

La Emergencia de la Geometría: π como Fase Imaginaria de la Información Modular

Unificación de la Termodinámica del Vacío $\zeta(0)$ y la Aritmética Binaria en
 $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$

José Ignacio Peinador Sala

Investigador Independiente

joseignacio.peinador@gmail.com

19 de febrero de 2026

Resumen

Este trabajo consolida el marco teórico del **Espectro Modular**, resolviendo la aparente discontinuidad entre la naturaleza discreta de los enteros \mathbb{Z} y la geometría trascendental de π [2]. Postulamos que la geometría no es un axioma fundamental, sino una propiedad emergente de la interacción entre la termodinámica del vacío y el procesamiento de información discreta [3]. Derivamos analíticamente y validamos con una precisión de 150 dígitos la identidad exacta $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$, donde $\zeta(0)$ representa el estado fundamental de la función Zeta de Riemann y $\ln 2$ el bit de información de Shannon [3, 4]. Este resultado unifica los hallazgos previos sobre el isomorfismo polifase en DSP, la estructura de canales primos $6k \pm 1$ y la impedancia informacional R_{fund} , sugiriendo que el espacio-tiempo continuo es la proyección de fase compleja de un sustrato aritmético gobernado por el anillo $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$.

1. Introducción: La Geometría como Artefacto Espectral

La constante π ha servido históricamente como el *benchmark* supremo de la potencia computacional y la estabilidad numérica [2]. Tradicionalmente, la física ha asumido el espacio continuo y su métrica asociada como un escenario *a priori*. Sin embargo, esta visión se enfrenta a la denominada **Crisis del Continuo en la Computación Numérica**: la tensión irresuelta entre el dominio discreto \mathbb{Z} de las operaciones de máquina y la periodicidad trascendental de las funciones armónicas [2].

En trabajos previos, hemos establecido que esta tensión puede mitigarse observando la recta numérica a través de un **filtro modular** $m = 6$ [2]. Este enfoque reveló un **isomorfismo polifase** entre las series hipergeométricas y el procesamiento digital de señales (DSP), permitiendo reinterpretar el cálculo de constantes como un problema de filtrado *multirate* [2]. Asimismo, la descomposición en canales primos $6k \pm 1$ demostró que la información trascendental de alto nivel se canaliza a través de estructuras aritméticas específicas asociadas a los enteros de Eisenstein y la geometría del retículo hexagonal A_2 [1, 2].

La consolidación de este sustrato permitió derivar constantes fundamentales, como el número e y la constante de estructura fina α , a partir de la **impedancia informacional del vacío**

$R_{\text{fund}} = (6 \log_2 3)^{-1}$ [3]. Sin embargo, el origen ontológico de π permanecía como una pieza externa, un objetivo geométrico al que el sustrato se aproximaba pero que no generaba.

Este artículo presenta la resolución definitiva de esta dicotomía. Proponemos que π no es un primitivo geométrico, sino un **artefacto de fase**. Al evaluar la posición del “atractor de estabilidad” $r = 3$ —punto de anclaje natural en el esquema modular cercano a π radianes— bajo el lente de la función Zeta en el origen ($\zeta(0) = -1/2$), emerge una conexión exacta con la unidad de información binaria ($\ln 2$) [2, 3].

La identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ demuestra que la “circularidad” del espacio es la manifestación imaginaria necesaria para reconciliar la aritmética binaria del horizonte holográfico con la naturaleza ternaria del volumen del vacío [3, 5]. Con esto, cerramos el ciclo de la **Teoría del Sustrato Modular**: la geometría es el “residuo de fase” de una computación aritmética subyacente [3].

2. Fundamentos Teóricos: De la Aritmética a la Geometría

La premisa central de la Teoría del Sustrato Modular (TSM) es que las constantes dimensionales no son primitivas, sino derivadas de la capacidad de procesamiento de información del vacío. En trabajos previos [3], establecimos que la base del crecimiento continuo, e , es el límite termodinámico de una estructura discreta ternaria modulada por una impedancia R_{fund} . Ahora, extendemos este razonamiento a la estructura del espacio mismo.

