 \Omega \angle -10^{\circ} + \frac{\left(50 \Omega^2 \angle 0^{\circ}\right)}{\left(14.8 \Omega \angle -3.37^{\circ}\right)}\right)}$$

ألكترونيات صناعية وتحكم

$$\bar{i}_1 = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{\left(5 \Omega \angle 10^{\circ} + 10 \Omega \angle -10^{\circ} + 3.38 \Omega \angle 3.37^{\circ}\right)}$$

$$\bar{i}_1 = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{\left(\left(4.92 + \text{j } 0.87\right)\Omega + \left(9.85 - \text{j } 1.74\right)\Omega + \left(3.37 + \text{j } 0.2\right)\Omega\right)}$$

$$\bar{i}_1 = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{(18.14 - \text{j } 0.67)\Omega} = \frac{110 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{18.15 \Omega \angle -2.12^{\circ}} = 6.05 \text{ A } \angle 2.12^{\circ}$$

ثم بالتعويض في قيمة التيار \bar{i}_2 :

$$\bar{i}_2 = \bar{i}_1 \frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2\right)} = \left(6.05 \text{ A } \angle 2.12^\circ\right) \cdot \left(\frac{\left(10 \Omega \angle - 10^\circ\right)}{\left(\left(10 \Omega \angle - 10^\circ\right) + \left(5 \Omega \angle 10^\circ\right)\right)}\right)$$

$$\bar{i}_2 = (6.05 \text{ A } \angle 2.12^\circ) \cdot \left(\frac{(10 \Omega \angle -10^\circ)}{((9.85 - j1.74)\Omega + (4.92 + j0.87)\Omega)} \right) =$$

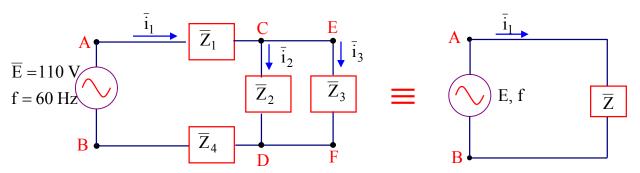
$$\bar{i}_2 = (6.05 \text{ A } \angle 2.12^\circ) \cdot \left(\frac{(10 \Omega \angle -10^\circ)}{(14.77 - j 0.87)} \right) =$$

$$\bar{i}_2 = (6.05 \text{ A} \angle 2.12^\circ) \cdot \left(\frac{10 \Omega \angle -10^\circ}{14.8 \Omega \angle -3.4^\circ} \right) = 4.09 \text{ A} \angle -4.5^\circ$$

ثم بالتعويض في قيمة التيار أن :

$$\bar{i}_3 = \frac{\bar{i}_2 \ \overline{Z}_2}{\overline{Z}_3} = \frac{(4.09 \ A \angle - 4.5^\circ) \cdot (5 \ \Omega \angle 10^\circ)}{10 \ \Omega \angle - 10^\circ} = 2.05 \ A \angle 15.5^\circ$$

ثانيا: عن طريق الاختزال



شكل رقم (٤ -٢٢) طريقة الاختزال

يمكن كما هو مبين بالشكل رقم (٤ - ٢٢)، اختزال الدائرة إلى معاوقة واحدة تحتوي على المعاوقتين $Z_{,,}$ $Z_{,}$ موصلتين معاً على التوازي وموصلتين على التوالي مع المعاوقتين $Z_{,,}$ وهكذا تكون قيمة المعاوقة المكافئة Z كالآتي:

$$\overline{Z} = \overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \frac{\overline{Z}_2 \overline{Z}_3}{\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3}$$

وبالتالي يكون التيار الكلي المار في هذه المعاوفة هو التيار \bar{i}_1 ، الذي يمكن حساب قيمته كالآتي:

$$\bar{i}_1 = \frac{\overline{E}}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \frac{\overline{Z}_3 \overline{Z}_2}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2\right)}\right)}$$

ويلاحظ أن هذه المعادلة هي نفس معادلة التيار \bar{i}_1 في طريقة كيرشوف السابقة ، وبالتالي تكون قيمة التيار \bar{i}_1 ، كما تم حسابها سابقاً كالآتي:

$$\bar{i}_1 = 6.05 \text{ A} \angle 2.12^{\circ}$$

و للحصول على قيمة التيار \bar{i}_2 ، نستخدم قانون تقسيم التيار كما يلي:

$$\bar{i}_2 = \bar{i}_1 \frac{\overline{Z}_3}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_2\right)}$$

ويلاحظ أن هذه المعادلة هي نفس معادلة التيار \bar{i}_2 في طريقة كيرشوف السابقة، وبالتالي تكون قيمة التيار \bar{i}_2 ، كما تم حسابها سابقاً كالآتى:

$$\bar{i}_2 = 4.09 \text{ A} \angle -4.5^{\circ}$$

و للحصول على قيمة التيار \bar{i}_3 ، يمكن استخدام عدة طرق لذلك:

• نستخدم قانون تقسيم التيار:

$$\overline{i}_3 = \overline{i}_1 \frac{\overline{Z}_2}{(\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)}$$

$$\bar{i}_3 = (6.05 \text{ A } \angle 2.12) \frac{5 \Omega \angle 10^{\circ}}{(14.8 \Omega \angle -3.4^{\circ})} = 2.05 \text{ A } \angle 15.5^{\circ}$$

يلاحظ هنا أننا استخدمنا القيمة $\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3$ المحسوبة في طريقة كيرشوف

• نستخدم قانون كيرشوف للتيارات:

$$\because \bar{i}_1 = \bar{i}_2 + \bar{i}_3$$

$$\therefore \bar{i}_3 = \bar{i}_1 - \bar{i}_2$$

$$\vec{i}_3 = (6.05 \text{ A} \angle 2.12) - (4.09 \text{ A} \angle - 4.5^{\circ}) =$$

$$\vec{i}_3 = (6.05 + j0.22) - (4.08 - j0.32) = 1.97 + j0.54 = 2.05 \text{ A } \angle 15.5^{\circ}$$

• نستخدم قانون مساواة الجهد على المعاوقات الموازية:

$$\bar{i}_3 \ \overline{Z}_3 = \bar{i}_2 \ \overline{Z}_2$$

ويقسمة الطرفين على \overline{Z}_3 ، نحصل على:

$$\therefore \overline{i}_3 = \frac{\overline{i}_2 \overline{Z}_2}{\overline{Z}_3}$$

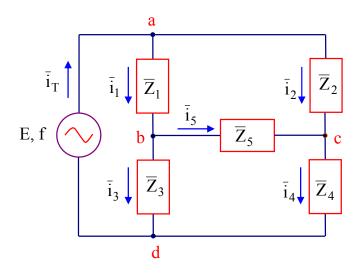
ويلاحظ أن هذا القانون هو نفسه المستخدم في الحل السابق بطريقة كيرشوف حيث كانت النتيجة:

$$\therefore \bar{i}_3 = 2.05 \text{ A} \angle 15.5^{\circ}$$

 $ar{i}_2$ يلاحظ أن الطرق الثلاثة أعطت نفس الناتج لقيمة التيار

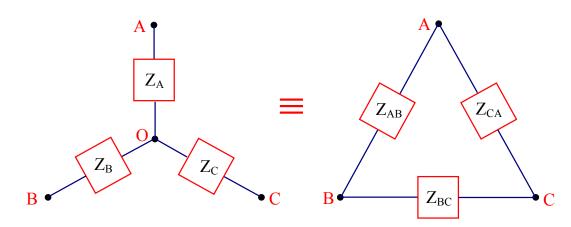
ع -۲ - ۲ - ۲ تحويلات الدلتا -نجمة و النجمة -دلتا Star-Delta, Delta-Star Conversion تحويلات الدلتا

لو نظرنا إلى الشكل رقم (٤ -٣٣)، لوجدنا أن توصيل المعاوقات في الدائرة لا يتبع توصيلات التوالي ولا يتبع أيضاً توصيلات التوازي. وبالتالي فإن الحل عن طريق الاختزال يصبح غير ممكن. وتصبح طريقة الحل المتاحة هي طريقة قوانين كيرشوف، التي كما رأينا تتطلب جهداً كبيراً الذي قد يتطلب وقتاً كبيراً و تتطلب أيضاً حرصاً في الحل لأن مصادر الأخطاء هنا تكون كثيرة.



شكل (٤ - ٢٣) دائرة كهربائية ذات توصيلات مركبة

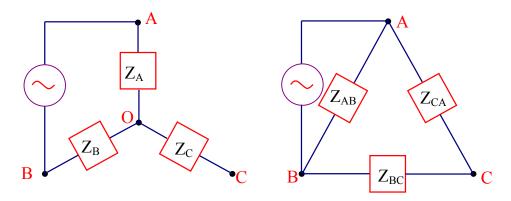
و تحويلات النجمة -دلتا والدلتا -نجمة هي إحدى الطرق أو النظريات التي تسهل الحل في مثل هذه الدوائر. ولشرح هذه الطريقة أو النظرية، نستعين بشكل رقم (٤ -٢٤) حيث أن النقاط الرئيسية (Δ) هي النقاط الرئيسية في الدائرة. وتسمى التوصيلة في الرسم الأيمن توصيلة الدلتا ويرمز لها بالرمز (Δ) عنهما في حين تسمى التوصيلة في الرسم الأيسر توصيلة النجمة ويرمز لها بالرمز (Y). ويمكن تحويل أي منهما إلى الأخرى.



شكل رقم (٤ -٧٤) توصيلات الدلتا والنجمة

وفي بعض الدوائر الكهربائية نجد أن العائق الأكبر في حل الدائرة بطريقة الاختزال هو وجود توصيلة الدلتا أو وجود توصيلة النجمة ويمكن حل الدائرة بسهولة عن طريق الاختزال إذا تم تحويل التوصيلة الموجودة إلى التوصيلة الأخرى. وسوف نستعرض هنا كيفية تحويل كل منهما إلى الأخرى. تحويل النجمة إلى دلتا

بالرجوع إلى شكل رقم (٤ - ٢٥)، إذا تخيلنا وجود مصدر للجهد بين النقطتين A, B فتكون المعاوقة الكلية للتوصيلة ما بين النقطتين A, B بالنسبة للتوصيلة Δ متساوية مع المعاوقة الكلية للتوصيلة ما بين النقطتين A, B بالنسبة للتوصيلة Y. وعلى ذلك يمكن استنتاج ما يلى:



شكل رقم (٤ - ٢٥) المعاوقات متساوية بين النقطتين A, B

$$(\overline{Z}_{A} + \overline{Z}_{B}) = \left(\frac{\overline{Z}_{AB} \cdot (\overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA})}{\overline{Z}_{AB} + (\overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA})}\right)$$

$$(7\xi - \xi)$$

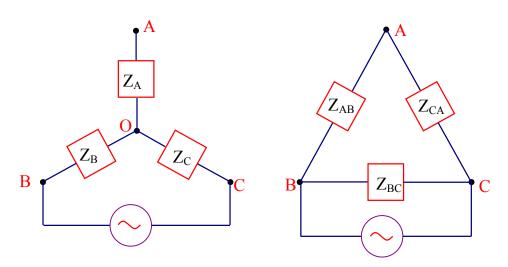
$$\left(\overline{Z}_{A} + \overline{Z}_{B}\right) = \left(\frac{\overline{Z}_{AB} \cdot \left(\overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA}\right)}{\overline{Z}_{AB} + \left(\overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA}\right)}\right) = \left(\frac{\overline{Z}_{AB} \overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{AB} \overline{Z}_{CA}}{\left(\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA}\right)}\right) \quad (\text{Yo-$$^{$}$})$$

B, C و بالرجوع إلى شكل رقم (٤ - ٢٦)، نجد أنه بالمثل إذا تخيلنا وجود مصدر للجهد بين النقطتين فتكون المعاوقة الكلية للتوصيلة ما بين النقطتين B, C بالنسبة للتوصيلة Δ متساوية مع المعاوقة الكلية للتوصيلة ما بين النقطتين B, C بالنسبة للتوصيلة C وعلى ذلك يمكن استنتاج ما يلى:

$$(\overline{Z}_{B} + \overline{Z}_{C}) = \left(\frac{\overline{Z}_{BC} \cdot (\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{CA})}{\overline{Z}_{BC} + (\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{CA})}\right)$$
(٣٦-٤)

$$(\overline{Z}_{B} + \overline{Z}_{C}) = \left(\frac{\overline{Z}_{BC} \cdot (\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{CA})}{\overline{Z}_{BC} + (\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{CA})}\right) = \frac{\overline{Z}_{BC} \overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC} \overline{Z}_{CA}}{(\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA})}$$

$$(\text{YV-1})$$



شكل رقم (٤ - ٢٦) المعاوقات متساوية بين النقطتين B, C

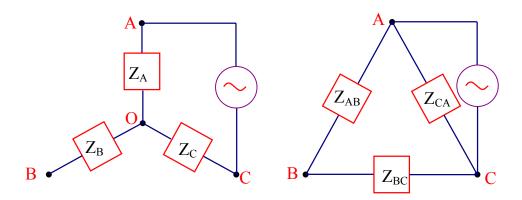
A, نجد أنه أيضاً بالمثل إذا تخيلنا وجود مصدر للجهد بين النقطتين C فبالرجوع إلى شكل رقم (C - C)، نجد أنه أيضاً بالمثل إذا تخيلنا وجود مصدر للجهد بين النقطتين C فتكون المعاوقة الكلية للتوصيلة C بالنسبة C بالنسبة كليد بالنسبة كليد كليد بالنسبة كليد

١٤١ إلك

هندسة كهربائية-٢

ألكترونيات صناعية وتحكم

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد



شكل رقم (٤ -٧٧) المعاوقات متساوية بين النقطتين C, A

$$\left(\overline{Z}_{C} + \overline{Z}_{A}\right) = \left(\frac{\overline{Z}_{CA} \cdot \left(\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC}\right)}{\overline{Z}_{CA} + \left(\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC}\right)}\right) \tag{$7A-$$}$$

$$(\overline{Z}_{C} + \overline{Z}_{A}) = \left(\frac{\overline{Z}_{CA} \overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{CA} \overline{Z}_{BC}}{\overline{Z}_{CA} + \overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC}}\right)$$
(٣٩-٤)

وهكذا من المعادلات رقم (٤ -٣٥) و (٤ -٣٧) و (٤ -٣٩) يمكن استنتاج أن:

$$\overline{Z}_{A} = \left(\frac{\overline{Z}_{CA} \cdot \overline{Z}_{AB}}{\overline{Z}_{CA} + \overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC}}\right) \tag{5.-5}$$

$$\overline{Z}_{B} = \left(\frac{\overline{Z}_{BC} \cdot \overline{Z}_{AB}}{\overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC} + \overline{Z}_{CA}}\right) \tag{5.1-5}$$

$$\overline{Z}_{C} = \left(\frac{\overline{Z}_{CA} \cdot \overline{Z}_{AB}}{\overline{Z}_{CA} + \overline{Z}_{AB} + \overline{Z}_{BC}}\right) \tag{57-5}$$

ويمكن أيضاً استنتاج أن:

$$\overline{Z}_{AB} = \overline{Z}_A + \overline{Z}_B + \frac{Z_A \cdot Z_B}{\overline{Z}_C}$$
(£7-£)

$$\overline{Z}_{BC} = \overline{Z}_{B} + \overline{Z}_{C} + \frac{\overline{Z}_{B} \cdot \overline{Z}_{C}}{\overline{Z}_{A}}$$

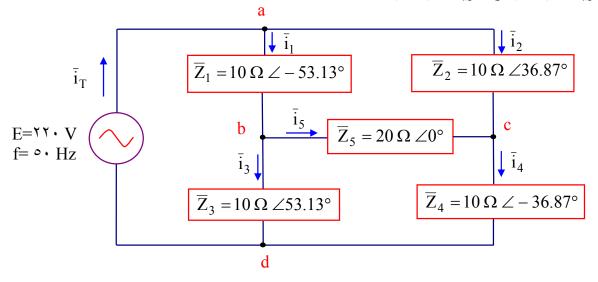
$$(\xi \, \xi - \xi)$$

$$\overline{Z}_{CA} = \overline{Z}_{C} + \overline{Z}_{A} + \frac{\overline{Z}_{C} \cdot \overline{Z}_{A}}{\overline{Z}_{B}}$$

$$(\circ - \circ)$$

مثال رقم (٤ -١٢)

للدائرة الكهربائية المبينة بشكل رقم (٤ - ٢٨)، احسب التيار المسحوب من المصدر باستخدام تحويلات ($(Y-\Delta)$) أو تحويلات ($(Y-\Delta)$).



