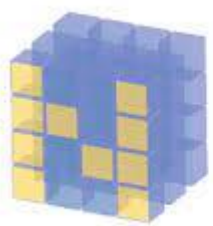
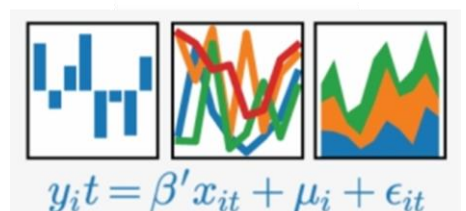


Guia de Machine Learning - Regressão Linear Simples Python



NumPy

matplotlib



Resumo sobre **Regressão Linear**



A análise de **regressão linear** avalia a **relação estatística** entre uma ou mais variáveis. Vamos exemplificar ...

Variação de gasto com
Alimentação x **Salário**



Concessão **limite** de cartão
de crédito x **Salário**



Quando consideramos o efeito de duas ou mais variáveis, utilizamos a análise de **regressão múltipla**, exemplo:

Alimentação



Salário



Limite Crédito



Quando consideramos o efeito de apenas 1 variável, utilizamos a análise de **regressão simples**.

Para que serve uma regressão ?

O modelo de **regressão** serve **para prever** comportamentos com base na associação entre duas variáveis que geralmente possuem uma boa correlação.

Onde utilizo essa regressão ?

As aplicações são diversas !! Mas vamos exemplificar:

- ✓ **Prever o valor** de fechamento de uma ação na ibovespa;
- ✓ **Produtividade** de colaboradores de um call center;
- ✓ **%** de Desmatamento nos próximos anos;
- ✓ **Previsão** de faturamento.
- ✓ Muitos outros !

Observação: Estatística **não** é 100% assertiva, **o papel dela é te direcionar**.

Regressão Linear - Simples

Vamos importar as bibliotecas externas que iremos precisar

```
[18] # Biblioteca para modelagem de dados
import pandas as pd

# Biblioteca para recursos matemáticos
import numpy as np

# Biblioteca para recursos Graficos
import matplotlib.pyplot as plt
```

Vamos criar alguns dados fictícios para podemos usar nesse exemplo

```
[40] # Criando nossa base de dados
# ----- Base de Preço de apartamentos Fictícia -----

# Criando lista com os valores
Metragem = [40, 45, 50, 55, 60, 62, 65, 70, 80, 90, 92,
            100, 110, 120, 150]
Valor = [200, 280, 310, 350, 390, 410, 450, 490, 550, 620,
        670, 700, 750, 810, 989]

# Organizando os valores em um Dicionário
Dicionario = {
    'Metragem' : Metragem,
    'Valor Imovel' : Valor
}

# Lendo o Dicionário com o Pandas
DataFrame = pd.DataFrame( data=Dicionario )

# Verificando as primeiras linhas
DataFrame.head()
```

