

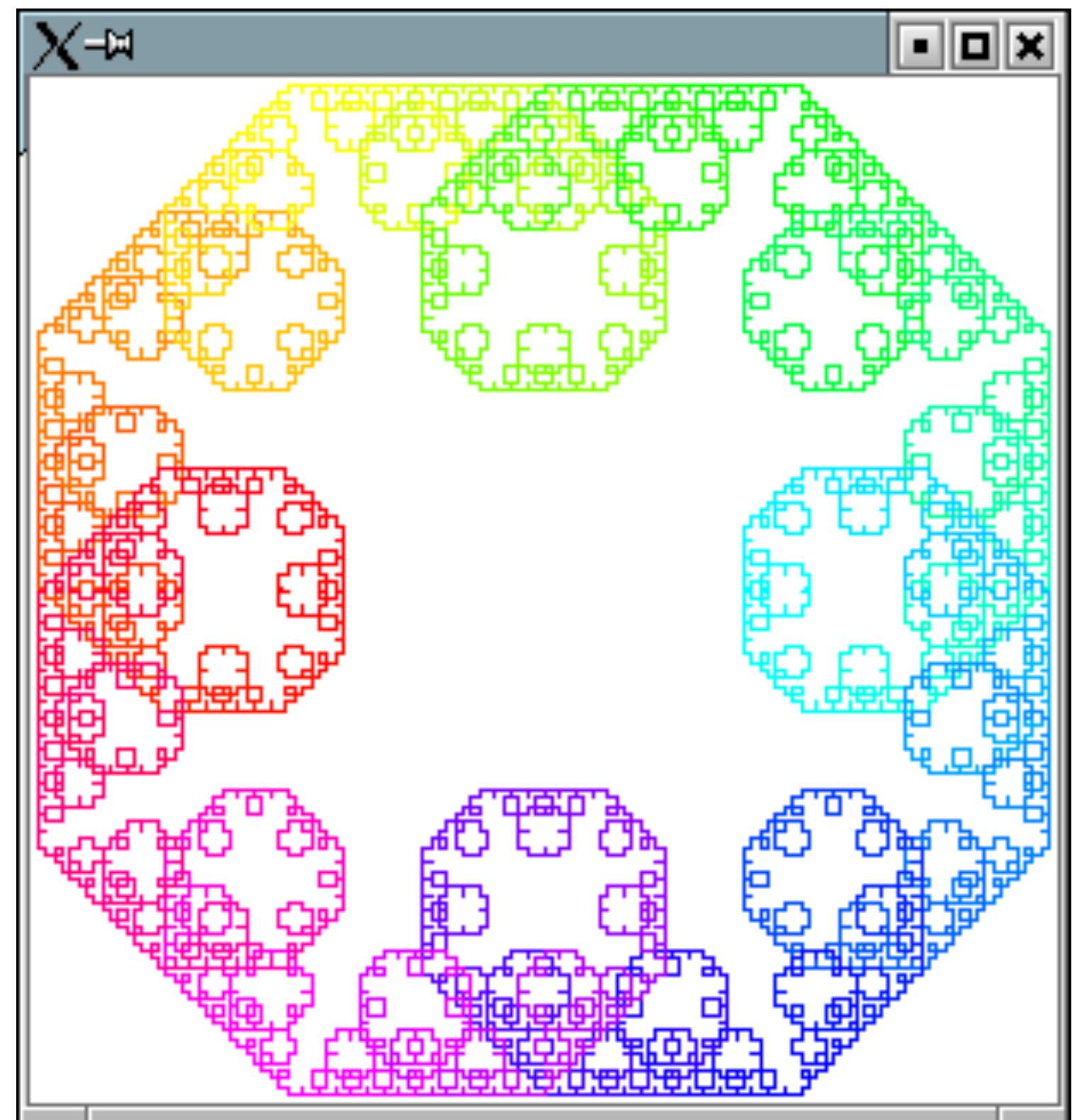
SSH コンソーシアム TOKAI の  
1・2年生を対象とした「高大接続探究ゼミ」

# Pythonでフラクタル を描画しよう

ベーシックコース

名古屋大学 山里敬也

[yamazato@nagoya-u.jp](mailto:yamazato@nagoya-u.jp)



- ◆ 山里敬也 (YAMAZATO, Takaya) [yamazato@nagoya-u.jp](mailto:yamazato@nagoya-u.jp)  
名古屋大学 教養教育院 教授 ハイブリットラーニングセンター・センター長  
兼務：工学研究科情報・通信工学専攻,  
情報基盤センター教育情報メディア研究部門,  
附属図書館研究開発室
- ◆ 名大の授業：<http://ocw.nagoya-u.jp>
- ◆ 研究
  - ◆ 可視光通信、ITS、確率共鳴、Open Educational Resources (OER)
  - ◆ 趣味
  - ◆ 自転車、ジョギング、バンド



Iyoda Yuki  
伊与田 友貴

- ・岡田研究グループ D2
- ・研究テーマ
  - 可視光通信/機械学習
- ・好きなもの
  - 水族館/猫/ゲーム/バイク/...

“なんでも聞いてください”





名前： 磯崎 新 (いそざきあらた)

出身地： 愛知県 常滑市

所属・学年： 山里研究室 修士2年

趣味： 釣り, Googleマップの口コミ投稿,  
スキー, 旅行, プロ野球



どんな質問でもWelcomeで  
す!!



# 名大で実際に行っている講義内容を修正してやります

## プログラミング及び演習 (3.0 単位)

ちょっとだけ

科目区分	専門基礎科目
授業形態	講義及び演習
対象学科	電気電子情報工学科
開講時期 1	2 年春学期
必修／選択	必修
担当教員	山里 敬也 教授
	米澤 拓郎 准教授

2021年度は山里が担当しました。

2022年度から小川先生が担当されています。

# 本講義の目的（シラバス）

**C言語**による演習を通じて、計算機を用いたより高度なプログラミング技法・問題解決技法を学ぶ。具体的には比較的大きなプログラム（500~1000行程度）を書く実力をつける。

これにより、情報リテラシーのような基礎力に加え、論理的思考力や問題解決力といった応用力も涵養する。さらには、プログラムの構成を設計（デザイン）することにより、創造力を鍛えることも狙いとする。

達成目標：

- 目的・仕様に従いプログラムの構成要素を論理的に設計できる
- 設計に従い、効率の良いプログラム（**C言語**）の実装ができる

今回は Python を使います

# 講義スケジュール

(2021/05/17現在)

日付	内容
4/16	ガイダンス・環境構築・C言語復習（合同）
4/23	C言語復習
4/30	データ解析
5/07	データの可視化
5/14	ポインタとデータ走査
5/21	シーザー暗号
5/28	シーザー暗号解読
6/04	中間課題（合同）
6/11	ビジュアリゼーション（1）
6/18	ビジュアリゼーション（2） ←再帰グラフィックス
6/25	ゲームプログラム
7/02	最終課題（合同）
7/09	課題制作時間
7/16	課題制作時間
7/30	課題発表（A, B別）
8/06	総括（合同）