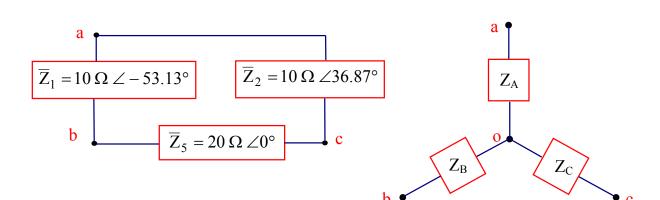
شكل رقم (٤ - ٢٨) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ - ١٢)

الحل

a, نلاحظ أن التوصيلات في الدائرة ليست على التوالي ولا على التوازي ونلاحظ أيضاً أن بين الثلاث نقاط a, b, c, d توجد توصيلة على شكل a, d وأيضاً بين النقاط a, d توجد توصيلة أخرى على شكل a, d توجد بين الثلاث نقاط توجد بين الثلاث نقاط a, d توجد بين الثلاث نقاط a, d توصيلة على شكل d مركزها نقطة d والفكرة الآن هي تحويل أي توصيلة من التوصيلات d, d الموجودة بين المذكورة بالتوصيلة الأخرى المكافئة لها. وسنأخذ كمثال التوصيلة التي على هيئة d الموجودة بين d, d ونحولها إلى توصيلة d المكافئة.

ولحساب معاوقات توصيلة النجمة المكافئة، نستخدم المعادلات من رقم (٤ -٤٠) إلى رقم (٤ -٤٢)، كالآتى:

$$\overline{Z}_{A} = \left(\frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2} + \overline{Z}_{5}}\right) = \left(\frac{\left(10 \Omega \angle - 53.13^{\circ}\right) \cdot \left(10 \Omega \angle 36.87^{\circ}\right)}{10 \Omega \angle - 53.13^{\circ} + 10 \Omega \angle 36.87 + 20 \Omega \angle 0^{\circ}}\right)$$



$$\overline{Z}_{A} = \left(\frac{\left(100\Omega^{2} \angle - 16.26^{\circ}\right)}{\left(6 - j8\right)\Omega + \left(8 + j6\right)\Omega + \left(20 + j0\right)\Omega}\right) = \frac{\left(100\Omega^{2} \angle - 16.26^{\circ}\right)}{\left(34 - j2\right)\Omega}$$

$$\overline{Z}_{A} = \frac{(100\Omega^{2} \angle - 16.26^{\circ})}{(34\Omega \angle - 3.4^{\circ})} = 2.94\Omega \angle - 12.86^{\circ}$$

$$\overline{Z}_{B} = \left(\frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{5}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2} + \overline{Z}_{5}}\right) = \frac{\left(10 \Omega \angle - 53.13^{\circ}\right) \cdot \left(20 \Omega \angle 0^{\circ}\right)}{\left(34 \Omega \angle - 3.4^{\circ}\right)}$$

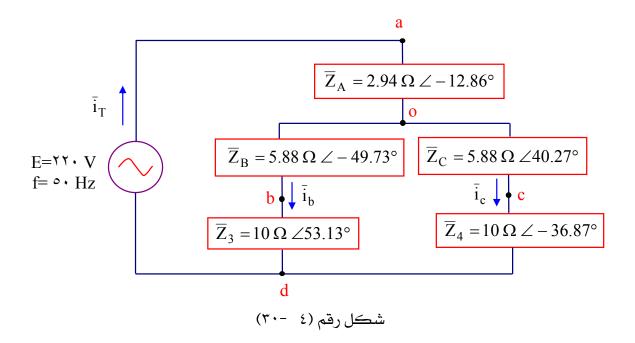
$$\overline{Z}_{B} = \frac{(200 \,\Omega^{2} \,\angle - 53.13^{\circ})}{(34 \,\Omega \,\angle - 3.4^{\circ})} = 5.88 \,\Omega \,\angle - 49.73^{\circ}$$

$$\overline{Z}_{C} = \left(\frac{\overline{Z}_{2} \cdot \overline{Z}_{5}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2} + \overline{Z}_{5}}\right) = \frac{\left(10 \Omega \angle 36.87^{\circ}\right) \cdot \left(20 \Omega \angle 0^{\circ}\right)}{\left(34 \Omega \angle - 3.4^{\circ}\right)}$$

$$\overline{Z}_{C} = \frac{200 \Omega \angle 36.87^{\circ}}{34 \Omega \angle -3.4^{\circ}} = 5.88 \Omega \angle 40.27^{\circ}$$

وهكذا يمكننا إعادة رسم الدائرة باستبدال التوصيلة الدلتا المختارة بالتوصيلة النجمة المكافئة لها كما هو موضح بشكل رقم (٤ -٣٠).

الوحدة الرابعة



ويلاحظ من شكل رقم (٤ - ٣٠) أن المعاوقتين Z_r , Z_B موصلتان على التوالي مكونتان مجموعة أولى، وكذلك المعاوقتان Z_s , Z_c موصلتان على التوالي مكونتان مجموعة ثانية، والمجموعتان موصلتان على التوازي مكونتان مجموعة ثالثة موصلة على التوالي مع المعاوقة Z_s . ولكي نستطيع حساب التيار المسحوب من المصدر لابد ن حساب المعاوقة المكافئة للدائرة Z_{eq} ، كما يلى:

$$\begin{split} \overline{Z}_{eq} &= \left(\frac{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) \cdot \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right)}{\left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) + \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right)} \right) + \overline{Z}_A \\ \\ \left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) &= \left(\left(10 \ \Omega \ \angle 53.13^\circ \right) + \left(5.88 \ \Omega \ \angle - 49.73^\circ \right) \right) = \left(6 + j \, 8 \right) + \left(3.8 - j \, 4.5 \right) \\ \left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) &= 9.8 + j \, 3.5 = 10.41 \ \Omega \ \angle 19.65^\circ \\ \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right) &= \left(\left(10 \ \Omega \ \angle - 36.87^\circ \right) + \left(5.88 \ \Omega \ \angle 40.27^\circ \right) \right) = \left(8 - j \, 6 \right) + \left(4.5 + j \, 3.8 \right) \\ \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right) &= 12.5 - j \, 2.2 = 12.7 \ \Omega \ \angle - 10^\circ \\ \left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) + \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right) &= \left(9.8 + j \, 3.5 \right) + \left(12.5 - j \, 2.2 \right) \\ \left(\overline{Z}_3 + \overline{Z}_B \right) + \left(\overline{Z}_4 + \overline{Z}_C \right) &= 22.3 + j \, 1.3 = 22.34 \ \Omega \ \angle 3.34^\circ \\ \overline{Z}_{eq} &= \left(\frac{\left(10.41 \ \Omega \ \angle 19.65^\circ \right) \cdot \left(12.7 \ \Omega \ \angle - 10^\circ \right)}{\left(22.34 \ \Omega \ \angle 3.34^\circ \right)} \right) + \left(2.94 \ \Omega \ \angle - 12.86^\circ \right) \end{split}$$

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$\overline{Z}_{eq} = (5.92 \Omega \angle 6.31^{\circ}) + (2.94 \Omega \angle -12.86^{\circ})$$

$$\overline{Z}_{eq} = (5.88 + j0.65)\Omega + (2.87 - j0.65)\Omega = (8.75 + j0)\Omega = 8.75 \Omega \angle 0^{\circ}$$

ويلاحظ في قيمة المعاوقة المكافئة Z_{eq}، اختفاء الجزء التخيلي بما يعني أنها تكافئ مقاومة أومية خالصة. ولحساب قيمة التيار المسحوب من المصدر نطبق قانون أوم في صورته الاتجاهية كالآتي:

$$\bar{i}_{T} = \frac{220 \text{ V } \angle 0^{\circ}}{8.75 \Omega \angle 0^{\circ}} = 25.1 \text{ A } \angle 0^{\circ}$$

مثال رقم (٤ -١٣)

ي المثال السابق رقم (٤ -١٢)، احسب التيار \bar{i}_5 باستخدام تحويلات (Δ -Y) أو تحويلات (Δ -Y). الحل

بالرجوع إلى شكل (2 - 7)، لحساب قيمة التيار \bar{i}_5 يتم حساب فرق الجهد بين النقطتين \bar{b} , c ثم بقسمة فرق الجهد المحسوب \bar{b} , على المعاوقة \bar{z}_5 نحصل على التيار المطلوب \bar{i} .

و نرجع إلى شكل رقم (٤ - ٣٠) لحساب فرق الجهد V_{bc} بين النقطتين v_{bc} نطبق قانون كيرشوف للجهود في الدائرة v_{bc} كما في شكل رقم (٤ - ٣١) كالآتي:

$$\overline{V}_{ob} + \overline{V}_{bc} + \overline{V}_{co} = 0$$

وبالدوران في اتجاه دوري واحد obc نجد أن اتجاه التيار بين النقطتين v_{co} وبالدوران في اتجاه معاكس للتيار ما بين النقطتين v_{co} ، والجهد v_{co} ، والجهد v_{co} في اتجاه متضادين ، وبافتراض الجهد v_{co} في اتجاه الخادلة كالآتى: احدهما وليكن في اتجاه الجهد v_{co} ، إذن يمكن إعادة كتابة المعادلة كالآتى:

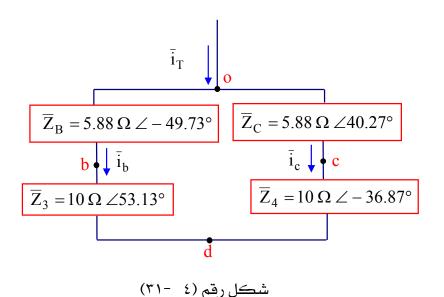
$$\overline{V}_{bc} - \overline{V}_{co} + \overline{V}_{ob} = 0$$

أو كتابتها على الصورة الآتية:

$$\overline{V}_{bc} = \overline{V}_{co} - \overline{V}_{ob}$$

$$\overline{V}_{hc} = \overline{i}_c \cdot \overline{Z}_C - \overline{i}_h \cdot \overline{Z}_B$$

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد



وبالتالى لابد أولاً من حساب قيم التيارات $ar{i}_b$ ، وذلك عن طريق قانون تقسيم التيار كالآتى:

$$\bar{i}_b = \bar{i}_T \cdot \left(\frac{\left(\overline{Z}_C + \overline{Z}_4 \right)}{\left(\overline{Z}_C + \overline{Z}_4 \right) + \left(\overline{Z}_B + \overline{Z}_3 \right)} \right)$$

$$\bar{i}_b = (25.14 \text{ A} \angle 0^\circ) \cdot \left(\frac{(12.7 \Omega \angle - 10^\circ)}{(22.34 \Omega \angle 3.34^\circ)} \right) = 14.29 \text{ A} \angle - 13.34^\circ$$

وبالمثل:

$$\bar{i}_{c} = \bar{i}_{T} \cdot \left(\frac{\left(\overline{Z}_{B} + \overline{Z}_{3}\right)}{\left(\overline{Z}_{C} + \overline{Z}_{4}\right) + \left(\overline{Z}_{B} + \overline{Z}_{3}\right)} \right)$$

$$\bar{i}_{c} = (25.14 \text{ A} \angle 0^{\circ}) \cdot \left(\frac{(10.41 \Omega \angle 19.65^{\circ})}{(22.34 \Omega \angle 3.34^{\circ})} \right) = 11.72 \text{ A} \angle 16.31^{\circ}$$

ثم نحسب قيمة فرق الجهد \overline{V}_{bc} ڪالآتي:

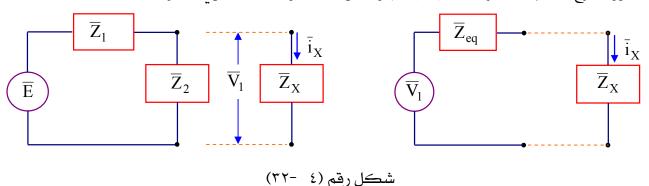
$$\overline{V}_{bc} = \overline{i}_c \cdot \overline{Z}_C - \overline{i}_b \cdot \overline{Z}_B$$

$$\overline{V}_{bc} = (11.72 \text{A} \angle 16.31^{\circ}) \cdot (5.88\Omega \angle 40.27^{\circ}) - (14.29 \text{A} \angle -13.34^{\circ}) \cdot (5.88\Omega \angle -49.73^{\circ})$$

$$\begin{split} \overline{V}_{bc} &= (68.91 \text{ V } \angle 56.58^{\circ}) - (84.03 \text{ V } \angle -63.1^{\circ}) \\ \overline{V}_{bc} &= (38 + \text{j} 57.5) - \text{V} (38 - \text{j} 75) \text{ V} -= 0 + \text{j} 132.5 \text{ V} = 132.5 \text{ V} \angle 90^{\circ} \\ \overline{i}_{5} &= \frac{\overline{V}_{bc}}{\overline{Z}_{5}} = \frac{132.5 \text{ V} \angle 90^{\circ}}{20 \Omega \angle 0^{\circ}} = 6.63 \text{ A } \angle 90^{\circ} \end{split}$$

۲- ۲- ۳ -۳ نظریة ثفنن ۳- ۲- ٤

تهدف نظرية ثفنن إلى إيجاد التيار في أحد أفرع الدائرة الكهربائية بطريقة مبسطة ومختصرة. وتعتمد هذه الطريقة على أنه في حالة إضافة فرع جديد $\overline{Z}_{
m X}$ للدائرة الكهربائية المبسطة (كما في شكل رقم (٤ -٣٢))، يمكن حساب التيار المار في هذا الفرع الجديد \bar{i}_X باعتبار أن تأثير الدائرة الأصلية على الفرع الجديد هو الجهد الكهربائي $\overline{
m V}_{
m l}$ ومعاوقة مكافئة للدائرة الأصلية $\overline{
m Z}_{
m eq}$ تحسب من منظور الفرع الجديد للدائرة الأصلية (باعتبار معاوقة مصدر الجهد تساوى صفراً).

