

## Práctica 4 - Optimización basada en Colonias de Hormigas

---

Ignacio Martín Requena

8 de junio de 2015

## Índice

<b>1. Descripción del problema</b>	<b>3</b>
<b>2. Descripción de los algoritmos empleados</b>	<b>3</b>
2.1. Metaheurísticas y funciones que ayudan al desarrollo de la práctica . . . .	3
2.2. Funciones que toman parte en el proceso de construcción de SCH y SHMM	6
<b>3. Descripción del esquema de búsqueda y las operaciones de cada algoritmo</b>	<b>7</b>
3.1. SCH . . . . .	7
3.2. SHMM . . . . .	9
<b>4. Algoritmo de comparación: Greedy</b>	<b>10</b>
<b>5. Procedimiento considerado para desarrollar la práctica</b>	<b>10</b>
<b>6. Experimentos y análisis de los resultados</b>	<b>11</b>

## Índice de figuras

2.1. Función objetivo . . . . .	3
6.1. Resultados algoritmo Greedy . . . . .	11
6.2. Resultados algoritmo SCH . . . . .	12
6.3. Resultados algoritmo SHMM . . . . .	13
6.4. Comparación de los algoritmos . . . . .	13

## 1. Descripción del problema

El problema de la asignación cuadrática (QAP) es un problema clásico en teoría de localización. En éste se trata de asignar  $N$  unidades a una cantidad  $N$  de sitios o localizaciones en donde se considera un costo asociado a cada una de las asignaciones. Este costo dependerá de las distancias y flujo entre unidades, además de un costo adicional por asignar cierta unidad a una localización específica. De este modo se buscará que este costo, en función de la distancia y flujo, sea mínimo.

Este problema tiene muchas aplicaciones, como el diseño de hospitales donde se pretende que los médicos recorran la menor distancia posible dependiendo de su especialidad, procesos de comunicaciones, diseño de teclados de un ordenador, diseño de circuitos eléctricos, diseño de terminales en aeropuertos y, en general, todo aquel problema de optimización de trayectorias y localizaciones que posea un espacio de búsqueda considerablemente grande.

## 2. Descripción de los algoritmos empleados

En esta sección vamos a especificar las componentes comunes a todos los algoritmos empleados para la resolución del problema:

- **Representación de la solución:**

La forma más conveniente considerada para representar las soluciones es a través de las permutaciones de un conjunto. Esto quiere decir que si por ejemplo el problema tiene, por ejemplo, tamaño cuatro, una posible solución al problema sería  $N = \{1,4,2,3\}$ . De esta forma, si interpretamos los índices de este conjunto como las unidades, y el valor del índice como su localización, la localización 3 estaría asignada a la unidad 1, la 4 a la 2 y así sucesivamente.

### 2.1. Metaheurísticas y funciones que ayudan al desarrollo de la práctica

- **Función objetivo:**

Dado que el objetivo del problema es la minimización del costo total de todas las posibles soluciones, la función objetivo vendrá definida matemáticamente como:

$$\min_{S \in \Pi_N} \left( \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n f_{ij} \cdot d_{S(i)S(j)} \right)$$

Donde  $\Pi_N$  es el conjunto de todas las permutaciones posibles de  $N = 1, 2, \dots, n$

Figura 2.1: Función objetivo

En forma de pseudicódigo nuestra función objetivo sería:

```
1  inicializamos el costo a 0
2  para cada fila de las matrices de distancia y flujo
3      para cada posicion de las matrices de distancia y
        flujo
4      costo += flujo[i][j] * distancia[[i]][sol[j]];
```

- **Función BL:** Este algoritmo se compone de dos partes: La creación de la máscara Don't Look Bite y el propio algoritmo de búsqueda

Una representación en pseudicódigo de esta función sería:

```
1
2  Inicializamos DLB a 0, y con un tamao igual que el del
    problema
3  Creamos una variable para saber cuando parar de iterar
4  Mientras se pueda seguir iterando
5      Para i=1...n
6          si DLB[i] == 0
7              Para j=1...n
8                  si costo factorizado actual
                    menor que 0
9                      intercambiamos
                        localizaciones de
                        solucion actual
10                     dlb[i] = dlb[j] = 0;
11                     paramos de iterar
12             si podemos seguir iterando
13                 dlb[i] = 1;
14  Devolver estado actual
```

Además, la busqueda local usa las siguientes funciones:

- **Función factorizar:**

Con el fin de aumentar la eficiencia y el tiempo de ejecución de nuestros algoritmos se implementa la función factorizar, que nos calcula la diferencia de costo entre una solución y otra, de esta forma evitamos el tener que calcular el costo de una solución de principio a fin.