取り上げる内容

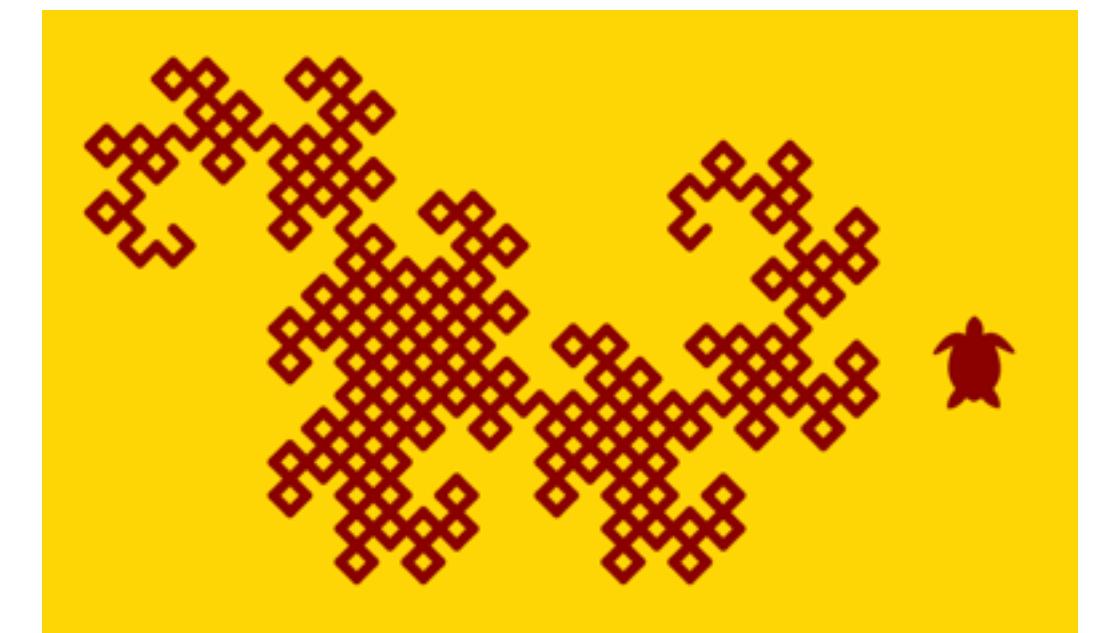
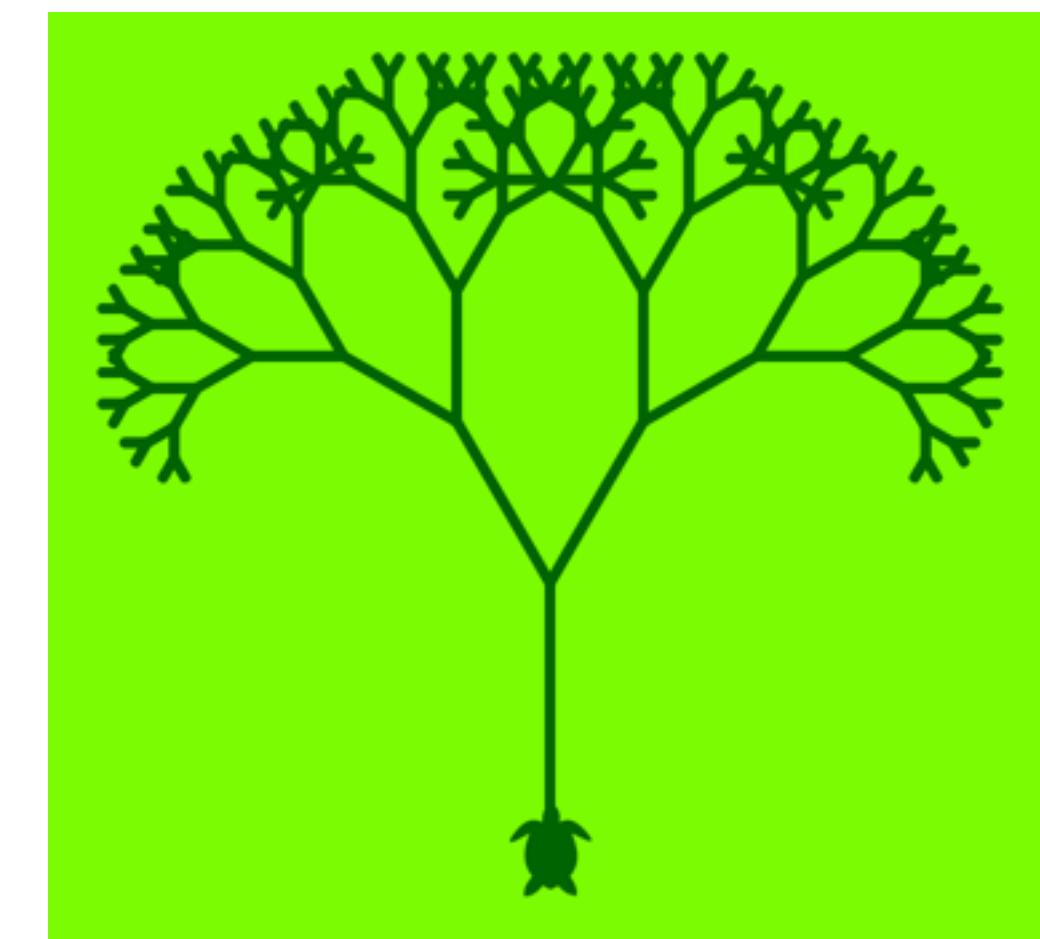
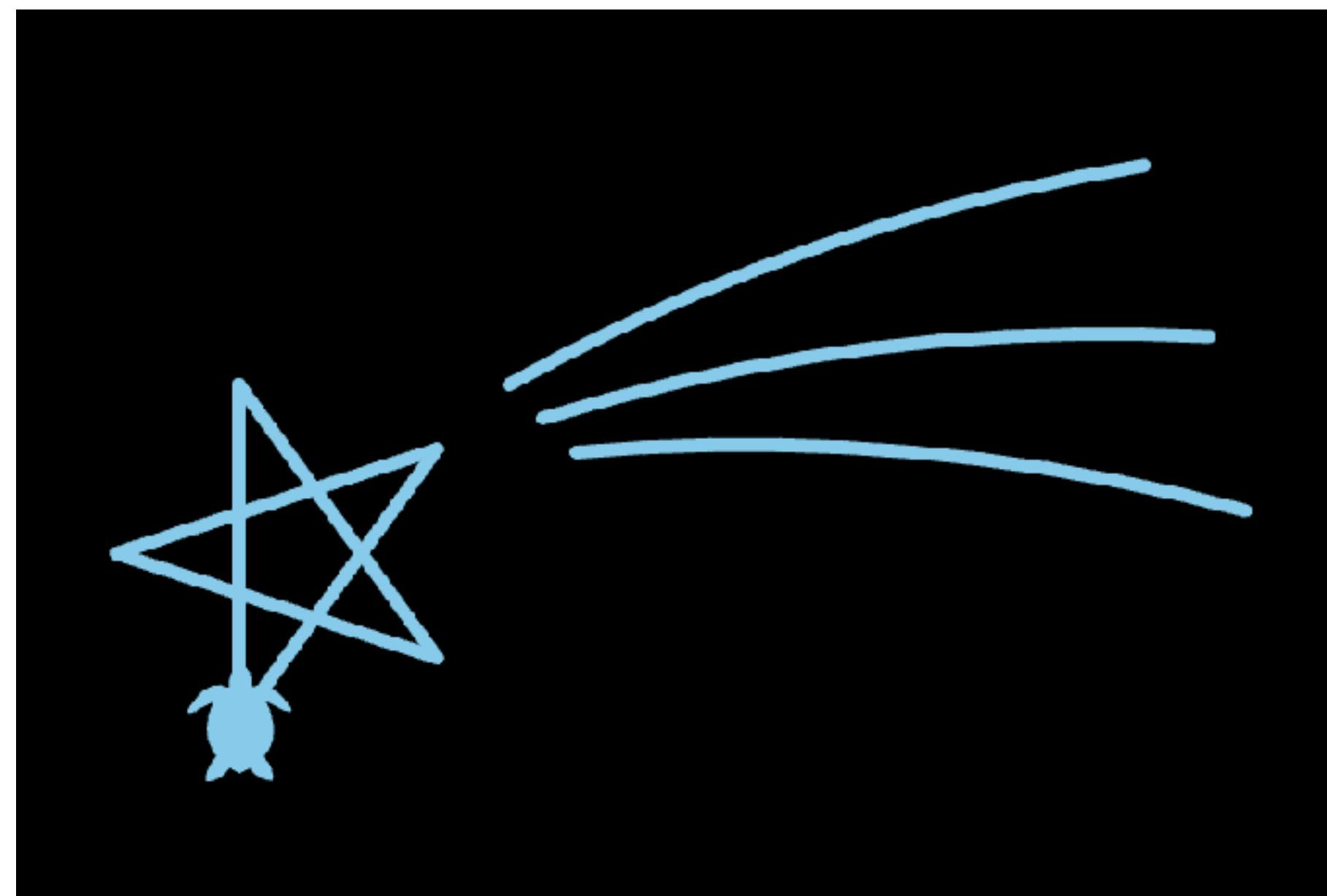
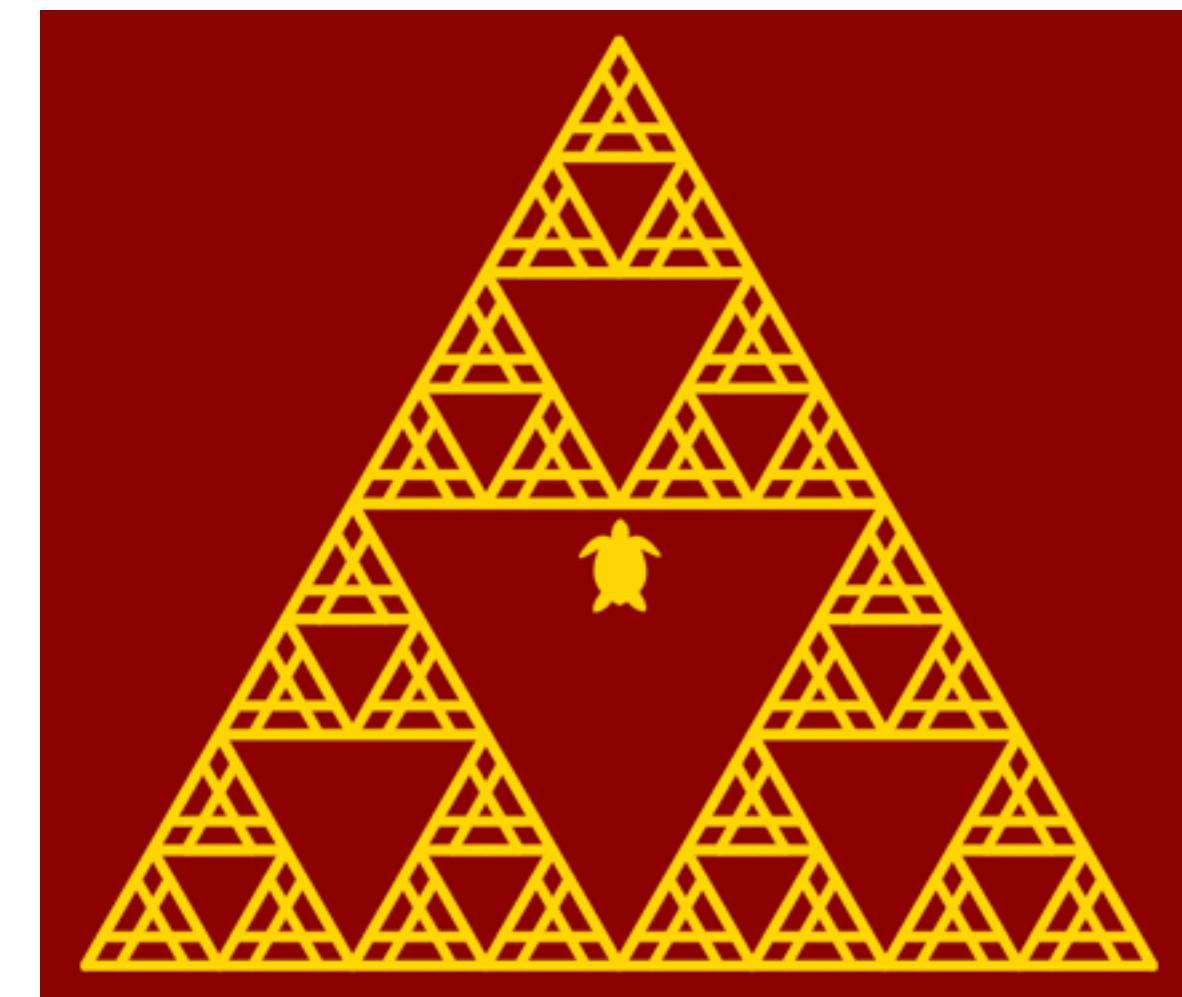
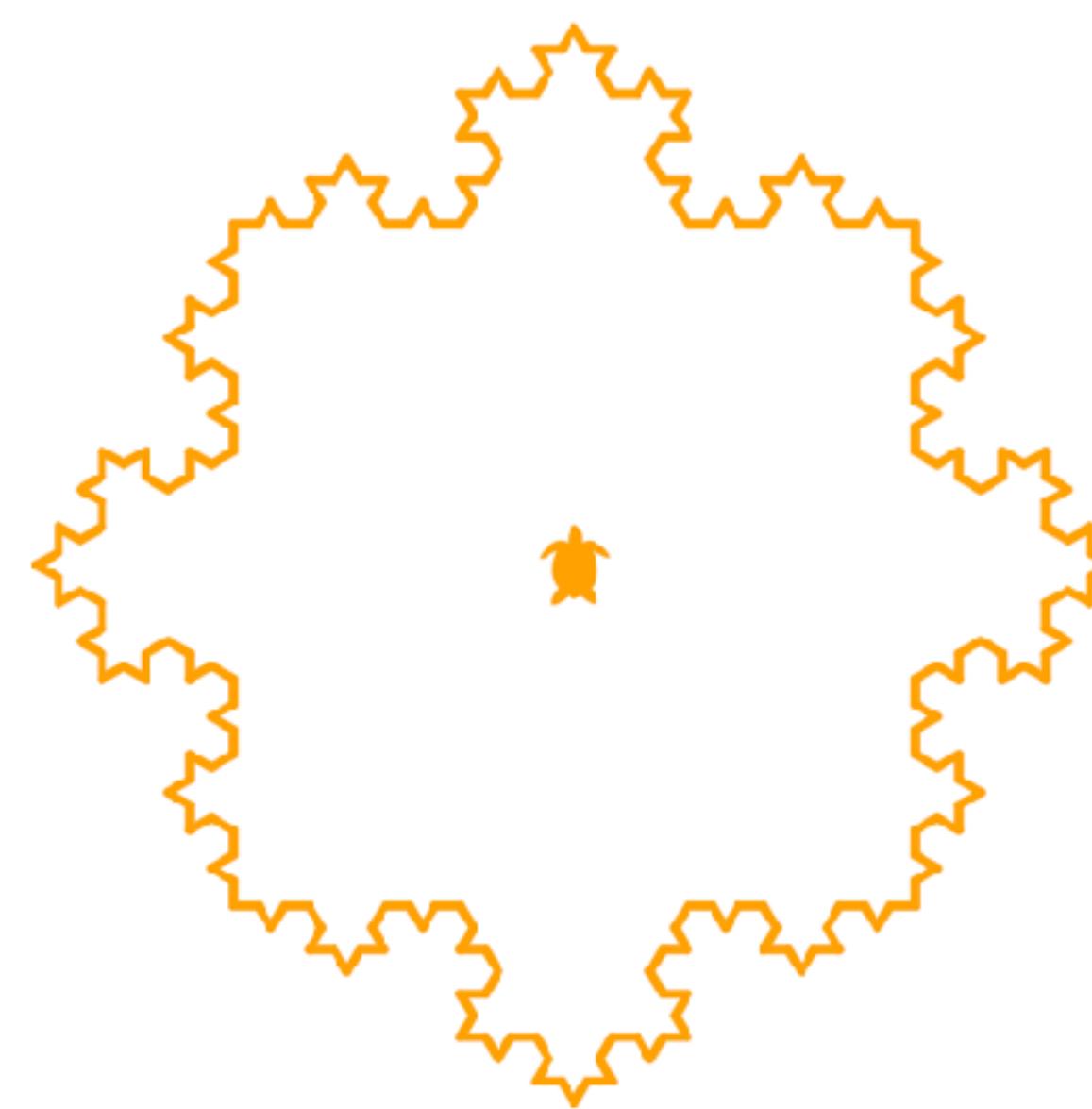
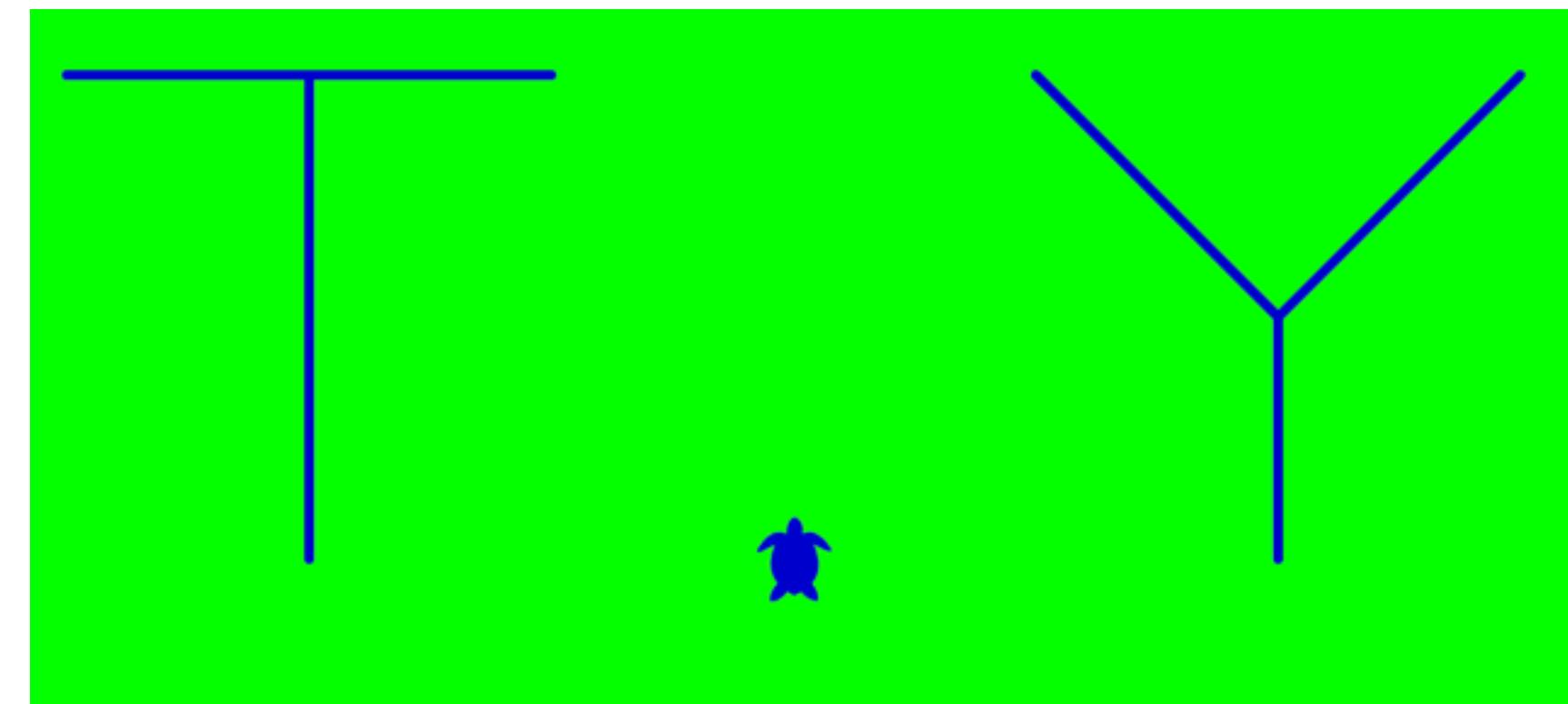
# スケジュール

日時	ベーシック	アドバンス
7月22日（月） 10：30～12：00 講義	Google Colabortory (Python)入門 Turtle Graphics入門	Google Colabortory (Python)入門 Turtle Graphics入門
7月22日（月） 13：00～14：30 演習	Turtle Graphics で 自分のイニシャルを描こう	Turtle Graphics で多角形を描こう
7月23日（火） 10：30～12：00 講義	Turtle Graphics で多角形を描こう	再帰関数とフラクタル (コッホ曲線, シェルピンスキーガスケット、2分木, Levy曲線, Drangon曲線)
7月23日（火） 13：00～14：30 演習	Turtle Graphics で絵を描こう	Turtle Graphics で フラクタルを描こう

# 資料について

日時	ベーシック	アドバンス
7月22日（月） 10：30～12：00 講義	Google Colabortory (Python)入門  Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います  自分のイニシャルを描こう	Google Colabortory (Python)入門  Turtle Graphics入門 Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います  Turtle Graphics で多角形を描こう
7月23日（火） 10：30～12：00 講義	Turtle Graphics で多角形を描こう  Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います	再帰関数とフラクタル (コッホ曲線, シェルピンスキーガスケット) Turtle_Graphics_Advanced.ipynb を使います
7月23日（火） 13：00～14：30 演習	Turtle Graphics で絵を描こう	Turtle Graphics で フラクタルを描こう