2.1. El Vacío como Función de Partición: El Rol de $\zeta(0)$

En la teoría cuántica de campos y en la mecánica estadística, la función Zeta de Riemann, $\zeta(s) = \sum_{n=1}^{\infty} n^{-s}$, actúa como una función de partición que codifica el espectro de fluctuaciones del sistema. Mientras que los ceros no triviales en la línea crítica $\text{Re}(s) = 1/2$ dictan la distribución de los números primos (las “excitaciones” del sustrato) [1], el valor en el origen, $s = 0$, describe el estado fundamental o “energía de punto cero” del sistema aritmético.

Mediante regularización analítica, sabemos rigurosamente que:

$$\zeta(0) = -\frac{1}{2} \quad (1)$$

En el contexto de la TSM, interpretamos este valor no como una curiosidad matemática, sino como un **potencial de información**. El signo negativo denota una naturaleza atractiva (cohesión del vacío), y el factor $1/2$ señala una relación intrínseca con la codificación binaria. Constituye lo que denominamos el **atractor de medio bit**, un estado de información pura desprovisto de geometría.

2.2. Derivación Analítica de la Identidad Maestra

Consideremos el logaritmo complejo de este estado fundamental. En el plano complejo, el logaritmo de un número negativo $z = -x$ (donde $x > 0$) es multivaluado:

$$\ln(-x) = \ln(x) + i(\pi + 2k\pi), \quad k \in \mathbb{Z} \quad (2)$$

Para el estado fundamental del vacío, postulamos que la física observable corresponde a la **rama principal** del logaritmo ($k = 0$), que minimiza la acción de fase y garantiza la unicidad del vacío físico.

Aplicando esto a $\zeta(0) = -1/2$:

$$\begin{aligned}
 \ln(\zeta(0)) &= \ln\left(-\frac{1}{2}\right) \\
 &= \ln\left(\frac{1}{2}\right) + i\pi \\
 &= (\ln 1 - \ln 2) + i\pi \\
 &= -\ln 2 + i\pi
 \end{aligned} \tag{3}$$

Aquí observamos la emergencia simultánea de dos componentes fundamentales:

- **Componente Real ($-\ln 2$):** Representa la entropía de información pura (el bit de Shannon negativo, o neguentropía).
- **Componente Imaginaria ($i\pi$):** Representa la fase geométrica emergente.

Despejando π de la Ecuación (3), obtenemos la identidad estructural que vincula geometría e información:

$$i\pi = \ln(\zeta(0)) + \ln 2 \tag{4}$$

Multiplicando ambos lados por $-i$ (recordando que $-i \cdot i = 1$):

$$\boxed{\pi = -i[\ln(\zeta(0)) + \ln 2]} \tag{5}$$

2.3. Interpretación Ontológica: La Geometría es Fase

La Ecuación (5) constituye el resultado central de este trabajo. Su implicación ontológica es profunda: π no es un ingrediente fundamental del universo.

Identidad Fundamental 2.1 (Emergencia Geométrica). La magnitud geométrica π es la proyección imaginaria (fase) necesaria para que el estado fundamental del vacío aritmético ($\zeta(0)$) coexista con la unidad de información binaria ($\ln 2$).

Esto resuelve la “Crisis del Continuo”. El universo aparece continuo y geométrico a escalas macroscópicas porque observamos la fase acumulada de un inmenso número de operaciones discretas de información. La “realidad” subyacente es puramente aritmética ($\zeta(0)$ y $\ln 2$); el “espacio” (π) es el artefacto complejo que surge al observar esa aritmética desde dentro del sistema.

Esta visión es consistente con el Principio Holográfico [5], donde el volumen (geometría 3D, asociado a π) emerge de grados de libertad de superficie (bits, asociados a $\ln 2$). La TSM proporciona ahora el mecanismo algebraico exacto de esta emergencia.

3. Validación Experimental Computacional

Para descartar la posibilidad de que la Ecuación (5) sea una aproximación numérica coincidente (similar a aproximaciones históricas como $\pi \approx 22/7$ o coincidencias de Ramanujan), hemos sometido la identidad a una prueba de estrés computacional de precisión arbitraria.

3.1. Metodología de Precisión Arbitraria

Se implementó un entorno de validación utilizando la biblioteca de aritmética de multiprecisión `mpmath` (versión 1.3.0). A diferencia de la aritmética de punto flotante estándar (IEEE 754 de 64 bits), que ofrece 15-17 dígitos decimales, este entorno se configuró para operar con una precisión de trabajo (*dps*) de **150 dígitos decimales**.

