流体力学 I 試験問題 (2)

 $1999-9-16, 18:00\sim19:30$

by E. Yamazato

1. (30) 図 1 に示す円管内の速度分布が次式で示される場合の断面 (2) と (1) における運動量の比を求めよ。また、円管壁面に及ぼす水平方向の力を求めよ。ただし、r は管中心からの距離、R は管の半径、 u_1 は入口の一様速度、U は管中心における流速とする。

$$u = U\{1 - (\frac{r}{R})^2\}$$

2. (25) 飛行機が大気中を 200km/h で飛ぶ。この 1/3 のモデルを風洞の中におくとき、レイノルズ数によって力学的相似が満足されるものとする。(1) 風洞内の空気の温度、圧力が実物の場合と同じとすれば、風洞の風速をいくらにすればよいか。(2) 風洞内の空気の温度は同じで、圧力を 5 倍に高めるとき、風速をいくらにすればよいか。ただし、粘性係数は温度のみの関数とする。3. (25) 円管内の層流の速度分布が次式のように示されるとき、

$$v = \frac{R^2}{4\mu} (-\frac{dp}{dx})[1 - (\frac{r}{R})^2]$$

(1) 流量および平均速度を求めよ.(2) 管長1間の圧力損失が次式で表されることを示せ.

$$h_l = \frac{\Delta p}{\rho g} = \frac{32\mu l v_a}{\rho g d^2}$$

ただし、 v_a は平均速度, Δp は管長 1 間の圧力降下とする. 4. (25) 図 2 に示すように直径 $1 \mathrm{cm}$ の水の噴流が速度 $10 \mathrm{m/s}$ で円錐に衝突し、角度 30^o の方向に流れ去るときに円錐の受ける力を求めよ。ただし、摩擦はないものとする。

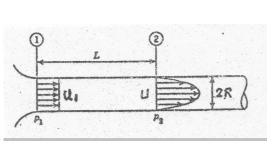
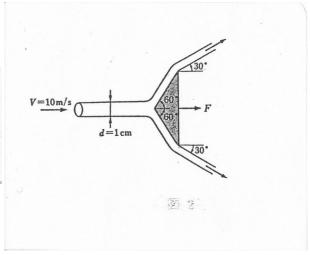


図 1



(解)

1.

$$\begin{split} &M_1 = \rho \pi R^2 u_1^2 \\ &\pi R^2 u_1 = \int_0^R u 2\pi r dr \\ &= \int_0^R U \left\{ 1 - \frac{r^2}{R^2} \right\} 2\pi r dr = U \frac{\pi R^2}{2}, \quad U = 2u_1 \\ &M_2 = \int_0^R \rho \left\{ 2u_1 (1 - \frac{r^2}{R^2}) \right\}^2 2\pi r dr \\ &= 8\rho \pi R^2 u_1^2 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{6} - \frac{1}{2} \right) = \frac{4}{3} \rho \pi R^2 u_1^2 \\ &\frac{M_2}{M_1} = \frac{4}{3} \\ &(p_1 A - p_2 A) = M_2 - M_1 + D_f \\ &D_f = (p_1 - p_2) \pi R^2 - \frac{1}{3} \rho \pi R^2 u_1^2 \end{split}$$

2.

$$\begin{array}{l} (1) \ R_e = \frac{\rho V L}{\mu} = \frac{\rho_m V_m L_m}{\mu_m}, \quad \frac{\rho \times 200 \times L_m}{\mu} = \frac{\rho_m V_m L_m}{\mu_m} \\ V_m = 3 \times 200 = 600 km/h = 167 m/s \\ (2) \ \frac{p \times 200 \times L_m}{\mu} = \frac{5 p V_m L_m}{\mu_m}, \quad \frac{p}{\rho} = \frac{p_m}{\rho_m} \\ V_m = \frac{3 \times 200}{5} (km/h) = 33.4 m/s \end{array}$$

3.

$$(1)Q = \int_0^R v2\pi r dr = \frac{\pi R^4}{8\mu} \left(-\frac{dp}{dx}\right)$$

$$v_a = \frac{R^2}{8\mu} \left(-\frac{dp}{dx}\right)$$

$$(2) - \frac{dp}{dx} = \frac{\Delta p}{l}$$

$$h_l = \frac{\Delta p}{\rho q} = \frac{8\mu l \pi R^2 v_a}{\rho g \pi R^4} = \frac{32\mu l v_a}{\rho g d^2}$$

4.

$$\rho Qv = \rho Qv \cos 30^{o} + F
F = \rho Qv (1 - \cos 30^{o})
F = 10^{3} \times \frac{\pi}{4} (0.01)^{2} \times 10^{2} (1 - \cos 30^{o}) = 1.05N$$