En forma de pseudocódigo nuestra función factorizar sería:

```
1
2     inicializamos una variable suma a 0
3
4     desde i=0 hasta N hacer
5         si i no coincide con ninguna de las localizaciones
6             a inercambiar
7                 realizar el coste del movimiento de
8                     intercambio como la sumatoria de la
9                     diferencia de todas las distancias
10                    nuevas menos las viejas multiplicadas
11                    por el flujo
```

- **Función generar vecino:** Esta función calcula una solución vecina a partir de una solución actual y dos posiciones a intercambiar.

En forma de pseudocódigo nuestra función "swap" sería:

```
1
2     Crear un vector para guardar la nueva solucion
3     Para cada elemento de la solucion actual
4         Copiar en el nuevo vector solucion
5     Guardar en una variable el valor de la posicion a intercambiar
6     Cambiar dicho valor por el contenido en la otra posicion
7     Asignar a la otra posicion el valor guardado en el paso 5
8     Actualizar el costo de la solucion como el costo de la
9         solucion inicial mas el factorizado
10    Devolver la nueva solucion
```

- **Función generar solución aleatoria:** Esta función calcula una solución inicial generada aleatoriamente.

En forma de pseudocódigo nuestra función "getSolAleatoria"sería:

```

1
2  Creamos un vector de enteros con el tamaño de las matrices de
   flujo o distancia
3  Para cada posición del vector creado
4      Generamos un número aleatorio comprendido entre la
       posición actual y el tamaño del vector
5      Introducimos este número en el vector de soluciones
       iniciales
6  Calculamos el costo de la solución inicial
7  Devolvemos la solución y su costo

```

## 2.2. Funciones que toman parte en el proceso de construcción de SCH y SHMM

- Descripción en pseudocódigo del cálculo de la información heurística:

```

1
2  para cada elemento de la lista de candidatos
3      inicializar variable heurística
4      para cada elemento de la lista de candidatos
5          HeuristicaC = suma de la distancia de cada par de
                       candidatos
6          heurística de candidato = 1/HeuristicaC

```

- **Proceso constructivo para generar soluciones:**

Casi todo el proceso a partir del cual se generan las soluciones se realiza en la función “avanzar” de código adjunto en esta documentación. La descripción de esta función en pseudicódigo es:

```
1
2   Creamos e inicializamos una lista de valores binarios para las
    localizaciones asignadas/sin asignar
3   Buscamos la lista de candidatos, es decir, las localizaciones
    sin asignar (con valor 0)
4   Calculamos la heurística de cada candidato según lo descrito
    en el apartado anterior
5   Aplicamos la regla de transición
6   Lanzamos un valor aleatorio
7   Si es menor o igual que  $q_0$ 
8       Elegir el mejor de los candidatos
9   Si no
10       Hacer ruleta para cada candidato
11       Asignamos la localización seleccionada a la hormiga (
        índice de la solución de la hormiga actual =
        localización)
```

### 3. Descripción del esquema de búsqueda y las operaciones de cada algoritmo

#### 3.1. SCH

El algoritmo principal el SCH con el que se ha elaborado la práctica ha sido:

```
1
2 Definimos los parametros del algoritmo (alpha, beta, q0...)
3 Ordenamos el vector potencial de flujo de menor a mayor
4 Creamos e inicializamos la matriz de feromona
5 Hasta numero_evaluaciones = MAX_EVALUACIONES
6     Creamos e inicializamos los caminos que van a recorrer las
        hormigas
7
8     //Construimos los caminos de cada hormiga
9     Para cada paso (pasos = tamano problema)
10         Para cada hormiga
11             Lamar a la funcion avanzar para generar
                nuevas soluciones
12
13     Calcular el costo de cada camino
14     Hacer busqueda local al mejor camino encontrado
15
16     //Actualizar la feromona
17     Para cada unidad de feromona
18         feromona[i][mejorencontrada->sol[i]] = ((1.0-
                evaporacion_global)*feromona[i][mejorencontrada->
                sol[i]]) + (evaporacion_global / mejorencontrada->
                costo)
19
20
21     Devolver mejor solucion encontrada
```