# 最終目標：Turtle Graphics で絵を描こう



2日目にチャレンジします！

# Google Colabortory

## Python入門

# 準備（事前課題）

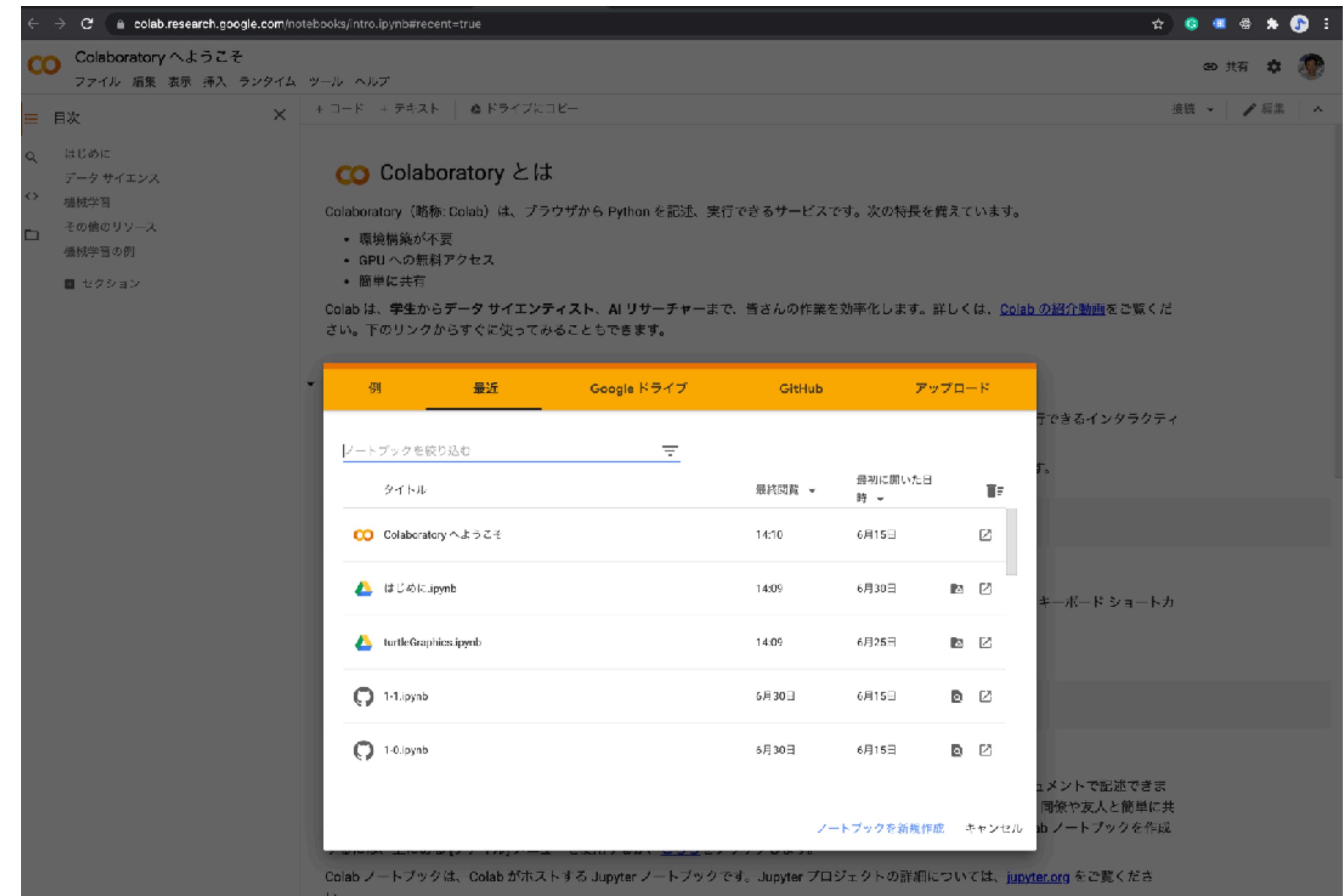
## Google Colaboratory

- この講義では Google Colaboratory（コラボと呼びます）を使います。
- コラボの利用には Google アカウントが必要です。事前に取得しておいてください。
- コラボはPCのブラウザから利用できます。自宅からでもOK！
  - ブラウザは何でも良いと思います。もし、うまくいかないようであれば Google Chromeをダウンロードしてご利用ください。
- 事前学習をやりましたか？
  - <https://yamazato.nuee.nagoya-u.ac.jp/research/OER/wwl/>

# コラボノートブック

## Colab Notebook

- コラボを立ち上げると右のような画面になります
- Zフォルダからファイルをダウンロードし、ご自身のコラボにアップロードしてください。
- コラボの使い方
  - <https://sites.google.com/view/ipsjmooc/How2>



# コラボの基本

## コラボの code セルを使ってみよう

これが codeセル。

[ ]  $1+1$

押下すると python プログラム が実行できます。

警告がでるけど心配いりません。



確認して押下

# Codeセルにプログラムを入力してみよう

## Pythonが実行できます

- cut, copy, paste, undo ができます
  - Ctrl+c, Ctrl+x, Ctrl+v, Ctrl+z
- 四則演算もできます

演算子	説明	例	結果
**	累乗	$2^{**}3$	8
*	かけ算	$3*5$	15
/	割り算	$10/3$	3.33
//	整数の割り算 (小数点以下切り捨て)	$10//3$	3
%	剰余 (余り)	$10\%3$	1
+	足し算	$1+2$	3
-	引き算	$10-3$	7

# 変数も使えます

codeセルで実行してみよう

コメント文（実行されない）

```
a=2  
b=3  
c=a*b  
# 結果をプリント  
print("c=",c)
```

変数 a に「2」を代入

print()関数で c を表示

変数は短い名前が良い

例：a, b, aa, bb

- 数字から始めてはいけない
- ハイフン (-) , スペース, 特殊文字は使えない

必要に応じてコメントを入れる

# から始まる行はコメント

# 関数を定義しよう

`def 関数名 (引数1, 引数2, ...):`

`c = multiply(a, b)`

$multiply(a, b) = a * b$

TABもしくはスペース4つ開ける

`def multiply(a,b):  
 c = a*b  
 return c`

`# multiply(2,3) の結果をプリント`

`print("c=",multiply(2,3))`

関数は「def」で宣言

関数が受け取る値：引数

関数の結果（返値）は「return」で指定



`c = 6`

pythonの関数名は**スネークケース**で書くことが多い

例：`turtle_graphics`

- 分かりやすい名前をつける
- 小文字で始まる
- 単語を組み合わせる場合アンダースコア（\_）で繋げる

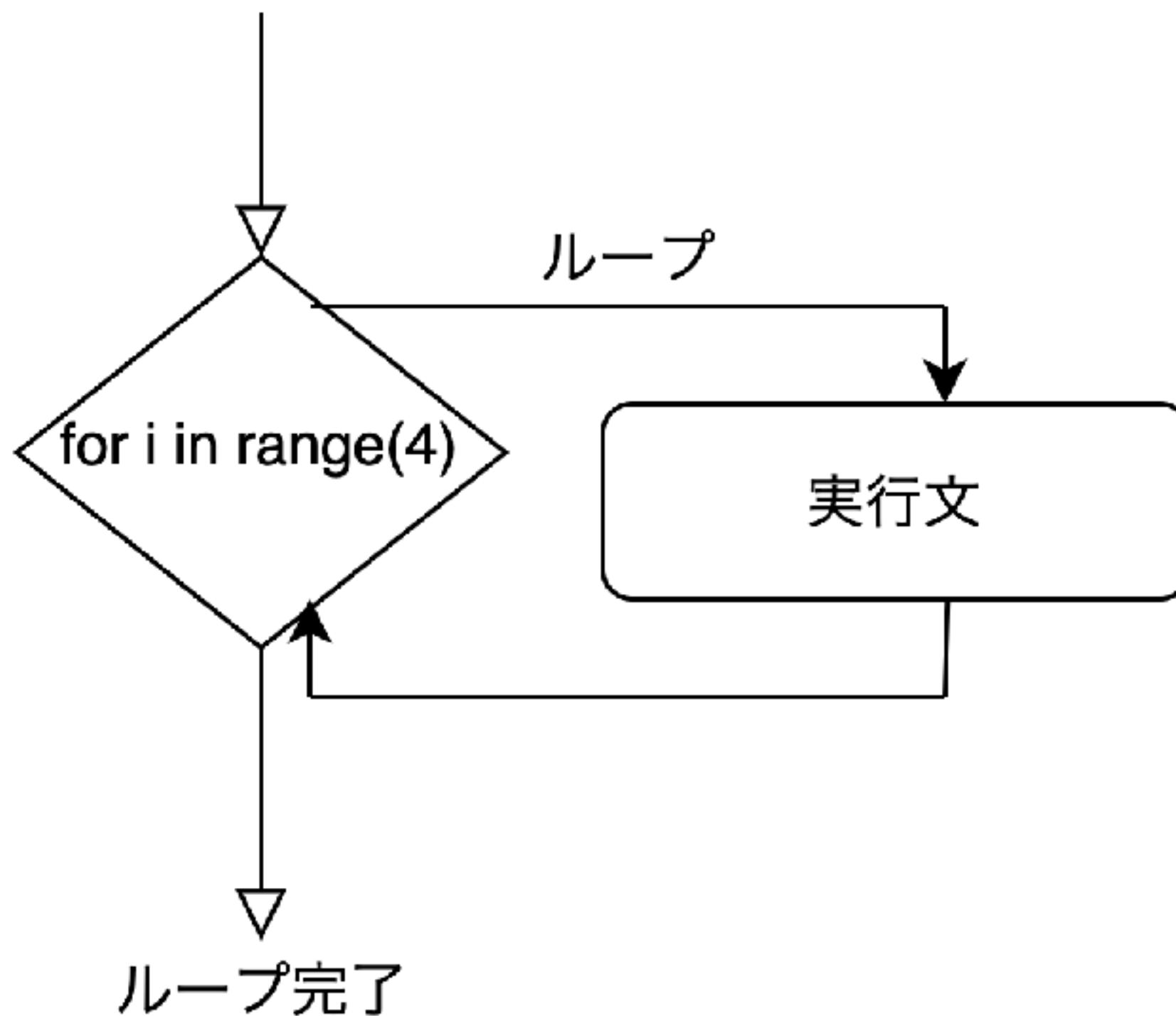
# Pythonの命名規則

ほぼスネークケース（単語と単語をアンダースコアでつなぐ）

変数	スネークケース	snake_case
定数	スネークケース（全て大文字）	SNAKE_CASE
グローバル変数	スネークケース	snake_case
関数	スネークケース	snake_case
関数の引数	スネークケース	snake_case
クラス	パスカルケース	PascalCase
インスタンス変数	スネークケース	snake_case
メソッド	スネークケース	snake_case
パッケージ	スネークケース	snake_case
モジュール	スネークケース	snake_case

# for ループと range

くり返し



```
for i in range(4):  
    print(i)
```

for 変数 in オブジェクト:

実行文

文字列・リスト・関数など

range()

整数列のリストを返す関数

range(start, stop[, step])

range(0,4,1)

> 0, 1, 2, 3

range(4)

> 0, 1, 2, 3

range(0,4,2)

> 0, 2

range(4,0,-1)

> 3, 2, 1, 0

# タルグラフィックス

# タートルグラフィックス

LOGO: by シーモア・パパート

**pen down**



子供用のプログラミングシステム

わかりやすくするために、簡単なグラ  
フィックを利用

亀が

前進 : `forward(距離)`

回転 : `right(角度)`, `left(角度)`

ペンの上げ下げ : `up()`, `down()`

# タートルグラフィックスの主な関数

<https://github.com/tolgaatam/ColabTurtle>

関数	短縮形（別表記）	説明
<b>forward(units)</b>	fd(units)	亀を units (ピクセル) 前進
<b>backward(units)</b>	bk(units)	亀を units (ピクセル) 後進
<b>right(degrees)</b>	rt(degrees)	亀を degrees 度 右に向ける (回転)
<b>left(degrees)</b>	lt(degrees)	亀を degrees 度 左に向ける (回転)
<b>speed(s)</b>		亀をスピード s で動かす. 1が最も遅く, 13が最も早い. 初期値 4
<b>penup()</b>	up()	ペンを上げる (以後, 描画しない)
<b>pendown()</b>	pd()	ペンを下げる (以後, 描画をはじめる)
<b>setpos(x,y)</b>	goto(x,y)	座標 (x, y) へ亀を移動
<b>bgcolor()</b>		背景の色を指定 ( <a href="https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp">https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp</a> )
<b>pencolor()</b>	color()	ペンの色を指定 ( <a href="https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp">https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp</a> )
<b>pensize(w)</b>	width(w) pensize(w)	ペンの大きさ w を指定
<b>position()</b>	pos()	亀の現在の座標 (x,y) を取得
<b>heading()</b>	getheading()	亀が向いている方向 (角度) を取得

# Colabでのタートルグラフィックス

<https://github.com/tolgaatam/ColabTurtle>

- まず、以下のコマンドでタートルグラフィックスをインストール

```
!pip3 install ColabTurtle
```

```
from ColabTurtle.Turtle import *
```

- 図を書くには初期化が必要になります。

```
initializeTurtle()
```

- 描画領域は以下のように設定されています。

- 画面サイズ：800 × 500

- 亀の位置：画面の中央 (400,250)

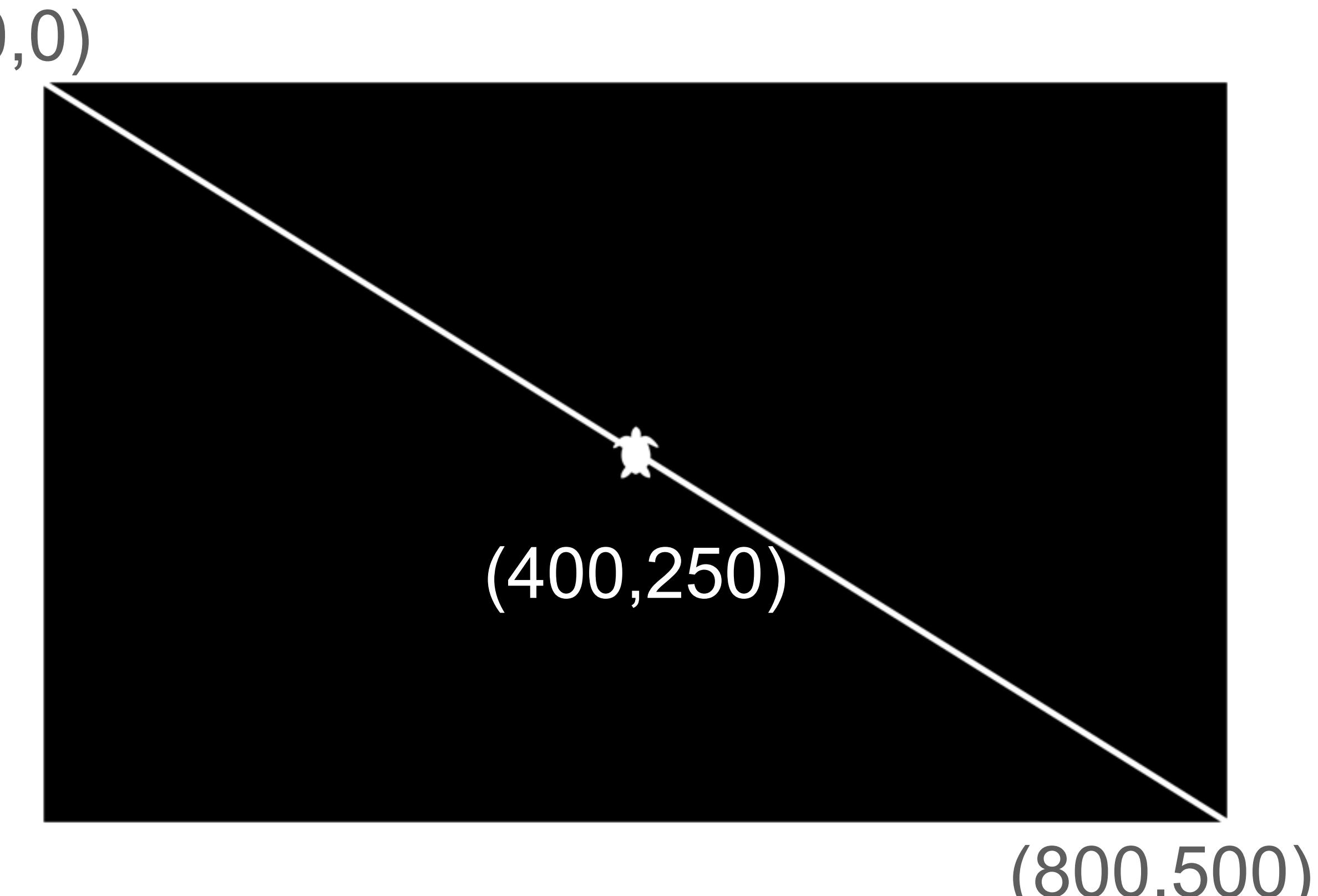
- 亀の向き：上

- 亀の動く速さ：speed = 4

- ペンのサイズ：width(4)