	Metragem	Valor Imovel
0	40	200
1	45	280
2	50	310
3	55	350
4	60	390

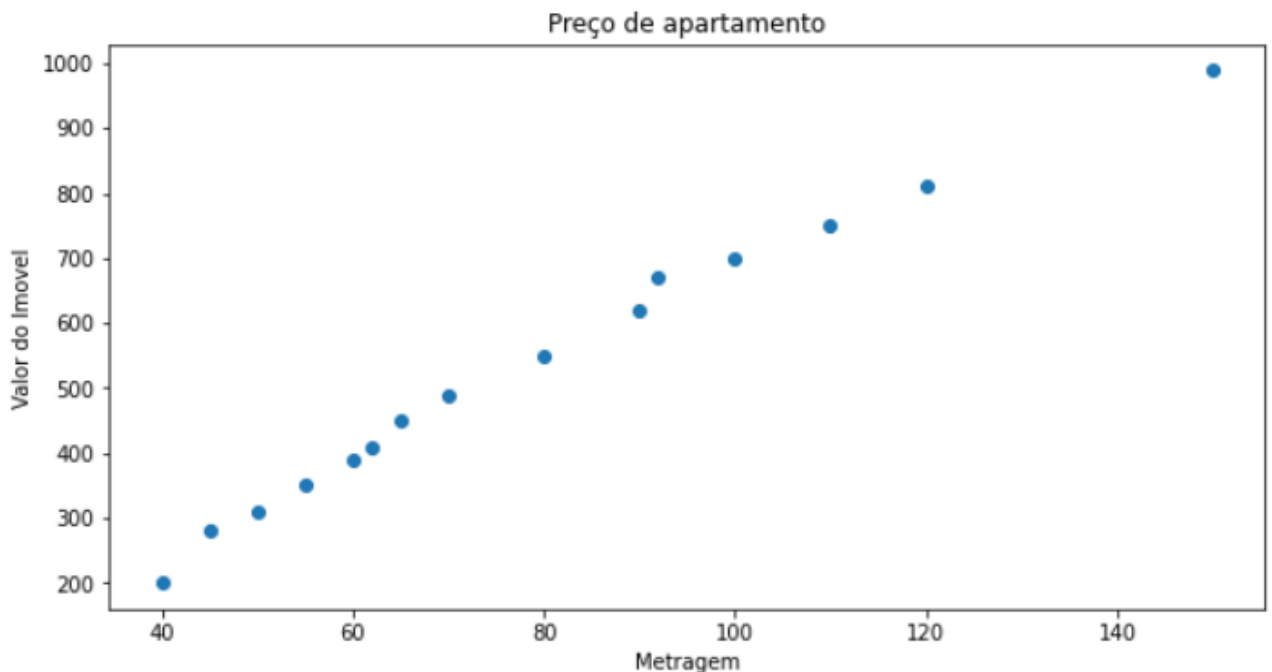
Vamos usar esses dados para prever o **valor de um apartamento**.
Nesse exemplo criamos alguns dados fictícios para treinamos o modelo.

Regressão Linear - Simples

Vamos gerar um gráfico com 2 eixos para entender os dados

```
[42] # ----- Plotagem dos dados -----

# Ajustando o tamanho do Gráfico
plt.figure( figsize=(10,5) )
# Passando os valores para o grafico
plt.scatter( DataFrame['Metragem'].values,
             DataFrame['Valor Imovel'].values )
# Definindo um titulo
plt.title('Preço de apartamento')
# Definindo o nome do eixo x
plt.xlabel('Metragem')
# Definindo o nome do eixo y
plt.ylabel('Valor do Imovel');
```



Nesse exemplo os dados foram forjados.

É nítido que há uma correlação entre essas 2 variável.

Quanto **maior a metragem** maior o **valor do imóvel**.