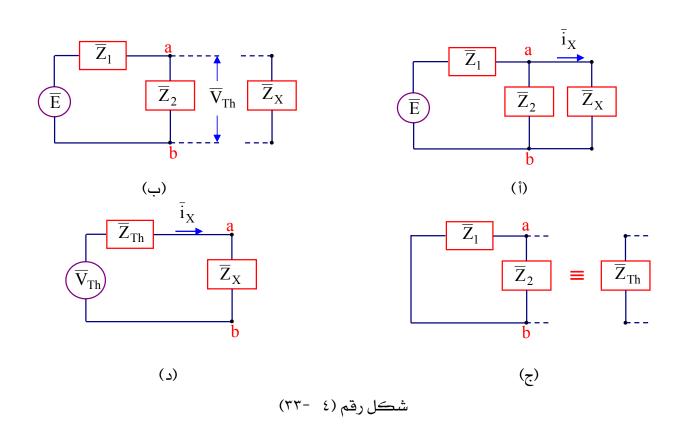


وهكذا تعتمد نظرية ثفنن لحساب التيار الكهربائي في أحد أفرع الدائرة الكهربائية على الطريقة العكسية لما سبق شرحه. حيث تتم الخطوات التالية:

- يتم نزع الفرع المطلوب إيجاد التيار فيه من الدائرة الكهربائية الكاملة الموجودة في شكل رقم (٤ - ٣٣ - أ)، واعتبار الدائرة الكهربائية بدون هذا الفرع هي الدائرة الأصلية كما هو مبين في شكل رقم (٤ -٣٣ - ب).
- على الوضع الجديد يتم حساب فرق الجهد في الدائرة الكهربائية ما بين النقطتين اللتين تمثلان طريخ الفرع المنزوع (a, b) ويسمى هذا الجهد \overline{V}_{Th} كما هو مبين في شكل رقم (٤ -٣٣ -ب).
- على هذا الوضع أيضاً يتم نزع مصدر الجهد من الدائرة وعمل دائرة قصر بين أطرافها (مكان مصدر الجهد المنزوع) كما هو مبين في شكل رقم (٤ -٣٣ -ج)،

- يتم حساب المعاوقة المكافئة للدائرة ما بين طريخ الفرع المنزوع (a, b) وتسمى المعاوقة المكافئة
 \overline{Z}_{Th}
- يتم حساب التيار المطلوب \overline{i}_X من الدائرة المبينة في شكل رقم (٤ -٣٣ -د)، باعتبار الدائرة مكونة من الفرع المنزوع \overline{Z}_X على التوالي مع مصدر الجهد \overline{V}_{Th} والمعاوقة \overline{Z}_{Th} بتطبيق قانون أوم كما يلى:

$$\bar{i}_{X} = \frac{\overline{V}_{Th}}{\left(\overline{Z}_{Th} + \overline{Z}_{X}\right)} \tag{57-5}$$



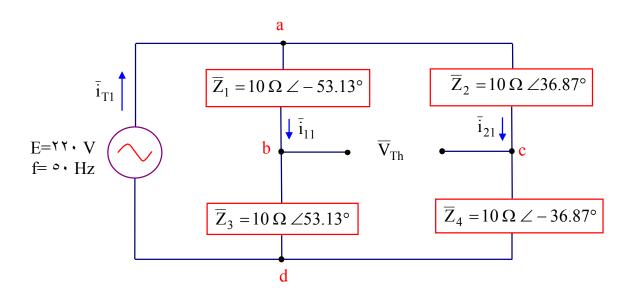
مثال رقم (٤ -١٤)

فيمة التيار $\hat{\mathbf{i}}_5$ باستخدام نظرية ثفنن. $\underline{\hat{\mathbf{i}}}_5$ مثال رقم (٤ -١٢) احسب قيمة التيار

الحل

بالرجوع إلى شكل رقم (٤ - ٢٨)، نجد أنه يمكن تطبيق نظرية ثفنن للحصول على التيار \vec{i}_5 كما يلى:

• أولاً: يتم نزع المعاوقة i_5 وهي تمثل الفرع المطلوب إيجاد التيار فيه، فتصبح الدائرة كما هي مبينة في شكل رقم (٤ - ٣٤).



شكل رقم (٤ -٣٤)

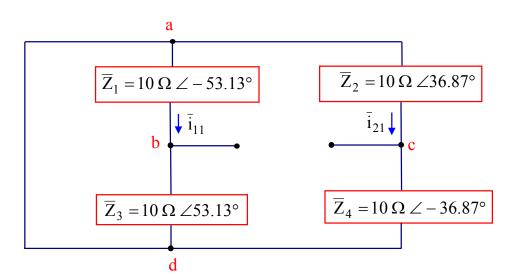
• ثانياً: يتم حساب الجهد \overline{V}_{Th} كما هو مبين من شكل رقم (٤ -٣٤)، بتطبيق قانون كيرشوف للجهود كما يلى:

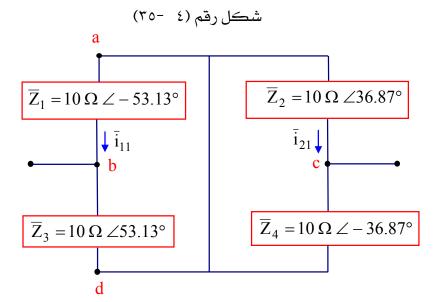
$$\begin{split} & \overline{V}_{ab} + \overline{V}_{Th} + \overline{V}_{ca} = 0 \\ & \overline{V}_{ab} = \overline{i}_{11} \cdot \overline{Z}_1 \\ & \overline{V}_{ca} = -\overline{i}_{21} \cdot \overline{Z}_2 \\ & \overline{V}_{Th} + \overline{i}_{11} \cdot \overline{Z}_1 - \overline{i}_{21} \cdot \overline{Z}_2 = 0 \\ & \overline{V}_{Th} = \overline{i}_{21} \cdot \overline{Z}_2 - \overline{i}_{11} \cdot \overline{Z}_1 \end{split}$$

ولهذا يجب أولاً حساب التيارين أير أي كما يلي:

$$\begin{split} & \bar{i}_{11} = \frac{\overline{E}}{\left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3\right)} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(10 \,\Omega \angle - 53.13^\circ\right) + \left(10 \,\Omega \angle 53.13^\circ\right)} \\ & \bar{i}_{11} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(6 - \text{j} \,8\right) \Omega + \left(6 + \text{j} \,8\right) \Omega} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(12 + \text{j} \,0\right) \Omega} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{12 \,\Omega \angle 0^\circ} = 18.33 \text{ A} \angle 0^\circ \\ & \bar{i}_{21} = \frac{\overline{E}}{\left(\overline{Z}_2 + \overline{Z}_4\right)} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(10 \,\Omega \angle 36.87^\circ\right) + \left(10 \,\Omega \angle - 36.87^\circ\right)} \\ & \bar{i}_{21} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(8 + \text{j} \,6\right) \Omega + \left(8 - \text{j} \,6\right) \Omega} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{\left(16 + \text{j} \,0\right) \Omega} = \frac{220 \text{ V} \angle 0^\circ}{16 \,\Omega \angle 0^\circ} = 13.75 \text{ A} \angle 0^\circ \\ & \overline{V}_{Th} = \left(13.75 \text{ A} \angle 0^\circ\right) \cdot \left(10 \,\Omega \angle 36.87^\circ\right) - \left(18.33 \text{ A} \angle 0^\circ\right) \cdot \left(10 \,\Omega \angle - 53.13^\circ\right) \\ & \overline{V}_{Th} = \left(137.5 \text{ V} \angle 36.87^\circ\right) - \left(183.3 \text{ V} \angle - 53.13^\circ\right) \\ & \overline{V}_{Th} = \left(110 + \text{j} \,82.5\right) \text{ V} - \left(110 - \text{j} \,146.64\right) \text{ V} \\ & \overline{V}_{Th} = \left(0 + \text{j} \,229.14\right) \text{ V} = 229.14 \text{ V} \angle 90^\circ \end{split}$$

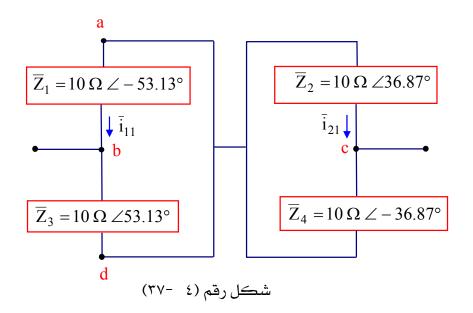
• لحساب المعاوقة المكافئة \overline{Z}_{Th} نقوم بنـزع مصـدر الجهد من الـدائرة وعمل دائـرة قصـر بـین أطرافها (مكان مصدر الجهد المنزوع) ثم نحسب المعاوقة المكافئة للـدائرة بـین الطرفین z0 ، أطرافها (مكان مصدر الجهد المنزوع) ثم نحسب المعاوقة المكافئة للـدائرة بـین الطرفین z1 ، z2 و شكل رقم (ع - z3) و شكل رقم (ع - z4) و شكل رقم (ع - z5) و شكل رقم (ع - z6) و شكل رقم (ع - z7) و شكل رقم (ع - z8) و شكل رقم (ع - z9) و شكل





شكل رقم (٤ -٣٦)

الكترونيات صناعية وتحكم



إذن يمكن حساب المعاوقة المكافئة \overline{Z}_{Th} كما يلى:

$$\begin{split} \overline{Z}_{Th} &= \left(\frac{\overline{Z}_1 \cdot \overline{Z}_3}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3}\right) + \left(\frac{\overline{Z}_2 \cdot \overline{Z}_4}{\overline{Z}_2 + \overline{Z}_4}\right) = \\ \overline{Z}_{Th} &= \left(\frac{\left(10\,\Omega\,\angle - 53.13^\circ\right) \cdot \left(10\,\angle 53.13^\circ\right)}{\left(10\,\Omega\,\angle - 53.13^\circ\right) + \left(10\,\angle 53.13^\circ\right)}\right) + \left(\frac{\left(10\,\Omega\,\angle 36.87^\circ\right) \cdot \left(10\,\angle - 36.87^\circ\right)}{\left(10\,\Omega\,\angle 36.87^\circ\right) + \left(10\,\angle - 36.87^\circ\right)}\right) \\ \overline{Z}_{Th} &= \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(6 - j8\right)\Omega + \left(6 + j8\right)\Omega}\right) + \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(8 + j\,6\right)\Omega + \left(8 - j\,6\right)\Omega}\right) \\ \overline{Z}_{Th} &= \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(12 - j0\right)\Omega}\right) + \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(16 + j\,0\right)\Omega}\right) = \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(12\,\Omega\,\angle 0^\circ\right)}\right) + \left(\frac{100\,\Omega^2\,\angle 0^\circ}{\left(16\,\Omega\,\angle 0^\circ\right)}\right) \\ \overline{Z}_{Th} &= \left(8.33\,\Omega\,\angle 0^\circ\right)\Omega + \left(6.25\,\Omega\,\angle 0^\circ\right)\Omega \\ \overline{Z}_{Th} &= \left(8.33 + j\,0\right)\Omega + \left(6.25 + j\,0\right)\Omega = 14.583\,\Omega\,\angle 0^\circ \end{split}$$

• يمكن الآن حساب قيمة التيار ī₅ كالآتى:

$$\bar{i}_5 = \frac{\overline{V}_{Th}}{\overline{Z}_{Th} + \overline{Z}_5} = \frac{229.14 \text{ V} \angle 90^\circ}{\left(14.583 \Omega \angle 0^\circ\right) + \left(20 \Omega \angle 0^\circ\right)} = \frac{229.14 \text{ V} \angle 90^\circ}{\left(14.583 + j \, 0\right) \Omega + \left(20 + j \, 0\right) \Omega}$$

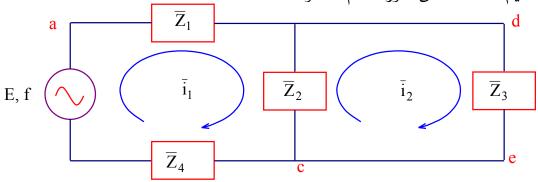
النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$\bar{i}_5 = \frac{229.14 \text{ V} \angle 90^\circ}{(34.583 + j\,0)\Omega} = \frac{229.14 \text{ V} \angle 90^\circ}{34.583 \,\Omega \angle 0^\circ} = 6.63 \text{ A} \angle 90^\circ$$

ونلاحظ أن قيمة التيار \vec{i}_5 المحسوبة بطريقة ثفنن هي نفس قيمتها المحسوبة عن طريق التحويلات السابق. $(\Delta - Y)$ أو تحويلات $(Y - \Delta)$ ي المثال السابق.

٤- ٣- ٢- ٤ طريقة الحلقة المغلقة (طريقة ماكسويل) Closed Loop (Mesh) method

تعتمد طريقة الحلقة المغلقة على قانونا كيرشوف للتيارات وللجهود، حيث أقترح ماكسويل هذه الطريقة بترتيب قانونا كيرشوف في نظام معادلات خطية على طريقة المصفوفات. حيث اقترح ماكسويل تياراً دواراً لكل دائرة كهربائية مغلقة، وبتطبيق قوانين كيرشوف يمكن تنظيم المعادلات على صورة نظام مصفوفات.



شکل (۲۸ – ۳۸)

من شكل رقم (٤ -٣٨) يمكن اعتبار التيار الدوار $ar{i}_1$ هو التيار الخاص بالدائرة المغلقة abc (أو الدائرة رقم ١) وكذلك يمكن اعتبار التيار أَهو التيار الخاص بالدائرة المغلقة bdec (أو الدائرة رقم ٢). ويكون بالتالى التيار المار في كل من المعاوقات $\overline{Z}_1,\overline{Z}_4$ هو التيار \overline{i}_1 والتيار المار في المعاوقة \overline{Z}_3 هو التيار $ar{i}_2$ أما المعاوفة \overline{Z}_2 فيمر فيها التيار $ar{i}_1-ar{i}_2$ ويمكن بالتالى كتابة قوانين كيرشوف كالتالى:

• بالنسبة للدائرة abc (أو الدائرة رقم ١):

$$\overline{E} = \overline{i}_1 \cdot (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4) + (\overline{i}_1 - \overline{i}_2) \cdot \overline{Z}_2 \tag{$\xi = \xi$}$$

$$\overline{E} = \overline{i}_1 \cdot (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \overline{Z}_2) - \overline{i}_2 \cdot \overline{Z}_2$$
(£ A-£)

• بالنسبة للدائرة bdec (أو الدائرة رقم ٢):

$$0 = \overline{i}_2 \cdot \overline{Z}_3 - (\overline{i}_1 - \overline{i}_2) \cdot \overline{Z}_2 \tag{$\xi = \xi$}$$

$$0 = -\overline{i}_1 \cdot \overline{Z}_2 + \overline{i}_2 \cdot (\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)$$

• ويمكن ترتيب المعادلات على صورة نظام معادلات خطية من الدرجة الأولى كالتالي:

$$\begin{bmatrix}
(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \overline{Z}_2) & -\overline{Z}_2 \\
-\overline{Z}_2 & (\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3)
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
\overline{i}_1 \\
\overline{i}_2
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
\overline{E} \\
0
\end{bmatrix}$$
(0)-5)

ويلاحظ في هذا النظام ما يلي:

- ۱. يمكن التعبير عن هذا النظام بأنه نظام المعادلات الخطية لقانون أوم لدوائر التيار المتردد على الصورة $[\overline{z}]=[\overline{z}]$ حيث تسمى $[\overline{z}]$ بمصفوفة المعاوفات ويسمى $[\overline{v}]$ بمتجه التيارات ويسمى $[\overline{v}]$ بمتجه الجهود.
- ٢. يكون متجه التيارات $[\bar{i}]$ في الغالب هو المجهول وهو يمثل التيارات الدوارة في الدائرة الكهربائية المكونة من مجموعة k من الدوائر الكهربائية المغلقة.

$$\overline{Z}_{11} = \left(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_4 + \overline{Z}_2\right) \tag{27-5}$$

$$\overline{Z}_{22} = \left(\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3\right) \tag{27-5}$$

حيث k = ۲ في هذه الحالة.