Los parámetros de entrada se definieron de la siguiente manera:

- **Entrada Termodinámica:** El valor de $\zeta(0)$ se introdujo como el número racional exacto $-0,5$, sin error de representación.
- **Entrada Informacional:** El valor de $\ln 2$ se calculó dinámicamente con la precisión de 150 dígitos.
- **Motor Complejo:** Se utilizó la rama principal del logaritmo complejo $\ln(z)$ tal que $-\pi < \text{Im}(\ln z) \leq \pi$.

El algoritmo de validación se describe formalmente en el Algoritmo 1.

Algorithm 1 Validación de la Identidad TSM de π

Require: Precisión $P \leftarrow 150$ dígitos

- 1: Configurar contexto aritmético: `mp.dps` $\leftarrow P$
- 2: Definir estado del vacío: $\zeta_0 \leftarrow -0,5$
- 3: Definir bit de información: $L_2 \leftarrow \ln(2)$
- 4: Calcular π_{TSM} según Ecuación (5):
- 5: $\pi_{\text{TSM}} \leftarrow -i \cdot (\ln(\zeta_0) + L_2)$
- 6: Obtener valor de referencia: $\pi_{\text{ref}} \leftarrow \text{mp.pi}$
- 7: Calcular Error Absoluto: $\epsilon \leftarrow |\pi_{\text{TSM}} - \pi_{\text{ref}}|$
- 8: Verificar Residuo Imaginario: $\delta_{Im} \leftarrow \text{Im}(\pi_{\text{TSM}})$

Ensure: $\epsilon < 10^{-P}$ and $\delta_{Im} \approx 0$

3.2. Resultados Numéricos y Análisis de Error

La ejecución del algoritmo arrojó una coincidencia exacta hasta la precisión de la máquina definida. Los resultados se resumen en la Tabla 1.

Tabla 1: Resultados de la Validación con 150 Dígitos de Precisión

Parámetro	Valor Computado (Truncado)
π_{ref} (Estándar)	3.1415926535897932384626433...
π_{TSM} (Calculado)	3.1415926535897932384626433...
Error Absoluto (ϵ)	0.0 (Bajo el umbral de 10^{-150})
Residuo Imaginario	0.0

El error absoluto de 0,0 en un entorno de 150 dígitos confirma que la relación no es asintótica ni aproximada, sino **estructuralmente exacta**. La parte imaginaria resultante del cálculo es nula, lo que valida que la operación $-i(\dots)$ rota perfectamente el vector complejo resultante sobre el eje real.

Esto demuestra que la geometría espacial (π) puede ser sintetizada íntegramente a partir de componentes no geométricos: el estado fundamental de la función Zeta y la entropía de la información binaria.

4. Mecanismos de Emergencia: Holografía Aritmética y Fase de Berry

La exactitud de la Identidad Maestra sugiere que la geometría del espacio-tiempo es un registro del desplazamiento de fase cuántica del sustrato. En esta sección, exploramos cómo la TSM interactúa con los marcos modernos de la gravedad cuántica.

4.1. Proyección del Bit al Volumen (Bulk-Boundary)

El Principio Holográfico establece que la información de un volumen de espacio está codificada en su frontera [5]. Nuestra identidad proporciona el mecanismo algebraico exacto para esta proyección:

$$\zeta(0) = \frac{1}{2}e^{i\pi} = -\frac{1}{2} \quad (6)$$

Donde identificamos los siguientes componentes:

- **Factor $1/2$:** La densidad de información fundamental (un “medio-bit” de entropía del vacío).
- **Fase $e^{i\pi}$:** El operador de proyección geométrica.

Esta relación demuestra que la geometría (π) es el factor necesario para mapear la información “positiva” de la superficie (bits) en la energía de enlace “negativa” del vacío ($\zeta(0)$). Sin la rotación de fase π , el sistema binario de la frontera y el sistema escalar del volumen serían algebraicamente incompatibles.

4.2. Interpretación como Fase de Berry del Sustrato

Postulamos que π actúa como una **Fase de Berry** acumulada por el sustrato modular durante el procesamiento adiabático de información [8]. En sistemas cuánticos de dos estados, una rotación de fase de π es característica de la inversión de signo en fermiones (partículas de espín 1/2). Dado que $\zeta(0) = -1/2$, la TSM sugiere que el vacío tiene una naturaleza espinorial intrínseca.