- ペンの色：color("white")

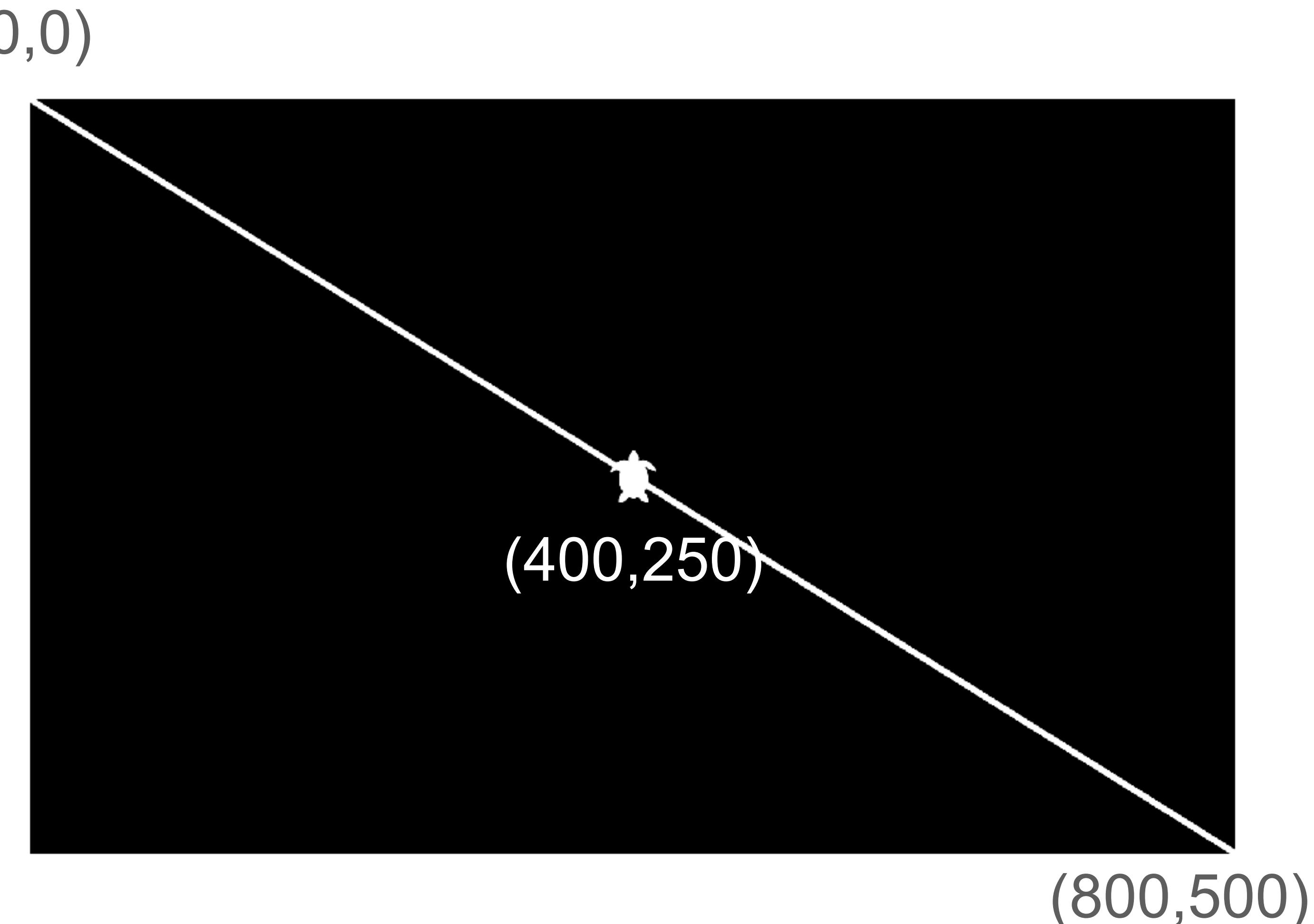
- 背景の色：bgcolor("black")



# タートルグラフィックス

## まずは設計から

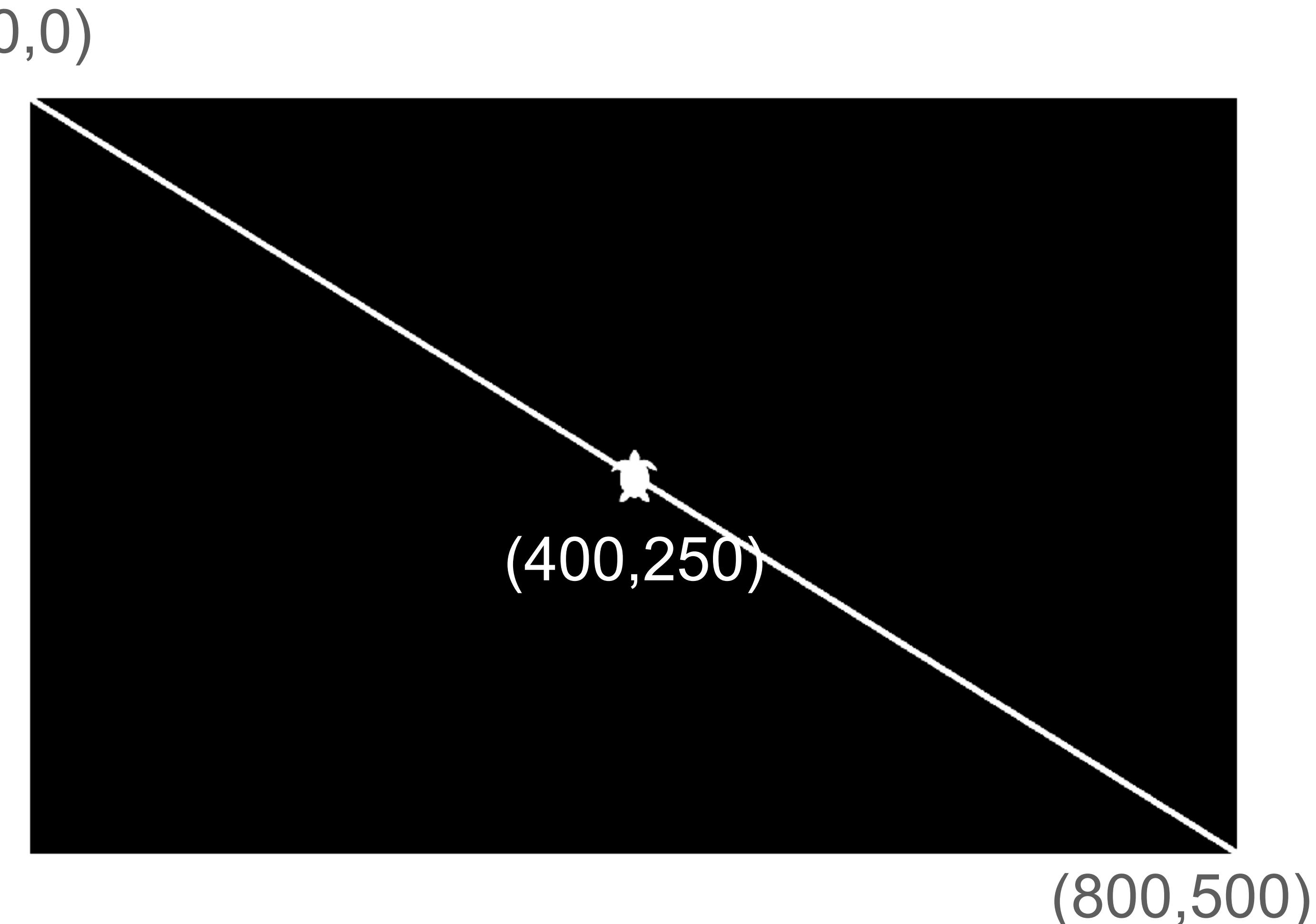
- 800x500の画面に一边が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$



# 中心から右へ亀さんを動かす

## forward

- 800x500の画面に一边が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$



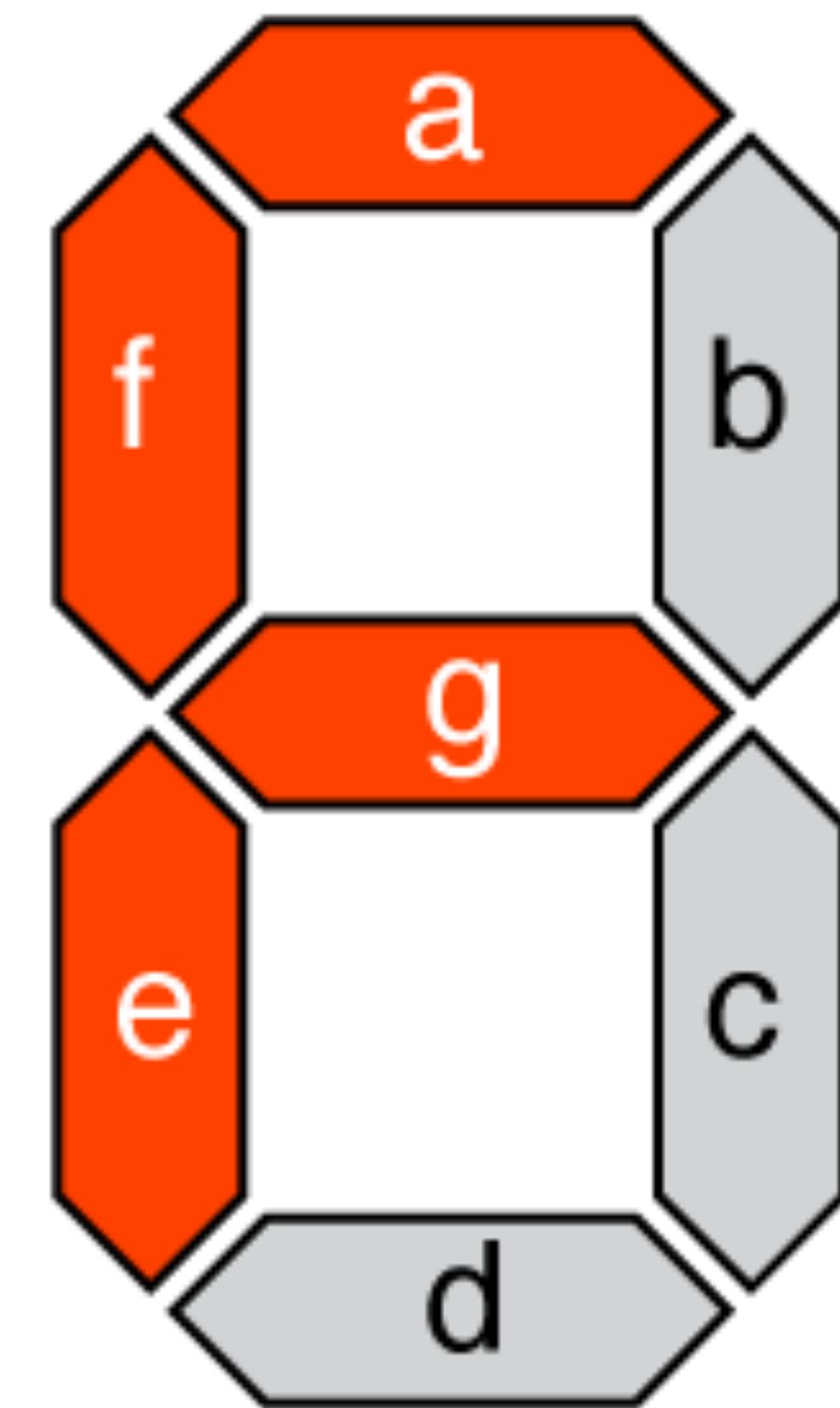
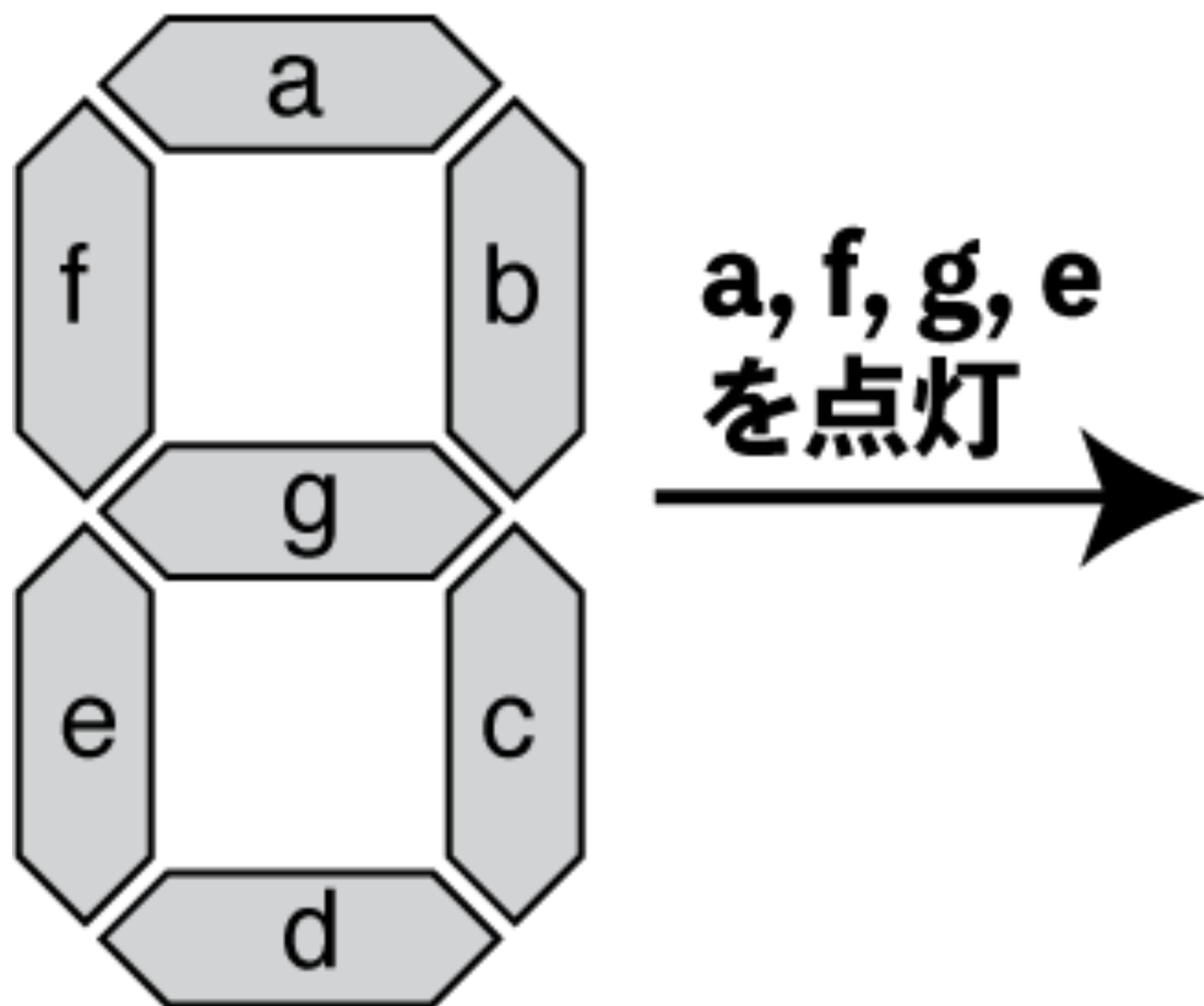
# 試してみよう！