أما المكونات التي هي خارج القطر فتكون سالبة وهي على الصورة العامة \overline{Z}_{mn} حيث هي المعاوقة المشتركة بين الدائرة رقم m والدائرة رقم m ويلاحظ أن $\overline{Z}_{nm} = \overline{Z}_{mn}$ حيث أن المعاوقة المشتركة بين الدائرة رقم m والدائرة رقم m والدائرة رقم m والدائرة رقم m

 $\overline{V}_x = \overline{V}_1, \overline{V}_2, \overline{V}_k$ يمكن بناء متجه الجهود $[\overline{V}]$ بأنه مجموعة من مفردات الجهود يراث متجه الجهود مصادر الجهد في الدائرة رقم \overline{V}_x مجموع مصادر الجهد في الدائرة رقم \overline{V}_x مجموع مصادر الجهد في الدائرة المغلقة رقم ۲ و الجهد في الدائرة المغلقة رقم ۲ و

 \overline{V}_x هو مجموع مصادر الجهد في الدائرة المغلقة رقم k. ويكون الاتجاه الموجب للجهد \overline{i}_x هو اتجاه سريان التيار \overline{i}_x .

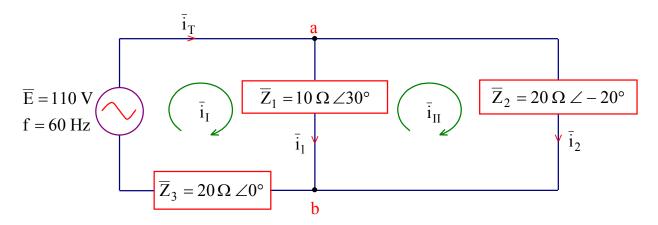
- 0. ويكون حل هذا النظام الخطي للمعادلات بالطرق القياسية المعروفة في رياضيات المصفوفات، حيث يكون الحل العام على الصورة: $[\overline{Z}]^{-1}[\overline{Z}] = [\overline{z}]^{-1}$ ، وهناك العديد من طرق حل هذا النظام الخطي لمعادلات الدرجة الأولى التي تعتمد في مجملها على كيفية إيجاد معكوس المصفوفة $[\overline{Z}]$ على صورة $[\overline{Z}]^{-1}$. وسوف نوجز هنا إحدى الطرق التي تعتمد على المحددات في حل هذا النظام. وفي هذه الطريقة يتم الآتى:
 - $\left|\left[\overline{Z}
 ight]
 ight|=\left|\overline{Z}
 ight|$ على شكل المصفوفة $\left[\overline{Z}
 ight]$ على شكل المحددة الرئيسية للمصفوفة
- حساب المحددة رقم X للمصفوفة $[\overline{Z}]$ على صورة $[\overline{Z}]_x$ وذلك بحساب محددة المصفوفة بعد استبدال العمود رقم X للمصفوفة بمتجه الجهود $[\overline{V}]$.
 - حساب التيار رقم X كالتالى:

$$\bar{i}_{x} = \frac{\left|\overline{Z}\right|_{x}}{\left|\overline{Z}\right|} \tag{0.5-5}$$

• حساب التيارات الخاصة بكل جزء من أجزاء الدائرة مع الأخذ في الاعتبار أجزاء الدائرة التي يسري فيها أكثر من تيار باعتبار محصلة هذه التيارات.

مثال رقم (٤ -١٥)

في الدائرة المبينة بشكل رقم (٤ -٣٩) احسب التيارفي الفرع ab بطريقة الحلقة المغلقة (ماكسويل).



شكل رقم (٤ -٣٩)

الحل

نلاحظ أن الدائرة الكهربائية تتكون من دائرتين كهربائيتين مغلقتين، وبالتالي نفترض وجود تيارين دوارين \bar{i}_{I} & \bar{i}_{II} كما هو مبين بشكل رقم (٤ -٣٩). وحل الدائرة الكهربائية يعتمد بطريقة أساسية على إيجاد هذين التيارين.

خطوات الحل:

• نبدأ أولاً ببناء مصفوفة المعاوقات وهي مصفوفة مربعة (٢×٢) متماثلة حول قطرها كالتالي:

$$\begin{bmatrix} \overline{Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3) & (-\overline{Z}_1) \\ (-\overline{Z}_1) & (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2) \end{bmatrix}$$

ونحسب بالتالي مكونات القطر كالتالي:

$$(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3) = (10 \Omega \angle 30^\circ) + (20 \Omega \angle 0^\circ) = 28.66 + j = 29.09 \Omega \angle 9.9^\circ$$

$$(\overline{Z}_1 + \overline{Z}_2) = (10 \Omega \angle 30^\circ) + 20 \Omega \angle - 20^\circ = 27.45 - j1.84 = 27.51 \Omega \angle - 3.84^\circ$$

• ونبنى بالتالى أيضاً متجه التيارات كالآتى:

$$\begin{bmatrix} \bar{\mathbf{i}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \bar{\mathbf{i}}_{\mathbf{I}} \\ \bar{\mathbf{i}}_{\mathbf{II}} \end{bmatrix}$$

• ونبنى أيضاً متجه الجهود كالآتى:

$$\left[\overline{\mathbf{V}}\right] = \begin{bmatrix} 110 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

وهكذا يمكن كتابة النظام الكامل للمعادلات الخاصة بالدائرة الكهربائية، كالآتى:

$$\begin{bmatrix} 29.09 \angle 9.9^{\circ} & -10 \angle 30^{\circ} \\ -10 \angle 30 & 27.51 \Omega \angle -3.84^{\circ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bar{i}_{I} \\ \bar{i}_{II} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 110 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

ويكون الحل الرياضي لهذا النظام على الصورة الرياضية الآتية:

$$\begin{bmatrix} \bar{\mathbf{i}}_{\mathbf{I}} \\ \bar{\mathbf{i}}_{\mathbf{II}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 29.09 \angle 9.9^{\circ} & -10 \angle 30^{\circ} \\ -10 \angle 30 & 27.51 \Omega \angle -3.84^{\circ} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 110 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

• حساب المحددة الرئيسية للمصفوفة:

$$|\overline{Z}| = \begin{vmatrix} 29.09 \angle 9.9^{\circ} & -10 \angle 30^{\circ} \\ -10 \angle 30 & 27.51 \Omega \angle -3.84^{\circ} \end{vmatrix}$$

$$= ((29.09 \angle 9.9^{\circ}) \cdot (27.51 \Omega \angle -3.84^{\circ})) - ((-10 \angle 30) \cdot (-10 \angle 30))$$

$$= 800.27 \angle 6.06^{\circ} -100 \angle 60^{\circ} = 745.8 - j 2.12 = 745.8 \angle 0.2^{\circ}$$

• حساب المحددات الفرعية للمصفوفة:

$$\begin{aligned} |Z|_1 &= \begin{vmatrix} 110 \angle 0^{\circ} & -10 \angle 30^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} & 27.51 \angle -3.84^{\circ} \end{vmatrix} = (110 \angle 0^{\circ}) \cdot (27.51 \angle -3.84^{\circ}) - 0 \angle 0^{\circ} \\ &= 3026.1 \angle -3.84^{\circ} \end{aligned}$$

$$|Z|_2 = \begin{vmatrix} 29.09 \angle 9.9^{\circ} & 110 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 30^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} \end{vmatrix} = -(110 \angle 0^{\circ}) \cdot (-10 \angle 30^{\circ}) - 0 \angle 0^{\circ} = 1100 \angle 30^{\circ}$$

• نحسب التيارات الدوارة، كما يلي:

$$\bar{i}_{I} = \frac{\left|\overline{Z}\right|_{1}}{\left|\overline{Z}\right|} = \frac{3026.1 \angle - 3.84^{\circ}}{745.8 \angle 0.2^{\circ}} = 4.06 \text{ A } \angle - 4.04^{\circ}$$

$$\bar{i}_{II} = \frac{|\overline{Z}|_2}{|\overline{Z}|} = \frac{1100 \angle 30^{\circ}}{745.8 \angle 0.2^{\circ}} = 1.475 \text{ A } \angle 29.8^{\circ}$$

• نحسب التيار \bar{i}_1 كما يلي:

$$\bar{i}_1 = (\bar{i}_1 - \bar{i}_{II}) = (4.06 \text{ A} \angle - 4.04^\circ) - (1.475 \text{ A} \angle 29.8^\circ)$$

= 2.77 - j1.02 = 2.95 A \angle - 20.2°

ألكترونيات صناعية وتحكم

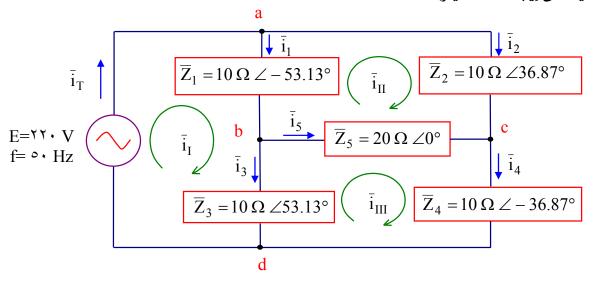
التخصص

مثال رقم (٤ -١٦)

في مثال رقم (٤ -١٢) احسب قيمة التيار \tilde{i}_5 باستخدام طريقة الحلقة المغلقة (ماكسويل).

الحل

نلاحظ أن الدائرة الكهربائية تتكون من ثلاثة دوائر كهربائية مغلقة ، وبالتالي نفترض وجود ثلاثة تيارات دوارة $ar{i}_{\rm II}$, $ar{i}_{\rm II}$, $ar{i}_{\rm III}$, a



شكل رقم (٤ -٤٠)

فيلاحظ أن:

$$\begin{split} \bar{i}_T &= \bar{i}_I : \text{التيار:} \\ \bar{i}_1 &= \bar{i}_I - \bar{i}_{II} : \text{التيار:} \\ \bar{i}_2 &= \bar{i}_{II} : \text{التيار:} \\ \bar{i}_3 &= \bar{i}_I - \bar{i}_{III} : \text{التيار:} \\ \bar{i}_4 &= \bar{i}_{III} : \text{التيار:} \\ \bar{i}_5 &= \bar{i}_{III} - \bar{i}_{II} : \text{التيار:} \end{split}$$

وبالتالي تؤدي هذه الطريقة بالإضافة إلى تنظيم الحل بطريقة روتينية، إلى اختصار عدد المجاهيل. نبدأ ببناء مصفوفة المعاوقات، وهي مصفوفة مربعة متماثلة $(r \times r)$ حيث عدد الدوائر r = k، ونبدأ بمكونات القطر كالآتي:

$$\overline{Z}_{11} = \overline{Z}_1 + \overline{Z}_3 = (12 \Omega \angle 0^\circ)$$

ألكترونيات صناعية وتحكم

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$\overline{Z}_{22} = \overline{Z}_1 + \overline{Z}_2 + \overline{Z}_5 = (34 \Omega \angle -3.4^\circ)$$

$$\overline{Z}_{33} = \overline{Z}_3 + \overline{Z}_4 + \overline{Z}_5 = (10 \Omega \angle 53.13^\circ) + (10 \Omega \angle -36.87^\circ) + (20 \Omega \angle 0^\circ)$$

$$\overline{Z}_{33} = (34 + j2)\Omega = 34.06 \Omega \angle 3.8^\circ$$

• وبالتالي يمكن كتابة مصفوفة المعاوقات كالآتي:

$$\left[\overline{Z} \right] =
 \begin{bmatrix}
 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\
 -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\
 -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ}
 \end{bmatrix}$$

• ويمكن كتابة متجه التيارات كالآتي:

$$\begin{bmatrix} \bar{i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \bar{i}_I \\ \bar{i}_{II} \\ \bar{i}_{III} \end{bmatrix}$$

ويمكن كتابة متجه الجهود كالآتى:

$$\begin{bmatrix} \overline{\mathbf{V}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 220 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

• وهكذا يمكن كتابة النظام الكامل للمعادلات الخاصة بالدائرة الكهربائية، كالآتى:

$$\begin{bmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bar{i}_{II} \\ \bar{i}_{II} \\ \bar{i}_{III} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 220 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

ويكون الحل الرياضي لهذا النظام على الصورة الرياضية الآتية:

النظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

$$\begin{bmatrix} \bar{i}_{I} \\ \bar{i}_{II} \\ \bar{i}_{III} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 220 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} \end{bmatrix}$$

وأحد الحلول لهذا النظام وهي طريقة المحددات، كالآتي:

$$\bar{i}_{I} = \begin{pmatrix} |220 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} | \\ \hline |12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} | \end{pmatrix}$$

$$\bar{i}_{II} = \begin{pmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & 220 \angle 0^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \\ \hline 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \\ \hline \end{pmatrix}$$

$$\bar{i}_{III} = \begin{pmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & 220 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} \\ \hline 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{pmatrix}$$

ونبدأ بحساب المحددات، كالآتي:

i. المحددة الرئيسية للمصفوفة:

$$|\overline{Z}| = \begin{vmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{vmatrix}$$

$$\begin{aligned} |\overline{Z}| &= (12 \angle 0^{\circ}) ((34.06 \angle -3.4^{\circ}) (34.06 \angle 3.4^{\circ}) - (-20 \angle 0^{\circ}) (-20 \angle 0^{\circ})) \\ &+ (10 \angle -53.13^{\circ}) ((-10 \angle -53.13^{\circ}) (34.06 \angle 3.4^{\circ}) - (10 \angle 53.13^{\circ}) (20 \angle 0^{\circ})) \\ &+ (-10 \angle 53.13^{\circ}) ((10 \angle -53.13^{\circ}) (20 \angle 0^{\circ}) + (10 \angle 53.13^{\circ}) (34.06 \angle -3.4^{\circ})) \end{aligned}$$

$$|\overline{Z}| = (12 \angle 0^{\circ})((1160 \angle 0^{\circ}) - (400 \angle 0^{\circ})) + (10 \angle -53.13^{\circ})((-340.6 \angle -49.73^{\circ}) - (200 \angle 53.13^{\circ})) - (10 \angle 53.13^{\circ})((200 \angle -53.13^{\circ}) + (340.6 \angle 49.73^{\circ})) = (12 \angle 0^{\circ})(760 + j 0) + (10 \angle -53.13^{\circ})(-340.16 + j 99.88) - (10 \angle 53.13^{\circ})(340.16 + j 99.88) = (12 \angle 0^{\circ})(760 \angle 0^{\circ}) + (10 \angle -53.13^{\circ})(354.52 \angle 163.63^{\circ}) - (10 \angle 53.13^{\circ})(354.5 \angle 16.4^{\circ}) = (9120 \angle 0^{\circ}) + (3545.2 \angle 110.5^{\circ}) - (3545 \angle 69.53^{\circ}) = 6638.7 - j 0.5 = 6638.7 \angle 0^{\circ}$$

ii. المحددة الأولى للمصفوفة:

$$|\overline{Z}|_{1} = \begin{vmatrix} 220 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ 0 \angle 0^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{vmatrix}$$