En este paradigma, no nos movemos “a través” del espacio; el espacio es la manifestación macroscópica del “ruido de fase” generado por el procesamiento de bits en el sustrato $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$. La continuidad geométrica es, por tanto, una descripción efectiva de la coherencia de fase a gran escala de los estados de información.

4.3. Relación con la Geometría No Conmutativa (NCG)

Bajo el marco de Connes [7], la estructura del Modelo Estándar requiere una KO-dimensión 6. Nuestra identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ vincula el valor espectral en el origen con la entropía del álgebra de información. Sugerimos que esta identidad define la “curvatura de fondo” o *background curvature* sobre la cual se manifiestan las excitaciones representadas por los ceros no triviales de Riemann [3].

5. Implicaciones Cosmológicas y el Límite de Planck

La identificación de π como una fase emergente permite abordar problemas fundamentales de la cosmología desde una óptica puramente informacional. Si la geometría es un artefacto de la coherencia de fase del sustrato, las anomalías observadas en la expansión del universo pueden reinterpretarse como transiciones de fase en el procesamiento de datos del vacío.

5.1. La Disolución de la Geometría en la Escala de Planck

En la escala de Planck ($\ell_P \approx 10^{-35}$ m), la TSM predice que la aproximación del continuo suave se desmorona. Según nuestra Identidad Maestra, en este límite los “bits” de información ($\ln 2$) se vuelven contables individualmente, lo que provoca que la fase imaginaria (π) pierda su definición clásica.

Esta “geometría borrosa” sugiere que las singularidades matemáticas (como las del centro de los agujeros negros) son en realidad regiones donde la coherencia de fase se ha perdido por completo, dejando únicamente el sustrato aritmético discreto. La trascendencia de π es, en este contexto, el límite de una suma de estados discretos que solo percibimos como infinita debido a nuestra escala macroscópica [2].

5.2. Resolución de la Tensión de Hubble (H_0)

Uno de los éxitos más notables de la TSM es la resolución de la Tensión de Hubble ($> 5\sigma$) mediante la constante de acoplamiento información-expansión κ_{info} [3]. Bajo la nueva luz de la emergencia de π , entendemos que la tasa de expansión H_0 no es solo una velocidad de alejamiento, sino la tasa de creación de nueva fase geométrica.

Postulamos que el universo local reside en una “burbuja de fase” de aproximadamente 70 Mpc, donde el sustrato ha alcanzado un umbral de percolación modular [3]. En esta región, la interacción entre el bit de información y el vacío produce un valor de $H_0 \approx 73,45$ km/s/Mpc, coincidente con las mediciones locales de SH0ES [3]. La discrepancia con el fondo cósmico de microondas ($H_0 \approx 67,4$) se explica porque en el universo temprano, la fase geométrica π aún no había emergido totalmente del sustrato de información discreto.

5.3. La Constante Cosmológica como Presión de Fase

La energía oscura puede ser reinterpretada como la “presión de información” necesaria para mantener la curvatura del espacio-tiempo. Si la geometría cuesta entropía (Principio de Landauer) [4], la expansión acelerada es el resultado del flujo de neguentropía desde el sustrato modular hacia la fase observable.

A partir de la relación $\zeta(0) = -1/2$, observamos que el estado fundamental del vacío posee una energía de enlace negativa que actúa como un “pegamento” informacional. La constante cosmológica Λ sería, por tanto, el residuo termodinámico de intentar encajar la base binaria ($\ln 2$) en el volumen ternario del vacío modular [3].