Google Colaファイルを開いて自分で試してみてください。

# 直線でアルファベットを描こう

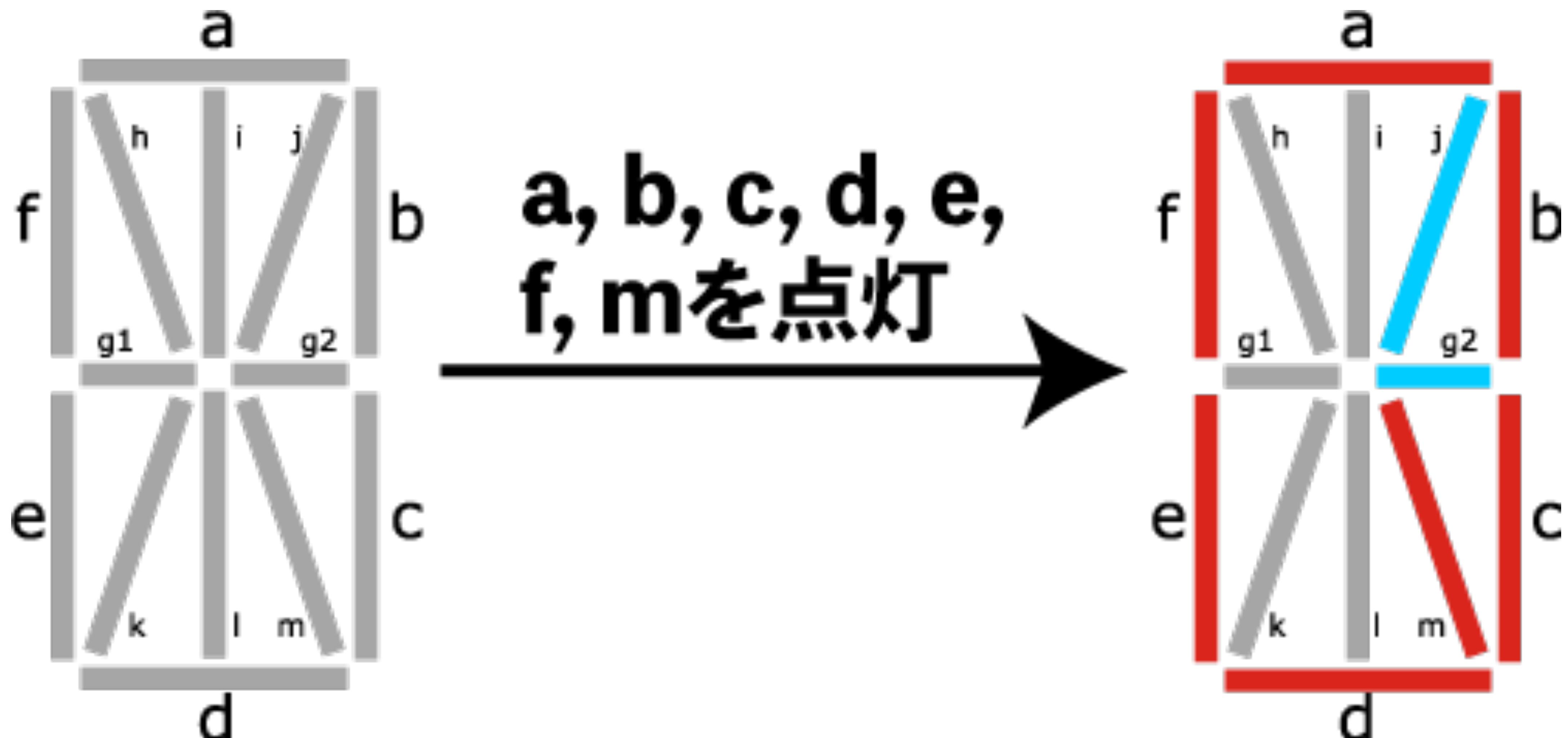
## 7-Segment display

- 亀さんを上下左右に動かすことで数字の 0~9, そしてアルファベットの A, C, E, F, G, H, J, L, O, P, S, U を描くことができます。