وواضح أنه من الأيسر أن نفك المحددة من العمود الأول كالتالي:

$$\begin{aligned} \left| \overline{Z} \right|_1 &= (220 \angle 0^\circ) \left((34.06 \angle - 3.4^\circ) \left(34.06 \angle 3.4^\circ \right) - \left(-20 \angle 0^\circ \right) \left(-20 \angle 0^\circ \right) \right) \\ &= (220 \angle 0^\circ) \left((1160 \angle 0^\circ) - \left(400 \angle 0^\circ \right) \right) = (220 \angle 0^\circ) \left(760 + \text{j} \, 0 \right) \\ &= (220 \angle 0^\circ) \left(760 \angle 0^\circ \right) = 167200 \angle 0^\circ \end{aligned}$$

iii. المحددة الثانية للمصفوفة:

$$|\overline{Z}|_{2} = \begin{vmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & 220 \angle 0^{\circ} & -10 \angle 53.13^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} & 34.06 \angle 3.4^{\circ} \end{vmatrix}$$

وواضح أنه من الأيسر أن نفك المحددة من العمود الثاني كالتالي:

ألكترونيات صناعية وتحكم

م هندسة كهربائية- ٢

$$\begin{split} \left| \overline{Z} \right|_2 &= (-220 \angle 0^\circ) \left((-10 \angle -53.13^\circ) \left(34.06 \angle 3.4^\circ \right) - \left(-10 \angle 53.13^\circ \right) \left(-20 \angle 0^\circ \right) \right) \\ &= (-220 \angle 0^\circ) \left((-340.6 \angle -49.73^\circ) - (200 \angle 53.13^\circ) \right) \\ &= (-220 \angle 0^\circ) \left(-340.16 + \text{j} 99.88 \right) = \left(-220 \angle 0^\circ \right) \left(340.16 - \text{j} 99.88 \right) \\ &= (-220 \angle 0^\circ) \left(354.52 \angle 163.64^\circ \right) = -77994.53 \angle 163.64^\circ = 77994.53 \angle -163.64^\circ \end{split}$$

iv. المحددة الثانية للمصفوفة:

$$|\overline{Z}|_{3} = \begin{vmatrix} 12 \angle 0^{\circ} & -10 \angle -53.13^{\circ} & 220 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle -53.13^{\circ} & 34.06 \angle -3.4^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} \\ -10 \angle 53.13^{\circ} & -20 \angle 0^{\circ} & 0 \angle 0^{\circ} \end{vmatrix}$$

وواضح أنه من الأيسر أن نفك المحددة من العمود الثالث كالتالي:

$$\begin{aligned} |\overline{Z}|_3 &= (220 \angle 0^\circ) ((-10 \angle -53.13^\circ) (-20 \angle 0^\circ) - (-10 \angle 53.13^\circ) (34.06 \angle -3.4^\circ)) \\ &= (220 \angle 0^\circ) ((200 \angle -53.13^\circ) + (340.6 \angle 49.73^\circ)) = (220 \angle 0^\circ) (340.16 + j 99.88) \\ &= (220 \angle 0^\circ) (354.5 \angle 16.36^\circ) = 77994.55 \angle 16.36^\circ \end{aligned}$$

• ثم نحسب التيارات كالتالي:

$$\bar{i}_{II} = \frac{|Z|_1}{|Z|} = \frac{167200 \angle 0^{\circ}}{6638.7 \angle 0^{\circ}} = 25.16 \text{ A } \angle 0^{\circ}$$

$$\bar{i}_{III} = \frac{|Z|_2}{|Z|} = \frac{77994.53 \angle -163.64^{\circ}}{6638.7 \angle 0^{\circ}} = 11.75 \text{ A } \angle -163.64^{\circ}$$

$$\bar{i}_{IIII} = \frac{|Z|_3}{|Z|} = \frac{77994.55 \angle 16.4^{\circ}}{6638.7 \angle 0^{\circ}} = 11.75 \text{ A } \angle 16.4^{\circ}$$

• ثم نحسب التيارات المطلوبة:

$$\begin{split} \bar{i}_T &= \bar{i}_I = 25.16 \text{ A } \angle 0 \\ \bar{i}_1 &= \bar{i}_I - \bar{i}_{II} = (25.16 \ \angle 0^\circ) - (11.75 \ \angle -163.64^\circ) = 13.89 + \text{j} \ 3.31 = 14.3 \text{ A } \angle 13.4^\circ \\ \bar{i}_2 &= \bar{i}_{II} = 11.75 \text{ A } \angle -163.64^\circ \\ \bar{i}_3 &= \bar{i}_I - \bar{i}_{III} = 25.16 \text{ A } \angle 0^\circ - 11.75 \text{ A } \angle 16.4^\circ = 13.89 - \text{j} \ 3.32 = 14.3 \text{ A } \angle -13.4^\circ \end{split}$$

$$\bar{i}_4 = \bar{i}_{III} = 11.75 \text{ A } \angle 16.4^{\circ}$$

$$\bar{i}_5 = \bar{i}_{III} - \bar{i}_{II} = 11.75 \text{ A} \angle 16.4^{\circ} - (11.75 \text{ A} \angle - 163.64^{\circ})$$

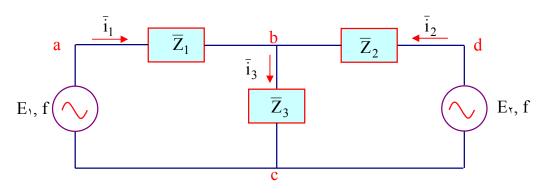
$$\bar{i}_5 = 11.75 \text{ A} \angle 16.4^{\circ} + 11.75 \text{ A} \angle 163.64^{\circ} = 0 + \text{j} 6.63 = 6.63 \text{ A} \angle 90^{\circ}$$

ويلاحظ اتفاق قيمة التيار \bar{i}_T المحسوبة بهذه الطريقة مع قيمته المحسوبة في المثال رقم (٤ -١٢) وكذلك اتفاق قيمة التيار \bar{i}_5 مع قيمته المحسوبة في المثالين رقم (٤ -١٢) ورقم (٤ -١٤).

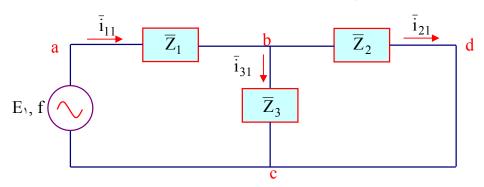
Superposition Theorem نظرية التركيب ٥- ٣- ٢- ٤

كما درسنا في منهاج هندسة كهربائية – ١، تعتمد نظرية التركيب أو التجميع على الحقيقة العلمية التي تنص على أن التأثير الكهربائي في أي فرع من أفرع الدائرة الكهربائية التي تحتوي على أكثر من مصدر هو مجموع تأثيرات كل مصدر على حده في هذا الفرع.

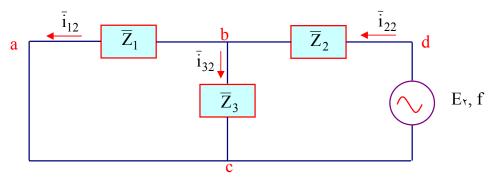
ڪمثال على ذلك، الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٤ - ٤١) التي تحتوي على مصدري الجهد كمأ، فإن التيارات \overline{i}_1 , \overline{i}_2 , \overline{i}_3 على حدة كما هو مبين بالشكلين رقم (٤ - ٤٤) و (٤ - ٤٣).



 $\overline{\mathbf{E}}_1,\overline{\mathbf{E}}_2$ محصلة تأثیرات المصدرین عصصله شکل رقم (۱۶ – ۱۵) محصله تأثیرات المصدرین



شکل رقم (۱ -۲۲) تأثیر المصدر \overline{E}_1 فقط



شكل رقم (٤ - ٤٣) تأثير المصدر قط فقط

وعلى ذلك يكون:

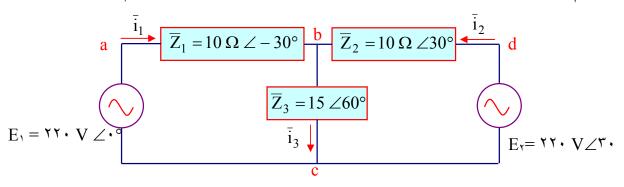
$$\bar{i}_1 = \bar{i}_{11} - \bar{i}_{12}$$
 (00-5)

$$\bar{i}_2 = \bar{i}_{22} - \bar{i}_{21}$$
 (07-5)

$$\bar{i}_3 = \bar{i}_{31} + \bar{i}_{32}$$
 (ov-1)

مثال رقم (٤ -١٧)

باستخدام نظرية التركيب، احسب تيارات الدائرة الكهربائية المبينة في شكل رقم (٤ -٤٤).

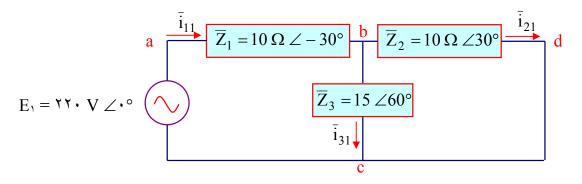


شكل رقم (٤ - ٤٣) الدائرة الكهربائية للمثال رقم (٤ -١٧)

الحل

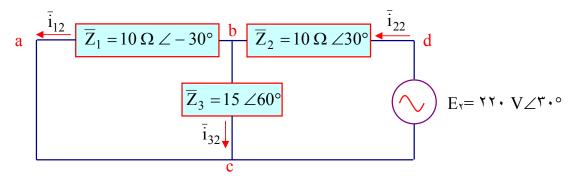
يمكن اعتبار الدائرة الكهربائية في شكل رقم (٤ -٤٥) هي محصلة الدائرتين الموضحتين في الشكلين رقم (٤ -٤٤) و (٤ -٤٥)، أي محصلة أو مجموع تأثير كل مصدر على حده في الدائرة الكهربائية، وعلى ذلك يمكن حساب التيارات كالآتى:

$$\bar{\mathbf{i}}_{11} = \frac{\overline{\mathbf{E}}_1}{\overline{\mathbf{Z}}_1 + \frac{\overline{\mathbf{Z}}_2 \overline{\mathbf{Z}}_3}{\overline{\mathbf{Z}}_2 + \overline{\mathbf{Z}}_3}} = \frac{\overline{\mathbf{E}}_1 \cdot (\overline{\mathbf{Z}}_2 + \overline{\mathbf{Z}}_3)}{(\overline{\mathbf{Z}}_1 \overline{\mathbf{Z}}_2 + \overline{\mathbf{Z}}_1 \overline{\mathbf{Z}}_3 + \overline{\mathbf{Z}}_2 \overline{\mathbf{Z}}_3)}$$



شكل رقم (٤٤ - ٤٤) تأثير ،E فقط

لكترونيات صناعية وتحكم



شكل رقم (٤٥ - ٤٥) تأثير ،E فقط

$$\begin{split} \bar{i}_{11} &= \frac{220 \text{ V } \angle 0^{\circ} \cdot \left(10 \text{ }\Omega \angle 30^{\circ} + 15 \text{ }\Omega \angle 60^{\circ}\right)}{\left(10 \text{ }\Omega \angle - 30^{\circ} \cdot 10 \text{ }\Omega \angle 30^{\circ} + 10 \text{ }\Omega \angle - 30^{\circ} \cdot 15 \text{ }\Omega \angle 60^{\circ}\right)} \\ \bar{i}_{11} &= \frac{220 \text{ V } \angle 0^{\circ} \cdot \left(23.15 + \text{j} 18\right) \Omega}{\left(100 \text{ }\Omega^{2} \angle 0^{\circ} + 150 \text{ }\Omega^{2} \angle 30^{\circ} + 150 \text{ }\Omega^{2} \angle 90^{\circ}\right)} = \frac{220 \text{ V } \angle 0^{\circ} \cdot 29.32 \text{ }\Omega \angle 37.85^{\circ}}{230 + \text{j} 225} \\ \bar{i}_{11} &= \frac{220 \text{ V } \angle 0^{\circ} \cdot 29.32 \text{ }\Omega \angle 37.85^{\circ}}{321.75 \text{ }\Omega^{2} \angle 44.4^{\circ}} = 20.05 \text{ A } \angle -6.55^{\circ} \end{split}$$

ثم من قانون تقسيم التيارات:

$$\begin{split} \bar{i}_{21} &= \bar{i}_{11} \frac{\overline{Z}_2}{\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3} = (20.05 \text{ A} \angle - 6.55^\circ) \cdot \frac{10 \,\Omega \angle 30^\circ}{29.32 \,\Omega \angle 37.85^\circ} = 8.84 \text{ A} \angle - 14.4^\circ \\ \bar{i}_{31} &= \bar{i}_{11} \frac{\overline{Z}_3}{\overline{Z}_2 + \overline{Z}_3} = (20.05 \text{ A} \angle - 6.55^\circ) \cdot \frac{15 \,\Omega \angle 60^\circ}{29.32 \,\Omega \angle 37.85^\circ} = 10.26 \text{ A} \angle - 15.6^\circ \\ \bar{i}_{22} &= \frac{\overline{E}_2}{\overline{Z}_2 + \frac{\overline{Z}_1 \,\overline{Z}_3}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3}} = \frac{\overline{E}_2 \cdot (\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3)}{(\overline{Z}_1 \overline{Z}_2 + \overline{Z}_1 \overline{Z}_3 + \overline{Z}_2 \overline{Z}_3)} \\ \bar{i}_{22} &= \frac{220 \,V \angle 30^\circ \cdot (10 \,\Omega \angle - 30^\circ + 15 \,\Omega \angle 60^\circ)}{321.75 \,\Omega^2 \angle 44.4^\circ} = \frac{220 \,V \angle 30^\circ \cdot (16.16 + j \,8)}{321.75 \,\Omega^2 \angle 44.4^\circ} \\ \bar{i}_{22} &= \frac{(220 \,V \angle 30^\circ) \cdot (18.03 \,\Omega \angle 26.31^\circ)}{321.75 \,\Omega^2 \angle 44.4^\circ} = 12.33 \,\text{A} \angle 12^\circ \end{split}$$