6. Discusión Final: La Arquitectura de la Realidad Modular

La validación de la identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ representa la culminación de la Teoría del Sustrato Modular (TSM). Al integrar este hallazgo con el isomorfismo DSP [2] y la géne-

sis informacional de e [3], emerge una arquitectura del universo estructurada en tres niveles operativos:

1. **Nivel Aritmético (Hardware):** El anillo $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$ actúa como el sustrato de procesamiento. La descomposición polifase y la estructura de canales primos $6k \pm 1$ garantizan una transmisión de información sin pérdidas (*Perfect Reconstruction*) [1, 2].
2. **Nivel Termodinámico (Software):** Las constantes e , R_{fund} y α surgen de la optimización del radix (base 3 frente a base 2). Aquí, el vacío procesa la eficiencia del volumen (*bulk*) frente a la frontera holográfica [3].
3. **Nivel Geométrico (Interfaz):** La constante π es la fase compleja necesaria para reconciliar los niveles anteriores. Percibimos un espacio continuo porque observamos la rotación de fase acumulada por la unidad de información ($\ln 2$) al interactuar con el estado fundamental del vacío ($\zeta(0)$).

Esta jerarquía resuelve la “Crisis del Continuo” [2]. La continuidad geométrica es una descripción efectiva; en la escala fundamental, la geometría se disuelve en relaciones de fase discretas. La gravedad, en este contexto, no es una curvatura del espacio preexistente, sino una fuerza entrópica que surge de la tendencia del sustrato a equilibrar sus estados de información [3].

7. Conclusiones

Este trabajo demuestra que la geometría espacial, tradicionalmente considerada un axioma irreducible, es una propiedad emergente de la aritmética modular. La identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ ha sido validada con una precisión de 150 dígitos, confirmando que la relación entre la termodinámica del vacío y la información binaria no es asintótica, sino **estructuralmente exacta**.

Concluimos que:

- El espacio-tiempo es la manifestación macroscópica (fase) de un procesamiento de información discreto subyacente gobernado por $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$ [2, 3].
- La constante π puede sintetizarse íntegramente a partir de magnitudes no geométricas, unificando la Teoría de Números y la Física Teórica.
- La resolución de anomalías como la Tensión de Hubble es una consecuencia natural de entender el universo como un sistema de fases modulares [3].

El universo no está escrito en el lenguaje de las formas, sino en el lenguaje de los bits y sus rotaciones de fase en el vacío. La TSM ofrece, así, un camino firme hacia una física donde la aritmética y la realidad son una misma entidad.

Cómo citar

APA 7th Edition:

Peinador Sala, J. I. (2026). *The Emergence of Geometry: π as the Imaginary Phase of Modular Information* (Versión v1). Zenodo. [https://doi.org/10.5281/zenodo. \[PENDING_ID\]](https://doi.org/10.5281/zenodo. [PENDING_ID])

BibTeX:

```
@article{peinador2026emergence,  
    author = {Peinador Sala, José Ignacio},  
    title = {The Emergence of Geometry: Pi as the Imaginary Phase of Modular Information},  
    journal = {Zenodo},  
    year = {2026},  
    doi = {10.5281/zenodo.18703611},  
    url = {https://doi.org/10.5281/zenodo.18703611}  
}
```

Referencias

- [1] Peinador Sala, J. I. (2026). *The Modular Spectrum of π : From Prime Channel Structure to Elliptic Supercongruences* (Versión v2). Zenodo. <https://doi.org/10.5281/zenodo.18417862>
- [2] Peinador Sala, J. I. (2026). *The Modular Spectrum of π : Theoretical Unification, DSP Isomorphism, and Exascale Validation* (Versión v2). Zenodo. <https://doi.org/10.5281/zenodo.1845594>
- [3] Peinador Sala, J. I. (2026). *The Genesis of e and the Unification of Fundamental Constants from the Z/6Z Modular Substrate* (Versión v1). Zenodo. <https://doi.org/10.5281/zenodo.18673474>
- [4] Shannon, C. E. (1948). *A Mathematical Theory of Communication*. The Bell System Technical Journal, 27, 379–423.
- [5] 't Hooft, G. (1993). *Dimensional Reduction in Quantum Gravity*. arXiv:gr-qc/9310026.
- [6] Wheeler, J. A. (1990). *Information, Physics, Quantum: The Search for Links*. Proceedings of the 3rd International Symposium on Foundations of Quantum Mechanics.
- [7] Connes, A., & Marcolli, M. (2008). *Noncommutative Geometry, Quantum Fields and Motives*. American Mathematical Society.
- [8] Berry, M. V. (1984). *Quantal Phase Factors Accompanying Adiabatic Changes*. Proc. R. Soc. Lond. A 392, 45-57.
- [9] Castro, C., & Mahecha, J. (2001). *On Riemann's Hypothesis, Complex Entropy and Supersymmetry*. Chaos, Solitons & Fractals.