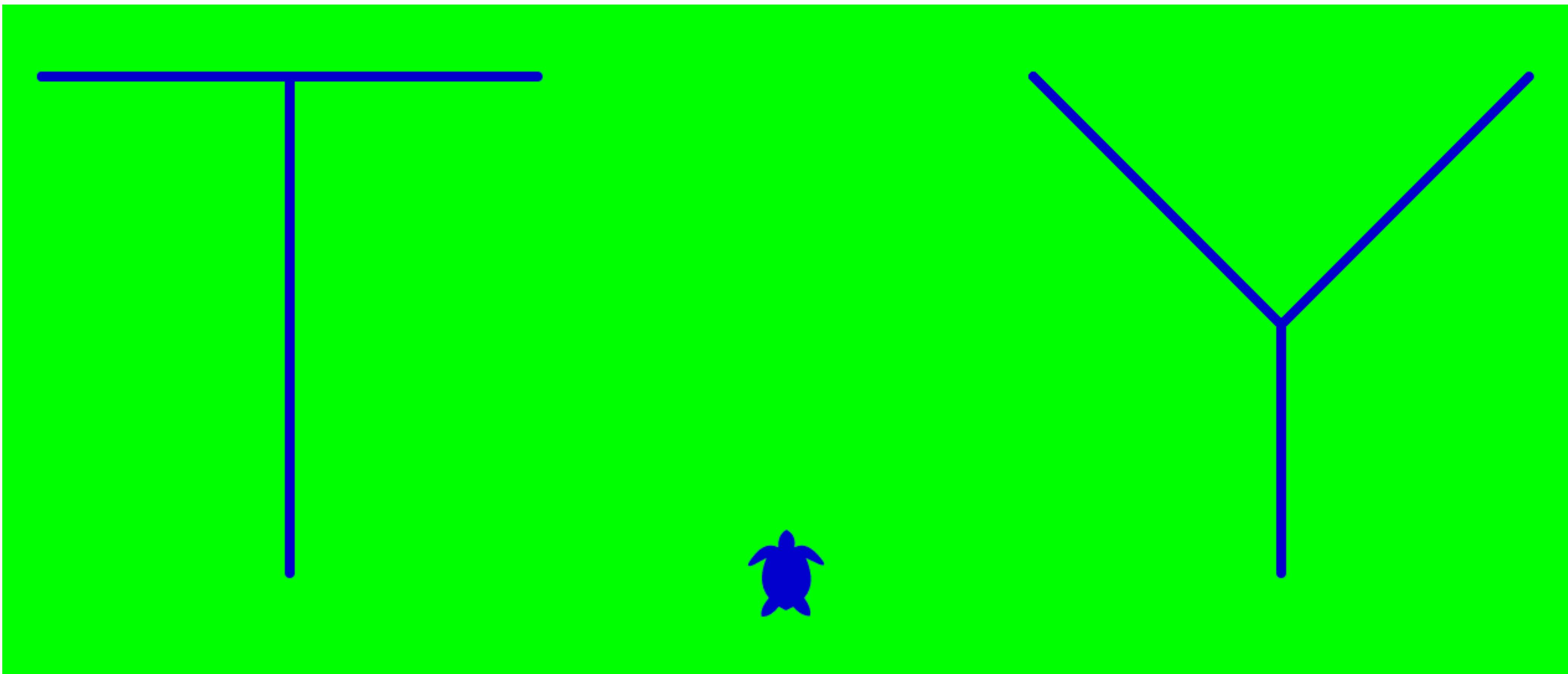


# 14セグメントディスプレイ

全てのアルファベットを描くことができます



# 演習：自分のイニシャルを描こう



# タートルグラフィックス

## まずは設計から

- 800x500の画面に一边が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$

$(0,0)$

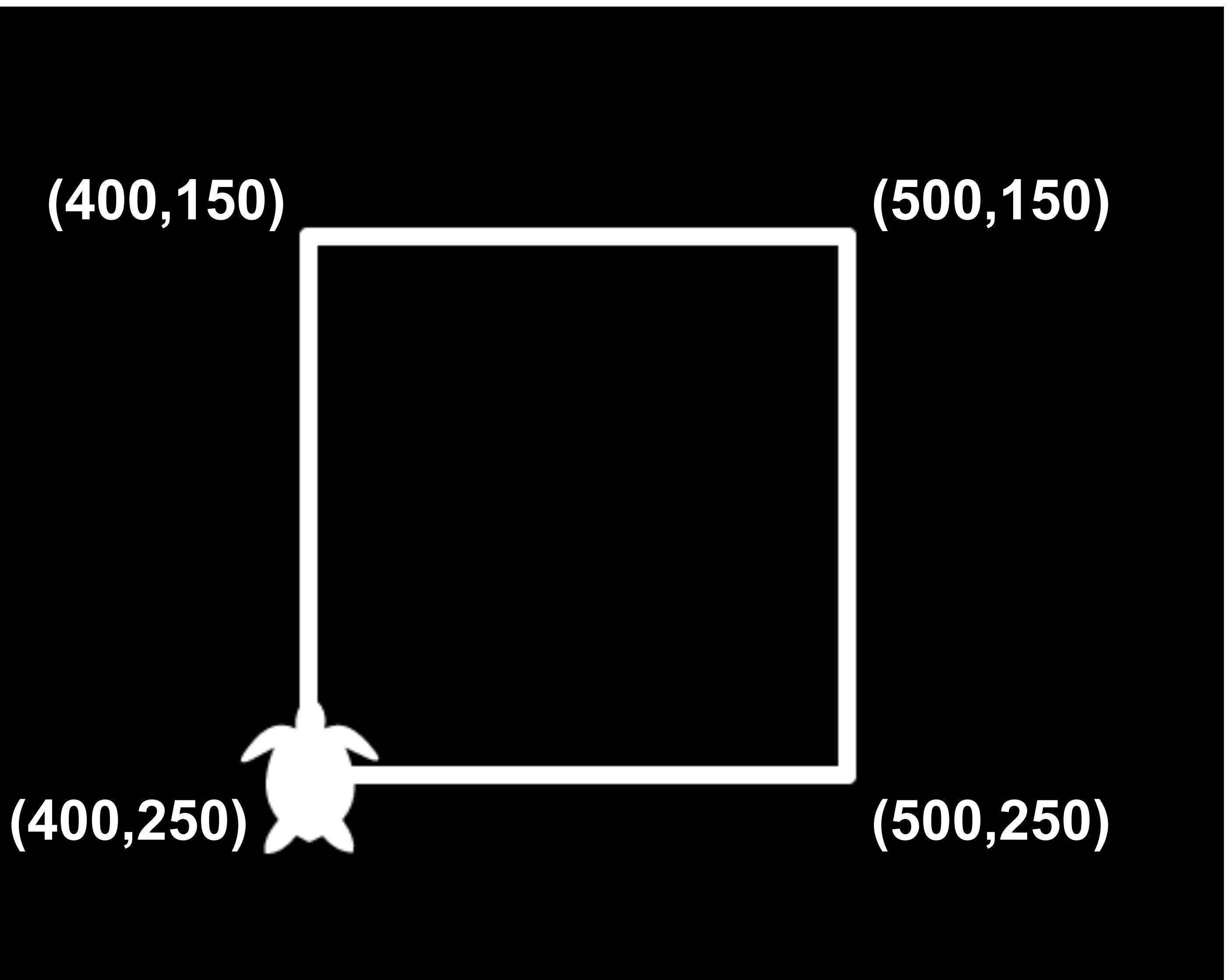
$(400,150)$

$(500,150)$

$(400,250)$

$(500,250)$

$(800,500)_{30}$

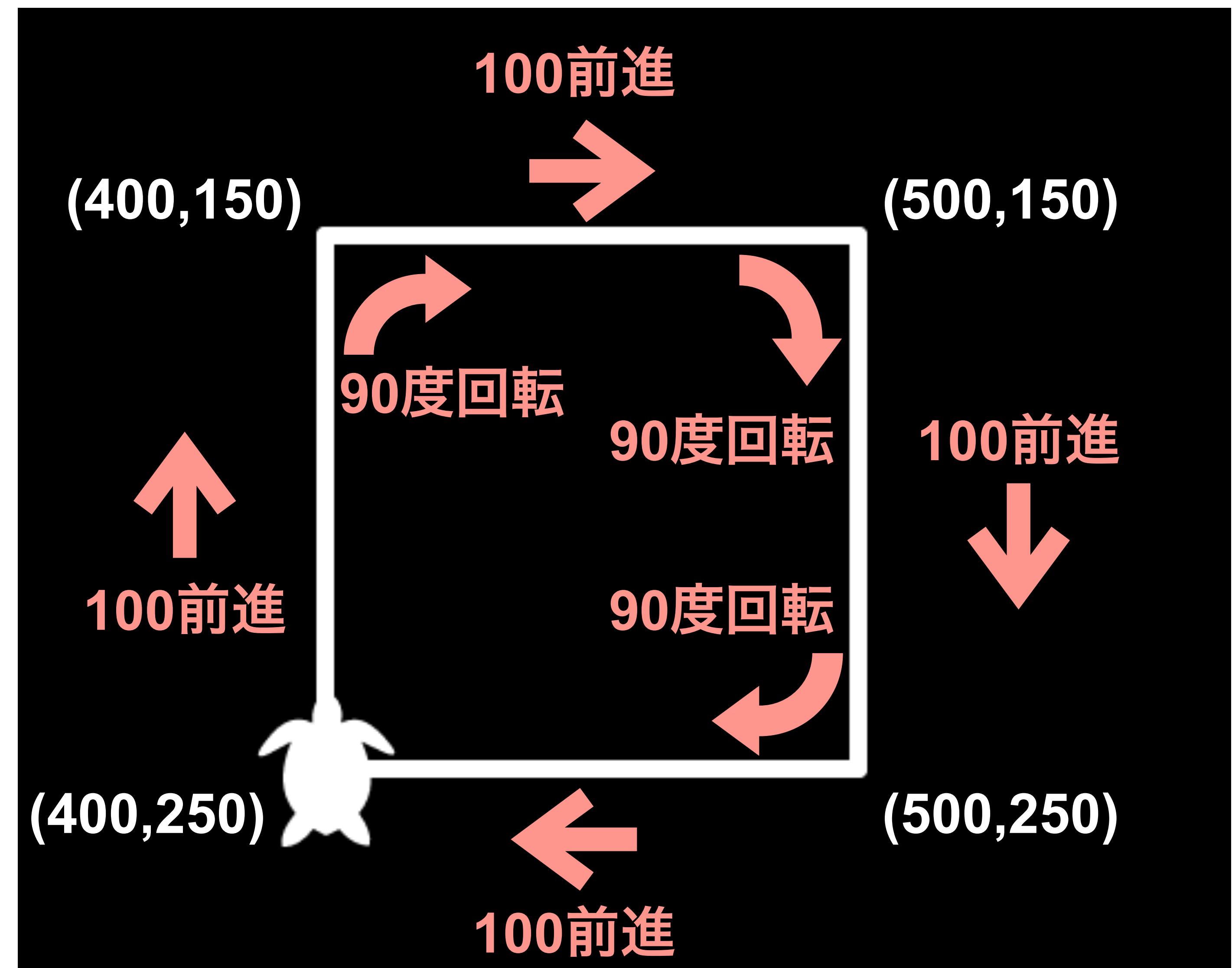


# タートルグラフィックス

## 亀を動かそう

- 1) 100前進
- 2) 90度回転
- 3) 100前進
- 4) 90度回転
- 5) 100前進
- 6) 90度回転
- 7) 100前進

→ 正方形が描画できる

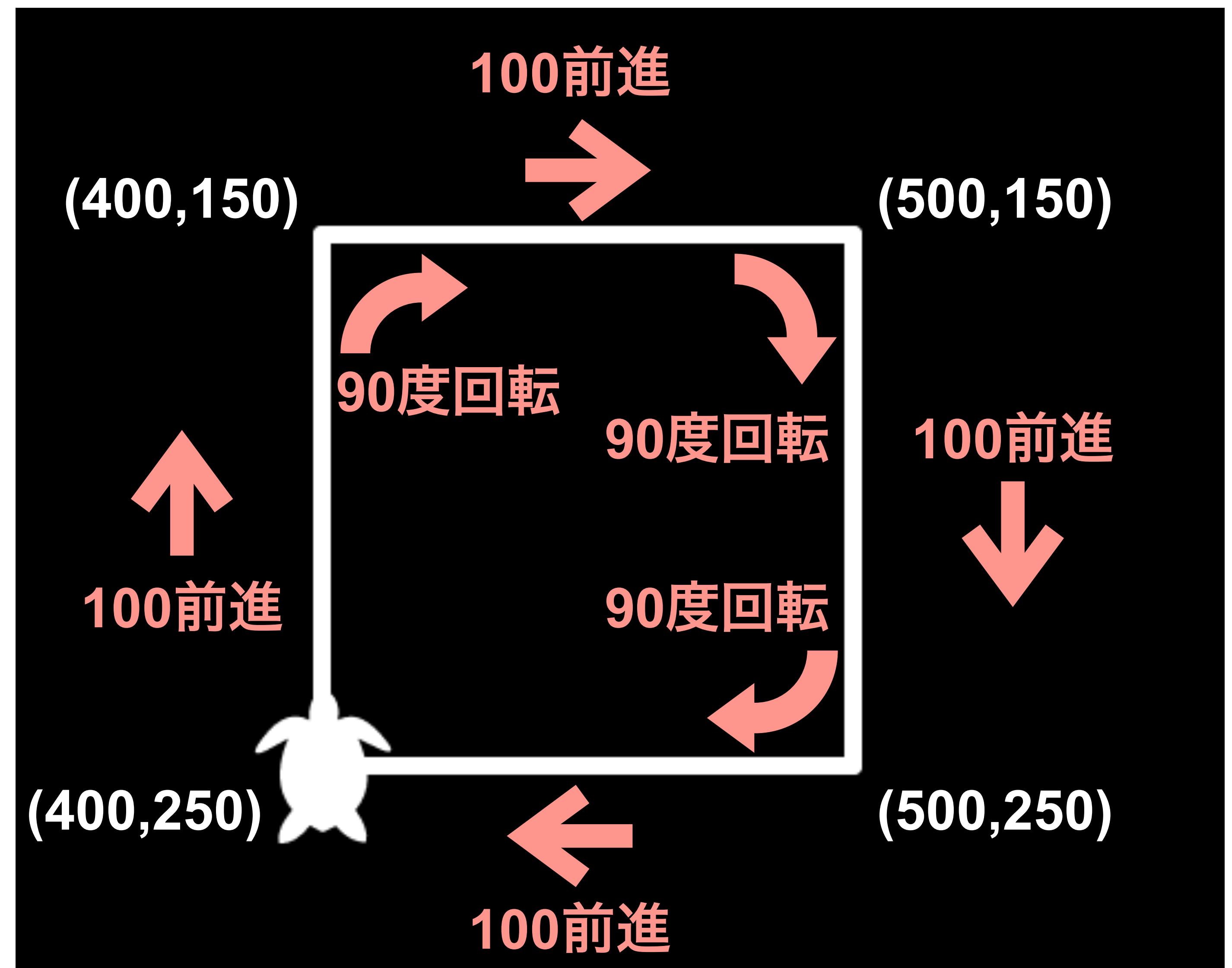


# タートルグラフィックス

コマンドで書くと

```
forward(100)
```

```
right(90)
```



# 同じ処理のくり返しはループでまわす

```
for i in range(4):  
    forward(100)  
    right(90)
```

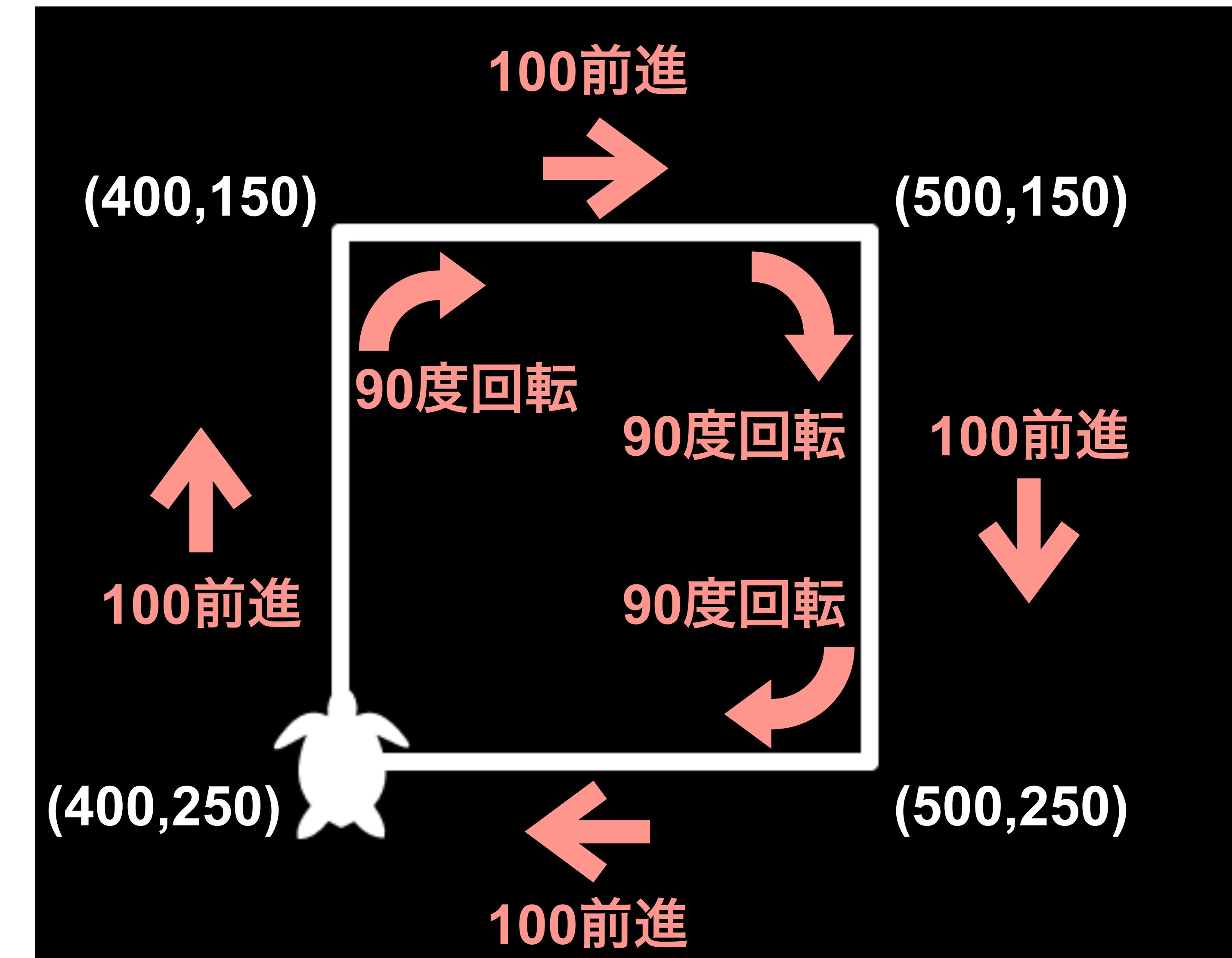
range(start, stop[, step])

range(0,4,1)  
> 0, 1, 2, 3

range(4)  
> 0, 1, 2, 3

range(0,4,2)  
> 0, 2

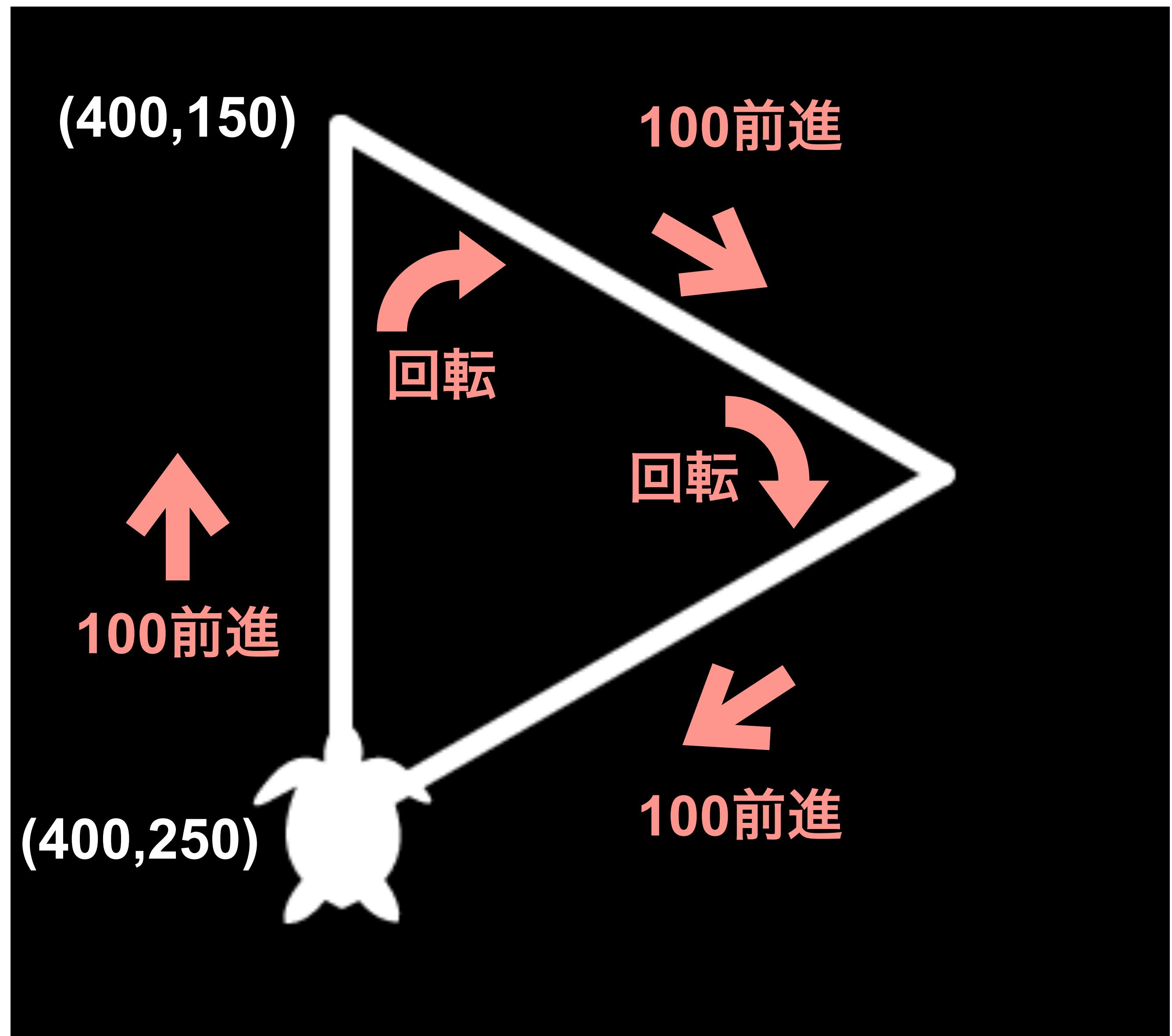
range(4,0,-1)  
> 3, 2, 1, 0



# やってみよう：正三角形

??は自分で考えてね

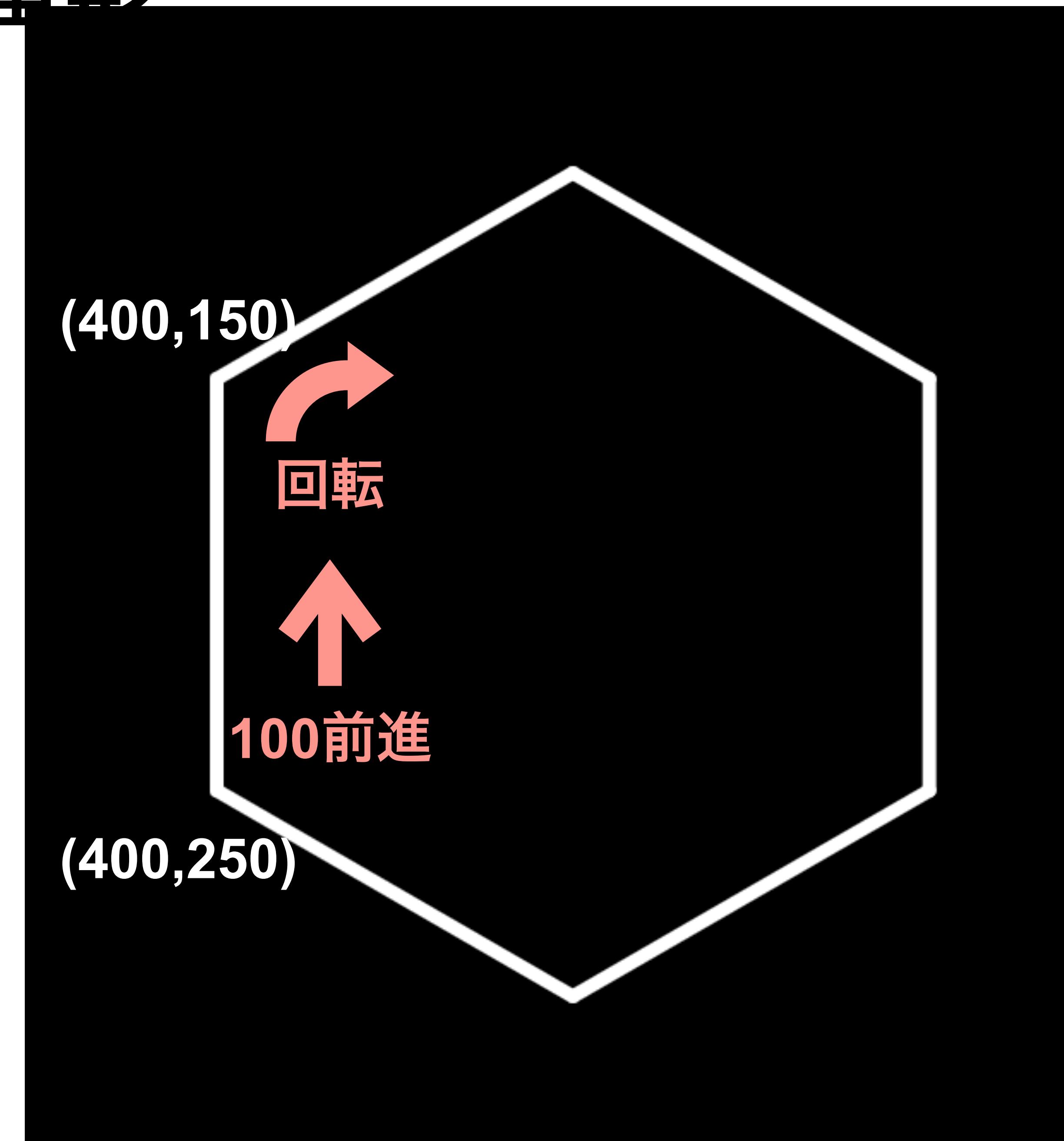
```
for i in range(?):  
    forward(100)  
    right(??)
```