Vamos calcular a correlação

```
[43] # Separando os dados no eixo x e y
Eixo_x = DataFrame.iloc[:,0].values
Eixo_y = DataFrame.iloc[:,1].values

# Calculando a correlação entre os dados usando o Numpy
Correlacao = np.corrcoef( Eixo_x, Eixo_y )
Correlacao

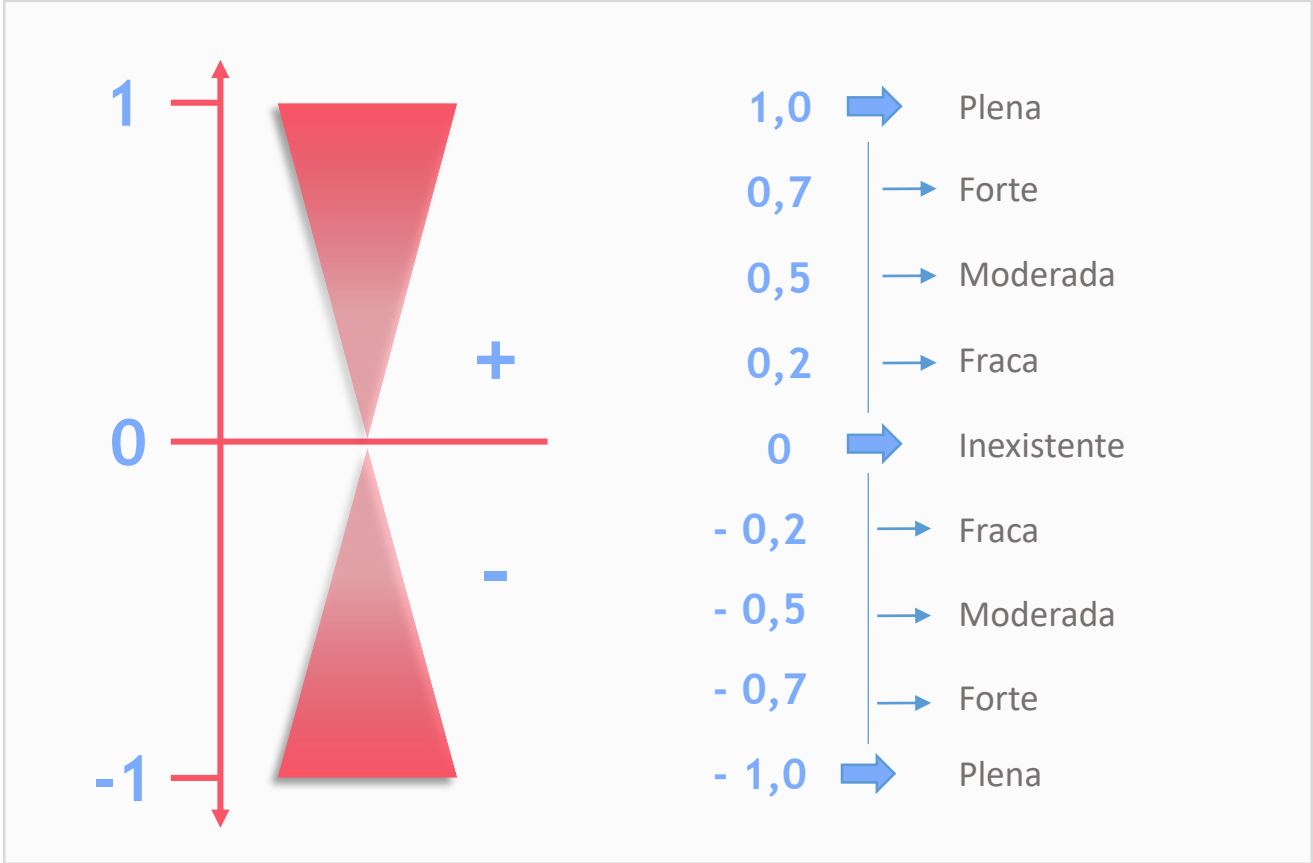
array([[1., 0.99320395],
       [0.99320395, 1.]])
```

A correlação das variáveis ficou em 0.99 (Forte)
Verifique na tabela abaixo a escala.

Regressão Linear - Simples

Vamos entender a tabela de correlação

Tabela de Correlação



A correlação pode ser **positiva** ou **negativa**, a escala vai de **1** a **-1**.

Quanto mais próximo de 1, há uma **correlação positiva**, ou seja, quando uma variável cresce a outra cresce.

Quanto mais próxima de -1, há uma correlação negativa, ou seja, quando uma variável cresce a outra diminui ou vice-versa.

No **nosso exemplo** a correlação ficou em 0.99, ou seja, há uma correlação muito forte entre o metragem vs preço.

```
array([[1., 0.99320395],  
       [0.99320395, 1.]])
```

Na regressão é **sempre importante haver correlações fortes** entre as variáveis.

Caso não haja, o modelo irá ter uma **dispersão muito grande**, e as previsões ficaram fora da realidade.