A. Análisis de Sustitución: De la Geometría a la Aritmética del Vacío

En esta sección, se realiza un ejercicio de consistencia lógica sustituyendo la identidad emergente $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ en diversas ecuaciones fundamentales de la física teórica. Este proceso revela que muchas magnitudes consideradas “geométricas” son, en realidad, manifestaciones de la impedancia informacional del sustrato modular.

A.1. La Identidad de Euler como Ecuación de Estado

La identidad de Euler, $e^{i\pi} + 1 = 0$, es considerada el nexo entre el análisis complejo y la geometría. Al aplicar la Identidad Maestra de la TSM:

$$e^{(\ln \zeta(0) + \ln 2)} + 1 = 0 \implies \zeta(0) \cdot 2 + 1 = 0 \implies \zeta(0) = -1/2 \quad (7)$$

Este resultado demuestra que la geometría circular ($e^{i\pi}$) es una consecuencia algebraica de que el estado fundamental del vacío sea $\zeta(0) = -1/2$. La “belleza” de la fórmula de Euler es, por tanto, la firma de la estabilidad aritmética del vacío [3].

A.2. Gravedad Entrópica y la Constante de Einstein

En Relatividad General, la constante de acoplamiento de Einstein $\kappa = 8\pi G$ define la curvatura del espacio-tiempo. Bajo la TSM, esta constante se redefine como:

$$\kappa = -8iG\ln(2\zeta(0)) \quad (8)$$

La aparición del factor imaginario $-i$ y el logaritmo del potencial del vacío sugiere que la gravedad no es una fuerza fundamental de curvatura, sino una fuerza entrópica resultante de la tendencia del sustrato a equilibrar su contenido de información [5]. La gravedad “emerge” de la fase del bit.

A.3. El Cuanto de Acción como Tasa de Bits

La relación entre la constante de Planck (h) y su forma reducida (\hbar) es $h = 2\pi\hbar$. Sustituyendo la identidad modular:

$$h = -2i\hbar[\ln(\zeta(0)) + \ln 2] \quad (9)$$

Esta formulación interpreta la acción física (h) no como un bloque de energía, sino como el costo termodinámico de procesar un bit de información ($\ln 2$) contra la resistencia del vacío ($\zeta(0)$). La cuantización de la energía es, por tanto, la cuantización del procesamiento de datos en el sustrato $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$ [2].

A.4. Saturación Informacional en Agujeros Negros

La entropía de Bekenstein-Hawking, $S_{BH} \propto \frac{A}{\hbar G}$, incluye en su forma de Schwarzschild el área $A = 16\pi G^2 M^2/c^4$. Al sustituir π :

$$S_{BH} = \frac{4GM^2 k_B}{\hbar c} [-i(\ln \zeta(0) + \ln 2)] \quad (10)$$

Esta expresión valida el Principio Holográfico desde una base aritmética: la entropía del horizonte no mide una superficie geométrica real, sino la saturación de bits que el vacío puede soportar antes de la ruptura de la coherencia de fase [3, 5]. La “singularidad” es el límite donde el logaritmo complejo de la información se vuelve singular.

Agradecimientos

El autor expresa su gratitud a:

- La comunidad de desarrollo de software de código abierto, particularmente a los creadores y mantenedores de PYTHON y de la librería MPMATH. Sin la capacidad de realizar aritmética de precisión arbitraria de forma accesible, la validación de 150 dígitos presentada en la Sección 3 habría sido imposible.
- A los arquitectos de GOOGLE COLAB, por democratizar el acceso a entornos computacionales reproducibles que permiten a investigadores independientes auditar y compartir sus resultados sin barreras económicas.
- A la tradición intelectual que, desde Shannon hasta Wheeler, ha ido sembrando la intuición de que la información podría ser más fundamental que la materia y la geometría. La célebre máxima de Wheeler, “*It from Bit*”, ha sido una inspiración constante.
- A los interlocutores anónimos en foros especializados que, con su escepticismo constructivo y preguntas incisivas, obligaron a refinar los argumentos y buscar las demostraciones más sólidas.

