Ejercicios de Sucesiones para repaso

1) Hallar
$$a \in R$$
 tal que $\lim_{n \to \infty} \left(\frac{n^2 + a}{n^2 - 6} \right)^{2n^2 + 1} = e^6$

2) Sea la sucesión $a_n = \sqrt{n^6 + 7n^2}$

$$\operatorname{Calcular} \lim_{n \to \infty} (1 + a_n)^{2n}$$

3) Calcular
$$\lim_{n\to\infty} \frac{n^2 - n\sqrt{n^2 + 2n}}{7n + 1}$$

4) Sea $a_n=3n-\sqrt{9n^2-bn}$, hallar todos los valores de $b\in R$ tales que $\lim_{n\to\infty}a_n\geq 1$

5) Calcular
$$\lim_{n\to\infty} (9n+5)\left(n-\sqrt{n^2+4}\right)$$