Regressão Linear - Simples

Ajustar os dados em uma matriz para serem inseridos no 'sklearn'

```
[44] # Convertendo o Eixo x para formato de Matriz
      # -1 quer dizer para não mexer nas linhas,
      # 1 quer dizer para incluir uma coluna

      Eixo_x = Eixo_x.reshape(-1, 1)
```

Vamos treinar o modelo

```
[51] # Importando a biblioteca com os recursos da regressão linear
      from sklearn.linear_model import LinearRegression

      # Definido uma variavel com os calculos estatisticos
      Regressor = LinearRegression()

      # Passando os dados para treinar o modelo
      Regressor.fit( Eixo_x, Eixo_y )

      # Identificando o b0 e b1 - Referencia da formula da regressão line
      B1 = Regressor.coef_ # Coeficiente
      B0 = Regressor.intercept_ # Constante

      # Mostrando os valores
      print('B0 =', B0, '\n', 'B1 =', B1[0] )

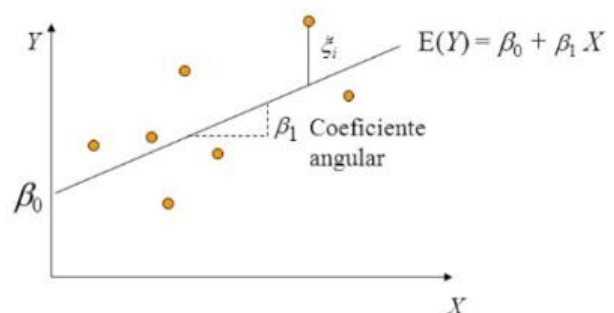
      B0 = -32.38752208173719
      B1 = 7.110860244933606
```

Formula da regressão linear

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \xi_i$$

Diagrama de anotações para a equação:

- Y_i : Variável Dependente
- β_0 : Intercepto populacional
- β_1 : Inclinação populacional
- X_i : Variável Independente
- ξ_i : Erro Aleatório



Caso não tenha conhecimento sobre estatística, vou deixar um vídeo bem legal de como funciona essa formula.

<https://www.youtube.com/watch?v=n--K70T6c3A&list=PLVGJZxcisYSGmqs4muOxEoiqUYWIAVmef&index=16>

Regressão Linear - Simples

Vamos Calcular o score dessa regressão.

```
[52] # Calculando o score da regressão
      Score = Regressor.score( Eixo_x, Eixo_y )
      Score

0.9864540901286758
```

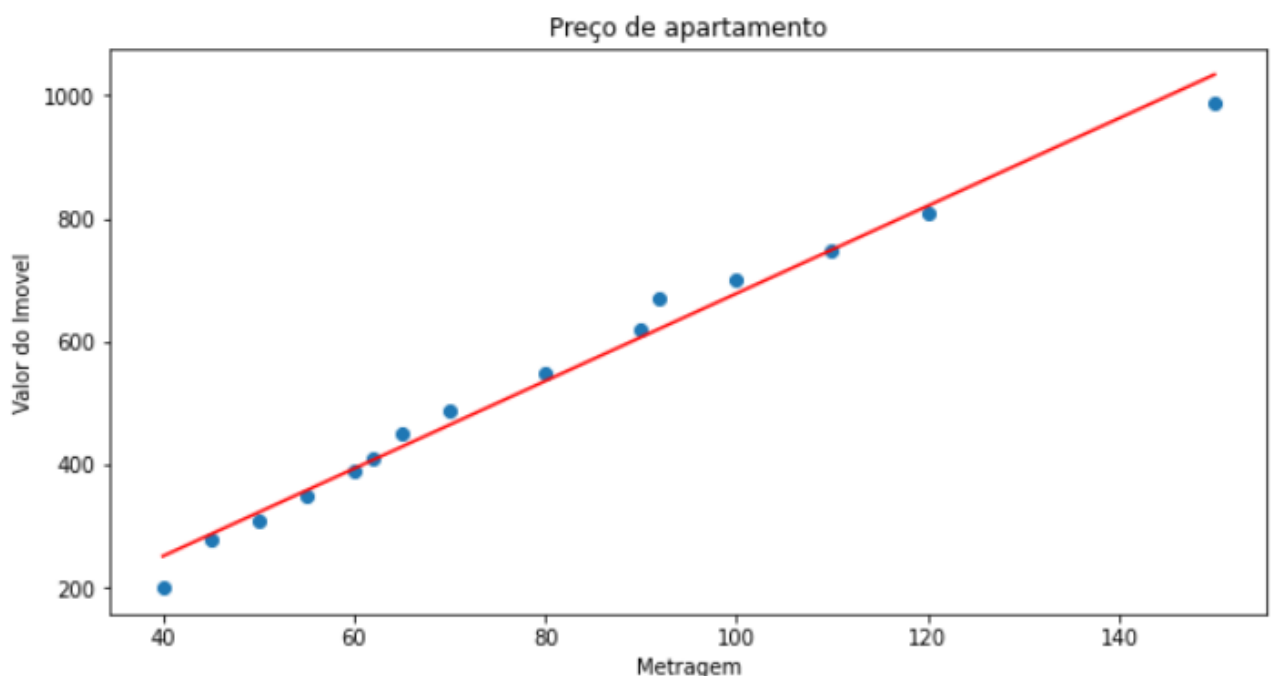
Esse score é diferente da correlação.