ألكترونيات صناعية وتحكم

$$\bar{i}_{12} = \bar{i}_{22} \frac{\overline{Z}_3}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3} = \frac{(12.33 \text{ A} \angle 12^\circ) \cdot (15 \Omega \angle 60^\circ)}{18.03 \Omega \angle 26.31^\circ} = 10.25 \text{ A} \angle 45.6^\circ$$

$$\bar{i}_{32} = \bar{i}_{22} \frac{\overline{Z}_1}{\overline{Z}_1 + \overline{Z}_3} = \frac{(12.33 \text{ A} \angle 12^\circ) \cdot (10 \Omega \angle - 30^\circ)}{18.03 \Omega \angle 26.31^\circ} = 6.84 \text{ A} \angle - 44.4^\circ$$

ثم تجمع التيارات:

$$\bar{i}_{1} = \bar{i}_{11} - \bar{i}_{12} = (20.05 \text{ A} \angle - 6.55^{\circ}) - (10.25 \text{ A} \angle 45.6^{\circ}) = 12.75 - \text{j} 9.6$$

$$\bar{i}_{1} = 15.97 \text{ A} \angle - 37^{\circ}$$

$$\bar{i}_{2} = \bar{i}_{22} - \bar{i}_{21} = (12.33 \text{ A} \angle 12^{\circ}) - (8.84 \text{ A} \angle - 14.4^{\circ}) = 2.18 - \text{j} 0.217$$

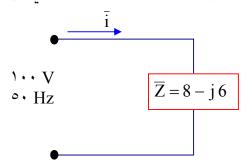
$$\bar{i}_{2} = 2.2 \text{ A} \angle - 5.7^{\circ}$$

$$\bar{i}_{3} = \bar{i}_{31} + \bar{i}_{32} = (10.26 \text{ A} \angle - 15.6^{\circ}) + (6.84 \text{ A} \angle - 44.4^{\circ}) = 14.77 - \text{j} 2.03$$

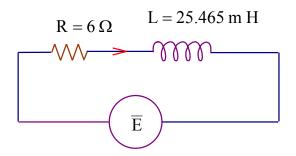
$$\bar{i}_{3} = 14.9 \text{ A} \angle - 7.8^{\circ}$$

تدريبات على الوحدة الرابعة

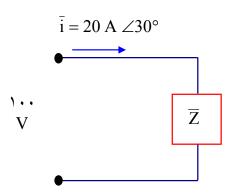
ا. احسب قيمة التيار المسحوب من المصدر للشكل التالي، واحسب مكونات المعاوقة \overline{Z}



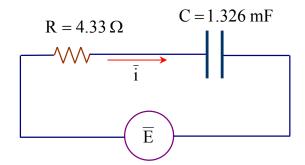
7. احسب قيمة التيار المسحوب من المصدر للشكل التالي، إذا كانت قيمة جهد المصدر $\overline{E} = 110 \text{ V} \angle 0^\circ$



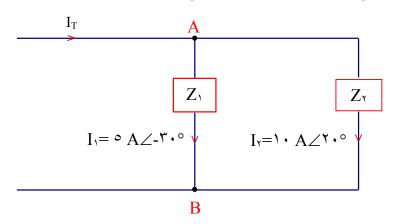
٣. احسب قيمة المعاوقة \overline{Z} للشكل التالي واحسب مكوناتها.



3. للشكل التالي، احسب قيمة التيار المسحوب من المصدر \bar{i} ، إذا كانت قيمة جهد المصدر $E=110~V~L^{\circ}$ ، علماً بأن قيمة تردد المصدر يساوي $E=110~V~L^{\circ}$

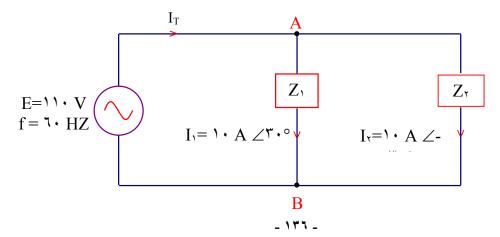


٥. للشكل التالي، احسب قيمة التيار الكلي I_T.

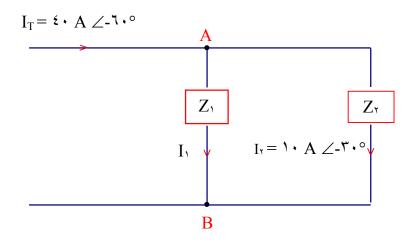


7. للشكل التالي، احسب قيم ومكونات المعاوقات Z_1, Z_2 ، إذا كان مصدر الجهد:

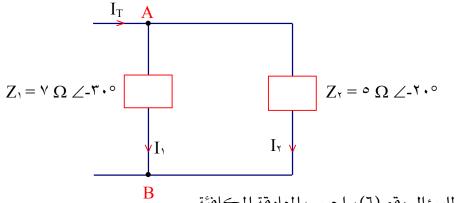
E=11.V, f=1.HZ



 I_{N} الشكل التالي، احسب قيمة التيار الفرعي V

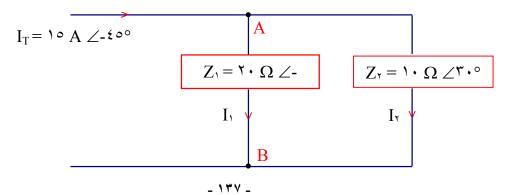


٨. احسب قيمة المعاوقة المكافئة للشكل التالي.



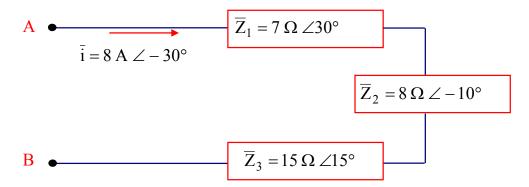
٩. للسؤال رقم (٦)، احسب المعاوقة المكافئة.

۱۰. $\underline{\mathscr{L}}$ الشكل المقابل رقم (٤ - ١٣)، احسب التيارات الفرعية I_{1} ، باستخدام قانون تجزؤ التيار.

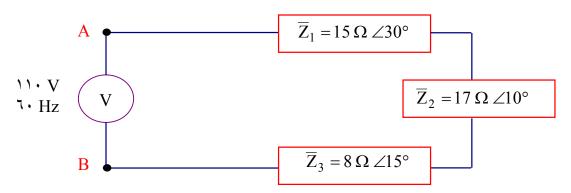


التخصص الما الما المنظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد الما المنظريات الأساسية المستخدمة في دوائر التيار المتردد

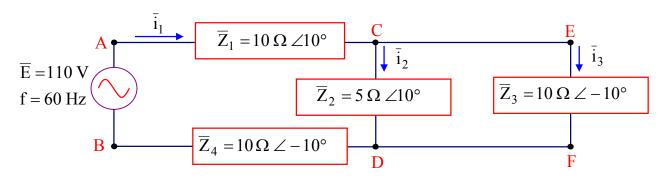
11. في الشكل رقم المقابل، احسب الجهد بين النقطتين A, B، واحسب كذلك المعاوفة المكافئة.



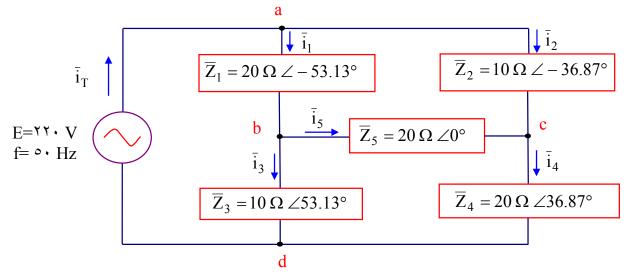
17. في الشكل المقابل، احسب تيار الدائرة، ثم احسب الجهد على كل معاوقة من المعاوقات الثلاثة باستخدام قانون تقسيم الجهود.



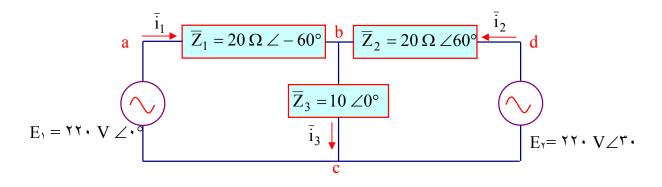
.١٣ في شكل المقابل، احسب التيارات \bar{i}_1 , \bar{i}_2 & \bar{i}_3 ، باستخدام طريقة الاختزال.



- ١٤. في السؤال رقم (١٣)، احسب التيار أَ باستخدام نظرية ثفنن.
- ۱۵. للدائرة الكهربائية المبينة بشكل رقم (٤ ٢٨)، احسب التيار المسحوب من المصدر باستخدام تحويلات ($(Y-\Delta)$) أو تحويلات ($(Y-\Delta)$).



- ۱۲. $\underline{\underline{\beta}}$ السؤال رقم (۱۵)، احسب التيار \overline{i}_5 ، باستخدام نظرية ثفنن.
- ۱۷. $\underline{\mathfrak{g}}$ السؤال رقم (۱۵)، احسب التيار $\overline{\mathfrak{i}}_5$ ، باستخدام نظرية الحلقة المغلقة.
- ١٨. باستخدام نظرية التركيب، احسب تيارات الدائرة الكهربائية المبينة في الشكل المقابل.



۱۹. $\underline{\mathscr{L}}$ السؤال رقم (۱۸)، احسب التيار i^{r} باستخدام تحويلات $(Y-\Delta)$.





الملكة العربية السعودية المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج

هندسة كهربائية - ٢

دوائر الارتباط المغناطيسية والحث المتبادل

التخصص الكترونيات صناعية و تحكم

الأهداف العامة للوحدة الخامسة

بعد الانتهاء من دراسة هذه الوحدة، يكون الطالب قادراً على معرفة:

- الحث المغناطيسي من حث ذاتي وحث متبادل بين ملفين.
- كيفية حساب معامل الحث الذاتي الحث المتبادل بين ملفين.
- العلاقات بين القوة الدافعة الكهربائية المستحثة والتيار المار في الملف ومعامل الحث الذاتي ومعامل الحث المتبادل بين ملفين.
 - نظرية عمل المحول الكهربائي.
 - تركيب المحول الكهربائي.
 - العلاقات الكهربائية بين الجهد والتيار لملفي المحول الكهربائي.
 - كفاءة المحول الكهربائي.
 - تطبيقات عملية على المحول الكهربائي.

۵ – ۱مقدمة Introduction

سبق أن تحدثنا في الوحدة الثانية والوحدة الثالثة عن الارتباط الوثيق بين المجال المغناطيسي و التيار الكهربائي المتردد حيث إنهما ظاهرتان فيزيائيتان متلازمتان، أي لتوليد التيار الكهربائي المتردد لابد من وجود مجال مغناطيسي وفي المقابل فإن سريان التيار الكهربائي المتردد في دائرة كهربائية ينتج عنه بالضرورة مجال مغناطيسي. وتحدثنا أيضا عن التأثير المغناطيسي للتيار المتردد في الملف وكيفية توليد قوة دافعة كهربائية في الملف نتيجة قطع المجال المغناطيسي للملف أو قطع الملف للمجال المغناطيسي. وفي هذا الباب سوف نتطرق إلى بعض التفصيلات الخاصة بهذه الظاهرة الفيزيائية الهامة.

۵ - ۲ الحث الغناطيسي Magnetic Induction

٥ - ۲ - ١ الحث الذاتي للملف Self Inductance of a Coil

سبق الحديث في الوحدة الثالثة بصورة عامة عن معامل الحث الذاتي للملف (L) من حيث كونه أحد العناصر الهامة في دوائر التيار المتردد، وسوف نوجز هنا بعض التفصيلات الخاصة به.

تعريف الحث الذاتي للملف

الحث الذاتي للملف هو التأثير الكهرومغناطيسي الحادث في الملف عند تغير شدة التيار المار به.

تعريف ملف الحث

هو الملف الذي تتولد بين أطرافه قوة دافعة كهربائية مستحثة عند تغير شدة التيار المار به.

٥ - ٢ - ١ - ١ العوامل التي يتوقف عليها معامل الحث الذاتي للملف

Factors that Affect the Self Inductance

يتوقف معامل الحث الذاتي لملف على العوامل التالية

- ١. عدد لفات الملف
- ٢. طول الملف (وبما أن الملف يتكون من عدد N من اللفات المتطابقة، إذن طول الملف يتناسب مع عدد اللفات N).
- ٣. الصفات المغناطيسية للوسط المار به المجال المغناطيسي في قلب الملف (النفاذية المغناطيسية للقلب).
 - ٤. هندسة شكل الملف.

ه ۲- ۱- ۲ حساب الحث الذاتي للملف Calculation of Self Inductance

طبقا للمعادلة رقم (* - *) التي تصف العلاقة الرياضية بين القوة الدافعة الكهربائية المتولدة نتيجة الحث الكهرومغناطيسي على الملف والمتسببة نتيجة تغير التيار i وبين معامل الحث الذاتي للملف ومعدل تغير التيار بالنسبة للزمن $\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$ ، والتي على الصورة الآتية:

$$E = -N \frac{d\phi}{dt} = -L \frac{di}{dt}$$
 (1-0)

يمكن حساب معامل الحث الذاتي للملف L كما يأتي:

$$L = \frac{-E}{(di/dt)}$$

$$L = N \frac{d\phi}{di} \tag{7-0}$$

وبالتالي يمكن تعريف معامل الحث الذاتي للملف كالآتي:

تعريف معامل الحث الذاتي للملف (L)

يعرف معامل الحث الناتي للملف بأنه القوة الدافعة الكهربائية المتولدة في الملف نتيجة الحث الكهرومغناطيسي بين الملف ونفسه (الذاتي) عندما يكون المعدل الزمني لتغير التيار فيه واحد أمبير لكل ثانية.

وتسمى وحدة قياس معامل الحث الذاتى بالهنري (Henry)، وتعرف بأنها (فولت . ثانية/أمبير).

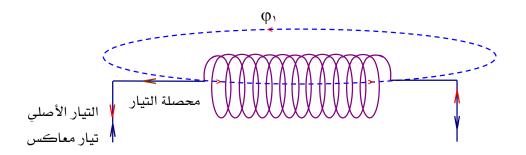
تعريف وحدة الهنري

يعرف الهنري أنه معامل الحث الذاتي للملف الذي يتولد بين أطرفه قوة دافعة كهربائية نتيجة الحث الكهرومغناطيسي بين الملف ونفسه تساوي فولتاً واحداً عندما يكون المعدل الزمني لتغير التيار فيه أمبيراً واحداً لكل ثانية.

وبالرجوع إلى المعادلة رقم (٥ -٢)، يلاحظ أن الإشارة السالبة تعني أن القوة الدافعة الكهربائية الناتجة نتيجة الحث الكهرومغناطيسي بين الملف ونفسه نتيجة تغير التيار المار في الملف يكون في اتجاه معاكس لاتجاه التيار المسبب لهذه القوة وذلك مطابق لقاعدة لنز.