# やってみよう：正六角形

??は自分で考えてね

```
for i in range(?):  
    forward(100)  
    right(??)
```



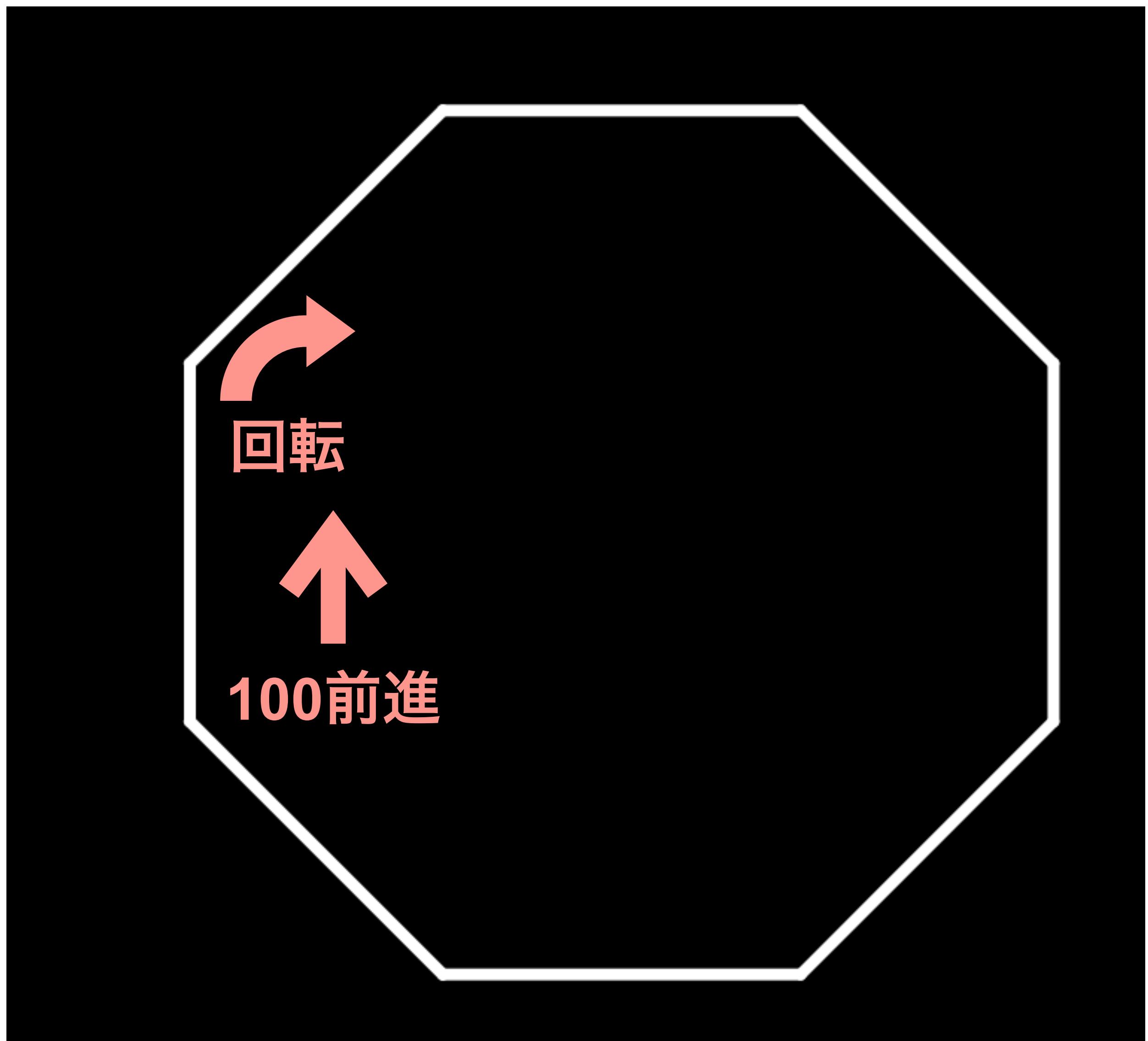
# 一般化：正n角形

??は自分で考えてね

length=100

angle = ??

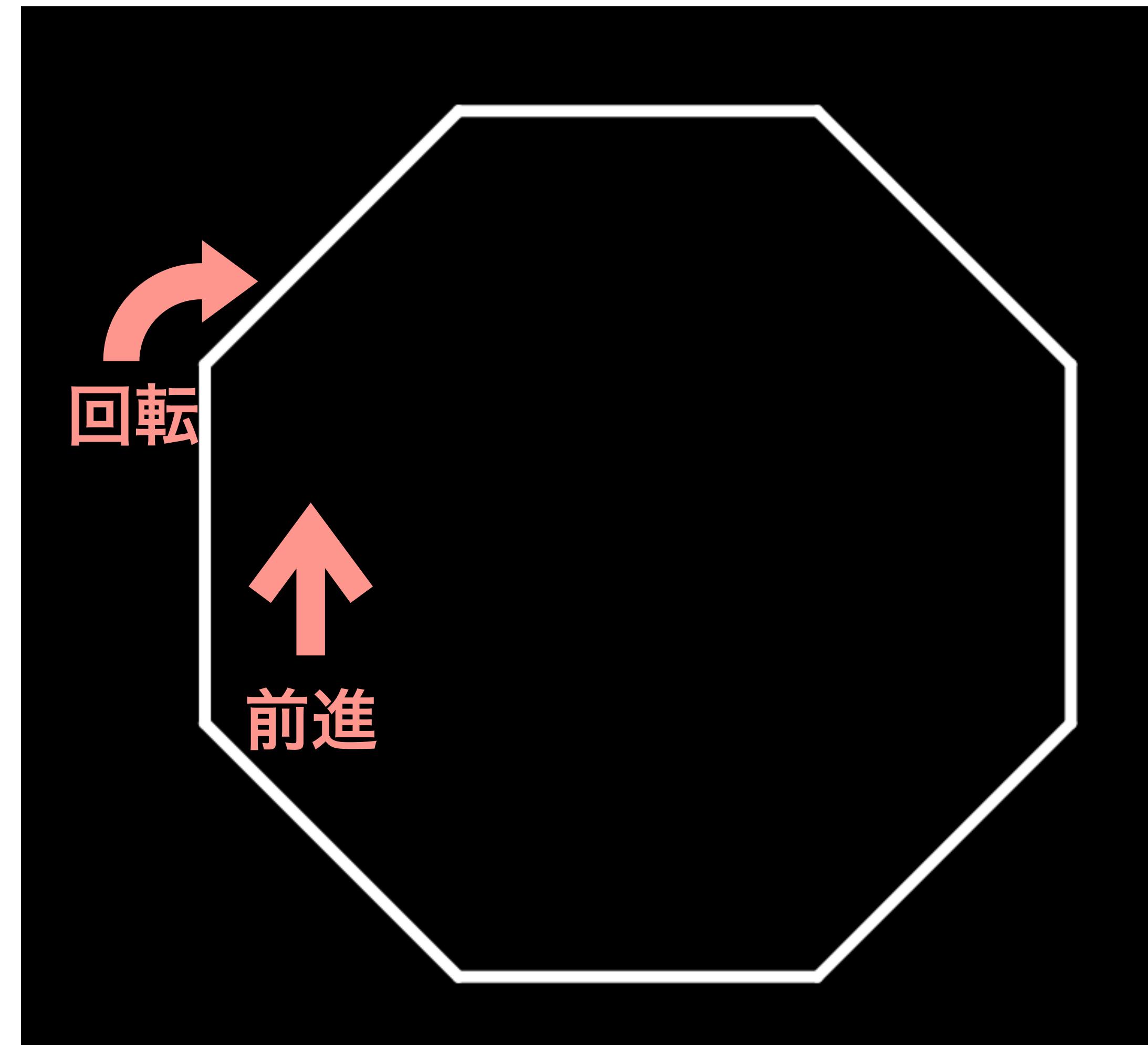
```
for i in range(?):  
    forward(length)  
    right(angle)
```



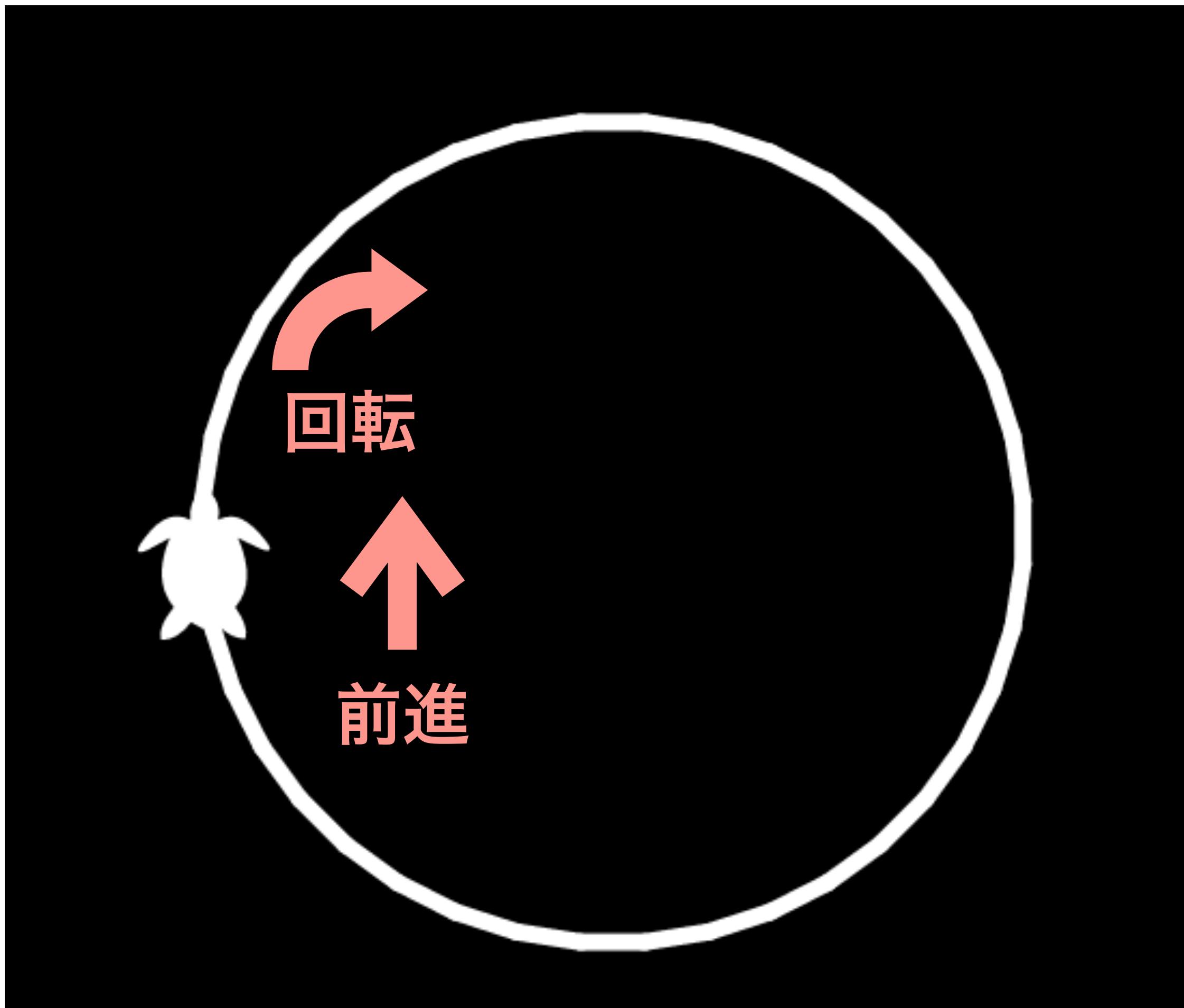
# 関数 polygon

??は自分で考えてね

```
def polygon(n, length):  
    length = ??  
    angle = ??  
    for i in range(??):  
        ??  
        ??
```