Porem a escala é bem similar, quanto mais próximo de 1 é melhor.

Vamos entender a reta que foi gerada pelo modelo

```
[47] # ----- Plotagem da Reta -----

# Ajustando o tamanho do Gráfico
plt.figure( figsize=(10,5) )
# Passando os valores para o grafico
plt.scatter( DataFrame['Metragem'].values,
             DataFrame['Valor Imovel'].values )
# Plotando a reta gerada pela regressão
plt.plot( Eixo_x, Regressor.predict(Eixo_x), color='red' )
# Definindo um titulo
plt.title('Preço de apartamento')
# Definindo o nome do eixo x
plt.xlabel('Metragem')
# Definindo o nome do eixo y
plt.ylabel('Valor do Imovel');
```



Avaliando o modelo.

Nessa previsão a **reta vermelha** ficou bem próxima dos dados, ou seja, o modelo teve uma ótima performance.

Lembrando que os dados são forjados. Nem sempre ficara dessa forma nos modelos rsrs.

Regressão Linear - Simples

Fazendo uma previsão

```
[66] # ----- Fazendo previsões -----  
# Vamos prever o valor de um apartamento de 50 metros  
Qual_Tamanho_Apartamento = [[ 50 ]]  
  
# Prevendo quanto custaria o valor de um apartamento  
Previsão = Regressor.predict( Qual_Tamanho_Apartamento )  
  
print('Um apartamento de:',  
      Qual_Tamanho_Apartamento[0][0], 'metros' )  
print('Usando o modelo para prever o valor, custaria: R$',  
      round(Previsão[0],2))
```

```
Um apartamento de: 50 metros  
Usando o modelo para prever o valor, custaria: R$ 323.16
```

Nesse exemplo acima, fizemos uma previsão de um valor de uma apartamento de 50 metros.

Nos nossos dados um apartamento de 50 metros custava 310.
O modelo previu 323.

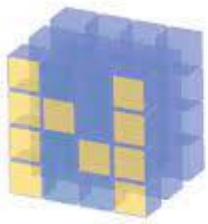
Ressalto que estatística não é 100% assertiva. Ela é diretiva.

Final

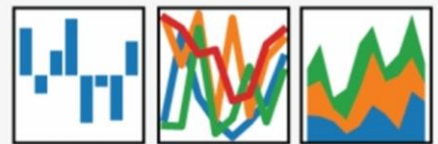
Esse guia é um exemplo de uma regressão linear simples.

Guia da documentação caso queira mais detalhes

https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.linear_model.LinearRegression.html

The matplotlib logo, featuring the word "matplotlib" in a blue serif font, with a circular icon containing a stylized pie chart to the right of the "t".

NumPy



$$y_{it} = \beta' x_{it} + \mu_i + \epsilon_{it}$$



Odemir Depieri Jr

Software Engineer Sr
Tech Lead
Specialization AI