التخصص الموحدة الخامسة المتخصص الموحدة الخامسة الكترونيات صناعية وتحكم هندسة كهربائية - ٢ دوائر الارتباط المغناطيسية والحث المتبادل

٥ -٢ - ١ - ٣ أثر الحث الذاتي على العلاقة بين القوة الدافعة الكهربائية والتيار في الملف Effect of Self Inductance on the Relation between induced emf & Current



شكل رقم (٥ -١) تأثير الحث الذاتي على التيار في الملف

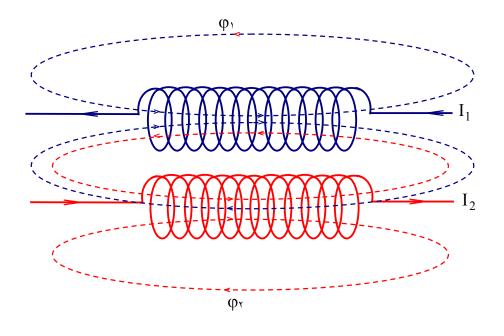
ي حالة مرور تيار متغير القيمة في الملف يتولد مجال مغناطيسي متغير من الملف يعاود قطعه فتتولد قوة دافعة كهربائية عكسية تسبب سريان تيار مستحث ذاتياً عكسي في الملف يقاوم التيار الأصلي (كما هو مبين بشكل رقم (٥ -١)) ويجعل نموه بطيئاً وهذا هو السبب الفيزيائي لما هو معروف عن تأخر التيار عن الجهد في الملف.

ه - ۲ - ۲ الحث المتبادل ۲- ۲- ۱۲

ي حالة مرور تيار متغير القيمة في ملف ما (الملف الابتدائي) يتولد مجال مغناطيسي متغير القيمة، وفي حالة قطع هذا المجال المغناطيسي لملف آخر مجاور للملف الأول (الملف الثانوي)، تتولد في الملف الثانوي قوة دافعة كهربائية مستحثة وتيار مستحث، وينشأ عن التيار المستحث في الملف الثانوي مجال مغناطيسي يعمل على مقاومة التغير في المجال المغناطيسي الأصلي الناشئ عن تيار الملف الابتدائي كما هو مبين بشكل رقم (٥ -٢). أي أن كلاً من الملفين الابتدائي والثانوي يؤثر على الآخر ولذلك يسمى الحث في هذه الحالة بالحث المتبادل.

تعريف الحث المتبادل بين ملفين:

الحث المتبادل بين ملفين هو التأثير الكهرومغناطيسي الحادث بين ملفين متجاورين يمر بأحدهما تيار كهربائي متغير الشدة.



شكل رقم (٥ -٢) الحث المتبادل بين ملفين

٥ - ۲ - ۲ معامل الحث المتبادل بين ملفين Mutual Inductance Coefficient

♦ عند مرور تيار شدته I في الملف الابتدائي يتولد حوله فيض مغناطيسي يتناسب معدل تغيره تناسباً طردياً مع معدل التغير في شدة التيار، أي أن:

$$\frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \propto \frac{\Delta I_1}{\Delta t} \tag{ξ-$^{\circ}$}$$

♦ تبعاً لتغير الفيض المغناطيسي الذي يقطع الملف الثانوي يتولد فيه قوة دافعة كهربائية مستحثة , ξ
 تتناسب مع معدل التغير في الفيض المغناطيسي طبقاً لقانون فاراداي، أي أن:

$$\xi_2 \quad \alpha \quad \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$$
 (0-0)

♦ من المعادلة رقم (٥ -٤) و المعادلة رقم (٥ -٥) نجد أن:

$$\xi_2 \quad \alpha \frac{\Delta I_1}{\Delta t}$$
 (7-0)

♦ ويمكن وضع المعادلة رقم (٥ -٦) على الصورة:

$$\xi_2 = -M \frac{\Delta I_1}{\Delta t} \tag{V-0}$$

هندسة كهربائية-٢

- ♦ يسمى المعامل M في المعادلة رقم (٥ -٧) بمعامل الحث المتبادل بين الملفين.
- ♦ يلاحظ الإشارة السالبة التي تدل على أن اتجاه القوة الدافعة الكهربائية المستحثة أو التيار المستحث يكون في اتجاه بحيث يقاوم التغير المسبب له حسب قاعدة لنز.

تعريف معامل الحث المتبادل بين ملفين

يلاحظ من المعادلة رقم (٥ -٧) أن معامل الحث المتبادل M يمكن أن تكتب على الصورة الآتية:

$$-M = \frac{\xi_2}{\left(\frac{\Delta I_1}{\Delta t}\right)} = \xi_2 \frac{\Delta t}{\Delta I_1} \tag{A-0}$$

يعرف معامل الحث المتبادل بين ملفين بأنه القوة الدافعة الكهربائية المستحثة المتولدة في أحد ملفي الحث عند تغير شدة التيار في الملف الآخر بمعدل ١ أمبير في الثانية.

وحدة قياس معامل الحث المتبادل

يلاحظ من المعادلة رقم (٥ - ٨) أن أبعاد معامل الحث المتبادل هي أبعاد (جهد \times زمن \div تيار).

وتسمى وحدة قياس معامل الحث المتبادل بالهنري (Henry)، وتعرف بأنها (فولت. ثانية/أمبير).

مثال رقم (٥ -١)

احسب معامل الحث المتبادل بين ملفين، إذا كان معدل تغير التيار في أحدهما قدره mA/sec قد تسبب في نشوء جهد مستحث بين طرفي الملف الآخر قدره V ٠,٥ V

الحل

بتطبيق المعادلة رقم (٥ -٨)، نجد الآتى:

$$-M = \frac{\xi_2}{\left(\frac{\Delta I_1}{\Delta t}\right)} = \frac{0.5 \text{ V}}{5 \times 10^{-3} \text{ A/sec}} = 100 \text{ V} \cdot \text{sec/ A}$$

٥ - ٣ المحول الكهربائي Transformer

ه - ٣ - ا وظيفة المحول الكهربائي Function of Transformer

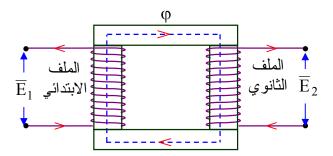
رفع أو خفض القوة الدافعة الكهربائية المترددة. وتبنى نظرية عمله على الحث المتبادل بين ملفين.

ه - ٣ - ٢ تطبيقات المحول الكهربائي Transformer Applications

- ♦ يستخدم لإمداد معظم الأجهزة الإلكترونية بالطاقة الكهربائية.
 - ♦ يستخدم لتشغيل كثير من الأجهزة المنزلية.
- ♦ يستخدم لنقل الطاقة الكهربائية من محطات توليد الكهرباء (كما ذكر في الوحدة الأولى) إلى
 مناطق الاستخدام البعيدة.

ه - ۳ - ۳ ترکیب المحول Construction of Transformer

لمعرفة تركيب المحول نعود إلى الوحدة الثانية شكل رقم (٢ -٥) حيث الملف المعزول ملفوف على قلب حديدي مغلق، ويسمى هذا الملف في هذه الحالة بالملف الابتدائي عند توصيله بمصدر للقوة الدافعة الكهربائية \overline{E}_1 المراد رفعها أو خفضها، وبلف ملف معزول آخر على نفس القلب الحديدي ويسمى بالملف الثانوي يتولد على أطرافه قوة دافعة كهربائية مستحثة ثانوية \overline{E}_2 كما هو مبين بشكل رقم (٥ -٣).



شكل رقم (٥ -٣) الفكرة الأساسية للمحول الكهربائي

ويلاحظ أن القلب الحديدي مكون من عدة شرائح رقيقة من الحديد السيليكوني معزولة عن بعضها للإقلال من التيارات الإعصارية وللإقلال من فقد الطاقة.

ه - ۳ - ٤ نظرية عمل المحول ٢- ٣ - ٤ نظرية عمل المحول

يمكن شرح عمل المحول الكهربائي طبقاً للخطوات التالية:

- ا. يوصل طرفا الملف الابتدائي بمصدر الجهد المتردد المراد تغييره، بينما يوصل طرفا الملف الثانوي
 بالدائرة المراد إمدادها بالجهد الآخر.
 - ٢. يمر تيار متردد في الملف الابتدائي ويسبب تدفقاً للفيض المغناطيسي في القلب الحديدي.
- ٣. يعمل القلب الحديدي على تجميع خطوط الفيض المغناطيسي فيقطع بالتالي الملف الثانوي فيتولد
 بين طرفيه قوة دافعة كهربائية مترددة مستحثة.
- عند غلق دائرة الملف الثانوي يمر تيار متردد في الدائرة ويكون تردد هذا التيار مساوياً لتردد التيار
 المار في الملف الابتدائي.
- ٥. يتولد عن تيار الملف الثانوي فيض مغناطيسي يعاكس الفيض المغناطيسي الناشئ عن الملف الابتدائي.

ه - ٣ - ه العلاقة بين القوتين الدافعتين الكهربائيتين في ملفي المحول emf Relationship

يمكن إيجاد العلاقة بين القوتين الدافعتين الكهربائيتين في ملفى المحول طبقاً للخطوات التالية:

- $N_{
 m v}=N_{
 m v}=N_{
 m v}$ وأن عدد لفات الملف الثانوي $N_{
 m v}=N_{
 m v}$. نفترض أن عدد لفات الملف الثانوي
- ٢. عند مرور التيار المتردد في الملف الابتدائي وغلق دائرة الملف الثانوي، يتولد في الملف الثانوي قوة دافعة كهربائية مستحثة \overline{E}_2 يمكن حساب قيمتها كالآتى:

$$\overline{E}_2 = N_2 \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \tag{9-0}$$

٣. عند فتح دائرة الملف الثانوي مع البقاء على اتصال الملف الابتدائي بالمصدر الكهربائي، فإن تيار الملف الابتدائي يعمل على توليد قوة دافعة الملف الابتدائي يعمل على توليد قوة دافعة كهربائية مستحثة تتزن مع القوة الدافعة الكهربائية للمصدر فتمنع مرور التيار وتكون القوة الدافعة الكهربائية المستحثة المتولدة بالحث الذاتي في الملف الابتدائي كالآتي:

$$\overline{E}_1 = N_1 \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \tag{1.-0}$$

٤. بقسمة المعادلة رقم (٥ -٩) على المعادلة رقم (٥ -١٠) نحصل على الآتي:

هندسة كهربائية-٢

دوائر الارتباط المغناطيسية والحث المتبادل

$$\frac{\overline{E}_2}{\overline{E}_1} = \frac{\left(N_2 \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}\right)}{\left(N_1 \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}\right)} \tag{1.1-0}$$

$$\frac{\overline{E}_2}{\overline{E}_1} = \frac{N_2}{N_1} \tag{17-0}$$

٥. من المعادلة رقم (٥ -١٢) يمكن حساب القوة الدافعة الكهربائية المتولدة في الملف الثانوي كالآتى:

$$\overline{E}_2 = \overline{E}_1 \cdot \frac{N_2}{N_1} \tag{17-0}$$

٦. يلاحظ أنه بضبط النسبة بين عدد لفات الملف الثانوي إلى عدد لفات الملف الابتدائي يمكن رفع الجهد في الملف الثانوي أو خفضه بالنسبة لجهد الملف الابتدائي.

٥ - ٣ - ١ العلاقة بين شدتي التيارين في ملفي المحول Currents Relationship

على اعتبار أن المحول جهاز وسيط مثالى، بمعنى أنه يقوم بنقل القدرة الكهربائية كاملة من الملف الابتدائي إلى الملف الثانوي، يمكن كتابة المعادلة الرياضية الآتية:

$$P_1 = P_2 \tag{15.0}$$

وهذا يعنى أن:

$$\overline{E}_1 \cdot \overline{i}_1 = \overline{E}_2 \cdot \overline{i}_2 \tag{10.0}$$

ويمكن إعادة كتابة هذه المعادلة كالآتى:

$$\frac{\overline{i}_1}{\overline{i}_2} = \frac{\overline{E}_2}{\overline{E}_1} \tag{17-0}$$

وبالتعويض في المعادلة رقم (٥ -١٢)، نحصل على الآتى:

$$\frac{\overline{i}_1}{\overline{i}_2} = \frac{\overline{E}_2}{\overline{E}_1} = \frac{N_2}{N_1} \tag{14-0}$$

أي أن تيار الملف الثانوي يمكن حسابه كالآتى:

$$\bar{i}_2 = \bar{i}_1 \cdot \frac{N_1}{N_2} \tag{1A-0}$$

ويلاحظ أن نسبة تحويل التيار هي عكس نسبة تحويل الجهد وهذا يعني أن رفع الجهد في الملف الثانوي يعنى خفض التيار.

مثال رقم (٥ -٢)

إذا كانت النسبة بين عدد لفات الملف الابتدائي إلى عدد لفات الملف الثانوي هي $\frac{1}{20}$ ، احسب الجهد المتولد على أطراف الملف الثانوي والتيار المار فيه إذا كان الجهد على أطراف الملف الابتدائي V0 والتيار المار فيه V1 .

الحل

من المعادلة رقم (٥ -١٣)، يمكن حساب الجهد على أطراف الملف الثانوي كالآتي:

$$\overline{E}_2 = \overline{E}_1 \cdot \frac{N_2}{N_1} = 50 \text{ V} \cdot (20) = 1000 \text{ V}$$

ومن المعادلة رقم (٥ -١٨)، يمكن حساب التيار في الملف الثانوي كالآتى:

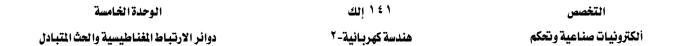
$$\bar{i}_2 = \bar{i}_1 \cdot \frac{N_1}{N_2} = 1 \text{ A} \cdot \left(\frac{1}{20}\right) = 0.05 \text{ A} = 50 \text{ mA}$$

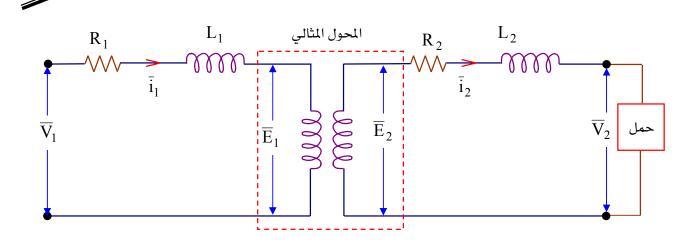
٥ - ٣ - كفاءة المحول الكهربائي Transformer Efficiency

لأن المحول الكهربائي في حقيقة الأمر جهاز حقيقي واقعي وليس جهازاً مثالياً، يمكن تصور كفاءة المحول الكهربائي كالآتي:

كفاءة المحول الكهربائي تعني ببساطة النسبة المئوية من القدرة المنقولة من الملف الابتدائي إلى الملف الثانوي، وذلك لأن المحول الكهربائي ليس مثالياً وأن ذلك يعني فقداً في القدرة المنقولة بين الملفين. وعلى ذلك يمكن تعريف كفاءة المحول η رياضياً كالآتى:

$$\eta = \frac{\overline{V}_2 \cdot \overline{i}_2}{\overline{V}_1 \cdot \overline{i}_1} \tag{19-0}$$





شكل رقم (٥ -٤) الدائرة المكافئة للمحول

حيث الدائرة المكافئة للمحول الحقيقي مبينة في شكل رقم (٥ -٤). ومن هذه الدائرة يمكن تصور الفقد في الدائرة المحافئة المحول الحقيقي مبينة في شكل رقم (٥ -٤). ومن هذه الدائرة يمكن تصور الفقد في القدرة R_i الفقد في القدرة R_i الفقد في القدرة بكانه الفقد في الفقد في الفقد في المقاومة بالمقاومة بالمقاومة بالمقاومة بالفقد في الفقد في المقاومة بالمقاومة بالمق

$$Losses_1 = \bar{i}_1^2 \cdot R_1 \tag{7.-0}$$

$$Losses_2 = \bar{i}_2^2 \cdot R_2 \tag{Y1-0}$$

$$Losses_T = Losses_1 + Losses_2 = \bar{i}_1^2 \cdot R_1 + \bar{i}_2^2 \cdot R_2$$
 (YY-0)

وذلك بالإضافة إلى الفقد في القدرة نتيجة مغنطة القلب الحديدي والفقد في القدرة نتيجة التيارات الاعصارية.