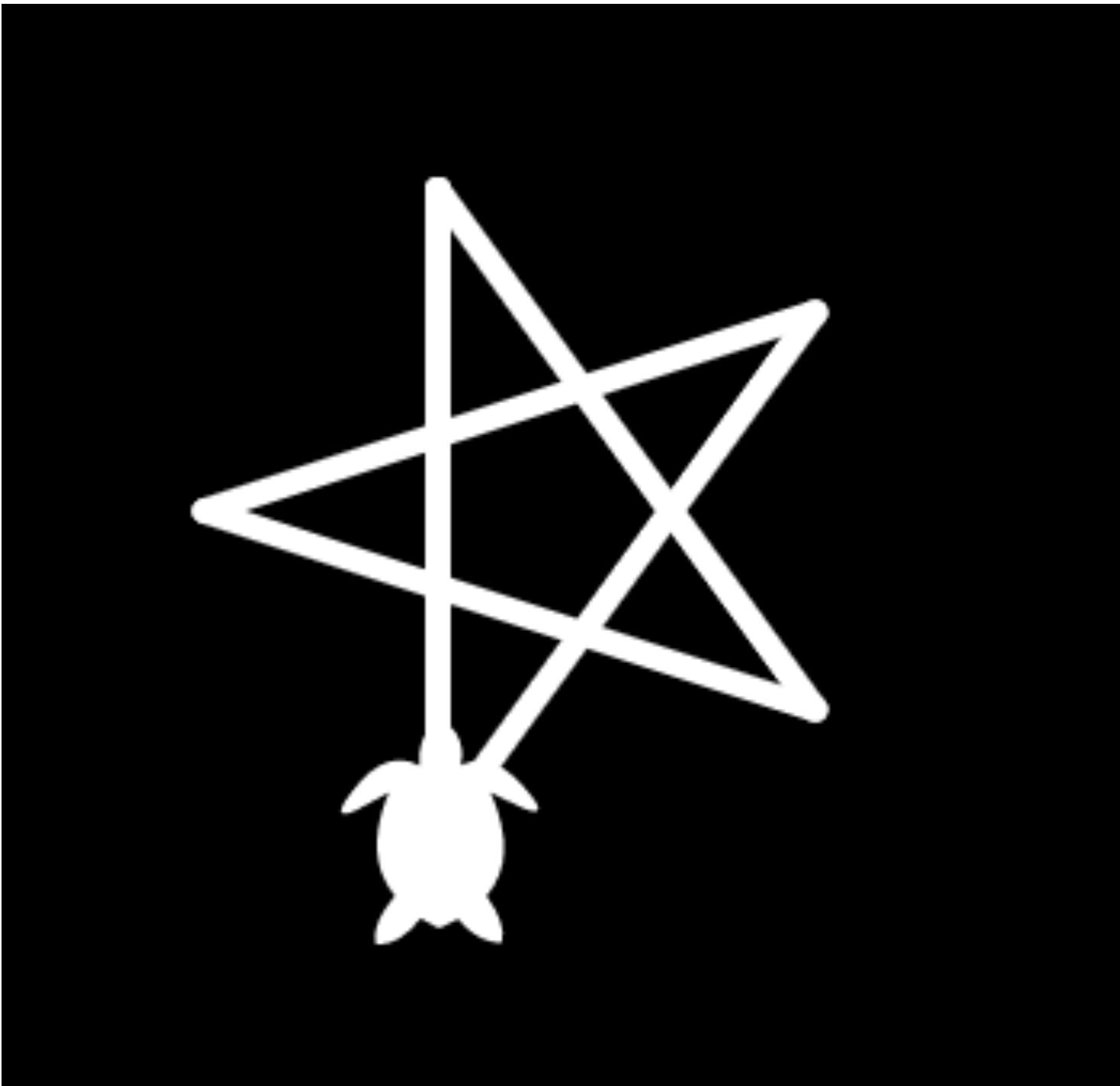
# 円はどう描く？



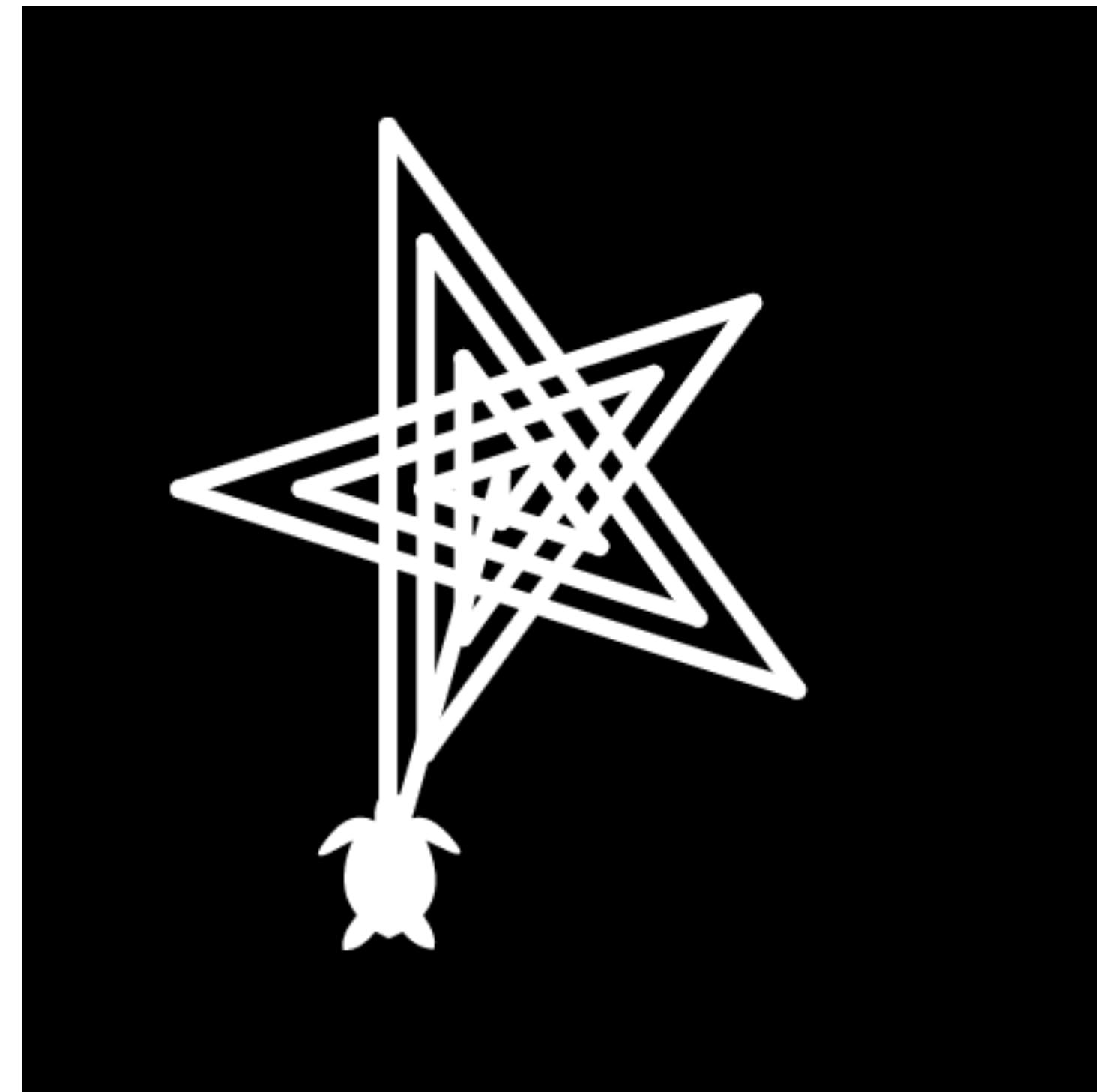
# 少し複雑な図形に挑戦

だんだん小さくなる

```
## Star
angle = ???
for i in range(?):
    forward(200)
    right(angle)
```

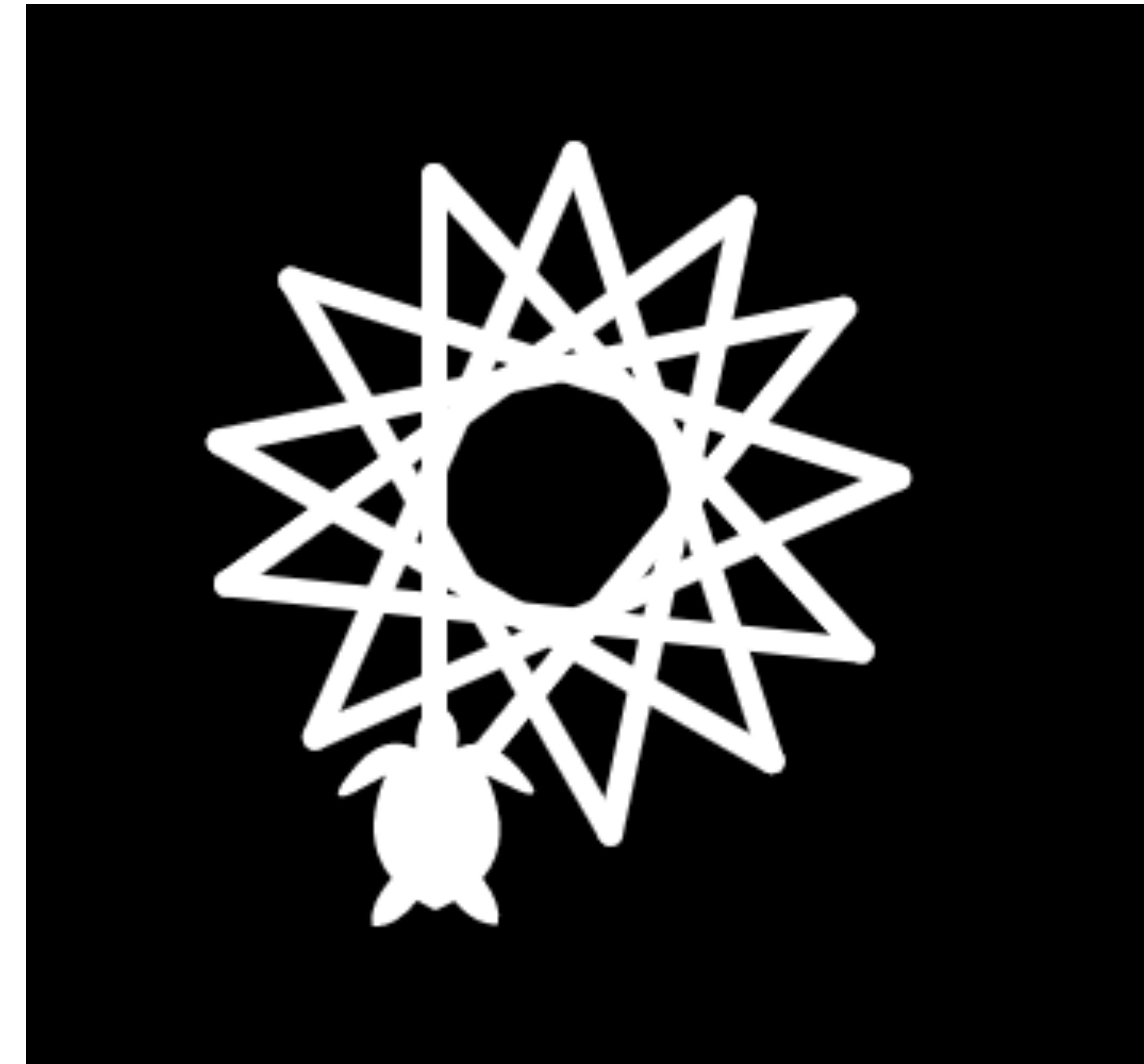


```
## Star2
angle = ???
for i in range(?):
    forward(200-i*10)
    right(angle)
```

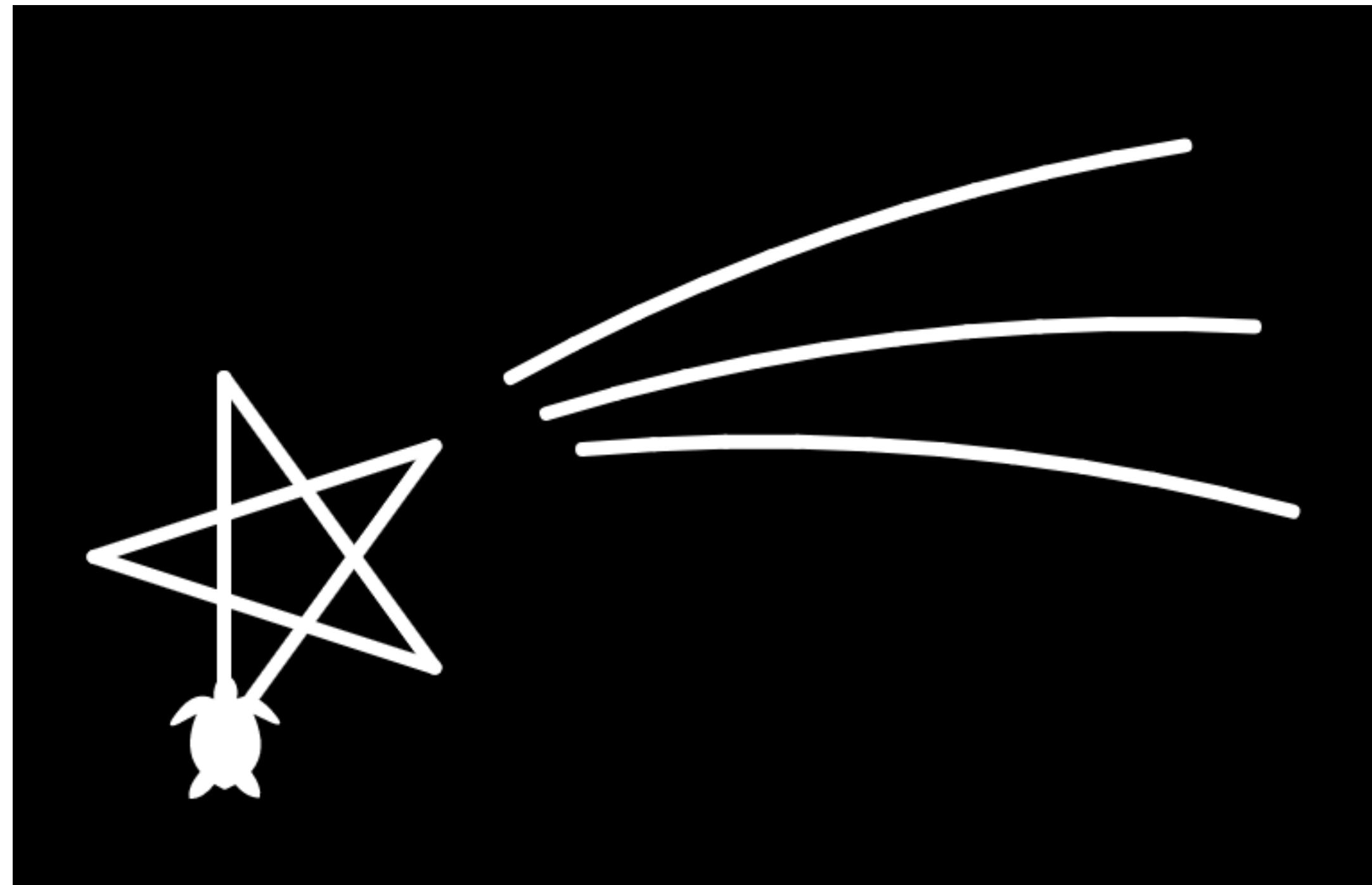


# 回りながら三角形をくり返し描く

```
## Triangle
angle = ???
for i in range(?):
    forward(200)
    right(angle + ??)
```



# 流れ星は？



ペンアップ：描くのをやめる

亀の移動

ペンダウン：描きはじめる

```
## Star
angle = ???
for i in range(?):
    forward(100)
    right(angle)

right(70)
for i in range(3):
    penup()
    goto(480+i*10, 150+i*10)
    pendown()
    left(8)
for i in range(10):
    forward(20)
    right(2)
penup()
```

# 演習：絵を描こう