Declaración de Uso de IA

En coherencia con los principios de transparencia científica, se declara que en la preparación de este manuscrito se utilizaron herramientas de inteligencia artificial (modelos de lenguaje de gran escala, LLM) como apoyo instrumental en las siguientes tareas:

1. **Refinamiento de la redacción técnica:** Mejora de la fluidez y precisión del lenguaje científico, tanto en español como en las versiones traducidas al inglés.
2. **Revisión de consistencia lógica:** Simulación de un proceso de revisión crítica (*adversarial review*) para identificar posibles saltos argumentales o falacias preliminares.
3. **Optimización de código:** Asistencia en la refactorización de los scripts de validación numérica de alta precisión (150 dígitos) para garantizar su claridad y reproducibilidad.

Puntualización crucial: El contenido intelectual fundamental de este trabajo —la hipótesis del sustrato $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$, la derivación de la identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$, la interpretación de $\zeta(0)$ como estado termodinámico del vacío, y todas las conclusiones físicas y ontológicas— es obra exclusiva del autor. Las herramientas de IA actuaron como asistentes de proceso, no como agentes de descubrimiento conceptual.

Declaración de Intereses y Financiación

- **Financiación:** Esta investigación ha sido realizada íntegramente con recursos propios del autor. No ha recibido financiación externa, pública ni privada.
- **Conflictos de interés:** El autor declara no tener ningún conflicto de interés, financiero, profesional o personal, que pudiera haber influido en el diseño, ejecución o interpretación de los resultados presentados en este trabajo.

Disponibilidad de Datos y Materiales

En concordancia con los principios de ciencia abierta y reproducibilidad, todos los materiales asociados a esta investigación son de acceso público:

- **Código fuente:** Los scripts completos de validación numérica con precisión de 150 dígitos (implementados en Python utilizando la biblioteca `mpmath`) están disponibles en el siguiente repositorio:

<https://github.com/NachoPeinador/The-Emergence-of-Geometry>

- **Entornos reproducibles:** Se proporcionan notebooks interactivos de Google Colab que permiten ejecutar y verificar de forma inmediata la identidad fundamental $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$ y todas las comprobaciones auxiliares.
- **Datos derivados:** Las tablas de resultados numéricos y los logs de las ejecuciones de alta precisión se incluyen como material complementario en el repositorio.
- **Licencias:** El contenido intelectual de este manuscrito (texto, ecuaciones y figuras) se distribuye bajo una licencia **Creative Commons Atribución 4.0 Internacional (CC BY 4.0)**. El código fuente de validación asociado se proporciona bajo la **Licencia MIT**.

Cualquier investigador con conexión a internet puede, por tanto, replicar íntegramente los resultados de la Sección 3 en cuestión de minutos.

Contribución del Autor

José Ignacio Peinador Sala es el único autor de este trabajo y asume la responsabilidad completa sobre todas sus partes:

- **Concepción teórica:** Formulación de la hipótesis del sustrato modular $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$ como capa fundamental de procesamiento de información. Postulado de que $\zeta(0)$ representa el estado termodinámico del vacío aritmético.
- **Desarrollo matemático:** Derivación analítica de la identidad $\pi = -i(\ln \zeta(0) + \ln 2)$. Conexión formal con la Identidad de Euler y con la impedancia informacional R_{fund} de trabajos previos.
- **Validación numérica:** Diseño e implementación del protocolo de validación de precisión arbitraria (150 dígitos) y análisis de los resultados.

- **Interpretación ontológica:** Elaboración del marco conceptual que sitúa la geometría como fase emergente de la aritmética y la información.
- **Redacción:** Escritura completa del manuscrito, preparación de figuras y tablas, y revisión final.

Correspondencia

Toda correspondencia científica relacionada con este trabajo debe dirigirse a:

José Ignacio Peinador Sala
Investigador Independiente
Valladolid, España
joseignacio.peinador@gmail.com

El autor acogerá con interés cualquier comentario, réplica, sugerencia de mejora o intento de falsación experimental de las hipótesis aquí presentadas.

A mi mujer, a mi hijo y a mi perro: sin vuestro amor incondicional, no habría sobrevivido a esta aventura.

Con la curiosidad del niño, la insolencia del adolescente, la pasión del enamorado, y la humildad del anciano, como un pirata, libre por mares ajenos.

Cualquier otra persona podría haberlo hecho.