٥ - ٣ - ٨ استخدام المحولات في نقل القدرة الكهربائية Transformers in Power Networks

تستخدم المحولات في نقل القدرة الكهربائية من معطة التوليد الكهربائي إلى أماكن استخدامها دون فقد كبير في القدرة الكهربائية باستخدام محول رفع عند بداية خط نقل القدرة الكهربائية لرفع الجهد الكهربائي (القوة الدافعة الكهربائية) بمقدار كبير فتقل بالتالي شدة التيار بمقدار كبير ويقل بالتالي الفقد في القدرة في الأسلاك لمستخدمة لنقل هذه القدرة. ثم يستخدم محول خفض في نهاية الخط وتزداد بالتالي شدة التيار لتصل إلى المستهلك، كما هو مبين بشكل رقم (٥ -٥).

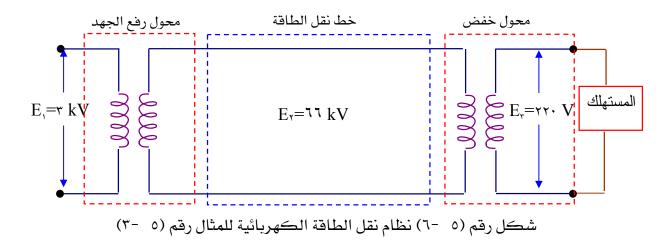


شكل رقم (٥ -٥) نظام نقل الطاقة الكهربائية من محطة التوليد إلى المستهلك

مثال رقم (٥ -٣)

إذا كان الجهد المولد في محطة توليد الكهرباء kV ، والمطلوب إمداد المستهلك بالطاقة الكهربائية بجهد $\frac{N_1}{N_2}$ عبر خط نقل الطاقة الكهربائية بجهد kV ، احسب نسبة التحويل في كل من محولى الرفع والخفض.

الحل



دوائر الارتباط المغناطيسية والحث المتبادل

الحل

لحساب نسبة التحويل
$$\frac{N_1}{N_2}$$
 لمحول الرفع، نستخدم المعادلة رقم (٥ -١٢) كما يلي:

$$\frac{\overline{E}_2}{\overline{E}_1} = \frac{N_{12}}{N_{11}} = \frac{66000}{3000} = 22$$

$$\frac{N_{11}}{N_{12}} = \frac{1}{22}$$

لحساب نسبة التحويل
$$\frac{N_1}{N_2}$$
 لمحول الخفض، نستخدم نفس التعبير الرياضي كما يلي:

$$\frac{\overline{E}_3}{\overline{E}_2} = \frac{N_{22}}{N_{12}} = \frac{220 \text{ V}}{66000 \text{ V}} = \frac{1}{300}$$

تدريبات على الوحدة الخامسة

- ١. عرف الحث الذاتي للملف.
 - ٢. عرف ملف الحث.
- عرف معامل الحث الذاتى للملف (L).
 - ٤. عرف وحدة الهنري.
- ٥. اذكر العوامل التي يتوقف عليها معامل الحث الذاتي للملف.
 - ٦. عرف معامل الحث المتبادل بين ملفين.
 - ٧. عرف الحث المتبادل للملف.
 - ٨. أشرح وظيفة المحول الكهربائي.
 - ٩. اذكر بعض التطبيقات للمحول الكهربائي.
- ١٠. استنتج العلاقة بين القوتين الدافعتين الكهربائيتين في ملفى المحول.
 - ١١. استنتج العلاقة بين شدتى التيارين في ملفى المحول.
 - ١٢. اشرح استخدام المحولات في نقل القدرة الكهربائية.
- ۱۳. احسب معامل الحث المتبادل بين ملفين، إذا كان معدل تغير التيار في احدهما قدره ١mA/sec . قد تسبب في نشوء جهد مستحث بين طرفي الملف الآخر قدره ٧ ٨٠٠ .
- 11. احسب معامل الحث المتبادل بين ملفين، إذا كان معدل تغير التيار في احدهما قدره ٣mA/sec قدره المتبار في المناف الآخر قدره المناف المناف
- 10. إذا كانت النسبة بين عدد لفات الملف الابتدائي إلى عدد لفات الملف الثانوي هي 200 ، احسب الجهد المتولد على أطراف الملف الثانوي والتيار المار فيه إذا كان الجهد على أطراف الملف الابتدائي V 100 والتيار المار فيه A . .
- 17. إذا كانت النسبة بين عدد لفات الملف الابتدائي إلى عدد لفات الملف الثانوي هي 200 ، احسب الجهد المتولد على أطراف الملف الثانوي والتيار المار فيه إذا كان الجهد على أطراف الملف الابتدائى ١٠٠ والتيار المار فيه A . .
- 10. إذا كانت النسبة بين عدد لفات الملف الابتدائي إلى عدد لفات الملف الثانوي هي 20 ، احسب الجهد المتولد على أطراف الملف الثانوي والتيار المار فيه إذا كان الجهد على أطراف الملف الابتدائى ١٠٠ والتيار المار فيه A .٠٠ .

۱۸. إذا كان الجهد المولد في معطة توليد الكهرباء kV ، والمطلوب إمداد المستهلك بالطاقة الكهربائية بجهد kV ، احسب نسبة التحويل الكهربائية بجهد kV ، احسب نسبة التحويل kV ، احسب نسبة التحويل kV ، احسب نسبة التحويل kV . الموقع والخفض.

۱۹. إذا كان الجهد المولد في محطة توليد الكهرباء kV ، والمطلوب إمداد المستهلك بالطاقة الكهربائية بجهد kV عبر خط نقل الطاقة الكهربائية بجهد kV عبر خط نقل الطاقة الكهربائية بجهد kV عبر خط نقل الطاقة الكهربائية بجهد kV عبر خط نقل الرفع والخفض.

هندسة كهربائية-٢

(References) المراجع

- [1] Thomas L. Floyed, Electrical Engineering Fundamentals, Prentice, Inc, sixth edition, Y···.
- [7] B. L. Theraja, A. K. Theraja, "Electrical Technology", published by Ninja Construction development Co. Ltd. Ram Nagar, New Delhi, 11.00, 1990.
- [r] M. A. PAI, "Introduction to Electric Circuits and Machines", Affiliated east west presses private limited, 1940.

ألكترونيات صناعية وتحكم

المحتويات

الصفحة	متويات	
	مقدمة	
	الوحدة الأولى: تحويل الطاقة وتوليد الطاقة الكهربية	
١	الأهداف العامة للوحدة الأولى	
۲	١ - ١ مقدمة	
۲	۲- ۱ تحویل الطاقة	
۲	١ -٢ - ١ مصادر الطاقة الأبتدائية	
۲	١ -٢ -١ المصادر الأحفورية للطاقة	
٤	١ -٢ -١ -٢ الطاقة النووية	
٤	١ -٢ -١ -٣ الطاقة المتجددة	
٦	١ -٣ توليد الطاقة الكهربائية	
٦	١ -٣ - ١ محطات توليد الكهرباء بواسطة التربينات المائية	
٨	١ -٣ -٢ المحطات الحرارية لتوليد الكهرباء	
١.	١ -٣ -٣ محطات توليد الكهرباء بواسطة التربينات الغازية	
11	١ -٣ -٤ محطات توليد الكهرباء بواسطة ماكينات الديزل	
11	١ -٣ -٥ محطات توليد الكهرباء من الطاقة المتجددة	
١٤	تدريبات على الوحدة الأولى	
	الوحدة الثانية: مبادئ وأسس توليد التيار المتردد	
10	الأهداف العامة للوحدة الثانية	
١٦	۲ -۱ مقدمة	
١٦	٢ - ٢ التأثير المغناطيسي للتيار الكهربائي	
١٦	٢ - ٢ - ١ توليد وتركيز المجال المغناطيسي	
۱۹	۲ -۲ -۲ قانون فاراداي	
۱۹	٢ - ٣ نظرية عمل المولد الكهربائي	
71	۲ -۳ - ۱ توليد الموجة الجيبية	

ألكترونيات صناعية وتحكم

هندسة كهربائية-٢

77	٢ - ٣ - ٢ التحليل الرياضي للموجة الجيبية
7 £	٣ - ٣ - ١ القيمة الحسابية للموجة الجيبية
7 £	٢ -٣ -٣ -١ القيمة المتوسطة للموجة الجيبية
70	٢ - ٣ - ٣ - ٢ القيمة الفعالة للموجة الجيبية
77	۲ -۳ -٤ زاوية الطور
79	 ٣- ٣- ١ التمثيل الاتجاهي للموجة الجيبية
79	٢ - ٣ - ٥ - ١ التمثيل الرياضي للمتجهات:
87	٢ - ٣ - ٥ - ٢ بعض المبادئ البسيطة لرياضيات المتجهات
٣٤	تدريبات على الوحدة الثانية
	الوحدة الثالثة: عناصر ودوائر التيار المتردد
**	الأهداف العامة للوحدة الثالثة
٣٨	۳ –۱ مقدمة
٣٨	٣ -٢ عناصرالتيارالمتردد
٣٨	٣ -٢ -١ عنصر المقاومة الأومية
٣٩	٣ -٢ -٢ عنصر المفاعلة الحثية للملف
٤٠	٣ -٢ -٣ عنصر المفاعلة السعوية للمكثف
٤١	٣ -٢ - ٣ - ١ شحن المكثف
٤٢	٣ -٢ -٣ -٢ تفريغ المكثف
٤٤	٣ -٢ -٣ -٣ المكثف كعنصر فعال في دوائر التيار المتردد
٤٥	٣ -٣ دوائر التيار المتردد
٤٥	 ٣ - ١ - ١ استخدام المعامل j في الدائرة الكهربائية
٤٧	٣ -٣ -٢ التوصيل على التوالي
٤٧	٣ -٣ -٢ -١ توصيل الملفات على التوالي
٤٧	٣ -٣ -٢ -٢ توصيل المكثفات على التوالي
٤٩	٣ -٣ -٢ -٣ مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة حثية
٥١	٣ -٣ -٢ -٤ مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة سعوية
00	٣ -٣ -٢ -٥ مقاومة موصلة على التوالي مع مفاعلة حثية وعلى التوالي مع مفاعلة

	هندسة كهربائية-٢	لكترونيات صناعية وتحكم
المحتويات	20) 14 1	التحصص

		<i>و</i> ية	سا
٥٩	-٣ التوصيل على التوازي	٣-	٣
٥٩	-٣ - ١ توصيل الملفات على التوازي	٣-	٣
٦٠	-٣ - ٢ توصيل المكثفات على التوازي	٣-	٣
71	-٣ -٣ مقاومة موصلة على التوازي مع مفاعلة حثية	٣-	٣
٦٤	-٣ -٤ مقاومة موصلة على التوازي مع مفاعلة سعوية	٣-	٣
٦٧	-٣ -٥ مقاومة موصلة على التوازي مع مفاعلة حثية وعلى التوازي مع مفاعلة	٣-	٣
		<u>وي</u> ة	سا
V 1	القدرة في التيار المتردد	٤-	٣
٧١	- ۱ مثلث القدرة	٤-	٣
٧٢	-٢ معامل القدرة	٤-	٣
٧٣	-٣ تحسين معامل القدرة	٤-	٣
٧٦	ت على الوحدة الثالثة	ريبا	تد
	الرابعة: النظريات الأساسية لدوائر التيار المتردد	حدة	الو
٧٩	، العامة للوحدة الرابعة . العامة للوحدة الرابعة		
٨٠	قدمة		
٨٠	 لنظريات الأساسية لدوائر التيار المتردد		
٨٠	ـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ		
۸۳	- ۲ قانونا <i>کیرش</i> وف - ۲ قانونا <i>کیرش</i> وف		
۸۳	- ۲ - ۱ قانون <i>كيرشوف للتي</i> ار		
٨٧	- ۲ - ۱ - ۱ توصيل المعاوقات على التوازي		
۸٩	-۲ -۱ -۲ قانون تجزؤ التيار		
91	رف . وو رو -۲ -۲ قانون كيرشوف للجهود		
9 £	- ۲ - ۲ - ۱ توصيل المعاوقات على التوالى		
90	- ۲ - ۲ - ۲ قانون تجزؤ الجهود		
99	-٣ الدوائر المركبة		
99	- ٣ - ١ طريقة الاختزال - ٣ - ١ طريقة الاختزال		

	هندسة كهربائية-٢	ألكترونيات صناعية وتحكم
1.0	-نجمة و النجمة -دلتا	٤ -٢ -٣ -٢ تحويلات الدلتا
112		٤ -٢ -٣ -٣ نظرية ثفنن
17.	للقة (طريقة ماكسويل)	٤ -٢ -٣ -٤ طريقة الحلقة المغ
14.		٤ -٢ -٣ -٥ نظرية التركيب
150		تدريبات على الوحدة الرابعة
	ناطيسية والحث المتبادل	الوحدة الخامسة : دوائر الارتباط المغ
1 2 .		الأهداف العامة للوحدة الخامسة
1 2 1		٥ -١ مقدمة
1 2 1		٥ -٢ الحث الغناطيسي
1 2 1		° -۲ -۱ الحث الذاتي للملف
1 2 1	ف عليها معامل الحث الذاتي للملف	0 -۲ -۱ -۱ العوامل التي يتوق
127	اتي للملف	0 -٢ -١ -٢ حساب الحث الذ
124	على العلاقة بين القوة الدافعة الكهربائية والتيار	٥ -٢ -١ -٣ أثر الحث الذاتي
124		٥ -٢ -٢ الحث المتبادل
1 £ £	ادل بین ملفین	٥ -٢ -٢ -١ معامل الحث المتب
127		٥ -١٣٨هول الكهربائي
127	بائي	٥ -٣ - ١ وظيفة المحول الكهر
127	هربائ <i>ي</i>	٥ -٣ -٢ تطبيقات المحول الك
127		٥ -٣ -٣ تركيب المحول
124		٥ -٣ -٤ نظرية عمل المحول
124	دافعتين ال <i>كه</i> ربائيتين في ملفي المحول	٥ -٣ -٥ العلاقة بين القوتين ال
1 & A	ارين في ملفي المحول	٥ -٣ - ٦ العلاقة بين شدتي التي
1 2 9	ِيائي	0 -٣ -٧ كفاءة المحول الكهر
10.	نقل القدرة الكهربائية	٥ -٣ - ٨ استخدام المحولات في
105		تدريبات على الوحدة الخامسة
100		المراجع

تقدر المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني الدعم

المالي المقدم من شركة بي آيه إي سيستمز (العمليات) المحدودة

GOTEVOT appreciates the financial support provided by BAE SYSTEMS

BAE SYSTEMS