### 3.2. SHMM

La metaheurística SHMM realizada en la práctica en forma de pseudocódigo es:

```
1      Generamos una solucion aleatoria
2      Calculamos la matriz de potencial de flujo
3      Concretamos los parametros necesarios para el algoritmo (q0
4          , evaporacion, alpha, beta, t_max y t_min)
5      Crear e inicializar con t_max la matriz de feromonas
6
7      Mientras no se llegue al maximo de evaluaciones
8          Creamos la estructura de datos para guardar los
9              caminos de las hormigas
10             Llamamos a la funcion avanzar para cada hormiga y
11                 en cada paso (de esta forma todas las hormigas
12                     avanzan a la vez)
13             Calculamos el costo de cada hormiga
14             Hacemos una busqueda local a la mejor solucion
15                 encontrada
16             Si la mejor encontrada supera a la mejor hasta
17                 ahora nos quedamos con ella y actualizamos los
18                 valores de t_max y t_min de la forma: (Los
19                     reinicializamos)
20                 t_max = 1.0/(evaporacion_global *
21                     mejorencontrada->costo)
22                 t_min = t_max/500.0
23             //Simulamos la evaporacion de las feromonas
24             Para cada elemento de feromona
25                 Para cada posicion dentro de feromona
26                     feromona[i][j] = feromona[i][j]
27                         *(1.0 - coeficiente de
28                             evaporacion global)
29
30             Buscamos la peor solucion
31
32             Para cada elemento de feromona en el que este la
33                 peor solucion hacer
34                 feromona[i][camino[idx]->sol[i]] = ((1.0-
35                     evaporacion_global)*feromona[i][camino
36                         [idx]->sol[i]]) + (1.0 / camino[idx]->
37                             costo)
38
39             Si se supera el t_maximo por los decimales,
40                 truncar
41
42      Devolver la mejor solucion encontrada
```

## 4. Algoritmo de comparación: Greedy

Este algoritmo no hace mas que calcular los potenciales de cada unidad y de cada localización, los ordena y asigna el de mayor flujo al de menor distancia.

En pseudocódigo sería algo como:

```
1  Declaramos un estado solucion
2  Ordenamos por flujo la matriz de flujo y por distancia la de
   distancia
3  Para i=0..n
4      Asignamos al elemento determinado por flujo del estado
       solucion el elemento distancia (podemos hacerlo asi ya
       que hemos ordenado los vectores previamente.)
5  Asignamos el costo de la solucion
6  Devolvemos el estado
```

## 5. Procedimiento considerado para desarrollar la práctica

Para la realización de esta práctica me he basado en una implementación que he encontrado por internet<sup>1</sup> dado que me ha resultado facil de entender y elegante, sobre todo por la utilización del struc de Estados. Aun así la modificación a este codigo ha sido casi entera y solo se han usado las estructuras y la lectura de los ficheros que el enlace proporciona. Me ha resultado de gran ayuda ya que tenía algunos operadores de copia implementados. El resto de ayudas han venido sobre todo de mano de los apuntes de clase, del guion de prácticas o de charlas con compañeros de clase.

---

<sup>1</sup><http://quadratic-assigment.googlecode.com/svn-history/r44/trunk/qap.cpp>

## 6. Experimentos y análisis de los resultados

Los problemas que he empelado han sido los mismos que los que vienen en la plantilla que se nos proporciona. Para cada caso, los parámetros para su ejecución son:

./qap <Metaheurística><archivo de entrada><semilla>

donde metaheurística indica la metaheurística a usar:

- 1) Greedy
- 2) SCH
- 3) SHMM

La semilla usada ha sido la **4312365**

A continuación se muestran las tablas con los resultados obtenidos:

<b>Algoritmo Greedy</b>			
<b>Caso</b>	<b>Coste obtenido</b>	<b>Desv</b>	<b>Tiempo</b>
Chr20b	8916	287,99	0,01
Chr20c	78030	451,76	0,01
Chr22a	13358	116,99	0,01
Chr22b	14620	136,03	0,01
Els19	38627698	124,42	0,01
Esc32b	324	92,86	0,01
Kra30b	117230	28,23	0,01
Lipa90b	16174574	29,50	0,00
Nug30	7410	21,00	0,01
Sko56	40512	17,57	0,01
Sko64	56086	15,65	0,00
Sko72	77296	16,66	0,01
Sko81	102664	12,82	0,00
Sko90	131406	13,74	0,00
Sko100a	176336	16,01	0,00
Sko100b	169670	10,25	0,00
Sko100c	170174	15,09	0,00
Sko100d	171598	14,72	0,00
Sko100e	172328	15,54	0,00
Wil50	49188	0,76	0,01

Figura 6.1: Resultados algoritmo Greedy

Algoritmo SCH			
Caso	Coste obtenido	<u>Desv</u>	0,01
Chr20b	3744	62,92	0,09
Chr20c	50720	258,65	0,07
Chr22a	8092	31,45	0,07
Chr22b	8152	31,61	0,07
Els19	31259342	81,61	0,05
Esc32b	336	100,00	0,09
Kra30b	109360	19,62	0,07
Lipa90b	16257682	30,16	0,18
Nug30	7076	15,55	0,07
Sko56	40798	18,40	0,10
Sko64	57760	19,10	0,12
Sko72	77488	16,95	0,11
Sko81	106348	16,87	0,16
Sko90	135770	17,52	0,11
Sko100a	176406	16,06	0,15
Sko100b	179606	16,71	0,14
Sko100c	173472	17,32	0,14
Sko100d	174872	16,91	0,13
Sko100e	174650	17,10	0,16
Wil50	53732	10,07	0,10

Figura 6.2: Resultados algoritmo SCH

Algoritmo SHMM			
Caso	Coste obtenido	<u>Desv</u>	Tiempo
Chr20b	6746	193,56	0,08
Chr20c	52124	268,58	0,06
Chr22a	9250	50,26	0,06
Chr22b	8998	45,27	0,07
Els19	32706330	90,01	0,06
Esc32b	344	104,76	0,09
Kra30b	113940	24,63	0,08
Lipa90b	16181588	29,55	0,18
Nug30	7308	19,33	0,07
Sko56	40788	18,37	0,11
Sko64	57038	17,61	0,12
Sko72	77292	16,66	0,11
Sko81	106740	17,30	0,16
Sko90	135228	17,05	0,12
Sko100a	176406	16,06	0,15
Sko100b	178942	16,28	0,14
Sko100c	173471	17,32	0,14
Sko100d	174324	16,55	0,14
Sko100e	174650	17,10	0,16
Wil50	53894	10,40	0,10

Figura 6.3: Resultados algoritmo SHMM

Algoritmo	<u>Desv</u>	Tiempo
<u>Greedy</u>	71,88	0,01
<b>SCH</b>	40,73	0,11
<b>SHMM</b>	50,33	0,11

Figura 6.4: Comparación de los algoritmos

En este caso, aunque pareciera que el proceso búsqueda basado en metaheurísticas de colonias de hormigas fuera a dar buenos resultados no ha resultado ser el mejor calculo. Una cosa que aún me inquieta es el hecho de que tarde tan poco en realizar las operaciones (al ser una metaheurística basada en poblaciones el proceso de cálculo debería llevar más tiempo en realizarse, en las tablas no llegan ni a un segundo el tiempo de

calculo). Supongo que aun quedaría mucho por optimizar este método para que diera buenos resultados, por lo que no hay que subestimarlos, seguro que puede dar soluciones mucho mejores que las encontradas actualmente.

A raíz de los resultados tan poco cercanos a los óptimos se me ocurrió modificar la metaheurística para añadirle mas poder de intensificación, es decir, definir un umbral a partir del cual se le aplicara búsqueda local a todas las hormigas, pero en vez de mejorar las soluciones las empeoraba así que decidí no incluirlo en la práctica al no aportar nada a la mejora de la solución.